This volume was digitized through a collaborative effort by/ este fondo fue digitalizado a través de un acuerdo entre:

Biblioteca General de la Universidad de Sevilla

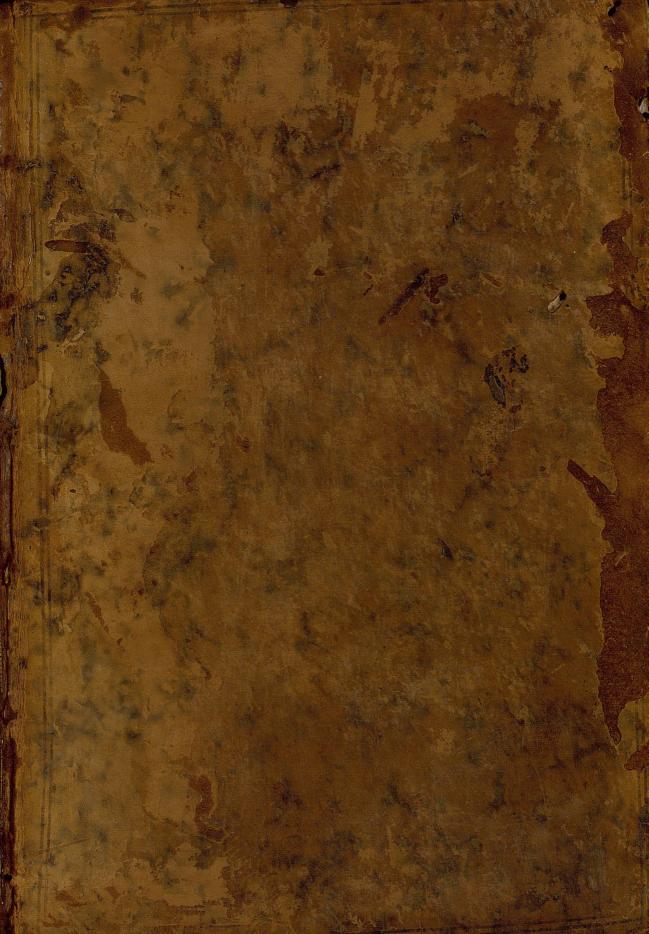
www.us.es

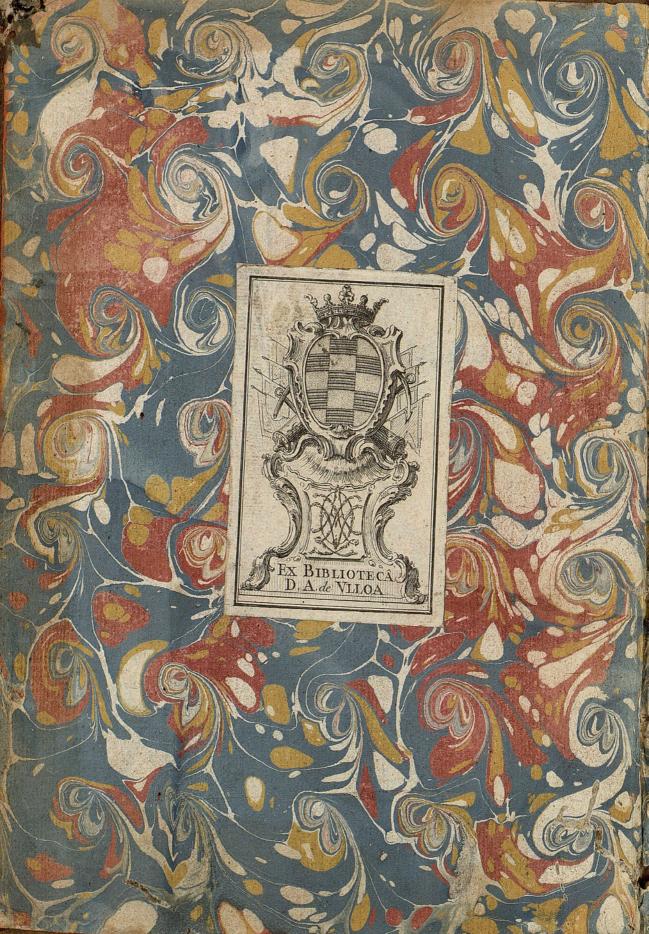
and/y

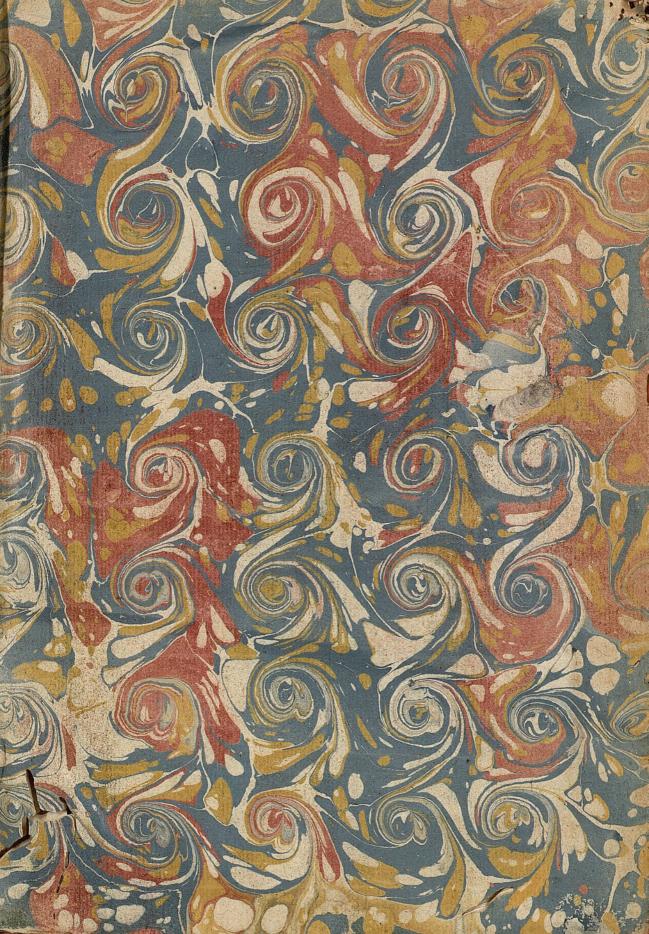
Joseph P. Healey Library at the University of Massachusetts Boston www.umb.edu

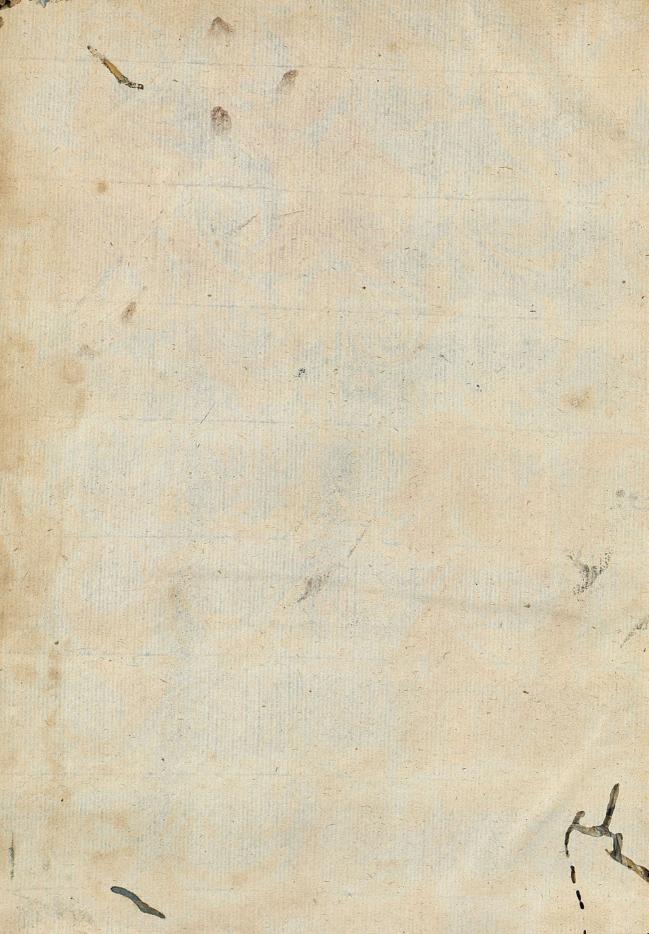


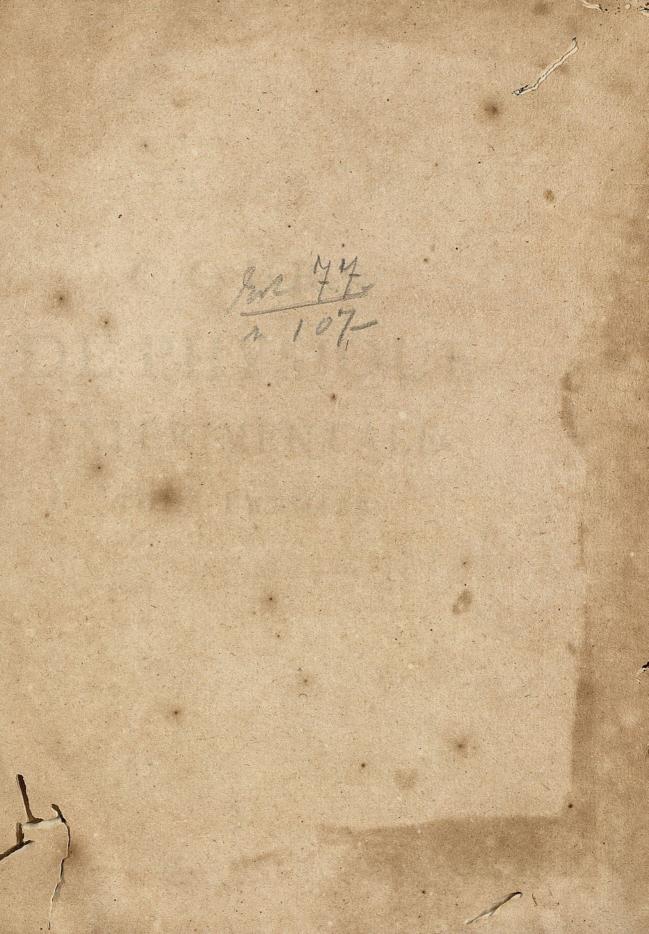


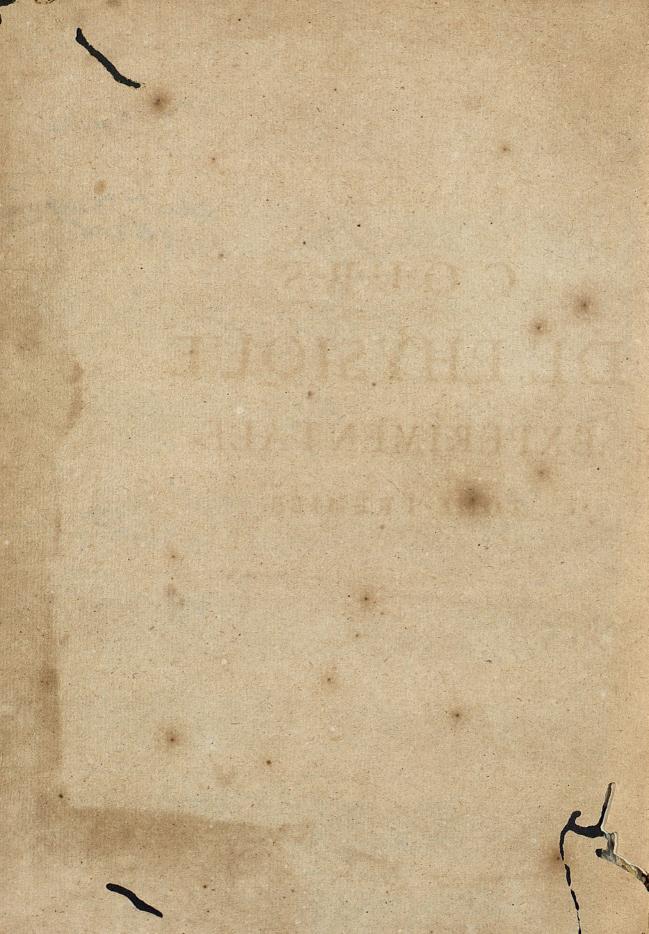








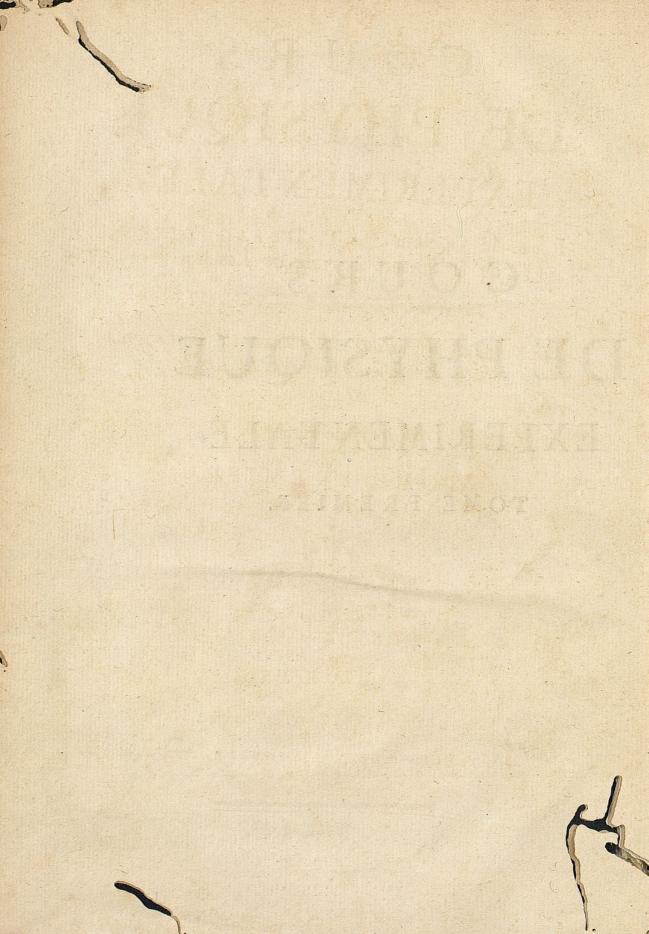




COURS DE PHYSIQUE EXPERIMENTALE.

TOME PREMIER.





COURS DE PHYSIQUE EXPÉRIMENTALE,

PAR le Docteur J. T. DESAGULIERS, de la Societé Royale de Londres.

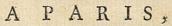
TRADUIT DE L'ANGLOIS

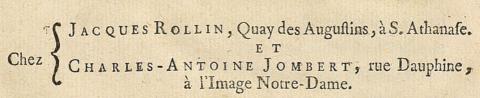
PAR le R. P. PEZENAS de la Compagnie de Jesus, Professeur Royal d'Hydrographie à Marseille.

Enrichi de Figures.

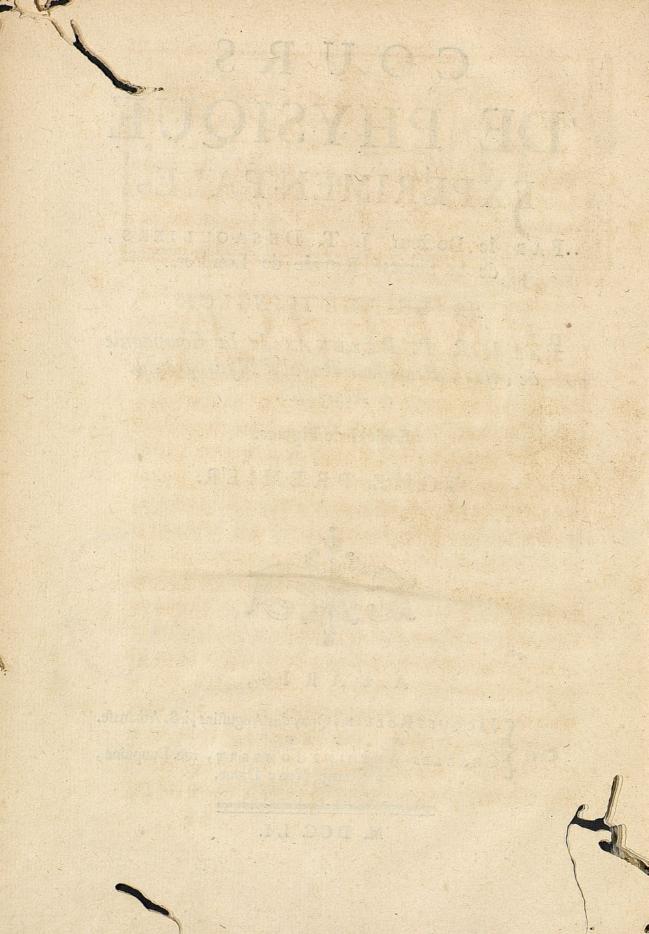
TOME PREMIER.

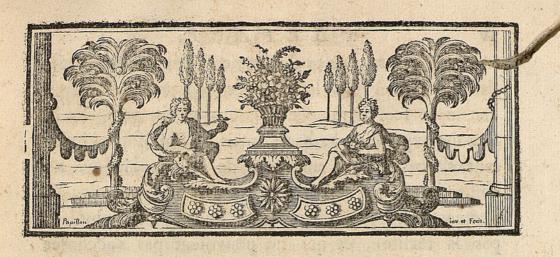






M. DCC. LI.





PREFACE.

OUTES les connoissances que nous avons de la nature sont appuyées sur les faits : une Physique denuée d'observations & d'expériences n'est qu'une science de mots & un jargon

inintelligible. Mais il faut necessairement appeller à notre secours la Géométrie & l'Arithmétique, si nous ne voulons pas nous borner à l'Histoire naturelle & à la Physique conjecturale. En esset, comme les essets composés dependent d'un grand nombre de causes, on pourroit méconnoître la cause principale, si l'on n'étoit pas en état de mesurer la quantité des essets que chacune produit, de les comparer ensemble, & de distinguer les uns des autres, pour découvrir leur cause totale, & pour trouver le resultat de la réunion de ces différentes causes. Lorsque le Roman Philosophique de M. Descartes eut renversé la Physique d'Aristote, par l'élegance de son style & par l'explication plausible des phénomenes de la nature, on ne tira pas

grand avantage de ce changement. Une nouvelle Secte de Philosophes prit la place de quelques Pedans qui cachoient leur ignorance sous des termes pompeux & fous des expressions barbares: mais ces Philosophes indolens s'attacherent à un genre de Philosophie qui ne demande aucune connoissance des Mathématiques; & s'appuyant sur quelques principes dont ils n'examinoient pas la réalité, & qui ne pouvoient pas s'accorder ensemble, ils se flattoient d'être en état d'expliquer méchaniquement toutes les apparences par le seul mouvement des particules de la matiere. Ils allerent si loin, qu'ils prétendirent expliquer des phénomenes, que peut-être Descartes n'auroit pas cru lui-même pouvoir expliquer; car sa Physique n'auroit pas été à l'épreuve de la Géometrie qu'il connoissoit parfaitement. C'est au Chevalier Newton, qui a le premier appliqué la Géométrie à la Philosophie, que nous sommes redevables de la déroute de cette armée de Goths & de Vendales, qui ravageoient le monde philosophique. Ill'a enrichi d'un plus grand nombre de grandes découvertes, que n'avoient fait avant lui tous les Philosophes ensemble: & il a jetté des sondemens si solides pour acquerir de nouvelles connoissances, que même après sa mort on puise dans ses Ouvrages des lumieres qui enrichissent la Physique. Avant lui on ne formoit que de vaines conjectures sur la cause du mouvement des Cométes & des Planétes autour du Soleil; mais aujourd'hui il a trouvé cette cause dans les loix universelles de l'attraction (dont il a prouvé l'existence d'une maniere

PREFACE.

maniere incontestable) & il a fait voir que les irregulari tés apparentes de la Lune, qui s'étoient toujours refusées au calcul des Astronomes, ne sont précisément que des conséquences necessaires de l'action du Soleil & de la Terre sur cette Planéte, selon leurs differentes positions. Les principes qu'il établit éclaircissent toutes les difficultés des divers phénoménes du flux & du reflux de la mer, & il est maintenant démontré que la vraye figure de la Terre, est celle d'un sphéroïde applati & plus élevé vers l'Equateur que vers les poles, malgré toutes les conjectures & les opinions contraires. Notre Philosophe incomparable nous a découvert & démontré la vraye nature de la lumiere & des couleurs qui étoient entierement cachées aux plus habiles Naturalistes; car pendant qu'ils cherchoient tous l'origine des couleurs dans le mêlange de l'ombre & de la lumiere, Newton a fait voir qu'elles étoient renfermées dans les rayons du soleil & dans la lumiere même; & que la surface des corps colorés ne servoit qu'à séparer les rayons qui forment les differentes couleurs, en absorbant les uns & réfléchissant les autres à notre œil, d'une maniere propre à produire les differentes sensations d'où dépend l'agréable varieté des objets colorés.

Son optique contient, outre les proprietés de la lumiere, un vaste sond de Philosophie, compris sous le nom modeste de questions ou de doutes, comme si ce n'étoient que des conjectures; mais ces mêmes questions se trouvent confirmées par les expériences & observations journalieres. Nous en avons un exemple bien remarquable Statique des Vegetaux, où plusieurs questions & propositions de Newton sont démontrées par l'expérience, de maniere à ne l'aisser aucun doute.

Je ne parlerai pas ici des belles inventions du Chevalier Newton dans les Mathématiques pures. Elles lui ont attiré avec raison l'admiration de ses Compatriotes & des Etrangers. Mais quoi qu'il en ait sait un grand usage pour découvrir la cause des Phénoménes de la nature, elles sont étrangeres au sujet que je traite, n'étant ici question que de la Physique experimentale. Mon but n'a été dans ce Cours que de parvenir à la connoissance de la nature par les expériences, non-seulement dans les circonstances où l'on n'y est parvenu que par cette voye, mais encore dans celles où cette connoissance n'a été acquise que par une longue suite de conséquences mathématiques. Car j'ai trouvé des expériences qui nous conduisent pas à pas aux mêmes conclusions.

L'idée qu'on a eu qu'il faut necessairement entendre les Mathématiques pour être Physicien, a détourné bien des gens de la Physique Newtonienne. J'ai oui-dire à plusieurs Cartésiens que si la connoissance de la Géométrie étoit necessaire pour les convaincre, ils aimoient mieux perseverer dans leur maniere de philosopher, que de se jetter dans un si grand embarras : comme si l'on méritoit le nom de Philosophe, en raisonnant sur des principes qui paroissent faux ou arbitraires, & imaginés uniquement pour expliquer un phénomene. Celui qui explique par

une hypothese comment les mouvemens celestes our posses s'executer, ne rend pas raison du système du monde; c'est celui qui en démontre les causes réelles. Il en est de même des autres phénomenes : car si l'on ne peut pas démontrer ce que l'on veut expliquer, il vaut mieux avouer son ignorance, que de donner de vaines conjectures pour de vrayes explications. Si l'on vient jamais à connoître la cause des differentes operations du Magnevisme, on la trouvera dans la comparaison des expériences &'observations de Norman, Pound, Paisley, Graham, Muschembrock, Savery, Marcel & autres (qui font profession d'ignorer la cause de ces merveilleux essets) plûtôt que dans les differentes hypotheses de ces Philo-Sophes, à qui la force de l'imagination fournit des conjectures qui sont démenties par les observations journalieres & par les Loix ordinaires du mouvement.

Mais pour revenir à la Philosophie Newtonienne, quoiqu'elle soit démontrée par les principes des Mathématiques, on peut cependant la communiquer au Public sans le secours de ces principes. L'illustre M. Locke est le premier qui a trouvé le moyen de devenir Philosophe Newtonien sans se servir de la Géométrie. Il demanda à M. Huygens si toutes les Propositions mathématiques du Livre des Pr incipes de Newton étoient veritables, & M. Huygens lui ayant répondu qu'il pouvoit compter sur seur évidence, il les regarda comme des hypotheses incontestables. Il examina avec soin les raisonnemens & les corollaires que l'on tire de ces principes, & il sut pleinement

vaincu des grandes découvertes qui sont contenues dans ce Livre. Il lut de même avec plaisir l'Optique de Newton, en s'attachant aux propositions qui n'étoient pas purement mathématiques *. Mais comme on a inventé plusieurs machines pour expliquer & prouver par expérience, ce que Newton a démontré mathématiquement, & que plusieurs de ses propres expériences ont été repetées dans les Cours de Physique, il est arrivé qu'un grand nombre de personnes ont sait de grands progrès dans la Physique par voye d'amusement, & que quelques uns y ont pris tant de goût, qu'ils se sont enfin déterminés à étudier les Mathématiques, & sont devenus de grands Philosophes. Le Docteur Jean Keill est le premier qui ait donné des Leçons publiques de Physique expérimentale, à la maniere des Mathématiciens; car il a donné des Propositions fort simples, qu'il a prouvées par des Expériences, & il en a conclu d'autres plus composées, qu'il a aussi confirmé par des expériences; de maniere qu'il a mis ses Auditeurs parfaitement au fait des Loix du mouvement, des Principes de l'Hydrostatique & de l'Optique, & de quelques-unes des principales propositions de Newton sur la Lumiere & les Couleurs. Il commença ses Cours de Physique à Oxford, vers l'an 1704 ou 1705, & il donna par ce moyen du goût au Public pour la Philosophie Newtonienne. Il est vrai que vers ce tems-là M. Hauksbée sit en public à Londres des Experiences électriques, hydrostatiques & pneumatiques: mais il ne les donna & ne les expliqua que * C'est ce que Newton m'a dit plusieurs fois lui-même,

comme autant de phénomenes curieux, sans prétendre en faire usage pour prouver une suite de propositions philosophiques dans un ordre mathématique. De-là vient qu'elles ne sont pas aussi propres que les Expériences du Docteur Keill à établir les principes d'une vraye Physique, quoiqu'elles ayent été peut-être executées avec plus de dexterité & avec des attentions plus scrupuleuses. Elles sormoient un Cours d'Expériences, & les autres un Cours de Physique Expérimentale.

Lorsque le Docteur Keill se fut retirée, je me mis à enseigner la Physique Expérimentale sur les mêmes principes, & je joignis à mes Cours de Physique plusieurs Propositions d'Optique & la Méchanique proprement dite, c'est-à-dire, l'explication des organes méchaniques & la raison de leurs effets. J'ai tâché depuis ce tems-là de faire de nouveaux progrès dans cette Science, en y joignant de nouvelles Propositions & de nouvelles Expériences, & en faisant dans mes machines les changemens qui me paroissoient propres à me rendre plus intelligible à ceux de mes Auditeurs qui n'étoient pas au fait des mathématiques, ou à donner plus de satisfaction aux Mathématiciens. Ces changemens se rapportent principalement à tout ce qui concerne la cause du mouvement des corps celestes & les phénomenes de notre système. Vers l'an 1713, je me rendis à Londres, où je vis avec plaisir les grands progrès que la Philosophie Newtonienne avoitsait parmi les personnes de tous rangs & de toutes les professions, & même parmi les Dames, au moyen des

iences. Quoique plusieurs Sçavans ayent enseigné depuis ce tems-là, & enseignent encore avec beaucoup de succès la Physique Experimentale à ma maniere (ou plûtôt à la maniere de M. Keill) j'ai fait autant de Cours que je pouvois en souhaiter, celui où je suis engagé à present étant le cent vingt-unième depuis que j'ai commencé à Hart-Hall à Oxford en 1710. La fatisfaction que j'ai d'avoir occasionné les aurres Cours est si grande que je ne sçaurois m'empêcher de dire, que de onze ou douze Sçavans qui font à present les Cours d'Expériences en Angleterre & dans les autres parties du monde, j'ai eu l'honneur d'en avoir huit parmi mes Disciples, & que leurs nouvelles découvertes sont un nouveau relief pour moi. Car ce qui pourroit donner de la jalousse dans toute autre profession que dans celle des Philosophes, n'est regardé que comme une nouvelle acquisition utile à ceux qui aiment la Physique, le prosit leur étant commun, pendant que l'Auteur d'une découverte a seul la gloire de l'invention.

C'est pour cela que je n'ai jamais sait dissiculté d'employer les machines & les instrumens que les autres ont imaginés, & que je n'ai jamais resusé de communiquer, ou même de prêter les miens, à ceux qui ont voulu en saire de semblables. Il sussit que l'on rende justice à l'Auteur d'une nouvelle découverte, comme je le sais ordinairement.

La plus grande partie de mes Auditeurs, qui ont souhaité que je fisse imprimer ce Cours, étant sort peu vers

xj

versés dans les Mathématiques, j'ai cru qu'il écit propos d'éviter dans mes Leçons les Démonstrations géometriques trop difficiles & les Calculs algebriques; & j'ai souvent prouvé la même verité par plusieurs Expériences, afin que ceux qui ne trouveroient pas dans les unes une pleine conviction, pussent la trouver dans les autres. Je ne demande à mes Lecteurs qu'un peu d'attention & une legere teinture d'Arithmétique, pour les mettre à portée de comprendre ces Leçons; pourvû qu'ils commencent par la premiere & qu'ils avancent par degrés, pour pouvoir passer des verités les plus simples à celles qui sont plus composées, & qui dérivent des premieres. Car autrement si l'on ouvroit ce Livre au hasard, on pourroit y trouver bien des choses disficiles, sur-tout dans la derniere Leçon de ce Volume, que l'on comprendra pourtant aisément, si l'on s'est rendu maître de tout ce qui précede. Peut-être que les Mathématiciens me trouveront trop diffus dans mes Leçons; mais ceux qui en ont donné aux autres, sçavent fort bien qu'on ne sçauroit s'expliquer trop claireraent, lorsqu'on parle à des gens qui n'ont pas un certain genie pour les Mathematiques (quelque bon esprit qu'ils ayent d'ailleurs.) On est même obligé quelquefois d'employer des manieres de démonstrations qui ne sont pas trop exactes, pour préparer les Auditeurs à des matieres plus abstraites. C'est à quoi j'ai été souvent forcé de recourir dans un grand Auditoire, où il n'est pas ordinaire de trouver beaucoup d'attention. Mais j'espere que les Philosophes les plus

rigides me le pardonneront, lorsqu'ils trouveront dans les Notes la démonstration géometrique des mêmes verités; peut-être que les Mathématiciens même ne croiront pas perdre leur tems en les parcourant. Je ne prétends pas néanmoins interdire au commun des Lecteurs la lecture des Notes; car ceux qui auront bien lû & compris ce qui est contenu dans le corps de la Leçon, seront en état de comprendre ce qui est rensermé dans les Notes.

Je dois aussi reconnoître ici que la plus grande partie de ce que j'ai dit de l'Arç & du Ressort dans la derniere Leçon de ce Volume, & une partie de ce que j'ai dit du Volan & du Belier des Anciens, a été puisé dans quelques papiers que Guillaume Jones Ecuyer m'a envoyé.





APPROBATION.

J'AY 1û par ordre de Monseigneur le Chancelier un Manuscrit intitulé: Cours de Physique Expérimentale, traduit de l'Anglois de Desaguliers, par le R. P. Pezenas de la Compagnie de Jesus, dont on peut permettre l'impression. FAIT à Paris ce 25 hévrier 1750.

LE MONIER.

PRIVILEGE DU ROY.

OUIS, par la grace de Dieu, Roy de France & de Navarre : A nos amés & féaux Conseillers, les Gens tenans nos Cours de Parlement, Maîtres des Requêtes ordinaires de notre Hôtel, Grand Conseil, Prevôt de Paris, nos Justiciers qu'il appartiendra, SALUT. Notre bien amé CHARLES-Antoine Jombert, Libraire à Paris, & ordinaire pour notre Artillerie & pour le Génie, nous a fait exposer qu'il désiroit faire imprimer & donner au Public plusieurs Ouvrages, qui ont pour Titres: Elemens de la Guerre des Sieges, &c. contenant l'Artillerie, l'Attaque & la Défense des Places par M. LE BLOND; Principes du Système de petits Tourbillons de Descartes par l'Abbé DELAUNAY; Géographie Physique, ou Introduction à la Connoissance de l'Univers par STRUYCK, traduit en François; les Elémens de la Physique-Mathématique par s'GRAVE-SANDE, traduit en François; Dictionnaire de Mathématique de WOLFIUS, traduit en François; Cours de Mathématique de WOLFIUS, traduit en François; Maniere de graver en Taille-douce & à l'Éau Forte par Abraham Bosse; les Regles du Dessein & du Lavis; Cours de Physique Expérimentale, traduit de l'Anglois de DESAGULIERS, par le R. P. PEZENAS; Elémens Généraux des Parties de Mathematiques nécessaires à l'Artillerie & au Génie, par M. l'Abbé DEIDIER; s'il Nous plaifoit lui accorder nos Lettres de Privilege pour ce nécessaires. A CES CAUSES, voulant favorablement traiter l'Exposant, Nous lui avons permis & permettons par ces presentes de faire imprimer lesdits Ouvrages ci-dessus spécifiés en un ou plusieurs volumes, & autant de fois que bon lui semblera, & de les vendre, faire vendre & débiter par tout notre Royaume, pendant le tems de quinze années consécutives, à compter du jour de la date desdites presentes: Faisons défenses à toutes sortes de personnes de quelque qualité & condition qu'elles soient, d'en introduire d'impression étrangere dans aucun lieu de notre obéissance; comme aussi à tous Libraires, Imprimeurs & autres, d'imprimer, faire imprimer, vendre, faire vendre ni contrefaire lesdits Ouvrages, ni d'en faire aucuns Extraits sous quelque prétexte que ce soit, d'augmentation, correction, changemens ou autres, sans la permission expresse & par écrit dudit Exposant, ou de ceux qui auront droit de lui, à peine de confiscation des Exemplaires contrefaits & de trois mille livres d'amende contre chacun des Contrevenans, dont un tiers à nous, un tiers à l'Hôtel-Dieu de Paris & l'autre tiers audit Exposant, & de tous dépens, dommages & interêts:

A la charge que ces presentes seront enregistrées tout au Jong sur le Registre mmunauté des Libraires & Imprimeurs de Paris, dans trois mois de de la date d'icelle; que l'impression desdits Ouvrages sera faite dans notre Royaume & non ailleurs, en bon papier & beaux caracteres, conformément à la feuille imprimée & atachée pour modele fous le contre-scel desdites presentes; que l'Impetrant se conformera en tout aux Reglemens de la Libraire, & notamment à celui du dix Août 1725, & qu'avant que de les exposer en vente, le Manuscrit ou Imprimé qui aura servi de copie à l'impression desdits Livres, sera remis dans le même état où l'Approbation y aura été donnée ès mains de notre très-cher & féal Chevalier le Sieur Daguesseau, Chancelier de France, Commandeur de nos Ordres, & qu'il en sera ensuite remis deux Exemplaires dans notre Bibliotheque publique, un dans celle de notre très cher & féal Chevalier le Sieur Daguesseau, Chancelier de France, le tout à peine de nullité de présentes; du contenu desquels vous mandons & enjoignons de faire jouir ledit Exposant & ses ayans-cause pleinement & paisiblement, sans souffrir qu'il leur foit fait aucun trouble ou empêchement. Voulons que la Copie desdites présentes qui sera imprimée tout au commencement ou à la fin desdits Ouvrages, foit tenue pour dûement fignifiée, & qu'aux Copies collationnées par l'un de nos amés & féaux Confeillers & Secretaires, foy foit ajoutée comme à l'original. Commandons au premier notre Huissier, ou Sergent sur ce requis, de faire pour l'execution d'icelles, tous actes requis & nécessaires sans demander autre permission, & nonobstant clameur de Haro, Charte Normande & Lettres à ce contraires. Car tel est notre plaisir. Donne' à Versailles le vingt-sixiéme jour d'Avril, l'an de grace mil sept cens quarante-trois, & de notre Regne le vingt-huitiéme. Par le Roy en fon Confeil, SAINSON.

Registré sur le Registre XI. de la Chambre Royale des Libraires & Imprimeurs de Paris, N°. 185. fol. 155. conformément aux anciens Réglemens, confirmés par celui du 28 Février 1723. A Paris le 23 May 1743.

CAVELIER, Syndic.

COURS



COURS DE PHYSIQUE

EXPERIMENTALE.

LEÇON I.



'ESPRIT de dispute, ou le désir ardent de remporter Leçon I. la victoire, plûtôt que de parvenir à la connoissance de la vérité, a été l'un des plus grands obstacles aux progrès de la Physique, & rien n'occasionne plus de contestations, que lorsque différentes personnes

attachent différentes idées aux mêmes mots; car les hommes ne peuvent jamais bien s'entendre les uns les autres, tant qu'ils n'attachent pas les mêmes idées aux mêmes mots. Il n'y a point de dispute dans les Mathématiques pures, parce que l'on commence toujours par la définition des termes, & tous ceux qui lifent une proposition, ont la même idée de chacune de ses parties : de sorte que lorsqu'un homme a l'esprit assez soible pour vouloir opposer une démonstration à une autre, on le doit regarder avec mépris comme

COURS DE PHYSIQUE

un homme qui veut raisonner à la maniere des Philosophes: car de la cut terminer immédiatement toutes les disputes mathématiques, en faisant voir ou que l'Adversaire ne s'est pas attaché à ses désinitions, ou qu'il n'a pas commencé par établir de vrais principes, ou bien qu'il a tiré de fausses conclusions des principes qu'il avoit établis, ou ensin on doit avouer qu'on ne comprend pas une partie de sa démonssration, & le prier de se rendre plus intelligible. Et en esset, à moins qu'on ne puisse faire voir où se trouve l'erreur & le paralogisme, on ne doit pas le condamner, mais se rendre à ce qui a été démontré.

It est vrai que dans les Mathématiques mixtes, où l'on raisonne mathématiquement sur des objets physiques, on ne scauroit donner des définitions aussi justes que celles des Géometres ou des Logiciens: on doit se borner à des descriptions, & elles seront aussi utiles que les définitions, si l'on s'accorde toujours avec soi-même, & si l'on attache toujours les mêmes idées aux mêmes termes que l'on a une fois expliqués : car dire que les autres ont pris dans un autre sens les mots dont nous nous servons, ce n'est pas-là une objection raisonnable; parce qu'on peut répondre qu'ils n'avoient pas alors les mêmes idées que nous avons. Ainsi lorsque dans ce Cours nous employerons des mots qui ont eu différens sens, nous marquerons toujours en quel sens nous les prenons: & lorsque nous serons obligés d'imaginer de nouveaux termes, comme il arrive souvent dans la description des Machines, nous les expliquerons toujours dès la premiere fois que nous les employerons.

- 1. PAR le mot Matière, on entend tout ce qui a étendue & résissance: & parce que tous les corps tant solides que sluides sont étendus & résissent, on dit que tous les corps sont composés de matière.
- 2. Les Cartesiens sont consister la matière dans l'étendue seule; mais l'étendue sans résistance n'est qu'un pur espace. Car quoiqu'ils disent qu'on ne peut pas avoir l'idée de l'étendue sans avoir celle du corps, ils ne s'accordent pas avec l'expérience: puisque si l'on tire un cube d'une boëte cubique qui est remplie exactement, on conçoit aisément la longueur, la largeur & la prosondeur de la boëte vuide, & l'on a besoin d'une seconde idée pour avoir la notion de quelque autre corps qui entre dans la boëte pour la remplir

EXPERIMENTALE.

ou pour imaginer que ses côtés s'approchent les uns des autres Lon I par la pression des corps environnans.

3. Il est évident par la définition de la matière, qu'elle est de la même espéce dans tous les corps; quoique l'idée commune attachée à ce mot semble nous donner une autre notion; car nous disons dans le discours ordinaire qu'un instrument est de bois, de cuivre, ou de fer, ou de quelque autre matière; comme si la différence des corps consistoit dans la différente espèce de matière dont ils sont composés : au lieu que la matière est homogéne ou de même nature dans tous les corps solides ou fluides, durs ou mous, plus ou moins pesans; soit qu'ils appartiennent à la terre ou à quelque autre partie de l'univers : par exemple, la matiére du liége ne différe pas essentiellement de celle de la chair, ou de celle de l'or ou des diamans. Mais toute la varieté des corps, * & les divers changemens qui leur arrivent, dépendent entiérement de la situation, de la distance, de la grandeur, de la sigure, de la structure, des forces & de la cohésion des parties qui les composent.

* Note r.

4. Si le mercure résiste plus que l'eau, * & l'eau plus que l'air, cela ne vient pas de ce que l'un est d'une matière plus résistante que l'autre; mais de ce que le corps plus pesant contient un plus grand nombre de particules dans le même espace : cette résistance vient souvent de la plus forte cohésion des parties, & c'est pour cela qu'un corps plus leger résiste quelquesois plus qu'un corps plus pesant, contre une force qui tend à en séparer les parties; c'est ainsi que le bois résiste plus que l'eau, & le diamant plus que l'or. Mais lorsqu'il y a peu ou qu'il n'y a point de cohésion dans les parties, même dans les fluides les plus subtils, on y trouve toujours quelque tésissance : car quoique la lumiére condensée par le moyen d'un miroir brûlant soit mille sois plus rare que l'air, elle ne laisse pas d'avoir une grande résistance, puisqu'elle sépare les parties des corps avec tant de violence & si promptement, lorsqu'on les place au foyer du miroir. Et même lorsque les rayons de lumiére sont aussi dispersés qu'ils le paroissent être sur la terre, en venant directement à nous du Soleil, ils ne laissent pas d'avoir une force sensible, comme on peut le remarquer, si l'on fait résléxion que la vapeur qui s'exhale d'une Cométe, & qui forme sa queuë, est toujours poussée vers le côté de la Cométe qui est opposé au Soleil;

* Note 2.

A ij

COURS DE PHYSIQUE

I. & cela arrive soit que la Cométe soit portée vers le Soleil, ou de qu'ésse vienne du côté du Soleil, même à des distances aussi grandes & plus grandes que celles de la terre. Et s'il y a un milieu encore plus subtil que la lumiére * (comme on a lieu de le conclure de certains phénoménes) ce milieu même a de la résistance, puisqu'il brise, qu'il réstéchit, & qu'il plie les rayons de lumière auprès de la surface & des côtés des corps.

* Note 4.

5. Les Mathématiciens ont démontré en différentes manieres que la quantité, & par conféquent la matière est divisible à l'infini; * & l'on ne sçauroit concevoir une particule de matière si petite, qu'elle ne soit encore divisible; car dès lors que c'est un corps, elle doit avoir un dessus, un dessous & un milieu, à moins qu'on ne veuille confondre le haut avec le bas, ce qui est absurde. On peut donc partager par le milieu cette petite particule. Mais il ne faut pas s'imaginer que par cette division les parties soient séparées les unes des autres; tout de même que lorsqu'on divise une espace cubique de deux pouces en huit espaces cubiques d'un pouce, on ne suppose pas que ces nouveaux cubes soient séparés les uns des autres, ou qu'ils soient tirés du cube de deux pouces qui les contient.

* Note 5.

6. QUANT à la division actuelle de la matière * qui se fait en séparant les parties les unes des autres, elle n'est pas possible audelà d'un certain degré, parce qu'il y a des atômes ou des parties extrêmement petites, que l'on nomme parties constituantes ou composantes des corps naturels, & que l'Auteur de la Nature infiniment sage & tout-puissant, a créé dès le commencement pour être les particules primordiales de la matiére, d'où devoient réfulter toutes les natures corporelles. Ces particules n'ont point de pores, font folides, fermes, impénétrables, parfaitement passives & mobiles : En forte que la plus grande division méchanique où L'on peut arriver, ne fait que séparer quelques-unes de ces premieres parties les unes des autres, & diminuer leur attouchement; car les corps mixtes & composés sont détruits par cette séparation, & l'on ne peut pas mettre en piéces leurs particules primitives. Ces premieres particules étant parfaitement solides, doivent être beaucoup plus dures & plus fermes qu'aucun corps qui puisse résulter de leur composition, & qui ait des pores ou des vuides cachés & répandus dans toute sa solidité: c'est-à-dire, qu'elles EXPERIMENTALE.

sont telsement dures & fermes, qu'on ne peut jamais ni les écor- LECAT. ner, ni les diminuer. Car il n'est pas raisonnable de supposer qu'il ait aucune force ou puissance dans le cours ordinaire de la nature, qui puisse diviser en plusieurs parties ce que Dieu dans la premiere création a voulu être un & simple. Ainsi tant que ces particules primitives resteront entiéres, il y aura toujours des corps qui en feront composés, & qui auront la même nature & composition: mais si elles pouvoient être rompues, écornées ou diminuées, la nature des êtres corporels, qui en dépend, seroit changée. La terre & l'eau qui seroient composées de ces particules ainsi rompues ou écornées, ou de leurs fragments, n'auroient plus dèslors la même nature & combinaison, & seroient différentes de la terre & de l'eau primitive, qui sont composées de ces particules entières. Ainsi afin que la nature des êtres créés puisse subsister, & que leur cours naturel foit toujours le même, il faut que tous les changemens qui arrivent dans les corps, ne procédent que des différentes séparations, réunions & mouvements de ces particules primitives.

7. On doit penser que ces particules sont d'une petitesse inconcevable; * mais que par l'union de plusieurs ensemble, il s'en fait des blocs ou parties de la premiere composition (ainsi qu'on les appelle), qui ont entr'elles des interstices, parce que les premieres particules ne se touchent pas mutuellement dans toute leur surface, & ces interstices se nomment les pores de la premiere composition. De même par la réunion de plusieurs de ces blocs, il se forme des molécules ou des blocs de la seconde composition, plus gros que les premiers, & qui ont des pores de la seconde composition, plus grands que les premiers, & ainsi de suite pour les divers ordres de compositions, jusqu'aux corps d'une grandeur sensible. Delà il suit qu'il doit y avoir une grande quantité de vuides * répandus dans tous les corps, selon qu'ils ont plus ou moins de compositions, & que tous les espaces ne sont pas également pleins de matiere. * C'est ce que l'on verra clairement dans une Expérience.

* Note 6.

* Note 76

* Note 8.

Expérience I. Planche I. Figure I.

Placez sur la platine de cuivre B de la pompe pneumatique (dont je donnerai dans la suite la description) un grand réci-

Planche 14

COURS DE PHYSIQUE

Planche 1.

Figure I.

pient cylindrique de verre AB, ouvert aux deux extrêmités d'environ emp pouces de diametre, & de sept ou huit pieds de haut : qu'il devienne impénétrable à l'air par le moyen d'un cuir mouillé sur la platine B, & d'un autre sur l'ouverture A du récipient, & sous la platine D qui le couvre. Au-dessous de cette platine on attache avec des vis la machine P sps destinée à faire tomber des corps dans le vuide dans le même instant. Car lorsque l'on retire en haut le sil de ser W (qui glisse en montant & en descendant dans le collier de cuir huilé c, asin que l'air ne puisse pas trouver une issue) & que l'on éleve le crochet h, la platine quarrée horizontale p, étant portée en haut vers la partie étroite des ressorts de cuivre s, s, les sait ouvrir de maniere que la platine P (qui se meut sur un gond) prend une situation verticale, & que les corps qui y étoient placés tombent dans le même moment.

Placez ensuite sur la platine P un duvet & une guinée qui soit exactement à côté du duvet. (Voyez la sigure 2. où la platine P est dans une situation horizontale, comme elle l'est lorsque l'un des ressorts s revient, & où le collier c est séparé des ressorts & de la platine (qui couvre le récipient.) Il doit entrer à vis dans cette platine & dans ces ressorts, lorsque le tout est placé sur le récipient.) Ayant pompé l'air du récipient, si l'on retire en haut le sil de ser W, la guinée & le duvet tomberont avec la même vîtesse, (comme on voit en c) & arriveront au sond dans le même tems. Mais si l'air n'a pas été pompé, la guinée arrivera au sond avant que le duvet soit arrivé au quart de la hauteur du réci-

pient.

9. Si le récipient avoit été parfaitement plein avant qu'on en eût tiré l'air, (quoiqu'alors il y eût beaucoup plus de vuide que de matiere *), il est évident qu'il doit s'y trouver une grande quantité de vuide après qu'on en a pompé l'air, parce que la résistance en a été diminuée jusqu'au point qu'un duvet y tombe au moins quatre sois plus vîte qu'il ne faisoit dans l'air commun. En estet, quelque subtil que soit l'air qui est resté dans le récipient, quoique les particules de la lumiere, & les écoulements des corps, pénétrent le verre, & entrent dans le récipient, toute la matiere qui y reste est beaucoup moindre en quantité, que l'air qui en a été tiré, puisque la résistance en est diminuée. Car il est aussi absurde de dire qu'après l'épuisement de l'air, le récipient est aussi plein qu'auparavant, que si l'on disoit qu'un gallon

* Note 9.

EXPERIMENTALE.

de bierre changé en écume (de maniere à remplir d'écume tour Lon I. le récipient de haut en bas) le rempliroit autant que huit gallons de bierre sans écume, s'il étoit capable de les contenir.

Planche 1.

Figure 1.

10. On doit regarder la pesanteur comme une proprieté de la matiere qui à la vérité ne lui est pas essentielle, mais qui étant universelle, en est dans un sens, inséparable. C'est-à-dire, que toutes les parties de la matiere, de quelque façon qu'elle soit modifiée (ou que tous les corps), ont une gravitation ou attraction les uns vers les autres, comme on le démontrera dans la fuite à l'égard des corps tant célestes que terrestres : la tendance des corps pesants vers le centre de la terre, vient de la même cause, qui fait que le soleil tend vers les planétes, & les planétes vers le soleil. N. B. Lorsque nous nous servons des mots de pesanteur, gravitation ou attraction, nous n'avons pas égard à la cause, mais d l'effet, & surrout à ceite force que les corps ont, lorsqu'ils sont portés. les uns vers les autres, & qui (à distances égales) est toujours proportionnelle à leur quantité de matiere, soit que ce mouvement soit occasionné par l'impulsion de quelque fluide subtil, ou par une puissance inconnue & non méchanique, qui accompagne toujours la matière.

- 11. SI toute la matiere qui est dans l'univers étoit renfermée dans deux balles ou sphéres égales, placées à quelque distance l'une de l'autre, ces sphéres seroient portées l'une vers l'autre avec une vîtesse égale, de maniere qu'elles se rencontreroient au milieu de leur premiere distance. Mais si ces sphéres étoient supposées avoir une proportion quelconque d'inégalité, elles se rencontreroient en un point qui seroit d'autant plus proche de la grande balle, que celle-ci seroit plus grande que l'autre.
- 12. La raison pour laquelle nous ne nous appercevons pas de cette mutuelle attraction des corps, qui sont tous les jours à notre portée, est que notre terre ayant infiniment plus de matiere que n'en ont ces corps, elle les attire avec tant de force, que leur tendance mutuelle les uns vers les autres devient insensible. C'est ce qui arrive à l'égard d'une pierre d'aiman & d'un morceau de fer. Lorsqu'ils tombent à une petite distance l'un de l'autre, ils ne paroissent pas se mouvoir l'un vers l'autre; mais leur effet devient sensible, lorsqu'on les approche l'un de l'autre.

L'expérience suivante éclaircira ceci,

Expérience II. Planche 1. Figure 3.

Planche T.

PLACEZ fur la table TAB deux bales A, B, égales en poids & en volume, (par exemple de deux onces chacune) éloignées de deux pieds l'une de l'autre, & que le trou C soit éloigné de chacune d'un pied. Si la terre étoit anéantie ou éloignée à une distance infinie, ensorte que la table n'en sût pas attirée, les deux bales s'approcheroient l'une de l'autre, & se rencontreroient en C; mais la pesanteur, ou l'attraction de la terre, les pressant contre la table, elles restent en repos: Or pour vaincre cette pression, & faire ensorte qu'elles agissent comme si la terre étoit détruite, soit un fil d'environ 30 pouces de long, attaché à la bale A, qui passe par un trou bien poli dans la table, C, qui entre ensuite dans la poulie D, & se termine ensin à la bale B, où il est attaché. Soit un poids P de guatre onces suspendu au centre de la poulie D. Si vous laissez aller les deux bales en mêmetems, elles iront l'une vers l'autre avec une égale vîtesse, & se rencontreront précisément au-dessus du trou C.

- 13. Si au lieu de la bale A, on en substitue une autre, qui ne pese qu'une once, (soit qu'elle soit moindre que l'autre, ou aussi grande, mais creusée en dedans, ou d'un bois leger) & que cette bale A soit abandonnée à elle-même à la distance d'un pied, & la bale B plus pesante à la distance de six pouces du trou, (en suspendant trois onces à la poulie) elles se rencontreront encore au-dessus du trou, & la bale plus legere décrira un espace double de celui que l'autre parcourt.
- 14. Dans le premier cas, la quantité de matiere dans les deux bales, qui est de quatre onces, étant considerée comme divisée en deux, est cause que chaque bale de deux onces de chaque côté se meut vers le trou, & qu'elles parcourent par consequent un espace égal dans le même tems.
- 15. Dans le second cas, la quantité de matiere, qui est de trois onces, étant partagée en deux, est cause que d'un côté la bale de deux onces se meut vers le trou C, & de l'autre celle d'une once se meut vers la premiere, & qu'elle se meut deux sois aussi vîte, parce qu'elle n'a que la moitié de la quantité de matiere, puisqu'elle pese la moitié moins.

N.B. On peut suspendre à la poulie un poids quelconque, * nouvoit qu'il ne soit pas trop leger, parce qu'il ne sert qu'à surmonter la pejanteur, qui pressant les balles contre la table, les empsehe de se mouvoir l'une vers l'autre, comme elles feroient, si la terre n'existoit pas, ou si elle étoit écartée à une distance infinie.

Planche 1.
Figure 2.

* Note 10.

16. SI l'on supposoit que la balle B sût infiniment plus grande que la balle A, la vîtesse de la balle A deviendroit alors infiniment plus grande que celle de la balle B, de sorte que B resteroit immobile, & A décriroit tout l'espace entre A & B; car toute la quantité de matiére qui appartient aux deux balles, seroit alors attribuée à la seule balle B, & A seroit regardé comme un point sans aucune matière sensible, & par conséquent incapable de mouvoir la balle B par son attraction. Cela peut s'appliquer à la terre & à tous les corps qui l'environnent, puisqu'à leur égard elle est comme immobile, pendant qu'ils se meuvent, comme autant de points physiques, dans des lignes décrites par leurs centres de gravité, lorsqu'ils tombent à terre, sans avoir aucun égard à la quantité de matière qu'ils contiennent, & par où ils attirent la terre à eux. De même aussi comme le soleil contient presque 230000 fois plus de matière que la terre, on doit regarder celle-ci comme un point qui décrit une éllipse autour du soleil, laquelle se nomme le grand orbe, pendant que le soleil qui attire la terre, est regardé comme immobile dans l'un des foyers de cette éllipse : ou plûtôt on doit regarder la lune & la terre ensemble comme réduites à un seul point, qui est leur centre commun de gravité, & qui décrit l'orbite dont on vient de parler.

17. La terre par rapport aux corps qui l'environnent, le soleil par rapport aux planétes & aux cométes, & toutes les planétes par rapport à leurs satellites & aux autres corps qui les environnent, les attirent avec plus ou moins de sorce, selon que ces corps sont plus proches ou plus éloignés; car la pesanteur étant une vertu * qui se répand depuis le corps attirant de tous les côtés en lignes droites, décroît de la même maniere que toutes les autres vertus qui viennent d'un centre, & qui s'étendent tout autour. Ainsi la lumière & la chaleur deviennent plus soibles à mesure qu'on s'éloigne du corps lumineux ou du corps ardent. Cette diminution de vertu est en raison doublée réciproque de la distance; c'est-à-dire, qu'à une distance double, la vertu est Tome I.

* Note 11.

LECON.

COURS DE PHYSIQUE

quatre fois plus foible, & à une distance triple, elle est neuf fois prus bible, &c. Ainsi par exemple si la terre étoit trois sois plus éloignée du soleil, elle en seroit neuf sois moins attirée, neuf sois moins éclairée, & neuf sois moins éclairée, & neuf sois moins éclairée qu'elle ne l'est à present: De même si elle étoit quatre sois plus éloignée, elle seroit seize sois moins affectée de ces qualités. Et au contraire, si elle étoit trois ou quatre sois plus proche qu'elle ne l'est à present, elle en seroit neuf ou seize sois plus affectée.

CETTE proportion de l'augmentation ou diminution des qualités répandues de tous les côtés, peut s'éclaircir par l'Expérience

fuivante.

Expérience III. Planche 1. Figure 4.

Flanche 3. Figure 4. * Note 12.

- 18. Prenez une chandelle si petite, que ses rayons, qui se répandent de tous les côtés, puissent en venir comme si c'étoit. d'un seul point (mais si la chandelle est grande, il faudra faire passer sa lumiere par un petit trou dans une planche:) si l'on place ensuite sur une aiguille un cube * d'un pouce, comme A, éloigné d'un pied de la chandelle, son ombre couvrira la surface d'un cube B de deux pouces, si l'on tient celui-ci à la distance de deux pieds de la chandelle; or cette derniere surface est quatre fois plus grande que celle du premier cube, comme on le voit en appliquant le premier cube sur le second. On voit par-là évidemment, que si le premier cube étoit deux fois aussi loin de la chandelle, il ne recevroit que la quatriéme partie de la lumiere, & qu'il n'en recevroit que la neuviéme partie, s'il étoit trois fois aussi loin; parce que lorsqu'on le tient à trois pieds de la chandelle, son ombre couvre un cube de trois pouces, qui est trois sois aussi loin. Il en est de même des sphéres. Celle d'un pouce de diametre étant placée à un pied de distance de la chandelle, intercepte toute la lumiere qui tomberoit fur une sphére de deux pouces à deux pieds de distance, ou de trois pouces à trois pieds de distance de la chandelle, leurs surfaces étant comme 1, 4 & 9 en raison des quarrés de leurs diametres.
- 19. Comme il est plus aisé de lever de terre la plû-part des corps, que de les mettre en pieces, la force qui lie leurs parties est plus grande que celle de leur pesanteur. Nous appellerons cette sorce, Auraction de cohésion, sans en examiner la oause. Cette

J

attraction est plus forte, lorsque les parties des corps se touchent mutuellement; mais elle diminue plus vîte que la pesanteur que les parties des corps ne se touchent plus, & lorsqu'elles sont à une distance sensible les unes des autres, cette attraction de

cohésion devient presqu'insensible.

CETTE attraction est toujours plus forte, lorsque l'attouchement est plus grand. Par exemple, si deux planches de sapin ou de chêne sont colées ensemble dans le milieu le long de la veine du bois, on les rompra plus aisément partout ailleurs que dans l'endroit où elles sont ainsi colées; parce qu'il y a plus de pores, & par conséquent moins de parties qui se touchent dans toutes les autres parties du bois que dans l'endroit où les deux planches sont colées ensemble; car lorsque le bord d'une planche est bien raboté, ou que les deux pieces de bois sont bien polies, la cole remplit tous les vuides, & il arrive que les deux planches se touchent non-seulement dans les endroits où elles se touchoient auparavant, mais encore dans les interflices où elles ne pouvoient pas se toucher; parce que la cole qui remplit ces petits espaces, tient la place du bois. Au contraire, lorsque le bois est plus solide, * ou qu'il a moins de pores que la cole, il n'est pas aussi ferme dans l'endroit où il est colé, que dans les autres endroits; comme on le peut voir dans le bois de brésil, dans l'ébéne ou lignum vitæ, & dans les métaux. Les parties du verre, qui sont presque rondes, ne se touchant que dans un petit nombre de points, se séparent aisément les unes des autres, & par conséquent se brisent aisément. Les fluides (dont les parties paroissent être sphériques) n'ont presque aucune cohésion, excepté celle qui est nécessaire pour former les goutes, dont la rondeur prouve clairement l'attraction de cohésion : car si cette rondeur dépendoit de la pression de l'air, les goutes ne seroient pas rondes dans le vuide, & si elles dépendoient de la pression extérieure d'un autre fluide quelconque, deux goutes ne pourroient jamais se réunir, & en former une seule, parce que la figure d'une portion d'un fluide, * pressée de tous côtés par le même fluide, ou par un autre, ne sçauroit être alterée par cette pression; au lieu que par l'attraction mutuelle des petits globules * qui composent la goute, elle doit devenir ronde, & elle doit perséverer dans cet état, parce que toutes ses parties sont alors dans l'attouchement le plus intime qu'elles puifsent avoir. Il est vrai qu'une goute d'eau, ou de toute autre liqueur, s'aplatit dès qu'elle touche une table ou toute autre surface plane, Bij

LEC NI. Planche 1. Figure z

* Note 126

Note 14

* Note 154

COURS DE PHYSIQUE

Le vu I. qui ne la repousse pas ; ce qui vient de l'attraction de la table, &

On verra plus clairement par l'Expérience suivante, combien

un attouchement plus intime augmente cette attraction.

Expérience IV. Planche 1. Figure 5.

Planche 1.
Figure 5.
* Note 16.

20. A Y A N T mouillé ou barbouillé légérement avec de l'huile d'oranges * deux verres plans ABCD (de 18 pouces de long & de trois ou quatre pouces de large) on les placera l'un sur l'autre horizontalement dans le chassis de bois HJLM, & l'on mettra auparavant une goute de la même huile sur le plan inférieur en G, avec une piece mince ou une monnoye sur le même plan entre D & C, afin que le plan supérieur ne le touche pas dans cette extrêmité, pendant que les autres extrémités A B se touchent parfaitement. La goute étant assez grande pour toucher le plan supérieur, s'applatira d'abord, & s'approchera des extrémités qui se touchent; fon diametre augmentera continuellement, comme en Q & R, & elle ira plus vîte à mesure qu'elle s'étendra. Lors même qu'on éleve les plans dans l'endroit où ils se touchent par le moyen du foutien ON, la goute continue de s'avancer vers les extrémités qui se touchent, mais non pas aussi vîte: Lorsque la goute est en G, la moindre élevation des plans la retarde; si on les éleve un peu plus, elle s'arrête; si on les éleve encore plus, la pesanteur de la goute agit plus fortement que l'attraction des plans, & fait descendre la goute en bas vers CD. Lorsque la goute est en Q, il faut pour l'arrêter, donner au plan beaucoup plus d'élevation, & à plus forte raison pour la faire descendre. Il faut encore plus d'élevation, lorsqu'elle est en R. Lorsque les plans sont assez élevés pour faire tomber la goute, si l'on presse avec le doigt le plan supérieur un peu au-dessus de cette goute, pour le faire approcher du plan inférieur, non-seulement la goute s'arrête, & ne tombe plus, mais elle se meut vers le haut; parce qu'elle s'étend davantage par cette pression, & qu'elle touche un si grand nombre de parties des verres, que même dans cette élevation des plans, leur attraction surmonte la pesanteur de la goute. Ce qui la fait mouvoir au commencement vers AB, c'est la plus grande attraction des plans en e où ils sont plus près l'un de l'autre, qu'ils ne le sont en f. La vîtesse de la goute augmente, pendant qu'elle s'approche de AB, parce que * l'attraction devient toujours plus grande à mesure que les plans sont plus proches l'un de l'autre.

* Note 17.

EXPERIMENTALE.

On verra dans les expériences suvantes plusieurs autres circonstances de l'attraction de cohésion.

EXPÉRIENCE V. Planche 1. Figure 6.

21. SI l'on arrête dans un morceau de bois ou de liége CC, plusieurs petits tuyaux de verre, dont les diametres dissérent tous les uns des autres, (le plus grand n'étant que d'environ ; d'un pouce) & si l'on plonge les extrêmités de ces tuyaux dans quelque liqueur teinte, qui s'attache au verre, comme dans de l'eau rouge, la liqueur s'élevera d'elle-même dans tous ces tuyaux, mais toujours plus haut dans ceux qui ont moins de diamettre; comme on verra dans les tuyaux 1, 2, 3, 4, 5, lorsqu'on les aura plongés dans l'eau rouge du vaisseau AB.

DANS les tuyaux capillaires très-petits, la liqueur s'éleve fort haut, mais alors la couleur devient imperceptible. Pour rendre visible la liqueur dans un pareil cas, il faut se piquer le doigt pour en faire sortir une goute de sang, & appliquer le doigt au petit tuyau; le sang montera sort vîte, & il sera visible dans le tuyau, quoiqu'il soit aussi petit qu'un cheveu. Voyez Planche 2. Figure 1.

Tout corps poreux produit le même effet que les tuyaux capillaires; c'est ainsi que l'eau monte dans un morceau de pain ou de sucre, dont le bas est plongé dans une liqueur. Elle monte cependant plus haut dans le sucre, parce que ses interstices sont plus petits que ceux du pain.

Expérience VI. Planche 2. Figure 2.

22. PRENEZ deux plans quarrés de verre ABCD, & les ayant mouillés avec de l'eau, vous les placerez perpendiculairement dans un vaisseau plein de la même eau, en pressant les côtés ABl'un contre l'autre, & laissant les deux opposés CD entr'ouverts, par le moyen d'une platine mince que vous mettrez entre deux. L'eau s'élevera entre les deux plans, & prendra la courbure efg. Vous verrez que le fluide monte toujours plus dans les endroits où les plans sont plus proches, surtout vers AB, précifément de la même manière que dans les plus petits tuyaux de verre.

Si l'on fait ces expériences dans le vuide, on verra qu'aucune de ces phénoménes ne vient de la pression de l'air. On peut aiséz Planche 1. Figure 6.

Planche 25 Figure 25

ment les faire dans le vuide par le moyen du fil de fer W (Planche T. Figure 2.) qui peut monter & descendre dans le collier de cuir, sans introduire l'air extérieur dans le récipient, & saire monter ou descendre les plans ou les tuyaux qui sont attachés à ce sil de ser. On donnera dans la suite la manière de faire cette expérience.

Expérience VII. Planche 2. Figure 3.

Planche 2. Figure 3.

Planche 2.

Figure 2.

23. Dans un verre bien net qui n'est pas plein, l'eau & les dissérentes liqueurs seront plus élevées en A & Boù elles touchent le verre, que dans le milieu; mais cette élevation n'est guéres sensible que vers les côtés, parce que l'attraction de cohésion ne s'étend qu'à une petite dissance. L'argent vis fait tout le contraire en pareil cas, & dans les petits tuyaux, il ne s'éleve pas autant que le reste de l'argent vis qui est dans le vaisseau où les tuyaux sont plongés. La raison de ces phénoménes * est, que l'eau & les autres liqueurs sont attirées par le verre plus qu'elles ne le sont par elles-mêmes; au lieu que l'argent vis attire plus fortement l'argent vis, que le verre ne l'attire. *

* Note 18.

* Mote 19.

Expérience VIII. Planche 2. Figure 4.

Planche 2, Eigure 4. Soit AB un vaisseau de verre cylindrique plein d'argent vis jusqu'à la ligne AB, la surface de l'argent vis sera plus basse en A & B, côtés du verre, qu'au milieu où elle est convexe. Si l'on presse contre le sond du verre un tuyau d'un petit diametre DE (pour rendre l'expérience sensible); lorsque son ouverture inférieure sera presqu'au sond du verre, le mercure ne s'élevera pas dans ce tuyau plus haut que F au-dessous de la surface AB du mercure qui est dans le vaisseau. Mais pour éviter toutes les chicanes que l'on peut saire, en supposant qu'il y a dans le tube quelque chose qui arrête le mercure, on fera l'expérience en cette manière.

Soit le tube entiérement plein de mercure (& qu'on le conferve plein en fermant avec le doigt l'ouverture supérieure D.) Plongez-le dans un vaisseau dont le fond est un peu convexe aussi bas que le point E. Si vous retirez le doigt de l'ouverture supérieure, le mercure descendra dans le tube au-dessous de la surface F, ensuite il s'élevera au-dessus, & après quelques vibrations, il se sure en F, qui est le point où il s'étoir élevé la première

fois.

EXPERIMENTALE.

Expérience IX. Planche 2. Figure 5.

My Leco.

Flanche 2.

24. Versez doucement environ une livre d'argent vif dans la jarre eylindrique AB, d'environ 5 pouces de diametre, & de 1½ de profondeur, il restera au sond une partie circulaire comme CC, qui ne sera pas couverte. Si l'on secouë ensuite la jarre, pour réunir tout l'argent vif, tout le sond en sera couvert. Mais si sans aucune secousse, on continue d'y verser une plus grande quantité de mercure, on pourra y en saire entrer encore une ou deux livres, avant que le sond soit entierement couvert, le creux CC devenant toujours plus petit, mais plus prosond. Et si alors on agite le mercure asin qu'il couvre rout le sond, & que le creux disparoisse, on n'aura qu'à presser le fond avec le doigt à travers le mercure, & en le retirant il y restera un creux comme auparavant. Le mercure restera convexe tout autour de ce creux, comme on le voit dans la section verticale du verre & de l'argent vif, de la sigure 5 insérieure, Planche 2.

EXPÉRIENCE X. Planche 2. Figure 6.

25. A Y A N T versé dans ce verre encore plus de mercure jusqu'à ce qu'il ne reste point de creux, on y sera nager sur la surface du mercure un morceau de sil de ser C C d'environ deux ou trois

pouces de long, & de 1/20 d'un pouce d'épaisseur.

CE fil surnagera & formera une dent comme en D; ce qui vient de ce que le mercure s'attire lui-même plus fortement qu'il n'attire le fer. Ainsi dans le cas de la Figure 5, il est moins attiré par le verre que par lui-même, & delà vient qu'il forme un creux : mais lorsqu'une fois les côtés du creux de mercure CC sont parvenus à se toucher, ils ne se séparent plus de nouveau.

Expérience XI. Planche 2. Figure 7.

26. Si mm représente la surface du mercure, & que le sil de fer qui nage au-dessus soit pressé jusqu'au sond (où sa coupe est représentée par D) les côtés du mercure b c a qui vont sous le sil de fer & le touchent de fort près en c, ne resteront plus dans la même place, mais ils seront attirés vers dd par le reste du mercure, de manière qu'ils laisseront les espaces b c a sans aucun mercure;

Planche z. Figure 6.

Planche 2

DON I.

Planche 2.

Figure 8.

comme on le voit dans la section du verre, du sil & du mercure, gure 8.) La vérité de ce sair paroît évidemment lorsqu'on regarde de bas en haut en-dessous du verre, Figure 8. Car le sil ou les sils de ser (s'il y en a plusieurs), deviennent visibles à travers le sond du verre, ce qui n'arriveroit pas si le mercure étoit audessous; parce qu'un cylindre ne peut toucher un plan que dans une ligne invisible. Et une nouvelle preuve de ceci, c'est que les sils de ser, quoique spécifiquement plus légers que le mercure, restent au sond, n'étant pressés que vers le bas par la colomne de mercure qui est au-dessus; ce qui n'arriveroit pas si le mercure pouvoit s'insinuer en-dessous.

27. Si l'on fait cette expérience avec un fil d'argent de la même grosseur que le fil de fer, lorsqu'on le fera surnager, le mercure s'élevera tout-autour comme en a a, Figure 9, & ce fil ne restera pas au sond du verre, quoiqu'on le pousse en bas, mais il remontera toujours. Il ne devient aussi jamais visible au sond du verre, quoiqu'on le presse en bas avec le doigt; pas même lorsqu'on voit le doigt des deux côtés du fil. Cela vient de ce que l'argent attire plus le mercure, que le mercure ne s'attire lui-même; mais pour faire voir que cette attraction n'est sorte que dans le contact ou dans une grande proximité, faites ensorte que le fil d'argent se salisse un peu en le jettant dans le seu, & alors il en sera de ce sil comme du fil de ser; parce que l'attraction de cohésion est insensible à la distance de l'épaisseur de cette petite peau qui couvre alors l'argent,

28. I L est évident par la soudure du plomb ou du cuivre qui se fait avec un mélange de plomb & d'étain, & qu'on nomme soudure douce, qu'il faut un grand attouchement pour bien lier les corps les uns avec les autres. Car si ces métaux ne sont pas bien nétoyés, ils ne peuvent jamais se souder parfaitement. Et dans le plomb, lorsque les parties qui doivent être jointes ensemble se sont falies, en les frottant avec de la craye, & ensuite avec de la mauve ou avec quelqu'autre herbe, ce qui leur donne une peau mince, l'Ouvrier ratisse & nétoye les deux côtés qui doivent être joints ensemble, asin que la soudure puisse mieux se joindre au métal; & lorsqu'il a versé sa soudure brulante avec sa cuillere, il l'étend avec son ser, & elle tient sortement dans tous les endroits où le métal a été bien nettoyé; mais elle ne tient nullement dans

les

Figure 7.

les endroits où il reste encore une peau formée par la craye & par LEON I. le suc de mauve. On a observé que l'air seul est capable de terme le métal, ou de former une peau sur la partie du plomb qui a été Planche 2. ratissée, & c'est pour cela qu'on la frotte communément avec de la graisse ou du suif après qu'on l'a ratissée. Car les parties de toutes les substances grasses ou inflammables étant beaucoup plus fines que celles de l'air, sont cause que la soudure s'attache plus fortement au plomb que ne feroit la pellicule d'air, ou ce qui se sépare de l'air pour couvrir le plomb.

Si l'on coupe avec un couteau deux balles de plomb d'environ un pouce de diametre, de manière qu'on en sépare un segment d'environ 1/4 de pouce de hauteur, & qu'on les presse ensemble fortement (en leur donnant un peu d'entortillement) ces deux segmens s'attacheront avec une grande force, jusqu'à soutenir quelquefois au-dessus de 100 livres. Voyez le 6e volume de l'Abregé des Transactions Philosophiques , par Mrs Reid & Gray ,

Partie 2, pages 2 & 3.

- 29. On ne sçait pas encore bien en quelle proportion de distance cette attraction de cohésion croît ou décroît; mais on a lieu de conclure de certains phénoménes, qu'elle décroît en raison biquadratique de la distance; c'est-à-dire, qu'à une distance double, elle agit 16 fois plus foiblement, & à une distance triple 81 fois, &c. car elle devient insensible à la moindre distance sensible.
- 30. IL y a dans la nature une autre sorte d'attraction, qui n'est pas aussi forte que celle de cohésion, mais qui est plus forte que la pesanteur. Elle décroît à fort peu près comme se cube & un. quart de la distance.* Et c'est l'attraction magnérique. Par exemple, si une pierre d'aiman attire un morceau de fer à une certaine distance, l'attraction sera 10 fois plus foible au double de cette distance, & 33 4 fois plus foible au triple de la même distance. Mais comme le magnétisme est une vertu particulière qui n'affecte que les pierres d'aiman, le fer & l'acier, nous en parlerons plus au long dans une autre occasion; parce que nous n'examinons ici que les proprietés générales des corps. Nous remarquerons seulement que la pierre d'aiman repousse autant qu'elle attire : car le pole d'une pierre qui attire une extrêmité d'une aiguille aimantée, repousse l'autre extrémité.

Tome I,

* Note 29.

31. IL y a dans la nature plusieurs autres exemples d'une Lance répulsive dans les corps *, & très-souvent les mêmes corps qui s'attirent mutuellement à certaines distances & dans certaines circonstances, se repoussent mutuellement à différentes

distances & dans d'autres circonstances.

On peut voir cela dans la dissolution qui se fait des sels dans l'eau. Il paroît que les parties des sels s'attirent mutuellement, puisqu'il s'en fait des blocs assez durs, lorsque l'eau s'est évaporée, en sorte que leurs particules s'approchent assez les unes des autres pour être entraînées par la force de l'attraction. Il paroît aussi qu'elles se repoussent mutuellement à de plus grandes distances, puisqu'elles forment des figures régulieres, lorsque par l'évaporation d'une partie du fluide où elles flottent, elles se trouvent dans la sphére d'attraction mutuelle; car ces figures régulières dépendent entiérement de l'égalité de leurs distances les unes des autres avant cette évaporation, & cette égalité de distance vient d'une égalité de force répulsive.

32. La force répulsive se prouve aussi par la production de l'air & des vapeurs; car on voit que les particules qui sont forcées par la chaleur & la fermentation à sortir des corps, s'en écartent d'abord après qu'elles sont sorties de la sphére d'attraction de ces corps, & qu'elles se séparent les unes des autres avec une grande force, évitant de se réunir, jusqu'à occuper quelquesois un espace qui est un million de fois plus grand que celui qu'elles occupoient auparavant dans un corps dense.

33. On voit évidemment dans plusieurs expériences électriques l'attraction & la répulsion dans le même corps à des distances considérables.

Si l'on frotte un morceau d'ambre avec une main séche ou avec du drap, il mettra en mouvement les fils, les plumes & les corps legers à certaine distance, & c'est pour cela qu'on a donné le nom d'Electricité, à cette force attractive & répulsive qui est excitée dans tout autre corps par le même frottement qui la produit dans l'ambre. La cire, la résine, le soufre, la soye, le papier, les rubans, les cheveux, les plumes & plusieurs autres corps ont cette proprieté: mais le verre a plus d'électricité qu'aucun autre corps.

Planche 2. Figure 7. * Note 216

Expérience XII. Planche 2. Figure 10.

34. PRENEZ un tuyau de verre d'environ 1 ½ pouce de diamétre, & le frottant d'un bout à l'autre avec la main bien séche très-fortement, il attirera une plume, ou tout autre corps leger à une distance considérable de huit à dix pieds. Après que la plume a été attirée & attachée au tuyau pendant quelque tems, elle s'en détache d'elle-même, & ne revient plus au tuyau (qui repousse constamment la plume dans l'air, quelque proche qu'elle soit) jusqu'à ce qu'elle ait touché quelque autre corps, comme le doigt ou un bâton. Et si l'on tient le doigt fort près du tube, la plume ira alternativement du doigt au tube & du tube au doigt, étendant toujours ses sibres du côté où elle va. En conduisant la plume avec le tube autour de la chambre, on doit frotter le tube de tems en tems pour exciter de nouveau l'Electricité, qui devient toujours plus soible, après le frottement.

Planche 2. Figure 10.

LEG

EXPÉRIENCE XIII. Planche 2. Figure 11.

35. Si l'on met plusieurs petits morceaux de feuilles d'or ou de cuivre sur un guéridon ou sur une petite table, & qu'on leur presente le tube frotté à la distance en dessus d'un ou deux pieds, les morceaux de feuilles d'or s'éleveront de la table au tube avec beaucoup de vîtesse, & souvent par l'attraction & la répulsion, ils iront en avant & en arriére sans toucher le tube ni la table. Mais si l'on place deux livres ou deux morceaux de bois de la même grandeur sur la table de chaque côté de la feüille d'or, comme en A & B, (Planche 2. Figure 12.) en sorte que leur distance A B soit égale à la hauteur de l'un des deux, alors le tube étant placé entre leurs deux sommets, comme en D, n'aura aucune force pour mouvoir la feuille d'or, quoiqu'elle ne soit qu'à six pouces de distance, & quoiqu'il l'eût attirée auparavant à la distance d'un ou deux pieds; mais si l'on éloigne les piéces de bois sans donner un nouveau frottement au tube, il attirera & repoussera la feüille d'or comme auparavant. Lorsque les morceaux de bois restent en place, le tube ne peut pas mettre la seuille d'or en mouvement, tant que la distance DC du tube à la seuille d'or, est moindre que la moitié de la distance A B des piéces de bois ; comme si cer effer ne pouvoit pas être produit pendant que la

Planche 2. Figure 11.

I. sphére d'attraction réprésentée par le cercle ECF (dont le centre planche 2. piéces A & B.

Figure 12.

Expérience XIV. Planche 2. Figure 13.

Planche 2. Figure 13.

36. On peut connoître si le tube a été assez frotté pour réussir dans l'expérience; il faut pour cela mouvoir promptement vos doigts contre le tube, comme si vous vouliez le frapper dans une direction perpendiculaire à son axe, mais il faut qu'ils ne s'approchent du tube que d'un quart de pouce : alors les écoulemens ou parties subtiles qui sortent du tube viendront frapper le doigt, ou en revenant du doigt au tube, ils le frapperont par derriére, de maniere que vous entendrez un bruit semblable au pétillement d'une feuille verte que l'on jette au feu!, mais non pas aussi fort. Il faut plus ou moins frotter le tube, selon la disposition de l'air. Lorsque le tems est chaud & humide, il faut beaucoup frotter le tube, avant qu'il s'électrise, qu'il attire & qu'il repousse avec beaucoup de force, & alors sa vertu ne s'étend pas fort loin : de forte que le même tube, qui dans un tems froid & sec donne du mouvement aux fibres d'une plume à la distance de huit ou dix pieds, n'aura que très-peu d'action à la distance de deux pieds Îorsqu'il pleut en hyver. Si l'on fait chauffer au feu le tube sans le frotter, il n'aura point d'effet; il aura aussi moins d'électricité si on le frotte assez long-tems pour le rendre trop chaud, & alors il faut le laisser refroidir avant que de s'en servir.

Il ne faut pas oublier de présenter au seu le tube ou le verre avant que de s'en servir, sur-tout s'il est fort épais, pourvû qu'on

ne l'échauffe pas trop.

37. It est à remarquer, que si l'on frotte le tube dans l'obscurité, ses écoulemens paroîtront lumineux, & si on le fait pétiller (comme dans la Figure 13. de la Planche 2.) il paroîtra une lumière à l'extrémité des doigts comme en A. Si l'on tient une perite brosse auprès du tube, comme en B, ou si on la conduit le long du tube sans le toucher, d'abord qu'il a été frotté, il paroîtra sur chaque poil de la brosse des bluettes de lumière comme des étoiles: mais la même partie du tube ne donnera pas deux sois du bruit ou de la lumière dans le même endroit, * sans un nouveau frottement.

* Note 22.

Expérience XV. Planche 2. Figure 14.

38. S I l'on présente le tube frotté à une petite distance d'un duvet attaché à la partie supérieure d'un petit bâton placé sur un pied, le duvet étendra ses sibres vers le tube; mais si l'on en approche le doigt entre le tube & le duvet, les sibres seront repoussées par le doigt, & elles en seront de nouveau attirées lorsqu'on aura éloigné le tube. Ensuite ces sibres retomberont en arriére vers le bâton, & en seront attirées, lorsqu'on aura retiré le doigt.

Planche 2. Figure 14.

EXPERIENCE XVI. Planche 2. Figure 15.

39. SI l'on place un récipient de verre, d'environ cinq pouces de large & de vingt pouces de hauteur, au-dessus du bâton & du duvet, ayant auparavant fait sécher le récipient au feu ou au foleil: si l'on frotte ce verre de haut en bas avec une main ou avec les deux mains, le duvet étendra ses sibres de tous les côtés comme les rayons d'une sphére, lorsqu'on retirera la main du récipient. Mais si pendant que l'on frotte le récipient, ou après l'avoir frotté, on fait seulement mouvoir la main en haut & en bas, les fibres du duvet (malgré l'interposition du verre) suivront le mouvement de la main. Et si l'on frotte le tube à un ou deux pieds, le duvet qui est dans le récipient suivra de même le mouvement de la main qui frotte le tube. Lorsque l'Electricité du tube a été excitée par le frottement, si on le porte auprès du recipient en-dehors, le duvet étendra ses fibres vers le tube, & lorsqu'on éloignera le tube, le duvet retombera sur le bâton; ce dernier phénoméne arrive pourtant quelquefois à l'approche du tube, & les fibres s'étendent de nouveau, lorsqu'on a retiré le tube. Il paroît même quelquefois qu'il y a des accès d'attraction & de répulsion; car pendant qu'on tient le tube auprès du récipient en dedans, les fibres du duvet s'étendent & se resserrent alternativement sans aucun nouveau frottement de part ni d'autre.

40. Si d'abord après que le récipient a été frotté, on souffle vers le duvet (Voyez la Figure 15. Planche 2.) ses sibres suivront le mouvement du souffle, & elles s'écarteront aussi de la main poussée avec vîtesse vers le verre, même sans qu'elle le touche;

Planche 2. Figure 15.



con I. mais l'expérience ne réussira pas une seconde sois si l'on ne frotte

Planche 2.

Figure 15.

- 41. La plûpart de ces expériences & peut-être toutes, réussiffent également lorsqu'on a pompé l'air du récipient : il y a seulement cette dissérence, qu'en le frottant dans le vuide, il se sorme une lumière de couleur de pourpre, qui est beaucoup plus abondante, & qui est toute rensermée dans le verre : & au lieu que les corps étoient auparavant attirés, lorsqu'on les tenoit en-dehors auprès du verre, cette attraction ne paroît plus, & elle n'agit qu'en dedans. Il en est de même du tube lorsqu'on en a tiré l'air, aussibien que d'un globe de verre que l'on fait tourner par le moyen d'une rouë, * & que l'on frotte ainsi avec la main, tel qu'il est décrit plus au long par seu M. Hawksbée dans son Livre d'Expériences, où il a donné un grand détail d'un grand nombre d'Expériences électriques qu'il a faïtes.
- 42. Je ne m'étendrai pas davantage sur ce sujet quant à present, parce que j'aurai occasion de le traiter plus à sond dans un autre endroit de ce Cours, & que le but de cette Leçon, n'est que de saire voir, que les proprietés des corps, comme la pesanteur, les attractions & les répulsions, qui seront dans la suite employées à expliquer différens phénoménes, ne sont pas des qualités occultes ou des vertus supposées, mais qu'elles existent réellement, & que les Expériences & Observations les rendent sensibles à nos sens. Ces proprietés produisent des effets, & suivent des Loix sixes, agissant toujours de la même manière dans les mêmes circonstances; & quoique les causes de ces principes * ne soient pas connuës, puisque nous ne prétendons pas donner aucune raison de ces causes secretes, il est clair que nous rejettons les qualités occultes, bien-loin de les admettre dans notre Philosophie, comme les Cartésiens nous le reprochent sans cesse.

* Note 24.

NOTES SUR LA PREMIERE LEÇON.

Art. 3 - Mais toute la varieté, &c.]

CI l'on regarde les briques qui composent un bâtiment, comme en étant les parties les plus petites, on trouvera que quelque semblables qu'elles la Ire.Leçon. soient entr'elles, leur différente disposition doit produire dans l'édifice, des parties très-différentes: Une voûte, une muraille, une cheminée, un trumeau, une colonne quarrée ou ronde, un globe ou un cube sont composés de la même espèce de briques; & celles qui servent à une partie, pourront aisément servir à une autre. Ainsi dans le merveilleux édifice de l'univers, il n'est pas nécessaire qu'il y ait quelque différence entre les atômes ou particules primitives qui en composent les parties dissérentes; les mêmes atômes étant aussi propres à produire la terre que la mer, à sormer de l'or qu'à former de l'argile : & lorsqu'on ne fait pas attention à l'ame qui est unie à la matiere, on voit que la disposition particulière des premiers atômes fait toute la différence qui se trouve entre un bloc inanimé & le corps de l'animal le mieux organisé.

On peut apporter un grand nombre d'exemples de la matière de différens corps, dont la varieté ne dépend que de l'arrangement différent & de la

position de leurs parties.

Lorsque l'eau des rivieres, de la mer & des lacs, est rarefiée par la chaleur du foleil jusqu'à devenir spécifiquement plus légere que l'air (ce qui arrive, lorsqu'elle occupe environ 900 fois autant d'espace dans la vapeur qu'elle en occupoit dans l'eau) elle s'éleve assez haut pour former des nuages de différentes couleurs, qui flottent à la hauteur à peu près, où l'air est de

la même pélanteur spécifique que les nuages.

Lorsque les vents en entraînant une partie de l'air supérieur, sont cause que celui qui est en-dessous s'étend & devient plus leger, les nuages conservant la même pésanteur spécifique qu'ils avoient auparavant, sont forcés de descendre; & la résistance qu'ils trouvent dans leur chûte les fait changer en pluye : cette pluye tombant sur la terre, se précipite presque toute dans les rivieres & dans la mer, & le reste entre dans la terre, & est imbibé par la semence des plantes. Si l'on considére l'eau de pluye qui entre dans les grains de bled qui ont été semés, on voit qu'elle se change en seuilles vertes, en pailles, en épis & ensuite en grains. Le grain étant moulu devient farine; la farine devient pâte, ensuite étant cuite au four, elle prend de la croûte & se change en pain. La partie nourrissante du pain (après que l'homme l'a mangée, & qu'elle a passé dans l'estomachi) fort des intestins pour entrer par les veines lactées dans le receptable du chyle, & de-là par le conduit thorachique dans la veine sousclavaire gauche, ou (comme un Anatomiste * * M. de Saint. ingénieux l'a découvert depuis peu) dans la veine jugulaire gauche inté- André. rieure. Là se mêlant avec le sang, elle se porte dans le cœur & dans les poûmons, où l'air lui communique ses particules vivisiantes, & revenant au

Notes fur

TES sur cœur, elle est portée aux extrémités du corps par l'action du ventricule he du cœur & par celle des artéres. Une partie de ce nouveau fang continuë à circuler, & une autre se change en la substance des os, une autre en membranes, une autre en poils, en cheveux & en ongles; & le reste traverfant les glandes, se change en sueur, & redevient eau comme auparavant.

Si l'on considére les goutes d'eau qui s'imbibent dans la semence du lin, on les verra devenir la tige de la plante; de-là se forme la filasse, de la filasse on fait le fil, du fil on forme le linge; les chiffons du linge battus par l'action de l'eau dans les Papeteries forment une pâte blanche, d'où l'on tire le papier que l'on étend sur des reseaux de fil de fer; & enfin la fumée qui s'exhale du papier brûlé, se réduit aisément en eau, & reprend sa premiere forme.

Les folides deviennent fluides, comme les métaux par l'action du feu ou par leurs diffolutions dans des menstrues acides; & les fluides deviennent solides, comme le mercure qui se durcit par les vapeurs du plomb : & deux liqueurs chymiques en se mélant ensemble, forment subitement un corps solide.

Les avantages que l'on tire des machines & des instrumens, ne viennent que de leur figure particulière. Les horloges, les moulins & autres machines n'ont de valeur qu'autant que leurs parties destinées à communiquer le mouvement ont la configuration qui leur est propre.

La même espéce de verre produit une grande varieté d'effets, selon la différente figure que l'on donne à sa surface, comme le sçavent fort bien

tous ceux qui ont vû des verres & miroirs d'optique.

La différence des faisons qui fait tant de changemens sur la surface de la terre, & même dans les corps des animaux, ne vient uniquement que de la situation différente des parties de la terre par rapport au soleil.

Ceux qui veulent avoir de plus grands éclaircissemens sur cette matière, peuvent consulter l'Introduction à la vraye Physique du Docteur Jean Keill,

Edition 3. Lecon 7.

Note 2. [4 — Si le mercure résiste, &c.] Le mercure pese 13 \frac{2}{3} fois plus que l'eau, & l'on trouve qu'il résiste précisément 13 3 fois plus. On trouve aussi que l'eau qui pese 8 & 9 cent sois plus que l'air, résiste précisément autant. C'est ce que Newton a trouvé par les Expériences qu'il a faites avec un pendule de bois & de plomb dans l'air, un pendule de plomb dans l'eau & de fer dans le mercure. Voyez ses Principes, Edition 2. Livre 2. Prop. 31. & Prop. 40. où il démontre que la résissance des sluides est en raison de leur quantité de matiére.

J'ai fait, il y a environ deux ans, une expérience en présence de la Societé Royale sur une balle d'or d'un pouce de diametre, laquelle étant suspendue par un fil, fut mise en mouvement dans l'eau, & ensuite dans le mercure: on trouva que 42 vibrations dans l'eau détruisoient autant de parties du mouvement du pendule d'or que trois vibrations dans l'argent vif. Faifant ensuite tomber la balle d'or dans un tuyau de cuivre de quatre pieds de longueur & de 4 1/2 pouces de diamétre, plein de mercure (de la hauteur de trois pieds dix pouces) & ayant bien observé le tems de sa chûte, nous

trouvâmes

EXPERIMENTALE.

trouvâmes par la comparaison de plusieurs expériences, que la résissance du milieu (trouvée par la méthode prescrite dans la Prop. 40. des Principale s'accordoit tellement avec la Théorie de Newton, qu'elle ne différoit que de la dixiéme partie d'un pouce dans l'espace parcouru par la balle, qui étoit de 3 pieds 10 pouces.

N. 3. [4 - Et s'il y a un milieu encore plus subtil que la lumiere, &c.] Voyez l'Optique de Newton, 2º Edition, Livre 3º, Questions 18, 19, 20 & 21.

N. 4. [5 - Que la quantité, &c. est divisible à l'infini, &c.] PARMI les différentes démonstrations que l'on a données pour prouver cette afsertion, je ne choisirai que les deux suivantes qui sont fort claires & fort simples. La premiere est tirée de l'Introduction à la Philosophie de Newton par le Docteur s'Gravesande, Partie Ire, n°. 18.

Planche 3. Figure 1.

Soit une ligne AB perpendiculaire à BF, & une autre GH à une Planche 3. petite distance de A, qui soit aussi perpendiculaire à la même ligne. Des différens centres C, C, C, &c. avec les distancees CA, CA, &c. décrivez des cercles qui coupent la ligne GH aux points e, e, &c. plus le rayon A C sera grand, & plus la partie e G sera petite, & puisqu'on peut augmenter à l'infini le rayon AC, on peut le réduire à rien, parce que le cercle ne sçauroit se consondre avec la ligne droite BF.

La démonstration suivante est tirée de l'Introduction à la vraye Physique

du Docteur Jean Keill, Leçon 3. De magnitudinum divisibilitate.

Soit AB (Planche 3. Figure 2.) une perpendiculaire entre les paralléles CD, EF du point C pris sur l'une des paralléles : menez la ligne CG à un autre point G sur l'autre paralléle, de l'autre côté de la perpendiculaire AB; elle divifera cette perpendiculaire en deux parties en K. une autre ligne menée de C en H divisera la partie KA (de AB) en deux parties; & puisque sur la ligne EF que l'on peut prolonger à l'infini, on peut prendre d'autres points comme J, &c. on peut toujours mener de nouvelles lignes qui diviseront ce qui reste de AB; car quelque ligne que l'on tire de C à un point de la ligne EF, quelque éloigné qu'il soit, elle ne sçauroit se confondre avec la ligne CD, & par conséquent elle divisera toujours la partie de A B qui reste après la division précedente.

Si vous voulez avoir d'autres démonstrations, & qui soient plus étenduës, voyez la même Leçon 3e, où l'Auteur fait encore fentir l'absurdité de l'opinion contraire. Il répond dans la Leçon suivante aux objections que l'on oppose à la divisibilité de la quantité, en démontrant que ce que l'on regarde comme des conséquences absurdes de la divisibilité de la matière à l'infini,

ne sont que des affertions véritables.

Par exemple, 1°. Qu'une quantité finie peut avoir un nombre infini de parties. Car si la ligne AB * est divisée en cent parties, toutes ces parties prises ensemble égaleront AB; & si on la divise en mille parties, toutes ces parties Figure 1.

Tome I.

Nons sur prises ensemble égaleront encore A B. Or on peut augmenter ce nombre, tant h veut, & même par l'addition infinie des nombres; & puisque de quelque façon que le nombre des parties soit augmenté, leur somme ne scauroit surpasser la ligne AB, on peut donc dire sans absurdité, que cette ligne contient un nombre infini de parties.

> 2°. Qu'il n'y a point de contradiction, mais que c'est un principe qui s'accorde avec la géométrie, qu'une quantité finie est égale à une quantité infinie; puisqu'on fait voir qu'un espace fini est égal à un espace infini, & un solide infini à un

folide fini.

3°. Qu'il y a des infinis dont les grandeurs ont de certaines proportions entr'elles 3 & que quelques-uns sont plus grands, (& même infiniment plus grands)

que les autres.

* Planche 3. Figure 4.

Figure 5.

Dans le cercle ABF * prenez un arc BF infiniment petit, la corde BF fera infiniment plus petite que le diametre A B, & elle fera cependant infiniment plus grande que le finus verse B G que l'on trouve en menant F G per-* Planche 3. pendiculaire à B.A. De même dans le cercle BFA *, si l'on prend l'arc BF infiniment petit, B E fera sa tangente, F G son sinus droit, B G le sinus verse; on peut démontrer que CB est infiniment plus grand que BE, BE infini-

ment plus grand que BG, & BG infiniment plus grand que HE.

Figure 6.

Mais ce qu'il y a de plus surprenant en cette matière, c'est que si l'on mene * Planche 3. AE & AB * à angles droits, & que l'on fasse passer par le point A des courbes paraboliques de différente espèce, C, D, G, H, l'angle d'attouchement FAC qui est infiniment plus petit que tout angle rectiligne, sera infiniment plus grand que l'angle FAD, & celui-ci infiniment plus petit que FAG: & ainfi il y aura une suite infinie d'angles d'attouchement dont chacun est infiniment plus grand que celui qui le précéde : & même, entre deux angles quelconques, on peut en concevoir une infinité d'autres qui font infiniment plus grands les uns que les autres. On peut encore entre deux de ceux-ci, imaginer une suite d'angles intermédiaires qui s'étend à l'infini, & dont chacun est infiniment plus grand que celui qui le précéde. Et c'est ainsi que la nature ne connoît point de bornes. Voyez la démonstration de ces propositions dans le même Livre, Leçon 4.

> N. 5. 6. - Quant à la division actuelle de la matière, &c.] Le Docteur Keil dans son Introduction, Leçon 51, déduit les deux théorèmes suivans de la divisibilite infinie de la matière.

THÉORÉME

" Une quantité quelconque de matière, quelque petite qu'elle soit, & un espace fini quelconque, quelque grand qu'il soit, étant donnés, (comme » par exemple, un cube circonscrit autour de la sphére de saturne) il peut se n faire que la matiére de ce petit grain de fable foit répandue dans tout cet • espace, & qu'elle le remplisse de manière, qu'il n'y ait aucun pore ou inrerstice, dont le diametre surpasse une ligne donnée.

De la démonstration de ce Théorème, il tire le corollaire suivant, qui sert à

démontrer le second Théorème.

EXPE'RIMENTALE.

Cor. » Il peut donc se trouver un corps, dont la matière étant réduite à un Notes fur » espace entiérement plein, cet espace soit une partie donnée de la premace la Ire. Leçon. = grandeur de ce corps.

HEOREME

» Il peut y avoir deux corps d'un égal volume, dont les quantités de matière étant inégales en proportion quelconque, la somme de leurs pores, ou des espaces vuides dans les deux corps, soit cependant presque la a même.

Le Docteur applique sa démonstration à un pouce cubique d'or, & à un

pouce d'air. La voici en substance.

Le pouce cubique d'or A * contient environ 20000 fois plus de matière que le pouce cubique d'air B; supposons néantmoins qu'il n'en contienne que Figure 7. 10000 fois plus. Soit la matière en A réduite à un espace entiérement plein, que nous supposerons égal à 100 000 d'un pouce cubique; (ce qui peut se faire par le Cor. du premier Théorème.) Si la matière contenuë en B est aussi réduite à un espace entiérement plein, elle n'occupera que d'un pouce cubique, parce que B contient 10000 fois moins de matiére que A. Pour comparer ces deux espaces pleins, il faut réduire les deux fractions à la même dénomination, & 10000 exprimera l'espace solide dans

le pouce cubique d'or. Donc les 999 990 000 parties restantes de ce pouce cubique, seront des espaces vuides: Tandis que les espaces vuides du pouce d'air (après que sa matiére aura été réduite à un solide) seront exprimés par la fraction 999999999 : & par conséquent puisque les nombres 999990000

& 99999999 sont presque en raison d'égalité; les espaces vuides dans les

deux corps seront presque égaux.

Quoique ces théorèmes paroissent incompatibles avec la Théorie des atomes, ils ne la détruisent pas; parce que, comme ils sont tirés de la divisibilité des quantités, ils font plus mathématiques que physiques. Car quoiqu'on puisse concevoir un atome d'une petitesse excessive, son diametre sera pourtant d'une longueur déterminée, & par conséquent il sera trop grand pour répondre aux conditions du premier Théorème, qui suppose qu'il n'y a point de parties primitives. Mais alors même dans un atome (ou partie primitive physique) les Mathématiciens peuvent déterminer des parties plus petites en proportion quelc nque, de maniere que les précédents Théorèmes subsisteront : Car ces particules des corps naturels, que les opérations de la nature ne sçauroient diviser, peuvent cependant être divisées virtuellement en un nombre infini de parties, qui ne seront pourtant jamais séparées les unes des autres.

Quoique les atomes donnés, & d'une grandeur déterminée, limitent les Théorèmes du Docteur Keil dans le sens physique, on voit cependant par les

* Planche 35

Notes fur phénomènes, qu'il y a actuellement des particules affez petites pour convenir la Ire. Leçon premier Théorème, si l'on veut employer un grain de sable pour remplir la sphére de saturne; & avec le second Théorème, si l'on veut comparer un pouce d'or avec un pouce d'air; en supposant seulement (ce qui est plus que probable) qu'un corps parfaitement solide surpasse l'or en densité, autant que l'or surpasse la lumière, ou qu'il surpasse l'éther, qui est encore plus rare que la lumiére.

Et si l'on suppose un grain de sable divisé en autant de parties qu'il en faut pour remplir la sphére de saturne, sans avoir aucun pore plus grand en diametre que celui d'un cheveu, ces particules seront encore plus grandes que celle de l'éther, si elles ne sont pas plus grandes que celles de la lumière.

N. 6. [7. On doit penser que ces particules sont d'une petitesse inconcevable.]. Quoiqu'il soit bien surprenant qu'on puisse diviser actuellement la matière en parties aussi petites que celles dont nous avons parlé dans la Note précédente; cependant quelques exemples de la division en petites parties, qui se fait par le secours de l'art, ou qui est l'ouvrage de la main des hommes, & quelques preuves de la subtilité de cette matière, qui est naturellement dispersée dans tout l'univers, rendront cette affertion évidente à ceux qui y apporteront la

Les Batteurs d'Or, même avec des instrumens groffiers, réduisent ce métal à une telle subtilité, que cinquante pouces quarrés de feuille d'or ne pesent qu'un grain: or la longeur d'un pouce peut se diviser en 200 parties visibles, comme on le voit dans la Planche 3. Figure 8. où la vingtième partie d'un! pouce est divisée en dix parties visibles par le moyen de six hachures noires, * Planche 3. & de cinq interstices blancs. * Multipliant donc 200 par 200, nous avons. 40000 parties visibles dans un pouce quarré, lesquelles sont contenues 50 fois dans un grain d'or; & par conséquent il se trouve par ce moyen divisé en

2000000 parties visibles.

Higure 8.

Si l'on considére l'art de dorer l'argent, on trouvera que l'or en ce cas contient des parties visibles, même après qu'il a été divisé plus de dix fois autant: Car huit grains d'or peuvent dorer une once entiére d'argent, laquelle est ensuite tirée pour former un fil de 13000 pieds de longueur; ainsi un grain peut dorer un fil de 1625 pieds. Et comme chaque pied (felon ce qu'on a dit ci-devant) doit contenir 2400 parties visibles, toute la longueur du filcontiendra 3,000000 petits cylindres, qui étant réduits en cubes, auront chacun six côtés visibles; & ainsi par cette derniére opération, un grain d'or au lieu d'être divifé en deux millions de parties visibles, sera divifé en 23400000, ce qui est presque douze sois autant. Il paroît qu'on peut raisonnablement prendre pour cubes ces petits cylindres, st l'on fait attention que tout ce fil: étant battu & applati pour pouvoir l'entortiller autour de la soye, & en faire des filets d'or, & même après qu'il a été applati, les meilleurs microscopes ne se feauroient faire découvrir l'argent à travers la dorure. Cela fait voir que dans cette pellicule mince, il reste encore plusieurs parties d'or les unes sur les autres; quoique son épaisseur (comme le Docteur Halley l'a prouvé dans les Trans. philos. nomb. 194.) ne soit que 1 d'un pouce, ou 62, 25 sois

moindre que la 200°. partie d'un pouce, que nous avons regardée comme la moindre partie visible de la longueur d'un pouce. M. Boyle dans son Liure la Ire. Leçon, sur la nature & la subtilité des écoulements, dit qu'un grain de cuivre dissous dans l'esprit de sel armoniac, donne une forte teinture bleue à 105, 157 pouces cubiques, qui font presque deux quartes d'eau. Or si l'on suppose que de cette eau teinte, on peut voir au moins un cube dont le côté est égal à la 100° partie d'un pouce, (en prenant huit fois plus que nous n'avons fait par rapport à l'or) on verra par le calcul qu'un grain de sable assez petit pour qu'un pouce cubique en contienne un million, contiendra cependant deuxmillions cent onze mille & quatre cent (ou 2 111 400) parties égales à celles qui résultent de la division actuelle d'un seul grain de cuivre.

Le même Scavant ayant exposé au grand air une certaine quantité d'assa fætida, trouva son poids diminué en six jours de la huitiéme partie d'un grain feulement: Or fi l'on suppose que durant tout ce tems un homme peut recevoir par l'odorat l'Assa fotida à la distance de cinq pieds, on verra que les particules qui viennent de la division de l'assa fatida, ne sont pas plus grandes que

26 250 000 000 000 000 d'un pouce.

Feu M. Lewenhoek, ce Naturaliste curieux & ingénieux, nous fait voir que dans la laite d'un seul merlus il y a plus de petits animaux qu'il n'y a d'habitants sur toute la surface de la terre. Or si l'on connoît seulement la longueur du foyer de la lentille, ou du verre du microscope, on peut par les regles de l'optique trouver la grandeur de ces petits animaux, qui ne peuvent

pas excéder 26 000 000 000 000 d'un pouce cubique: & par conséquent

la pointe d'une aiguille en contiendroit plusieurs mille. On voit aussi que si l'on compare ces animaux à une baleine, ils se trouvent beaucoup plus petits que la baleine à proportion que celle-ci est plus petite que tout le globe de la terre. Comme chaque animal est un corps organisé, il faut que les parties qui composent un de ces animaux, soient prodigieusement fines, subtiles & délicates. Combien petit doit être le cœur de cet animal, ses veines & ses artéres ? Et combien petits doivent être les globules de ce fluide qui lui tiennent lieu de fang, & qui nagent dans un fluide encore plus fubtil. Il est à propos de confidérer ici la petitesse de ces globules; ce qui peut se faire en faisant attention que les particules du sang de ces animaux doivent être par rapport à leur corps comme les globules du fang humain par rapport au corps de l'homme:

Le corps d'un homme est à celui de l'un de ces petits animaux, comme 17 à 3 roo ooo, & le diametre des globules du fang d'un homme ne surpasse pas 79. 200 d'un pouce, † (parce que Lewenhoek a trouvé que le diametre des

en fut confirmé dans son sentiment; mais je n'ai pas jugé à propos de changer ce calcul, parce que je traiterai ce sujet plus au lougs dans un autre endroit de ce Cours,

⁺ Le scavant & ingénieux Docteur Jurin, Secretaire de la Société Royale, a depuis peu tronvé que les globules du sang humain sont plus grands qu'on ne dit ici; és ayant communiqué ses remarques à M. Lewenhoek, il.

Notes sur vaisseaux par où ils passent n'est pas plus grand.) Donc comme 17 est à , ainsi $\frac{1}{79200}$ est à $\frac{3}{134640000000}$ ou en décimales

i ooo ooo ooo ooo ; donc les globules du fang de ces petits animaux ne peuvent pas être aussi grands que le cube de ce nombre, ou que

Mais comme ces nombres exprimés par les Figures de l'Arithmétique, ne donnent pas immédiatement une idée de la petitesse de ces globules ; le Docteur Keil (qui dans sa cinquiéme Leçon donne toutes les démonstrations qui prouvent nos deux derniers paragraphes) a fait voir que le plus petit grain de fable visible contiendroit plus de ces globules que dix mille deux cent-cinquante-fix des plus hautes montagnes du monde ne contiendroient de

grains de fable.

Ce que nous avons dit jusqu'ici fait voir combien sont petites les parties innombrables de la division actuelle des corps; mais il y a des particules de matière qui sont plus petites que les globules dont on vient de parler, en telle proportion que ces globules leur étant comparés, seroient non-seulement des montagnes, mais aussi grands que la terre. Je parle des particules de la lumiere dont la finesse inconcevable surpasse toutes nos idées. Combien petites doivent être les particules qui sortent d'un flambeau, dont on voit la lumiere à deux milles de distance ? Puisqu'à chaque instant de tems il en doit émaner des particules qui remplissent une sphére de quatre milles en diametre, de sorte qu'on ne sçauroit placer en aucun endroit de cette sphére la tête d'une épingle, sans qu'elle reçoive quelques particules de la lumiere. Le Docteur Newentiit fait voir que la quatorzième partie d'un grain de cire ou de suif (qui se consume en une seconde de tems dans une chandelle de six à la livre), produit un plus grand nombre de particules de lumiere, que mille fois mille millions de terres (égales à la nôtre) ne seroient capables de contenir de grains de sable. Voyez le Philosophe Religieux, volume 3. contemplation 25, fection 15, 16, 17.

- 7. [7. Il doit y avoir une grande quantité de vuide, &c.] La différente gravité spécifique des corps démontre clairement cette affertion, comme on le fera voir plus au long dans la seconde Leçon. Et cela est évident dans les fluides par leur différente réfistance, qui, comme nous l'avons déja prouvé, est proportionnelle à la quantité de matière des corps.
- 8. [7. Tous les espaces ne sont pas également pleins de matière.] S'il y avoit quelque chose de semblable à la matière subtile, qui dût remplir tous les vuides des corps, & tout l'espace céleste où les planétes se meuvent, sa réfistance seroit plus grande que celle de l'argent vif. Dans un milieu tel que celui-là, un globe même parfaitement solide perdroit la moitié de son mouvement avant que d'avoir parcouru trois fois la longueur de son diametre; & des globes tels que les planétes, seroient arrêtés beaucoup plûtôt : Ainsi il est absolument nécessaire pour la continuation du mouvement des planétes

& des cométes, que les milieux où elles se meuvent, soient presque entié-Notes fur rement vuides de matière. On en peut juger par le mouvement prompt de l'inc. Lecon. queue d'une cométe, qui paroît ne trouver aucune résissance sensible dans le milieu où elle se meut, quoiqu'elle ait tant d'étendue, & qu'elle soit composée d'une vapeur si subtile.

9. [9. - Beaucoup plus de vuide que de matière, &c.] On peut prouver clairement par la proprieté des corps transparents, qu'il y a plus de vuide dans les corps que de matiére ; car les rayons de lumiére se répandent de tous les côtés en lignes droites à travers l'eau, le verre ou le diamant, avec autant de facilité (& même avec plus de vîtesse) que dans l'air, de quelque côté que le corps transparent soit exposé à la lumiere : il y a donc toujours un passage rectiligne pour la lumière, depuis la moindre partie déterminable du corps transparent, jusqu'à toute autre partie du même corps : & cela ne sçauroit arriver, à moins que la quantité de matière dans un tel corps ne soit extrêmement petite par rapport à son volume. Peut-être que dans un diamant la matière folide comparée à fon volume, a moins de proportion que le diamant n'en a étant comparé à tout le globe de la terre : ce qui ne paroîtra pas impossible, si l'on fait attention à ce qui a été dit ci-devant sur cette matière. Maintenant puisque l'or est tout au plus six sois plus dense que le diamant, combien ne doit-il pas avoir plus de vuide que de matiére? Delà vient que les écoulements de la pierre d'aimant passent aussi aisément au travers de l'or qu'au travers de l'air; car si l'on met une piéce d'or ou de quelque autre métal (excepté le fer) entre une pierre d'aimant & une éguille aimantée, qui a été tirée de fa position naturelle par la vertu de la pierre, cette aiguille restera dans la même situation qu'auparavant. Et même ces écoulements peuvent traverser pendant tout un jour le cerveau, qui est un corps si tendre & d'un tiffu si délicat, sans affecter les nerfs par aucune sensation, ou sans détourner la moindre idée.

La vapeur de l'aurore boréale (que quelques-uns croyent être composée principalement des écoulemens magnétiques de la terre) passe librement à travers les maisons & les arbres, & traverse les corps des animaux sans qu'ils s'en apperçoivent; comme on le voit par les observations qui ont été faites sur ce phénomène, lorsqu'on l'a aperçu de différents endroits dans le même tems.

10. [15. - On peut suspendre à la poulie un poids, &c.] On peut faire la même expérience, avec un reflort ipiral enfermé dans l'une des balles, & un tambour en-dedans, sur lequel le ressort est entortillé. Car l'extrémité du reffort étant attachée à une autre balle égale (ou double ou triple), lorsqu'on féparera les deux balles, elles se réuniront avec des vîtesses réciproquement proportionnelles à leurs masses. Voyez Planche 3. Figure 9. A * réprésente la section d'une balle creuse de cuivre, avec un ressort spiral S, Figure 9. & un tambour en-dedans, de maniere que tout le ressort AB rentrera dans la balle lorsqu'il en aura été tiré par l'extrémité B. La balle B est solide & d'yvoire, mais de même pesanteur que la balle creuse A. Si cette balle B est tirée de A à la distance A B, & qu'ensuite on les abandonne toutes les deux, elles viendront se rencontrer en C, milieu de leur distance; mais si

* Planche 3.

Notes sur B est une balle deux fois aussi pesante que A, lorsqu'on les abandonners la Ire. Leçon. Educes les deux, elles viendront se rencontrer en D, supposé que D B ne soit que la moitié de la distance A D.

N. 11. [17 — Car la péfanteur étant une vertu, &c.] Lorsque nous comparons la péfanteur avec la lumière & avec la chaleur, nous ne prétendons pas dériver leurs effets de la même cause; ou affurer que toutes ses espéces d'attractions dans les corps ont les mêmes loix, puisque l'attraction de cohésion, * &c celle de la pierre d'aiman * n'agissent pas de la même manière: mais nous ne parlons ici que de l'attraction de pésanteur, par laquelle les corps qui nous environnent sont portés vers la terre, & par laquelle la terre & les planétes sont portées vers le soleil; cette attraction se nomme aussi force centripéte: & quoiqu'on en ignore la cause, on en a découvert les loix par observations & par expériences, & ces expériences ont toujours concouru à confirmer la théorie de la pésanteur.

Pour avoir une claire notion des effets de la pésanteur, ou de la force centripéte, il faut la considérer sous trois rapports différens : 1°. A l'égard de la quantité de sorce du corps central qui attire les autres (ou vers lequel tendent tous les corps qui l'environnent) & cette sorce se nomme force absoluë; ou à l'égard de la vîtesse avec laquelle les autres corps se meuvent vers le corps central, & cette sorce se nomme force accélératrice, ou ensin à l'égard de la quantité de mouvement qui est dans tous ces corps, sorsqu'on les compare les uns avec les autres, & qui est proportionnelle à l'obstacle qu'ils sont capables d'écarter, & c'est ce qu'on nomme force mouvante.

La force absoluë est proportionnelle à l'efficacité de la cause qui répand sa vertu tout autour depuis le centre. Ainsi supposé que la terre est deux sois autant de matière qu'elle en a à present (soit qu'elle sût deux sois aussi grande, ou seulement deux sois aussi dense) elle auroit une sorce absoluë double. Ainsi la lune a presque quarante sois moins de sorce absoluë que la terre, parce qu'elle a presque quarante sois moins de matière. Il est visai que son volume (qui est comme le cube du diamétre) est presque einquante sois moindre que celui de la terre; mais il est plus dense en raison de 21 à 17. Veyez les Principes de Newton, L. 3. Pr. 37. Cor. 3.

On exprime la force accélératrice par la vîtesse qui seroit produite dans un tems donné, & avec laquelle les corps (considérés comme des points physiques) se meuvent vers le corps central qui les attire par sa force absolué. Cette sorce accélératrice est plus grande ou plus petite selon la distance à son centre, en raison doublée réciproque, comme on l'a dit ci-devant. * Telle est la pesanteur qui pousse les corps vers le centre de la terre, & qui est plus grande dans les vallées qu'au sommet des hautes montagnes; plus grandes aux poles qu'à l'Equateur qui est plus élevé de dix-sept milles; & plus grande à l'Equateur qu'à de plus grandes distances du globe de la terre : car le même corps, qui auprès de la surface de la terre, parcourt seize pieds dans la première seconde de sa chûte, ne décriroit que quatre pieds dans le même tems, s'il commençoit à tomber à la hauteur de 4000 milles au-dessus de la surface de la terre ou à deux demi-diamétres de distance

* Lecon 10

Legon I.

Lecon 1.

nº. 19, 20, &c.

110. 290

EXPE'RIMENTALE.

à son centre. A égales distances la force accélératrice est la même de tous les côtés; parce que tous les corps grands ou petits, pesans ou legers, la Ire.Lecon. (faifant abstraction de la résistance de l'air) sont également accélérés dans leur chûte. *

La force mouvante est proportionnelle à la quantité de mouvement, que la force absoluë du corps central produit en un tems donné dans les corps sur lesquels elle agit. Quoiqu"à l'égard de la terre, on considére les plus grands corps qui en sont attirés (& la Lune même) comme des points physiques; cependant lorsqu'on les compare entr'eux, on doit avoir égard à leur quantité respective de matière : car les corps qui ont la même force accélératrice, ou qui se meuvent avec la même vîtesse, ont leurs quantités de mouvement plus ou moins grandes, selon qu'ils ont plus ou moins de matiére, ou qu'ils sont plus ou moins pesans : parce que la force mouvante d'un corps n'est que la somme des actions de la force acceleratrice sur toutes ses parties; & par conséquent on la trouve en multipliant la quantité de matière par la force accélératrice, comme on trouve la quantité de mouvement des corps, en multiplant leur matière ou leur masse, par leur vîtesse.

Ainsi auprès de la surface de la terre, où la force accélératrice de la pesanteur est la même sur tous les corps, la force mouvante ou le poids est comme le corps : mais si l'on s'éleve à des endroits où la pésanteur accélératrice est moindre, le poids sera aussi diminué, & deviendra comme la masse du corps multipliée par la force accélératrice. Par exemple, si un poids d'une livre & un poids de quatre livres commencent à tomber auprès de la surface de la terre, leurs forces mouvantes seront comme 4 & 1; car si l'on prend 16 pour la force accélératrice commune aux deux, 16 fois 4 (ou 64) seront précisément 4 fois autant que 16 (ou 16 fois 1) mais si le poids de quatre livres étoit porté à la hauteur de 4000 milles ou de deux demi-diamétres de distance au centre de la terre, sa force mouvante seroit alors précisément égale à celle d'une livre à la furface de la terre; parce que la force accélégarrice étant quatre fois moindre à une double distance du centre, 4 fois 4. ou 16 exprimeroit la force mouvante du corps plus pesant,

Si le poids d'une livre étoit placé à la distance de deux demi-diamétres, sa force mouvante seroit 16 fois moindre que celle de 4 livres à la surface de

la terre.

L'idée claire de ces trois forces fournit la raison de quelques Phénoménes; qu'il seroit difficile d'expliquer sans leur secours. Par exemple, nous avons déja dit que la terre a près de quarante fois plus de matiére que la lune; & cependant les corps qui sont sur la surface de la lune ne pesent que trois fois moins qu'ils péseroient sur la surface de la terre, quoique la force absolue de la lune soit quarante sois moindre. Mais pour saire voir que c'est-là une conséquence nécessaire de ce que nous avons dit, il faut examiner cette matière par les nombres.

Soit TAB * la Terre, L la Lune, AB un diamétre de la terre, & bd un diamétre de la lune (qui sont entr'eux comme 365 & 100) & que Figure 10. les lignes CE & ce soient chacune égale à un diamétre de la terre; si l'on suppose un corps placé en E dont le poids ou la pesanteur vers la terre y soit égal à 9, 8427 livres; le même corps placé en e, précisément à la

Lome I.

Notes für * Leçon Ie nº. 8. Exp. I.

* Planche &

Notes fur la Ire. Lecon. même distance du centre de la lune, où il étoit par rapport au centre de la lune pésera vers la lune L, que o, 25 livres ou le quart d'une livre; parce que les masses ou quantités de matière dans ces deux corps, & par conséquent leurs forces absoluës, sont entr'elles comme ces nombres, ou comme 39, 721 & 1, qui sont en même proportion. Newton, Princ. Lib. 3.

Prop. 37. Corol. 4.

* Leçon 1, n°. 17.

Exp. X.

Si ensuite le même corps est placé en A, à la distance d'un demi-diamétre du centre de la terre, il pésera vers la terre * quatre fois plus qu'il ne faisoit en E, ou 39, 371 livres, & en a il pesera vers la lune 1, livre ou 4 fois plus qu'il ne péloit auparavant par la même raison. Maintenant si la lune sans aucune nouvelle matière, étoit rarefiée jusqu'au point de remplir la sphére ma, qui est égale au globe de la terre, le point a seroit sur la surface de la lune, comme le point A est sur la surface de la terre; & en ce cas le poids des corps sur la surface de la terre seroit au poids des corps sur la surface de la lune, précisément comme la quantité de matière dans la terre, à la quantité de matière dans la lune, & par conséquent comme leurs forces absolues. Mais la lune étant moindre en diamétre que la terre, lorsque le corps qui pesoit i livre en a, vient à être placé sur la surface en d, il est plus près du centre de la lune qu'il ne l'étoit, en raison de 182, 5 à 50, ou de 365 à 100, & par conséquent * il pése alors 13, 3225 livres; car comme le quarré de cd, (100 × 100 = 10000) est au quarré de ca (365 × 365 = 133225) ainsi 1 ou le poids du corps placé en a, est à 13, 3225, poids du même corps sur la surface de la lune; lequel nombre étant à fort peu près le tiers de 39, 371, démontre que les corps à la surface de la lune pésent environ un tiers de ce qu'ils auroient pésé à la surface de la terre. Ce qu'il falloit démontrer.

De-là il suit, que les corps pésent plus sur la surface des petites planétes, à proportion de leur quantité de matière, que sur la surface de celles qui sont plus grandes. Ainsi sur le vaste globe de Jupiter dont la quantité de matière, ou dont la force absoluë est 200 sois plus grande que celle de la terre, les corps ne pésent que deux sois autant qu'ils l'auroient fait à la surface de la terre; & sur le corps immense du soleil, dont la quantité de matière est 227512 sois plus grande que celle de la terre, les corps ne pésent que 24, 4 sois plus

que sur la surface de la terre.

De-là il stirit aussi que par rapport à une planéte ou corps central, comme par exemple, la terre, le poids des corps qui gravitent vers son centre, est plus grand à la surface qu'à aucune distance en-dehors ou en-dedans, quoique plus près du centre. Car si le même corps qui en A pése 39, 371 livres, est porté en D, qui est un point en-dedans de la terre aussi près de C centre de la terre TAB, que d'est de c centre de la lune L, son poids n'augmentera pas vers C 13, 3225 sois, comme il l'avoit fait, lorsqu'on l'avoit porté de a en d; mais il diminuera en raison de 365 à 100; parce que la partie de la terre vers sa surface entre D & A, attire en arriére le corps vers A. Newton, Lib. 3. Prop. 9. a déterminé la proportion exacte de cette diminution de pésanteur, & a trouvé qu'elle étoit toujours en raison de la distance au centre, en descendant de la surface en bas: & comme

no, 17.

* Planche 5.

EXPE'RIMENTALE.

les principes d'où il a tiré cette vérité sont très-évidens, je vais les répéter

S'il y a une surface sphérique concave, dont les particules attirent, selon les loix précedentes de la pésanteur, comme JHLK, * tout petit corps en-dedans de cette surface restera en repos en quelque endroit qu'il soit placé, parce que les attractions qui l'environnent se détrussent mutuellement. Cela est évident, si le corps est placé en C au centre. Et s'il est placé en P deux fois aussi près de HJ que de KL, on trouuvera la même chose : car soient menées les lignes JL & KH, il est évident que le segment sphérique entre K & L sera quatre sois plus grand que celui entre H & J, parce que KL vaut deux fois HJ; il y a donc quatre fois plus de particules attractives en KL qu'en HJ; mais HJ étant deux fois plus proches du corps P, l'attire quatre fois autant; ce qui compense le moindre nombre de particules comprises dans le moindre segment; car le produit de la force absoluë de HJ (1) multipliée par sa force accélératrice, (qui est ici 4) est égal au produit de la force absolue de KL (4) multipliée par sa force accélératrice, qui n'est que 1. Cela convient également à tout autre point de la sursace, ou à toute autre position du corpuscule : & s'il étoit mis en mouvement, il iroit uniformément dans la sphére concave, comme s'il n'étoit point attiré. Si au lieu d'une surface, il y avoit une écorce d'une épaisseur quelconque, comme ABH, JKL, * la même chose subsisteroit, pourvû que cette écorce fût par tout de même épaisseur & de meme densité.

Si le creux HJKL étoit rempli par une sphére solide, & que le corpuscule sût placé en P, il ne seroit attiré vers le centre C que par la sorce de la sphére intérieure HJKL; car les forces attractives de différentes parties de l'écorce se détruiroient mutuellement, comme on vient de le démontrer. Si le corpuscule étoit porté en Q, il ne seroit attiré que par la sphére QR. Supposons la force absoluë de toute la sphére AB = 64, les lignes BC, PC & QC, comme 4, 2 & 1, & la force accélératrice du corpuscule en B = 1; sa force mouvante sera par conséquent 64. Si le corpuscule est porté en P (la moitié plus près du centre des forces) sa force accélératrice sera 4, mais alors il ne faudra multiplier ce nombre que par la force absoluë de la sphére HJKL, qui étant deux sois moindre en diamétre que la sphère AB est huit sois moindre en solidité, & par conséquent sa force absolue n'est que 8; ce qui étant multiplié par la force accélératrice 4, ne donne que 32 pour la force mouvante du corpuscule en P. Si le corpuscule est porté en Q, quatre sois plus près de C, sa sorce accélératrice sera 16; laquelle étant multipliée par 1, force absoluë de la sphére Q (qui est quatre fois moindre en diamétre que la sphére AB) donnera 16 pour la force mouvante de la particule en Q. Mais puisque les forces enouvantes avec lesquelles le corpuscule ou la particule en B, P & Q gravitent vers le centre C, sont comme 64, 32 & 16, & que les distances du centre sont comme 4, 2 & 1; il suit qu'en allant de la surface d'une planéte en bas, la pésanteur diminue en raison directe de la distance au centre. Ce qu'il talloit démontrer.

Pour appliquer ceci à ce que nous avons dit ci-devant, si l'on conçoit un globe CD en-dedans de la terre T * égal à la lune & de même densité, Figure 10.

Notes fur la Ire. Leçon.

* Planche g.

Figure 11.

* Planche 3. Figure 12.

* Planche 3.

Notes sur le corps qui en A pésoit 39, 721 livres, ne pésera en D que 13, 3225 livres, la Ire. Leçon. Le il l'auroit fait sur la surface de la lune.

N. 12. [18 — Un cube d'un pouce, &c.] Comme dans les corps éclairés on ne confidére que les furfaces exposées à la lumière, on peut faire cette expérience avec des morceaux semblables de carton exposés à la lumière : par exemple, un cercle, un quarré, un pentagone, ou tout autre polygone d'un pouce de diamétre à un pied de distance de la chandelle, recevra la même quantité de lumière qui tombe sur un cercle, un quarré, ou un pentagone, &c. de deux pouces de diamétre à deux pieds de la chandelle, ou des sigures semblables de trois pouces de diamétre à trois pieds de la chandelle, & l'on observera que la force de la lumière diminue en même proportion que l'aire de la figure est augmentée : c'est-à-dire, qu'ici aux distances de 1, 2 & 3 pieds, la force de la lumière sera comme 9, 4, 1; c'est ce qu'on appelle proportion réciproque doublée des distances.

N. 14. [19 — La figure d'une portion d'un fluide, &c.] Lorsque deux petites goutes viennent à se toucher mutuellement, elles deviennent d'abord ovales, & immédiatement après elles sont sphériques. Or lorsque la goute a une figure ovale, la pression d'un fluide exterieur qui agit sur elle de tous les côtés, ne sçauroit changer cette sigure, ni arrondir la goute; il ne sçauroit non plus l'applatir, comme l'ont imaginé ceux qui ont dit, que si les particules de la liqueur n'avoient point d'attraction, & qu'il n'y eût que la pression d'un fluide extérieur, une goute ovale seroit plus pressée aux extrémités des petits diamétres, qu'aux extrémités du plus long, ce qui feroit allonger la goute: mais je n'ai garde d'employer cet argument qui n'est qu'un sophisme, comme on le verra, si l'on se donne la peine de consulter les Principes de Newton, Livre 2. Proposition 19. où il démontre, que si une portion d'un fluide est pressée par le même sluide, ou par tout autre sluide homogéne, qui agit de tous les côtés, la sigure de cette portion ne sera pas changée par une telle pression.

P Planche 3. Figure 13.

S

15. [19 — Au lieu que par l'attraction mutuelle des petits globules, & c.] S' deux globules semblables & égaux A & B, * s'attirent mutuellement & se touchent en C, ils resteront en répos, comme ils auroient sait s'ils s'étoient touchés en E ou en D, ou en tout autre point de la circonférence de l'un des deux, parce que l'attouchement seroit toujours le même: & par conséquent une très-petite force éloigneroit B de son attouchement en C vers E ou vers tout autre point de la circonférence (ou plûtôt de la surface de la sphére) CED; parce qu'en allant tout autour du globule, il continuë de le toucher autant qu'auparavant.

S'il y a trois globules A, B, F, * qui se touchent mutuellement de maniere, que leurs centres soient dans la ligne ab, ils resteront dans cette position; que si l'un d'eux est tiré de cette position comme F, * il ne restera pas en F, mais il se portera vers C, où l'autre globule A le rencontrera; de sorte que ces trois globules se toucheront en deux points, trois sphéres ne pouyant se toucher mutuellement que de cette maniere. Voyez la Figures 6.

* Planche 3. Figure 14.

* Figure 15.

EXPE'RIMENTALE.

S'il y a quatre globules, g, A, B, f, * ils viendront par la même raison à la position A, F, B, G, en supposant que leurs centres soient tous dens, la Ire. Lecon. le même plan; mais si l'un d'eux comme F, est porté en haut, il n'aura point de répos qu'il ne foit arrivé en c, & alors les petites sphéres se toucheront mutuellement en trois points. De-là vient que lorsque deux goutes d'eau ou de quelque autre liqueur venant à se toucher mutuellement, forment le sphéroide acdbef, elles ne conservent pas cette figure, mais elles forment bien-tôt la sphére c g d e b f, pour parvenir au plus grand attouchement possible entre les globules qui composent la sphére ou la nouvelle goute.

Mais on pourroit peut-être dire qu'il est peu mathématique de tirer des conséquences de la figure des parties des fluides, sans avoir auparavant démontré qu'elles sont sphériques : c'est pour cela que je joins ici une autre preuve de la rondeur des goutes des liqueurs, sans avoir aucun égard

à la figure des particules dont elles sont composées.

Soit * ABDE une portion d'un fluide homogéne dont les parties * Planche 37 s'attirent mutuellement, & dont la figure n'est pas spérique. Si dans un tel Figure 19. fluide on suppose un syphon comme ACE (ou ce qui revient au même, si tout le fluide est glacé, excepté le canal ACE) dont les jambes AC&CE soient inégales, & se rencontrent en C centre du fluide, vers lequel se fait la plus grande attraction, le fluide sortira de A dans la jambe AC jusqu'à ce qu'il soit descendu jusqu'en g dans la jambe CE, en supposant Cg égal à AC. Mais si la jambe AC est allongée jusqu'en c, le fluide reviendra en e dans la jambe CE, & en même-tems il s'élevera en a dans la jambe Ca, en sorte que Ca soit égal à Ce.

Si l'on suppose un autre canal ou syphon en BCD, le fluide y descendra de D en d, & montera de B en b. Et puisqu'on peut supposer de pareils syphons dans tout le fluide ABDE, il faut nécessairement que ce fluide par l'attraction de ses parties soit réduit à la figure sphérique abde. Ce qu'il

falloit démontrer.

N. 16. [20 - Ayant moüillé, &c. deux verres plans, &c.] CETTÉ expérience d'une goute d'huile de fleurs d'oranges, ayant été faite par feu M. Hauksbée, de la manière que Newton la rapporte dans la troisiéme Partie de son Optique (Question derniere vers le milieu) cet incompable Philosophe a calculé la force de cette attraction, & a conclu : » que » lorsque l'huile d'orange, entre les deux verres plans étoit de l'épaisseur de trois huitiémes de la partie dix fois cent millième d'un pouce, l'at-» traction (qui réfulte de la regle donnée dans la Table de la seconde » Partie du second Livre) paroît être assez forte pour suffire en-dedans » d'un cercle d'un pouce de diamétre, à foutenir un poid égal à celui d'un » cylindre d'eau d'un pouce de diamétre & de deux ou trois stades de long.

N. 17. [20 - L'attraction devient toujours plus grande à mesure que les plans sont plus proches l'un de l'autre.] IL y a six proprietés à observer dans l'attraction de ces verres plans.

Soit * le point O (centre de la goute) à égales distances des verres plans * Planche 3.

Notes fus COU

* Figure 17.

* Figure 1%,

Figure 20,

est clair.

1°. Qu'à sa plus grande distance du point Q, il n'y aura pas une plus grande partie de la platine de verre, que la grandeur d'un cercle dont le diametre est cd, en-dedans de la sphére d'attraction, ou dont les parties soient capables d'attirer le point O, toutes les autres particules étant à trop grande distance. 2°. La force de l'attraction des points du cercle de verre qui sont les plus proches du point O, est aussi la plus grande. 3°. La somme des particules attractives placées vers Q, & qui sont contenues dans le segment du cercle du verre dont l'arc a se pour son sinus verse, est plus grande que celle des particules attractives contenues dans le segment opposé, & cela en même proportion que le premier segment surpasse le second, à cause de l'angle formé par les plans en Q. 4°, La direction de l'attraction des points qui sont à la même distance de O, faisant tout le long de la ligne QR un angle en O, plus aigu vers Q que vers R, le point O avancera vers Q avec une vîtesse accelerée. 5°. A mesure que ledit point O avance vers Q, le diametre du cercle de verre dont les particules peuvent attirer le point O, doit augmenter (Gd étant plus grand que cd) & par conféquent le cercle doit augmenter aussi; c'est ce qui fera que la goute d'huile s'étendra de plus en plus sur les plans de verre, entre lesquels elle étoit placée. 6°. La goute ou le point O avancera versQavec une vîteffe toujours accelerée par de plus grandes forces; parce que l'angle go h devient toujours plus aigu par rapport à l'angle do q, à proportion que la corde Gd devient plus grande que cd, ce qui rend la base Gh toujours plus petite par rapport à la base dq, pendant que les côtés des deux triangles restent toujours egaux; & par conséquent l'angle g o h est toujours moindre à proportion que l'angle do q; ce qui augmente continuellement la force de l'attraction vers Q, par la démonstration suivante.

* Planche 3. Figure 21,

Soit l'angle * abc divisé en parties égales par la droite bu, & autour des centres, t, u, pris à volonté sur cette ligne, soient tracés des cercles égaux ghki, acml; je dis que si par les points d'intersection, on mene les cordes ac, lm, gh, ik; lm lera plus grande par rapport à ac que ik par rapport à gh. Menez du point bles tangentes bsp, brq; & du point u comme centre tracez entre lesdites tangentes le cercle e ond, & joignez ed, no.

Les segments de, gh, sont semblables, aussi-bien que les arcs ope, ksh; ce qui donne ik: no :: gh: de & ik: gh:: no : de. Mais lm est plus grand que no, & au contraire a c moindre que de; donc lm comparé à a c est plus grand que i k comparé à g h: ce qui prouve la fixiéme proprieté des deux plans de verre qui se touchent à une extrémité, & qui forment un petit angle à

l'autre extrémité.

18. [23. — Laraison de ces phénomenes, &c.] Le Docteur Jacques Jurin, Sécretaire de la Société Royale, a fait un grand nombre d'expériences curieuses de cette espéce, dont il donne le détail dans les Trans. Phil. nomb. 355, par où il fait voir de quelle manière l'attraction de cohéfion opére pour élever & foutenir l'eau dans les petits tubes & dans les espaces compris entre les corps folides, & qui font analogues aux petits tubes.

EXPE'RIMENTALE.

19. [23. L"argent vif attire plus fortement l'argent vif, &c.] Quelques Auteurs ont cru que l'argent vif & le verre se repoussoient mutuellement, la Ire. Leçon. parce qu'il ne paroît pas dans ces expériences & dans plusieurs autres, qu'il s'attache au verre. Mais on verra par quelques expériences relatives à l'attraction de cohésion, que le précédent Auteur ingénieux & sçavant a fait sur le verre & sur l'argent vif, que l'argent vif est réellement attiré par le verre, quoique beaucoup moins que par lui-même, de maniére qu'il paroît en être repoussé.

Notes fue

EXPERIENCE PREMIERE.

L'argent vif est attiré par le verre.

Si l'on met un petit globule d'argent vif sur un papier bien net, & qu'on le touche avec un morceau de verre bien propre, en retirant doucement le verre, on verra que l'argent vifs'y attache, & qu'il suit le verre. Si le verre est élevé au-dessus du papier, l'argent vif le suivra de la même manière qu'un morceau de fer est attiré par une pierre d'aiman, & il s'attachera au verre par une surface plane d'une largeur considérable, à proportion du volume de la goute, comme on le voit clairement avec un microscope ordinaire. Ensuite si l'on tient le verre un peu obliquement, la goute de mercure roulera lentement sur son axe le long du côté inférieur du verre, jusqu'à ce qu'elle arrive à son extrémité, où elle restera suspendue comme auparavant.

EXPERIENCE

Si l'on met sur un papier une goute de mercure fort grande, & si on la fait toucher de chaque côté par deux morceaux de verre, en séparant doucement les verres l'un de l'autre, la goute de mercure s'attachera à tous les deux, & passera de la figure sphérique à une figure ovale dont le grand axe passera par le milieu des furfaces où la goute touche les verres.

Les particules de l'argent vif sont plus attirées l'une par l'autre, que par le verre. Pour le prouver lisez Leç. 1, N°. 24, 25, 26, & les autres Expérien-

ces suivantes du Docteur Jurin.

EXPE'RIENCE III. Planche 3. Figure 22.

L'argent vif étant versé dans un syphon renversé A CB, dont une branche A C est plus étroite que l'autre CB, la hauteur CE où le mercure s'arrête dans la plus grande branche CB, est plus grande que la hauteur CD où il s'arrête dans la plus étroite CA. L'eau, tout au contraire, est plus élevée dans la branche plus étroite que dans celle qui est plus large.

EXPE'RIENCE IV. Planche 3. Figure 23.

ABCD représente un plan rectangle de verre qui forme un côté d'une boëte de bois. En-dedans de cette boëte, il y a un autre plan de verre de la même grandeur, qui à son extrémité AC, se joint au premier, & qui

Notes sur forme un petit angle à l'extrémité opposée BD. Lorsque le mercure est verse la Ire. Leçon d'Ans cette boëte à une hauteur comme CE, il s'insinue de lui-même entre les deux plans de verre, & s'éleve à différentes hauteurs entre les verres, selon que l'ouverture est plus grande ou plus petite, il torme l'hyperbole commune CGF; dont une des asymptotes EF est la ligne dans laquelle la surface du mercure dans la boëte touche le verre intérieur; l'autre asymptote est la ligne AC qui joint les deux plans.

EXPERIENCE V. Planche 3. Figure 24.

AB est une section perpendiculaire des deux plans de verre qui se joignent en A, & qui forment un petit angle en B; C représente une goute de mercure fort large; (la plus large est la meilleure) on a fait descendre cette goute autant qu'on a pu en G, en tenant les plans dans une situation verticale, & l'extrémité A en bas, & qui s'éloigne de l'attouchement des plans en D, en inclinant les plans vers une situation horizontale, & la distance CD devient plus grande ou plus petite selon que les plans sont plus ou moins inclinés vers l'horizon.

20. [30. — Comme le cube & un quart de la distance — l'attraction magnétique, &c.] Cet excellent Philosophe le Docteur Brook Taylor, a fait plu-fieurs expériences avec une aiguille aimantée & une grande pierre d'aiman qui est dans le cabinet de la Société Royale, lesquelles étant faites à quelque distance de la pierre, s'accordent sort bien avec cette proposition; mais auprès de la pierre, la vertu magnétique ne paroît pas agir selon cette loi; ce qui peut venir de ce que cette pierre paroît être un amas de pierres d'aiman jointes ensemble par une substance pierreuse qui n'est pas magnétique. Car depuis ce tems-là, j'ai trouvé par quelques expériences que j'ai faites avec cette pierre, qu'elle a 15 poles (si je puis me servir de cette expression) c'est-à-dire, 15 points où l'attraction est plus forte que partout ailleurs : ces expériences & quelques autres qui ont été faites sur des aimans foibles, me font penser que chaque pierre d'aiman a plusieurs poles ou points de vertu du côté du nord, & plusieurs du côté du sud; que ces vertus étant réunies par le fer qui arme la pierre, sont cause qu'une pierre armée soutient beaucoup plus de fer ou d'acier que lorsqu'elle n'est pas armée. Mais par les expériences que j'ai faites depuis avec quelques bonnes pierres, & furtout avec une pierre d'environ fix onces, qui appartient à Mylord Paizley (l'une des meilleurs pierres qui soient au monde) j'ai trouvé qu'une bonne pierre d'aiman homogéne n'a que deux poles.

Le Docteur Pierre van Muschenbrock, cet ingénieux Professeur d'Astrono, enie, &c. à Utrech, a par un travail & une application insatigable, sait des expériences d'attractions & de répulsions des pierres d'aiman, par rapport au fer, & de l'une par rapport à l'autre, mais il n'a pu jamais trouver aucune proportion réguliere dans l'accroissement de l'attraction lorsqu'elles s'approchent, où dans le décroissement lorsqu'elles s'éloignent l'une de l'autre. Il a seulement trouve que la forcé de la vertu magnétique croît lorsqu'elles s'approchent, & décroît lorsqu'elles s'éloignent; mais non pas exactement à chaque

distance,

Notes fur

distance, comme le quarré ou le cube de la distance, ni comme le quarré ou le cube de la distance réciproque, ni dans aucune proportion réductible la Ire. Lecon. en nombres; & par conféquent il conjecture fort raisonnablement que les répulsions & les attractions se troublent mutuellement, ensorte qu'elles confondent la proportion; nous n'avons pas même lieu d'espérer de trouver aucune régle sur cette matière, jusqu'à ce que l'on ait trouvé le moyen (si jamais on pent en venir à bout) de séparer les parties attractives de celles qui sont répulsives. Je renvoye le Lecteur à sa dissertation sur l'aiman, qui mérite l'attention d'un Philosophe qui aime les recherches importantes. Elle est imprimée à Leyde in-4°, avec plusieurs autres bonnes dissertations du même Auteur.

1 21. [31. — Une force répulsive dans les corps, &c.] Voyez l'Introduction de S'gravesande, Part. 1. depuis n°. 40. jusqu'à 44. Lorsque la lumiere est réfléchie par une surface polie de verre, de crystal, ou de métal; les particules de la lumière ne frappent pas sur les parties solides, & n'en sont pas refléchies; mais elles sont repoussées de la surface à une petite distance, avant que de la toucher, par une force qui s'étend sur toute cette surface polie. Voyez l'Optique de Newton, Livre II. Part. III. Prop. 8.

Les rayons de lumière sont aussi repoullés par les côtés des corps à mesure qu'ils paffent auprès d'eux, enforte que leurs ombres, dans certains cas, en deviennent plus grandes qu'elles n'auroient été sans cela. Voyez le même Auteur, Livre III. Part. 1. où il prouve aussi cette sorce répulsive par d'autres

phénomenes.

22. [37. - La même partie du tube ne peut pas pétiller deux fois, ou donnes deux fois de la lumière dans le même endroit, sans un nouveau frottement.] En tailant pétiller le tube contre les doigts ou contre tout autre corps solide, son électricité se détruit en même-tems dans cet endroit là ; par où l'on peut réloudre un phénomène dont parle le Docteur S'gravesande dans son Introduc-

tion, vol. 11. n°. 554. Voici de quelle manière il s'exprime.

" Il y a une chose remarquable & très-difficile à expliquer dans cette » expérience, au sujet de la direction du frottement; lorsque vous frottez le tube, vous en tenez un bout dans une main, pendant que vous le frottez » avec l'autre main; si vous le faites en allant depuis la main qui tient le tube vers l'autre bout du tube, l'effet n'en sera pas sensible; mais si vous le of frottez depuis l'extrémité du tube qui est libre, en allant à celle qui est dans » la main, le contraire arrivera. Et cela arrive indifféremment, soit que vous teniez à la main l'extrémité ouverte du tube, ou celle qui est fermée.

Pour expliquer cela, nous n'avons qu'à examiner cette expérience par le moven de la 10e. Figure de la Planche 2. A est la main droite qui tient le tube, & B la gauche qui le frotte; laquelle après s'être muë plusieurs fois en haut & en bas, acheve le frottement en se mouvant dans la direction C B A au dernier coup: alors le tube étant approché des corps legers (Pianche 2. Figure 11), leur donne du mouvement. Si le dernier coup en frottant se fait par le mouvement de la main de A en C, & que la main B arrivée en C quitte le tube dans la direction CD, sans s'en approcher de nouveau, ou

Lome L.

Notes für sans que la manche du just-au-corps s'en approche, le tube agira sur les corps la Ire. Leçon. legere avec la même vigueur qu'auparavant. Mais si la main gauche étant arrivée en C, tombe en bas négligemment dans la direction C E parallelement au tube, & fort près du tube, soit que ce soit la main ou la manche de l'habit qui s'en approche trop, elle est cause que le tube fait un petit bruit, (que l'on n'entend pas sans attention) & ainsi elle détruit la vertu excitée par le frottement dans toute la longueur du tube; comme la main A (Planche 2... Figure 13.) le fait dans le lieu, lorsqu'elle produit un pétillement, qui comme je l'ai dit ci-devant, n'arrive pas deux fois dans le même endroit, sans un nouveau frottement.

> 23. [41. — Un globe de verre que l'on fait tourner, &c.] Je ne puis pas passer sous silence un phénomène très-surprenant dans une des expériences de M. Hawksbec. Il couvrit avec de la cire à cacheter l'intérieur d'un hémisphére de l'un de ses globes de verre jusqu'à une épaisseur, qui le rendit parfaitement opaque: lorsqu'on ent pompé l'air de ce verre, & qu'on l'eut fait tourner partout où la main étoit appliquée extérieurement pour donner du frottement au verre, la cire devint aussi transparente que le verre même; le reste du globe où étoit la cire restant opaque, lorsqu'il ne touchoit pas la main quoiqu'un moment auparavant il eut été transparent en passant sous la main.

La 25°. Figure de la Planche 3. représentera la chose parfaitement.

L'hémisphère A CB du globe de verre G A CB est devenu opaque par un enduit intérieur de cire à cacheter, pendant que A G B est resté transparent. On a pompé l'air de ce verre par le moyen du robinet D; ensuite on l'a placé entre les poupées E, F, on l'a fait tourner vivement par le mouvement de la roue K, dont la corde entoure une poulie P fixée à la bobeche de cuivre dont la tige est l'axe du globe. La vis H tire en-dehors l'autre poulie J , pour tenir la corde de la roue toujours tendue.

Lorsque la main est appliquée en C, on en voit le dedans à travers la cire dans le côté concave du globe enduit de cire, le reste de la cire restant opaque; ensorte qu'on ne peut pas voir la main, lorsque l'œil est placé en Q, mais seulement lorsqu'étant en O, il regarde la main par la partie du verre qui n'est

pas enduite en G.

M. Etienne Gray, qui a fait un plus grand nombre de différentes expériences électriques que tous les Philosophes de ce siécle & du dernier siécle a, depuis que j'ai commencé cet Ouvrage, trouvé différents nouveaux phénoménes dans l'électricité, dont on peut voir le détail dans les Transactions Philosophiques, n. 417.

Mais en faveur de ceux qui n'ont pas la facilité de lire les Transactions,

je vais donner un abrégé de ses découvertes.

1. Toutes les substances qui ne peuvent pas devenir électriques par le frottement, peuvent cependant recevoir une vertu électrique (comme il est visible en ce qu'elles attirent & repoussent les feuilles d'or) par le moyen d'un cylindre de verre frotté (soit qu'il soit solide ou percé) non-seulement en touchant le tube, mais encore par l'intermédiation d'un fil à de trèsgrandes distances, comme par exemple, de plus de 800 pieds. Et même si le tube ne touche pas le fil, mais qu'il soit seulement frotté tout-auprès, la vertu

Electrique coulera le long du fil. Et ce qui est fort remarquable, à mesure que la vertu électrique coule le long d'un fil de chanvre, ce fil doit être soutenu la Ire. Leçon. par un cheveu ou par des fils de soie; car les fils de chanvre ou de lin, ou même de fer, qui le foutiendroient, arrêteroient la propagation de la vertu à quelque distance, en la recevant latéralement.

2. De fort grandes surfaces, comme tables, napes, &c. s'imprégnent des

écoulements électriques.

3. Une pierre d'aiman & un fer qui y est attaché, recevront la vertu électrique, qui par conséquent n'est pas détournée par les écoulements

magnétiques.

4. L'électricité peut se porter de différents côtés en même-tems, sans que le fil de communication touche le tube; comme à deux balles d'yvoire aux deux extrémités d'un fil très-long, en frottant le tube auprès du milieu du

5. L'attraction électrique reçue n'est pas proportionnelle à la quantité de matière dans les corps, un cube folide & un cube creux de bois attirant autant L'un que l'autre.

6. Les écoulements sont aussi portés tout-autour d'un cercle, & se commu-

niquent d'un cercle à l'autre.

7. Cette vertu se communique aux seuilles des arbres, & même aux sluides

comme aux balles de l'eau de favon.

8. Les animaux reçoivent aussi cette vertu. Un homme suspendu horizontalement par deux cordons de poil, attire & repousse une seuille d'or avec son visage & ses mains. Si l'on frotte le tube auprès de ses pieds, & même à l'extrémité d'une ligne de pêcheur, il attirera & repoussera une balle. Il est remarquable que la vertu est plus forte dans la partie du corps imprégné, la plns éloignée du tube; car si l'on tient le tube frotté au-dessus de la tête, ce me sera pas la tête, mais la face qui alors attirera, & au contraire. Si l'homme touche seulement le plancher avec une petite cane, ou un fil de fer, la vertu roule vers le plancher, & l'homme n'est plus électrique. Ainsi étant suspendu par une corde de chanvre, la vertu s'en va au plancher supérieur.

9. Si deux enfans sont suspendus comme ci-devant par des cordons de poil, & à une distance considérable l'un de l'autre, la vertu peut se communiquer de l'un à l'autre par un fil, qu'ils tiennent tous deux, ou qui est attaché à leurs habits ; l'électricité étant toujours plus forte dans celui qui est à la plus

grande distance du tube.

10. M. Etienne Gray a trouvé depuis, que si un homme est placé sur un gâteau de réfine ou de verre, ou de quelque autre substance, qui soit d'ellemême électrique, ou qui le devienne par le frottement, l'effet sera le même que s'il étoit suspendu par un cordon de poil. Ensorte que si un régiment entier de soldats étoit sur une ligne, & que chacun étant sur un gâteau de réfine tint son voisin par la main, ou que seulement il communiquat avec lui par un fil, je ne doute pas qu'ils ne fussent tous imbus de la vertu électrique, & que le tube étant frotté auprès du premier homme, le dernier n'attirât & ne repoullat une feuille d'or avec sa main, son visage ou ses habits.

11. On a auffi trouvé que l'électricité se communique à travers les corps

denies & fort grands.

五百

Notes fur

Notes fur

24. [42. — Quoique leurs causes ne soient pas connues, &c.] Lorsque les la Ire. Leçon. Généalogistes, en cherchant l'origine des familles, font arrivés aussi loine qu'ils le peuvent, & qu'ils ont trouvé le premier de la famille qui a porté un tel nom, ne pouvant découvrir qui étoit son pere ou sa mere ; il seroit fort absurde de dire que parce qu'on ne connoît pas le pere de celui-ci (que nous appellerons par exemple Jean), il s'ensuit que Jean n'est pas pere de Pierre, grand-pere de Guillaume, & bisayeul de Nicolas, &c. comme on l'avoit prouvé auparavant avec toute l'évidence qui convient à de pareils cas.

Ainsi lorsque l'on voit clairement par observation, que la gravité est la cause de la chute des corps pesants, qui observent certaines loix dans leurs mouvements; qu'un corps pesant par sa chute meut l'essieu d'une roue laquelle en conduit une autre circulairement par l'engrainement de ses dentsque celle-ci par l'intermédiation d'autres rouës & pignons, conduit l'aiguille d'une montre pour mesurer le tems, ou pour d'autres usages; ce seroit être bien peu Philosophe, de dire que nos raisonnements sur le mouvement de l'aiguille sont faux, comme étant appuyés sur des qualités occultes; parce que nous ne pouvons pas remonter plus haut qu'à la pefanteur, dont nous ne prétendons pas connoître la cause.



LEÇON II.

E moment ou la quantité de mouvement dans les corps (qu'on Leçon II. appelle quelquefois simplement mouvement) est la force

avec laquelle les corps changent de place.

Je n'entends pas par-là le coup, la pression, l'atraction, out toute autre action qui cause ce changement de place dans un corps; mais la force qu'il a pendant tout le tems qu'il se meut d'un lieu à un autre.

- 2. CETTE force mouvante peut se connoître aussi par l'effet qu'elle est capable de produire; c'est-à-dire, par le coup que le corps mouvant peut donner, ou par la résistance ou obstacle qu'il est capable de surmonter.
- 3. CETTE quantité de mouvement, qui est la mesure de la force; est composée de la quantité de matière & de la vîtesse prises ensemble; c'est-à-dire, que lorsqu'on compare les momens, les forces mouvantes, ou les quantités de mouvement dans les corps, on multiplie la masse ou la quantité de matière dans chaque corps par sa vîtesse.*

Note I.

- 4. La vîtesse ou celerité, est la promptitude avec laquelle un corps qui se meut change de place; & l'on peut toujours la connoître par l'espace que le corps décrit dans un tems donné.
- s. La quantité de mouvement peut croître, ou par l'accroissement de la quantité de matiere qui se meut avec une vîtesse déterminée; ou en conservant la même quantité de matiere, & augmentant la vîtesse, ou en augmentant l'une & l'autre; & celasse sait dans ces trois cas, en appliquant plus de force; car ici force * & mouvement, signissent la même chose.
- 6. Le mouvement d'un tout quelconque, est la somme des mouvemens de toutes ses parties, & par consequent (comme on l'a dit ci-devant) il devient double dans un corps double qui se meut avec une vîtesse égale, & quadruple dans un corps double qui se meut d'une vîtesse double.

Note 2.

Lecon II.

7. Si un homme avec une force déterminée jette loin de lui un poids de cinquante livres à la distance de dix pieds, il faut qu'il applique une force double pour jetter un poids de cent livres à la même distance, ou pour jetter le poids de cinquante livres deux fois aussi loin: mais s'il n'employe pas plus de force qu'auparavant, il ne pourra jetter le poids de cent livres qu'à la distance de cinq pieds, & alors les deux corps auront la même quantité de mouvement, parce que cinquante multiplié par dix, ou cent multiplié par cinq, donnent le même produit, qui est cinq cens.

Expérience I. Planche 4. Figure 1.

Planche 4.

8. ABCDE est un instrument inventé pour éclaircir ce que l'on vient de dire, & pour distinguer le mouvement & la vîtesse que quelques Auteurs ont consondu. Les canaux BD, CE, sont saits de maniere que les poids cylindriques bien polis K ou L (l'un de 8 & l'autre de 4 onces) puissent s'y mouvoir avec sort peu de frottement. Soit bandé le ressort AB jusqu'à un certain dégré, en saisant couler le nœud du sil atraché en B sur la coche de fer F; placez ensuite le poids L en B, qui en laissant partir le ressort par l'élevation du nœud, sera poussé de B au point J, qui est à 24 pouces de B. Si l'on pousse de la même maniere le cylindre K, il n'arrivera qu'en H à 12 pouces de B.

Il est évident que la quantité de mouvement est la même dans les deux corps, puisque le ressort est également bandé dans les deux cas; & il est clair que ces quantités de mouvement sont composées des masses multipliées par les vitesses, puisque L = 4 onces × par BJ (24) sa vitesse donne 96, égal à K (8 onces)

×BH(12) sa vitesse.

Mais si vous voulez pousser K aussi loin que le point J, où L a été poussé, il saut bander le ressort avec une double sorce, & alors K aura un mouvement double de celui qu'il avoit. N. B. On fait cette experience plûtôt pour éclaircir cette matiere, que pour en faire une

preuve.

Il faut bien se garder de tirer des conséquences de cette experience, parce que le succès en est disserent selon les circonstances. Si les poids cylindriques sont placés ensorte qu'ils touchent le ressort lorsqu'il est bandé, le poids K (de 8 onces) sera poussé plus loin qu'à la demie distance où L (de 4 onces) est poussé, & cela arrivera par les raisons que nous en donnerons dans la 4^e. note sur la Leçon 5, mais si les deux poids sont placès à quelque distance du

EXPERIMENTALE.

ressort bandé, ensorte que le ressort puisse donner un coup subit, LECON II. & ne pas agir long-tems sur les cylindres, alors l'expérience réussira. N. B. on doit trouver cette distance par expérience.



Planche 4. Figure 1.

2. Del A il suit qu'un petit corps peut avoir autant de mouvement qu'un grand corps, quelque disproportionnés qu'ils soient, pourvû que les vitesses qui leur sont données soient réciproquement proportionnelles à leurs masses; c'est-à-dire, que le petit corps ait d'autant plus de vitesse par rapport au grand, qu'il a moins de matiere.

Delà vient que depuis l'invention de la poudre, les beliers ne font plus en usage dans la guerre; car ces machines & les autres également pesantes, étant conduites par un grand nombre de mains, & se mouvant contre un mur avec peu de vîtesse, ne faisoient pas plus d'effet qu'en fait aujourd'hui un petit boulet de canon, pendant qu'il ne faut que trois ou quatre hommes pour servir le canon. Si le boulet B (planche 4. fig. 2.) pesant 36 livres est poussé hors du canon C contre le mur AHGE, ensorte qu'il le frape en L, il produira le même effet que le belier R, qui pese 41112 livres, pourvû que le boulet de canon se meuve autant de fois plus vîte qu'il a moins de matiere. Voyez-en le calcul dans les notes. *

Note 33

Si une petite balle de fusil se mouvoit avec autant de vîtesse que la lumière, elle frapperoit aussi fortement un obstacle immobile, qu'un boulet de canon 700000 fois aussi gros; parce que la lumiere se meut 700000 fois plus vîte qu'un boulet de canon. La lumiere employe environ 8 minutes pour venir du soleil, & un boulet de canon emploiroit dix ans à parcourir le même espace.

- 10. COMME la quantité de matiere dans un corps qui se meut étant multipliée par la vîtesse, nous donne la quantité de mouvement; ainsi la quantité de mouvement divisée par la vîtesse, nous donne la quantité de matiere; & divisée par la quantité de matiere, elle nous donne la vîtesse. Si dissérens corps de dissérens poids se meuvent d'une vîtesse égale, leurs mouvemens seront entr'eux comme leurs quantités de matiere.
- 11. Dela on peut tirer un argument insoluble pour le vuide; car si tous les corps faisant abstraction de la résistance de l'air, se meuvent en bas avec la même vîtesse, comme on l'a prouvé (Lec. 1.

LECON II. nº. 8, 9), leurs mouvemens comparés entr'eux seront respectivement comme leurs quantités de matiere; mais le mouvement en bas, ou la force qui les pousse vers la terre, est leur gravité: Nous trouverons donc la quantité de matiere dans chaque corps par sa gravité, qui doit toujours lui être proportionnelle. Maintenant a deux corps d'un égal volume pesent différemment, comme l'expérience nous l'apprend, il doit y avoir des vuides répandus dans celui qui est plus leger: Par exemple, s'il y a deux pouces cubiques A & B (pl. 3. fig. 7.) & que le cube A soit d'argent, pendant que le cube B est de liege, on trouvera que A pese 40 sois plus que B: donc B contient quarante fois moins de matiere, & devroit être quarante fois moindre en volume, s'il n'avoit pas des vuides. Car si l'on répond que les vuides ou pores du liege sont remplis d'air & de matiere substile, cet air & cette matiere subtile avec le liege, devroient peser autant que l'argent*, ou les deux cubes ne sont pas également pleins,

12. Tout l'effet des instruments méchaniques (qui communiquent ou arrêtent le mouvement, ou surmontent une résistance)

dépend de ce qu'on a dit ci-devant nº. 9.

Si un petit poids doit en soutenir un grand, il faut trouver le moyen de donner au petit d'autant plus de vitesse par rapport à celle du grand, qu'il a moins de matiere, & alors sa force étant égale à celle du grand, il le soutiendra, s'ils se meuvent dans des directions contraires, parce qu'alors des forces égales se détruiront mutuellement. C'est ce que l'on fait par l'invention des machines & par la maniere de les appliquer. Car si la vitesse du grand poids est déterminée, aussi-bien que sa quantité de matiere, & la quantité de matiere du petit, il faut que la vîtesse du petit (qui dans ce cas se nomme la puissance) soit augmentée dans la proportion précedente. Mais si la vîtesse de la puissance est déterminée, il faut diminuer celle du poids dans la même proportion. Les machines à ce dessein ayant toujours été inventées, ensorte que le poids ou la puissance puissenr s'y appliquer de maniere à rendre leurs vitesses réciproquement proportionnelles à leurs masses.

Expérience II. Planche 4. Figure 3.

13. Soit AB un levier ou balance divisée en 20 parties égales; dont le centre de mouvement est en C; si le poids W de 200 livres EXPE'RIMENTALE.

livres est suspendu par un crochet immobile en A, & si l'on veu le tenir en équilibre par le moyen de la puissance ou du petit poids P de 50 livres, il est clair que ce petit poids n'a pas assez de force en E pour soutenir le poids W, parce que dans le mouvement du levier, les points E & A décrivent non-seulement des arcs semblables, mais des arcs égaux E e & A a; ensorte que W se mouvant d'un pouce, P ne sera mû que d'un pouce; & puisque les vîtesses étant égales, les quantités de mouvement ou les forces sont comme les masses (N°. 10.) le poids W aura toujours une force supérieure, ayant une masse quadruple de P. mais si l'on éloigne P vers B, il décrira un arc semblable, mais 4 fois plus grand que celui que W décrit; c'est-à-dire, qu'il descendra 4 sois aussi vîte que W montera. Si donc sa vîtesse est 4, & si celle de W n'est que 1, P ou 50 multiplié par sa vîtesse, 4 donnera 200; ce qui est égal au produit de W, ou 200 multiplié par sa vîtesse 1.

LEÇON II.

Planche 4.

Figure 3.

- 14. Mais si la puissance P avoit été immobile en E, & le poids W mobile, on auroit eu l'équilibre en diminuant la vîtesse du poids, & l'approchant vers D, ou étant 4 sois plus près du centre que P, il auroit 4 sois moins de vîtesse.
- 15. S I les deux poids avoient été immobiles, & que P n'eût eu que 12; livres, il auroit fallu augmenter la vîtesse de P, en l'éloignant à la 16e. division B, en même-tems qu'on auroit diminué celle de W, en l'approchant vers D à la premiere division de l'autre côté du centre; car alors W (200) multiplié par DC (1) qui est proportionnel à sa vîtesse, auroit donné 200, qui est égal au produit de P (12½) multiplié par BC (16) sa distance au centre, qui exprime sa vîtesse. Si donc on donne à la puissance un peu plus de vîtesse, qu'en raison réciproque des masses, elle aura plus de force que le poids, & par conséquent elle l'élevera, au lieu de le soutenir comme auparavant,
- 16. C'est ainsi que par le moyen d'un levier, un homme dont la force naturelle n'excede pas 200 livres, peut acquérir autant de force relative qu'il en faut pour élever une pierre de 2000 livres, en appliquant son levier, ensorte qu'il rende la vîtesse de la pierre dix sois moindre que n'est celle de son corps à l'extrémité opposée du levier, qui dans ce cas sera dix sois plus éloigné du point d'apui,

Tome I.

Leçon II.

Planche 4. Figure 3.

que n'est l'endroit où la pierre est appliquée. Car si un homme par sa force naturelle ne peut élever que 200 livres avec une vîtesse déterminée, il n'y a point de machine au monde qui puisse le rendre capable d'élever 2000 livres avec la même vîtesse; mais il doit en venir à bout avec la 10e, partie de cette vîtesse. S'il employe 10 secondes de tems à élever 200 livres à dix pieds, & s'il veut élever une pierre qui pese 2000 livres par un sevier dont les bras (ou les longueurs de chaque côté du centre du mouvement) sont comme 10 & 1, il doit se mouvoir de 10 pieds à l'extrém!té du long bras du levier, pendant que la pierre se meut d'un pied; ce qui revient au même que si la pierre étant coupée en dix parties, le même homme les élevoit chacune successivement à un pied de hauteur, ce qui produiroit précisément le même travail que lorsqu'il les éleve toutes-à-la-fois avec le levier. * On ne peut pas changer la nature; lorsqu'on veut gagner sur la force, on perd sur le tems; & lorsqu'on veut gagner du tems, on doit employer plus de force. *

* Note 5.

* Note 6.

17. Si la vîtesse du poids aussi-bien que sa quantité de matiere; est déterminée, & si la vîtesse de la puissance l'est aussi, alors supposé que la puissance ne soit pas capable d'élever le poids, on doit y joindre plus de matiere, jusqu'à ce que le produit de toute sa masse multipliée par sa vîtesse, soit égal au produit de la masse du poids par sa vîtesse. Si par exemple le poids W (pl. 4. sig. 3.) étant toujours supposé de 200 livres, est sixé en A, & que la puissance P qui n'est que de 12½ livres soit sixée en B, il n'est pas possible de soutenir ce poids avec cette puissance, à moins que sa quantité de matiere ne soit quadruplée, ou de 50 livres, & alors 50 × 16 sera égal à 200 × 4, parce qu'ici les distances sont comme les vîtesses.

* Note 7.

Il est question quelquesois de donner à un corps pesant ou à un poids, un dégré de vîtesse considérable; comme lorsque les Anciens se servoient pour lancer de grosses pierres de ces especes de balistes qu'ils nommoient Scorpions*, alors la puissance doit être considérablement plus grande que le poids; car comme elle est appliquée plus près du centre du mouvement que le poids que l'on veut lancer, elle doit être plus pesante en raison réciproque de ces distances, lorsqu'on veut seulement soutenir le poids, & beaucoup plus pesante lorsqu'on veut donner au projectile une vîtesse sussiné les puissances méchaniques, & les usages

* Note 8.

EXPERIMENTALE.

des machines simples & composées : Pour y parvenir, il nous Lecon II. faut expliquer quelques termes, & nous former l'idée de quelques vérités que tout Machiniste doit connoître.

Figure 3.

DE'FINITIONS.

18. On appelle Poids, tout corps que l'on doit soutenir élever ou abaisser, pousser ou tirer, ou mouvoir en quelque maniere que ce soit; de sorte que l'expression élever un poids, a beaucoup d'étendue dans la méchanique. On l'applique quelquefois à l'impulsion des pilotis dans la terre, à l'action par laquelle on arrête un corps en mouvement, à l'écoulement de l'eau, &c.

19. On appelle Puissance tout ce qui sert à élever un poids dans le sens précédent, soit que la puissance soit elle-même un corps pesant, un ressort, le mouvement de l'eau, de l'air, de la flamme, ou la pression de la vapeur que le seu éleve des liquides, ou la force d'un animal qui agit par son effort, ou par son poids, ou par l'un & l'autre.

20. L'intensité d'une puissance est sa force absolue; c'est-à-dire; sa force, en supposant sa vîtesse égale à celle du poids; car sa force mouvante ou agissante peut devenir plus grande ou plus petite, selon que sa vîtesse est augmentée ou diminuée à l'égard de celle

du poids; comme par exemple.

Si la puissance est un homme, & qu'il puisse élever de terre un certain poids, ce poids exprimera l'intensité de la puissance, ou lui fera égal; car en ce cas quelque machine que l'on employe, la partie de la machine où le poids est dûement appliqué, sera mue précifément aussi vîte que celle où l'homme agit avec toute sa force. De sorte que si un homme peut presser sur le point E à la quatriéme division de la balance A B avec la force de 200 livres, il soutiendra précisément le poids W ou 200 livres, s'il est suspendu aussi loin de l'autre côté du centre du mouvement.

24. La ligne de direction est celle dans laquelle une puissance on un poids agit, ou fait effort pour agir. *

Note &

22. UNE puissance peut agir dans une direction quelconque; mais un poids n'a qu'une direction, qui est vers le centre de la LEÇON II.
Planche 4
Figure 3.

COURS DE PHYSIQUE

terre, vers lequel centre tous les corps pesants sont effort pour descendre, & descendent effectivement, lorsque rien ne les en empêche: ensorte que la ligne de direction d'un poids, est une ligne tirée de son centre de gravité au centre de la terre.

- 23. Le centre du mouvement est le point autour duquel un corps ou une machine se meut, ou fait effort pour se mouvoir, lorsqu'il ne le peut, ou qu'il ne tourne pas tout-à-fait rond; & dans ce cas tous les points du corps décrivent des cercles, ou des arcs de cercles, autour du centre du mouvement. On peut prendre ce centre partout où l'on veut, selon la construction de la machine.
- 24. Le centre de gravité est un point autour duquel toutes les parties d'un corps sont en équilibre. On le regarde comme le milieu du poids d'un corps, quoique souvent il ne soit pas au milieu du corps même; & si le corps est suspendu par ce point, il restera suspendu dans toute sorte de position; sans cela le centre de gravité descendra toujours aussi bas qu'il pourra.

Expérience III. Planche 4. Fig. 4.

Planche 4.

- points des calibres à reffort A. En tournant la planche circulairement, les deux points qu'on y a marqué K & Q, décrivent les cercles K k, & Qq autour du centre du mouvement C, qui est ici le centre de grandeur: Si le centre de mouvement étoit pris dans un autre point qui ne fût pas le centre de grandeur, comme en c (pl. 4. fig. 5.) les points K & Q décriroient toujours des cercles autour du centre de mouvement, quoique le centre de grandeur ne sût pas alors leur centre commun, mais il décriroit luimême un cercle comme C d autour de c, centre de mouvement. Si le corps suspendu ne va pas tout-à-fait circulairement, comme ici le côté R qui est arrêté par le sommet des calibres en q, au lieu des cercles Qq, Kk, Cd.
- 26. SI C (pl. 4. fig. 4.) est le centre de gravité du corps, & que le corps soit suspendu par ce centre, si on le fait tourner autour de ce point, il s'arrêtera dans toutes les positions des points K & Q, & il restera en repos; mais s'il est suspendu par le point c, (fig. 5.)

EXPERIMENTALE.

qui n'est pas le centre de gravité, alors c descendra aussi bas qu'il LECON II.

Mais si le centre de gravité c (pl. 4. fig. 6.) étoit placé directement au-dessus du centre de mouvement K, le corps resteroit dans cette position; parce que comme le centre de gravité fait effort pour descendre dans la ligne c K, qui est la ligne de direction du corps (dans laquelle ligne le point K est soutenu) il presse directement sur le point K qui est porté par les calibres; mais si le corps se mouvoit encore tant soit peu, enforte que le centre de gravité c vînt à tourner vers d ou vers e, le corps tourneroit, & ne seroit en repos que lorsque le centre de gravité seroit arrivé en M directement au-dessous du centre du mouvement, le corps tombant dans la position e df.

Figure 6.

EXPÉRIENCE V. Planche 4. Fig. 8.

27. On peut tirer delà une méthode pour trouver méchaniquement le centre de gravité de toute sorte de corps. * Soit A B (pl. 4. fig. 8.) un corps dont on veut trouver le centre de gravité. Si on le suspend par un point comme A, ensorte qu'il se meuve librement sur la pointe qui est en A, & qu'on suspende à la même pointe une ligne à plomb AP, son centre de gravité C sera endessous ou plûtôt derriere cette ligne, parce qu'il doit tomber au-dessous du centre de mouvement A: Soit cette ligne AB marquée sur ce corps, comme dans la figure 9; suspendez ensuite le corps par un autre point, comme F; pourvû que le centre du mouvement ne soit pas dans la ligne précédente AB; suspendezy le fil à plomb en F, & la ligne FD sous le fil à plomb FP, coupera la ligne AB, & déterminera le centre de gravité en C; car puisqu'il doit être tant dans la ligne AB, que dans la ligne FD, il ne peut être que dans le point C où elles se coupent.

N.B. Nous n'avons pas fait attention ici à l'épaisseur du corps; mais si l'on suppose que ce soit une planche, comme la figure le représente, on n'a qu'a faire la même expérience de l'autre côté, & l'on trouvera un autre point C directement opposé au premier C. La ligne qui joint ces deux points sera l'axe de gravité, & le milieu de cette ligne le centre de

gravité.

28. DELA il suit aussi, que quelle que soit la figure d'un corps, il ne peut tomber si son centre de gravité est soutenu, & que lorsqu'un corps est en équilibre, son centre de gravité doit être Planche 4. Figure 8. * Note 9.

LECON II. dans une ligne qui passe par le centre du mouvement & par le centre de la terre, qui est la ligne de direction des corps pesants dont on a parlé ci-devant. (n. 22.) Ainsi dans la fig. 7. pl. 4. où la pipe de tabac est en équilibre sur un doigt, le point c qui est précisément sur le doigt, est le centre de gravité.

EXPÉRIENCE V. Planche 4.

Planche 4

29. Dans les corps qui font réguliers & homogenes, le centre de gravité est précisément au milieu du corps, c'est-à-dire dans fon centre de grandeur; comme on voit dans le corps A B (fig. 4.) qui étant suspendu par son centre de grandeur C, & ensuite tourné circulairement, reste toujours dans la position où l'on veut l'arrêter; mais dans la fig. 5 où le même corps est suspendu par un autre point c, il ne reste en repos que lorsque le point C est venu en bas au-dessous de c, ou lorsqu'il est directement au-dessus, comme nous l'avons dit ci-devant. Mais si le même corps, que l'on a supposé être une piece circulaire de bois (par exemple de chêne) étoit plus dense dans une partie que dans l'autre, ou si on le rendoit tel en fondant un morceau de plomb dans le bois comme en M (fig. 6.) le centre de gravité ne seroit plus en C, mais en K; & ce ne seroit qu'autour de ce point de suspension, que le corps resteroit dans toute position donnée. Si le corps étoit suspendu par le point C, il ne seroit en repos que dans deux positions; sçavoir, lorsque le plomb étant porté en l, le centre de gravité seroit en c, (n. 24.) ou lorsque le plomb est en M, & le centre de gravité en K. Si le corps étoit homogéne sans être régulier, le centre de gravité seroit aussi alors différent du centre de grandeur. Par exemple si l'on prend la pipe de la fig. 7. & qu'on la rompe à son centre de gravité C, on trouvera en pesant successivement les deux fragmens, qu'il y a plus de matiere dans la partie CB que dans l'autre morceau A C.

30. Comme tous les corps que l'on confidere dans la méchanique, ne sont qu'un amas de plusieurs autres corps ou parties, le centre de gravité d'un corps n'est que le centre commun de gravité de toutes ses parties : & par conséquent si l'on réunit plusieurs corps dans une machine, ou s'il y a une combinaison de corps à foutenir, on ne fait plus attention aux centres particuliers de gravité des différents corps qui forment le total, mais seulement

EXPERIMENTALE.

au centre de gravité du tout. Ainsi un moulin à vent doit être Leçon II. supporté sous le centre commun de gravité de toutes ses parties, & sa ligne de direction doit tomber le long de l'axe autour duquel il se meut : & une grue sur un quai ou un chantier (lorsque toute la machine tourne circulairement) doit avoir la ligne de direction dans fon axe. *



* Note 104

Expérience VI. Planche 4. Figure 10.

31. Que la ligne AB représente une verge unie, ou un fil de fer divisé en deux parties égales au point C, son centre de gravité sera en C (n. 29.) Et si l'on place deux corps également pesants à ses deux bouts, ensorte qu'ils ayent leurs centres de gravité à la même distance de C, ils seront en équilibre autour de ce point, qui deviendra alors leur centre commun de gravité, & il continuera de l'être, soit que les corps s'en approchent, ou s'en éloignenr, à proportion de leurs masses. La même chose arrivera si les corps sont inégaux comme A & b, leurs masses étant l'une à l'autre comme deux & un, pourvû que le plus grand soit en A deux fois plus près du centre commun de gravité c que le plus petit corps b: & c sera toujours le centre de gravité de ces corps, quand même ils s'écarteroient à des distances immenses l'un de l'autre, pourvû que leurs distances à ce point soient en raison réciproque de leurs masses, comme nous l'avons dit ci-devant,

Planche 4. Figure 10.

32. Ensorte que lorsque deux corps s'approchent ou s'éloignent l'un de l'autre, avec des vîtesses réciproquement proportionnelles à leurs masses, leur centre de gravité reste en repos. Et si les corps étant attachés à un fil de fer, leur centre de gravité est soutenu sur un pivot ou sur une pointe, quoiqu'on fasse tourner vivement ces corps autour du centre de gravité, & l'un autour de l'autre, ce centre restera en repos, * & ces corps décriront des cercles semblables autour de ce centre de gravité, & l'un autour de l'autre, l'un ne pouvant jamais l'emporter sur l'autre (N. 25.) S'ils sont portés en avant de quelque manière que ce soit par une force extérieure qui agit sur eux à proportion de leurs masses, leur centre de gravité s'avancera uniformément en ligne droite, & aura le même mouvement que si les deux corps étoient réunis dans le même centre : Et s'ils sont jettés, leur centre de gravité décrira la même courbe que tous les projectiles, soit que

* Note 11.

LEÇON II.
Planche 4.
Figure 10.

COURS DE PHYSIQUE

dans leur mouvement ils tournent circulairement, ou qu'ils ne tournent pas l'un autour de l'autre. Cela est évident dans le mouvement d'une fléche, de deux boulets liés par une chaîne ou par une barre de fer, ou d'un bâton jetté avec la main, le centre de gravité de tous ces corps se mouvant de la même manière que feroit une balle seule. C'est ainsi que la lune & la terre, dans leur mouvement autour du foleil, ne décrivent ni l'une ni l'autre le grand orbe, qui est décrit par leur centre commun de gravité, de la même manière qu'elles le feroient si elles étoient toutes deux unies dans ce point, ou de la même manière que la terre seule est supposée le faire, lorsqu'on ne fait pas attention à ces inégalités de mouvement : & pourvû que leurs distances à leur centre commun de gravité soient réciproquement proportionnelles à leurs masses, leurs distances mutuelles pourront être plus grandes ou plus petites en proportion que conque : s'il n'y avoit point d'autres corps dans notre système que la terre & la lune qui tournassent l'une autour de l'autre, leur centre de gravité seroit toujours en repos.

Expérience VII. Planche 4. Figure 11.

Planche 4. Figure 11. 33. S I aux deux corps A & B, on en ajoute un troisième en D, égal à l'un des autres, soient A & B réduits à leur centre commun de gravité, & considérés comme un seul corps égal aux deux, & placé en C; alors le centre commun de gravité de C & D, se trouvera en K, d'autant plus près de C, que la masse du corps ou des corps en C surpasse celle du corps en D. Si le nouveau corps ne pesoit que la moitié autant que l'un des autres, il faudroit l'éloigner en d, de manière que la distance K d sût quadruple de K C. Maintenant si C D étoit un sil de ser, & qu'il sût soutenu sous K, les trois corps, soit qu'on prenne D ou d, seroient soutenus par ce moyen; on doit seulement, en prenant le centre de gravité exactement en K, ne pas saire attention au poids du sil de ser, dont on supposera l'épaisseur diminuée à l'insini; ensorte qu'on ne regardera ce sil que comme une ligne mathématique sans substance ou pésanteur.

Expérience VIII. Planche 4. Figure 12.

34. SI sur ce centre de gravité des trois corps, on place un corps

EXPE'RIMENTALE.

corps triangulaire plat abe, avec son centre de gravité précisément au-dessus de K; ensuite un quarré comme degf, ensuite un corps circulaire comme hli, tous de la même manière; le tout sera toujours soutenu par le point d'apui K. Par où l'on voit que si tout le poids d'un corps est réduit à son centre de gravité, il agira comme un corps pesant, c'est-à-dire, qu'il gravitera précisément de la même manière qu'il le faisoit auparavant.

LEÇON II.
Planche 4.
Figure 12.

- 35. Si ces trois corps réunis, ou agissant l'un sur l'autre d'une manière proportionnelle à leurs masses, sont portés autour de leur centre commun de gravité; ce point restera en repos par la même raison que cela arrive à l'égard de deux corps; parce qu'un nombre quelconque de corps peut à cet égard se réduire à deux. Ainsi dans notre système où le soleil & toutes les planétes se meuvent autour de leur centre commun de gravité, ce centre est en repos au milieu du système; quoique nous regardions ordinairement le soleil comme immobile au milieu du monde; parce que comme il a incomparablement plus de matière que toutes les planétes prises ensemble, ce centre sera toujours sort près du centre du soleil.
- 36. Il arrive souvent que le centre de gravité d'un corps, ou d'un système de corps, n'est pas au-dedans du corps même, ou d'aucun des corps combinés; cependant nous devons avoir le même égard à son appui, à sa chute ou à son mouvement dans une direction, que si ce centre de gravité étoit dans le corps même. Par exemple supposons que les corps A & b (Planche 4. Figure 10.) sont à la distance Ab l'un de l'autre, & que ab n'est plus un fil de ser, mais une ligne Ab représentant leur distance; nous trouverons que leur centre de gravité est en c hors des corps. Et si au lieu du sil de ser C D (Figure 11.) nous supposons que le corps D est joint aux deux corps A & B par les fils de fer A D & BD, le centre de gravité qui est en K, ne sera ni dans les corps ni dans les sils de fer; ensorte que si l'on veut soutenir ces corps, il faudra soutenir l'un d'eux, ou une partie du sil en G, qui étant devenu le centre du mouvement, le centre de gravité K (si les corps sont suspendus librement) tombera précisément au-dessous, ou si l'on soutient le point H, les corps seront en repos, à raison du centre de gravité qui sera précisément au-dessus de H, centre du mouvement. Dans l'anneau ABH (Figure 13.) le centre de gravité n'est dans Tome I.

LEÇON II.

Planche 4.

Figure 13,

58 COURS DE PHYSIQUE

aucune de ses parties, mais on peut le soutenir par un autre point, comme O ou E, &c. C'est ainsi que l'anneau de saurne a son centre de gravité dans le corps de saurne. Et quoique le centre commun de gravité du soleil, de la lune & de la terre, soit endedans du corps du soleil, cependant le centre commun de gravité de la lune & de la terre, n'est ni dans l'un ni dans l'autre de ces corps, mais entre les deux.

dans chaque position d'un corps ou d'une combinaison de corps, si le point de suspension ou le centre de mouvement est dans une partie de la ligne de direction, le corps ou les corps resteront dans cette position à autrement le centre de gravité descendra aussi bas qu'il pourra, & par son mouvement il altérera la position du corps.

EXPÉRIENCE IX. & X.

38. P'L US IEUR S phénomènes surprenants dépendent de ce principe; par exemple le double cone ou suseau ACBD (Figure 14.) étant placé en E sur la partie inférieure des regles EF, monterat de lui-même vers EF, quoique ces extrémités soient élevées aux hauteurs FG par les deux vis FG, & par ce moyen il paroîtrat se mouvoir en haut. Le cylindre M (Figure 15.) dont le centre de gravité est au milieu de la ligne KO, roulera actuellement en haut sur le plan incliné AC; pourvû qu'on l'empêche de glisser par le moyen de la corde Rr. On verra dans les Notes * combient FG. (Figure 14.) doit être élevé à proportion de la grandeur du suseau ABCD, ou BC à proportion du cylindre M (Figure 15.)

* Note 124

39. Ma 1's avant que de parler plus au long de ces phénomènes, il est à propos de faire voir comment on peut trouver le centre de gravité de deux ou plusieurs corps.

Dans deux corps il est dans la ligne qui joint leurs centres par-

riculiers de gravité, & on le trouve par cette analogie:

Comme la masse ou quantité de matière qui est dans les deux corps ::

Est à la masse de l'un des corps ::

Ainsi la distance des centres de gravité des corps :

Est à la distance du centre commun de gravité au centre de gravité de l'autre corps.

Par exemple, si l'on suppose que les corps A & B (Figure 10.)

EXPE'RIMENTALE.

pesent 2 livres chacun, & qu'ils ont leurs centres respectifs de Leçon II. gravité à quatre pieds de distance l'un de l'autre; on dira.

Comme 4, masse des deux corps: Est à deux, masse du corps B ::

Ainsi AB ou 4, distance de leurs deux centres de gravité:

Est à AC, distance du centre commude gravité à celui de A; qui est 2 pieds, ou pour l'exprimer brievement par des notations algébriques, A × B : B :: A B : A C; mais si l'on prend A de 2 livres, & b de 1 livre, & A b de 3 pieds, le centre commun de gravité sera en c à un pied en-dedans de distance de A, ou deux fois plus près de son centre que du centre de b; parce que $A \times b$ (3): b(1):: Ab(3): Ac(1.) C'est ainsi que l'on trouve le centre commun de gravité de la lune & de la terre, lorsque l'on a une fois connu leurs masses & leurs distances. La terre pese environ 40 fois plus que la lune, & le centre de la lune est éloigné de celui de la terre d'environ 61 demi diametres de la terre; donc le centre commun de gravité des deux est éloigné du centre de la terre presque d'un demi diametre & demi, ou de près de 2000 milles au-dessus de la surface de la terre; car comme la masse de la terre & de la lune (41): à la masse de la lune (1):: ainsi leur distance (61): à la distance du centre commun de gravité des deux au centre de gravité de la terre, c'est-à-dire, 1 20 demi diametre de la terre.

40. S'IL y a plus de deux corps, comme par exemple, trois corps A, B & D. (Figure 11.) cherchez premiérement le centre commun de gravité de deux de ces corps par la régle précédente, qui sera en C: dites ensuite

Comme la masse des deux corps réunis par la pensée en C, joints avec le

corps D;

est au corps D::

Ainsi CD, distance du centre comman de gravité de A & B à celui

de D:

Est à CK distance du centre commun de gravité des trois corps à celui des deux premiers, ou plus briévement, A × B × D : D :: CD : CK. Et s'il y a une combinaison d'un nombre quelconque de corps, on trouvera de même pas à pas leur centre commun de gravité. *

* Mote 133

restablished to the second of the

41. DELA il suit qu'on peut changer la place du centre de gravité d'un système de corps, par l'addition ou le retranchement

Planche 4 Figure 10 Leçon II.

COURS DE PHYSIQUE

d'un ou de plusieurs corps. Et le centre de gravité d'un corps particulier peut se changer à volonté, en ajoutant à sa masse, ou en retranchant quelque chose de sa masse. Et cela est d'un grand usage, singuliérement dans la partie de la méchanique qui regarde les machines, à cause des différentes puissances qui sont combinées dans une machine, & des différentes positions qu'elles doivent avoir les unes à l'égard des autres dans leurs mouvemens.

Expérience XI. Planche 5. Figure 1.

Planche 5. Bigure 1.

42. A B est une lampe roulante qui a en-dedans deux cercles mobiles D E & F G, dont le centre commun de mouvement est en K, où leurs axes de mouvement se coupent mutuellement; ce point est aussi leur centre commun de gravité. Si au cercle insérieur on joint en-dedans la lampe K C qui soit sort pesante & mobile autour de son axe H G, & dont le centre de gravité soit en C, le centre commun de gravité de toute la machine tombera entre K & C, & à cause des pivots A, B, D, E, H, J, elle aura toujours la liberté de descendre. Par conséquent si l'on fait rouler toute la lampe sur le terrain, ou si elle se meut de quelque manière que ce soit; la slamme sera toujours en-dessus, & l'huile ne pourra pas se répandre. C'est ainsi que le compas de mer est suspendu; & c'est ainsi que l'on doit construire les lanternes que l'on porte sur un pivot en-devant des coches ou des voitures qui marchent pendant la nuit.

EXPÉRIENCE XII. Planche 5. Figure 2.

Planelle 5. Figure 2. 43. Lors que les corps inclinés, tels que les cylindres obliques ABED, abed font assis sur un plan horizontal; ils tomberont du côté où ils panchent, si dans leur mouvement vers ce côté, leur centre de gravité peut tomber sans s'élever auparavant. (n°. 24.) Ainsie, qui est le centre de gravité du corps abed, descendra dans l'arc ex, dont le centre est le point e, qui est le centre de mouvement du corps lorsqu'il tombe. Mais C, centre de gravité du corps ABED, se mouvant autour du centre de mouvement E dans l'arc CK, ne peut pas tomber en K sans s'élever auparavant en F; & par conséquent le corps ne peut pas tomber par sa propre pésanteur; parce que le centre de gravité ne peut pas s'élever de lui-même. N°. 24, 28,

EXPE'RIMENTALE.

44. On doit ici observer que c O, ligne de direction (n°. 20.) du corps abcd, tombe hors de sa base; & que C O, ligne de direction de A B E D tombe en-dedans de sa base: d'où il suit que les corps inclinés assis sur un plan horizontal tomberont, lorsque leur ligne de direction ne passe par leur base: mais qu'ils se soutiendront lorsque la ligne de direction tombe endedans de leur base. *

Telle est la raison pourquoi une Tour inclinée, comme celle de Pise ou de Bologne, ne tombe pas, quoique son sommet soit suspendu si loin au-dessus de sa base, qu'il paroît dangereux à ceux qui se promenent en o (Figure 5.) auprès de son pied, & qui ne sçavent pas par quel principe on n'y a rien à craindre.

45. SI la partie inférieure H Jed du corps abed (Figure 2.) est égale, & femblable au corps ABED, & femblablement inclinée, elle ne tombera pas par la raison qu'on a donnée ci-devant, son centre de gravité étant alors en Q; mais aussi-tôt que la partie supérieure ou cylindre ab J H est assise dessus, & sixée par les chevilles ff, le centre commun de gravité monte par ce moyen en c, & alors les deux cylindres (qui ne font plus qu'un seul - corps) tombent vers o: mais si HJed étant arrêté, on y met audessus la partie a b H J, cette partie s'y tiendra fixe sans le secours des chevilles ff; parce que son centre de gravité étant en G, sa ligne de direction tombera dans le plan HJ qui est maintenant la base du corps ab JH. Mais si on laisse aller HJed, la partie supérieure poussera en bas l'inférieure, & les deux ensemble tomberont, en commençant à se mouvoir autour du centre de mouvement e, le centre commun de gravité c descendant vers K. *

* Note 14.

LEÇON II.

Planche

Figure 2.

_ Note 14.

Expérience XIII. Planche 5. Figure 4.

46. Si l'on tient dans la main H une aiguille ou une pointe comme C, la fourchette D dont le centre de graviré est au point C, étant placée sur la pointe de cette aiguille, en sera soutenuë (n°. 26.) quoiqu'il soit difficile de la bien placer; parce que la pointe de l'aiguille est d'une base si petite, qu'on a besoin d'une main bien adroite pour faire ensorte que le centre de gravité tombe directement sur la base, de manière à y saire passer la ligne de direction. * Mais si l'on sait entrer une sourchette comme B

Planche 5. Figure 4:

* Note 15.



dans le manche de la première, & si l'on en attache une troisième aussi pesante que la seconde aux pointes de la première, toutes les trois se soutiendront.

La ligne AB, qui passe par les centres de gravité des fourchettes A & B, divisée également en c, fait voir que ce point est le centre commun de gravité de ces deux corps : l'addition de la fourchette D, change le centre de gravité (n°. 41), & est cause que le point C (qui est aussi près de c que de D, centre de gravité de D) devient le centre commun de gravité des trois corps (n°. 33.) En ce cas les corps feront tous soutenus par le moyen de l'aiguille sous D; parce que le centre de gravité est aussi bas qu'il peut l'être : avec cetre seule différence, que dans le cas de la fourchette seule D, le centre de gravité (qui étoit alors au-dessus du centre du mouvement) seroit descendu par la moindre secousse, & auroit entraîné la fourchette en bas; mais à présent à moins qu'une secousse ne soit assez forte pour faire sauter D hors de la pointe de l'aiguille, elle ne sçauroit faire tomber les corps : car si le centre de gravité est élevé hors de sa place, il reviendra toujours en C, qui est le point le plus bas où il puisse descendre. (nº. 24.)

47. Puis que la ligne de direction passe par le point d'appui sous D, il suit qu'un corps, ou un système de corps sèra soutenu (c'est-à-dire, que leur centre commun de gravité ne descendra pas) lorsqu'une partie du corps qui est dans la ligne de direction sera supportée, mais qu'il tombera lorsqu'aucune des parties qui sont dans cette ligne ne sera supportée.

48. Si par une force imprimée sur les corps A ou B (Figure 4.) ou sur tous les deux, on fait tourner circulairement l'un autour de l'autre, & autour du centre c, dans un cercle dont le diametre est AB; ils seront encore soutenus comme auparavant, soit qu'ils tournent vîte ou lentement, & soit que D soit pesant ou non, & dans ce dernier cas le centre commun de gravité reviendra en c, & soit que D, C ou c soient les points d'appui: & même si la main qui porte ces corps reste toujours immobile, ou se meut en ligne droite ou dans une courbe, la même chose aura lieu; c'est-à-dire, que l'action des corps les uns sur les autres (ou les uns à l'égard des autres) n'en sera pas altérée, de quelque manière qu'ils soient transportés avec leur centre commun de gravité: & l'altération des plans où les corps se meuvent (c'est-à-dire ici

EXPERIMENTALE.

Rélévation de A, & l'abaissement de B, ou l'élévation de B& LECON II. l'abaissement de A, à mesure qu'ils tournent) ne produit aucun effet sur le mouvement de leur centre de gravité. Ainsi soit que la lune & la terre se meuvent vîte ou lentement l'une autour de l'autre, & de leur centre commun de gravité, & soit que le plan de l'orbite de la lune soit plus ou moins incliné au plan de l'écliptique, & quel que puisse être le changement de cette inclinaison, le mouvement de leur centre commun de gravité (qui décrit le grand orbe) n'en sera nullement affecté.

Expérience XIV. Planche 5. Figure 5.

49. SI un corps comme A B est placé sur un pied d'estal NDP, il tombera, lorsque son centre de gravité pourra descendre (dans l'arc Cq), ou ce qui revient au même lorsqu'aucune de ses parties qui font dans sa ligne de direction CO ne sera soutenuë: mais si les deux Alénes L, M, sont enfoncés dans ce corps, leur centre commun de gravité étant en k (au milieu entre L & M) fera reculer le centre commun de gravité des trois corps en K, & alors Ko deviendra la ligne de direction des corps, dans laquelle le point K étant soutenu, les corps ne peuvent pas tomber.

EXPERIENCE XV. Planche 5. Figure 6.

70. DE même le corps AB étant placé sur le piédestal AB, tombera, son centre de gravité se mouvant autour du point M dans l'arc Cq. Mais si un corps pesant comme D lui est attac hé, ensorte que le centre de gravité soit reculé en K, alors CO ceffera d'être la ligne de direction : & dans le mouvement des corps autour de M, le centre de gravité K devroit décrire l'arc K x se mouvant vers le haut, ce qu'il ne sçauroit faire. (nº. 24.) Dong AB fera foutenu par l'addition d'un autre corps pefant.

51. Lors que l'on met des corps sur des plans inclinés, ils viennent en bas, quoique la ligne de direction tombe en-dedans de leur base. Dans ce cas leur centre de gravité ne suivra pas leur ligne de direction dans son mouvement (ce qui n'arrive que lorsque les corps tombent librement); mais il sera mû dans une ligne parallele au plan, & le corps glissera pendant tout le tems du mouvement. Mais si la ligne de direction du corps tombes

Planche s. Figure-69.

* Note 15.

COURS DE PHYSIQUE

LECON II. hors de la base qui est appliquée au plan, ce corps tombera ou roulera le long du plan. *

Expérience XVI. Planche J. Figure 7.

Planche 5. Figure 7.

DE-LA il suit que le même corps qui dans une position glisseroit le long d'un plan incliné, doit rouler en bas dans un autre position: ainsi le corps ABCD, étant placé sur le plan c MN, glissera dans la position abcd, parce que son centre de gravité k ne peut pas tomber dans la ligne de direction ko, (le corps étant arrêté par le plan) ni se mouvoir dans l'arc kc autour de d comme centre du mouvement; parce que dans ce dernier cas le centre de gravité devroit s'élever, ce qui n'est pas possible, (nº. 24.) & par conséquent le centre de gravité descendra dans la ligne ks. Mais si le même corps étoit placé dans la position abcd, il tomberoit vers M, son centre de gravité descendant dans l'arc K q. C'est pour cette raison qu'on peut porter une colonne au haut d'une montagne, lorsqu'on la place dans sa longueur fur un chariot, au lieu que si on la plaçoit toute droite dans le même chariot, elle tomberoit en arriére. Une charge de foin seroit renversée si on la portoit sur un chariot le long du penchant d'une montagne, au lieu que le même chariot sera en sûreté, s'il est chargé d'un poids égal de fer; c'est uniquement parce que dans la charge de fer, le centre de gravité est bas, & que dans la charge de foin il est fort haut. * Ce que l'on vient de dire dans les trois derniers paragraphes (47, 48 & 49) sera encore plus consirmé par les Expériences suivantes.

* Note 16.

Experience XVII, Planche 5. Figure 8.

Planche y. Figure 8.

52. Sur la table T t T qui a une fente de X en x, on placera la petite figure DM en telle manière, que la scie c (qui est attachée par un bout aux mains de la figure, & qui a un poids W fixé à l'aurre bout) puisse passer par la fente X x, & la figure restera droite. Ensuite si l'on mene en bas de A en B la tête de cette figure, elle imitera le mouvement des Scieurs, & fera plusieurs vibrations dans l'arc A o B, pendant que le poids W décrira de la même maniére l'arc V W V, le centre du mouvement du tout (c'est-à-dire de la sigure, de la scie & du poids) étant en M. Le centre commun de gravité K décrira de même l'arc LKL,

julqu'à

EXPE'RIMENTALE.

jusqu'à ce que (après être descendu plusieurs sois de L de chaque côté) il vienne à se sixer en K, précisément au-dessous du centre du mouvement. Si la figure n'avoit pas de scie, elle se tiendroit droite étant placée sur la table, parce que son centre de gravité C seroit alors précifément au-dessus du centre de mouvement M (n°.26.) & une partie de la figure qui est dans la ligne de direction o O seroit soutenue; mais la moindre altération de position qui seroit mouvoir C d'au-dessus deM, culbuteroit la figure. (nº. 26.) Si l'on y ajoutoit ensuite le scie e; puisque son centre de gravité est en c, le centre commun de gravité du petit homme & de la scie seroit en L, & en ce cas la figure tomberoit avec sa scie vers X: mais si par le moven d'un fil de fer recourbé, on y joignoit à la scie un poids assez grand W, le centre commun de gravité de l'homme, de la scie & du poids seroit en K (nº. 38.) & la ligne de direction seroit encore o O; donc la figure resteroit droite. Si maintenant on incline cette figure en avant ou en arriére, elle reviendra après plusieurs vibrations à sa première position, parce que le centre de gravité, fait toujours effort pour descendre en K, ce qui rend la figure droite. N. B. Cette expérience réussira mieux avec deux petites pointes aux talons des souliers pour les attacher à la table.

EXPÉRIENCE XVIII. Planche 5. Figure 8.

53. Sur le bâton Ss (qui de lui-même tomberoit de la table, parce que son centre de gravité est suspendu en-dessus & dehors) attachés le sceau P, en fixant un autre bâton pq, tellement que l'un de ses bouts soit arrêté par une entailleure en p, & l'autre contre le sond intérieur du sceau, & le sceau sans autre secours sera soutenu sur le bâton Ss, qui ne tombera pas de la table, quoique le sceau soit ensuite rempli entiérement d'eau, pourvû que le manche du sceau soit sort près de la table, & que le bâton pq soit afsez long pour pousser le sceau un peu au-delà de la situation verticale.

Lorsque le bâton SS (Planche 5. Figure 9.) est horizontal sur la table TdB, C est le centre commun de gravité des deux bâtons SS, PQ, du sceau DQE, & de l'eau qui y est contenue, tout cela pris ensemble étant considéré comme un seul corps dont la ligne de direction est Oo; & comme la partie de SS qui est un peu en-delà du manche B est dans la ligne de direction, & qu'elle est soutenue par le bout de la table, le corps ci-dessus Tame I.

Planche 5.
Figure 8.

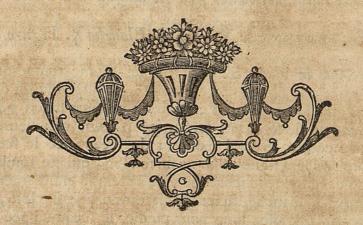
Leçon II.

Lecon II.

COURS DE PHYSIQUE

ne peut pas tomber; car s'il tomboit, la partie BS devroit s'élever par le bout S, & prendre la situation Bs, & la partie Ps descendroit à la position ps; ce qui ne sçauroit arriver à moins que le sceau ne monte à la position d qe; en élevant le centre commun de gravité en e dans l'arc C e D, ce qui est impossible (nº. 24.) par la gravité seule & sans l'action d'un agent extérieur. Mais si le sceau DE est élevé en-dessous de la table, & le bâton SS incliné audessus de lui; en sorte que toute la machine vienne à la position, s s p c q d; si ensuite on l'abandonne à lui-même, & que le bâton ss foit tellement poli aussi-bien que la table sous B, qu'il n'y ait que peu ou point de frottement de l'une avec l'autre, toute la machine glissera en bas, & tombera de la table, ss se mouvant dans la direction sps, & le centre commun de gravité c dans la ligne c E, tangente de l'arc D c C. On doit ici remarquer, que comme o o est maintenant la ligne direction, aucune partie du corps n'est soutenuë dans cette ligne.

N. B. L'expérience est représentée dans la sigure 8.



NOTES sur la Seconde Leçon.

[Art. 3 - Par la vîtesse.]

UELQUES Auteurs ont confondu la vîtesse avec le mouvement, quoiqu'elle n'en soit qu'une partie, s'imaginant qu'un corps doit avoir la IIe. Leçon. autant de mouvement qu'un autre, des qu'il se meut aussi vîte, & plus de mouvement, lorsqu'il se meut plus vîte; mais cela n'est vrai que lorsque les corps ont des quantités égales de matière, ou lorsque nous comparons le mouvement qu'un corps a dans un tems avec celui qu'il a dans un autre tems. Il est vrai que la définition générale (scavoir que le mouvement est le passage d'un corps d'un lieu à un autre) ne fait pas mention de la quantité de matière; mais lorsque l'on compare les corps qui se meuvent, on doit avoir égard à leur quantité de matière : car la viteffe seule, sans considérer combien il y a de matiére en mouvement, ne sera jamais capable de nous déterminer la force que nous appellons quantité de mouvement; par exemple, si un chien & un cheval se mouvant avec une vîtesse égale. donnent contre une muraille de l'épaisseur d'une brique simple, le chien sera repoussé en arrière, pendant que le cheval qui a 40 fois plus de matière, renversera la muraille, &c.

Notes fur

- 2. [5 Force & mauvement signifient la même chose.] LISEZ Newton au commencement du premier Livre de ses Principes, Def. 2. & 8.
- 3. [9 Il a moins de matière que le belier.] SI le belier R (Planche 4. Figure 2.) a 28 pouces de diamétre, 180 pieds de long, étant composé de plusieurs piéces de bois, par exemple, de chêne jointes ensemble, il contiendra 750 pieds cubiques de ce bois, qui à 50 livres le pied cube, pésera 37500 livres : si la tête du belier qui est de fer fondu, pése un tonneau & demi, qui vaut 3360 livres; si de plus les cinq crochets de fer qui sont autour, ont un pouce d'épaisseur, deux pouces de hauteur & 94 pouces de circonférence, ils péferont environ 50 livres chacun, qui avec deux livres de clous nécessaires pour les fixer, feront 252 livres. Or tous ces poids ajoutés ensemble, nous donneront 41112 livres pour le poids total du belier. qui étant mû par 1000 hommes employés seulement à faire frapper contre le point L de la muraille AHJGE (en supposant qu'il soit suspendu par son centre de gravité à une galerie mobile, ou seulement à un treteau) chaque homme donnera le mouvement à un poids de 41 livres. La quantité de mouvement produite par cette action, lorsque le belier se meut d'un pied par seconde, peut s'exprimer par le nombre 41112; ce mouvement ou cette force comparée avec la quantité de mouvement d'un boulet de fer B qui sort du canon C, se trouvera lui être égale : car on sçait que le boulet de canon se meut aussi vîte que le son pendant l'espace d'environ un mille; & Al l'on multiplie 36 livres, qui est le poids du boulet, par 1142 (qui est le

Notes sur nombre des pieds que le son parcourt dans une seconde,) vous aurez le la IIe. Lecon. nombre 41112 pour exprimer la force ou la quantite de mouvement du boulet B qui frappe en L. Et si après quelques coups de belier, le mortier ou le ciment se trouve tellement brisé, que la partie de muraille ADDFE soit à la fin par un coup de belier portée en avant de F en K, & par conséquent abbatuë, la même chose arrivera par le moyen d'un boulet de canon après le même nombre de coups égaux donnés auparavant par d'autres boulets, tels que nous les avons supposés donnés par le belier: & alors la quantité de mouvement dans la partie du mur ADDFE portée de F en K, sera précisément égale au choc du belier ou du boulet B.

Cela fait voir combien est avantageuse l'invention de la poudre; puisque par son secours nous pouvons donner une vîtesse si prodigieuse à un petit. corps, qu'il parvient à avoir une quantité de mouvement aussi grande que celle d'un corps excessivement grand, & que par conséquent il fait autant d'effet que ce grand corps par sa percussion, quoiqu'on n'employe que peu de mains pour en faire ufage : car trois hommes suffisent pour servir un canon qui fait autant d'effet que le belier dont nous venons de parler. Ceux qui veulent avoir un plus grand détail des beliers & des autres machines de guerre qui étoient en usage chez les Anciens, les trouveront décrites dans plusieurs Auteurs, & sur-tout dans Juste Lipse. * Le belier que j'ai examiné cidevant, est un belier moyen, étant plus grand que quelques-uns, & plus petit

que d'autres dont parlent ces Auteurs.

4. [11 - Cette matière subtile, &c.] Les Cartésiens pour soutenir leur plein, supposent une certaine matière subtile qui remplit tous les espaces. & tous les pores en-dedans des corps; & ils disent que cette masière subtile étant continuellement divisée, devient une poussière si fine qu'elle n'a plus ni pesanteur ni résissance, & que cependant elle est cause de la pesanteur : mais pour peu qu'on examine cette proposition, on voit qu'elle ne peut pas s'accorder avec elle-même. Car, 1°. Si cette matiére remplit tous les intersfices entre les parties des corps, elle doit les rendre tous également pleins. 2°. Par-tout où elle remplit un espace qui ne contient point d'autrecorps, elle doit être plus solide que l'or, & plus dure que le diamant, & par conféquent elle ne doit pas être une pouffiére fine, comme on l'a imaginée : car un corps lorsqu'il est solide, ne différe du même corps mis en poussiére, qu'en ce que ses parties sont séparées les unes des autres, en sorte qu'il y a de grands vuides entr'elles : ainsi une livre d'or solide ne différe d'une livre de poudre d'or, qu'en ce que les parties de la poudre sont plus séparées, mêlées de vuides, & qu'elles ne se touchent pas en autant de points que celles du monceau solide; la pouffiére devenant aisément un monceau folide, lorsqu'on en chasse les vuides par l'action du feu, qui change la poussière en un fluide, lequel après cela (en éloignant le feu) se change en un monceau solide sans rien perdre de son poids. 3°. Comme les Cartésiens affurent que la terte & l'air (qui sont des corps pesans) sont composés de cette matière subtile, il est absurde de supposer que la matière dont ils sont composés n'a point de pesanteur, puisque la pesanteur d'un corps entier est composé de la pesanteur de toutes ses parties prises ensemble. 4°. Lorsque

Poliarch. Livre 3.

EXPE'RIMENTALE.

les Cartésiens disent que leur matière subtile est cause de la pesanteur, ils semblent avoir oublié ce qu'ils en ont dit auparavant, & sur-tout qu'elle la II. Leçon. n'a point de résistance; car si un fluide par son mouvement autour de la terre, force tous les corps voisins à tomber vers la terre, il ne peut pas être sans résissance; parce que tout ce qui pousse doit résister : & dire, que les corps solides peuvent se mouvoir dans cette matière subtile sans éprouver aucune réfistance, & que cependant la matière subtile venant à rencontrer les corps folides, les pouffe & leur fait changer de place, c'est une absurdité indigne d'un Philosophe. De plus, comme les Cartésiens ne peuvent pas nier l'expérience d'une piéce d'or & d'une plume qui tombent également vîte dans un récipient de verre dont on a pompé l'air * (cette expérience ayant été faite dans un récipient de 10 pieds de hauteur; voyez les Transactions Philosophiques, n°. 354.) plûtôt que d'abandonner leur plein, ils disent que l'orsque l'air a été pompé, le récipient est aussi plein qu'auparavant, mais qu'il est plein d'une matiére si subtile qu'elle ne fait aucune résistance. De sorte qu'il n'est pas possible de faire accorder ensemble. la raison que les Cartésiens nous donnent de la cause de la pesanteur avec la non réfisfance de la matière subtile. Ils tombent aussi dans plusieurs autres contradictions, en tâchant d'expliquer les Phénoménes par la force & le mouvement dans toutes les directions, qu'ils attribuent à ce fluide subtil; mais je traiterai ce sujet plus au long, sorsque je parlerai des mouvemens des corps célestes.

5. [16 - Toutes à la fois avec le levier.] C'est sur ce principe qu' Archimede proposoit d'élever toute la terre, au cas qu'on pût trouver un point fixe, ou une place pour soutenir son instrument, des me ou, nai ven salvention. Par où il veut dire, que la moindre puissance, en augmentant sa vîtesse, peut élever le plus grand poids, & qu'à cet égard il n'y a point de bornes, des qu'on peut trouver un endroit pour fixer un point, & une distance convenable. Mais quoique ébranler la terre, foit une proposition purement mathématique, qu'on ne peut pas réduire en pratique, cependant il est bon-

par curiofité de l'examiner ici un moment.

Si nous prenons le centre commun de gravité de la terre & de la lune pour le point fixe (fulcrum, ou point d'appui) de notre levier, nous le supposerons de 240000 milles de longueur, c'est-à-dire, en comptant depuis le centre de la terre jusqu'au centre de la lune; si donc on prenoit la lune ou un poids qui lui seroit égal pour la puissance, elle seroit capable de soutenir la terre à l'autre bout du levier; & si on l'éloignoit seulement d'un pouce, elle souleveroit la terre. (n°. 15.) Ici la distance du centre de gravité de la terre au point fixe du levier est de 6000 milles, & celle du centre de gravité de la lune ou de la puissance, est presque 40 sois aussi grande; & si l'on suppose que la lune se meuve avec la même vîtesse, qu'elle auroit en tombant vers la terre par la force de la pesanteur, si sa force de projectile ne l'empêchoit pas, la terre décriroit un pouce en sortant de sa place, pendant que la lune en décriroit 40. Maintenant, si au lieu de la lune, on se servoit d'une puissance dont l'intensité ne sût égale qu'à un poids de 200 livres, comme par exemple, la force d'un homme, qu'Archimede propose : alors en

Notes fur

* Lecons 1, S,

Notes fur supposant encore la terre à la distance de 6000 milles du point fixe, le bras la II. Leçon, du levier auquel la puissance seroit appliquée, devroit être allongé dans la proportion du poids de toute la terre au poids de 200. En ce cas l'extrémité du levier s'étendroit entiérement hors de notre système parmi les étoiles fixes, à une distance qui seroit plus de quinze mille millions de millions de fois plus grande que celle de Saturue. Et si Archimede (ou la puissance) étoit supposé agir sur la machine avec la vîtesse d'un boulet de canon, il y auroit à l'autre extrémité du levier pour élever la terre d'un pouce un mouvement qui dureroit plus de 26, & presque 27 millions de millions d'années, & il décriroit une espace qui seroit 39 mille millions de fois plus grand que la circonference de l'orbe de Saturne.

En faveur de ceux qui voudront examiner ce calcul, je joins les nombres que

jy ay employés.

Le diamétre moyen de la terre est de 19688 725 pieds de Paris (Newton

Principes, Livre 3. Proposition 20.)

En supposant le diamétre à la circonférence comme 7 à 22, & multipliant le diamétre par la circonférence, nous aurons 1218 315 660 966 250 pieds quarrés pour la surface de la terre : ce dernier nombre, étant multiplié par la 6e partie du diamétre, donnera 3 997 847 001 180 744 647 897 1 pieds cubiques pour la solidité de toute la terre.

Maintenant si nous supposons qu'un pied cubique de terre pese 100 livres. nous aurons en multipliant par 100 le poids de toute la terre en livres.

qui sera 399 784 700 118 074 464 789 750.

Ensuite comme 200 livres (ou l'intensité de la puissance):

Sont à 399 784 700 118 074 464 789 750 (ou l'intensité du poids) :: Ainsi 6000 milles (distance du poids ou du centre de la terre au point sixe): Sont à 11993541003542233943692500 milles (ou distance de la puissance.)

Ce dernier nombre n'exprime pas seulement la distance de la puissance, mais encore le nombre des milles que la puissance doit parcourir pour élever la terre d'un mille; parce que les vîtesses de la puissance & du poids doivent être réciproquement comme leurs masses. Mais si nous voulons n'élever la terre que d'un pouce, il faut diviser par 66 360 (nombre des pouces dans un mille) & nous aurons les milles parcourus par la puissance pendant que la terre se meut d'un pouce, sçavoir 189 291 996 583 668 465 020 milles.

Pour avoir une idée plus claire de ce qu'on a dit, nous n'avons qu'à comparer la distance de la puissance & l'espace qu'elle doit parcourir, avec quelque grande distance que nous connoissions, & avec l'espace parcouru par quelque corps que nous puissions observer; comme par exemple, avec la distance de la planéte de Saturne, & avec l'espace qu'il décrit en parcou-

rant toute la circonférence de son orbite.

Saturne, à la distance moyenne de la terre (qui est égale à sa distance du soleil) est 9 sois & demi & un peu plus (ou 9, 51 sois) plus éloigné du soleil que n'est la terre, laquelle on suppose éloignée du soleil de 81 millions de milles, & par conséquent on peut l'exprimer par ce nombre de milles, 770 310 000; divisant donc par ce nombre 11993 541003 542233943692500, nous aurons un nombre qui nous fait voir que la puissance doit être appliquée 15 569 745951 035 781 fois plus loin du

EXPE'RIMENTALE.

point d'appui ou centre du mouvement que la distance de Saturne; si ensuite Notes sur on divise l'espace que la puissance doit parcourir, (ou 189 291 996 583 la IIe. Lecon. 668 465 020 milles) par 4841948571 nombre des milles contenus dans la circonférence de l'orbite de Saturne, le quotient nous sera voir que la puissance doit parcourir un nombre de milles 39094177438 fois plus

grand.

De plus, si l'on suppose que la puissance ou archiméde pousse en avant l'extrémité la plus éloignée du levier, nous trouverons que quand même il iroit aussi vîte qu'un boulet de canon, il lui faudroit employer 26 978 123 942 460 ans pour mouvoir la terre d'un pouce. Car si l'on suppose qu'un boulet de canon se meut aussi vîte que le son ou décrit un mille en 4 fécondes & demi (comme les expériences l'ont confirmé) il doit parcourir 800 milles par heure, & comme une année contient 8766 heures, 800 fois ce nombre est le nombre des milles qu'un corps avec la vîtesse d'un canon décriroit dans un an; donc en divisant par le nombre (7012800) celui des milles que la puissance parcourt, & qui est 189 291 999583668 465 020; on aura le nombre des années qu'elle doit employer à parcourir cet espace, & qui est 26 978 123 942 460 ans. Ce qu'il falloit prouver.

L'Evêque Wilkins dans ses Puissances Méchaniques fait mention d'une machine composée de roues, par laquelle on pourroit élever la terre, sans suposer que la puissance fut appliquée à une distance considérable de la terre; mais ce qu'il en dit dépend entierement du même principe : car même en ce cas, la puissance (selle est égale à ce que nous avons supposé) doit parcourir une longueur égale au nombre des milles dont nous avons parlé ci-devant, pour n'élever la verre que d'un pouce, quoique la ligne où elle se meut ne soit qu'un cercle d'un pied de diametre ; car de quesque manière que la machine soit construite, la différence des vîtesses de la puissance & du poids sera toujours en raison réciproque de leurs masses (ou de leurs intensités) en considérant la puissance comme une quantité de matière en mouvement, lorsqu'elles se balancent mutuellement; 👉 la moindre addition de vîtesse (toujours supposée dans ces calculs) fera que puissance surmontera le poids.

6. \[16 - Lorsque l'on veut gagner du tems, on doit employer plus de force. \] C'est pour n'avoir pas fait assez d'attention à ceci, que ceux qui s'imaginent que la force doit être produite par la figure d'une machine, ont perdu beaucoup de tems & d'argent dans la construction des machines ; la méchanique ne nous apprend pas à créér les puissances, mais à appliquer celles que nous trouvons dans la nature; car nous nous trompons nousmêmes si nous croyons que par le moyen d'une machine quelconque un homme puisse faire le travail de deux en même-tems, supposant qu'ils employent tous la même force. Ce n'est pas à dire pourtant qu'on doive rejetter comme inutile la Science des Méchaniques; car c'est à la pratique des Arts qui sont tous dérivés de cette Science, que nous sommes redevables de la plus grande partie des nécessités & des commodités de la vie : Dans l'exécution de plusieurs ouvrages où nous avons assez de force, nous manquons souvent de tems, & quelquesois lorsque le tems ne manque pas, la force nous manque. Dans tous ces cas l'adresse d'un bon Machiniste doit

Notes sur paroître en dirigeant l'application des puissances selon le tems. Ainsi lorsqu'on la IIe. Leçon. fait des havres, qu'on place des digues, des moles ou des bancs, où chaque marée peut endommager l'ouvrage, & celles du Printems le renverser, on doit y employer le plus grand nombre de bras qu'il est possible de faire agir ensemble sans embarras. Dans certains cas, comme lorsqu'il faut tirer d'un Vaisseau des blocs de marbre ou d'autres marchandises pesantes, pour les peser sur un quay; on ne peut pas employer plusieurs bras, soit parce qu'ils ne peuvent pas bien se tenir l'un auprès de l'autre autour du même bloc, ou parce qu'ils ne peuvent pas tous l'élever à la fois; ou parce qu'ayant élevé leur charge, ils ne peuvent pas bien marcher avec elle; ou que s'ils le peuvent, les planches où il faut passer, ou les échelles qu'il faut monter, ne peuvent pas les porter tous avec le poids; alors il faut employer une machine (comme par exemple une gruë) où un homme peut faire autant que 10 ou 20 hommes, mais il restera 10 ou 20 sois plus de tems à le faire. La machine est même absolument nécessaire, parce que sans elle il est impossible de réussir; il faut donc y employer un tems suffisant, sans quoi la plus grande force seroit inutile. De même dans la bâtisse on doit employer des machines pour élever les grandes pierres & les groffes poutres, ou il faut prendre plus de tems selon que la force des hommes qui travaillent à la machine, est moindre que celle qui seroit requise pour élever la pierre, si les bras y étoient appliqués directement, mais alors la machine occupe moins de place, & l'on peut employer à autre chose le reste des hommes. Lorsqu'il faut déslècher les mines, on est toujours borné par le tems, parce que les sources souterraines sournissent l'eau pendant que la sorce est employée à la tirer; & dans ce cas la puissance (c'est-à-dire, son intensité) doit être supérieure à la quantité d'eau que l'on doit élever dans un certain tems, c'est-à-dire, que la puissance doit être capable, sans aucune machine, de tirer du fond du puits jusqu'au plus haut (par exemple un cheval qui fait monter un sceau attaché à une corde qui roule autour d'un simple rouleau) un poids plus grand que celui de la quantité d'eau qui y entre, pendant le tems que la puissance parcourt une espace égal à la profondeur du puits. On applique les machines pour tirer l'eau plus commodément, mais non pas pour gagner aucun degré de force; car on y perd toujours un peu de force. On en perd d'autant plus qu'il y a plus de parties dans la machine, qui ne peuvent pas être appliquées les unes aux autres fans un frottement qui détruit une partie de la puissance : de sorte que la meilleure machine est celle qui est composée d'un plus petit nombre de parties. * Et celui qui prétend par quelque invention gagner de la force, en élevant un plus grand poids ou un plus grand vaisseau d'eau avec la même puissance, ne fait pas réfléxion qu'il l'élevera d'autant plus lentement, & qu'il donnera le tems aux sources de fournir plus d'eau à proportion; ou si en ajoutant quelque partie à la machine, la puissance (par exemple un cheval ou plusieurs chevaux) marche plus aisément, alors il élevera moins d'eau dans le même tems. Cela doit apprendre à ceux qui ont quelque interêt dans les

mines a

^{*} Tout ce qui regarde l'élevation de l'eau sera examiné en détail, lorsque nous traiterons de l'Hydrostatique.

Notes fur

mines, dans les machines hydrauliques, dans les moulins ou autres manufactures, qu'ils ne doivent pas s'en laisser imposer par les Machinistes qui la II. Leçon. prétendent (& souvent s'imaginent qu'ils peuvent) par quelque machine nouvellement inventée surpasser toutes les autres, & faire qu'un cheval fasse autant d'esfet que trois ou quatre. Cela vient de ce qu'ils ne sont pas au fait des principes de méchanique, dont la connoissance les empêcheroit de tenter l'impossible. Il feroit à souhaiter que nos Machinistes, qui ont souvent beaucoup de génie pour inventer, & qui communément n'ont aucune connoissance des mathématiques, voulussent s'appliquer à cette science, ou du moins scavoir ce qui peut les diriger dans leurs entreprises; ou que quelques-uns de nos meilleuts Mathématiciens ne crussent pas trop s'abaisser en dirigeant les Ouvriers, & en considérant les machines un peu plus qu'ils ne font, ce qui rendroit leurs spéculations plus utiles au Public. Il y en a quelques - uns, qui étant mal-adroits, & n'ayant pas une main affez délicate pour faire des expériences, ne veulent pas en faire l'aveu, & méprisent ou tournent en ridicule les ouvrages de méchanique; oubliant que l'incomparable Newton, qu'ils admirent avec tous les autres Philosophes, a fait autant & même plus d'expériences qu'aucun homme vivant, & a regardé la Géométrie comme n'étant utile qu'autant qu'elle nous dirige à faire des expériences & des observations, & à en tirer des conséquences lorsqu'on les a faites; ensorte que l'avancement de la Physique doit être le réfultat des mathématiques mixtes, c'est-à-dire de la Méchanique & de la Géométrie.

Un homme qui apprend dans les Livres à faire des armes, doit être autant embarrassé lorsqu'il faut se battre, qu'un autre qui préfére un courage brutal à toute la science des armes; avec cette seule différence que celui-ci sera beaucoup plus en état de tuer son adversaire. ; comme ceux qui n'ont aucune litterature ont souvent fait des machines merveilleuses. La machine de Marly, qui a été faite par un homme ordinaire de Liege, qui ignoroit entiérement les Mathématiques, contient un grand nombre d'inventions excellentes, mais elle n'éleve pas autant d'eau qu'elle devroit le faire, parce que cet Ouvrier ne sçavoit pas calculer de quelle maniére il pouvoit appliquer la force de la riviére de Seine avec le plus grand avantage.

Lorsque l'on fait de grands Ouvrages ou Manufactures de telle manière qu'une grande partie de l'intenfité de la puissance est consommée inutilement, & qu'il n'y a qu'une petite partie de cette puissance qui rende un service réel; par exemple, lorsqu'il y a des frottements inutiles qui viennent de la mauvaise construction de toute la machine, ou de la mauvaise figure de quelques-unes de ses parties, ou de ce que l'Ouvrier les a mal exécutées; ou si les hommes ou les chevaux, &c. n'employent qu'une perite partie de la force qu'ils pourroient appliquer sans se fatiguer ou sans inconvénient : alors l'adresse d'un bon Machiniste peut s'appliquer avec avantage, en changeant la forme, ou en altérant les parties & les mouvements d'une machine. On en peut voir un exemple dans la manière de dévider le fil ou la foye. Si l'on employe 50 homines à cet ouvrage, ils ne pourront mouvoir qu'un poids, ou surmonter une réfistance égale à une demi livre, en travaillant par le mouvement circulaire de leurs mains (au lieu qu'un homme peut aisément élever 25 livres

Lome I.

Notes sur avec le seul mouvement de ses mains en travaillant 10 heures par jour) la II. Leçon, on peut trouver une machine par laquelle un homme appliquant toute fa force fasse autant que cinquante hommes dans le même tems. Ainsi dans un autre cas, les machines peuvent donner un grand profit, en rendant efficace la force ou l'intensité de la puissance ou des puissances, qui étoient auparavant mal appliquées, ou qui n'étoient point appliquées du tout. C'est ce qui a été exécuté à Derby d'une manière très-ingénieuse, par Messieurs Thomas & Jean Lombe, qui ont employé la force d'une roue à eau pour dévider la soye d'Italie, enforte qu'ils ne perdent ou qu'ils n'employent inutilement aucune partie de la puissance.

Comme les propriétaires de cette machine curieuse ne sont pas bienaises qu'on donne au public une description de toute la machine, ou de chacunde ses mouvements, je n'en donnerai ici qu'une idée générale, sçavoir qu'il.

26 586 roues.

97 746 mouvements.

73 728 verges de soye dévidées à chaque tour de roue qui se fait 3 soisparminutes 318504 960 verges de soye dans un jour & une mit, & par conséquent

99 373547 550 verges de soye dans un an.

Une seule rouë à eau communique le mouvement à tout le reste des rouës & des mouvements, qui peuvent s'arrêter chacun séparément & indépendamment les uns des autres. Une seule machine à seu porte l'air à chaque partie de la machine en particulier, & tout le travail est conduit par un seul principe.

Poliarch, Fig. 35 Dial. 4. Planche 6-

Figure In

7. [17: - Scorpions, &c. Donner une vîtesse suffisante, &c.] Les Scorpions sont des machines à lancer des fléches, des boulles de seu, ou de grandes pierres. On peut en voir la description dans Vitruve & dans Juste-Lipse. cité ci-devant *, d'où j'ai tiré les figures représentées dans la planche 6. La première figure représente une de ces machines chargée. Le point A du plus long bras A.C qui dans sa situation naturelle se tient le plus élévé par lemoyen des boëtes de pierre ou de poids BB, ayant été conduit en A (par la corde RR & la gance a que l'on tire par le moyen de la roue W & du pignon en J, autour des rouleaux M & L) la clavette HH qui se termine un peu en cone, l'empêche de s'élever de nouveau. Ensuite la gance a étant ôtée de A, & la fronde S étant chargée d'une balle ou d'une pierre T, le scorpion est prêt à être déchargé; ce qui se fait par un petit coup de marteau à l'extrémité Hi de la clavette, ou en la retirant subitement avec une corde ; car alors A n'étant plus arrêté en bas , s'éléve avec une grande vîtesse par la chute des poids BB, & l'une des gances de la fronde se détâchant de la pointe A qui est conique pour cette raison, la pierre part, comme on le voit dons la seconde figure, qui représente un autre scorpion un peudifférent du premier. Toute la différence est que dans cette derniere figure comme l'extrémité A qui fait la décharge est plus proche de l'axe du mouvement DD, que n'est la même extrémité dans la premiere figure; on y applique une poulie L de telle manière, qu'elle fait mouvoir le manche J du pignon qui engraine dans la roue W, aussi aisément que dans le premier cas. Quant à l'effet, si l'on suppose les poids BB égaux dans les deux scorpions,

le dernier lancera une balle d'un plus grand poids, mais elle aura moins de vîtesse que le premier projectile. Dans les deux cas le scorpion tourne sur le la II. Leçen. pivot C, & tout le chassis H J tourne autour de l'arbre vertical Cc, afin qu'on puisse diriger la machine de tous les côtés. Le crochet H dans la seconde figure fait la fonction de la clavette H dans la premiére.

Quelque fortes & quelque nombreuses que soient ces machines, on ne peut pas les comparer à une batterie de canon, ni pour la force, ni pour l'expédition. L'Evêque Wilkins & quelques autres ne les auroient pas préférées à notre Artillerie, s'ils les avoient examinées moins superficiellement

& s'ils avoient calculé leur force.

Pour le prouver nous considérons ici la force de l'un de ces scorpions, en le supposant même beaucoup plus grand qu'il ne faut pour le transporter commodément; (car il paroît qu'on les pouvoit transporter ailément, puisque César en avoit un grand nombre dans son Camp,) & nous verrons

combien il est éloigné de la force du canon.

Soit AD (Figure 1.) la queuë du scorpion, ou l'extrémité qui lance le boulet, & que l'on suppose de 24 pieds de long, & les bras plus courts DB qui portent les boëtes BB, chacun de 8 pieds de long. Lorsque les boëtes sont remplies de pierres, ensorte qu'elles pesent, par exemple, 1000 livres chacune, & que la queuë est abaissée en A pour lancer la pierre T; la plus grande vîtesse que l'on puisse lui donner, ne surpassera jamais 96 pieds par seconde; parce que les points en B ne peuvent tomber plus vîte qu'à raison de 16 pieds dans une seconde, quand même ils ne donneroient aucun mouvement à la machine en descendant. Mais comme nous pouvons supposer raisonnablement qu'en élevant l'extrémité A chargée du projectile T, leur mouvement en doit être retardé de la moitié, il s'ensuit que le corps T ne sera poussé en avant qu'à raison de 48 pieds dans une seconde; ce qui est un mouvement environ 24 sois plus lent que celui que le canon imprime à un boulet du même poids, & par conséquent l'effet du scorpion est 24 fois moindre que celui du canon. Outre cela il faut un plus grand nombre d'hommes pout servir cette artiillerie, & beaucoup plus de tems pour abaisser la pointe A par le moyen de la rouë W, que pour charger un canon : car si l'on suppose que la force requise pour élever les boëtes chargées de pierre . & pour vaincre le frottement n'est que de 2500 livres, & que le Machiniste qui tourne le manche en J fait décrire à sa main un espace de 3 1 pieds par seconde (qui est le plus grand espace qu'il puisse décrire), si la force qu'il applique est de 25 livres, il doit employer 7, 6 minutes ou environ d'une heure, pour faire parcourir au manche un espace de 1600 pieds, nécessaire pour élever les boëtes à 16 pieds de hauteur : cela outre le tems employé à placer la clavette H, & à mettre la pierre T dans la fronde S, doit tellement retarder l'opération, que le scorpion ne sçauroit décharger son projectile plus de six sois par heure, au lieu qu'on peut tirer un canon aisément deux fois auffi fouvent dans une heure.

Maintenant si l'on fait attention combien doit être pesant un scorpion tel que celui que nous avons décrit, on verra qu'il est plus difficile de le transporter que de transporter un canon. L'arbre vertical C doit avoir 30 pieds de longueur, & pour lui donner une force suffisante, nous lui supposerons

NOTES fur

Notes sur 13 1 pouces de diametre, & par conséquent il contiendra 30 pieds cubiques la II. Leçon. de bois ; fi c'est du chêne , il pesera environ 50 livres le pied ; supposons que le corps & la queue du scorpion ABB avec les boëtes BB, contiennent quarante pieds de plus du même bois ; le cadre KH 60 pieds ; la rouë W avec le pignon & le manche J, les poulies, les cordes, & les ouvrages de fer de la machine pesent bien autant que soixante pieds cubiques de chêne: tout cela ensemble fait 190 pieds cubiques, lesquels étant multipliés par 50 livres donnent 9500 livres, poids qui devoit rendre la machine fort incommode, même en la démontant & la portant par morceaux. Nous pouvons donc supposer que les scorpions étoient beaucoup moindres que nous ne l'avons dit, & alors il n'y aura aucune comparaison entre leur effort & celui de notre Artillerie. Quiconque voudra se donner la peine de calculer la force de toutes les autres machines usitées chez les Anciens, trouvera qu'elle est beaucoup au-dessous de celle de la poudre à canon : surtout si l'on fait attention avec quelle force elle se déploye dans une mine, où elle met en piéces des rochers prodigieux, & où elle éleve une si grande quantité de terre & de fortes murailles, que toutes les machines qui étoient en usage dans l'Armée Romaine, quand même on auroit pu les appliquer toutes à la fois à une seule partie de fortification, n'auroient rien produit de semblable à cette nouvelle invention d'une poudre portative qui contient une force immense dans un très-petit volume.

Planche 7. Rigurari.

8. [21. — La ligne de direction, &c. fait effort pour agir.] Quoiqu'un corps pesant comme A (Planche 7. Figure 1.) puisse par une force ou par des forces qui lui font imprimées, se mouvoir dans chaque direction; cependant (comme il conserve toujours sa tendance vers le centre de la terre qui l'y porteroit par le plus court chemin, si rien ne l'empêchoit) sa ligne naturelle de direction passe toujours par le centre de la terre, & si pendant que le corps va en bas par sa propre pesanteur, un ou plusieurs plans inclinés, comme BG, GD, l'en empêchent, & lui font décrire ensuite une courbe (46) dans sa chute à cause du changement de direction de son mouvement, ou s'il est de nouveau porté en haut le long d'un autre plan comme DE, nous n'appellerons pas la ligne 12346, ou 12345 qu'il décrit, sa ligne de direction; mais lorsque le corps part du point 1. successivement aux points 2, 3, 4, ses lignes de direction sont 10, 20, 30, 40, qui sont toutes dirigées au centre de la terre, & qui à raison de leur grande distance à ce centre, sont regardées comme paralleles, ou même comme n'étant qu'une seule & même ligne.

Mais la ligne de direction d'une puissance varie selon l'application de cette puissance, quelle que soit la ligne que décrit le corps sur lequel la puissance agit. Ainsi lorsque le corps pesant A (Planche 7. Figure 2.) dont la ligne de direction est c C, suspendu par une corde, est soutenu par la main en H, la ligne de direction de la puissance est la même que celle du poids; mais si l'on fait passer la corde sur la poulie B, les lignes de direction de la puissance peuvent être les lignes BG, BF, BE, BD, pendant que la ligne de

direction du poids continuë d'être la même.

Que si le corps A (Planche 7. Figure 3), lorsque la puissance agit sur

Flanche 71 Figure: 2.

EXPERIMENTALE.

lui en J, se meut par cette action dans la ligne cD, le long du plan MB, cD n'est pas la direction de la puissance; mais A J. Et si le même corps est la II. Leçon. élevé de E en F par le moyen du coin KFL que l'on tire sous lui (pendant qu'une planche ou un plan immobile en HG, l'empêche de s'écarter de la ligne EF) la ligne de direction de la puissance sera LB: mais si ce corps ayant été placé en K sur le plan horizontal L, le coin ou plan incliné Fest supposé immobile, & que le plan HG se meuve de K en G, & pousse en haut le corps dans la ligne KG, alors la puissance agissant dans la ligne de direction KG, est cause que le corps pelant s'éleve de la hauteur EF, foit qu'il se meuve dans la ligne KG, ou qu'il parvienne directement à

cette hauteur dans la ligne EF.

Delà il suit que la vitesse d'une puissance ne doit pas être considérée de la même manière que celle d'un poids (à moins que la puissance ne monte ou descende directement vers le centre de la terre); car la vîtesse d'une puissance est l'espace qu'elle parcourt dans un certain tems, lequel peut être plusgrand ou plus petit pour produire le même effet, selon la manière dont elle est appliquée; ainsi la puissance B (Figure 3.) ne parcourt que la longueur LK, lorsqu'elle éleve le poids par la ligne ÉF en tirant le coin LFK à travers EF; mais si elle le pousse le long de FK supposé immobile, elle doit parcourir toute la longueur de l'hypothénuse FK du triangle LFK. Mais soit que le poids s'éleve de K ou de E au point F, sa vîtesse ne sera jamais que EF, parce que quelque ligne qu'il parcoure, il ne s'éleve ou ne s'éloigne du centre de la terre que de la hauteur EF.

De même la vîtesse de A (Figure 1.) n'est que la ligne 1 c, lorsque le corps parcourt un espace beaucoup plus long, depuis 1 jusqu'à 6 par les points 2, 3, 4, le long des plans BF, GD. Donc la vîtesse d'un poids doit toujours être mesurée par la ligne de son élevation ou de sa chute verticale qui

fait voir de combien il s'est approché ou éloigné du centre de la terre.

On doit remarquer que cette définition regarde principalement la partie des méchaniques, qui considére les actions des corps les uns sur les autres par l'application des instruments.

9. [27. — Une méthode pour trouver méchaniquement le centre de gravité, &c.] Si l'on met une planche également épaisse partout sur le tranchantd'un prisme triangulaire Pp (Planche 7. Figure 4 & 5.) ou sur le tranchant aigu d'un corps étroit placé dans une fituation horizontale, enforte qu'elle foit en équilibre ; tous les corps qui feront placés fur cette planche de manière qu'ils n'altérent pas son équilibre, auront un plan de gravité (c'està-dire, un plan dans lequel se trouve leur centre de gravité) directement au-deflus du tranchant qui porte la planche. Une autre position du corps , si l'équilibre est toujours conservé, donnera un autre plan, dont la section avec le premier déterminera un axe de gravité, ou une ligne dans laquelle? se trouve le centre de gravité. On peut avoir une troisséme position du corps qui déterminera un troisième plan de gravité, lequel coupera les autres deux à angles droits, ou en tout autre grand angle, & l'interfection des trois plans donnera le vrai point qui est le centre de gravité. Si le corps, dont on a le centre de gravité, est long & sléxible, ensorte qu'on ne puisse pas le

Notes für

Planche 7 Figure 3.

Planche 4: Figure 45 56

Notes fur placer en travers fur la planche dont on vient de parler, il faudra placer une la II. Leçon, seconde planche sur la première avec une pointe à son centre, ensorte qu'elle puisse tourner tout-autour sans changer l'équilibre; & alors on pourra aisément mouvoir sur la planche les corps longs placés sur cette dernière planche, pour trouver leurs différents plans de gravité. C'est ainsi qu'on peut trouver le centre de gravité du corps d'un homme ou d'un animal. A l'égard du corps humain, il est à remarquer que soit que l'homme soit gras ou maigre (& même dans un squelete) le centre de gravité est toujours près du même endroit, c'est-à-dire, dans le Pelvis; entre la hanche, l'os pubis, & la partie inférieure de l'épine du dos. Lorsqu'on leve en haut les bras & les jambes, on éleve un peu le centre de gravité; mais il est toujours tellement placé, que les membres se meuvent librement autour de lui, le centre de gravité se mouvant en même-tems beaucoup moins que s'il étoit placé dans une autre partie du corps. Une statue qui réprésente un homme, n'a pas cependant son centre de gravité placé dans le même endroit que l'homme; car si elle est creuse, les creux ne seront pas dans les mêmes endroits que dans le corps d'un homme, & le centre de gravité dans une statuë nuë & solide, est plus élevé que dans un homme. Je fais cette observation, parce que lorsqu'on veut placer une figure, & la fixer (furtout dans un endroit exposé au vent) on doit bien prendre garde que le centre de gravité soit placé au-dessis du milieu de la base; ou si l'attitude de la statuë ne le permet pas, il faut l'arrêter plus fortement du côté qui est plus éloigné du centre de

> Les Mathématiciens, dans la vûe de donner des regles pout trouver le centre de gravité des corps, en donnent d'abord pour trouver le centre de gravité de 2 ou de plusieurs lignes; ils cherchent ensuite celui de la circonférence des figures & ensuite celui des plans; car quoique les lignes & les furfaces n'existent pas séparées des corps, ils considérent cependant les lignes comme des corps homogénes fort déliés, & les plans comme des folides extrêmement minces, & par cette considération, ils en viennent plus régulierement à trouver le centre de gravité des solides. Le Docteur Wallis a traité à fond cette matière dans sa Méchanique, au Chapitre de Investigatione centri gravitatis, & M. Ozanan dans le troisiéme Chapitre de sa Statique, au

quatriéme volume de son Cours de Mathématique.

Je donnerai ici quelques-unes des méthodes les plus aifées & les plus utiles, & je renverrai les Lecteurs plus curieux aux Auteurs que je viens de citer, & aux autres Mathématiciens qui ont traité en particulier du

centre de gravité.

Si l'on considére une ligne comme un fil de fer homogéne diminué à l'infini, son centre de gravité sera au milie u; tel est le point J dans la ligne A B. * (Planche 7. Figure 6.) Soit une autre ligne comme CD dans une position quelconque à l'égard de AB; si du centre de gravité J de AB, on mene une ligne (que l'on suppose sans pesanteur) au point K, centre de gravité de CD, on aura leur centre commun de gravité en G, par cette analogie,

* Nº 29.

Planche .7

Figure 6.

 $*AB \times CD : CD :: KJ : JG.$

EXPERIMENTALE.

Et si la seconde ligne s'étoit trouvée moindre que AB, comme par exemple, si l'on avoit pris FE au lieu de CD, le centre commun de la II Lecon.

gravité auroit été en H; parce que AB x FE: FE:: KJ: JH.

S'il y a trois lignes (soit qu'elles renferment un espace, ensorte qu'elles forment la periferie d'un triangle, ou qu'elles ne le renferment pas) leur centre commun de gravité pourra se trouver de la même manière que celui de trois corps (n°. 39.) On pourra trouver de même celui de quatre ou de plusieurs lignes, & par conséquent des polygones.

Il est à remarquer que le centre de gravité des surfaces planes, n'est pas le même que celui de leurs circonférences, à moins qu'elles ne soient réguliéres. Ainsi dans le triangle ABC (Planche 7. Figure 7), qui n'est pas équilateral, on trouvera le centre de gravité de la périphérie en H, plus proche de l'angle B que J, qui est le centre de gravité du triangle. Car (parn°. 19) D&E étant les centres de gravité des deux lignes AB, BC F se trouve être leur centre commun de gravité, & H le centre commun de gravité des trois lignes AB, BC & CA.

Pour trouver le centre de gravité d'un triangle, menez une ligne depuis le milieu d'un côté, à son angle opposé comme GB: prenez GJ = 1 de cette ligne, & le point J sera le centre de gravité du triangle. Maintenant puisqu'on peut diviser en triangles toutes les figures rectilignes, le centre commun de tous les triangles sera le centre de gravité de la figure.

Si AB & CD sont deux quantités (soit que ce soient des surfaces ou des solides) dont les centres particuliers de gravité soient en F & G, le centre de gravité de leur fomme ou de AD, sera en E (Planche 7. Figure 8.) mais si l'on veut avoir le centre de gravité de la différence de deux quantités, lorsqu'on connoît leur centre particulier de gravité, (comme par exemple, celui de CD, qui est la différence des deux quanrités AB & AD, dont les centres particuliers de gravité sont F & E) menez F E, & prolongez cette ligne vers G; vous trouverez le point G centre de gravité requis, par cette analogie CD: AB:: FE: EG. C'est-à-dire, comme la différence est à la moindre quantité, ainsi la ligne FE: est à la ligne EG ou à la longueur du prolongement de la ligne FE.

Le centre de gravité d'un cone est dans son axe, à la distance d'un quare de cet axe depuis la base; par exemple dans le cone ABC (Figure 9.) dont Paxe est DC, le centre de gravité est en F, si FD est $=\frac{1}{4}$ DC. Mais dans une surface conique, le centre de gravité est éloigné de la base

 $de^{\frac{1}{3}} de l'axe$; c'est-à-dire DF = $\frac{1}{3}$ D.C.

Si ABJK est un cone tronqué, on trouvera son centre de gravité, en achevant le cone, qui sera alors ACD; ensuite ayant trouvé le centre de gravité du cone ABC (qui est le point F) & celui du cone JCK (qui est le point F) joignez ces centres par la ligne FE; ensuite voyant que ABKJ est la différence des deux quantités ACB & JCK, vous trouverez son centre de gravité par la regle précédente, lequel sera en G: Car ABJK: JKC:: EF: FG.

Si l'on fait un sceau de cuivre, d'étain, ou de bois, de la figure d'un cone tronqué, le centre de gravité de ce vaisseau ne sera pas dans le même point étant vuide que lorsqu'il est plein, & cette considération est utile en

Notes fur

Planche 7. Fig: #6 78

Planche 7. Figure 95

Figure 9:

Notes sur plusieurs cas de la Méchanique en général, & de l'Hydraulique en particu-In II. Lecon. lier. Car par ce moyen les vaisseaux qui ont cette figure étant suspendus sur des points ou sur un axe qui passe entre le centre de gravité du vaisseau vuide, & celui du vaisseau plein) tourneront avec le fond vers le haut étant vuides, & auront le fond tourné directement en bas lorsqu'on les tirera en hant étant pleins; ou au contraire ils auront leur ouverture tournée en haut étant vuides, & tournée en bas où ils se vuideront d'eux-mêmes lorsqu'ils seront entiérement pleins.

Planche 7. Figure 10.

Soit ABED (Figure 10.) la coupe d'un vaisseau conique tronqué & creux, dont l'ouverture est AD. Son centre de gravité par les regles précédentes se trouvera en c: Mais parce que le fond ou la plaque BE a quelque pésanteur, le centre de gravité descendra en C. Celui du vaisseau plein (qui est un cone tronqué solide) sera en K. Si donc on place l'axe de suspension entre ces deux centres, comme en O (Figure 11), ce vaifleau étant vuide pourra être tiré en haut & en bas avec son embouchure tournée en bas, mais étant plein on le tirera en haut, avec son ouverture tournée en haut. Cela est utile dans une chaîne de sceaux qui tourne circulairement autour d'un aissieu pour tirer l'eau d'une prosondeur, & la

porter dans un réservoir au-dessus.

Mais si abcd (Figure 12.) est un vaisseau semblable, avec cette seule différence, que le fonds est fixé dans la partie étroite cd, & l'ouverture est ab; le centre de gravité du vaisseau vuide (sans faire attention au fonds) sera en c; mais la pélanteur du fonds le portera en C, & le centre de gravité du vaisseau plein sera en K. Si ce vaisseau est suspendu entre ces deux centres, comme en O (Figure 13.) il continuera d'avoir son ouverture en haut étant vuide, mais elle tournera en bas dès qu'il sera plein. Un pareil sceau peut servir à élever l'eau par une machine composée d'un couple de sceaux fixés à une poutre qui se meut sur un centre placé à distances inégales de ses extrémités, de manière que le fceau fixé au bras le plus court élevera celui qui est à l'autre bout, & lui fera vuider son eau dans un reservoir supérieur. Mais une courte description & une figure, rendront la chose plus claire.

A A, font deux fontaines qui coulent d'un ruisseau ou d'une source d'eau dans les deux sceaux D & E, D contient environ 30 gallons, & on le nomme sceau perdant, & E le sceau gagnant, contient moins que le quart

de D, par exemple, 6 gallons.

DE est un levier ou poutre mobile autour de l'aissieu ou centre C, soutenu par les pieces FF, entre lesquelles le sceau D peut descendre, lorsque le_ sceau opposé E est élevé. D C est à C E comme 1. à 4. G L est une pièce verticale, qui porte au fommet le levier KJ. lequel se meut autour du centre L, restant quelquesois en repos sur l'apui H, & d'autre sois s'en éloignant vers le haut par la pression du bras CE sur son extrémité J.

Le sceau D, étant vuide, a son ouverture tournée en haut, étant suspendu comme on a dit. L'extrémité D avec son sceau est aussi plus legere que l'extrémité E avec son sceau, lorsque les deux sont vuides. Le différent calibre des fontaines est cause que D est presque aussi-tôt rempli que E, & d'abord après il prépondere, & il descend en D (Figure 15.) Par ce moyen l'extrémité opposée s'éleve jusqu'au réservoir M où le sceau E décharge son eau;

Mais

Planche 7. Figure 14.

Notes fur

mais d'abord après que le sceau D a été rempli, il a jetté toute son eau & le bout E du levier est revenu à sa situation horizontale, frapant sur le bout la II. Leçon. J du lévier JK chargé du poids K qui s'est élevé, & qui a rompu par ce moven la force du coup. Si la distance A B ou la chute de l'eau est d'environ 6 pieds, cette machine élevera l'eau dans le réservoir M à 24 pieds de hauteur. Cette machine est fort simple, & l'on peut lui donner la proportion que l'on veut, selon la chute de l'eau, la quantité que l'on veut employer, & la hauteur où l'eau doit être portée. » Il y a quelques années qu'un Gentilhomme me fit voir un modéle d'une machine semblable, & qui en » différoit tant soit peu; mais elle étoit tellement construite, que l'écoulement de l'eau s'arrêtoit en A, A, lorsque le lévier DE commençoit à se mouvoir. En conféquence, il me dit qu'il en avoit exécuté une en Irlande, » laquelle éleveroit environ un demi sceau d'eau dans une minute à 40 pieds » de hauteur, & qu'elle ne coutoit pas 40 schellings par an pour la réparer » & entretenir; que les frais de sa construction même n'étoient pas consi-» dérables.

10. [30. — Un moulin à vent doit être supporté, &c. & une grue.] Cela n'est pas exactement vrai dans la pratique, parce qu'on doit y avoir égard à la force avec laquelle le vent pouffe tout le moulin à vent en arriere par une partie de sa pression, pendant qu'il tourne les voiles avec le reste; & par conséquent la ligne de direction qui passe par le centre de gravité, doit tomber devant l'axe du poste le plus proche des voiles. De même dans une gruë (je parle de celles qui tournent entiérement avec leur poids) on doit avoir égard au poids qu'elle doit élever ; & le centre de gravité de la gruë doit être tellement placé en arriere du poids, que la ligne de direction passe par le milieu de l'arbre, lorsque le poids (qui attire le centre de gravité en avant) est suspendu à la gruë.

11. [32. — Le centre de gravité restera en repos.] Voyez les Principes de Newton, Corol. 4c. des Loix du Mouvement, 2c. Edition, p. 17.

12. [37. — On verra dans les Notes.] Soit le fuseau ou double cone de la Planche 4. Figure 14. représenté ici, étant vû par la pointe (Planche 8. Figure 1), AF est une des regles élevées sur lesquelles le corps doit rouler, AG la ligne horizontale, B le sommet de l'un des cones. Soit FG la partie inférieure de la vis S égale à E e, qui est un peu moindre que le demi diametre de la bale commune des deux cones; ou (ce qui revient au même) foit EF une autre ligne horizontale qui passe un peu sous l'axe B des cones, BF sera le chemin du centre de gravité du corps; parce que cette ligne étant inclinée vers S, le centre de gravité du corps doit y descendre, & par consequent y porter le corps tout le long, plus ou moins vîte, selon que l'inclinaison est plus prompte ou plus lente.

Le cylindre de la figure 15. planche 4. est d'un bois leger avec un petie Planche 4. cylindre de plomb en K, qui le traverse entiérement auprès de la surface courbe, & parallelement à l'axe du grand cylindre, afin que le centre de gravité du corps composé puisse s'éloigner de l'aissieu M dans la ligne KO, &

Planche 4. Figure 14.

Planche 8. Figure 1.

Tome I.

Notes sur alors le cylindre doit être tellement placé sur le plan incliné AO, que le la II. Leçon, centre de gravité de ce cylindre puisse descendre pendant qu'il se roule vers R; ce qui le doit faire monter sur le plan jusqu'à ce que le centre de gravité

foit aussi bas qu'il le peut être : supposant toujours un fil attaché à la partie supérieure du plan, & qui entoure le cylindre, pour l'empêcher de glisser,

lorsque le plan n'est pas horizontal, comme dans la figure.

Comme la longueur du cylindre n'a point de rapport à fon mouvement vers le haut ou au foutien du plan incliné; lorsque nous considérerons le mouvement du cylindre sur un plan différemment posé, nous ne serons attention dans la seconde Figure de la Planche 8. qu'aux sections du cylindre, du plan & de l'horizon. PTA est la section du cylindre de bois, CA celle de celui de plomb, C le centre de gravité, M le centre de grandeur, & PQ la section du plan qui étoit d'abord supposé horizontal.

Je dis 1°. Que si l'on prend Pa sur PQ égal à PTA demi-circonférence du cylindre, le point a sera l'endroit le plus éloigné où le cylindre

puisse rouler.

Lorsque le diametre PA qui passe par le centre de gravité C est perpendiculaire au plan horizontal, comme dans la figure, le cylindre reste immobile, parce que le centre de gravité est directement au-dessus du centre du mouvement en P (n°.26); mais aussi-tôt que C est tant soit peu incliné vers Q, le corps doit rouler jusqu'à ce que le point A vienne en a, décrivant la demi cycloïde A a, pendant que tous les points du demi cercle s'appliquent successivement à la ligne P a, qui est la base de la cycloïde. Il est évident que le cylindre ira jusqu'en a, si l'on observe la route C c du centre de gravité, qui n'est dans le lieu le plus bas, que lorsqu'il arrive en c, & qui devroit ensuite s'élever vers X, si le corps rouloir plus avant : & par conséquent si par la vîtesse acquise le corps doit aller vers Q, le centre de gravité en descendant encore de u, doit porter en arriere le corps en a; le diametre P A étant de nouveau perpendiculaire à l'horizon, mais dans une position renversée ap. C.Q. F.D.

Je dis 2°. Que si le plan est incliné à l'horizon par un angle, dont le sinus droit soit égal à M C distance du centre de grandeur, au centre de gravité, en prenant pour rayon le demi diametre du cylindre; ce cylindre étant placé sur un tel plan ne montera ni ne descendra, lorsque le centre de gravité sera directement au-dessus du point T, où le cylindre touche le plan, pourvû qu'on l'empêche de glisser par le moyen d'un fil qui passe en-dessous, comme on l'a représenté dans la 15°. Figure de la Planche 4.

Tournez le cylindre jusqu'à ce que le centre de gravité soit en K dans la même ligne horizontale que le centre de grandeur; ou (ce qui revient au même) jusqu'à ce que le demi diametre M A devienne M a; élevez du point K la perpendiculaire KT, qui coupe le cercle en T, & menez le rayon MT, auquel le plan II \upper étant perpendiculaire, vous aurez l'angle \upper DQ fait par le plan avec l'horizon égal à l'angle MTK, dont le sinus est MK égal à MC. Car en prolongeant M a en L, il est évident (par 8.6 Eucl.) que l'angle ou TK = KLT; mais (par la 29. 1. Eucl.) KLT = LDQ.

Dans cette situation, il est évident par la construction, que le centre de

Planche 8. Figure 2.

83

NOTES fur

la II. Lecen.

gravité ne peut pas descendre, parce que la ligne de direction est soutenue

en T (n°. 45.) où le plan touche le cylindre.

Car si le corps se rouloit un peu plus haut sur le plan pour porter K vers π, le point touchant T avanceroit plus vîte vers π que ne feroit K, & par conféquent la ligne de direction couperoit le plan en-dessous de T vers D, ensorte que le centre de gravité descendroit, & feroit reculer le cylindre pour le conduire en T. D'un autre côté le corps rouleroit en bas, si l'on donnoit le moindre mouvement à K vers D, la ligne de direction avançant alors plus vîte vers D que le point d'attouchement T. On peut rendre cela plus clair, en confidérant le cylindre comme une balance; par exemple, si MW est une balance qui soutient sur son extrémité M un poids égal au poids du cylindre sans le plomb, & à l'autre extrémité W, un poids égal à l'excès du poids du plomb, sur la masse du bois dont il prend la place. Soit K leur centre commun de gravité, trouvé comme on l'a enseigné. (n°. 38.) Si l'on considére KT comme un appui perpendiculaire instéxible, qui soutient la balance en K, elle continuera dans son équilibre, tant que l'apui sera soutenu en portant sur T, qui est l'endroit où le plan touche le cylindre. Si le plan fait un plus grand angle avec l'horizon, le point T étant reculé plus loin vers L, ce sera la même chose que si l'apui faisoit effort pour soutenir la balance entre K & W, auquel cas le poids M l'emporteroit & entraîneroit tout le cylindre vers P; mais si le plan fait un angle plus petit avec l'horizon, T ira vers D, & la balance étant alors appuyée entre K & M, le point en W sera prépondérant, & portera le cylindre vers L. C. Q. F. D.

COROLLAIRE.

DELA il suit aussi qu'il doit y avoir un angle d D Q moindre que m D Q, qui sera l'inclinaison du plan, sur lequel le cylindre précédent peut rouler à la plus grande hauteur. Car si l'angle #DQ est un peu diminué, le cylindre roulera vers m en montant, & si le plan DQ est un peu élevé, ensorte qu'il fasse un petit angle avec l'horizon, le cylindre s'élevera sur ce plan, mais il ne roulera pas aussi vîte que dans la situation horizontale. Si l'on augmente cet angle, le cylindre montera plus haut, à mesure que sa route sur le plan se racourcira, mais il n'ira pas au-delà d'un certain nombre de dégrés d'élevation, & à cette élevation il ne montera pas plus haut audessus de l'horizon, quoique sa route mesurée sur le plan se racourcisse continuellement jusqu'à ce qu'elle soit réduite à un point, lorsque l'inclinaison est dans l'angle #DQ. De même à mesure que l'angle DQ (en abaissant le plan D m autour du centre) diminue, le cylindre monte plus haut selon qu'il roule plus avant sur le plan, jusqu'à ce que l'angle soit diminué & réduit à un certain nombre de dégrés, après quoi il monte moins; mais sa route mesurée sur le plan augmente toujours jusqu'à ce que le plan soit horizontal. Il y a donc un angle du plan dDQ, qui est un maximum, quant à l'élevation du cylindre fur le plan.

Je dis 3°. Qu'étant donnée l'inclinaison du plan sur lequel le cylindre s'éleve à la plus grande hauteur (ou toute autre inclinaison d'un plan sur lequel il peut s'élever de quelque façon que ce soit) la longueur que le cylindre décrira sera égale à la longueur Tv = TV (Planche 8. Figure 3)

Planche 8. Figure 3.

Dlauska 9

Notes sur qui est égal à la demi-circonférence, moins l'arc AV; lequel arc AV conla II. Leçon. tient deux fois le nombre de dégrés de l'inclinaison du plan, avec les dégrés de la double différence de l'angle au centre de deux triangles rectangles, qui ont pour rayon MN, sinus de l'inclinaison, mais leurs sécantes sont MR, demi diametre du cylindre, & MC, distance du centre de gravité au centre M du cylindre. De plus Tv étant la longueur de la progrellion du cylindre sur le plan, la hauteur du plan en Vou la perpendiculaire VL fera l'élevation du cylindre fur la ligne horizontale.

PRÉPARATION.

PQ est l'horizon, & Pq le plan de l'inclinaison donnée. Puisque Pq coupe le cercle PUA, le cylindre ne peut pas s'élever sur ce plan, il faut donc en prendre un autre qui lui foit parallele. Le diametre PG étant tiré perpendiculaire à l'horizon, & RT par le centre de gravité C ou S parallele à PG, menez le diametre TA qui fasse l'angle PMT égal à l'inclination du plan, & menez II m perpendiculaire à ce diametre en J, & II m sera un plan tangent parallele au premier; (car PMT étant égal à MTR, à cause des paralleles PG, RT, & l'angle commun RTU étant soustrait des deux angles droits MTV & RTZ, l'angle VTZ d'inclinaison du nouveau plan Ππ fera égal à l'angle donné PMT. Menez MR; par C menez Mf; faites l'angle XCM égal à MCT, prolongez XC en V, & menez MV. Puisque XCV est une ligne droite & à la même distance du centre M que RT, CR & CV seront égales (par 7.3 Eucl.) Puisque les triangles CMd, CMe sont égaux (par 6.7.8. 1 Eucl.) l'angle RMV est divisé en deux parties égales. Menez MN finus de l'angle d'inclinaison, & les dégrés de l'arc R V où les deux différences dont on a parlé se trouveront en comparant ensemble l'angle d'inclinaison & les triangles RMN & CMN.

Le cylindre étant placé sur le plan dans la position marquée par la figure, non-seulement restera en repos, si le centre de gravité est en S, mais il retournera à cette position, lorsqu'on l'en aura tiré vers \u03c0 ou vers \u03c0, parceque dans chacun de ces cas le centre de gravité doit s'élever, & par conléquent ST doit être la distance du centre de gravité au plan, mesurée fur la ligne de direction du centre de gravité, lorsqu'il est le plus près du plan, au-dessus de cette partie du plan, où le cylindre roulant en haut ou en bas doit arrêter son mouvement. Maintenant si le centre de gravité est porté en C, il est évident que CR sera égal à ST, & que CV lui sera aussi égal, parce que par la construction il est également éloigné de M f, ligne qui palle par le centre, & par conséquent = CR; on voit aussi qu'aucun autre point de la circonférence n'est également éloigné de C. Si le centre de gravité par le point C dans la ligne RT, où il est exactement au-dessus du point d'attouchement étoit mû tant foit peu vers v en poussant le cylindre de ce côté la, le cylindre rouleroit sur le plan, & s'il avançoit de la longueur de la demi-circonférence jusqu'à ce que le diametre T A fût renversé, & devînt at, le centre de gravité viendroit en c, la corde TR etant maintenant tr; mais puisque r ne touche pas le plan, le centre de gravité doit

EXPERIMENTALE.

descendre encore, & faire reculer le cylindre, jusqu'à ce que u (qui avoit le point V) revienne au plan en v, ou x K v sera la corde qui étoit marquée la IIc. Lecon. XCV dans la premiere position du cylindre; K étant le cen le de gravité, & Kv qui est égal à CV, étant dans la situation de ST, & tout le cylindre portant sur v précisément, comme il faisoit sur T, lorsqu'on supposoit que S étoit le centre de gravité TA & TR étant changés en T a & TE. Donc la distance T v du plan ne sera pas égale à la demi-circonférence, mais il s'en faudra de l'arc av = av = AV. Par conséquent la longueur roulée fur le plan par le cylindre fera égale à l'arc TV que l'on peut trouver par le fil appliqué au cylindre de T en V.

Maintenant on peut trouver le nombre des degrés de cet arc TV de la manière suivante. L'angle d'inclinaison est vTZ-MTN-MRN-TMP-MAG = GMA. Dans les triangles rectangles MRN & MCN, NM finus d'inclinaison du plan, est le rayon commun aux deux; MR demi-diamétre du cylindre est la sécante dans le triangle MRN & MC distance du centre de gravité au centre du cylindre, est la sécante dans le triangle MCN. L'angle RMN - CMN = RMC: Donc RMV = 2RMC que l'on peut trouver par les tables trigonometriques, & par conféquent il est connu. Mais l'angle d'inclinaison étant donné, son angle double est donné,

donc AV & TV font connus. C. Q. F. T.

Pour faire l'application de ce qu'on a dit, supposons que le centre de gravité du cylindre soit éloigné de son centre de grandeur de 2 du rayon, c'est-à-dire, qu'il soit au point C dans la Figure 3. Planche 8.

L'angle plg du plan sur lequel le cylindre ne peut pas monter, se trouve ainsi, par analogie, comme M b est à M k :: (3:2::) ainsi le sinus total:

au finus de l'angle M l K = l M P = p l g 41° 48' + &c.

Le Maximum de l'angle du plan sur lequel il s'élevera le plus dans ce cas se trouve de 26°, & la grandeur de cette élevation est V Z = 42, 85 parties, dont la circonférence du cylindre en contient 360.

N. B. On voit par-là que le Maximum n'est pas au milieu de l'angle p l g

ou à 20° 54', comme on pourroit d'abord le l'imaginer.

Supposons maintenant que l'angle d'inclinaison du plan soit de 15°, on trouvera la longueur sur laquelle le cylindre roule dans le plan, & la hauteur à laquelle il monte au-dessus de la base, non-seulement par la Méthode précedente, mais encore par deux autres méthodes, que je donne ici pour la varieté.

PREPARATION.

Le centre de gravité étant au point C aux 3 du rayon du cylindre M f b depuis son centre M; faisant l'arc f V = Rf, & menant par le centre de gravité C la ligne V C X, le segment V b X = au segment R z T, & par conséquent lorsque le cylindre a tracé sur le plan Tv l'arc TzV, il doit rester en répos & être en équilibre (sur le plan) au point V, par la même raison qu'il l'étoit sur le point T avant que de rouler.

Comme l'angle du plan v Tz est = 15°, cet angle est égal à l'angle

Notes fur

Planche 8. Figure 3

NOTES sur PMT = bMR; il ne reste donc que l'angle RMV à trouver, ou sa la H_c . Leçon. moitié RM f, & les deux méthodes suivantes en donnent la même valeur.

1. Puisque le sinus GR pour l'angle bMR, lorsque le rayon est le même que celui du cylindre, est égal à y C sinus de l'angle bMf pour le rayon de o CK cercle du centre de gravité: Je dis,

Comme le rayon du centre de gravité: Est au rayon du cylindre, ou comme 2 à 3.

Ainsi no = 2588190 sinus de 15° pour le rayon du centre de gravité: Est à 3882285 = GR ou yC, sinus de l'angle bMf, qui se trouve 22° 50′ + D'où ôtant par conséquent l'angle $bMR = 15^{\circ}$, il restera 7° 50′ pour l'angle RMf = fMV. Donc l'angle total RMV est $= 15^{\circ}$ 40′ +; auquel ajoutant 30° pour les deux angles égaux bMR, PMT chacun de 15°. Le tout donne 45° 40′ + à soustraire de 180, qui est la demi-circonsérence bVzTP, du cylindre, & il reste l'arc VT pour la longueur où le cylindre se roule sur le plan TV.

2. L'autre manière de trouver l'angle RMf est celle-ci;

Dans le triangle RMC, RM, MC & l'angle MRC=RMb=15°

iont donnés: je dis donc

Comme lé rayon du centre de gravité:

Est au rayon du cylindre :: (ou comme ? à 3, ou MC: MR::)

Ainsi le sinus de l'angle MRC de 15° = 2588190.

A 3882285 finus de l'angle NCM ou RCf = 22° 50' ++:

Et cet angle R C f étant égal aux deux angles opposés MRC, RMC, ou RMf, si de 22° 50 on ôte 15° pour l'angle MRC = RMb, il restera

l'angle requis $RMf = 7^{\circ}$ 50' + comme auparavant.

Ayant donc ôté 45° 40' + de 180°, il restera pour l'arc V z T 134° 20', qui sera la route du cylindre sur le plan T v, c'est-à-dire 134 ; parties de celles dont 360 sont la circonférence du cylindre, par où l'on pourra trouver la hauteur v z à laquelle il s'éleve sur le plan, en cette manière;

Comme le finus total:

A 134 \frac{1}{3} ::

Ainfi le finus de l'angle v T z :

-avz = 34, 77 — Ce qu'il falloit trouver.

M. Charles de Labelye ayant fait de nouvelle réfléxions sur le mouvement du cylindre plombé (Voyez Planche 4. Figure 15.) à mesure qu'il roule sur un plan incliné, m'a communiqué diverses propositions rélatives à ce mouvement; j'ai cru qu'elles feroient plaisir à un Lecteur curieux.

PROPOSITION I. Planche 6. Figure 3.

Planche 6. Figure 3.

Trouver TS generalement.

Soit MT = a, MS = b, MB = X, nous aurons $\sqrt{aa - xx} = BT$ & $\sqrt{bb - xx} = BS$, mais, puifque BT - BS = TS, if fuit que $\sqrt{aa - xx} = \sqrt{bb - xx} = TS$, qui fera par conféquent

connu, en faifant X = au sinus de l'angle dinclinaison du plan avec Notes sur l'horizon, & supposant MT rayon.

la IIe. Leçon.

Autre maniere sans extraire les racines.

Comme MS (=b): est au sinus de l'angle MTS:: ainsi MT (=a): est au sinus de l'angle MSB, lequel étant connu, MS l'est aussi. Dites ensuite, comme le sinus de l'angle MTG: est à MS (=b):: Ainsi le

finus de l'angle TMS: est à TS requis.

Supposant maintenant le centre de gravité en C, il est évident que le cylindre doit rouler en haut, jusqu'à ce que le point V dans la circonférence (ayant fait CV = CR = TS) arrive en v; car alors le centre de gravité sera dans la même position que lorsqu'il est en S au-dessus de T, & pour trouver en quel point de la ligne Ta, le point V doit s'appliquer, il est évident que la ligne Tv doit être égale à l'arc TV: Donc en supposant une cycloïde (Planche 6. Figure 4.) dont le cercle generateur est égal à la base du cylindre & le sommet en T, l'axe sur TA, si l'on mene VO paralléle au plan TF; par une proprieté de la cycloïde la ligne VO étant partie d'une ordonnée, sera égale à l'arc TV. Faisant donc Tv égal à VO, on aura le point V requis.

Planche 6: Figure 4

Autre Methode.

Puisque l'ordonnée HO est composée de VO égale à l'arc requis & de de l'angle HV égale au finus de cet arc; en plaçant la même cycloïde, en forte que son sommet soit en H, & son axe HT, elle coupera le plan en Y, en sorte que HO sera égale à TY, d'où ôtant Yv = HV, le reste sera $Tv = VO = \lambda l'arc TV requis.$

Autre Methode.

Menez par V, VH paralléle au plan; & plaçant la cycloïde avec son sommet en W, & son axe sur W L paralléle là HT, elle coupera le plan en v; car Lv = TY = HO & LT étant égal à WH = HV = vY, il restera Tv = VO = à l'arc TV requis.

PROPOSITION II. Planche 6. Figure 5.

On peut encore demander, Quel degré d'inclinaison à l'horizon, un plan doit-il avoir pour que le cylindre roule au haut de ce plan de la longueur d'un arc donné de la circonférence de sa base? Par exemple, l'arc donné étant TV, pour le trouver nous devons faire réfléxion, que lorsque le centre de gravité est au-dessus de V, après que le cylindre a roulé, la ligne C V menée par ce centre de gravité, doit faire le même angle, la ligne VM, (menée par le point V & M centre de grandeur) que la ligne CT fait avec TM, lorsque

Planche 6. Figure 5.

Notes sur le centre de gravité est en S au-dessus de T. Maintenant, puisque l'angle la II. Leçon. CVJ ou CVM est égal à CTM & CJV égal à son opposé MJT; il suit que TMV donné est égal à TCV requis. D'ou je conclus qu'un cercle qui passe par T, M & V passera aussi par C, ce qui donne la Méthode suivante : l'arc T V étant donné, cherchez le centre d'un cercle qui passe par T, M, V; ce cercle coupera le cercle décrit autour du centre de grandeur M (avec la distance de ce centre au centre de gravité) en C: ensuite saisant CR = CV, on menera RCT, & dans l'endroit où elle coupe le cercle de la base du cylindre en T, menez MT, formant l'angle MTS; & cet angle sera égal à vTZ, angle requis de l'inclinaison du plan Tv, comme il est évident par ce qui a été dit.

PROPOSITION III. Planche 6. Figure 5.

Planche 6. Figure 5.

On peut aussi demander, sur combien de degrés de la circonférence, ou sur quelle partie d'un arc le cylindre roulera, pour décrire un espace donné sur le plan incliné; c'est-à-dire, Tv étant donné, trouver TV. On peut le trouver en deux maniéres, car ayant le diamétre, on doit dire - comme 113: est 355 : : ainsi le diamétre, est à la circonférence, dont la moitié sera le plus grand Tv, que le cylindre puisse décrire. De même par la regle de proportion — comme la demi-circonférence est à 180 degrés : : ainsi T v (mesure en parties de la même grandeur que celles de la demi-circonférence :) est au nombré des degrés de l'arc TV.

Planche 6. Figure 6. 3

Mais si l'on veut trouver le point V par construction; sur le point T de la ligne T v (Planche 6. Figure 6.) ou du plan donné, élevés perpendiculairement la ligne T A ou diamétre du cylindre, & décrivés un cercle égal à la base du cylindre; ensuite plaçant la cycloïde dont nous avons fait ulage ci-devant, en forte que son axe soit paralléle au diamétre du cercle (qui est ici égal à son cercle générateur) lorsque le sommet de la cycloïde est dans la circonférence du cercle, & que la courbe de la cycloïde tombe en même-tems sur le point v; vous aurez par le sommet de la cycloïde le point W donné: & prenant TV égal à TW, il sera aussi égal à Tv, par ce qui a été dit ci-devant.

On ne peut pas trouver le vrai Maximum de l'élevation du cylindre, sans trouver quelque formule, ou expression algébrique pour l'élevation du centre de grandeur, ou une autre formule qui ne contient pas plus de quantités inconnues, que dans la premiere Méthode d'exprimer la chûte du centre de gravité du cylindre pendant qu'il roule. Mais après avoir bien considéré la figure, on voit que ces formules demandent la rectification de la circonférence ou d'un arc de cercle; ce qui n'étant pas possible sans les suites infinies, m'a fait abandonner

ce projet.

43. [40 - On trouvera de même leur centre commun de gravité.] On peut trouver par ce moyen le centre de gravité de notre système, dans chaque * Voyez la position des planétes. * Supposons-les toutes d'abord d'un seul côté & dans derniere Edition une ligne S C A (Planche 8. Figure 4.) qui passe par le centre C du soleil, des Principes de ou pour parler le langage des Astronômes, supposons que toutes les planétes *Supérieures*

Newton, L. 3. Pr. 125

supérieures soient en opposition, & les inférieures dans leur conjonction inférieure. 1°. Le centre commun de gravité de Mercure & du foleil sera fort la II. Leçon. près du centre du foleil; parce que la quantité de matière dans le foleil est d'un million de fois plus grande que dans Mercure, & que Mercure n'est pas éloigné du centre du foleil de 82, 5 demi-diamétres du foleil. 2°. Venus (en supposant, comme très-probable, qu'elle a environ la même quantité de matiére que la terre) étant prise en considération n'attirera qu'un peu en avant le centre des trois corps, c'est-à-dire, vers 2, parce que sa masse n'est à celle du soleil que comme environ 1 à 169282, & que sa distance au centre du soleil n'est que d'environ 145 demi-diamétres du soleil. 3°. Le centre commun de gravité de la terre & des trois corps précedens, ne sera porté que fort peu en avant. 4°. Le centre commun de gravité de Mars & des autres quatre corps sera porté encore un peu plus près de la surface du soleil vers o, mais non pas à la moitié de distance du centre du soleil à sa surface. 5°. La quantité de matière dans Jupiter étant à la quantité de matière dans le soleil, comme 1 à 1067, & la distance de Jupiter au soleil comparée au demi-diamétre du foleil, étant dans une raison un peu plus grande, le centre commun de gravité de Jupiter & du soleil sera un peu hors de la surface du soleil; & par conséquent le centre commun de gravité de Jupiter & des autres cinq corps viendra vers 4 un peu plus avant. Enfin, la matière dans Saturne étant à la matière dans le soleil comme 1 à 3021, & la distance de Saturne au soleil étant au demi-diamétre du soleil dans une raison un peu moindre; leur centre commun de gravité, sans les autres cinq corps, sera dans un point comme b, un peu en-dedans de la surface du foleil: & par conféquent le centre commun de gravité de tous les fept corps sera en J, toujours un peu plus avant en-dehors de la surface du foleil, mais à peine éloigné du centre du foleil de tout un diamétre. Lorsque Jupiter & Saturne sont de différens côtés du soleil, leur centre commun de gravité est toujours en-dedans du corps du soleil, en quelque position que soient les autres planétes, à cause de leur proximité & de la petite quantité de matière qu'elles contiennent. C'est ce centre commun de gravité de notre Systême qui est en répos, & non le centre du soleil; car le soleil a une espéce de mouvement d'ondulation autour de ce centre. La petite différence occasionnée par les Cométes & par les Satellites des planétes principales, ne mérite pas que nous en parlions ici.

14. [44 — La ligne de direction tombe en-dedans de leur base.] La Tour de Pise est une tour ronde qui a 138 pieds de hauteur, dont le sommet paroît suspendu sur la base de 15 pieds, comme elle est representée dans la Figure 5. Planche 8. & la Touride Bologne est quarrée, de 130 pieds de hauteur, son sommet n'étant incliné sur la base que de 9 pieds. Voyez Figure 6. Planche 8.

Les mouvemens des animaux sont toujours soumis à ces regles, que nous gardons fans y penfer. Lorque nous fommes droits fur nos pieds, comme on voit dans la Figure 7, la ligne de direction passe par le point C & entre nos pieds en D, & nous pouvons mouvoir notre tête de F en G & E, & notre corps en avant, en arriére ou à côté aussi loin que J ou H, sans danger de tomber, ou sans remuer nos pieds, tant que la ligne de direction

Tome I.

Planche 8. Figures 5 & 62

Figure 10.

Notes fur ne va pas plus loin que JA ou HB, & qu'elle tombe en quelque point la II. Lecon. que ce foit de l'espace AB; lequel dans cette situation de nos pieds forme une base fort grande. Mais si nous plaçons un pied devant l'autre, comme dans la Figure 10, une petite impulsion à côté sera cause que la ligne de direction (qui passe par C) tombera hors de la base à droite ou à gauehe, vers E ou B; auquel cas l'homme doit tomber s'il ne remet pas promptement ses pieds dans la position de la Figure 7 ou 9. Lorsqu'on se tient sur l'une des jambes, on doit porter son corps tellement au-dessus du pied AB ou DE (Figure 9.) que le centre de gravité étant directemnt au-dessus, la ligne de direction passe par c ou K, & en marchant, la ligne de direction doit passer par tous les endroits où chaque pied se pose, allant successivement par les points (Figure 8.) E, A, D, B, pendant que le centre de gravité passe par les points G, C, F, &c. en sorte qu'à moins qu'un homme marchant droit en avant, ne pose un pied directement avant l'autre, la ligne de direction ne décrira pas une ligne droite sur le plan où l'homme marche, mais une ligne endentée, c'est-à-dire, des angles à droite & à gauche, pendant que le corps de l'homme va en avant par un mouvement qui n'est pas droit. Nous voyons cela dans les gens gras lorsqu'ils marchent, & dans tous les autres qui écartent les jambes en marchant. *

> * Il n'est pas exactement vrai que les hommes en marchant mettent ordinairement un pied devant l'autre, de maniere à conduire en ligne droite le bas de leur ligne de direction, comme on l'a réprésenté dans les Figures 10. & 11. parce que fi l'on tiroit une ligne droite avec de la craye, il seroit difficile d'aller droit le long de cette ligne; mais la preuve la plus fimple est Pobservation de deux bâtons droits d'environ la hauteur d'un homme, l'un peint en blanc & l'autre en noir, posés à environ dix verges de distance l'un de l'autre, dans la même ligne où un homme marche vers les deux : car en ce cas quoique l'homme ait un œil fermé, le dernier bâton lui paroîtra tantôt à droite & tantôt à gauche du premier; & cela d'autant plus que cet homme s'approchera plus des bâtons. Il est vrai que les Danseurs de corde (Figure 13.) marchent sur une ligne droite; mais c'est l'art qui le leur a appris, & ils s'y sont formés par une longue pratique; & même ils font toujours besoin de quelques secours pour conserver leur centre de gravité sur la corde. Ordinairement ils fixent leurs yeux à quelque point éloigne dans le même plan que la corde. Ils ont communément un long bâton chargé aux deux extrémités de balles de plomb B, b, pour pouvoir par leur mouvement changer la position du centre commun de gravité de leur corps & du bâton; par

exemple le centre commun de gravité du Danseur de corde CA étant en A, sa ligne de direction passera par a hors de la corde : mais en mouvant le bâton vers B, le centre commun de gravité de l'homme & du bâton tombera en C, auquel cas la ligne de direction CD paffe par la corde. Ceux qui voudront être bien exercés dans cet Art, doivenr ne se servir de tems en tems que de leurs bras, au lieu du bâton, & il y en a plufieurs parmi eux qui dansent avec un pavillon, qui frappe l'air du même côté où va le centre de gravité, lorsque la ligne de direction ne passe par la corde, & par la réaction de l'air, le centre de gravité recule au point qui convient.

Cenx qui veulent faire de plus grandes recherches sur cette matiere, peuvent consulter J. A. Borelli dans son Livre de Motu animalium, ch. 18, 19, 20 & 21. dans le ch. 12. il rend compte du mouvement d'un cheval. Je vais en repeter unepartie, comme étant fort curieuse.

Les Anciens observant que les chevaux & les autres quadrupedes, en galopant; élevoient les deux pieds de devant, & ensuite ceux de derriére, aussi-tôt que ceux de devant étoient polés, s'imaginoient qu'un cheval en marchant, soit en allant le pas & en trottant, avoit deux pieds hors de terre en même-tems; & en conséquence dans leurs statues de fonte ou de marbre ils représentoient leurs chevaux avec les deux

La ligne de direction qui passe par les points A, B, C, D, E, décrit une ligne droite dans la Figure 11, où les pieds sont placés l'un devant la IIe. Leçon. l'autre; mais lorsque le mouvement d'un pied est dans une ligne paralléle au mouvement de l'autre, le centre de gravité décrit au-dessus une ligne endentée, aussi-bien que la ligne de direction, à mesure qu'elle coupe le terrein en A, B, C, D, E, (Figure 12.) Les canards, les oyes, & la plûpart des 12. offeaux aquatiques, dont les jambes sont écartées pour qu'ils puissent nager plus aisément, & se tourner promptement dans l'eau, ne marchent jamais droit sur terre; mais le coq, la cicogne, l'autruche & plusieurs autres oiseaux qui n'ont pas le pied plat, marchent presque directement en avant, fans ondulation (fur-tout lorfqu'ils vont lentement) ayant leurs jambes tellement placées qu'ils peuvent mettre un pied devant l'autre avec beaucoup de facilité. C'est ainsi que les quadrupedes marchent droit ordinairement, ou ne vont presque jamais par ondulation, à cause qu'ils ont communément trois pieds sur le terrein en même-tems : en sorte que la base qui reçoit la ligne de direction, quittant la figure quadrangulaire pour prendre la triangulaire, la partie de cette base où tombe la ligne de direction, est toujours dans la même ligne ou fort près.

Lorsqu'un homme se tient dans une posture ferme, A B (Figure 7. Planche 8.) distance de ses pieds, est la longueur d'une figure quadrilatere, dont la largeur est à fort peu près égale à la longueur des pieds, & D est le point sous le centre de gravité C, où tombe la ligne de direction. Soient menées

jambes en l'air diagonalement opposés, comme la droite de devant & la gauche de derriére, ou la gauche de devant & la droite de derrière. Les Statuaires modernes sont aussi tombés dans la même erreur, parce que l'œil ne peut pas bien distinguer le mouvement du cheval lorsqu'il va fort vîte; c'est pour cela que Borelli a fait voir par les Principes de la Méchanique, que le mouvement de deux pieds à la fois dans la marche du cheval, ne peut pas s'accorder avec la fagesse & la simplicité de la nature. Je renvois donc à cet Auteur le Lecteur qui veut sçavoir pourquoi ce mouvement ne peut pas subsister, & je vais copier d'après lui en quoi confiste le mouvement du cheval. Planche 8. Figure 14.

" Considérons un cheval comme une » machine oblongue soutenue par les qua-» tre jambes, comme par quatre appuis ou » colonnes, qui sont en répos sur les points A, B, C, D, qui forment une figure » quadrilatere recangle; la ligne de direc-» tion tombera perpendiculairement sur le » point E qui est ou dans le centre ou près » du centre de la figure quadrilatere; ce qui » rendra le cheval très-ferme sur ses pieds. >> Le mouvement progressif commence par

» un des pieds de derriére, comme par exem-» ple, par le pied gauche de derriére C, » qui en pressant fortement le terrein par » derriére, pousse en avant le centre de gra-» vité, & par conséquent entraîne la ligne » de direction de E en G, & se meut lui-» même de C en F. Cela fait, le pied B » s'éleve immédiatement après, & se porte » en avant jusqu'en H. Ce mouvement du » pied est aisé, parce que la ligne de direc-» tion tombe d'abord en-dedans du triangle » ABD; ensuite en dedans du trapeze » ABFD; c'est-à dire, que le corps du » cheval est soutenu par trois ou par quatre » colonnes. Enfin les trois pieds A, D, F » restant sermes, & la ligne de direction » étant en G, le pied gauche de devant B » est porté en avant en H; & par l'impulsion » déja faite, le centre de gravité est aussi » porté au-deflus de J, qui est le point » central du Rhombe AHFD. Le mou-» vement des deux pieds gauches étant ache-» vé, l'impulsion & le mouvement du pied » droit de derrière D commence, & ensuite » celui du pied droit de devant & toujours » de même, comme on vient de le dire, à » mesure que l'animal se ment en avant.

Planche 8. Figures 11 &

Notes fur

Notes fur les lignes A C & B C, & que ces deux lignes avec D C soient continuées la II. Leçon. aux points E, F, G, en sorte qu'elles forment les triangles ECG & ACB égaux & semblables. Tant que la ligne FG (ou le plan qui passe par cette ligne) coupe tout le corps de l'homme en deux parties égales, le centre de gravité reste en C, & CD est la ligne de direction. Mais si le corps est incliné vers la main gauche H, le centre de gravité se meut de C vers H, & le pied droit s'éloignant aisément de A, pour se porter au-delà de B. Par ce moyen l'homme ira en avant vers la gauche. De même en se panchant vers J, la ligne de direction s'approche de JA, & l'homme va à droite. Lorsqu'un homme se tient sur un pied, il y trouve quelque difficulté. Par exemple, soit la ligne de direction CD; par le mouvement du sang & des poûmons, & par d'autres mouvemens animaux, le centre de gravité pourra chanceler ou être prêt à tomber vers F ou vers G de part ou d'autre autour du centre du mouvement D, ou maintenant la base fort petite. Si la ligne de direction tend vers B, l'homme doit tomber en avant, & si elle tend vers E, il doit tomber en arrière; & quoique A foit fous le talon du pied, néanmoins dans le mouvement de cette ligne de direction de D en A, le corps fera en danger d'aller trop loin vers E, & par conséquent de porter la ligne de direction en-delà de la base. Cela arrivera plus probablement dans le mouvement du corps à côté; en sorte que le corps sera en danger de tomber, à moins que le pied droit ne soit posé en bas vers le côté où le corps panche. Les oiseaux se tiennent sur un pied beaucoup plus aisément que les hommes, parce que leur ligne de direction étant beaucoup plus courte, & la base de leurs pieds étant une grande figure rhomboïde formée par les quatre ongles , la ligne de direction ne peut pas sortir de cette base, à moins que le centre de gravité ne monte, ce qui est impossible sans un mouvement violent. (28, 43.)

Lorsqu'un Porteur est chargé d'un poids qu'il porte sur ses épaules, il doit se baisser, parce que s'il se tenoit droit, le centre commun de gravité de l'homme & du poids seroit porté si loin en-arrière, que la ligne de direction tomberoit derriére les pieds. Par la même raison, lorsqu'une semme est prête d'accoucher, elle se tient en arriére autant qu'elle peut, à cause de la charge qu'elle porte en-devant, qui sans cela la feroit tomber en avant.

Planche 9. Figure 1.

15. [51 - Roulera le long du Plan.] SI la balle FE (Plancheg. Figure 1.) est placée sur un plan horizontal poli AB, elle y restera toujours, quoiqu'elle ne le touche qu'en un seul point comme O, parce que la ligne de direction c O passe par ce point; mais si le plan est tant soit peu incliné à l'horizon, la balle roulera continuellement vers D, parce qu'alors la ligne de direction

tombera toujours en-devant du point touchant.

Si un corps solide comme G (Planche 9. Figures 2 & 3.) compris sous douze parallélogrammes rectangles & deux dodécagones opposés, paralléles & égaux, est placé sur le plan incliné BAC, il glissera de A en C, le centre de gravité se mouvant dans la ligne eg paralléle au plan AC, io, & un des plans parallélogrammes du corps touchant ledit plan A C. Mais si le plan est plus incliné, comme dans la position DE, on voit en menant

l'arc e f avec la distance i e autour du point i (qui est alors le seul endroit où le corps touche) que le centre de gravité peut descendre; & lorsque la II. Leçon. le point o est appliqué au plan DE, la ligne de direction doit tomber au-delà dudit point o vers E, & par conféquent le corps doit rouler ou tomber vers E. De même tous les points angulaires, ou plûtôt les côtés des furfaces planes, s'appliqueront successivement au plan DE, jusqu'à ce que le corps ait entierement roulé en bas.

Notes fur

16. [Dans la charge de fer le centre de gravité est bas ; mais dans la charge 'de foin, il est fort haut.] K (Planche 9. Figure 4.) est le centre commun de gravité de la charge de foin & de la charrête PM, dont la ligne de direction est KE, lorsque le plan PM (sur lequel la charréte est tirée) est horizontal; mais fi CD est une ligne horizontale, le plan P M sera incliné à l'horizon de l'angle BPD, & la ligne de direction étant changée de KE en KP (à cause que KP est la seule perpendiculaire de K sur CD) tombera hors de la base QM vers C, & par conséquent la charrête sera renversée de ce côté-là; ce qui paroît aussi en traçant tout autour du point touchant Q avec la distance Q K l'arc K R, qui marque le chemin du centre de gravité, qui dans ce cas peut descendre sans monter auparavant. Par la même raison, si la charrette est tirée le long d'un plan horizontal, dont la section est représentée par CD ou PN, & que la rouë M rencontre un obstacle de la hauteur de NM, la charge de foin sera aussi renversée par cet obstacle.

Mais comme une charge de fer (Planche 9. Figure 5.) se trouve beaucoup plus basse sur la charette, le centre de gravité sera aussi plus bas, & par conféquent la ligne de direction tombera en-dedans de la base sur le même plan incliné, qui auroit fait sortir de la base une charge de soin, comme il est évident par le figure. Que CD represente encore ici une ligne horizontale, & QM le chemin ou la base qui porte la charrette, l'angle d'inclinaison MQN dans cette figure étant égal à MQN dans la Figure 4, la ligne de direction KP tombera ici en-dedans de la base QM, & ne pourra tomber en-dehors que lorsque l'angle d'inclinaison sera augmenté jusqu'à BQY, en faisant XY ligne horizontale; ou ce qui revient au même, à moins que la rouë M ne rencontre un obstacle de la hauteur de y M beaucoup plus élevé que celui qui auroit renversé la charge de foin.

Planche 9. Figure 4.



LEÇON III.

Leçon III. 1. T ES Machines simples ou Instrumens que quelques-uns nomment facultés méchaniques, ou Puissances méchaniques, * sont des Instrumens tout d'une pièce (considérés comme tels); par le moyen desquels les Puissances décrites dans la derniere Leçon (nº. 19. 20.) agissent sur les poids pour leur donner du mouvement ou pour l'arrêter; pour surmonter, produire ou fixer la résistance.

- 2. TOUTES les machines (quelque composées qu'elles soient) pour les usages de la vie, résultent des différentes combinaisons des machines simples. Quelquefois on les trouve toutes dans une seule machine; quelquesois on en trouve deux ou trois, & souvent on n'en trouve qu'une repetée plusieurs fois.
- 3. LES Machines simples sont les sept suivantes; la Balance, le Levier, la Poulie, le Tour, ou (Axis in peritrochio), le plan incliné, le Coin & la Vis. N. B. Les Auteurs différent sur le nombre des Puissances méchaniques; quelques-uns n'en comptent que six, ne voulant pas comprendre parmi les Machines le plan incliné, dont j'ai fait mention. D'autres les ont réduites à cinq, considérant que la Vis n'est qu'un Coin qui roule autour d'un cylindre: & d'autres encore ont prétendu que le Levier & la Balance n'étoient que la même puissance, à cause de leur ressemblance. Mais puisque le même principe est seulement appliqué différemment (comme on peut le voir en réduisant toutes les Puissances méchaniques au Levier, ou expliquant toutes leurs opérations par celle du Levier*) & que nous avons à rendre compte des Instrumens inventés pour cette différente application, il paroît que les Puissances méchaniques sont au nombre de sept.

Note 2,

4. AVANT que d'expliquer en détail ces puissances ou instrumens, il y a quelques résléxions générales à faire rélativement à toutes les machines, lesquelles faciliteront les calculs que nous ferons à leur occasion, & rendront leur exécution dans la pratique aussi parfaite, que la nature des matériaux dont elles sont composées, pourra le permettre.

SUPPOSITIONS.

- 5. QUOIQUE la terre soit sphérique, cependant nous la supposerons plate, lorsque nous parlerons des instruments méchaniques; parce que la plus grande machine couvre une si petite partie de la surface de la terre, qu'en lui accordant la moindre rondeur sensible dans un si petit espace, ce seroit trop lui accorder de beaucoup.
- 6. QUOIQU'AUCUN des corps qui sont entre nos mains ne soit parfaitement dur, ou exactement de la figure que nous prétendons leur donner, cependant nous supposerons chaque chose parfaite dans toutes nos machines; par exemple que tous les corps étroits, comme le fleau d'une balance, un lévier, &c. sont des corps mathématiques roides & sans épaisseur, ou des lignes tout-à-sait infléxibles; que les puissances méchaniques (soit qu'elles soient simples, ou qu'elles forment les machines composées) sont sans pésanteur, de quelques matériaux qu'elles soient composées; que les corps sont parfaitement durs & polis; que les parties des machines se meuvent les unes les autres sans frottement; que les cordes sont extrêmement pliantes; que les chevilles centrales des poulies, ou aissieux de leurs mouvements, des balances, des léviers, des tours, &c. ne sont que des lignes mathématiques.
- 7. QUOIQUE les lignes de direction (L. 2. 22.) de tous les corps pesans, tendent vers le centre de la terre, & par conséquent forment ensemble un petit angle; cependant nous les considérons comme paralléles, parce qu'elles le sont sensiblement, leur point de convergence n'étant qu'à 4000 milles de distance. C'est pour cette raison que les murailles d'un bâtiment, lorsqu'elles sont exactement plombées, sont plus proches en bas qu'en haut, quoique dans la pratique on doive les regarder comme paralleles.
- 8. MALGRE' la fausseté de ces suppositions, nous n'avons pas à craindre qu'elles nous fassent tomber dans aucune erreur; parce que, par une seconde considération nous aurons égard à l'imperfection des machines & des matériaux, & à la quantité du frottement, qui est différent selon le nombre & la combinaison des parties, & selon la nature des matériaux dont les diverses machiz

Leçon III. nes sont composées: & ayant fait usage des meilleures méthodes que nous pourrons avoir pour découvrir les imperfections précédentes dans chaque machine particuliere, nous aurons soin de faire connoître ce qui doit être déduit du calcul qu'on aura fait sur une machine qu'on aura trouvée mathématiquement vraye.

N.B. On verra dans la suite les différentes méthodes pour trouver la

* Note 3. & quantité du frottement dans les machines. * L. 4.

DE'FINITIONS.

- 9. Lors Que des quantités égales ou inégales de matière font tellement appliquées à un inftrument méchanique ou à une machine, que leurs moments ou quantités de mouvements, ou forces mouvantes, se détruisent mutuellement, on dit qu'elles sont en équilibre. Leç. 2. 12.
- 10. Lors que des puissances, dont les intensités sont égales ou inégales, sont tellement appliquées à une machine que leurs actions se détruisent mutuellement, on dit aussi qu'elles sont en équilibre. L. 2. 12.
- des machines, peuvent être regardés comme des puissances & des poids, déja décrits Lett. 2. N. 18. 19.
 - 12. LES corps en équilibre sont dits équiponderans.
- 13. Lors que les puissances & le poids ont leurs vîtesses en raison réciproque de leurs masses ou de leurs intensités (Lec. 2. 20.) leurs moments sont égaux, & par conséquent il y a équilibre. (9.)
- 14. Si le moment d'une puissance est plus grand que celui du poids (ou au contraire) si le moment du poids est plus grand, cette puissance ou ce poids préponderera ou surmontera.
- 15. Lors Que la vîtesse (la masse étant égale) ou la masse ou l'intensité d'un poids ou d'une puissance (la vîtesse étant égale) ou tant la masse que la vîtesse ensemble sont plus grandes dans une puissance ou dans un poids que dans le poids ou la puissance opposée

opposée (ou qui agit contre l'autre); le moment de la première Leçon III.

fera plus grand que celui de la derniére. *

N.B. Cela arrivera, quelque petite que soit la différence, quoiqu'alors la résistance produite par le frottement empêchera l'effet d'être visible.

* L. 2. 15. 17.

DE LA BALANCE.

16. Les parties efsentielles de la balance sont, 1°. Le fleau, comme AB (Figure 6. & 7. Planche 9.); 2°. L'axe du mouvement, que l'on ne considére que comme un point ou le centre du mouvement C, qui divise le fleau en deux parties. 3°. Ces deux parties qu'on nomme les bras comme AC & CB; qui sont ou égales comme dans la Figure 6, ou inégales, comme dans la Figure 7. 4°. Les points de suspension, comme A, B dans la 6°. & A, B, K, K dans la 7°. Figure.

Planche 9. Figure 6. 7.

17. Lors que les poids pendent librement des points de suspension, ils n'ont de gravité ni plus ni moins, soit qu'ils soient suspendus près ou loin de ces points.

Expérience I. Planche 9. Figure 6.

18. Soit le poids Q avec sa corde QA, suspendu à l'extrémité A de la balance AB, égal au poids P avec sa corde DB. Suspendez le poids P à l'une des gances G, F, E, D, de sa corde; & dans chacune il fera équilibre avec le poids opposé, & également éloigné Q.

Planche 9. Figure 6.

- 19. LORSQUE le fleau de la balance est également divisé par le centre du mouvement (comme dans la 6°. Figure) avec des bassins suspendus librement aux points A, B, au lieu des poids Q & P, on l'appelle simplement Balance.
- 20. CET instrument sert à comparer ensemble les corps qui ont des quantités égales de matière, quoiqu'ils différent souvent en volumes; car lorsque les marchandises qu'on veut acheter ou vendre sont placées dans un bassin, ensorte qu'elles tiennent en équilibre les poids qui sont dans le bassin opposé, les moments sont égaux; & puisque les vîtesses sont égales à cause des distances égales AC & CB (12), les quantités de matière seront aussi

Tome I. N

Planche 9. Figure 6. Note 4.

Leçon III. égales: & cela se voit par la position horizontale du sleau qui pend librement sur son centre de mouvement, lequel est placé un peur au-dessus de son centre de gravité. Voyez la 4e. Note.

Delà il suit que la distance d'un poids (j'entens celle qui agir) ne doit pas être mesurée depuis le centre du mouvement de la balance, jusqu'au centre de gravité du poids; & que par conséquent les lignes cn, cm, n'expriment pas les distances des poids. P & Q; mais leurs distances sont proprement CB & CA, qui sont les moindres distances de leurs lignes de direction Nn & M m au centre du mouvement C : Ainsi lorsque les poids pendent librement sur une balance horizontale, la distance de leurs points de suspension a C peut se nommer leur distance, & se mesurer sur le fleau; mais si la balance est dans une position inclinée comme ab, les distances des poids p & q ne seront pas b C & a, mais d C: & e C, qui ont des lignes perpendiculaires à leurs lignes de direction po, qa, & qui passent par le centre du mouvement. Ce font par conséquent les moindres distances de ce centre à ceslignes de direction.

21. La balance, dont les bras font inégaux (Planche 9. Figure 7.) comme AB, se nomme Romaine; elle se rapporte au petit instrument que les Chinois (qui prennent toute leur monnoye au poids) portent toujours avec eux, & qu'ils nomment Dotchins. Voyez. Nº. 13. de la Leçon 2. Planche 4. Figure 3. Cet instrument sert à comparer ensemble, par une seule opération, les corps qui ont des quantités égales ou inégales de matière; mais pour les marchandises pesantes, il n'est pas aussi exact que les balances ordinaires.

La balance de la Figure 8. peut servir autant qu'une romaine ou une balance simple, à cause des différentes divisions qui sont sur chaque bras.

THEORE ME.

22. Un ou plusieurs poids suspendus à un bras d'une balance seront en équilibre avec un ou plusieurs poids suspendus à l'autre bras, pourvu que la somme des moments (ou toute la quantité du mouvement) des poids d'un côté du centre du mouvement, soit égale à celle des moments. de l'autre côté du centre.

LEÇON III.

Expérience II. Planche 9. Figure 8.

23. Sur le bras A C pendent un poids de 3 livres à la division 8, un de 6 au nombre 5, un de 3 au nombre 1, & un de 9 au nombre 3. Ensuite sur le bras C B pendent un poids de 2 livres en 2, un de 12 en 5, & un de 2 en 10. Je dis que la balance sera en équilibre.

Planche 9; Figure 8.

24. Puisque la vîtesse des poids suspendus à une balance dépend de leurs distances au centre du mouvement, chaque poids étant multiplié par sa distance à ce centre donnera son moment: Donc 8 × 3 (= 24) + 5 × 6 (= 30) + 3 × 1 (= 3) + 3 × 9 (= 27) donneront la somme 84 pour le moment ou quantité de mouvement sur le bras AC: & 2× 2 (= 4) + 5 × 12 (= 60) + 10× 2 (= 20) donneront la même somme 84 pour le moment sur le bras CB: & par conséquent ces moments égaux agissant dans des directions contraires, doivent produire un équitibre (9). Si tous les poids qui sont sur le bras AC étoient réduits à un seul, sçavoir, à un poids de 21 livres suspendu à la quatriéme division, il tiendroit en équilibre un poids égal à tous les autres qui sont sur CB, suspendus à un quart de la division au-delà de la 5^e. parce que 4×21 = 5½×16 = 84, comme on l'a fait voir dans la seconde Lec. 13.

PROBLE ME.

25. Des poids égaux ou inégaux étant suspendus aux extrémités d'une balance dont la longueur & le poids sont connus : trouver le point sixe ou le centre du mouvement autour duquel les dits poids seront en équi-libre.

Expérience III. Planche 9. Figure 7.

AB est une balance qui pese quatre onces, & a 12 pouces de longueur. A ses extrémités A & B sont suspendus des poids de quatre & huit onces.

Trouvez le centre commun de gravité desdits poids. (L 2.39.) qui sera directement sous le point K au nombre 4. Faites de K le centre du mouvement, & alors le centre de gravité étant dans

Planche 9. Figure 7.

S Planche 9. Figure 7.

LEÇON III. son lieu le plus bas, le problème sera résolu, si la balance A B n'a point de péfanteur. Mais comme la balance pese quatre onces, le bras A K doit l'emporter sur le bras K B, & détruire l'équilibre. Mais une seconde opération semblable à la premiére résoudra parfaitement le problème, après la préparation suivante. Suspendez. le poids E égal aux deux premiers poids ou 12 onces. A la coche sous K, au centre commun de gravité des deux poids, lequel réduisant leurs poids au centre de gravité, ils agiront comme

auparavant. (L. 2. 34.)

Réduisez aussi le poids de la balance à son centre de gravité, en suspendant le poids D de 4 onces (ou égal au poids de la balance) à x sous 6, centre de grandeur, qui est aussi le centre de gravité, parcé que la balance est réguliere & homogéne. Alors nous aurons la courte balance 64 ou x K fans poids, & le point C ou vrai centre du mouvement, se trouvera par cette analogie, E + D (16 onces): D (4):: x K (ou longueur de deux. pouces): KC (ou un demi pouce.) Ce point sera directement audessus du centre de gravité de la balance & de tous les poids, & ôtant les poids D & E, l'équilibre subsistera; l'altération du centre de mouvement de K en C faisant la correction pour l'inégalité des poids des bras de la balance.

PROBLE'ME.

26. Un poids donné étant suspendu à l'une des extrémités d'une balance d'un poids connu, trouver le point fixe autour duque! la balance & le poids sont en équilibre.

Expérience IV. Planche 9. Figure 9.

Planche 9. Rigure 9.

AYANT suspendu le poids donné D, égal (par exemple) à quatre livres, à l'extrémité A de la balance AB, qui pese aussi quatre livres, puisque dans cette opération on fait attention au poids de la balance, on supposera que tout le poids de la balance est réduit à son centre de gravité (L. 2. nº. 43) comme si le poids de quatre livres étoit suspendu en C, centre de gravité de la balance, qui est le milieu de ses divisions 6 : alors nous aurons une nouvelle balance (AC) sans poids, aux extrémités de laquelle sont suspendus les poids D & E, dont on trouvera le point fixe 3 (par la derniere Proposition) ou plus généralement par cette

analogie, comme D + E (ou le poids du corps, & le poids de la Leçon III.

Sont à E (poids de la balance)::
Ainst CA (demi-longueur de la balance):

Est à A 3 (distance du point fixe au corps pésant donné.)

Planche 9.
Figure 9.

PROBLE ME.

27. FAIRE une balance trompeuse dont le sleau sera en équilibre sans les bassins, ou avec les bassins vuides; & qui sera aussi en équilibre lorsqu'on mettra dans les bassins des poids inégaux; ensorte qu'elle trompera dans toutes les proportions que l'on aura voulu en faisant la balance.

Ce problème se résoud en faisant une romaine qui ait l'apparence d'un fleau ordinaire, comme dans l'Expérience suivante.

Expérience V. Planche 9. Figure 10.

A u fleau AB (long de 23 pouces, dont le bras CB a 11 pouces de longueur, & est en équilibre autour du point C avec le bras CA de 12 pouces de longueur, en le faisant d'autant plus épais, ou qu'il ait d'autant plus de matiére, à proportion qu'il est plus court pour le corriger) suspendez les bassins D, E de manière que D, qui pese \frac{1}{12} moins que E, soit suspendu au plus long bras du fleau, & ils seront tous deux en équilibre. (9.13.)

Plaçant ensuite un poids de 12 livres en G dans le bassin E, il ne sera en équilibre qu'avec 11 livres de F, si l'on place la marchandise que l'on veut vendre dans le bassin D; parce qu'alors F

est à G en proportion réciproque de B C à A C. (9. 13).

Quoiqu'on puisse faire cette balance avec tant d'adresse que les yeux y seront trompés; cependant la tromperie se découvre d'abord en changeant les poids, & saisant passer la marchandise F d'un bassin à l'autre; car alors le Propriétaire de la balance sera forcé ou d'avouër la fraude, ou d'ajouter à la marchandise qu'il vend, non-seulement ce qui y manque, mais encore autant qu'il avoit résolu de soustraire, & une fraction de ce poids ajouté proportionnelle à l'inégalité des bras de la balance. C'est-a-dire, que dans ce cas, l'acheteur au lieu de 11 livres qu'on lui offroit pour 12 qui lui étoient dûës, aura (par le changement des bassins) 13 in livres. Car au lieu que dans la premiere position de la balance,

Planche 92. Figure 104

LEÇON III. F (11) × A C (12) étoit égal à G (12) × B C (11), lorsque G ou 12 livres sont placées dans le bassin D, alors 12×12 sera Planche 9. égal à CB (11) × 13 ½ G: ou

Figure 10.

Comme le bras C B de 11 pouces de longueur:

Est au bras CA de 12 pouces de long ::

Ainsi F ou le poids 12, placé dans le bassin D: sera à $G = 13\frac{7}{11}$ poids de la marchandise qui tient les poids en équilibre. Et par conséquent comme cette analogie donne une proportion réciproque entre les poids & leurs vîresses, les moments seront égaux, & ayant des directions contraires, ils se détruiront mutuellement.

N. B. Dans tous ces cas nous supposons que les poids sont suspendus librement aux extrémités de la balance où ils sont attachés. Voyez les

E Note 3: autres cas dans les Notes. *

DU LE'VIER.

28. Le Lévier (instrument connu de bois ou de ser) doit être regardé dans la théorie comme une ligne insléxible semblable au sleau d'une balance, & sujette aux mêmes proportions, excepté seulement que la puissance qu'on y applique est ordinairement une puissance animée, & selon les dissérentes manières de l'appliquer, on le nomme lévier de la première ou de la seconde, ou de la troissiéme espèce.

Expérience VI. Planche 9. Figure 11.

Planche 9. Figure 11.

29. Sott la romaine PW tirée de son crochet K, & que son centre de gravité C soit placé sur un appui ou prisme triangulaire DE, & qu'au lieu du poids I, suspendu en P pour tenir en équilibre le poids W de 4 livres, on applique en P une puissance animée, telle que la main. La romaine deviendra un lévier de la premiere espèce, que l'on nomme ainsi, parce que l'apui ou le point sixe est entre les extrémités comme en C, auquel cas on peut employer une puissance quatre sois moindre en intensité que le poids, mais égale au poids, si C ou l'appui est approché de M (milieu de PW) & quatre sois plus grande, si C est placé à 3. N. B. Dans tous ces cas, le lévier est toujours dit de la premiere espèce. *

Mote 6.

30. LORSQUE l'apui est à un bout, la puissance à l'autre, &

103 le poids entre deux, le lévier est de la seconde espèce. Planche 9. Leçon III. Figure 12.

> Planche 9. Figure 12. 435

31. Mars il est de la troisième espèce, lorsque le point fixe est à un bout, le poids à l'autre, & la puissance entre deux. Planche 9. Figure 13.

N. B La puissance & le poids sont toujours supposés agir à angles droits avec le levier, à moins qu'on ne l'exprime autrement; car alors les cas doivent varier, comme on peut le voir dans la Note s. sur la

balance qui peut également s'appliquer au lévier.

Les proportions que les puissances & les poids ont réciproquement à leurs distances, sont marquées à la 11°. 12°. & 13°. Figures.

Expérience VII. Planche 9. Figure 14.

'32. PLACE z les trois léviers A, B, D, de telle manière sur les apuis F, F, que la proportion des bras de A, soit comme 5 à 1, de B comme 4 à 1, & de D comme 6 à 1, & faites que ces léviers agissent l'un sur l'autre : faisant ensuite usage d'une puissance égale à une livre à l'extrémité M du lévier D, elle sera en équilibre avec

W de 120 livres à l'extrêmité 1 du lévier A.

Dans ce lévier composé, la proportion ou raison du poids W à la puissance M, est composée des différentes raisons du long bras de chaque lévier au bras court; car 5×4×6 = 120. Et par conséquent on trouvera, en mesurant l'élevation & la chute des extrémités du premier & dernier lévier, que pendant que le poids W descend i d'un pouce, la puissance ou petit poids M doit monter ou 12 pouces; la force que l'on gagne par un tel lévier composé se trouve par la raison réciproque entre les mains & les vîtesses de W & M ..

Lorsque deux puissances appliquées aux extrémité d'un lévier, supportent un poids qui est en repos sur le lévier, elles sont l'une à l'autre réciproquement comme leurs distances au poids. La proportion est marquée sous la Figure 15.

EXPÉRIENCE VIII. Planche 9. Figure 16.

33. Dans le cadre ABDC, le lévier FF est suspendu aux points J, K, & chargé du poids 7 en C; & les poids dont les Planche 93. Figure 14:

Planche 94-Figure 16,

Leçon III.

Planche 9. Figure 16.

cordes vont au-dessus des poulies G, H, étant l'un à l'autre réciproquement comme les distances JC, &CK, seront en équilibre avec le poids de 7 livres.

N.B. On ne fait pas attention ici au poids du lévier; car à moins que les bras EC & CF ne soient l'un à l'autre, comme 3 à 4, le centre de gravité (ou le point C) doit être éloigné un peu plus vers J, comme on

l'a dit ci-devant au sujet de la balance. (n°. 25.)

C'est sur ce principe que les chevaux inégaux en sorce peuvent tirer également un carosse: car si la volée est divisée inégalement, le cheval qui est appliqué à l'extrémité la plus courte de cette volée, emploira plus de sorce. Deux hommes aussi qui portent un barril suspendu à une barre, sont pressés également sur leurs épaules, si le barril n'est pas suspendu au milieu; celui qui porte le plus est celui qui est plus proche. Cela va s'éclaircir encore mieux par l'Expérience suivante.

EXPÉRIENCE IX. Planche 6. Figure 17.

Planche 6. Figure 17. 34. Le pied F porte une planche horizontale AB, sur laquelle on doit poser le lévier 1, 2, divisé en proportion de 2 à 1, (supposant que ce soit un palonneau;) ensuite plaçant la poulie n vis-à-vis de 2, & la poulie m vis-à-vis de 1, soient les poids O (1 liv.) & M (2 liv.) suspendus par des sils sur lesdites poulies; ils seront en équilibre avec le poids N = 3 liv. lequel tire le lévier dans une direction contraire, sur la poulie O vis-à-vis de C.

. N.B. Les poulies glissent dans une rainure au bord de la planche

& restent en place lorsqu'on les a posées.

Expérience X. Planche 9. Figure 18.

Planche 9. Figure 18. est réprésenté dans la sigure, avec son point sixe dans l'angle en C, le poids W pressant perpendiculairement sur l'extrémité W, sera tenu en équilibre par un poids d'une livre, qui tire l'autre extrémité du lévier P perpendiculairement (par le moyen d'une poulie sur laquelle passe la ligne de direction de la puissance) par deux livres en p, & par trois livres en m. C'est de cette manière qu'un marteau sert à tirer un cloud. Quelques-uns appellent ce lévier, un lévier de la quatrième espèce; mais c'est évidemment un lévier de la première espèce; parce que le poids W est à une extrémité, la puissance P à l'autre, & le centre du mouvement

C entre deux : Si le bras CW est placé en ligne droite avec PC, LEÇON III ensorte que W vienne en w, & que c devienne l'appui, on verra clairement que l'instrument est un lévier de la premiere espéce. *

Planche 9. Figure 18.

* Note 7.

Planche 10.

Figure 1.

DE LA POULIE.

36. Lorsqu'une petite rouë est tellement fixée dans une rouë ou dans une chape, qu'elle soit mobile autour d'une cheville qui passe par son centre, cet instrument se nomme Poulie. (Planche 10. Figure 1.) & quelquefois, quoiqu'improprement la boëte ou la chape avec plusieurs rouës qu'elle contient, se nomme aussi une Poulie, comme dans la figure 2.

Lorsqu'une boëte avec ses roues est tellement fixée, que pendant qu'elle reste immobile, une autre boëte & d'autres rouës montent avec le poids suspendu, cette machine se nomme mousse out

double poulie.

37. La poulie supérieure qui est fixée n'augmente pas la force, mais elle empêche seulement le frottement, en faisant couler la corde aisément, & d'autant plus aisément, que la rouë est plus grande par rapport à l'aissieu autour duquel elle tourne. *

* Note 8.

Expérience XI. Planche 10. Figure 3.

A Y A N T attaché aux extrémités d'une corde pliante les poids 1 & 3, le premier d'une livre, & le second de trois, si l'on fait passer la corde au-dessus de la poutre quarrée, mais polie AB, le frottement de la corde sur la poutre sera si grand, qu'il empêchera le poids de trois livres d'élever celui d'une livre, quoique son moment (sans cet obstacle) soit trois sois plus grand, parce que sa vîtesse est la même, & sa matiére triple. (L. 2. n°. 3.) Mais on n'attache qu'un poids d'une livre à l'extrémité de la même corde, & que l'on fasse passer la corde sur la poulie ED, les deux poids se soutiendront si exactement en équilibre, que le moindre poids ajouté à l'un des deux fera qu'il emportera l'aurre : on voit par la seule figure, que ces poids doivent être en équilibre, puisque le poids qui est à droite ne peut pas descendre en d sans faire monter en E celui qui est à gauche, précisément avec la même vîtesse, 1, d étant égal à 1 E. N. B. Cette poulie se nomme aussi un Rouleau.

Planche 10. Figure 3.

Tome I.

0

DECON III. 38. Une poulie inférieure au moufle, c'est-à-dire celle qui est mobile avec le poids, enleve la moitié du poids; ensorte qu'une puissance de la moitié de son intensité, peut le soutenir.

EXPÉRIENCE XII. Planche 10. Figure 4.

Planehe 10. Figure 4. A un crochet qui vient du centre de la poulie ge est suspendu un poids de 2 livres; ensuite ayant attaché au crochet f du bras A la corde qui entoure la poulie ge par-dessus, & l'ayant fait passer au-dessus de la poulie d, le poids d'une livre au bout de la corde soutiendra les deux livres suspendues au centre e de la poulie ge.

Il est évident que la puissance qui pousse en 1, agit de la même manière que si elle portoit en haut en d; puisque nous avons déja fait voir (n°. 37.) que la poulie supérieure n'augmente pas & ne

diminue pas l'action de la puissance.

On peut voir tout d'un coup dans les poulies combien la force d'un poids est diminuée, si l'on considére combien de cordes (ou de parties d'une corde) sont employées à l'élever, chacune divisant le poids selon qu'elles sont appliquées aux poulies insérieures où il est suspendu, pendant que la puissance ne tire que par une corde. Par exemple, en ce cas les cordes se & dg soutiennent le poids; mais se est soutenue par le crochet f, pendant que la puissance ne tire en haut que la corde dg.

39. DELA on peut tirer cette régle générale pour connoître l'avantage que l'on gagne par les moufles, quelque soit le nombre des poulies. La voici : Comme un est au nombre des cordes (ou des parties d'une corde) appliquées aux poulies inférieures, ainsi la puissance

est au poids.

Par exemple, il est évident par la seule inspection des figures (Planche 10. Figures 4. 5. 6. 7 & 8.) qu'une livre en soutiendra 4, comme dans la Figure 5. six comme dans la Figure 6, cinq comme dans la Figure 7. & six comme dans la Figure 8. N. B. Les poulies de teurs cordes réprésentées par les Figures 5, 7 & 8, se nomment poulies à quatre, à cinq & à six yeux.

40. La machine représentée dans la Figure 6, est la moins commode pour élever le poids 6; mais c'est la plus utile pour amener ensemble les extrémités de deux poulies sans danger de

les courber, comme s'il falloit amener ensemble les extrémités Leçon III A & B par dégrés.

> Planche 10. Figure 9.

41. On doit remarquer que la régle précédente ne s'applique qu'aux cas où les poulies inférieures montent toutes à la fois dans une seule chape avec le poids; mais lorsqu'elles agissent l'une sur l'autre, & que le poids n'est attaché qu'à la plus basse de toutes, la force de la puissance augmente beaucoup, étant doublée par chaque poulie. Ainsi par exemple (Planche 10. Figure 9.) une puissance dont l'intensité est égale à 8 liv. (étant appliquée en a) soutiendra par le moyen de la poulie inférieure A, 16 liv. (nº. 38.) Une puissance égale à 4 liv. (en b) soutiendra par le moyen de la poulie inférieure B, celle de 8 liv. qui agit en a : une 3°. puisfance égale à 2 liv. (en c) foutiendra par le moyen de la poulie C la puissance de 4 livres en b: une puissance de 1 livre (en d) soutiendra par le moyen de la poulie D, la puissance de 2 livres (en c) & celle-ci ne changera pas par le tour que fait sa corde sur la poulie supérieure ou rouleau E. (n°. 37.) N. B. On a marqué dans la Figure le poids que chaque poulie & chaque corde soutient dans ce système de poulies.

Expérience XIII. Planche 10. Figure 9.

Un poids de 16 livres suspendu à la poulie A (de la machine Figure 9. composée de quatre poulies simples mobiles, d'un rouleau en E, & de 4 crochets fur les bras EF) érant en équilibre avec le petit poids 1; soit ce poids élevé en K à 16 pouces de hauteur, & le poids 16. ne descendra dans la ligne g h que d'un pouce. Cela fait voir que la proportion réciproque entre les poids & leurs vîtesses peut s'appliquer à ce cas, aussi-bien qu'à tous les autres cas des poulies, comme on peut le voir en mouvant le poids ou la puissance dans toutes les combinaisons des poulies, & mesurant les espaces parcourus. Ainsi dans la Figure 4. pendant que 2 descend en a, 1 monte en B précisément deux fois aussi haut, &c. * Cette proportion produira donc toujours l'équilibre dans cette machine, aussibien que dans toutes les autres.

N. B. Les cordes qui montent & descendent, seront toujours supposées paralléles, à moins qu'on n'avertisse du contraire; * & dans chaque figure réprésentant des poulies, la puissance & le poids sont marqués par les lettres P & W.

* Note 9:

Planche 10;

Figure 9.

* Note re.

Oij

Leçon III.

Planche 10. Figure 10.

DU TOUR.

42. Lors qu'une puissance par le moyen d'une corde ou par quelque autre secours, est tellement appliquée à la circonférence d'une rouë, qu'elle fait tourner cette rouë avec son aissieu, & lui fait élever un poids appliqué à l'aissieu de quelque manière que ce soit; on appelle cette machine un Tour ou axis in peritrochio.

(Pl. 10. Fig. 10. 11.)

Puisque dans cet instrument la rouë & son aissieu se meuvent ensemble, il est évident que dans un tour de la rouë, lorsque la puissance P descend d'une longueur égale à la circonférence de la rouë, le poids W monte d'une hauteur égale à la circonférence de l'aissieu A (Fig. 10) par le roulement de la corde qui porte le poids sur cet aissieu. Et puisque lorsqu'il y a équilibre entre deux poids, comme W & P, il doit y avoir une proportion réciproque entre leurs masses & leurs vîtesses; W doit être à P, comme la circonférence de la rouë à celle de l'aissieu (en supposant que la corde n'a point d'épaisseur) ou comme le demi diametre de la rouë au demi diametre de l'aissieu (c'est-à-dire, Fig. 11. comme D K & K A) parce que les demi-diametres de dissérents cercles sont en même proportion que leurs circonférences.

Delà il suit que plus l'aissieu est petit à proportion de la rouë,

plus la puissance peut soutenir ou élever un grand poids.

Expérience XIV. Planche 10. Figure 10.

Planche 10. Figure 10.

43. La machine réprésentée par la figure, est un modéle (fait sur une échelle d'un pouce pour un pied) d'un tour & d'un aissieu tel qu'il est souvent en usage pour tirer l'eau d'un puits par le moyen d'une puissance qui tire par une corde appliquée à la circonférence de l'une des rouës de la machine, ou en poussant en bas successivement les manches E, F, G, H, J, K, pendant qu'une autre corde ou chaine est roulée sur l'aissieu A ou B, laquelle porte un sceau qui lui est suspendue à la place du poids W. Ici par l'expérience, une livre suspendue à la circonférence de la plus grande rouë CD, tient en équilibre 12 livres, suspendues au plus petit aissieu A, ou 6 livres à l'aissieu B, & seulement 3 livres à la circonférence TV. De même lorsque le poids suspendue à l'aissieu continue d'être au même endroit, & d'avoir la même quantité de

12 livres, la puissance qui a la circonférence de la roue CD, est Leçon III égale à 1 livre, sera égale à 1 ½ livre, si on l'applique à SR; mais si on l'applique à l'un des manches à la distance de 4 d'un pouce de la circonférence de la roue CD (ce qui est le même que si on ajoutoit une nouvelle rouë d'un i pouce de plus en diametre) alors une puissance qui ne seroit pas plus de 12 d'une livre, tiendroit le poids en équilibre, & l'éleveroit, pour peu que son intensité sût augmentée.

Cela est réprésenté plus clairement dans la Fig. 11, où les poids sont marqués par les settres W, w, w, & les puissances par les lettres P, p, 7, & où l'on doit observer qu'à moins que la puisfance n'agisse sur les manches dont on a parlé, à angles droits, ou selon les lignes E #, F f ou Gg, &c. l'effet ne peut pas être le même que si l'on faisoit usage d'une nouvelle roue E, F, G,

H, à laquelle les lignes E, Ff & Gg seroient tangentes.

44. CAR si une puissance, par exemple, P, agit obliquement fur l'un des manches, comme par l'angle aigu PFK, ou par son angle obtus correspondant PJK, la ligne de direction de cette puissance, * devient tangente de la circonférence DC; & par conséquent la puissance agit comme si elle tiroit avec une corde roulée sur la rouë CD; & si l'obliquité étoit plus grande, comme lorsque la puissance P tire le manche G selon l'angle P G K, l'effet ne sera pas plus grand que si cette puissance tiroit avec une corde roulée sur la circonférence SR. Les puissances doivent dans ces cas être augmentées en même proportion que les lignes D K & SK sont plus courtes que EK. Voyez les nombres dans la Figure, qui expriment les intensités des puissances.

N.B. Nous n'avons pas fait attention ici à l'épaisseur de la corde, à laquelle on doit avoir égard dans la pratique, ajoutant toujours la moitié de l'épaisseur de la corde au demi-diametre de l'aisseu : & si la corde est roulée sur elle-même, il faut ajouter pour chaque nouveau tour la moitié de son épaisseur ; c'est la raison pour laquelle il faut plus de puissance, lorsque l'aissieu est ainsi épaissi, comme il arrive souvent en tirant l'eau d'un puits profond & étroit, sur lequel on ne peut pas placer,

un long aissieu.

45. SI la corde à laquelle la puissance est attachée, est successivement appliquée à différentes rouës, dont les diametres sont toujours plus grands, l'aissieu tournera continuellement avec plus

Planche 10. Figure 10.

* Note 55

Plinche 10. Figure 10.

ECON III. de facilité, à moins que l'intensité de la puissance ne soit diminuée en même proportion, & dans ce cas, l'aissieu sera toujours tiré avec la même force par une puissance qui diminuë continuellement. C'est ce qui se pratique dans les horloges à ressort, lorsque le ressort spiral S (Fig. 12) qui est plus fort dans son action étant entiérement roulé, tire la fusée F, ou l'aissieu du tour continué par les petites rouës proche de B: & à mesure qu'il fe débande & devient plus foible, il le tire sur des rouës plus. grandes auprès de A, de manière que l'horloge se meut toujours avec la même force.

Il y a une autre invention fort curieuse, par le moyen de laquelle une puissance dont l'intensité diminuë continuellement, produit cependant un effet qui augmente continuellement; ce qui est une espéce de paradoxe méchanique; mais comme elle est fort en usage, nous sommes en état de l'examiner. Je parle de l'application du principal ressort d'une platine de fusil, pour tirer le chien, qui porte la pierre contre le bassinet d'acier (pour faire du feu) par un mouvement acceleré, quoique le ressort pendant tout ce tems-là se débande lui-même. FSP (Planche 22. Figure 7.) est le ressort bandé à son plus haut point, lorsque le fusil est bandé; mais sa situation naturelle lorsqu'il n'est pas bandé, est FSp. ACT est la noix qui a l'axe de son mouvement en C, milieu d'un aissieu ou arbre, qui traverse la platine, & à l'extrémité de laquelle le chien (ou le poids qui doit être mû par la puissance) est fixé quarrément. La noix est réellement un tour qui a plusieurs rouës, où la puissance s'applique successivement depuis la plus petite jusqu'à la plus grande, comme dans la fusée d'une montre. Je n'en ai représenté que trois, conformément aux trois positions les plus égales du reffort, par les cercles ponctués a B, ab, & A B. Maintenant quoique la plus grande partie de ces rouës soit supprimée, lorsque la noix est réduite à sa situation naturelle A a a B Tt, il en reste assez de chacune, pour que le crochet P du ressort s'applique successivement à toutes, à mesure qu'il presse sur le bras Aa, par un mouvement qui le fait glisser de a en A, qui est tout le chemin que fait le ressort dans son action. Lorsque le fusil est bandé, comme dans cette Figure, l'extrémité du ressort étant appliquée en a, agit sur la noix à la distance a C, par la rouë a B, ensorte qu'il presse sur elle avec le plus grand desavantage, en même-tems que le ressort est le plus bandé, ou qu'il a la plus grande intensité. On le sent en appliquant la main sur le chien, qui alors fait le moins de résistance.

Figure 7.

Dans la 8º. Figure (Pl. 22) le fusil étant à demi bandé, le LECON IM: ressort agit sur la noix avec plus d'avantage, la pressant selon la tangente du cercle ou de la rouë ab, à la distance a C; ce qui donne plus de force au chien pour descendre, comme on peut le sentir à la main; car quoique le ressort soit un peu débandé, & par conséquent un peu plus foible, la diminution d'intensité dans le ressort, n'est pas aussi grande que l'avantage méchanique qui résulte de ce que la distance est augmentée de a C à a C.

Dans la 9^e. Figure, le reffort est encore plus débandé; mais le chien est pressé en bas avec une force beaucoup plus grande, parce que l'extrémité du ressort P agissant selon la tangente du cercle AB, a pour sa distance de puissance AC, environ trois fois plus grande que a C (distance de la puissance lorsque le fusil est bandé). au lieu qu'il n'est pas débandé de plus d'un tiers, comme on peut

le voir en comparant la 7^e. Fig. avec la 9^e.

46. Comme les léviers & les poulies agissant l'une sur l'autre se joignent quelquesois ensemble pour augmenter l'action de la puissance, & par ce moyen soutenir ou élever un plus grand poids; ainsi l'on fait ordinairement un tour composé en combi-

nant ensemble deux ou plusieurs de ces machines.

Parce que quoique par le moyen d'un long aissieu capable de recevoir une grande quantité de cordes, on puisse tirer des poids d'une grande profondeur; cependant, comme un fort petit aissieu seroit trop foible pour de très-grands poids, ou qu'une grande rouë seroit trop dispendieuse, si elle étoit assez forte, ou qu'elle produiroit une machine embarassante, qui tiendroit trop de place; il vaut mieux combiner les rouës & les aissieux par le moyen des pignons ou des petites rouës sur les aissieux, dont les suseaux (ou dents) engrainent dans les dents des grandes rouës, comme nous le voyons dans les horloges qui ont plusieurs aissieux & rouës, ou dans certaines espéces de grues qui n'en ont que deux combinées ensemble. *

* 82, 83.

Planche 22.

Figure 8.

EXPÉRIENCE XV. Planche 10. Figure 13.

47. CETTE machine est composée de deux rouës avec leurs aissieux, dont la premiere ABC (qui a sur sa circonférence AB une corde roulée pour porter la puissance P, qui est un poids d'une tivre) a un pignon de huit dents sur son aissieu en C, qui prend

Planche 16. Figure 13

Planche 10. Figure 13.

LEÇON III. les dents de la rouë FG de l'autre tour. La rouë FG a quarante dents, & son aissieu HK a pour diametre la huitième partie de celui de la rouë AB. Le poids W de 40 liv. est suspendu sur l'axe HK, & il se tient en équilibre avec la puissance P, qui n'est que d'une livre.

> Si l'on suppose l'aissieu CJ du même diametre que l'aissieu KH, il est évident que la puissance P n'auroit soutenu que 8 liv. suspenduës à cet aissieu, & elle n'en auroit pas plus soutenu sur l'aissieu KH, si ce dernier aissieu avoit fait autant de tours que la premiere rouë AB, ce qui seroit arrivé, si la rouë FG n'avoit pas eu plus de dents que le pignon C; mais comme cette rouë a cent fois plus de dents que le pignon de l'aissieu CJ, elle doit tourner cinq fois plus lentement que cet aissieu, & par conséquent le poids W doit aller cinq fois plus lentement qu'il n'auroit fait sur l'aissieu CJ; donc il a quarante fois moins de vîtesse que la puissance P, ne s'élevant que d'un pouce, pendant que P descend

> Delà il suit que la raison de la puissance au poids, est composée de celle du diametre de l'aissieu de la derniere rouë (où le poids est suspendu) au diametre de la premiere, (où la puissance est appliquée) & de celle du nombre des révolutions de la dernière rouë au nombre des révolutions de la premiere dans le même tems. Par exemple, ici la premiere raison est de 1 à 8, & la derniere de 1 à 5; donc la raison de la puissance au poids, est comme 1 à 40, qui est la composition ou multiplication de ces deux raisons, parce que 5 x 8 = 40. Et cela a lieu, quelque grand que foit le nombre des

rouës dont la machine est composée.

DU PLAN INCLINE.

48. Pour mieux comprendre l'usage du plan incliné dans la méchanique, il faut se rappeller ce que nons avons dit ci-devant sur la vîtesse d'un poids. * Scavoir, quelque ligne que le poids décrive en montant par l'action de la puissance, on ne doit appeller sa vîtesse que la ligne qui réprésente son élévation ou sa chute perpendiculaire.

S'il est question d'élever un poids fort pesant comme W ou w (Pl. 10. Fig. 14.) à la hauteur CB, il ne seroit pas praticable de l'élever directement dans la ligne CB fans une puissance dont l'intensité sût égale à celle du poids, & même dans ce cas il seroit fort incommode de le faire, surtout dans les batisses. Mais si l'on

leccon 2,

prend un plan incliné A B qui s'éleve sur la ligne horizontale A C, LEÇON IL pour élever le poids par son moyen, une puissance moindre que le poids servira à ce dessein, à moins qu'elle ne pousse le corps directement contre le plan (comme dans la direction WT) ou qu'elle ne tire le corps hors du plan, (comme de W vers e, t ou L) dans une direction de ce côté de la ligne E e. *

Planche 10. Figure 14.

* Note 11.

49. La direction où le corps peut le plus aisément se tirer ou se pousser au haut du plan (comme en tirant une brouette), est la ligne W w M, paralléle au plan, & passant par le centre du poids; car soit que la puissance tire un plan K k (dans une direction qui lui soit perpendiculaire) le long de la ligne W M, ou que la puissance P (par sa chute en p) le tire dans la même ligne, la vîtesse de la puissance sera égale à la ligne Ww, qui est l'espace décrit par le centre de gravité du poids, pendant que le poids ne s'éleve que de la hauteur perpendiculaire ZB (= n W) ou que cette ligne, à proprement parler, exprime sa vîtesse. Si le corps étoit un cylindre ou une pierre roulante, & que le corps T t eût à passer par les tourillons ou par l'aissieu de cette pierre, il est évident que le cas seroit le même; & comme le poids P a sa corde roulée autour de la poulie supérieute M, la ligne Pp seroit la vîtesse de la puissance. Donc en ce cas le poids (s'il est en équilibre) fera à la puissance comme $W \le (=TB)$ est à $\le Y = BZ$ ou comme l'hypothénuse AB est à la perpendiculaire BC qui (par Eucl. 4. 6) est en même proportion; & par conséquent si la puissance est tant soit peu augmentée, elle tirera le poids au haut du plan.

N. B. Dans la pratique la puissance doit être beaucoup plus augmentée, si le corps n'est pas uni & sphérique, ou cylindrique, & si le plan n'est pas bien poli. Mais comme on est obligé de tirer en haut toutes sortes de corps, on les réduira aussi aprochant que l'on pourra de la sphére ou du cylindre, en leur attachant des rouës, ou (ce qui revient au même)

en les transportant sur des chariots.

50. IL est évident que la puissance agit avec le plus grand avantage, lorsqu'elle tire dans la ligne de direction W w (paralléle au plan); parce que si l'un des bouts de cette ligne de direction reste fixée en W, & que l'autre se meuve vers B ou en-delà, le corps sera tiré en partie contre le plan, & par conséquent il faudra augmenter la puissance à proportion de la plus grande difficulté de Lome L.

Planche 10. Figure 14.

* Note 12.

Lacon III. traction; & si l'extrémité w de la ligne précédente étoit portée en D ou au-delà, il faudroit aussi augmenter la puissance à proportion de l'effort qu'elle feroit pour élever le corps au-dessus du plan. On verra dans les Notes * combien la puissance doit être augmentée, à proportion de l'angle que sa ligne de direction fait avec le plan.

> 51. Si la puissance tire dans une ligne de direction WB, paralléle à la base du plan, il faudra, pour tenir le poids W en équilibre avec la puissance n, que cette puissance soit au poids comme ZBàZT, ou comme la perpendiculaire BC, a la base AC du triangle ACB. Car si l'on suppose la poulie R à une si grande distance de W, que la ligne de direction WR n'altére pas fensiblement sa portion horizontale, la puissance II descendra en o, pendant que W s'élevera de la hauteur BZ, de manière que II @ (= WY, & non Ww) sera la vîtesse de la puissance. Ensorte que la vîtesse de la puissance ne sera pas à celle du poids comme l'hypothénuse à la perpendiculaire, ainsi que dans le premier cas; mais comme la base a la perpendiculaire dans le triangle A C B.

> Si la puissance est augmentée précisément autant qu'il le faut pour surmonter le frottement du plan, & tirer en haut le corps W, soit la poulie R élevée par dégrés en r, ensorte qu'elle conferve la ligne WR, paralléle à elle-même, jusqu'à ce qu'elle soit arrivée à wr, & la puissance sera descenduë en #, lorsque le poids fera arrivé à w B. Mais II m joint à la distance R r, est égal à II m, ou WY, &c. Et cette traction se faisant constamment sous l'angle WBT, est dans le cas présent.

Du Coin.

52. LE coin est un court prisme triangulaire dont les deux plans opposés & paralléles sont des triangles rectangles, comme la section ABC (Planche 10. Figure 14.) le reste étant des parallé-

logrammes rectangles.

Le tranchant ou partie entrante du coin se forme par la rencontre de deux plans qui ont dans leur section le point A, & la partie postérieure est le plan opposé au tranchant, sur lequel le marteau ou le maillet frape pour pousser le coin en avant. On en voit la réprésentation dans la Figure A BCDE. (Planche 11. Figure 1.)

Si sur la ligne horizontale A C (Planche 10. Figure 14) prolongée vers p, on place le poids w au point d, & un plan c o mme Gg

pour l'empêcher d'aller vers A, pendant que le coin ABC est LECON III. poussé sous ce poids de d vers A à mesure que le coin est tiré de Cvers A dans toute la longueur de sa base AC, le poids u s'éleve Planche 10. précisément de la hauteur CB ou de l'épaisseur du coin : donc Figure 14. la puissance est au poids comme BC à AC.

53. La proportion de force employée sera exactement la mêmel, si un plan comme F f se meut parallélement à lui-même & perpendiculairement à AC, & pousse en haut le poids, comme W, de A en B le long du coin supposé immobile. En effet, ce seroit la même chose, si le poids étoit seulement poussé d'une partie du coin à une autre le plan ne se mouvant que de Ff à Gg ou (ce qui revient au même) de Ee à Dd; car alors w Y exprimeroit l'élevation du centre de gravité (ou la vîtesse) du poids & WY la vîtesse de la puissance, qui sont toujours en raison de BC à CA. C'est-là le second cas dont nous avons fait mention en parlant des plans inclinés & que nous pouvons confirmer par l'expérience suivante.

EXPÉRIENCE XVI. Planche II. Figure 2.

PRENEZ la Machine décrite dans cette figure, dans laquelle le plan uni ou la planche BAHJ, mobile sur des gonds en B & J, peut s'élever de manière à former un angle quelconque avec la planche hozorintale N L B G, par le moyen du quart de cercle Q, & s'arrêter dans sa position par le moyen d'une vis en T, ayant arrêté la tête DE dans la fente Ss par une écrouë sous la planche horizontale, on élevera la poulie G, du bras D G en c, de maniére que la ligne qui passe au-dessus de cette poulie dans la direction c M, foit parellèle au plan A B. Ensuite prenez un petit cylindre de bois M, dont les extrémités de l'axe ou pivots passent par un cadre de cuivre comme en O, en sorte qu'on puisse le tirer aisément avec un fil attaché en M, & placez ledit cylindre sur le plan incliné, ayant attaché en M un fil qui passe au-dessus de la poulie c, & qui porte la balle P, laquelle servant de puissance, soutiendra le poids cylindrique M, lorsque P est à M comme A C hauteur du plan est à AB sa longueur. Un peu plus de poids ajouté à P lui fera tirer en haut le cylindre.

Mais si le bras E c est abaissé, en sorte qu'il vienne à la position EG, p doit être à M (pour le tenir en équilibre) comme AC

Planche Ir. Figure 2.

Planche 11. Figure 2.

ECON III. hauteur du plan est à CB sa base. N. B. On doit observer ici que quoique l'addition d'un petit poids à P, soit cause qu'il commence à tirer le cylindre M au haut du plan, ce cylindre ne viendra pas toutà-fait au haut par la descente de P, parce que l'angle que la direction de la puissance fait avec le plan, sera augmenté à mesure que le cylindre monte; mais si la poulie G est élevée par degrez en K, pendam que le cylindre est tiré en M, la puissance qui alors sera en #, aura le même effet sur le poids en M, qu'elle avoit auparavant en M, &c. & le poids (lorsqu'il sera tenu en équilibre dans la ligne de direction M Gou MK) sera toujours à la puissance comme Mn est à n m ou BC d CA.

> Cette machine fait aussi voir par expérience l'effet de la puissance quelque soit l'angle que sa ligne de direction fait avec le plan.

- 55. LE Coin, que nous avons considéré jusqu'ici, est celui qui agit de la manière la plus simple, seulement avec une de ses surfaces; car lorsqu'il glisse sur le plan CA (Planche 10. Figure 14.) pour élever le poids W, il n'agit qu'avec sa surface AB, la surface AC s'appliquant seulement elle-même à la ligne AP, sans l'éloigner de sa place. Ainsi lorsqu'on veut séparer une moulure d'un lambris, comme M m (Planche 11 Figure 3.) de W w par le moyen du coin A CB, il est clair que a A vîtesse du coin (aussi avant qu'il est poussé en-dedans, lorsqu'il passe de la position a b c à la position ABC) sera à am vîtesse de la moulure comme A C à B C. Donc, &c. il en seroit de même s'il falloit élever une colonne couchée fur un plancher sans mouvoir le plancher.
- 56. MAIS dans l'usage ordinaire du coin ses deux côtés agissent; comme lorsqu'on veut fendre du bois : alors la proportion de la puissance & du poids est différente de la premiere; car dans ce cas la puissance est au poids comme la moitié de l'épaisseur du coin est à sa longueur. Mais on peut aisément réduire cela à ce qui a été dit ci-devant, parce qu'ici nous faisons usage d'un double coin. Car supposons que Ca (Planche 11. Figure 4.) est un plan immobile, & qu'on applique à chacun de ses côtés un coin, comme B C A & b C A pour écarter un poids comme c ou d de ce plan; la puissance qui pousse le coin ne sera au poids que comme cC = Ac = BC ou dD = Cb à la longueur du double coin CBAb, qui est maintenant venu en Acad. Quelques Auteurs qui ont écrit sur la méchanique on fait ici

Planche II. Figure 4.

une méprise en ajoutant ensemble les vîtesses de c & d, qui sont LECON III. Cc + Dd, & nommant cette somme la vîtesse du poids, qu'ils ont comparé avec A a vîtesse de la puissance; mais on doit saire attention que si les deux corps qu'il faut écarter l'un de l'autre (comme les parties du bois que l'on veut fendre) étoient posées l'une sur l'autre de l'un des deux côtés comme en d, leur vîtesse ne seroit que d D, & il seroit aussi aisé de les écarter par un seul coin comme b c A de d, en D, comme par les deux coins dans le premier cas. Car quoiqu'en considérant le moment des corps, on doive prendre la somme des momens de toutes les parties pour avoir le moment de tout; il ne faut pas prendre néanmoins la somme des vîtesses de toutes les parties pour avoir la vîtesse du tout, mais seulement la vîtesse du centre de gravité du corps, en considérant combien il est écarté de sa place. Si l'on faisoit un levier ou une balance comme une fourche (Planche 11. Figure 5.) & Planche 11. que la partie CA fut précisément double de l'une des parties de la fourche comme CB ou CD, & le centre du mouvement fixé en C; il est évident qu'une livre en A tiendroit en équilibre deux livres aux extrémités fourchuës, quoique les deux livres fussent suspendues séparément, un poids de 2 livres étant toujours équivalent à deux livres féparées : mais s'il falloit prendre la somme des vîtesses de D & B, il faudroit alors deux livres en A pour soutenir les poids en B & D, le rayon CA ne donnant pas pas plus de vîtesse au poids en A, que le rayon CB ou CD de sa demi longueur, aux poids qui sont à ses extrémité, ce qui est absurde, &c.

57. DANS les deux cas du coin, il n'est pas seulement necesfaire d'appliquer une force un peu plus grande qu'en proportion ou de la moitié de l'épaisseur ou de toute l'épaisseur du coin à sa longueur, pour que la puissance surmonte le poids; mais encore comme les surfaces même des coins les plus polis sont fort rudes, (en comparaison du poli Mathématique que nous avons supposé) & que de même les corps qui doivent être séparés sont bien éloignés d'avoir leurs surfaces parfaitement planes; on doit employer une force additionnelle pour furmonter le frottement qui en résulte.

Ce frottement, qui n'est pas grand dans les autres machines, est fort considérable dans le coin; l'expérience faisant voir qu'un coin chargé d'un très-grand poids, produit à peine quelque effer

fur-tout pour fendre le bois; parce que non-seulement les surfaces du coin, comme nous l'avons dit ci-devant, mais les parties du bois qui doit être sendu sont toujours grossieres & si unies, que leur frottement empêche beaucoup le mouvement; on tâche de vaincre cet obstacle par la percussion, qui est ici d'un usage merveilleux: car l'expérience nous apprend qu'un coup sur la tête du coin, le fait entrer aisément dans un corps dur; il paroît que la raison en est que le coup, en mettant toutes les parties du bois en mouvement, les fait tremousser & les desunit, en sorte que le frottement en est diminué, & que le mouvement du coin en devient plus aisé. L'effet de la percussion serand à proportion que le corps frappant est plus pesant & qu'il se meut plus vîte.

Planche II. Figure 6.

Planche 11. Figure 6.

78. Pour prouver par expérience ce que nous avons dit du coin, nous ferons usage de la machine représentée dans la 6e Figure de la Planche 11. ABCD est un cadre de cuivre composé de deux piéces horizontales AB & CD, & de deux piéces verticales A D & BC qui font au-dessus des premieres & fixées sur elles; chacune de ces deux dernieres piéces a en-dedans vers le milieu, deux petites poulies NO, PQ, qui ne sont pas exactement dans le même plan, à moins que le fil qui passe sur l'une ne tombe à plein sur le fil qui passe sur l'autre. EF, GH, sont deux cylindres avec leurs aissieux d'acier, qui sont amenés ensemble (leurs aissieux roulant sur les piéces verticales) par la chûte des poids R, S, dont chacun est divisé en deux parties par le moyen de sa poulie T ou V, de manière à tirer les cylindres également l'un vers l'autre, par le moyen des fils & des gances de cuivre TNH & tYy, & de deux autres gances semblables à l'autre extrémité de l'aissieu des cylindres. Afin que les cylindres puissent marcher ensemble, sans toucher les poulies N, O, P, Q, les platines à leurs bases (qui sont beaucoup plus larges que les cylindres) font convexes vers les extrémités de l'aissieu. Ses deux plaques ZM, ZM, font précifément affez grandes pour s'appliquer elles-mêmes aux cylindres, sans frotter contre les platines à leurs extrémités; elles sont jointes en M à la manière des gonds & forment un angle mesuré par l'arc gradué JKL, qui passant par les plaques les tient fermes au moyen de deux petites vis Z, Z. X est un des deux sils de fer bandé, dont les

extrémités étant glissées dans deux trous, empêchent que le cylin- Leçon B dre EF ne sorte de la place, & ne lui permettent que de tourner fur son axe, lorsque la gance F (& son opposé sous E) est portée fur la poulie Y (& par un chemin contraire) à l'aissieu de l'autre cylindre en f, lorsque seulement ce dernier cylindre HG doit être poussé par la descente du coin, qui par son propre poids ou par l'addition du poids W, sépare un cylindre de l'autre, lequel est fixé (lorsque la ligne ponctuée represente le fil) ou les écarte l'un de l'autre (lorsque Y y représente un fil & H N l'autre.

Planche 11. Figure 6.

EXPÉRIENCE XVII. Planche 11. Figure 6.

59. Tout étant dans la position representée par cette figure, on ouvrira le coin à un angle quelconque à volonté; par exemple à 20 degrés, & l'on suspendra un poids W qui joint avec le poids du coin puisse tirer en bas le coin, & en séparant les cylindres élever les poids R & S. Donnez au coin l'ouverture de 40 dégrés, & il faudra un double poids pour le faire descendre; mais si vous faites glisser les fils de fer, comme X, pour fixer le cylindre EF, & si vous suspendez les quatre gances & quatre fils sur le cylindre HG; il vous faudra deux fois plus de poids pour faire descendre le coin, que s'il agissoit par ses deux surfaces; c'est-à-dire, qu'étant ouvert à un angle de 20 degrés, il faut autant de force pour le pousser en bas, lorsqu'il n'y a qu'un cylindre qui soit mobile (quoique l'autre puisse tourner librement autour de son axe) que s'il étoit ouvert de 40 dégrés, & que les deux cylindres fussent mobiles.

Planche rr. Figure 6.

DE LA VIS.

60. La Vis est un cylindre coupé par différentes surfaces concaves, ou plûtôt un canal ou rainure faite sur un cylindre en conduisant deux plans spiraux sur toute la longueur de la vis, de manière qu'ils soient toujours également inclinés à l'axe du cylindre dans toute leur route, & qu'ils fassent aussi toujours avec sa base le même angle.

61. On peut aussi regarder la vis commeun coin mené tout autour d'un cylindre, qui dans ce cas se nomme l'arbre de la vis, le coin

LECON III. ainsi amené sur l'arbre forme ce qu'on appelle le filet de la vis, comme on peut le voir dans les Figures 7, 8, 9, 10 & 11 de la Planche 11. L'arbre de la vis est AB dans la Figure 7. & acdb dans la Figure 8, comme si le cylindre ACDB étoit inscrit endedans de la vis.

Planche 11. Figure 8.

62. DANS la 8º Figure on peut voir de quelle maniére on fait une vis, en coupant le cylindre PHJQ, car HKLMNOP ess une ligne spirale qui entoure tout le cylindre, marquant les parties élevées que l'on doit laisser du cylindre, & hklmno, la ligne qui marque la profondeur que l'on doit donner à la vis (en supposant que lamême ligne tourne tout autour du cylindre intérieur ou de l'arbre ABCD, quoiqu'elle ne soit pas exprimée ici pour éviter la confusion) & alors h L l, l N n, &c. representeront les parties en relief ou le filet de la vis. Maintenant, si au lieu de faire les creux HhL, LlN, NnP, &c. Dans le cylindre PHJQ, on fixoit un coin continue sur un petit cylindre comme ABCD, ou plûtôt acbd, on auroit la même espéce de vis & abcd seroit l'arbre de cette vis. Quelquefois les parties les plus relevées du filet, comme L, N, &c. ne font pas tranchantes, mais plates, alors le filet se nomme filet quarré, comme dans la Figure 11. qui represente la coupe d'une vis de cette espèce. On ne se sert pas de ce filet dans le bois, mais dans le fer & dans les autres métaux il est d'un bon service, étant communément de plus de durée & élevant le poids avec plus de facilité que le filet tranchant, comme on le verra mieux dans les notes. *

Wote 13.

De la force de la Vis.

Pour juger de la force de la vis (que l'on peut comparer ou à un plan incliné, tel que nous l'avons considéré parmi les puissances méchaniques, ou à un coin selon que son arbre avance ou n'avance pas par un mouvement progressif, pendant qu'il tourne autour de son axe, pour élever ou arrêter un poids, ou pour presser ensemble des corps, qui sont les dissérens usages de la vis;) nous prendrons un coin flexible, par exemple, un coin de papier, & nous le roulerons autour d'un cylindre, comme on le voit dans la Figure 7. Planche 11, ou AB est l'arbre, CJD un silet ou hélice, DHE un autre, & EFG une partie du coin qu'on a laissée

laissée pour faire voir la proportion entre la puissance qui tourne Leçon III la vis & le poids W.

Planche 11. Figure 7.

63. Si le poids pousse en haut le coin (ou ce qui revient au même, s'il est élevé perpendiculairement par le le coin en glissant sous lui) de Fen H, dans la direction W w, alors HG sera la vîtesse du poids, & GF celle de la puissance, ce qui est le cas du plan incliné qui devient un coin; & l'analogie pour la vis qui agit de cette manière sera celle-ci (n°.52):

Comme le cercle dont le diamétre est Hh:

Est à HJ distance de deux filets:: (ou comme la base GF: à la perpendiculaire HG::

Ainsi le poids:

est à la puissance appliquée à l'arbre en A pour élever un poids

sur le fil HJDC.

N. B. On suppose le diamétre de l'arbre en A & celui de la vis en H à fort peu près égaux. C'est le cas de la 10e Figure, ou la planche mobile DK est portée en tournant les têtes G, G des vis AB & CD, pour presser fortement les corps placés entre les planches DK & ML, pendant que la piéce HJ fixée à la planche supérieure, est ou guidée à travers un trou, où étant seulement visée, elle sert à faire voir si la planche KD est portée en bas horizontalement, à mesure qu'on tourne les vis. Lorsque l'on fait entrer de longs leviers dans les trous quarrés qui font aux têtes des vis, la force de la vis en est beaucoup augmentée, & alors le poids : est à la puissance : : comme la circonférence du cercle décrit par la partie du levier où la main est appliquée: est à la distance entre les deux silets. Ainsi dans la figure 13, comme la circonférence du cercle dont le rayon est AH: est à C c distance de deux sils de la vis sans sin CD:: Ainsi la résistance des dents de la rouë J: à la puissance appliquée en H.

64. Mais si le poids W (Figure 7.) est tiré le long du coin HFG dans la direction W w paralléle à la surface du coin, ce cas sera le même que celui du plan incliné (n°. 49.) & par conséquent l'analogie pour la vis dans son mouvement progressif, sera, comme la ligne spirale HDJ:

est à H J distance de deux sils : : (ou comme l'hypothenuse F H:

à H G perpendiculaire;

Q

Tome I.

Planche 11. Figures 9 2 107

WOON III.

Ainsi le poids: à la puissance appliquée à l'arbre en A dans une direction spirale

paralléle à HJDC.

La figure 9e represente la pratique de cette vis, soit que l'écroue DE soit poussée en bas sur la vis vers la planche B, ou que la planche B avec sa vis soit portée en haut vers DE, en faisant tourner cette vis plus haut dans la boëte ou écroue DE. Lors donc que les manches comme D&E sont employés pour augmenter la force; le poids: est la puissance: comme la circonférence spirale décrite dans une révolution par leurs extrémités ausquelles la puissance est appliquée: est à la distance entre deux sils de la vis. Le fil de l'écroue en-dedans de la noix ou pièce de bois avec les manches, est representé par des lignes ponctuées dans la Figure 12-comparées avec la Figure 8.

Ce cas s'applique dans la pratique à la vis qui est au bout des forêts, pour percer plus aisément le bois; à l'abbaissement des noix dans les grandes presses, & à l'usage ordinaire des cloux à vis

pour attacher les parties des machines.

La plûpart des Ecrivains en méchanique n'ont parlé que de sette derniere proportion pour la force de la vis.

65. Quo i que dans la Théorie pour peu que le produit de l'intensité de la puissance par sa vîtesse surpasse celui du poids par sa vîtesse, la puissance doit élever le poids; cependant ici la puissance ou sa vîtesse doit être augmentée sensiblement pour produire cet esset dans la pratique, à raison du grand frottement de la vis, qui est le même que celui dont nous avons parsé dans le coin; il faut seulement observer qu'il y a plus de frottement dans le sil tranchant que dans le sil quarré, comme on peut le voir, en jettant les yeux sur la Figure 14, où BACD représente la section d'un sil quarré, & b a d celle d'un fil tranchant, comme la partie AC ne touche pas l'écroue, qui ne porte avec sa sorce & son poids que sur se plat AB, la ligne AB dans le fil quarré comparée à ab dans le sil tranchant (sur laquelle abc l'écroue porte) fait voir que le frottement est moindre sur le quarré à proportion de ces lignes, outre l'obliquité que nous examinerons ailleurs. *

Figure 14.

Wore 13.

66. Le desavantage occasionné à la force de la puissance par le grand frottement de la vis, est bien récompensé dans l'usage de cette machine; parce que ce frottement est cause que la vis

Planche 11. Figure 14.

soutient le poids même après que la puissance s'est éloignée, ou LECONTE cesse d'agir ou de presser les corps contre lesquels elle a poussé le poids; au lieu que dans la balance & le levier, & dans les autres puissances méchaniques, (excepté le coin qui forme la vis) le poids cesse d'être soutenu, & recule dès que la puissance cesse d'agir. La raison est, que les poids lorsqu'ils sont élevés par les vis, font effort pour descendre perpendiculairement, au lieu que la vis a été poussée contr'eux fort obliquement, en sorte qu'elle ne peut être repoussée en arriére que dans cette direction oblique, qu'elle ne peut pas recevoir par la pesanteur du poids qui tend en bas, s'il y a le moindre frottement contre le fil de la vis : ainsi lorsqu'un corps est pressé par une vis, sa surface réagit par des lignes qui lui sont perpendiculaires, c'est-à-dire, dans la direction de l'a bre de la vis, au lieu qu'elle ne peut pas être poussée en-arrière, à moins qu'elle ne soit mûë dans la direction de ses fils, qui font un grand angle avec l'axe de l'arbre. Ainsi la planche K k (Figure 10.) ne peut pas tomber dans la direction de pesanteur vers ML, à moins qu'elle ne fasse mouvoir les vis dans la direction B b ou D d. La dent de la rouë J (Figure 13.) ne peut pas non plus, en pressant comme la vis C c D dans la direction CB, mouvoir cette vis ou faire tourner la manivelle H dans la direction du cercle dont le rayon est AH, quoique la puissance qui tournoit dans ce cercle soit écartée, & que le grand poids W fasse de grands efforts par l'axe EF, pour faire tourner la rouë J.

Par où l'on voit le grand usage de la machine de la Figure 10. par le moyen de laquelle une piéce forte J peut soutenir le penchant d'une maison, & si l'on en applique plusieurs en dissérens endroits, on peut soutenir tout un bâtiment pendant qu'en en radoube ou

qu'on en renouvelle les fondemens.

67. Soit que la vis soit considérée comme un coin ou comme un plan incliné, il suit de ce qui a été dit, que plus les fils de la vis sont serrés, plus sa force est grande, & plus le frottement est avantageux; la puissance poussant en avant la vis avec plus de facilité, & la difficulté de la pousser en-arrière devenant plus grande.

68. Comme la percussion est utile dans le coin pour diminuer le frottement, aussi employe-t'on dans certains cas une espéce de percussion pour pousser une vis, comme dans les instrumens pour

ON III. l'Imprimerie, pour la Monnoye & pour cacheter avec de grands sceaux, où il faut une grande pression; & cela se fait par le moyen d'un volan, qui est une balance laquelle traverse l'arbre de la vis, & qui est chargée de poids à ses extrémités, ou quelquesois par le moyen d'une seule branche de ce volan comme dans les presses d'Imprimerie.

> Ici au lieu du marteau ou du maillet qui tombe sur le dos du eoin par un mouvement acceleré, & dans une direction circulaire pour le pousser dans le bois, le poids du volan descend aussi par un mouvement acceleré, mais sur un plan spiral incliné, & par ce moyen ayant surmonté le frottement des filets de la vis à mesure qu'elle descend, il pousse son extrémité avec une grande force contre les corps qui doivent être pressés. Mais on expliquera ceci plus au long dans une autre Leçon.

> 63. Le frottement d'une vis attachée à un volan, est souvent employé pour regler le mouvement en retardant un poids qui descendroit trop vîte, & réduisant le mouvement acceleré d'un corps pesant dans sa chûte à un mouvement uniforme, en détruisant précisément autant de force que la pesanteur en ajouteroit. au mouvement du corps qui descend. Mais on explique ceci plus

à fond en parlant de la chûte des corps.

Quoique les balances, les leviers, les poulies, les tours & même les coins, puissent agir les uns sur les autres pour augmenter la force de la puissance, (ainsi qu'on l'a fait voir dans la considération du levier, de la poulie & du tour;) cependant les vis ne peuvent pas être appliquées directement les unes sur les autres, sans l'intervention de quelque autre puissance méchanique : mais dans la composition avec d'autres puissances méchaniques ou machines simples, la vis sert à en faire une machine d'une grande force. C'est ce qui me conduit aux réfléxions suivantes sur les machines composées.

MACHINES COMPOSEE'S.

70. La combinaison de deux ou de plusieurs machines simples, pour les usages de la vie (soit qu'elles soient de la même espéce on de differentes espéces) par le moyen d'un cadre de bois ou de quelque métal, forme ce que nous appellons une machine

composée. Comme le détail des différentes sortes de machines Leçon III composées qui sont en usage seroit infini, nous ne rendrons compte que de quelques-unes, pour juger de ce que l'on peut faire avec une machine qui a été faite ou qui pourra dans la suite être mise en execution, en jettant les yeux sur un devis exact de la machine proposée; asin qu'on puisse avoir une juste idée de ce qui est ou peut devenir utile, & qu'on ne soit pas trompé par ceux qui prétendent avoir trouvé le mouvement perpetuel, ou par ceux qui promettent par leurs machines de plus grands effets qu'il ne convient à la proportion réciproque entre l'intenfité des puissances & des poids avec leurs vîtesses. *

* Note 1 4.

- 71. Les deux machines représentées dans les Figures 1. & 2. de la Planche 6. représentent les scorpions que les Anciens employoient à la guerre pour lancer des pierres, tels que je les ai déja décrits, (Leçon 2. Note 7.) j'ajouterai seulement ici, qu'ils sont composés d'un levier fourchu, de deux tours & deux poulies, & celles-ci dans la Figure 1. ne font que diriger la corde, n'étant que des rouleaux, mais dans la Figure 2, elles doublent la force de la puissance.
- 72. La machine hydraulique de la Planche 7. Figures 14. & 15. est composée de deux leviers ED & JK, & on en a expliqué l'usage dans l'endroit où j'en ai parlé la premiere fois (Leçon 2. Note 9. à la fin.)
- 73. LA 14e. Figure de la Planche 9 représente une machine d'une grande force composée de trois leviers qui agissent l'un sur l'autre, comme on l'a décrit ci-devant.
- 74. QUOIQUE dans la 10e Planche, les machines representées dans les Figures 4, 5, 6, 7 & 8, soient composées de plusieurs poulies simples, ou chapes (leurs rouës tournant autour d'une cheville centrale) telles que celle de la Figure 1; cependant comme la même corde passe au-dessus & au-dessous de toutes ces poulies, on doit ne les considérer que comme une seule machine; car les Ouvriers ne leur donnent que le nom simple de moufles, & les Anciens considéroient une ou plusieurs poulies jointes de la maniere qu'elles sont représentées par ces figures, comme une seule machine, à laquelle ils donnoient différens

LECON III. noms selon le nombre des chapes; comme monopastum, lorsqu'elle n'en avoit qu'une, dispastum, lorsqu'elle en avoit deux, trispastum pour trois, tetraspastum pour 4, pentaspastum pour 5, & ordinairement polyspastum pour plusieurs.

75. Mais la machine de la Figure 9. Planche 10. est une machine composée, parce que les poulies y agissent les unes sur les autres, & qu'elles augmentent la force de la puissance en plus grande proportion que celle du nombre des chapes dans les précedentes, comme on l'a fait voir. (n°. 41.)

76. LA 13^e Figure représente une figure composée de deux tours, & dont l'opération a été décrite & la force calculée (n°. 47.)

77. La 9° & 10° Figure de la Planche 11, sont des machines composeés, parce que de si grandes vis ne sçauroient se tourner sans des leviers qui leur soient appliqués. N. B. Il est à remarquer, que lorsqu'un levier, ou plusieurs leviers tournent circulairement un aissieu, auquel cas on les nomme des barrès, ils sont la fonction d'une rouë qui feroit tourner cet aissieu, & qu'ils peuvent par conséquent être regardés avec l'aissieu comme un Tour.

Cela est encore plus évident, si l'on observe le mouvement de la manivelle AH dans la Figure 13. Planche 11, qui sert à faire

tourner circulairement la vis & l'aissieu A B.

78. Comme la vis ajoute beaucoup à la force de la puissance, parce que les pas en sont fort serrés, elle n'éleve le poids qu'à une petite hauteur; & le tour (par la raison qu'on en a donnée dans la description qu'on en a faite n°. 46.) quoiqu'il éleve le poids à une fort grande hauteur ou qu'il le tire dune grande prosondeur, n'augmente pas beaucoup la force de la puissance; il s'ensuit que la combinaison de ces deux machines doit conserver les avantages de chacune, & en ôter les désauts: c'est ce qui arrive lorsqu'on fait en sorte que les sils de la vis CD saississant obliquement les dents de la rouë en c, & qu'en faisant tourner continuellement la rouë, ils lui sont élever un grand poids comme W par le moyen de la corde qui est roulée sur l'aissieu EF. Si l'on ajoute à l'aissieu EF une autre vis, comme en GH, pour faire tourner une seconde rouë L, dont l'aissieu M étant d'une longueur sussissieure, reçoit la corde N à la place de KO, elle élevera un poids

beaucoup plus grand. On peut faire une machine d'une force Leçon Limmense pour percer les métaux les plus durs par le moyen d'un instrument bien aceré sixé à l'extrémité de l'aisseu M, ou pour saire d'autres opérations qui exigent la plus grande sorce.

79. La gruë est un instrument d'un si grand usage, que nous ne pouvons pas nous dispenser d'en donner ici la description. Il y en a de deux sortes : dans la premiere la potence seule se meut sur son aissieu, & dans la seconde, toute la gruë avec son poids tourne sur un assieu bien solide.

80. LA Figure 1. de la Planche 12 représente la première espèce de gruës, vûë de profil. LBED est la coupe de la partie du quai où elle est fixée, dont L B est la ligne horizontale. A C est une forte poutre horizontale qui forme une partie supérieure de la grue, & dans laquelle sont arrêtées les trois piéces verticales X, Y, Z, (dont la derniere nommée pièce moyenne, est plus forte que les autres) avec leurs traversiers JE & leurs crampons HJ; le crampon h E est plus long & plus fort que les crampons & traversiers NM & DS des deux autres piéces verticales, & il est chevillé de fer, au lieu que les autres n'ont que des chevilles de Bois. Lorsque le quai ou la gruë est arrêtée n'est pas pavé de pierres, (comme on le représentée ici) les trois traversiers ne doivent être que d'une seule piéce, & s'étendre de D en E, quatre crampons, tels que K, joignant les pieces verticales aux poutres horizontales. On attache avec de fortes chevilles de fer, à la poutre horizontale dont on a parlé ci-devant, une petite pièce PP, qui porte un anneau de fer pour y recevoir le pivot de fer ou l'aissieu de l'arbre vertical RF, qui est un tour; son extrémité inférieure est aussi un pivot de fer qui tourne dans un autre anneau de fonte placé dans une piéce de bois solide F. Le tour au lieu d'une rouë porte quatre barres e, f, d, & l'autre qui est derrière d, lesquelles entrent dans sa partie la plus épaisse, qui est à huit pans, la partie supérieure étant ronde pour recevoir la corde. Lorsque cette pièce est liée avec du fer au-dessus & au-dessous de d, il vaut mieux n'employer que deux barres au lieu de quatre, en leur faisant traverser entiérement la pièce, comme eb, & les hommes à chaque bout pousseront circulairement dans la direction b Oe, pour rouler en haut la corde, & élever le poids qui est à son extrémité. Cet aissieu vertical de bois,

Planche 12. Figure 1.

Planche 12. Figure 1.

avec ses barres se nomme cabestan de la gruë (toutes ces sortes d'aissieux se nommant cabestans, lorsqu'ils tournent dans une situation perpendiculaire, comme les cabestans des navires, & vindas, lorsqu'ils tournent dans une position horizontale, quoiqu'ils foient destinés à la même fin que les cabestans) & la corde Rrr, qui passe premierement sur la poulie ou rouleau T, ensuite dans les poulies P & Q, & enfin sur la poulie r, ayant à son. extrémité un double crochet, qu'on nomme une Louve, & auquel sont attachés les poids que l'on veut élever. La potence GVB est mobile sur son aissieu CB par le moyen des pivots de ser qui font à ses deux bouts B & C; en sorte que lorsque le poids est porté affez haut, on peut aifément le tirer du vaisseau ou du bateau, par le moyen d'une petite corde qui lui est attachée, ou qui est à l'extrémité de la potence en g; par exemple, étant sur l'eau en W, on le tire sur une charrette ou sur une autre voiture placée fur le quay vers u, à droite ou à gauche de le piéce Z. Il y a un toît ou un petit appentis de bois A a Q, pour mettre la corde à l'abri de la pluye, lorsque la gruë n'est pas en mouvement, la potence étant alors tournée vers Y sous ce toît.

Planche 12. Figure 2.

La 2º Figure marque le plan de la partie supérieure de la gruë; ou telle qu'elle paroît vûë d'en haut, où l'on doit observer la position des poulies P & Q, & de l'endroit (où est le centre de la potence dans une ligne qui touche la circonférence des deux poulies; car si ce centre du mouvement de la potence étoit dans la ligne qui joint les centres des poulies; la potence étant chargée exigeroit une force pour pousser son extrémité g au-dessus du quay de l'un des deux côtés, & cette force cessant d'agir, le poids & la potence reculeroient & ne seroient en repos que sur W. Vous trouverez cela expliqué plus en détail dans les notes, * où l'on examine la troisiéme Figure qui est une partie de la gruë & des diverses situations de la potence & de la corde, tracée sur une plus grande échelle.

note is,

Cette gruë est fort expéditive lorsqu'on a plusieurs bras, étant toujours nécessaire que quelques-uns se tiennent aux barres pour empêcher le poids de retomber, ce qui seroit d'une conséquence dangereuse. Mais si au lieu du cabestan en O, il y avoit une vis sans sin, & une rouë horizontale avec un aissieu attaché à la pièce X qui doit être très-forte à ce dessein, ou une machine dans le goût de la Figure 13. Planche 11. seulement avec un pignon, au

lieu d'une vis en GH, racourcissant l'axe EF, & allongeant Leçon III. l'aissieu M, pour y recevoir la corde; alors deux hommes suffisent, & souvent un seul, pour amener aisément les poids du bateau; parce que par la résistance de la vis contre les dents de la rouë, la machine soutient le poids à toutes les hauteurs, pendant que l'homme abandonne la manivelle pour amener le poids par la petite corde attachée en g (Planche 12. Figure 1) au-dessus de la charréte sur le quai, pour le recevoir; & même le poids tombera doucement de lui-même, si un homme par une prompte secousse fait tourner la manivelle du côté opposé à celui par où le poids a été élevé; ce qui est commode pour charger la charrête. N. B. Cette impulsion subite sur la manivelle, produit dans la vis le même effet que le coup dans le coin pour le faire avancer. (n°. 57.)

Comme cette derniere espéce de grue avec la vis & la rouë augmente beaucoup la force de la puissauce, il n'est pas nécessaire de rappeller dans l'esprit du Lecleur, qu'il y faut employer plus de tems pour élever le poids; puisque la vîtesse du poids, comparée avec celle de la main de l'homme qui fait tourner le manche, doit être diminuée en proportion réciproque de l'intensité du poids à l'intensité de la force de l'homme (L. 2. n°. 9.12. 17): cela étant également vrai dans toutes les machines composées,

comme dans les machines simples.

81. LA 4e. Figure de la Planche 12 représente la seconde espéce de gruë, qui non-seulement est utile sur un quai pour élever les fardeaux pesants, mais qui est aussi d'une grande utilité dans la batisse pour élever de grandes pierres, & les porter circulairement au lieu destiné. Elle est composée des parties suivantes. Sur les croisieres inférieures LLLLLL, la forte piéce verticale K est sourenuë & arrêtée par des étançons obliques. Toute la machine tourne sur la partie supérieure du suseau S, qui est couvert de fer (& quelquefois tout de fer); se mouvant aisément de C en G, lorsqu'elle est chargée de son fardeau H. CA est la contre rouë avec son aissieu DB, qui ne porte que par les extrémités de fer dudit aissieu, sur deux piéces perpendiculaires suspenduës en B & b; Ff est le bras ou échelle dont le sommet F porte la poulie au-dessus du poids, les autres poulies étant aux extrémités des piéces M, N, E: Les parties qui restent sont trop claires dans la Figure, pour avoir besoin d'une plus longue explication. La puissance est quelquefois appliquée par le moyen Tome I.

Planche 12. Figure 1.

Planche 12. Figure 1.

Planche 12. Figure 4.

COURS DE PHYSIQUE

III. d'une corde sur la circonférence extérieure de la rouë A, mais ordinairement des hommes ou un cheval ou un asne, la font

tourner en y marchant en-dedans.

Quelquefois aussi on gagne de la force par le moyen d'une contre-rouë dentée, en donnant le mouvement à sa circonférence avec un pignon.

82. LA 5°. Figure représente un cric, qui est un instrument fort usité, pour élever des poutres pésantes ou de fort grands fardeaux de toute espéce; mais comme son mouvement à rouës est caché sous une forte pièce de bois CB, je crois qu'il est à propos d'en représenter l'intérieur dans la Figure 6, où il faut seulement supposer la crémaillere AB au moins quatre fois aussi longue à proportion de la rouë Q (la figure de la crémaillere étant ici raccourcie parce que la place y manque) & ses crans, qui doivent être quatre fois plus nombreux pour qu'il y en ait environ. trois dans un pouce. Ensuite si la manivelle a sept pouces de longueur en diametre, cinq tours, c'est-à-dire, cinq sois 22 pouces ou 110 pouces, seront la vîtesse de la puissance pendant que le poids élevé par la griffe A, ou abaissé par la griffe B, se meut d'un pouce : car comme le pignon n'a que quatre dents, & la rouë Q vingt, il doit y avoir cinq révolutions de la manivelle fixée au pignon pour faire tourner la rouë une fois, dont le pignon à trois dents fera mouvoir précisément trois crans de la crémaillere, ou un pouce. On auroit aussi connu cela sans voir, ou même fans connoître le nombre des dents de la rouë & des pignons, en mesurant une révolution de la manivelle dans la Figure 5. & comparant l'espace parcouru par la main avec l'espace parcouru par l'extrémité A ou B. Ainsi dans toute autre machine composée, nous pouvons juger de sa force, en comparant la vîtesse de la partie à laquelle la puissance est appliquée avec la vîtesse qui meut le poids, comme on l'a fait voir ci-devant. (n°. 32, 47.) Quelquefois cette machine est ouverte par derriere depuis le bas presque jusqu'à la rouë Q, afin que la griffe inférieure (qui dans ce cas est tournée en haut vers B) tire le poids en haut. Lorsque ce poids est tiré ou poussé à une hauteur suffisante, on l'empêche de retomber en suspendant l'extrémité du crochet S attaché à une gache au-dessus de la partie courbée de la manivelle en h. (Figure 5.) Tout l'ouvrage doit être très-fort dans cette machine, mais surtout les parties qui foutiennent immédiatement le poids; & cela doit

être aussi observé dans toutes les machines composées.

83. To UTEs les puissances méchaniques sont réunies ensemble dans la machine représentée par la première Figure de la Planche 13° qui ressemble à nos tourne-broches ordinaires. Dans un cadre ABCD attaché par l'écrouë o sur le guéridon oO, & affermi par les traversiers V W & BQ, on applique premiérement la pièce EF, dont les vannes ou aîles peuvent se mettre en mouvement par le vent, ou se tirer par un cheveu attaché en F, représentant le lévier & la balance : à angles droits sur cette piéce on joint le fuseau perpendiculaire GH, qui porte la vis sans sin H, laquelle doit être aussi regardée comme un coin (nº. 63). Cette vis sans sin prend les dents de la rouë K, ce qui forme le tour, & cette rouë en tournant fait rouler sur son aissieu la corde LM, laquelle passant autour des poulies en M & N (ou tirant par une mouffle à cinq yeux) éleve le poids P. Mais comme la vis n'a point de mouvement progressif sur son axe, on ne peut pas la prendre ici pour un plan incliné; pour faire donc une machine qui renferme toutes les puissances méchaniques mentionnées ci-devant, il faut ajouter à celle-ci un plan incliné r q R Q, en le faisant appuyer sur le terrain en QR, & sur le traversier q B en qr, & par ce moyen la force de la puissance tirant en F, sera encore plus augmentée en raison de QT à TS. (nº. 49.) On trouve toute la force que cette machine donne, en comparant l'espace parcouru par le point F avec la hauteur à laquelle le poids est élevé dans un nombre déterminé de révolutions de F (n°. 32, 47, 82). Un cheveu de la tête d'un homme tirant en F, élevera aisément un poids de cent livres en P.

84. Dans les machines précédentes, tant simples que composées, la puissance selon son intensité est tellement appliquée à une partie de la machine, qu'elle agit immédiatement sur le poids dont la résissance détruit toute la force de la puissance, lorsqu'il se fait un équilibre en donnant au corps qui est mû & au corps mouvant, une vîtesse réciproquement proportionnelle à leurs intensités, & lorsque le produit de la puissance par sa vîresse sur passe celui du poids par sa vîtesse, il ne reste pas plus de moment à la puissance, que ce qu'elle a par-dessus le poids. (n°. 14.) Mais il y a d'autres instruments méchaniques où la force de la puissance est accumulée &, pour ainsi dire, condensée, avant que le poids

LEÇON

Planche 13. Figure 1.

Rij

III. agisse sur elle en aucune façon; tel est le marteau, le robinet; le chien de la platine d'un fufil, qui porte la pierre qui doit fraper l'acier, le belier des Anciens (dont on a parlé dans une autre Leçon) & le pendule; en un mot pour ce qui sert à donner un coup subit, ou une forte impression instantanée; & quoique tout cela puisse se réduire au calcul géométrique, lorsqu'on est certain des effets produits par ces puissances, cependant on ne peut pas l'expliquer par les principes qu'on a donné ci-devant; c'est pourquoi nous en différerons l'explication jusqu'à ce que nous ayons dévelopé les loix du mouvement d'où ces instruments dépendent. Mais je crois qu'il est à propos de rappeller ici l'explication que Newton donne de toutes les puissances méchaniques par une seule figure, telle qu'on la trouve dans le second corollaire de ses loix du mouvement; car quoique cette explication dépende de ces mêmes loix que nous examinerons dans la fuite, en supposant comme vrai tout ce qui est contenu dans son premier corollaire, nous viendrons à notre but.

Planche 13. Figure 2. 85. Si deux forces agissent toutes à la sois sur un corps placé en A (Figure 2. Planche 13) & que leurs intensités soient comme la longueur des lignes AB & AC, & leurs directions selon la position de ces lignes; le corps ainsi poussé décrira la diagonale du parallélogramme formé, en tirant les deux lignes CD & DB respectivement égales & paralléles aux deux premières, & cette diagonale sera décrite par ces forces réunies dans le même tems que l'une des forces auroit fait décrire séparément au corps la ligne AB ou AC. Et comme par la composition des forces ce corps doit se mouvoir dans la ligne AD; ainsi un corps qui se meut dans cette ligne AD, quoique par l'action d'une seule force, doit être consideré comme s'il avoit été poussé par deux sorces, en réduisant cette force simple en deux autres, telles que AC & AB.

Planette 13. Figure 3. 86. S I les rayons inégaux OM (Planche 13. Figure 3.) & ON tirés du centre O d'une rouë, foutiennent les poids A & P, par le moyen des cordes M A & NP, & qu'il foit question de connoître les forces de ces poids pour mouvoir la rouë: il faut abaisser du centre O la ligne droite KOL perpendiculaire aux cordes en K&L, & du centre O avec OL, la plus grande des distances OK & OL, décrivez un cercle, qui rencontre la corde M A en D; menez OD, & tirez AC paralléle, & DC perpendiculaire à OD. Maintenant comme il est indissérent que les

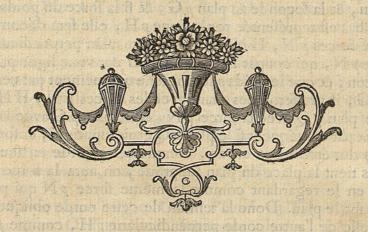
points K, L, D, des cordes soient ou ne soient pas fixés au LECON plan de la rouë, les poids auront toujours le même effet, soit qu'ils soient suspendus aux points K & L, ou D & L. Soit toute la force du poids A représentée par la ligne AD, & qu'elle soit décomposée en deux forces AC&CD; celle AC qui tire le rayon OD directement depuis le centre, n'a aucun effet pour contribuer au mouvement de la rouë : mais l'autre force DC tirant le rayon D O perpendiculairement, a le même effet que si elle tiroit perpendiculairement le rayon O L égal à O D; c'està-dire, qu'elle aura le même effet que le poids P, si ce poids est au poids A, comme la force DC est à la force DA; c'est-à-dire, (à cause des triangles semblables ADC, DOK) comme OK est à OD ou OL. Donc les poids A & P, étant réciproquement comme les rayons OK & OL qui font dans la même ligne, ont la même force, & ainsi ils restent en équilibre, ce qui est la propriété connuë de la balance, du lévier & de la rouë. Si l'un des poids est plus grand que selon cette raison, sa force pour mouvoir la rouë en sera d'autant plus grande, si le poids p égal au poids P est partie suspendu par la corde Np, partie soutenu par le plan oblique pG; menez pH, NH, la premiere perpendiculaire à l'horizon, & la seconde au plan pG; & si la force du poids p tendant en bas est représentée par la ligne pH, elle sera décomposée en deux forces pN, HN. S'il y avoit un plan perpendiculaire à la corde p N, qui coupât l'autre plan p G dans une ligne paralléle à l'horizon, & que le poids p fût soutenu uniquement par ces plans pQ, pG, il presseroit ces plans avec les forces pN, HN; sçavoir, le plan p Q avec la force p N, & le plan p G avec la force HN. Et par conséquent si le plan p Q étoit supprimé, ensorte que le poids dût étendre la corde, comme cette corde en soutenant le poids tient la place du plan supprimé, on aura la force de ce poids, en le regardant comme la même force pN qui pressoit auparavant le plan. Donc la tension de cette corde oblique p N, fera à celle de l'autre corde perpendiculaire pH, comme pN est à pH. Et par conséquent si le poids p est au poids A en raison composée des moindres distances des cordes p N, A M au centre de la rouë & de la raison directe de pH à pN, les poids auront le même effet pour mouvoir la rouë, & par conséquent se soutiendront mutuellement, comme on peut le voir par expérience.

Mais le poids p pressant sur ces deux plans obliques, doit être regardé comme un coin entre deux surfaces intérieures du corps

Planche 13. Figure 3.

Planche 13. Figure 3.

COURS DE PHYSIQUE ON III. qu'il fend; & par-là on détermine les forces du coin & du maillet: car la force avec laquelle le poids p presse le plan PQ, est à la force avec laquelle le même poids, soit par sa propre pésanteur ou par le coup d'un maillet, est poussé dans la direction de la ligne pH vers les deux plans, comme pN à pH; & à la force avec laquelle il presse l'autre plan pG, comme pN à NH. Et ainsi l'on peut tirer la force de la vis d'une décomposition semblable des forces; la vis n'étant qu'un coin poussé par la force d'un lévier. Donc l'usage de ce corollaire s'étend fort loin, & par cette grande étenduë on en sent mieux la vérité. Car de ce qui a été dit dépend toute la théorie des méchaniques, démontrée en diverses maniéres par les Auteurs. Delà on tire aisément la force des machines qui font composées de rouës, de poulies, de léviers, de cordes & de poids qui montent directement ou obliquement, & des autres puissances méchaniques, comme aussi la force des tendons pour mouvoir les os des animaux.



mone effect near crowned to the dense conference to Courte Hdistributed encour course on non-la voir pat crachente.

NOTES sur la Troisième Leçon.

[Art. 1 — Les Machines simples ou Instruments, que quelquesuns nomment Méchaniques ou Puissances Méchaniques.]

E mot Puissance doit être pris ici dans un sens différent de celui qu'on lui a donné dans la seconde Leçon, où le mot Puissance (L. 2. n°. 19) signi- la III. Leçon. fiant tout ce qui sert à élever un poids, est défini en général; car ici il ne signifie que l'outil ou l'instrument, qui fait qu'une puissance d'une intensité connuë agit sur un poids; & par conséquent nous devons prendre garde de n'attribuer aucune force réelle à aucune machine simple ou composée, comme plusieurs le font uniquement parce qu'on a donné le nom de Puissance aux instruments méchaniques; quoique ce ne soit pas à raison de leur effet, mais à cause de l'effet que la puissance produit par leur moyen. Car de quelque maniere que la force de la pnissance soit augmentée par les instruments pour foutenir ou pour élever un poids qui lui est de beaucoup supérieur en intensité; on ne peut pas cependant y parvenir sans perdre en espace & en tems ce que l'on gagne en force ; ce qui est bien opposé à ce que quelques-uns ont vainement imaginé; parce que le vulgaire parle ordinairement d'une machine comme si c'étoit un animal, & attribue à la machine l'effet qui ne vient que de la puissance qui le produit par le moyen de la machine; delà vient qu'on dit ordinairement, cette machine éleve une telle quantité d'eau, ou fait un tel & un tel ouvrage; au lieu qu'on devroit dire, si l'on vouloit parler exactement & philosophiquement, ce courant d'eau, cette chute d'eau, le vent, ou un tel nombre d'hommes, de chevaux ou de bœufs, &c. élevent une telle quantité d'eau dans un tel tems, &cc. par une telle ou telle machine, comme nous l'avons observé dans la Note 6. fur la derniere Leçon. Il feroit donc à fouhaiter que le mot Puissance fût borné à son sens propre, & qu'on ne s'en servit pas pour exprimer des instruments méchaniques ; mais comme on est en usage de le prendre dans ce sens, je crois qu'il est à propos de suivre cet usage avec la précaution que je viens de donner.

2. [- 3. Réduisant toutes les puissances méchaniques au lévier, ou expliquant toutes leurs opérations par celle du lévier, &c.] Quoiqu'on puisse faire voir aisément (comme nous le ferons à la fin de cette Note) que tous les autres instruments méchaniques contiennent virtuellement un lévier; c'est-àdire, que si on ne laissoit que le seul lévier dans toutes les autres machines simples, en retranchant tout le reste, la même proportion réciproque entre les vîtesses de la puissance & du poids, & leurs intensités, se verroit aussi clairement dans un tel lévier, que dans la machine, avant qu'elle y fût réduite : il ne suit pourtant pas delà, qu'on puisse avec le lévier seul venir au but de tous les autres instruments méchaniques ; car on les a imaginés de différentes formes, pour répondre aux différentes manières de travailler, qui sont requises dans les opérations méchaniques pour les usages de la vie,

~



res sur étant souvent impossible d'employer un instrument méchanique à la place la III. Leçon. d'un autre, & toujours étant plus commode d'employer l'un que l'autre, dont le choix dépend de la fagacité de l'Artiste.

> Ainfi dans la balance (foit que ce foit une balance fimple ou une romaine) les marchandises que l'on achete, ou les corps pésants dont on veut connoître la quantité de matière, ne doivent pas être élevés avec vîtesse, mais on suppose seulement qu'ils fassent équilibre avec un poids connu, qui dans cette machine sert de puissance.

> Mais on ne se sert que rarement ou presque jamais du poids comme d'une puillance dans les autres infruments méchaniques, excepté dans un trèspetit nombre, & dans les machines de guerre des Anciens, qui ne sont plus

en ulage.

La force d'un ou de plusieurs hommes est la puissance appliquée au lévier ; ici la puissance doit toujours surpasser le poids, en ajoutant un peu plus de vîtesse ou un peu plus d'intensité à la puissance, par-dessus la proportion réciproque requise dans la balance. Avec cet instrument on écarte un peu les corps péfants pendant un tems, comme les grandes pierres dans la bâtiffe, les grands tuyaux de bois, de plomb ou de fer dans les machines hydrauliques, & les grandes poutres; mais les léviers ne servent qu'à élever ces

corps affez haut pour les poser sur les voitures, &c.

Si l'on veut élever une pierre à une hauteur confidérable pour la poser dans l'endroit qui lui convient dans une bâtisse, ou si l'on veut élever un autre corps à quelque hauteur au-dessus de trois ou quatre pieds, le lévier devient inutile, & il faut alors employer les poulies selon quelqu'une des méthodes dont on a parlé dans cette Leçon. (n°. 37, 38, 39, 40, 41). Les poulies & mouffles sont fort commodes lorsqu'on n'a point de place pour un cabestan, & lorsque les corps doivent être élevés en dissérents endroits, parce qu'on peut les transporter ailément; mais le poids ne doit pas être fort grand, par la raison que plusieurs hommes ne peuvent pas agir tous à la fois & également sur une seule corde; & que si l'on augmente beaucoup la puissance par le nombre des poulies ou des rouës dans les mouffles, la corde doit être d'une longueur prodigieuse, & par conséquent incommode.

Le tour, le cabestan, ou le vindas, qui ne sont qu'une même machine différemment située, est en usage lorsque les poulies ne suffisent pas. Par exemple, s'il faut tirer l'eau d'un puits profond, on se sert d'une rouë avec des rayons pour tourner l'aissieu sur lequel la corde est roulée pour élever le sceau ou les sceaux. Dans la bâtisse un cabestan, dont la construction ne donne pas plus d'avantage qu'une mouffle ou poulie à plusieurs yeux, ne laisse pas d'être plus utile, parce qu'on peut y employer huit, dix ou douze hommes pour pousser les barres, au lieu qu'on ne peut en employer que trois ou quatre à la corde d'une poulie. Si les quatre barres du cabessan sont si longues, que trois hommes appliquant leur force sur chacune, celui du milieu se trouve à trois pieds de distance de l'axe du mouvement, & que l'aissieu fur lequel la corde se roule ait six pouces & demi de diametre, ces douze hommes feront autant que 72, mais en six sois plus de tems. On feroit la même chose & dans le même tems, par le moyen de deux hommes qui marcheroient dans une rouë verticale de 24 pieds de diametre (que quelques-

uns nomment contre-rouë, dont l'aissieu horizontal auroit huit pouces de diametre, & l'on pourroit par l'une de ces machines élever un poids d'environ la III. Leçon. un tonneau & demi, ou de deux tonneaux. Mais si sur un quai, où l'on ne pourroit employer que deux hommes pour travailler à la grue, il étoit requis d'enlever de grands blocs de marbre trois ou quatre fois plus péfants que le poids dont nous venons de parler, (car un bloc de marbre de six pieds de longueur, de quatre de largeur, & de 4 d'épaisseur, péseroit de 7 à 8 tonneaux) la contre-rouë devroit être de 72 pieds de diametre, & l'aissieu de 8 pouces, ce qui est impraticable, à cause du volume & des frais; ou l'aissieu devroit avoir trois fois moins de diametre, & alors il ne seroit pas assez fort pour soutenir le poids.

Dans ce cas il faut employer un tour composé, tel qu'il est décrit dans cette Leçon (N°. 47); mais avec un pignon de plus : par exemple, si l'on arrête à l'aissieu précédent de huit pouces de diametre, une rouë dentée de fer de quatre pieds de diametre, & si cette rouë est engrainée dans un pignon de fer de six pouces de diametre, dont la rouë a trois pieds de diametre, & engraine dans un pignon de 8 pouces, dont la manivelle a un pied de longueur, deux hommes feront la même opération avec cette machine, mais ils employeront trois fois plus de tems. N. B. Si les dents des rouës sont de cuivre, & les dents ou fuseau des pignons de fer, le mouvement de la machine

en sera plus doux & plus uniforme.

Voici le nombre des dents, des rouës & des pignons. Le premier pignon qui porte la manivelle, 28. La premiere rouë qui engraine dans ce pignon, 112.

Le second pignon, 19 La seconde rouë, 171

Et l'aissieu sur lequel la corde se roule, doit être d'environ huit pouces de diametre, parce qu'il porte immédiatement le poids par la corde qui passe sur quelques poulies supérieures ou rouleaux, qui n'augmentent pas la force de la puis-

Sance.

Si le cabestan avec les barres dont on a parlé, est fixé pour faire le travail dont il est capable, & qu'il survienne une occasion imprévûe d'élever de fort grands fardeaux, il n'est pas nécessaire d'ôter ce cabestan, pour mettre à sa place la combinaison des rouës dont on vient de parler, parce qu'on peut alors attacher une mouffle à quelque partie du bâtiment, au-dessus de l'endroit où le poids doit monter, & recevoir la corde du cabestan, ensorte que la force de la puissance sera augmentée, selon que les mouffles seront à deux, à trois, à quatre, ou cinq, &c. yeux; ensuite on ôtera les mouffles, & le cabestan agira comme auparavant. Dans l'usage de la contre-rouë ou de la gruë de la seconde espéce (n°. 82), on peut dans les occasions augmenter aussi la puissance de la même manière.

Lorsqu'il n'y a pas lieu d'employer un tour composé de deux grandes rouës & de pignons, on peut faire la même chose par une vis sans fin que l'on fait tourner par deux manivelles d'un pied de longueur chacune, & qui engraine dans une rouë de deux pieds de diametre, avec 72 dents portant un aissieu de 8 pouces de diametre. On a fait voir dans cette Leçon (n°. 79, 81) l'avan-

tage de cette machine.

Tome I. S Notes fi

Si l'on veut faire descendre dans un cellier des muids ou pipes de vin ou la III. Lecon. d'autres liqueurs, ou si l'on veut les en tirer, on pose une planche le long des dégrés, qui dans ce cas est un plan incliné; c'est le seul instrument méchanique propre à ce dessein. De même lorsqu'on fait des réservoirs pour l'eau, dans le jardinage, dans les travaux des fortifications, où les charretes ne peuvent pas aller, on se sert utilement de plans inclinés de bois à la place des brouétes, pour porter la terre d'un lieu bas à un endroit plus élevé.

> Le coin seul est en usage pour sendre le bois ; car la hache qui sert à fendre le petit bois, n'est qu'un coin avec un manche. Le coin est aussi d'un grand ulage pour élever une poutre qui doit étayer un plancher qui commence à céder à un trop grand poids dont on l'a chargé, comme dans un Magazin, & il faut y appliquer de cette manière une si grande sorce, qu'on soit en état d'élever en même-tems avec le plancher plusieurs mille tonneaux, & les arrêter tous par le moyen de cette petite machine. Car quoique les vis tournées par de longs léviers puissent beaucoup servir à ce dessein, il doit y avoir un espace affez grand pour tourner circulairement avec les léviers; ce qui ne se trouve pas lorsque la partie inférieure du Magazin est pleine de marchandiles, qu'il faudroit enlever avec beaucoup de peine & de dépenfe. Voyez la manière de faire cette opération dans la 4°. Figure de la Planche 13.

Planche 1-Rigure 4.

BA b DE C est une poutre, qui dans sa situation horizontale marquée par les lignes ponctuées B b & CD, foutient un plancher. Or lorsqu'on met sur ce plancher de trop grands poids, la poutre se plie, & prend la courbure BAb, ou CED (qui est la même); alors on prend un pilier de bois vertical Pp, & on le place au-dessus d'une forte planche FF, & au-dessous d'une piéce horizontale E, (que l'on voit ici de côté.) On gliffe cette piéce sous la poutre & au-dessus du pilier de bois; ensuite on pousse à grands coups de marteaux les deux coins de bois W, w aussi larges que le pilier, en les frapant tous à la fois dans des directions contraires, pour redresser la poutre, & remettre le plancher à fa place, sans ôter aucune des marchandises qui font fur ce plancher, & fans remuer aucune de celles qui font en-deffous excepté autant qu'il le faut pour placer, le pilier & la planche.

Tout le monde connoît les usages de la vis pour élever, abaisser, tirer, pousser, presser ou joindre ensemble les corps; & il est évident par la seule inspection, qu'aucun des autres instruments méchaniques ne peut atteindre

au même but.

Nous allons maintenant faire voir comment on pout réduire au lévier tous les autres outils ou instruments méchaniques.

On l'a déja fait voir au fujet de la romaine, (& l'on peut l'appliquer aux Balances ordinaires) par la 6°. Expérience de cette Leçon. (N°. 29.)

2°. Les poulies se réduisent au lévier de la manière suivante. On voit clairement qu'une poulie simple comme ED (Pl. 10. Fig. 3) est un lévier de la premiére espéce, si l'on en ôte toute la chape, & qu'on ne laisse que la ligne ponctuée ED, qui tient deux corps égaux en équilibre autour du centre C. Dans la 40. Figure la poulie inférieure ge, & la cheville du centre a, est évidemment un lévier de la seconde espèce, où la puissance appliquée

en g, éleve dans la direction g d un poids W suspendu à la cheville du centre . Ici il est clair que e est le point fixe ou apui du lévier, ge la distance de

Planche ros. Migure 3, 4.

la puissance, & ce celle du poids; & par conséquent dans l'expérience, la

puissance P : est au poids W:] comme ce: est à ge:: 1:2.

En comparant les léviers composés de la Planche 9. Figure 14. avec le système des poulies de la Planche 10. Figure 9, on verra que les quatre poulies réduites à leurs diametres horizontaux, agissent l'une sur l'autre comme quatre léviers de la seconde espéce, dont chacun a pour distance de la puissance 2, & pour distance du poids 1, & par conséquent la raison composée de toutes (n°. 32) est celle du poids à la puissance, ou de 16 à 1; car 2×2×2×2=) 16. on verra la même chose en comparant ce système des poulies inférieures avec la Figure 5. Planche 13, qui est précisément le même système, ou assemblage de léviers de la deuxième espèce, où les léviers sont marqués, aussi-bien que les sorces qui poussent en bas chaque lévier.

On peut par la 11c. Figure de la Planche 10, réduire aisément le tour à un lévier de la première espèce, réprésenté par la ligne ponctuée ET; le point sixe étant en K, la puissance appliquée en E, & les dissérents poids successivement en A, B & T, coupant toujours le reste de la machine. Mais comme la corde qui soutient le poids ne se meut pas dans le même plan que celle qui est tirée par la puissance, il vaut mieux considérer le tour comme un lévier de la première espèce deux sois coudé, & comme ayant un axe de mouvement qui passe par l'une des parties coudées, comme dans la 6c. Figure de la Planche 13. où le lévier coudé A C c B se meut sur l'axe J s sixé dans le cadre J K L J. B c réprésente le rayon de l'aissieu, & A C celui de la rouë, en supposant B c & A C dans le même plan, & à angles droits sur l'axe; autrement s'ils étoient obliques, il faudroit les réduire aux léviers droits, en ne prenant pour longueur que les distances perpendiculaires de B & A à l'axe J J: alors P étant la puissance, & W le poids, la proportion réciproque sera celle-ci, A C: B c:: W:P.

Pour réduire le plan incliné à un lévier, il faut le regarder comme un lévier coudé dans le poids qui roule sur le plan, dont les bras sont comme

la longueur du plan à sa hauteur.

Puisque le triangle ABC (Planche 10. Figure 14.) est semblable à wYB (par 4. 6. Eucl.) & wYB à wBN (par 8. 6) dans le lévier coudé wBN, wB:BN::AB:BC. Mais puisque wN est la ligne de direction du poids w, ce poids doit être regardé comme pressant sur NB, bras le plus court du lévier, au point N, le centre du mouvement étant en B, où le poids sphérique touche le plan, & la puissance appliquée à angles droits à l'extrémité w de wB, bras le plus long du lévier, donc en nommant P la puissance, & w le poids, P: w::NB:Bw::AB:BC.

N.B. Ici la puissance, par le moyen d'une corde qui passe sur la poulie M, tire dans une direction paralléle au plan; mais si elle tiroit dans quelque autre direction, il faudroit calculer la force oblique de la puissance par le moyen d'un lévier coudé; mais nous renvoyons ceci à des observations particulieres que nous ferons sur le plan incliné, & à des considérations statiques, dans d'autres Notes, excepté la direction paralléle à la base, qui réduit le coin au lévier.

Ici le triangle A B C réprésente le coin, qui étant poussé sous le poids, le fait monter à la hauteur perpendiculaire C B, pendant que la puissance pousse le coin dans la longueur de sa base A C; ou, ce qui revient au même,

Notes fur la III. Leçon.

Planche soi.

P'anche 137. Figure 6.

Planche 104 Figure 14.

10.11,

TES sur la puissance n tire selon la ligne Wr paralléle à la base A C. Ici le lévier la III. Leçon. coudé est OBN, dont le bras le plus court NB soutient le poids en N, pendant que la puissance attachée en O, tire le bras OB à angles droits.

Les Auteurs ont donné d'autres moyens de réduire le coin au lévier. Par exemple, le coin BFC de la Planehe 13. Figure 7, est regardé comme un Figure 7. 8.9. lévier de la seconde espèce, dont l'appui est en F, & le poids en W, lequel se mouvant autour du centre du mouvement F, par une puissance portée en avant à l'extrémité du lévier de A en L, éleve le poids W. Ou autrement le lévier étant retenu par l'apui B, en sorte qu'il fasse toujours le même angle avec l'horizon, est porté en avant de la position CFB à la position ef b, l'apui s'avançant avec lui pour élever le poids en w. Dans la 8e. Figure, où deux corps sont séparés pour réprésenter l'action de fendre le bois, le coin est réduit à deux léviers de la premiére espèce, qui ont leurs apuis en F, f, les poids en W, w, & les puissances en L, l. Ou dans la 9°. Figure, deux léviers de la seconde espece sont supposés fort minces & enfoncés entre les deux poids, en sorte qu'ils pressent contre les extrémités de chacun, & qu'ils ont pour apui commun F, les puissances se mouvant de L, l, en a & b, pendant que les poids W, w se séparent : ou autrement (ce qui revient au même) lesdits deux léviers se joignant dans un angle fixe par les apuis L, i, (Figure 10.) font regardés comme enfoncés entre les poids, pendant que l'apui commun s'avance dans la ligne F G. Mais parce que dans toutes ces manières d'expliquer le coin, la distance de la puissance (& par conséquent sa force) change continuellement, ce qui n'est pas vrai dans le coin, je vais proposer une autre méthode qui conviendra au cas du coin simple ou du coin double, (les distinguant ainsi, felon que le coin agit avec une ou avec deux surfaces) & qui conservera à la distance de la puissance & du poids la proportion qui convient à l'angle du coin. Par exemple, dans le coin LFW (Figure 11.) LFW est un lévier coudé, dont le petit bras restant toujours le même, éleve le poids x, & le porte en w, pendant que le lévier tourne autour du centre F, la puissance en L décrivant l'arc Ll: ainsi dans le coin double (Fig. 12) deux léviers coudés se mouvant autour du centre F, par leurs petits bras FW, Fw, séparent les poids W, w; & lorsqu'ils les ont conduits circulairement en X x, les longs bras LF, lF tournant autour de F, & décrivant les arcs LM, IM, on voit qu'il en résulte le même effet, que si tout le coin FM avoit été poussé entr'eux dans la direction NM.

Ayant fait voir que la vis agit, ou comme un plan incliné, ou comme un

coin, il est évident que ce que l'on vient de dire la réduit au lévier.

3. [- La quantité du frottement dans les machines.] La plûpart des Écrivains en Méchanique, ont observé qu'il y avoit une perte de force dans l'operation des machines, eu égard au frottement de leurs parties; mais ils n'ont pas affez confidéré ce frottement. Delà vient que plufieurs personnes (qui se sont appliquées à l'étude des méchaniques, sans s'être beaucoup exercées à la pratique) s'imaginent en comparant les effets qui sont produits par les machines qu'ils examinent, avec les puissances qui leur sont appliquées, que la machine est fort défectueuse, & l'invention mauvaise, parce que l'effet différe trop du calcul qu'elles ont fait en faifant abstraction du frotte-

NOTES IO

ment; se persuadant qu'à la vérité on doit avoir quelque égard à la perte de la force causée par le frottement, mais qu'elle ne doit pas être à beaucoup la III. Leçon. près aussi grande qu'ils la trouvent. Prévenus de cette idée, les faiseurs de projets inventent de nouvelles machines (qui font nouvelles pour eux , quoique peut-être on les trouve dans de vieux Livres, qu'elles ayent été autrefois en usage, & ensuite oubliées & négligées). Ils supposent qu'elles feront beaucoup plus, que ce qu'ils ont vû exécuter avec la même puissance, parce qu'ils ont trop peu d'égard au frottement. Pleins de cette espérance, ils font la dépense de 70 ou 80 livres pour obtenir un privilége en faveur de leur nouvelle invention; ils divisent ensuite le privilége en portions, & ils engagent des gens plus ignorants qu'ils ne sont eux-mêmes, à contribuer à cette entreprise (qu'ils supposent avantageuse); jusqu'à ce qu'après bien du tems & de l'argent perdu, ils trouvent que leur propre machine est plus mauvaise que les autres qu'ils se flattoient de surpasser de beaucoup. C'est ce qui s'est pratiqué fort communément les vingt derniéres années; car quoique quelques-uns de ces faiseurs de projets ayent été d'ailleurs des fripons, cependant la plûpart se trompent les premiers eux-mêmes, & ceux qui font réellement trompés, trompent plus aisément, & attirent les autres par leur vivacité, & par leur entêtement. C'est pour cela que je crois qu'il sera avantageux au Public de traiter ici à fonds ce qui regarde les frottements, autant que je pourrai y parveair par les expériences que les autres ont fait (surtout les Membres de l'Académie Royale à Paris,) & par mes propres expériences & observations.

Je n'examinerai pas ici le frottement, ou plûtôt la résistance qui vient de la mauvaise construction des parties d'une machine qui doivent agir les unes sur les autres par leur mutuelle application; lorsqu'on fait agir ces parties obliquement dans le tems qu'elles devroient agir à angles droits, ou lorsqu'on les fait agir plus obliquement qu'elles ne doivent le faire, ce défaut ne venant que d'une théorie imparfaite, & de l'igorance de l'Ouvrier.

Mais je parlerai seulement du frottement, qui est inévitable par la nature des matériaux, quelque polis qu'ils soient, dans le premier usage que l'on fait d'une machine, & de celui que le tems produit, à mesure que les parties portent inégalement, ou deviennent rouillées, ou pourries, faute d'huile, ou de graisse, ou par un long usage : ensorte que les surfaces qui fe touchent, & qui étoient aussi polies que la main d'un habile Ouvrier a pû le faire, deviennent très-rudes & inégales par ce moyen, & ajoutent beaucoup de frottement à celui, qui par la nature des matériaux n'a pas pû s'éviter au commencement. C'est ainsi qu'un vieux tourne-broche demande plus de poids pour le faire aller, lorsque les pivots & les trous où ils entrent sont beaucoup usés, & une serrure bien faite s'enrouille faute d'huile, qui la défendroit contre les sels acides de l'air, & l'on ne peut pas l'ouvrir sans peine avec une clef rouillée, quoique la figure tant de la serrure que de la clef, soit aussi parfaite qu'au commencement. Le bois se pourrit, se gonfle, se déjette & s'écarte de ses premières dimensions par le tems, & les cordes qui roulent autour des poulies ou des rouleaux, le font avec plus de difficulté à mesure qu'elles se roidissent par l'humidité, ou qu'elles deviennent plus entortillées de quelque manière que ce foit,

la III. Leçon.

142 COURS DE PHYSIQUE

la III. Leçon. chacune des machines simples, ou instruments méchaniques en particulier.

Le lévier eû égard au travail qu'il fait, est sujet à un sort petit frottement, se mouvant sur une petite surface qui traverse l'instrument comme une ligne où est appliqué l'appui ou l'axe du mouvement, que l'on ne regarde dans la théorie que comme un point, & qu'on nomme centre du mouvement.

Quoique la balance (dont la construction aproche le plus de celle du lévier) n'ait pas plus de frottement à proportion de sa longueur, que le lévier; cependant elle en a trop de beaucoup, pour une balance délicate; comme on le voit par expérience. Il y a peu de faiseurs de romaine qui connoissent en quoi consiste la délicatesse d'une balance; mais ils suivent ordinairement leur routine, ou lorsqu'ils veulent exceller, ils tâchent de se surpasser les uns les autres en ornements, ou dans la finesse de l'ouvrage, consultant plûtôt la beauté que l'utilité, & croyant que tout est fait, lorsqu'ils ont construit une balance qui tombe avec une petite partie d'un grain.

Pour me rendre utile à ceux qui veulent faire des balances fort exactes, ou à ceux qui veulent s'en servir, j'entrerai ici dans le détail des désauts que j'ai trouvé dans les balances qui passent pour être extraordinairement bonnes, & je ferai voir de quelle manière on peut, à mon avis, éviter ces désauts,

& ce que l'on peut attendre de mieux d'une balance bien faite.

M. George Graham, & moi, l'été dernier, nous étant mis à faire quelques expériences avec le Brigadier Armstrong, Intendant pour les Ordres de Sa Majesté, nous avons examiné une balance faite par un Ouvrier fort habile, & conservée dans un étui de verre, afin que l'air n'eût point d'action sur elle. Cette balance étoit regardée comme extrêmément délicate, parce que la 256° partie d'un grain la faisoit tomber; mais après l'avoir bien examinée, il parut qu'elle s'écartoit de cette délicatefle, quelquefois de trois des parties précédentes; ce qui nous fit d'abord penser que la balance avoit peutêtre un bras plus long que l'autre; mais à la fin nous trouvâmes que cette différence venoit de la situation de l'axe du mouvement; car si dans le cercle A a Bb (Planche 13. Figure 13.) qui porte sur sa partie infétieure A, l'axe ou le côté tranchant de C, ce côté ne reste pas en repos en A, mais en a ou b, le bras qui sera de l'autre côté de A sera prépondérant; ce qui arriva dans nos expériences, jusqu'à produire une différence trois fois plus grande que lorsque nous faisions tomber la balance dans sa vraie situation. Or puisque le frottement augmente à proportion des poids qui portent sur l'axe du mouvement (comme nous le ferons voir dans la fuite), cette erreut augmentera de la même maniére, & deviendra confidérable à mesure qu'on y pésera des corps plus pésants; de sorte que lorsque nous croyons avoir un équilibre, en tenant seulement en haut le fleau E L avec le poids suspendu à ses extrémités dans la balance, nous trouvons en le laissant tomber de nouveau, que l'équilibre est perdu; tant il est difficile de placer le tranchant ou l'axe du mouvement au même endroit où il étoit auparavant, ou de lui donner un vrai support au commencement, sur la partie inférieure de l'anneau en A. Les Faiseurs de balances tombent auffi de tems en tems dans une autre faute, qui est de ne pas faire les bras exactement de la longueur requise; & pour cacher ce défaut, ils ajustent la balance en limant une partie de

Planche 13. Pigure 13.

143 l'épaisseur du plus long bras, & quelquesois par le moyen des bassins. D'autres auffi voulant orner une balance délicate, affoibliffent un fleau trop délié, la III. Leçon. précifément fous l'axe où il doit être plus fort.

Pour faire une balance très-exacte, il faut garder les régles suivantes. 1. L'aissieu C doit être de bon acier bien trempé & bien poli, mais son

tranchant ne doit pas être affez aiguifé pour pouvoir couper.

2. Les deux anneaux fur lesquels l'aissieu doit porter, tels que A a Bb, doivent aussi être d'acier bien trempé & bien poli, mais leur partie inférieure doit former l'extrémité étroite d'une ovale, ensorte que le trou soit de la figure K. Les plans de ces anneaux avec les piéces qui les menent, qui font réprésentées par mn comme rompues, avec la languette O, qui est aussi rompuë entre les deux) doivent être aussi exactement paralléles l'une à l'autre, & leur axe commun doit être une seule & même ligne.

N. B. Si l'on faisoit ces anneaux d'agathe ou de quelque pierre plus dure

bien polie, ils vaudroient mieux que s'ils étoient d'acier.

3. Les points de suspension des bassins, tels que S, doivent être à une distance exactement égale du point C du milieu du sleau, & la partie inférieure du trou S, doit être le tranchant d'un acier bien dur & bien poli.

4. Chaque bassin étant accommodé avec son crochet & ses cordons, doit être péfé féparément dans une autre balance, & l'on doit observer de les péfer chacun dans le même bassin, & avec le même contre-poids dans l'autre bassin, sans sécouer le fleau pour changer la position de l'axe de la

manière qu'on l'a dit ci-devant.

5. Lorsque le sleau étant suspendu, il paroît par sa languette (c'est-àdire, par la piéce déliée perpendiculaire au-dessus de l'axe) qu'il a ses deux bras exactement en équilibre; on éprouvera si les points de suspension sont à une distance exactement égale de l'axe en A, en y suspendant les bassins (préparés comme on vient de le dire) & s'ils sont en équilibre, on les changera l'un pour l'autre, & l'on sera par ce moyen affuré que les deux bassins

& le fleau sont bien ajustés.

6. Mais si l'un des bassins l'emportant sur l'autre, on voit que le fleau est divisé inégalement, alors on pliera avec des pincettes la partie L du crochet pour approcher ou éloigner S autant qu'il faudra, du point A; & fi cela trouble l'équilibre du fleau sans les bassins, on suspendra un fil ou quelque petit poids du côté du fleau que l'on a rendu plus court, pour rétablir cet équilibre; ensuite on éprouvera avec les bassins, si cet équilibre subsiste, & on limera du bras le plus pésant autant que pese le fil ou le petit poids. Si le fleau est d'acier, après que le crochet LF a été trempé, on doit en ôter la trempe de la partie L, afin qu'elle soit affez douce pour plier sans se rompre.

7. Les points de suspension pour les bassins, tels que S, doivent être dans la même ligne horizontale que l'axe A, les bassins doivent être suspendus fort librement à leurs crochets, & le centre de gravité du fleau doit être fort

peu au-dessous de A.

8. Lorsque le fleau d'une balance pese de trois ou quatre onces jusqu'à environ une ou deux livres, quelquefois les point de fuspension des bassins sont enfermés dans des boëtes comme B (Planche 13. Figure 14.) & ils sont

NOTERCO S

> Planche 13. Figure 13.

Planche 13. Figure 14. 15. 16, & 17.

COURS DE PHYSIQUE

DITES sur traversés par une piéce quarrée d'acier C, dont la partie supérieure a au la III. Leçon. milieu un tranchant comme l'axe du fleau, mais qui tourne seulement en haut, pour soutenir l'œil E e. Le crochet C c (Figure 15.) du bassin représente une des piéces da la boëte, & sa section du milieu est marquée D, (Figure 16) dont le tranchant supérieur supporte l'œil DF. Pour ajuster parfaitement cette balance (tout le reste étant fixé comme on l'a dit cidevant) il doit y avoir un long trou comme Hh (Figure 17) pour suspendre les piéces telles que Cc, qui doivent s'y mouvoir, enforte qu'elles soient pouffées plus près ou plus loin de l'axe de la balance, par le moyen d'un clou à vis P; afin que lorsqu'elles parviennent à être dans une distance exactement égale de cet axe (ce qui ne peut se connoître qu'en y suspendant des bassins ou des poids exactement égaux, ayant égard à l'effet des clous allongés ou raccourcis hors de la boëte par le mouvement de la vis) on puisse arrêter les piéces Cc, limer les clous à vis, & remplir le reste du trou de chaque côté de la piéce Cc.

> N.B. Il ne faut pas s'attendre qu'une grande balance soit aussi exacte que l'est une petite balance; parce que le frottement augmente à mesure qu'elle est plus pésante: ensorte que si une balance, dont le fleau & les bassins pésent six onces de Troy, trébuche avec 1/16 d'un grain, on peut dire qu'elle est aussi délicatement ajustée que celle dont en a parlé, du Brigadier Armstrong, laquelle pésant 16 fois moins, trébuche avec d'un grain. De même lorsqu'une balance trébuche avec une petite partie d'un grain, on ne doit pas s'attendre qu'elle le fasse aussi aisément lorsque les bassins seront chargés; car alors ils deviendront moins

exacts à proportion que leur poids augmentera.

La poulie est sujette à un grand frottement par la roideur des cordes, la petitesse des rouës à proportion de leurs chevilles centrales, & leur frotte-

ment contre les côtés du bloc ou de la chape où elles se meuvent.

Il faut éviter avec soin, que les poulies qu'on employe dans la bâtisse, ou en quelque endroit que ce soit à terre, ne reçoivent aucune humidité; car autrement les cordes s'entortillent & s'épaississent, de sorte qu'il faut fouvent une grande force pour les tirer des chapes dans cet état, même lorsqu'elles ne portent aucun poids; mais lorsqu'on ne peut pas éviter de les mouiller, il faut se servir de cordes gaudronnées comme à la mer.

Pour empêcher les rouës de frotter trop contre les chapes qui les portent, il faut mettre sur les chevilles de chaque côté de la rouë des anneaux minces de cuivre ou de fer d'un diametre beaucoup moindre que celui de la rouë.

Pour diminuer le frottement qui résulte des grandes chevilles lorsqu'on a de grands poids à élever, il faut augmenter considérablement le diametre des rouës, quoiqu'en certains cas la machine en devient trop embaraffante, & par conféquent difficile à manier. Mais parce qu'on ne s'imagine pas communément qu'il y ait tant de différence entre les petites & les grandes poulies, pourvû que leur nombre & leur combinaison ne varient pas. Je vais expliquer ce cas en examinant le moyen de trouver la quantité de frottement, & me bornant à dire que selon les expériences & les calculs de M. Amontons (Mémoires de l'Académie Royale pour 1699.) Il y a tant de frottement dans les poulies, eû égard à la force requile pour plier les cordes, & pour surmonter le frottement des chevilles, lorsque les rouës sont petites,

que si sur une poulie fixe de trois pouces de diamétre avec une cheville d'un pouce, on fait passer une corde de 1 2 pouces de diamétre, qui porte 800 la III Leçon. livres à chaque bout, ces deux poids se soutiendront en équilibre dans ce cas (parce que la poulie ne fait ici que la fonction d'un rouleau); mais pour faire que l'un des poids soit préponderant, & qu'il surmonte tous les frottemens, en sorte qu'il emporte l'autre poids, il faudra ajouter 436 2 à celui que l'on veut prendre pour la puissance : mais si la poulie avoit eu 24 pouces de diamétre, les diamétres de la corde & de la cheville restant les mêmes qu'ils étoient dans la petite poulie, l'addition de 45 livres auroit suffi à la puissance, pour la mettre en état de mettre le poids en mouvement & de vaincre le frottement. Il est donc à propos de considérer la quantité de frottement pour se bien conduire dans la pratique; car dans cet exemple, en n'employant seulement qu'une rouë de poulie de 24 au lieu de 3 pouces de diamétre, la force nécessaire pour surmonter le frottement se trouve diminuée de la quantité de 391 3 livres; de sorte qu'en ajoutant à la puissance moins que 1/16, elle enlevera le poids, tandis que dans l'autre cas, il faut y ajouter plus de la moitié.

Le Tour a fort peu de frotement, si la rouë est grande & l'aissieu petit; excepté celui qui résulte de la corde qui se plie autour de l'aissieu, si l'on employe une grande corde pour élever un grand poids. Mais nous ferons voir comment on peut trouver le frottement de l'aissieu quel qu'il soit, après que nons aurons parlé du frottement des autres machines en general.

Le plan incliné n'est pas sujet à beaucoup de frottement, si le poids qui y roule est spérique ou cylindrique; car alors tout le frottement ne résulte que de ce que le plan n'est pas parfaitement dur, en sorte qu'il cede un peu au corps qui roule, ce qui altére dans cet endroit l'inclinaison du plan en le rendant plus escarpé, & rendant la ligne de direction un peu inclinée au plan : de même si le plan étant dur, le corps cede un peu & change de figure, il doit être élevé à chaque impulsion ou monter par secousses. Mais si le corps qui monte sur un plan incliné n'est pas sphérique ni cylindrique, mais plat comme une poutre, ou au moins comme un traîneau chargé, alors le plan incliné doit avoir un grand frottement, & nous ferons voir de quelle manière on doit l'estimer.

Le coin a un grand frottement ; car outre tout celui du plan incliné dont on vient de parler, lorsque des corps plats glissent l'un sur l'autre, on doit y ajouter le tiers de la pression que le même corps donne de plus au coin qu'au plan incliné, à raison de l'obliquité de la traction, le coin n'étant qu'un plan incliné dont la ligne de direction est paralléle à la base, au lieu d'être paralléle à lhypotenuse d'un triangle, dont la hauteur est l'epaisseur

du coin.

N. B. Je ne ferai pas mention ici de la cohésion du bois ou des corps qui doivent être fendus, parce que la résistance qui de ce côté-là doit être surmontée, est regardée comme un poids, & par conséquent attribuée au poids, & non à la puissance.

La vis a un frottement de la meme espéce que celui du coin; mais il est Tome I.

NOTES

la III. Leçon.

Planche 11. Figure 11. COURS DE PHYSIQUE

TITES fur plus grand, parce qu'elle touche tout à la fois dans toutes ses parties, ce

la III. Leçon. que le coin ne fait pas. *

La vis plate ou à fil quarré (Planche 11. Figure 11.) ne représentant qu'un simple coin qui s'éleve dans la direction HK ou LM, &c. a moins de frottement que la vis à fil tranchant (Planche 11. Figure 14.); parce que dans celle-ci la surface du fil est inclinée à la base aussi-bien qu'a l'axe ou arbre de la vis. Mais la vis sans sin (Planche 11. Figure 13.) a encore plus de frottement que la vis ordinaire à fil tranchant, parce qu'elle est obligée de prendre obliquement les dents de la rouë qu'elle pousse.

C'est pour cela que dans les horloges ou montres de poche, ceux qui veulent changer les rouës & pignons en vis sans sin, doivent être prevenus du grand frottement qu'ils y trouveront, & ils ne doivent pas s'en servir à moins que la nature du mouvement ne l'exige, & qu'ils ne gagnent plus par l'altération de la direction du mouvement, qu'ils ne perdent par

le frottement.

Pour établir une Théorie du frottement, qui puisse nous diriger dans la pratique (afin que nous puissions non-seulement en estimer au juste la quantité dans chaque machine simple, mais trouver encore le frottement de toutes les différentes parties qui forment une machine composée, en sorte que nous soyons en état de connoître ce que nous devons attribuer au frottement dans le total de la machine complexe;) la chose dépend de tant d'expériences & d'observations, que j'ai pris le parti d'examiner cette manière dans une Leçon destinée à cette fin (c'est-à-dire dans la 4e Leçon suivante) plûtôt que de m'y attacher ici, ce qui donneroit trop d'étendue à ces notes & en feroit un volume; d'autant plus qu'il me reste tant de réfléxions à faire sur différens articles particuliers de cette 3º Leçon, qu'elles surpasseront de beaucoup la longueur de la Leçon même; à moins que je n'obmette à dessein certains articles très-importans, dont il seroit trop difficile de parler dans les Leçons suivantes, que j'ai rendu assez aisées, pour n'exiger que l'attention du Lecteur, fans aucune connoissance préliminaire des Mathématiques.

4. [20 — Du fleau qui pend librement sur son centre de mouvement, lequel est placé un peu au-dessus de son centre de gravité.] Comme il n'y a que la position horizontale du fleau de la balance qui puisse nous faire juger du poids des corps comparés par cet instrument, nous devons bien prendre garde que le centre du mouvement ou le point de suspension du fleau ne soit pas dans le centre de gravité, parce qu'alors non-seulement le fleau restera dans toute position donnée (aussi-bien étant incliné qu'étant horizontal) par L. 2, n°. 26. mais qu'il continuera aussi dans cette position lorsqu'on aura suspension des poids égaux à ses extrémités. Pour éclaireir ceci nous examinerons la premiere Figure de la Planche 14.

* Quoiqu'à parler exactement, le frottement des corps du même poids n'augmente pas à proportion du nombre des parties qui fottent; cependant la chose arrive dans le cas present, parce que les surfaces qui frottent s'appliquent moins exactement raprochél'une à l'autre que dans le coin.

HCbD représente la coupe d'un fleau qui a quelque épaisseur, lequel étant suspendu par son centre de gravité K, restera aufsi-bien dans la position la III. Leçon. inclinée A E BF que dans la position horizontale : si les corps pesans P, W (égaux, supposé que le fleau soit divisé également dans sa longueur par le point K, ou réciproquement proportionnels aux bras, si le fleau est divisé inégalement) sont suspendus aux extrémités A, B, ils resteront en équilibre dans toutes les inclinaisons du fleau de quelque grandeur que soit le fleau. 1°. Supposons le fleau si délié qu'il ait peu ou point de poids en comparaison des corps, comme la ligne AB, avec son centre de gravité en K, il est évident que le centre commun de gravité de P & de W qui est en G, ne sera pas éloigné sensiblement du point G par l'addition du fleau que l'on suppose n'avoir que peu ou point de poids, ni par l'écart des corps en p, w, lorsque le fleau prend l'inclinaison ab. (Lec. 2, n°. 31, 32, 33.) 2°. Si l'on confidére le fleau avec tout son poids; lorsque dans la fituation horizontale CD, la partie pesante CB pressant sur AB, étant égale & également distribuée au-dessus du fleau & la partie inférieure AD égale à CB étant suspenduë au-dessous de la même manière que CB presse au-dessus, le centre de gravité du fleau ne sera pas à cet égard'éloigné du point K; mais le centre commun de gravité des corps P, W, & le fleau seront éloignés de G en g sous le centre du mouvement K; donc la balance & les poids resteront dans cette position, puisque le point K de la ligne de direction est soutenu (L.2, n°.47). Ni les poids (qui dans une balance pendent toujours librement) ne seront pas non plus capables d'altérer cette position par leur suppression, parce que les distances AK, BK de leurs lignes de direction au centre du mouvement K, (d'où dépendent leurs vîtesses) seront égales, ou réciproquement proportionnelles à leurs masses. (L. 2, n°. 13. & L. 3, n°. 18 & 22). Maintenant si le sleau est incliné dans la position EAFB, nous pouvons encore y considérer le fleau délié A B chargé en-deffus & en-deffous de deux coins prifmatiques AFB & AEB dont les centres de gravité étant en m & n, leurs lignes de direction passeront par les points r & s, également éloignés du centre du mouvement K, donc ils se balanceront mutuellement (nº. 18), & par conféquent ils n'altéreront pas la position inclinée du sleau. Ensuite si nous confidérons les poids p & w suspendus aux points a & b, le centre commun de gravité du fleau & des poids sera toujours en g, & les distances des lignes de direction des poids devenant à present t K & u K, décroîtront exactement en raison réciproque des poids; en sorte qu'ici il ne sçauroit y avoir aucun mouvement occasionné par cette position du fleau & des poids, parce qu'il n'y a point de changement de place, dans le centre commun de gravité de toute la balance chargée ou dans la vîtesse respective des poids.

Mais si l'on porte en k le centre de mouvement ou le point de suspension de la balance, un peu au-dessus du centre de gravité du fleau K, la ligne de direction qui dans la position horizontale du sleau est kg, sera dans sa position inclinée hors du point de suspension, qui alors viendra en c, & le centre de gravité ira de g en q, ce qu'il peut faire en décrivant un petit arc autour du point c. Cela réduira le fleau à sa position horizontale,

Non

Planche 14: Figure 17

Tij

Notes fur land. Leçon. Planche 12. Figures 1, 2.

COURS DE PHYSIQUE

Tres sur dans laquelle la ligne de direction sera eq, passant par le point de suspension. Leçon. c, & par conséquent les poids qui étoient en équilibre sur une balance dont le centre de mouvement est au-dessus du centre de gravité du sleau, réduira ladite

balance de la situation inclinée à la position horizontale.

Maintenant en fixant le centre de mouvement du fleau au-dessus du centre de gravité, on doit avoir soin de le fixer au-dessus des points de suspension, comme quelques Auteurs l'ont enseigné, & comme on le fait dans la pratique des balances ordinaires, que l'on peut confidérer comme composées de deux leviers, formant un angle obtus en k centre du mouvement, pendant que les points de suspensions A, B sont au-dessous de son niveau dans la ligne AB. Cette balance est en usage pour les destinations communes, parce qu'elle se met plûtôt en équilibre, que si A k B n'étoit qu'une seule ligne; mais c'est une balance fausse, & les personnes rusées peuvent s'en servir pour tremper à proportion que l'angle A k B est plus aigu; sur-tout lorsqu'il n'y a point de pièce perpendiculaire ou languette Cr (Figure 2. Planche 14.) pour faire voir si la balance est véritablement horizontale; car des poids inégaux peuvent former un équilibre sur une telle balance, & on ne le découvrira pas en changeant les bassins, ce qui pourtant découvre la tromperie dans une balance dont le fleau a les bras inégaux (n°. 27.) Par exemple, soit la balance ACBc (dont le centre de gravité est en c, & le centre de mouvement en C, avec les poids égaux PP, suspendus à ses extrémités AB) placée dans une position inclinée a b; je dis que comme la ligne de direction D d du poids P est portée plus près du centre de mouvement (sçavoir en q \pi) ledit poids peut être augmenté à proportion que sa distance C u se diminue étant réduite à Cq, & il agira avec toute la même force sur son point de suspension : pendant que la ligne de direction du poids opposé P, étant éloignée de Dd en ba, fa distance Co devient Cb, & par conféquent P doit être diminué à proportion que sa distance est augmentée; donc dans cette fituation de la balance les poids P & P fe tiendront en équilibre, l'orsqu'ils seront en raison réciproque de leurs distances q.C. & b C ou b C & C a, si la balance est inclinée de l'autre côté dans la ligne aβ; & la découverte ne pourra s'en faire que par l'inclinaison visible de la languette vers s ou t. C.Q. F. D.

Plus le centre de gravité du fleau est proche du centre du mouvement, plus la balance sera délicate; parce que le fleau sera plus propre à saire promptement ses vibrations d'un côté à l'autre. Comme par exemple, si a c b C (Planche 14. Figure 2.) est le fleau, & C le centre ou axe du mouvement, la différence entre l'effet d'avoir le centre de gravité en K, ou c, sera la même que si nous comparions les vibrations de deux pendules des longueurs C K & C c, dont les vîtesses dans leurs vibrations sont en raison réciproque sous doublée de leurs longueurs (comme je le ferai voir plus au long lorsque j'en viendrai aux pendules) car le fleau est réellement

un pendule.

EXPE'RIENCE Planche 14. Figure 3.

Planche 14.

Fixez au sleau AB dont l'axe de mouvement est C un clou à vis Kez

& une balle W qui puisse entrer à vis vers l'axe C ou s'en éloigner. Lorsqu'en portant la balle vers W le centre de gravité est en K, les vibrations la III. Leçon. du fleau feront plus promptes que lorsque le centre de gravité est poussé vers k en abaissant la balle en w. Cela peut servir dans la pratique pour quelques expériences délicates, parce que par cette invention le centre de gravité Figures 3, 4. peut s'approcher autant que l'on veut du centre du mouvement.

N. B. On voit par ce qui a été dit dans la 2º Leçon, que le centre de

gravité ne doit jamais être au-dessus du centre du mouvement.

5. [27 - Dans tous ces cas nous supposons que les poids sont suspendus librement aux extrémités de la balance où ils sont attachés.] Quoique dans l'usage commun de la balance les poids qui se contrebalancent, ou les bassins, pendent pour l'ordinaire librement : cependant il y a certains cas où ils ne le font pas: & dans les machines composées, où les balances sont souvent une partie de la machine complexe; au lieu des poids, les puissances sont appliquées à leurs extrémités dans toutes fortes de directions, & alors elles deviennent des leviers de la premiere espéce; tels sont les Régulateurs dans plusieurs machines hydrauliques, les sleaux pour mouvoir les soussets, &c. Je vais donc examiner les effets des puissances appliquées obliquement à une balance mathématique, ou à une ligne droite infléxible; ce qui résoudra aussi tous les cas du levier, & pourra (avec les restrictions convenables)

s'appliquer à toutes fortes d'instrumens méchaniques.

Soit la balance A B. (Planche 14. Figure 4.) de douze pouces de longueur, & divifée également à son centre de mouvement C, qui soutienne à ses extrémités les deux poids égaux W, P, en regardant celui-ci comme la puissance. Pendant que la puissance tire dans la direction BP, elle agit selon toute son intensité (L. 2, n°. 20.) sa distance alors CB = CA distance du poids, & les deux distances étant mesurées sur le fleau : mais si la puissance est éloignée vers P, & si (sa corde B x P passant sur sa poulie x) elle tire obliquement felon la ligne Bx qui fait avec le fleau l'angle aigu CBF, ou (ce qui revient au même) l'angle obtus CBE (parce qu'on le suppose ici surpasser autant l'angle droit que CBF en est surpasse, CBF étant $= CB\phi$) la force de la puissance sera diminuée à proportion que CF ou Cø, distance à la ligne de direction de la puissance qui agit obliquement, est moindre que CB distance à la ligne de direction de la puissance qui agit directement ou à angles droits sur le bras de la balance CB (n°. 20); connoissant donc l'intensité de la puissance, l'aquelle agissant à angles droits en B (ou qui étant suspendue librement en B, si c'est un corps pesant qui représente comme ici la puissance) tient le poids opposé W en équilibre, on peut aisément trouver combien on doit augmenter la puissance pour tenir ce poids en équilibre, lorsqu'il tire obliquement selon une direction connue, comme par exemple, felon la direction représentée dans la figure; ou (ce qui revient au même) combien le poids P attaché en B passant sur la poulie x, doit être plus grand que le poids P, qui pend librement, pour produire le même effet. Menez avec la distance CF ou C \(\rho \) l'arc F f \(\rho \), qui coupe C B en f, & vous aurez la quantité de P par cette analogie:

NOTES

Planche 14.

la III. Leçon.

Planche II. Figure 4.

Figon fur Comme la longueur Cf sur le fleau, qui est 4, 8 pouces: Est à CB bras total du fleau qui est ici de 6 pouces ::

Ainsi l'intensité de la puissance ou du poids P, que l'on suppose ici de 40 livres:

Est à la nouvelle puissance, ou poids P, 50 livres.

Par où l'on voit que le poids P ainsi trouvé, conservera l'équilibre avec le poids W qui le contrebalance, s'il est suspendu au point f, aussi-bien qu'il le feroit en tirant obliquement sur la poulie x; parce que le moment de W (ou W \times AC) étant divisé par Cf, donne la quantité du poids P; ou, en d'autres termes, il y aura une proportion réciproque entre les poids W & P, & leurs distances C A & C f (nº. 13 & L. 2, nº. 9, 12, 13 & 15). Donc $Cf = C_{\varphi} = CF$ distance de la ligne de direction au centre du mouvement (laquelle se trouve toujours par la longueur d'une perpendiculaire abaissée de ce centre à cette ligne de direction) peut dans tous les cas semblables, se nommer proprement la distance active de la puissance. Voyez n°. 20.

Autre Methode.

Par le point x pris dans la circonférence de la poulie, sur laquelle passe a corde B x P, menez x E paralléle à la balance A B qui coupera la ligne de direction perpendiculaire de la puissance (ou du poids qui pend librement) P à angles droits en D, Dx étant = DE, & l'angle xBD =DBE par la supposition. Dans le triangle DB x autant que l'hypothenuse Bx est plus longue que la perpendiculaire BD, autant la quantité ou l'intensité du poids P (qui étant librement suspendu, tient W en équilibre) est augmentée lorsqu'il tire obliquement dans une ligne Bx; c'est-à-dire autant P est plus grand que P, pour tenir W en équilibre en le tirant obliquement. Le même seroit vrai si x étoit placé en E; & par conséquent on aura toujours cette regle pour estimer la force des puissances qui tirent obliquement;

Comme le sinus de l'angle de la traction, qui est l'angle de la direction de la

puissance avec le fleau:

Est au sinus total : :

Ainsi l'intensité de la puissance qui tire le fleau à angles droits:

Est à l'intensité de la puissance qui tire obliquement.

N. B. L'angle de traction est ici CB x ou CBE dont le sinus commun

est BD; ainsi dans ce cas BD: Bx:: P:p.

On verra que cette Méthode aura toujours les mêmes conséquences que la premiere, si l'on compare ensemble les deux triangles B & D & CBF; car puisque CFB est un angle droit par la supposition, & CBx = BxD, à cause des paralléles CB & xD, BCF sera égal à xBD, & par conséquent les triangles seront semblables, ce qui fait voir que CF (48.): CB (60):: BD (40): Bx (50):: P: p. C. Q. F. D.

On peut encore expliquer cela par une troisiéme Méthode, en décompofant la force qui tire obliquement dans la ligne Bx en deux forces, dont l'une tire le long du levier dans la ligne BC, & l'autre dans la ligne BD, à la manière de Newton (n° 85, 86); mais nous examinerons cela dans



le cas de la trusion ou de l'impulsion oblique contre un point du sleau, qui est la même que la traction dans un sens contraire.

On verra l'accord de toutes ces Méthodes dans l'Expérience suivante.

Notes in la III. Leçon.

EXPE'RIENCE. Planche 14. Figure 5.

La balance ou levier A de 12 pouces de longueur, est mobile sur le centre C du gueridon S, qui a une longue piéce tellement appuyée en S, qu'elle reste dans une position horizontale, de manière à porter les poulies x & E, éloignées chacune de 3 pouces du point D, qui est placé perpendiculairement sous B. Lorsque la puissance P de 4 onces égale à W pend librement, elle tient W en équilibre; mais si l'on fait passer la corde PXB sur la poulie x ou E, alors la puissance P sera surmontée par W jusqu'à ce qu'on y substitue le poids P ou p de 5 onces, lequel tirant obliquement sur x ou E, tiendra W en équilibre. Maintenant on peut observer que lorsque P descend d'un pouce ou de P en r, il fait descendre l'extrémité du fleau B feulement jusqu'au point b dans la ligne horizontale f e, & il éleve l'extrémité opposée A en a précisément aussi haut au-dessus de la ligne AB; mais lorsque la puissance en P, descend d'un pouce, par exemple en q, elle tire en bas l'extrémité B vers & dans la ligne horizontale hg, & par conféquent elle éleve l'extrémité opposée d'autant plus haut, en sorte qu'elle donne plus de vîtesse au poids W le portant en w, au lieu de W. Maintenant puisque les puissances P & p avec la même vîtesse (ou descendant également) donnent à W différens dégrés de vîtesse, leurs intensités doivent être différentes en cette proportion, parce que les causes sont toujours proportionnelles à leurs effet; donc p doit être plus grand que P à mesure que les arcs A a & B \beta sont plus grands que A a & B b, ou plûtôt à proportion que le finus a o est plus grand que an. Cela se voit aussi en observant (puisque B x, $\beta x = (=yx) + By$) que les cordes BP, $B \times P$, & $\beta \times p \neq f$ ont toutes égales.

N. B. Cela n'est vrai à la rigueur qu'au commencement du mouvement du

fleau, ce qui suffit à notre dessein.

La seule inspection de la machine fait voir clairement que la puissance qui agit à angles droits est la plus efficace. Car comme en éloignant la puissance de la perpendiculaire, elle tire plus foiblement en E, & qu'en m elle ne fait que tirer le centre C dans la directon B m; en sorte qu'elle n'a aucun esset pour élever l'extrémité opposée A du sleau; & qu'allant du côté opposé, la puissance affoiblie en x devient tout-à-fait inefficace lorsqu'elle est appliquée au sleau pour le tirer dans la direction B C, parce qu'alors elle n'agit que contre le centre C sans mouvoir en aucune manière l'extrémité A: il faut donc que la situation moyenne de la ligne de direction entre ces deux extrémes inefficaces, soit la plus effective; & cette situation est celle de la ligne B P perpendiculaire au sleau.

Cest sur ce principe que sont sondés la plûpart des tours de souplesse des prétendus hommes forts ou Samsons modernes; les machines dont ils se servent sont tellement imaginées, que les chevaux qui tirent ou les poids qui sont suspendus.

Planche 14. Figure 5. Wortes fur la III. Leçon.

152 COURS DE PHYSIQUE

la III. Leçon. levier ou d'une balance) de telle maniere qu'ils sont tirés directement contre le centre du mouvement. Mais j'expliquerai ceci dans un plus grand détail,

lorsque je viendrai à parler de ces tours de souplesse & de force.

Si à l'une des extrémités du levier ou de la balance on attache un poids; qui (se mouvant avec cette extrémité du levier) ne pende pas librement pendant que la puissance qui agit à l'autre extrémité est ou un corps pesant suspendu librement ou une puissance animée pressant perpendiculairement vers la terre; je dis qu'un tel poids fixe variera de force selon la position du sleau, & que cette sorce variera d'une façon opposée selon que le centre de gravité du poids est au-dessus ou au-dessous du sleau : par exemple, lorsque le centre de gravité du poids fixe est au-dessous du sleau (comme dans la Figure 6.) le poids deviendra plus pesant (ou agira plus fortement) lorsqu'il sera élevé au-dessus de la ligne horizontale (comme en G) dans la situation inclinée du levier DCG; & il deviendra plus leger lorsqu'il sera abaissé au-dessous de la ligne horizontale (comme en E) dans la situation inclinée du levier ACE; au contraire, si le centre de gravité du poids fixe est au-dessus du levier (comme dans la Figure 7.) il deviendra plus pesant lorsqu'il sera abaissé sous la ligne horizontale (comme en K) dans la situation inclinée du levier ACK; & il deviendra plus leger lorsqu'il sera élevé au-dessus de la ligne horizontale (comme en E) dans la situation du levier DCE. Mais ce poids fixe agira de la même manière que s'il étoit librement suspendu, lorsque le levier est dans la situation horizontale, comme en BF (Figure 6.) & BJ (Figure 7.)

Le premier cas (Figure 6.) peut s'expliquer ainsi. Dans la position du levier BF la ligne de direction q O passant par le point de suspension q, & faisant un angle droit avec le levier, Cq est la distance active (Voyez p. 150.) du poids aussi-bien que la distance au point de suspension; donc comme BC: est à Cq:: ainsi le poids F: à la puissance R; de la même manière que si le poids F étoit librement suspendu au point q. Mais lorsque le poids est élevé en G, & que le centre de gravité O ne peut pas venir fous le point K (le même que q, point de suspension dans le levier horizontal) Or devient la ligne de direction au lieu de KM, qui auroit été la ligne de direction si le poids avoit été suspendu librement en K; donc Cr est la distance active du poids au lieu de CM, tandis que la distance active de la puissance est devenue LC; & par conféquent le poids a plus de force & ne peut se balancer que par une puissance plus grande comme P. Car au lieu de CL: CM:: F (ou G): R, nous avons CL: Cr:: F (ou G): P, puissance plus grande ou contre-poids plus pesant. Mais si le poids est porté en E, sa ligne de direction au lieu de nH devient MO, & par conféquent sa distance active est moindre qu'elle ne devroit être à proportion de CQ à la distance active de la puissance, qui doit donc

être diminuée en intensité, & devenir S au lieu de R.

Par ce qui a été dit, & par l'inspection de la Figure 7, on voit que le contraire doit arriver, lorsque le poids fixe à son centre de gravité au-dessus du levier ou du sleau. Car dans la situation du levier ED, la ligne de direction

Planche 14. Figures 6, 7.

direction du poids venant trop vîte en avant (& devant O L au lieu de Eh) CL la distance active du poids en E a moins de propor- la III Leçon, tion avec CN distance active de la puissance en S, que Cg à CB leur proporrion dans la fituation horizontale, & par conféquent la puissance S d'une moindre intensité servira de contre-poids à la place de R. Mais lorsque le poids est abaissé en K, il faut faire usage de P, contre-poids plus grand, parce que C g devient la distance active à la place de Ct, & dans la situation horizontale du fleau, le corps O pese de la même manière que s'il étoit suspendu librement, parce que Og est sa ligne de direction, telle qu'elle auroit été si ce corps avoit été suspendu en g. On peut observer cela dans la pratique. Supposons qu'un homme M (Figure 8.) éleve du foin, des gerbes de bled, ou un grand fagot A, par le moyen de la fourche A B appuyée sur son genou c comme sur un point d'appui, & qu'il pousse en bas, l'extrémité B de la fourche ou levier, si la fourche A passe sous le fagot, ce sera le cas du levier incliné AK (Figure 7.) & le fardeau deviendra plus leger à mesure qu'il s'éleve. Mais si la fourche, avoit été infinuée dans la ligature au-deffous du fagot, ç'auroit été le cas du levier incliné AE (Figure 6.) à l'extrémité duquel le poids devient plus pesant à mesure qu'il s'éleve; & alors si l'homme avoit été précisément capable de commencer à l'élever, il seroit forcé de la laisser retomber ou de trouver un nouvel appui en C pour élever ce poids. Supposons encore que le fleau d'une grande balance soit incliné dans la position ACE; un homme suspendu dans le bassin en H, peut en appuyant fortement sa main en haut contre le fleau, se mettre dans la position du corps pesant HE, & par conféquent paroître moins pefer qu'il ne pese effectivement, étant contrebalancé par un poids tel que S. Mais si le bassin où il s'est mis est élevé en sorte que son point de suspension soit en K, dans la position du levier DCK; l'homme en appuyant fortement coutre le fleau au-dessus de sa tête, peut mettre son corps dans une position perpendiculaire au levier, & se trouver avec le bassin dans la position du corps KG; en sorte que s'il y a plus de poids dans le bassin opposé, le poids n'a pas besoin d'être diminué jusqu'à ce que son intensité soit égale au poids de l'homme, mais il commencera à s'élever pendant qu'il est encore plus grand; en sorte que dans ce cas le poids de l'homme paroîtra plus grand qu'il n'est, à proportion que le contre-poids P est plus grand que R. Il arrivera précisément le contraire, si l'homme est placé au-dessus du fleau; car alors il pesera moins, lorsqu'on l'élevera au-dessus de la ligne horizontale qui passe par le centre, comme en EM (Figure 7.) & il pesera plus au-dessous de cette ligne, comme en FK. Maintenant quoiqu'on puisse estimer ainsi l'action des corps pesans les uns sur les autres dans la balance & le levier, & dans quelques autres instrumens méchaniques, par la distance de leur ligne de direction au centre du mouvement; cependant cela n'est vrai qu'autant que l'élevation & la chute perpendiculaire s'accorde avec cette distance; car il y a des cas, sur-tout dans le travail des machines composées, où la distance de la ligne de direction du centre du mouvement dans un corps qui s'éleve ou qui tombe, n'est pas proportionnelle à l'élevation ou à la chûte perpendiculaire de ce corps. Ainst la vîtesse d'une puissance, lorsque c'est un corps pesant, doit être

Tome L.

NOTES

Planche 1 Figure 5.

la I II. Lecon.

COURS DE PHYSIQUE

la III. Lecon. expliqué dans la 8e Note fur la 2e Leçon, & comme on va le prouver encore mieux par l'Expérience suivante.

EXPE'RIENCE. Planche 14. Figure 9.

Planche 14.

ACBEKD est une balance qui a la figure d'un parallélogramme, passant par une sente dans la pièce verticale NO, sixée à un piedestal M, en sorte qu'elle soit mobile sur les pointes centrales C& K. Aux pièces verticales AD & BE de cette balance on sixe à angles droits les pièces horizontales FG& HJ. Il est évident que les poids égaux P, W doivent se tenir l'un avec l'autre en équilibre; mais on ne voit pas d'abord aussi clairement, que si W est porté en V étant suspendu en 6, il sera en équilibre avec le poids P, quoique l'expérience nous l'apprenne.

Bien plus, si l'on suspend successivement W à chacun des points 1, 2, 3, Y 4, 5 ou 6, l'équilibre continuera; ou si W étant suspendu à quelqu'un de ces points, on porte P successivement vers G, ou à chacun des points de suspension de la pièce sixe F G, P sera dans tous ces points équilibre avec W. Maintenant lorsque les points sont en P & V, si l'on ajoute au poids V le moindre poids tel que u capable de surmonter le frottement des points de suspension C & K, le poids V l'empoortera, & cela de la même manière

étant en V que s'il étoit étoit en W.

On voit très-clairement par ce qui a été dit ci-devant, la raison de cette expérience. Comme les lignes A C & KD, CB & K E continuent toujours d'être de la même longueur dans chaque position de la machine, les pieces A D & BE continueront toujours d'être paralléles l'une à l'autre, & perpendiculaires à l'horizon, de quelque manière que toute la machine tourne fur les points C & K; comme on le voit en plaçant la balance dans une autre situation, comme a b e d: & par conséquent comme les poids appliqués en chaque point des piéces FG & HJ, ne peuvent porter en bas les piéces AD & BE que verticalement, de la même manière que s'ils étoient appliqués aux crochets D & E ou en X & Y, centres de gravité de A D & BE; la force des poids (fi leur quantité de matière est égale) sera égale; parce que leurs vîtelles seront comme leurs élevations ou leurs chûtes perpendiculaires, lesquelles seront toujours comme les lignes égales 5 x, & 5 y, en quelque point des piéces FG & HJ que les poids soient appliqués. Mais si au poids en V on ajoute le petit poids u, ces deux poids l'emporteront, parce qu'en ce cas le moment est composé de la somme de V & u multipliée par la vîtesse commune 5 y,

De-là il suit que ce n'est pas la distance C 6 multipliée par le poids V qui fait son moment; mais sa vîtesse perpendiculaire 5 y multipliée par sa masse.

Ce qu'il falloit démontrer.

Cela paroîtra encore plus clairement si l'on ôte la pointe en K, car alors le poids P emportera l'autre poids en V, parce que leurs élevations ou chûte perpendiculaires ne seront point égales.

Pour conclure tout ce qui regarde les forces appliquées en différentes directions aux leviers & aux balances, je vais expliquer l'action des forces

obliques par la composition & résolution du mouvement par la méthode de Newton, que j'appliquerai à la folution d'une proposition sur la balance, la III. Lecon. dont les Écrivains en Méchanique n'ont pas fait mention, quoique les gens de métier en ayent souvent parlé.

NOTES fur

THÉORÉME. Planche 14. Figure 10.

AB est une balance, à laquelle on suppose qu'est suspendu à l'une de ses extrémités B le bassin E, avec un homme en-dedans, lequel est contre-balancé par le poids W, suspendu à l'autre extrémité A de la balance. Je dis que si cet homme avec une canne ou autre corps droit & infléxible, pousse en haut contre le fleau en quelque endroit que ce soit entre les points C & B, (pourvû qu'il ne pousse pas directement contre B) il se rendra lui-même par ce moyen plus pésant, ou qu'il emportera le poids W, quoique l'obstacle GG empêche le bassin E de s'écarter de Cvers GG. Je dis aussi, que si le bassin & l'homme sont suspendus en D, l'homme en poussant en haut contre B, ou en quelque endroit que ce soit entre B & D (pourvû qu'il ne pousse pas directement contre D) il se rendra luimême plus leger, ou que le poids W l'emportera, quoiqu'auparavant ils ayent

été en équilibre.

Si le centre commun de graviré du bassin E, & de l'homme qui est supposé s'y tenir droit, étoit en K, & que l'homme en apuyant contre une partie du fleau fît mouvoir le bassin en-dehors, ensorte que le centre commun de gravité fût porté en x; alors au lieu de BE, Ll deviendroit la ligne de direction du poids composé, dont l'action seroit augmentée en raison de LC à BC. C'est ce qui a été expliqué par plusieurs Auteurs en Méchanique; mais aucun, que je sçache, n'a considéré le cas où le bassin est arrêté par un obstacle, comme ici GG, qui l'empêche de s'écarter en-dehors, & le retient à sa place, comme si les cordes du bassin étoient devenuës insléxibles. Maintenant pour expliquer ce cas, nous supposerons que la longueur BD de la moitié du bras BC est de trois pieds, la ligne BE de 4 pieds, & que la ligne ED (de 5 pieds) est la direction dans laquelle l'homme pousse, DF & FE étant respectivement égales & paralléles à BF & BD, & la force totale ou absolué avec laquelle l'homme pousse, égale à (ou capable d'élever) 10 pierres. * Soit la force oblique ED (= 10 pierres) décomposée en deux autres EF & EB (ou son égale FD) dont les directions sont à angles droits l'une à l'autre, & dont les quantités respectives (ou intensités) sont comme 6 & 8, parce que EF & BE sont en cette proportion l'une à l'autre, & à ED. Maintenant puisque EF est paralléle au fleau BDCA, cette force ne l'affecte en aucune manière pour le faire mouvoir en haut, & par conséquent il n'y a que la force réprésentée par FD ou de 8 pierres, qui pousse le fleau en haut en D. Par la même raison, & parce que l'action & la réaction sont égales, le bassin sera poussé en bas en E avec la force aussi de 8 pierres. Donc puisque la force en E pousse le fleau perpendiculairement en bas depuis le point B éloigné de C de toute la Jonqueur du bras BC, son action en bas ne sera pas diminuée, mais tera Planche 14. Figure 10.

^{*} Pierre signifie ici un poids de 8 livres à Londres.

la III. Leçon. moitié, à cause de la distance au centre diminuée de la moitié, & elle ne

Planche 14. Figure 10. fera exprimée que par $8 \times \frac{BC}{2}$; & lorsqu'on aura soustrait l'action en

haut pour élever le fleau, de l'action en bas pour l'abaisser, il restera encore B C

4 pierres pour pousser en bas le bassin, parce que $8 \times BC - 8 \times \frac{BC}{2}$

4 BC: par conséquent il faudra ajouter un poids de 4 pierres à l'extrémité A, pour rétablir l'équilibre. Donc un homme &c. poussant en haut sous le fleau.

entre B & D, devient plus péfant. C. Q F D.

Au contraire si le bassin étoit suspendu en F du point D à trois pieds seu-lement de distance du centre de mouvement C, & si un obstacle gg empêchoit le bassin d'être poussé en-dedans vers C; alors si un homme dans ce bassin F poussoit obliquement contre B avec la force absolue précédente; la force totale par les raisons données ci-devant (en décomposant la force oblique en deux autres sorces qui agissent par des lignes perpendiculaires l'une l'autre) sera réduite à 8 pierres, qui poussent le fleau directement en haut en B, pendant que la même sorce de 8 pierres le tire directement en bas vers F en D. Mais comme CD n'est que la moitié de CB, la sorce en D comparée avec celle en B, perd la moitié de son action, & par conséquent n'emporte que la force de 4 pierres, pour pousser en haut en B; donc le poids W en A doit l'emporter, à moins qu'on ne suspende en B un poids de 4 pierres. Donc un homme, & c. poussant en haut sous le steau entre B & D, devient plus léger. Ce qu'il falloit aussi démontrer.

S. C. H. O. L. I.E. I.

Del a connoîssant la force absolué de l'homme qui pousse en haut (c'està-dire, toute la force oblique) la place du point de trusion D, & l'anglefait par la direction de la force avec le fleau dans ce point, on peut avoir une régle générale pour connoître quelle force est ajoutée à l'extrémité du fleau B dans toutes les inclinaisons de la direction de la force ou place du point D.

Régle pour le premier cas.

CHERCHEZ d'abord la force perpendiculaire par l'analogie suivante, dont la démonstration est connuë de tous ceux qui sont au fait de l'application des sorces obliques.

Comme le sinus total:

Est au sinus droit de l'angle d'inclinaison de la sorce au fleau :::

Aiusi la force oblique :

Est à la force perpendiculaire.

Ensuite la force perpendiculaire étant multipliée par la longueur du bras BC, moins la ditesorce multipliée par la distance DC, donnera la valeur de la force additionnelle en B, ou du poids requis pour rétablir l'équilibres en A.

Ou pour l'exprimer en termes algébriques : Soit of l'expression de la force oblique, op celle de la force perpendiculaire, & x la force requise, ou la la III. Leçon. valeur du poids qu'il faut ajouter en A pour tétablir l'équilibre.

DE: DF (= BE):: of: pf. Et pf \times BC = pf \times DC = x.

La même régle fervira pour le fecond cas, fil'on rend négative la quantité trouvée, & si l'on suspend en B le poids additionnel. Ou ayant trouvé la valeur de la force perpendiculaire, l'équation deviendra : $-pf \times BC +$ $pf \times DC = -x$; & par conféquent le poids additionnel doit être fufpendu en B, parce que - x en A, est le même que + x en B.

NOTEGO

Planche 14. Figure 10.

SCHOLIE II.

DELA il suit aussi, que si dans le premier cas on prend le point de trusson en C, la force en B (ou la force dont la valeur est requise) sera la force perpendiculaire totale, parce que CD est égal à zero. Et si le point D est pris en-delà de C vers A, la force perpendiculaire qui pouile en haut à ce point, multipliée par BC, sera ajoutée à la même force multipliée par BC, c'est-à-dire $pf \times BC + pf \times DC = x$.

Voici la machine dont je me suis servi pour prouver cela par expérience.

(Figure 11.)

La balance de cuivre A B a 12 pouces de longueur, elle se meut sur le centre C avec une piéce perpendiculaire B b, suspendue à l'extrémité B, & ·mobile autour d'un pivot en B ; elle est arrêtée à son extrémité inférieure b (par la piéce verticale GG) qui l'empêche de fortir de la perpendiculaire, en poussant le tuyau FE, qui porte un fil de ser en haut, ou une pointe (lorsqu'on la fait entrer dans un autre petit trou sous le fleau en D) & qui par le moyen du ressort spiral EF presse contre la cheville E, pour pousser en avant ledit fil de fer hD, destiné à pousser en haut le fleau avec la force du ressort EF. TSS est un guéridon qui est fixé à la colomne TC, laquelle soutient la balance, & qui a aussi une sente SS pour recevoir le pied de la plaque mobile GG, & le fixer dans chaque endroit de la fente par le moyen d'une vis en-dessous.

Suspendez B b comme dans la Figure. Ensuite appliquez tellement EF au point H, que son fil de fer supérieur hDk puisse passer par une petite gance en D, de manière qu'il ne pousse pas le sleau en haut, mais qu'il soit dans la même position où il doit être pour que le poids W étant suspendu en A, soit en équilibre avec le bras BC, avec B b & FE, afin que l'on puisse estimer l'action contre D & H, indépendamment du poids du tuyau repoussant.

EXPERIENCE. Planche 14. Eigure 11.

Ensuite tirant en bas l'extrémité k du fil de fer, on le fera entrer dans un petit trou sous D, & alors B sera poussé en bas autant que l'exige le poids additionnel P de 4 onces, qui doit être suspendu en A pour rétablir l'équi-Tibre; lorsque BH est de 4 pouces, BD 3 pouces, & toute la force du

reflort égale à 10 onces,

Planche 14 Figure FF.

AI DECEMBER

TES fur

Planche 14. Figure 1.1.

Il n'est pas nécessaire d'avertit ici, que pour expliquer le second cas, B & la III. Leçon, doit être suspendu en D, avec la pièce GG, fixée pour l'arrêter dans l'endroit M, & l'empêcher d'être poussé vers T, & que l'extrémité supérieure de GFEDK doit être infinuée dans un trou fait fous B, auquel cas le poids

P doit être suspendu en B pour rétablir l'équilibre.

N. B. Pour faire voir par expérience que la force du reffort dans cette trusion oblique, est égale à 10 onces, tirez le sleau AB qui pese 4 onces, de son piedestal CT; & ayant suspendu à chaque extrémité A & B, 3 onces, vous le soutiendrez sous son centre de gravité par le tuyau repoussant EH, placé verticalement au-dessous, & vous trouverez que le sleau avec les deux poids s'enfoncera dans le fil de fer Hk jusqu'en D, qui est le point où la trusion oblique le pousse.

6. [29. — Dans tous ces cas le levier est toujours dit de la première espèce.] Il y a un autre moyen de distinguer les léviers, selon Aristote & selon les Ecrivains en Méchanique parmi les Anciens, & c'est, suivant que le poids s'éleve ou ne s'éleve pas dans la même direction que la puissance. Par exemple, dans le lévier de la première espèce, comme il a son point d'apui (centre de mouvement, ou hypomoclion) entre la puissance & le poids, la puissance doit se mouvoir en bas, pendant que le poids se meut en haut, & ce levier se nomme par les Auteurs, Levier Hétérodrome; c'est-à-dire, qui travaille ou se meut de différents côtés : mais le lévier de la deuxième, aussi-bien que celui de la troisiéme espéce, se nomment tous deux Léviers Homodromes, parce que la puissance & le poids étant du même côté de. l'Hypomochlion, ou point d'apui, ils vont du même côté, quoique dans l'un la puissance gagne toujours, & que dans l'autre elle perde toujours.

Si nous examinons les instruments qui sont le plus en ulage, nous verrons

clairement que ce sont des leviers de l'une des trois espéces. Par exemple, les tenailles (Figuee 12.) font composées de deux léviers de la première espèce, dont le centre de mouvement commun est au clou C, la puissance étant appliquée aux manches Bb pour les presser l'un contre l'autre, & pincer par ce moyen le corps D, qui est comme le poids à l'extrémité opposée A a. Dans ce cas la puissance a six sois plus de force que si elle étoit appliquée directement au corps D en A, a; supposé que dans les deux léviers AB & ab, la distance de la puissance BC & bC soit triple de la distance CA & Ca du poids. Ainsi les ciseaux sont composés de deux léviers semblables, dont le centre de mouvement commun est C, la puissance étant appliquée en Bb (Figure 13.) & le corps qui doit être coupé étant comme un poids en D; par où l'on voit évidemment que plus D est proche des points A, a, plus la difficulté de le couper est grande, & qu'elle est toujours moindre à mesure que D s'approche de C. La force d'un tel lévier est remarquable dans les ciseaux des Chaudronniers ou des Taillandiers en ser-blanc, (Figure 14.) où un homme appuyant sur le manche B qui fait monter la tenaille inférieure A C mobile fur le centre C, a la force

de couper un morceau de cuivre D d'un quart de pouce d'épaisseur, l'autre renaille a OE étant rivée sur deux sortes pièces fixées au bloc F. Les pin-

reflore ceale à 10 onces

Planelle vite

Planche 14. Figures 12. #3. & 14.

cettes, mouchettes, & autres instruments semblables se trouvent aussi de la Notes

même manière être des leviers de la première espèce.

La petite charréte B C A (Figure 15.) fort utile à la bâtisse, est aussi un lévier de la première espèce : elle est destinée à élever de grandes pierres, & à les porter aux Mâçons. Sur l'extrémité avancée de la planche A, on place une pierre D, & avec un peu de peine, en pliant la planche, on la 16.17. & 18. meut vers C; alors la force d'un homme qui saisit le long manche en B, & qui le soutient pendant qu'il tourne autour de l'aissieu EF des rouës, est capable d'élever cette pierre, & lorsqu'elle est élevée, de la porter par le moven des rouës au lieu destiné. Vins about of offin

Le couteau (Figure 16.) dont les Droguistes & Faiseurs de patins se fervent pour couper leurs drogues ou le bois dont ils fe servent, est mobile à la charnière ou centre de mouvement C, où il est attaché à la planche CE; la puissance est appliquée au manche B, & le bois ou la drogue qu'il faut couper, est comme le poids D : cela fait voir que cet instrument est une

levier de la deuxiéme espéce.

(30.) Telle est aussi une porte dont les gonds sont le centre ou l'axe du mouvement, la main ou la puissance étant appliquée à la partie qui est auprès de la ferrure, pendant que le corps de la porte est le poids du levier. Les foufflets sont deux leviers de la seconde espéce, dont le centre commun du mouvement est à l'extrémité des planches où commence la noix, la puissance étant appliquée aux manches, pendant qu'il doit être pressé entre les deux planches, agit par sa résistance contre le milieu des planches comme un poids. Ainsi l'on peut aisément s'appercevoir que le loquet d'une porte, que l'on tire en haut par une corde, est un levier de la seconde espéce; tels sont aussi les casse-noisettes, les mourailles avec quoi on serre le nez des chevaux, &c. Les avirons ou rames d'un batteau ou d'une galére, & le gouvernail d'un navire, font aussi des leviers de la seconde espèce, quoique Aristote les ait supposés de la première; mais l'erreur vient de ce qu'il a regardé l'eau comme un poids à mouvoir; au lieu que c'est le batteau ou la galére qui est le poids qui doit être mû; car l'eau forme une résistance en C (Figures 17. & 18.) comme un point d'apui, l'homme ou la puissance agissant en B, pendant que le bâtiment FD se meut par la partie du levier qui presse sur lui au point D, comme la rame dans la Figure 17, & le gouvernail dans la Figure 18. Mais Aristote dans sa Méchanique, regarde avec raison les mats des vaisseaux comme des leviers de la seconde espéce, déterminant le point d'apui ou hypomochlion au fond du vaisseau B, (Planche 15. Figure 1.) confidérant le vaisseau lui-même comme le poids ou la charge avec fon tillac ou pont sur le mât comme sur un levier, & qui doit être mû en avant. Ensuite il ajoute, que la force mouvante est le vent qui frape la voile, laquelle par le moyen de la vergue, est appliquée en A, & alors il donne la raison par les principes établis jusqu'ici, pour laquelle plus la vergue D A E est élevée, plus le vaisseau va vîte avec le même vent & la même voile; sçavoir, parce que plus l'apui est éloigné de la force mouvante, (tout le reste étant en mêmetems égal) plus il sera aifé à la même force ou puissance de mouvoir le poids.

Un même instrument, selon ses différentes applications, peut devenir un levier de la première ou de la seçonde espèce : Par exemple lorsqu'un homme

la III. Lecon. Com

Planche 14. Figures 15.

S

Planche 14. Figure 15.

Planche 15. Figure 2.

Notes fur qui a porté une pierre fur une charréte, vient à la décharger dans le lieu la III. Leçon, destiné, ensorte qu'elle se repose sur son côté E, il apuye l'extrémité de la planche sur le terrein en E; & élevant l'extrémité B en haut, il fait tourner la pierre sens-deslus-deslous ; cette opération change le lévier de la premiére espéce en un levier de la seconde, dans lequel E est le point d'apui, B la puissance, & le poids est en A.

Les ciseaux à tondre (Planche 15. Figure 2.) sont deux léviers de la troisième espèce, le centre commun du mouvement étant dans l'anneau à reflort C, pendant que la puissance ou la main est appliquée en Pp, & le poil à couper est comme le poids en W. Ainsi les deux jambes d'une paire de pincettes sont visiblement des leviers de la troisiéme espéce. Une échelle ou une perche que l'on dresse contre une muraille, sont aussi des léviers de la troisiéme espéce. Mais l'usage des leviers de cette espéce paroît d'une manière beaucoup plus admirable dans le corps d'un animal, où le Créateur infiniment fage a fourni aux animaux tous les moyens de mouvoir leurs membres avec une grande vîtesse, en appliquant la puissance des muscles fort près du centre du mouvement, & donnant en même-tems aux muscles une fort grande force, pour faire leurs fonctions très-subitement, & pour élever leurs membres même avec de grands poids sufpendus à leurs extrémités; comme par exemple, lorsque nous élevons des poids avec nos mains ou avec nos pieds, ou loríque nous tenons ou que nous brifons des corps durs avec nos dens. A peine y a-t'il un os dans le corps d'un animal, qui ne soit un lévier de la troisiéme espèce. C'est une spéculation agréable & curieuse, de considérer la proportion qui est observée dans le corps d'un animal comme dans une machine que les Arts ne copient que foiblement.

On peut y voir différentes applications des puissances, qui se soutiennent mutuellement pour mouvoir les membres, qui agissent quelquesois de concert dans un même-tems, qui se succédent quelquesois l'une à l'autre pour changer de directions, & qui agissent quelquesois l'une contre l'autre pour arrêter & éteindre le mouvement ; dans d'autres tems elles tirent sur des poulies pour changer l'angle de traction, selon que la nécessité l'exige. Mais ce sujet est si abondant, que je ne puis en donner ici qu'un ou deux exemples, renvoyant les Curieux à Alphonse Borelli, qui a écrit un Livre entier sur cette matière (de motu animalium) & de qui je n'emprunterai que quelques Propositions. Voici la vingt-&z-uniéme de son premier Livre.

PROPOSITION XXI. Planche 15. Figure 3. & 4.

» La puissance absoluë de chaque muscle d'un animal, doit être nécessairement » plus grande que le poids du membre qui y est suspendu; mais elle ne peut pas être moindre.

» La nature infiniment fage, a tellement construit le corps des animaux, » composés de différents organes joints ensemble, qu'elle les a rendu capables » de se mouvoir d'un lieu à un autre, & de former les différentes opérations prequifes pour la confervation de leur vie. Mais cela ne scauroit se faire en » donnant à un animal une figure orbiculaire comme celle d'une balle, & » il étoit à propos qu'il fût composé de différentes articulations, comme les mains

mains & les pieds, pour marcher & faisir les objets. Or ces membres a n'auroient pas pû se mouvoir autour de leurs jointures, s'ils n'avoient pas la III. Leçon. » été tirés par des cordes musculaires, & ces cordes devoient être resservées par une force mouvante. Il est question de faire voir que la torce mouvante ne doit pas être moindre, mais qu'elle doit être nécellairement » plus grande que le poids & la résistance des membres suspendus. Considérons un membre, par exemple, le bras entier; il est clair qu'il étoit » nécessaire à ce membre qu'il pût se mouvoir de tous les côtés autour de la » jointure de l'épaule, pour être en état de tirer, de suspendre & de pousser o les réfistances tant du poids du bras même, que des corps extérieurs qu'il » doit saisur : ces opérations demandent une figure particulière des forces & » des instruments convenables, & tous propres à ce dessein. La figure sans » doute doit être longue comme un levier mobile autour d'un centre, d'un » point fixe ou d'un apui solide dans l'épaule. Dans ce levier on doit considérer » les positions où la force mouvante & la résistance sont appliquées. La puis-

o fance mouvante agit en resserrant les cordes musculaires, qui ne peuvent » être attachées qu'auprès du centre du mouvement du levier, comme on » l'a dit ci-devant, * pendant que la réfissance est appliquée à l'extrémité de

NOTES TUT

* Notre ingénieux Auteur dans sa vingtiéme Proposition, a fait voir qu'il est à propos que les tendons qui font mouvoir les os, soient attachés auprès de l'extrémité de l'os (à une grande distance du centre du mouvement, comme nous tâchons de le faire dans les instruments méchaniques) mais auprès de l'articulation ou de la jointure. Voici ses paroles : » Planche 15. Figure 3. soient es deux os AB & GF joints & articulés en » AF, & de manière que AB soit tiré » autour de C, centre de l'articulation, o comme les deux os du bras; & foit le » muscle DE attaché à G, extrémité fixe » de l'épaule en G, & que son extrémité » soit jointe en E, extrémité de l'os infé-» rieur du bras ou du coude AB; laquelle » extrémité doit être tirée autour du centre O C de l'articulation, décrivant l'arc BH; » j: dis que la nature ne peut ni ne doit pas » attacher l'extrémité tendineuse E auprès » de l'extrémité B de l'os A B. Car si elle » le pouvoit, suppo ons que la liaison E » loit faite auprès de Boù est le poignet, » alors le tendon & le muscle DE est on 3º détaché du membre & des os DAB, " pouvant s'en séparer, ou il lui est attaché w en bas par quelque ligament ou faisceau romme R. S'il en est détaché, voici ce " qui s'ensuivra: Comme l'os AB ne peut pas se tourner en haut entiérement dans » la situation AH, sans être tire par la » contraction de la corde musculaire DE, 22 auquel cas sa longueur DE pour être

Lome L.

» réduite à D M, doit devenir moindre que » la huitième partie de DE, laquelle con-» traction dans le bras seroit d'enivron un » pied & demi, ce qui seroit non-seulement » embarassant, ma's encore impossible. Cela » seroit embarassant, parce que la largeur & D'épaisseur du bras seroit beaucoup aug-» mentée pour contenir les dimensions de » CM, égal à CE, ensorte que le bras par 20 cette seule raison deviendroit aussi gros que » le ventre de l'animal, & cette groffeur monftrueuse, empêcheroit le reste des mouvements du bras & de l'animal. De » plus comme la structure d'un muscle est » telle qu'il ne peut se resserrer que fort peu, » rarement au-delà la largeur de deux ou » trois doigts, une telle fixation du muscle » qui exige une contraction si prodigieuse » (sçavoir d'un pied & demi) seroit d'ail-» leurs impossible. Mais l'absurdité d'une » telle posimon paroitra plus évidemment, on fi l'on suppose que l'os A B est l'humerus w (on l'os supérieur) du bras gauche, qui » doit être mû de tous les côtés autour de la » jointure C de l'épaule, afin qu'il puisse » être amené à sa poitrine, il est clair qu'il » doit être tiré par le muscle E D, fixé en D, » côté droit de la poitrine. Il faut encore » qu'il y ait un autre muscle pour l'élever, » & qui soit fixé au sommet de la tête, & " celui qui doit l'abaisser aura son origine » dans la partie inférieure du ventre; ces " muscles avec ceux du bras droit demande-» roient un grand espace enflé comme un

Planches Figure 3

la Fir. Lecon.

Notes sur » sa longueur la plus éloignée; donc la puissance : sera toujours à la résistance :: » comme la plus grande distance de la résistance : est à la moindre distance de » la puissance au même point fixe. Et par conséquent la puissance mouvante est » plus grande que la réliftance.

» Proposition XXII.

» La première recherche de la force absolue apparente, qui peut se déveloper » par les deux muscles, nommés le Biceps & le Brachiæus, qui bandent le » coude (ou l'os inférieur du bras) lorsque tout le bras est dans une situation no renversée & horizontale; c'est que cette force est plus grande que vingt fois le » poids qu'ils soutiennent, & qu'elle surpasse la force d'un poids de 560 livres. » Soit l'humerus E A, & l'avant bras avec la main AB, presque dans une » ligne droite & horizontale, mais remversée, (c'est-à-dire, avec le coude ne bas) & que la corde GB soit roulée autour des extrémités des doigts » de la main étendue G, à laquelle corde en G est suspendu le poids R, » qu'il faut augmenter par dégrés, jusqu'à ce que l'excès de la puissance mouvante des muscles DC, devienne entiérement insensible, & qu'ils ne » puillent plus foutenir de poids plus grand que R, mais qu'ils foient feu-» lement capables de le soutenir avec une force égale ; alors on peut juges » que les moments des puissances du muscle & du poids, sont entiérement » égaux, aucune de ces forces ne furmontant l'autre. Or l'expérience nous » apprend que dans un jeune homme robuste, le poids R n'excéde pas 26 » livres, auquel il faut ajouter tout le poids de l'avant-bras & de la main » qui valent à peu-près 4 livres, & ce poids n'agit pas à l'extrémité du levier comme en B, mas dans un point moyen H, qui est au centre de gravité. Donc si l'on suspend un autre poids de 2 livres en B, qui ait la même » proportion au poids de tout l'avant-bras, que la distance OH à OB, nous aurons pour notre levier une ligne indivisible & sans pésanteur, à » l'extrémité de laquelle B font suspendus deux poids, sçavoir R & le poids de l'avant-bras, qui font en tout 28 livres; & de plus, à cause que » la direction C D du tendon du muscle qui tire le poids, fait un angle fort maigu avec la ligne CO, parce que le tendon du muscle touche exactement la tête de la jointure A, il faut du point fixe ou apui O, tirer la a droite O J perpendiculaire à C J, direction du tendon, & alors par les » principes déja démontrés, on verra que la puissance qui tire le muscle D C: » a la même proportion à la résistance du poids R joint au poids additionnel dont » on vient de parler : : que la distance OB : à la distance JO. Mais par un

» examen rigoureux, on sçait que OB, longueur de l'avant-bras & de la main, surpasse plus de vingt sois le demi-diametre de JO, tête de l'oss » Donc la force & la puissance qui tire le muscle DC, est environ vinge » tois plus grande que le poids R avec son poids additionnel; & puisque ces deux poids valent 28 livres, il paroît que la force avec laquelle le

ngrand tonneau; & la même chose seroit requise pour les muscles du pied, ce qui mrendroit un homme si éloigné d'être bien motair. & bien articule, que ce seroit au

» contraire une masse lourde & ridicule, peu » propre au mouvement & à manier les orps; ainfi cette forme doit être entice a rement rejettée.

Planche 15. Figure 4.

EXPE'RIMENTALE.

muscle tire l'avant-bras, & fait effort pour bander le coude, est plus p grande que celle de 560 livres.

Notes fur la III. Lecon:

PROPOSITION XXIII.

• Trouver la force que le muscle précédent exerce lorsque l'humerus ou la partie supérieure du bras est perpendiculaire à l'horizon, & que l'avant-bras

est paralléle à l'horizon. Planche 15. Figure 5.

» Soit en second lieu E A l'humerus, & AB l'avant-bras à angles droits l'un avec l'autre, l'humerus étant perpendiculaire, & l'avant-bras toujours » horizontal. Dans cette position la longueur du levier AB reste toujours » la même, & le même muscle D C soutient à l'extrémité B un grand poids de 33 livres (comme on le sçait par expérience); mais comme l'angle » JCO formé par le tendon & l'os OC, est moins aigu que dans la pré-» cédente situation horizontale des mêmes deux os , parce que lorsque vers l'humerus E A est bandé vers l'avant-bras AB, le tendon du muscle DC o adhérant à l'humerus, est aussi bandé; cependant l'angle J C O ne devient o pas un angle droit, parce que le tendon en J est fortement attaché par ... des faisseaux membraneux, & par la peau extérieure, ces ligaments ser-« vants comme de poulie pour conserver au tendon vers A l'angle de la joinv ture; mais le tendon JC n'est pas joint si étroitement en J, qu'il ne o s'éleve un peu, & par conséquent la ligne droite O. I perpendiculaire à » la direction du tendon CJ, devient sensiblement plus longue que dans le » cas précédent, comme nous pouvons le voir en maniant notre bras : & par conséquent la distance OB aura moins de proportion à JO, qu'on ne , l'avoit trouvé dans la première situation. Mais quelle proportion qu'ayent " ces distances, elle sera la même réciproquement, que celle de la force " qui resserre le muscle D C, & qui tire l'os avec la résistance du poids R 3, & du poids de l'avant-bras joints ensemble : Donc cette force aura moins o, de proportion à cette réfissance, que celle de 20 à 1; & puisqu'on a vû 3, par la recherche précédente, que la plus grande force des muscles Biceps 3, & Brachieus étoit égale à celle de 560 livres, on verra (par la recher-», che présente, où le grand poids R est de 33 livres, & en y joignant le , poids de l'avant-bras, le tout est de 35 livres) que la distance O J n'est , que la soixantiéme partie de celle OB, & non pas la vingtiéme, comme 2, auparavant, & que par conséquent la distance JO étant sensiblement "; augmentée, il s'ensuit que ces muscles peuvent élever un plus grand poids, 22 scavoir de 35 livres.

" On doit ici observer que quoique (par la raison que le membre E A B , est bandé,) les muscles ne sont pas étendus comme auparavant, mais qu'ils ", doivent être un peu relâchés; cependant la force mouvante de chaque " muscle a moins de force de contraction, parce que réellement les muscles , DC ne font pas tous deux fixés au fommet de l'humerus; car le biceps " est attaché à l'épaule ou à l'os de l'épaule HLE en L, & le brachieus , au milieu de l'humerus. Et parce que l'épaule H EL est toujours dans , la même situation transversale, l'humerus E A roulant autour du centre 22 E de son articulation, doit rendre l'angle IEO avec le scapula moins

Planche 15. Figure 4.

la III. Leçon.

" aigu à mesure que l'humerus est plié en bas, & alors l'origine D du muscle " biceps est plus élevée, & s'éloigne plus du sommet de E, tête de l'os " parce que la longueur de la ligne L D J, soutendante de l'angle L E O, " est augmentée, & par conséquent ce muscle est d'autant plus étendu à " mesure que l'humerus est plié en bas. Donc quoiqu'à raison de l'angle " E O B, le muscle brachieus soit relâché; cependant le biceps en sera d'autant plus étendu, à raison de l'élevation du point D sur la tête de l'humerus.

» PROPOSITION XXIV.

Planche 15.. Egure 6. " Par-là on peut trouver séparément avec vraisemblance les forces absolués, " du muscle biceps, qui équivaut à 300 livres, & du brachiæus, qui est " égal à la force de 260 livres. Planche 15. Figure 6.

Soit l'humerus O E plié en arrière pour faire l'angle HEO aussi aigu , qu'il est possible, & soit de même l'avant-bras AB tellement plié, qu'il n devienne paralléle à la ligne supérieure du scapula HL; alors les angles aigus 22 alternes H D J & C J D seront égaux entr'eux ; & autant que le muscle. " biceps DJC est relâché à cause de la petitesse de l'angle concave COE, , autant est-il tiré & étendu à cause de l'angle convexe HDO: donc la , tension naturelle du muscle biceps n'est en aucune saçon altérée, & elle " reste exactement de la même longueur que si le bras étoit dans une situa-"tion horizontale; & comme il ne souffre point de rélaxation, il doit avoir , la même force pour se resserrer lui-même, qu'il a dans la position horizon-, tale. Mais le muscle brachieus n'a pas le même avantage, son origine , étant au milieu de l'humerus en F, & son extrémité ou insertion en J, , auprès de la tête de l'avant-bras, & parce que l'angle EOC est aigu, , le muscle brachiaus doit souffrir la plus grande rélaxation, & par con-" léquent avoir peu ou point de force mouvante. On peut donc en ce casn trouver la force mouvante du biceps seul; (c'est-à-dire, supposé que la , distance O J du tendon au centre de la tête de l'avant-bras, ne varie pas.) 37 Supposons donc que le poids R souterru dans cette situation, joint au poids , de l'avant-bras, foit de 25 livres, puisque la distance J O est presque la , douzième partie du radius & de la main, BO, la force absoluë du muscle , biceps fera douze fois plus grande que le poids sufpendu R joint au poids 55 de l'avant-bras ; c'est-à-dire, qu'elle sera égale à une force de 300 livres, " lorsque le brachieus ne fait point de force à raison de sa grande relaxation. Enfuite puisque les forces réunies des deux muscles, le bireps & le bra-" chiaus, agissant ensemble dans la première expérience, sont égales à une n force de 560 livres; si l'on ôte de cette force celle du biceps seul, qu'on , vient de trouver de 300 livres, la force restante de 260 livres, sera celle mde muscle brachiaus, & c'est ce qu'il falloit trouver.

PROFOSITION XXV.

Trouver quelle force les mêmes muscles font, lorsque l'avant-bras pend en

EXPE'RIMENTALE.

3, bas, pendant qu'on tient l'humerus perpendiculaire à l'horizon. Planche 15.

n Figure 7. "Soit maintenant l'humerus E A, & l'avant-bras A B dans une ligne , droite perpendiculaire à l'horizon; le plus grand poids que l'on puisse suf-" pendre en B, seroit presque immense, si la force & la tenacité des liga-" ments pouvoit toujours résister, & si elle étoit entiérement insurmontable. ,, Si ensuite on fléchit un peu l'avant-bras, ensorte qu'il fasse un angle obtus , EAB avec l'humerus, qui est maintenant perpendiculaire à l'horizon, & , un angle aigu BAK avec la ligne horizontale OK, alors certainement " le grand poids R fera beaucoup augmenté, parce que si du point B on , mene la ligne BK perpendiculaire à la ligne horizontale AK, le poids " R qui tire le levier A B obliquement, agira de la même maniére que s'îl , avoit été suspendu au point K du levier OK; & par conséquent nous aurons " un nouveau levier OK plus court que OB: mais la force du muscle qui "éleve le levier, tire du point J, & a pour distance de sa ligne de direction, "JO. Donc la force absoluë qui resserre le muscle (& qui est toujours la , même) a la même proportion à la résistance du poids R, que KO à JO. , Donc si KO n'est que double de OJ, le poids R, qui est soutenu dans " cette position, sera la moitié de toute la force mouvante, & par consé-, quent égal à 280 livres; & si la distance OK étoit moindre que OJ nalors le poids R seroit aussi plus grand que la force mouvante de ces mus-

"Delà on peut aussi conclure, que dans la sléxion ou élevation de l'avant-"bras, l'effet de la même force qui tire le muscle, diminue continuelle-"ment, parce que la longueur du levier OK augmente successivement, &

n par conséquent le poids R doit être diminué de la même manière.

n cles.

PROPOSITION XXVI.

", Trouver la force des mêmes muscles, lorsque le bras est placé dans une 5, situation horizontale renversée. Planche 15. Figure 8.

"La force des muscles qui plient l'avant-bras, peut agir d'une autre manière; sçavoir, lorsque l'avant-bras A B étant dans une situation horizontale renversée, doit se fléchir en bas vers G par les muscles D C, qui sont maintenant sous l'avant-bras; car la corde B L G passant sur la poulie ou rouë M L, mobile autour de l'aissieu sixe M, il est évident que pendant que la main B descend, le poids R monte, AB étant le levier dont l'apui est O, & le poids R tirant l'extrémité B du levier en haut vers L, la puissance des muscles D C tire en bas le levier AB de J vers D. Et par conséquent ce qu'on a dit ci-devant, se vérissera encore ici, avec cette seule différence, que dans le premier cas l'extrémité B étoit tirée en bas, non-seulement par la résissance du poids R, mais encore par le poids de tout l'avant-bras & de la main; & qu'au contraire, ici le poids poids l'avant-bras n'agit pas contre la puissance des muscles, mais il la favore de l'avant-bras n'agit pas contre la puissance des muscles, mais il la favore de l'avant-bras n'agit pas contre la puissance des muscles, mais il la favore de l'avant-bras n'agit pas contre la puissance des muscles, mais il la favore de l'avant-bras n'agit pas contre la puissance des muscles qu'une autre d'une autre par la résistance des muscles qu'une autre par la favore de l'aissie qu'une autre par la favore l'avant-bras n'agit pas contre la puissance des muscles qu'une autre par la favore l'avant-bras n'agit pas contre la puissance des muscles qu'une autre par la favore l'avant-bras n'agit pas contre la puissance des muscles pas d'une autre par la favore l'avant-bras n'agit pas contre la puissance des muscles pas d'une autre par la résistance des muscles des muscles de l'avant-bras n'agit pas contre la puissant des muscles des muscles de la main par la résistance des muscles de l'avant-bras autre par la résistance des muscles de l'avant-bras l'avant-bras

Notes für lalli. Leçon.

Planche 15. Figure 7.

Planche 194. Figure 8,

Leçon fur la III. Leçon.

> Planche 15. Figure 8.

, rise pour l'aider à tirer, parce que comme dans cette situation les muscles ,, tirent en bas l'avant-bras, ainsi l'avant-bras pousse aussi en bas par sa " pésanteur, & ces deux puissances prises ensemble ont un moment égal à , celui du poids R. Or comme dans le premier cas le poids de l'avant-bras " a été ajouté à la rélistance du corps pésant R, ainsi est-il ajouté a la , puissance des muscles dans celui-ci; & puisqu'on a fait voir que la plus " grande puissance des muscles D C étoit égale à celle de 560 livres (par la , vingt-deuxième Proposition citée ci-devant) il suit que si le levier A B 2) n'avoit aucune pefanteur, ayant trouvé que la distance OB est vingt sois 27 celle O J, le poids R doit être de 28 livres; mais parce que 2 livres 2, ajoutées à R sont en équilibre avec le poids de l'avant-bras AB (c'est-à-2, dire, qu'elles en font comme un levier sans pesanteur) il s'ensuit que le , poids avec cette addition faifant trente livres, fera le plus grand poids , que la force des muscles puisse soutenir dans cette situation. On peut 2, prouver cela d'une autre manière; car le poids de l'avant-bras qui descend " étant comme deux livres suspendues en B, & agissant également avec , une force de 40 livres qui le tire appliquée en J (à cause de la propor-, tion réciproque de 20 à 1) la force de la puissance DCJ sera de 560 , livres ; donc cette force jointe au moment de l'avant-bras qui agit avec , elle, produira un effet égal à tout le poids de 600 livres.

Mais ce qui paroît le plus merveilleux, c'est la force des muscles qui sont mouvoir la machine inférieure, que Borelli examine dans la quatre-vingt-septiéme & quatre-vingt-huitième Proposition de la premiere Partie de son Livre, où il fait voir que ces petits muscles, qui, pris ensemble, n'excedent pas dans un homme le poids d'une livre, agissent pourtant avec une sorce égale à 534; & dans les mâtins, les loups, les éléphants, & les lions, ils ont une sorce de beaucoup supérieure, laquelle les met en état de briser de gros ossements, comme ils le sont journellement en prenant leur nourriture.

7. [35. - Et si le bras CW est placé en ligne droite avec PC, &c. On

verra clairement que l'instrument est un levier de la première espèce.

Quoique le levier recourbé ne soit pas un instrument d'un usage commun, excepté dans le marteau & autres outils de cette espece, cependant il est trèsnécessaire d'y saire attention, pour expliquer dissérentes machines qui contiennent virtuellement un tel levier, surtout dans les Propositions de statique, dont nous allons donner ici quelques exemples. On peut clairement expliquer par ce moyen les cas du planincliné & du coin. (n°. 48, 49, 50, 51, 52.) Par exemple, lorsque le poids P (Planche 10. Figure 14.) soutient le poids W dans le plan incliné AB, en tirant le centre du poids dans la ligne MW paralléle au plan, on peut considérer dans ce poids le levier recourbé WTn, dont le plus long bras est WT, & le plus court Tn. Or, comme le ligne de direction de la puissance est MW paralléle au plan, la ligne TW menée à angles droits sur cette direction, sera la distance de la puissance; & comme Wn est la ligne de direction du poids, nT sa perpendiculaire sera la distance du poids; donc comme nT (bras le plus court du levier recourbé): est à WT (son plus long bras): ainsi la puissance P: est au poids W. Or comme les triangles

Planche 10. Figure 14 !

0

EXPE'RIMENTALE.

NOTE TO MIL

Planche 10. Figure 14.

WIn & ABC sont semblables, la puissance ainsi considerée : est au poids :: comme BC hauteur du plan: est à sa longueur AB; ce qui avoit déja été la III Leçon. prouvé. (n°. 49.) Mais si la puissance avoit tiré le poids par une ligne paralléle à la base du plan, qui est le cas du coin, on expliqueroit son action en cette manière : La puissance agissant obliquement à l'extrémité du long bras du levier recourbé W Tn, on doit trouver sa distance active en menant du centre du mouvement T, la ligne To perpendiculaire à la ligne de direction de la puissance, que l'on doit maintenant confiderer comme le long bras du levier, pendant que nT est toujours le petit bras, & agit par le poids à angles droits. On trouvera donc la quantité ou intensité du poids II par cette: analogie.

Comme le long bras du levier, qui est maintenant To:

Est au petit bras Tn:: Ainsi W le poids:

Est à 11 la puissance; ou :: la base AC: à la hauteur CB.

Lorsque j'ai consideré le plan incliné comme un instrument méchanique (n°. 48, 49, 50, 51, 52.) je n'ai parlé que de deux applications de la puissance, l'une avec sa ligne de direction paralléle au plan, & l'autre (qui le réduit au coin) avec la ligne de direction paralléle à la base du triangle, c'est-à-dire, inclinée au plan autant que le plan est incliné à l'horison, l'angle WBA (que l'on nomme Angle de Traction *) étant égal à l'angle BAC, à cause des paralléles WB, AC; mais comme dans les machines composées, & dans l'usage des voitures, l'angle de traction ou l'inclinaison de la ligne de direction de la puissance avec le plan est fort variable, il est à propos de considerer le levier recourbé dans le corps que l'on tire pour tous les cas ; ce qui deviendra sensible dans l'exemple suivant.

Soit DLB l'angle de traction, comme lorsque la puissance II tire sur la poulie p dans la ligne p L. W T n est un levier recourbé, dont le centre de mouvement est T, point où le globe W touche le plan; nT le bras le plus court du levier, & sur son extrémité n, on imagine que le poids est placé comme y étant supporté, & le pressant à angles droits, parce que sa ligne: de direction passe par n (L. 2. n°. 47.); W. T est le long bras du levier auquel la puissance est appliquée obliquement. Mais comme Tz perpendiculaire à la ligne de direction de la puissance, est sa distance active, nous pouvons confiderer T z comme le long bras du levier. Alors tous les cas seront résolus par cette analogie.

Comme le long bras du levier, qui est maintenant & T:

Est au bras le plus court Tn::

Ainsi W , le poids :: Est à Il la puissance.

Afin qu'on puisse trouver ce dernier levier recourbé, dans chaque direction de la puissance, c'est-à-dire, dans tous les angles de traction, on tirerat de la régle précédente celle-ci, qui est pour toutes les directions de la puis-

* L'angle de traction est celui qui est fait par la ligne de direction de la puissance avec le plan 3 & par consequent lorsque la puissance tire paralellement au plan, il n'y a point d'angle des traction.

Notes fur la III. Leçon.

> Planche 10. Figu e'14.

Comme le sinus de l'angle du plan : Est au sinus complement de l'angle de traction : : Ainsi la puissance : Est au poids.

Mais pour faire voir que cette régle se tire du levier recourbé, il faur faire voir que nT, bras le plus court de ce levier, est toujours à son long bras zT, comme le sinus d'inclinaison au sinus complement de l'angle de traction; ou que CB dans le triangle ABC: est à Lz dans le triangle TLz: comme nT: est à Tz: & delà nous tirerons quelques Corollaires utilles de notre régle générale.

DÉMONSTRATION.

Puis que WT est perpendiculaire à AB, & que les angles WqT, & AqE sont égaux (étant opposés par la pointe) le triangle AqE (rectangle en E) ayant deux angles égaux à deux angles du triangle WqT, le troisséme angle A sera égal au troisséme angle qWT; par conséquent ces triangles seront équiangles & semblables; (par la 4º. & 6º. Eucl.) & comme qE est le sinus d'inclinaison pour le rayon Aq (parce que dans son triangle semblable BC est le sinus d'inclinaison pour le rayon AB) on aura aussi qT sinus d'inclinaison pour le rayon Wq. Mais comme Tn paralléle à l'horison, tombe sur Wq, qui étant la ligne de direction du poids, lui est perpendiculaire, le triangle WTn sera semblable à WqT (par la 8.6. Eucl.) & ainsi Tn, petit bras de notre levier recourbé, deviendra le sinus d'inclinaison pour le rayon WT. Ce qui étoit une des deux choses à démontrer.

De plus comme Tz est par la construction perpendiculaire à LW, le triangle Wz T est semblable à LWT (par la 8. 6. Eucl.) Donc l'angle z TW est égal à WLT, angle de traction; ensorte que comme LT est le cosinus de l'angle de traction pour le rayon LW, Tz (long bras de notre levier recourbé) sera le cosinus de l'angle de traction pour le rayon

T W. Ce qui étoit la deuxième chose à démontrer.

COROLLAIRE I.

Dela il suit que lorsque la ligne de direction est paralléle au plan, la puissance est la moindre qui soit possible pour cette inclinaison du plan; parce qu'alors le cosinus de l'angle de traction devient sinus total; c'est-àdire, que Tz devient TW, où le long bras du levier WT étant poussé à angles droits, exprime la distance de la puissance, ou parlant exactement, l'angle de traction disparoît. Mais si la puissance tiroit directement en haut dans la ligne We, elle seroit égale au poids, parce qu'alors WgT étant l'angle de traction, son cosinus (pour le rayon qW) seroit nT, qui est égal au sinus d'inclinaison exprimé ici par cette ligne. Par ou l'on voit clairement que si un cheval tire un poids au haut d'une montagne par le moyen d'une charréte ou d'une machine roulante quelconque, il le tirera d'autant plus aissement.

EXPERIMENTALE.

aisément, que la ligne de direction par laquelle il tire le poids, approche plus d'être paralléle au penchant de la montagne le long de laquelle il le la III. Leçon. tire.

North fur

COROLLAIRE

IL fuit aussi que si la ligne de direction comme BW & wW paralléle à A B, forment l'angle w W B, égal à l'angle w W D, la puissance appliquée en B sera égale à la puissance appliquée en D; parce que dans ce cas, les angles de traction WLB, WBL seront égaux, puisque par la 29. 1. Eucl. l'angle WLB est égal à son extérieur opposé DWw, qui est supposé égal à l'angle w WB, & par conséquent à son alterne WBL. D'où il suit que si la ligne de direction de la puissance, comme W a & la ligne W T perpendiculaire a A forment l'angle TWa, égal à l'angle d'inclinaison A (ou q W T) la puissance appliquée en a sera égale au poids par le Cor. 1. parce qu'alors l'angle de traction W a L, est égal au complément de l'angle d'inclinaison A, c'est-à-dire, W a L est égal à W q a = A B C.

Planche 10. Figure 14.

COROLLAIRE

ENFIN il fuit aussi, que si la ligne de direction de la puissance est WT à angles droits sur le plan incliné A B, ce qui fait un angle de traction droit; la puissance appliquée en T ou en quelque point que ce soit de la ligne t T. doit être infinie. Ce qui signifie qu'une puissance qui devroit tirer le poids W directement de dessus le plan, ou le pousser directement contre le plan, ne pourroit pas le retenir, quelque grande que fût sa force ou son intensité, parce que dans ce cas le cosinus de l'angle de traction se réduit à rien, ou étant infiniment petit, la force appliquée en T doit être infiniment grande, puisqu'on a fait voir que cette puissance : doit être au poids :: comme le finus de l'angle d'inclinaison : au cosinus de traction.

Avant que de quitter ce sujet sur les corps supportés ou tirés sur des plans inclinés, qu'il me soit permis d'appliquer ce qui a été dit dans la seconde Leçon (n°. 28, 35, 47) pour faire voir en général comment un corps doit être soutenu sur un plan incliné par un autre corps d'un moindre poids (fi le premier est tiré dans une ligne de direction paralléle au plan, & fi le dernier est suspendu perpendiculairement) lorsque le poids du grand corps : est au poids du petit : : comme la longueur du plan : est à sa hauteur. Le tout est tiré de ce principe établi & expliqué dans la seconde Leçon, sçavoir que si le centre de gravité d'un système de corps ne descend pas,

les corps ne peuvent pas descendre.

Maintenant pour appliquer ceci à notre dessein, soit ADB un plan incliné, (Planche 15. Figure 9.) dont la hauteur est DB. Si par le moyen d'une poulie P, le poids w suspendu perpendiculairement retient par une corde le poids W sur le plan incliné, & que ces poids soient l'un à l'autre, comme la longueur du plan est à sa hauteur, (qui est ici comme 2 à 1) ils resteront en repos (c'est-à-dire qu'ils se tiendront en équilibre) en quelque partie que ce soit du plan où le poids W soit placé. Premiérement soit la situation des corps W & w; menez la ligne mn qui joint leurs centres

Planche 15. Figures 9.

Tome 1.

Planche 15. ligures 9. 10.

Notes sur de gravité; & ayant trouvé leur centre commun de gravité en C (par la III. Leçon. la Leç. 2. n°. 39.) faisant Cn = 2 Cm, menez Hh ligne horizontale, par ce centre commun ; je dis que quelle que soit la position de ces corps, ou en quelque partie du plan que W foit placé, leur centre commun de gravité sera toujours dans la ligne horizontale H b. Si W est porté en V, w tombera en u, & le centre commun de gravité sera en k. Si les centres des corps sont en E & e, leur centre commun de gravité sera en K, toujours dans la même ligne H h, ce qui peut se prouver aisément, parce que les triangles n h C, m H C, h q k, r o k, &c sont tous semblables. Puis donc qu'il n'y a point de position de W sur le plan, & de w dans la perpendiculaire W q, qui puisse altérer la hauteur du centre commun de gravité des corps, ils doivent être en équilibre, parce qu'ils ne peuvent pas tomber, d moins que leur centre de gravité ne descende. C. Q. F. D.

COROLLAIRE.

PARLA on voit la raison pour laquelle deux corps inégaux se soutiennent l'un l'autre fur des plans inégaux de la même hauteur, dont les longueurs sont l'un à l'autre en raison réciproque des corps. Par exemple, soient les poids F & G (Figure 10.) joints par la corde F P G qui passe sur la poulie P, & qui soient l'un à l'autre comme les plans AB, BD (dont la hauteur commune est BE) fur lesquels ils sont respectivement en repos. Cherchez leur centre de gravité commun C, & par ce point C menez une ligne horizontale; vous trouverez comme ci-devant, que de quelque manière que l'on change leurs fituations dans leurs plans respectifs, leur centre commun de gravité se trouvera toujours dans la même ligne horizontale qui passe par C, &c.

🙎 8. [37. — La poulie supérieure qui est fixée, n'augmente pas la force, mais elle empêche seulement le frottement, en faisant couler la corde aisément, & d'autant plus aisément, que la rouë est plus grande par rapport à l'aissieu autour duquel elle tourne. Je ferai voir exactement dans la Leçon suivante, combien le frottement d'un rouleau ou d'une poulie fixe est diminué à proportion que son aissieu ou ses tourillons ont un diametre plus petit que la rouë ou le rouleau. Je vais à présent parler de la diminution de pression sur l'aissieu d'une poulie, qui arrive toujours dans une certaine proportion des poids suspendus de part & d'autre, lorsqu'ils sont en mouvement, & cela fans aucun égard à la groffeur de l'aissieu, que je considére dans ce cas comme une ligne. La chose en général est comprise dans la Proposition fuivante.

PROPOSITION.

Lorsqu'un fil ou une corde passe sur une poulie simple ou sur un rouleau par la chute d'un poids prépondérant (l'autre poids montant en même-tems) la pression sur l'aissieu de la poulie est toujours égale au quadruple du produit des poids multipliés l'un par l'autre, & divisés par la somme des mêmes poids.

EXPERIMENTALE.

Planche 15. Figure 11.

Notes für la III. Leçon.

171

SOIT DE la poulie, C fon centre, les poids p & q, & la corde qui passe dessus, p D r E q. Je dis que la pression sur l'aissieu ou centre C, est $=\frac{4p q}{p+q}$

Planche 15. Figure 12.

La poulie étant représentée dans cette figure par les mêmes lettres que ci-devant, menez à volonté les lignes Dd, & Ee, dans lesquelles les poids montent ou descendent. Tirez du centre de la poulie, Ck paralléle à ces lignes; & par le point e pris à volonté dans la ligne Ck, menez la ligne horizontale pq; & prenant la distance e p égale à e q q, menez la ligne oblique e p Q. Du point e, centre commun de gravité des poids, représentés par les lettres e p, q, & supposés suspendus en ces points, abaisse la perpendiculaire e q jusqu'à la rencontre de la ligne e Q. Si l'on considere e q comme une balance dont les bras sont inégaux, & dont les longueurs sont en raison réciproque de e à e q, ensorte que les poids e es q seroient sur cette balance en équilibre, on peut appeller e q le levier du plus grand poids, e es e le levier du moindre poids e; & si l'on supposé que le poids e descende jusqu'en e q, pendant que e s'éleve jusqu'en e q, q représentera la descente du centre commun de gravité des e poids.

DÉMONSTRATION.

La somme des poids p+q: est à leur différence q-p: comme la somme de leurs leviers pc+cq: est à leur différence pc-cq; & par conséquent : comme la demi-somme de leurs leviers oq: est à leur demi-différence oc; & de même, (par 2. & 4. 6. Eucl.): comme qQ, vîtesse du poids qui descend: est à cq, vîtesse du centre de gravité qui descend. Maintenant si l'on ôte de q un poids égal à p, il ne reste que q-p pour donner le mouvement aux poids par sa pesanteur naturelle. Mais le moment de q-p par la pesanteur naturelle, est qv-pv (en prenant v pour la vîtesse naturelle du poids qui tombe.)

Donc la vîtesse exprimée par qQ, sera $\frac{qv-pv}{q+p}$. Mais nous avons eu cidevant cette analogie, p+q:q-p::qQ:cg. Nous avons donc $p+q:q-p::\frac{qv-pv}{q+p}:cg$, vîtesse du centre de gravité, qui sera $\frac{e^2-2pq+pp\times v}{p^2+2pq+q^2}$.

Donc le moment des deux corps sera cette vîtesse multipliée par les deux corps, & par conséquent le moment de la chute des deux corps sera

 $\frac{\overline{(z-z)}q+\overline{z}^2\times V}{q+p}$. Mais si les deux corps q+p tomboient entierement,

la III. Leçon. S

Notes sur leur moment seroit qv + pv. D'où il ne faut retrancher que ce qui tombe des deux corps, qui est $\frac{q^2 - pq + p^2 \times V}{q + p}$, il y a un reste de ces corps, qui

ne tombe pas, & ce reste, qui est de conséquence, doit appuyer sur le centre, & presser l'aissieu. Donc en faisant la soustraction, on verra que ce reste est 4 p q. Ce qu'il falloit démontrer.

SCHOLIE.

DELA il suit, que si p est égal à q, (auquel cas il n'y aura point de mouvement dans les poids) la pression sera 2p = p + q; & si q est infini, la pression est 4 p. Pour éprouver cette Proposition, je sais l'expérience fuivante.

Experrience.

Planche 15.

JE fais entrer à vis une poulie fort délicate D au fonds du bassin Figure 13.14. 6 de la balance AB, mobile autour du centre C; & ayant mis la poulie en équilibre avec les poids dans le bassin a, j'attache à un fil les deux poids p & q, pesant 2 & 6 onces; ensuite ayant fait passer le fil sur la poulie D, je mets dans le bassin a le poids de 6 onces & un denier, que j'arrête avec un fil pour l'empêcher de monter, ce poids étant attaché au fonds par le crochet fixe H, pendant que toute la balance est suspenduë à un crochet fixe en M. Soutenant le grand poids q avec une regle placée horizontalement en-dessous en e, je la tire subitement pour donner à q la liberté de descendre; & pendant ce tems-là, la pression sur l'aissieu de la poulie D est tellement diminuée, (pendant que le poids p monte, & que q descend) que le bassin a descend par l'action du petit poids d, même lorsque ce poids est beaucoup plus petit que celui d'un denier, comme on le voit clairement en ce que le fil Ha devient lâche.

Lorsque q est = 12 onces, & p = 3, le contrepoids dans le bassin opposé doit être de 9 onces & de 12 deniers, selon la théorie, & l'expérience le confirme; y ayant une chute visible du bassin a, par l'addition du petit poids d, même lorsqu'il est moindre que la 300°. partie de q, &c. Prenez q & p dans toute autre proportion, & les expériences feront toujours conformes à la théorie.

Cette maniere de considerer la pression sur l'aissieu, peut aussi s'appliquer à l'aissieu d'une roue, comme on va voir.

Soit ACB (Planche 15. Figure 14.) un tour dont la rouë est AB, Cle centre ou axe du mouvement, & A X l'aissieu, q un poids, (ordinairement le plus grand poids) & p l'autre; la ligne qp comme un levier divisé inégalement en ø, représente par sa partie q ø le bras ou demi-diametre de l'aissieu AC, & par sa partie op le bras ou demi-diametre de la rouë CB.

Les corps p, q étant dans la situation représentée par la figure, & pb plus grand que q a, la partie de p qui fait équilibre avec q, sera

Planche 15. Figure 14.

 $\frac{aa}{b}$, & par conséquent il ne restera de p que $p - \frac{qa}{b}$, ou $\frac{pb - qa \times v}{b}$ (faisant V égal à la vîtesse avec laquelle les corps descendent) pour donner le mouvement aux deux corps ; parce que le reste du poids des deux corps pV+qV, qui est $\frac{qbV+qaV}{b}$ des deux corps en équilibre $q+\frac{qa}{b}$ restera pressant sur l'aissieu de la machine. Soit u la vîtesse de p, celle de q sera & son moment sera $\frac{q^n u}{h}$, lequel étant ajouté à pu, moment de p, donne pbu+qau, égal, à tout le moment produit par la force ou moment; pbv-qav. Donc' puisque le moment produit est toujours égal à celui qui le produit, nous avons $\frac{bu+qau}{b} = \frac{bv-aav}{b}$, ce qui donne u = $\frac{pbV-qaV}{pb+qa}$ & $\frac{au}{b} = \frac{pbaV-qaaV}{pbb+qab}$, ce qui donne le moment de q =pbb + qab × v, & ce moment doit agir comme s'il portoit sur l'aissieu, qui par conséquent en doit souffrir la pression. Et comme q par sa réaction fur p lui fait perdre d'autant plus, (portant aussi sur l'aissieu) ou retarde d'autant plus sa descente, l'aissieu doit nécessairement par cette action & réaction égale, souffrir la double pression 29pba-299aax, à laquelle ajoutant le poids $\frac{qb+qa}{b} \times p$ des deux poids d'équilibre, toute la pression fur l'aissieu sera égale à $\frac{q p b b + q q a b + 3 p b q a - q q a a \times V}{p b b + a a b}$ ou (divisant par le Dénominateur autant qu'il est possible) elle sera égale à $q + \frac{3pbqa - qqaa}{pbb + qab} \times V$ Donc l'aissieu supporte autant de poids que s'il soutenoit la quantité de matiere, $q + \frac{3pbqa - qqaa}{pbb + qab}$.

COROLLAIRE 1.

Si pb = qa, la pression est q + p, ou $q + \frac{aa}{b}$ (en substituant pb pour qa, ou au contraire dans la formule $\frac{qbbb+qab+2bbaa-qaaa}{pbb\pm qab}$ parce qu'en ce cas $\frac{qa}{b} = p$.

Notes fur la III. Leçon.

Sr p est infini, la pression est $q + \frac{3 q \pi}{b}$, ou le poids q avec trois sois le poids qui est capable de le tenir en équilibre à la distance de p, comme dans la poulie ci-dessus, où la pression est $\frac{4pq}{p+q}$. Si q est infini, la pression est alors 4p; & si b est infini, la pression n'est égale qu'à q.

N. B. On peut donner pour regle générale de la pression sur l'aissieu, tent de la poulie que de la rouë & de son aissieu, par deux corps qui agissent l'un

contre l'autre, l'analogie suivante:

Comme le moment des deux corps qui tombent librement ;

Est au moment qui est perdu lorsqu'ils agissent l'un sur l'autre par la machine : : Ainsi tout le poids des corps :

Est au poids qui presse sur l'aissieu.

Feu M. Pierre Daudé qui m'a communiqué cette proposition au sujet de la pression sur l'aissieu d'un Tour n'ayant pas d'abord fait résléxion que les poids qui montent & descendent en faisant tourner le Tour, étoient de la nature du pendule (parce que, comme ils ont dissérentes vîtesses, ils s'accelerent & se retardent mutuellement) me donna quelque tems après la solution suivante, où il a corrigé cette erreur. Mais comme elle dépend de la théorie des pendules que je n'ai examiné que vers la fin de ce premier volume, je crois que le Lecteur la concevra mieux lorsque j'aurai parlé des pendules. Mais avant que d'entrer dans la solution de M. Daudé, il est bon de supposer quelques principes sur le centre d'oscillation.

1°. Le centre de gravité de deux corps joints ensemble par une ligne trathématique, est le point de cette ligne, où chaeun de ces deux corps agit avec tout son poids dans l'état de repos; & cela arrive lorsque leurs momens, qui sont en ce cas le produit de leurs quantités de matière, par leurs léviers, ou distances à ce centre de gravité, sont égaux. En sorte que ce

centre ressent le poids des deux corps.

2°. Le centre d'oscillation de ces deux corps, est un point dans cette ligne, sur lequel les deux corps en mouvement agissent avec tous leurs momens; & cela arrive, lorsque les produits de leurs momens, par leur distance au centre d'oscillation, sont égaux; & leurs forces étant égales en ce point, leurs mouvemens n'y étant pas contraires l'un à l'autre, ils y agissent ou y tombent, de manière que ce point se meut avec la vîtesse naturelle des corps qui tombent, & qu'ils y frappent un obstacle avec tout leur poids.

3°. Si l'on suppose que ces deux corps roulent autour du centre de suspension, les centres de gravité & d'oscillation seront tous deux du côté où est

le plus grand moment.

4°. Si le centre de suspension est entre les deux corps, le centre d'oscillation sera en-dehors des deux corps. Mais si le centre de suspension est en-dehors des deux corps, le centre d'oscillation sera entre les deux corps.

Voici maintenant la proposition exprimée selon la derniere solution de M. Daudé.

200

PROPOSITION.

Notes sur la III. Leçon.

Planche 8. Figure 15.

Trouver la pression que deux corps p & q dans leur mouvement avec des directtions contraires, impriment sur l'aissieu d'un tour ou d'une poulie double d'une seule pièce. Planche 8. Figure 15.

Supposons q plus grand que p, alors le centre de gravité des deux corps étant au-delà de leur centre de mouvement c vers a, le corps q descendra & fera monter p. Donc pour trouver le centre de gravité s nous ferons cette analogie; q:p::b+a-z:z & qz=pb+pa-pz,

ce qui donne $z = \frac{pb + pa}{p + q}$ & ôtant cette valeur de a, nous aurons, a

 $\frac{pb-pa}{p\pm} = \frac{qa-pb}{q+p} = cs$. Maintenant en considérant le mouvement des deux corps p,q, comme celui d'un pendule double, dont les poids p,q sont suspendus l'un au-dessous du centre de suspension & l'autre au-dessus, nous trouverons leur centre d'oscillation en cette manière; qa:pb::b+

 $a + x : x (qo) & qa - pb : pb :: b + a : x = qo = \frac{ppb + bba}{qa - pb},$ & $qo + qc = co = a + \frac{pbb + pab}{qa - pb} = \frac{qaa + pbb}{qa - pb} = co.$ Dong puisque le centre d'oscillation tombe avec la vîtesse naturelle des corps

perans, que nous appellerons V = 1, nous ferons cette analogie, $c \circ \left(\frac{q \cdot a + p \cdot b}{q \cdot a - p \cdot b}\right) : c \cdot s \left(\frac{q \cdot a - p \cdot b}{q + p}\right) :: V(1) : s \cdot g$, vîtesse de la chûte du

centre de gravité s. Ensuite réduisant les deux premiers termes de cette analogie au même dénominateur, nous aurons celle-ci, co (qqaa + qpbb + pqaa + ppbb): cs (qqa2 - 2qba + ppbb):: 1:

 $\frac{qqaa-2qpba+ppbb}{qqaa+pqbb+pqaa+ppbb}$ = sg vîtesse de la chûte du centre de gravité. Multipliant donc cette vîtesse du centre commun de gravité par la somme des deux corps p+q, nous aurons le moment de leur chûte (ou d'autant de leur poids entier qu'il en tombe actuellement) égal à

 $\frac{q_{qaa-2pqba}+ppbb}{q_{aa-pbb}}$, lequel étant foustrait de tout leur moment naturel

qui est q V + p V, il reste $\frac{q p b b + 2 p q b a + q p a a}{q a a + p b b} = \frac{q p \times \overline{b + a}}{q a a + p b b}$, qui est la partie de leur poids qui presse sur centre (ou plûtôt leur axe) de mouvement. De cette seule derniére équation, on pout tirer les corollaires suivans.

COROLLAIRE I.

Si b = a la pression sur l'axe c est $\frac{4 + q}{p + q}$, comme dans la poulie simple.

Notes fur la III. Leçon.

COROLLAIRE II.

Sr q est infini, la pression sur l'axe sera $\frac{b \times a + b^2}{a \cdot a}$; d'où il suit que si a = b, la pression sera 4p, comme dans la poulie simple.

COROLLAIRE III.

S i b est infini, la pression sur l'axe sera q, parce qu'alors le levier a n'est rien en comparaison de l'infini b.

COROLLAIRE IV.

 S_1 a est infini, la pression sur l'axe sera p, parce qu'alors le levier b n'est rien en comparaison de l'infini a.

SCHOLIE.

On a trouvé ci-devant, que la pression sur le centre du Tour est exprimée généralement par $\frac{ap\ bb+2paba+qpaa}{qaa+poo}$; mais lorsque qa = pb, alors il y a équilibre, & l'aissieu supporte les deux poids p+q; or dans ce cas $\frac{qpbb+2qpba+qpaa}{qaa+pbb}$ doit =q+p; ce, qui (en le supposant ainsi)

donne qpbb + 2qpba + qpaa = qqaa + qpbb + pqaa, + bb, donc par réduction 2pqba = qqaa + ppbb & qqaa - 2pqba + ppbb = 0, & par l'extraction de la racine quarrée qa - pb = 0, & par conféquent qa = pb. Il est donc vrai, que lorsque qa = pb, on peut également en déduire la vérité de notre expression générale; sçavoir, que la pression sur l'axe est q + p. Ce qu'il falloit démontrer.

Le poids, qui presse sur l'axe c d'une poulie double ne peut pas être augmenté par l'accelération du poids q; parce que ce qui forme le poids des corps qui ne tombent pas, à raison d'un obstacle qui les arrête, n'est que chacune des impulsions simples de la gravitation, & non pas la somme de plusieurs de ces impulsions; parce que chaque impulsion particuliere est détruite par l'obstacle aussi-tôt qu'elle est donnée. Mais les impulsions sur un corps qui tombe, lui donnent chacune un dégré de vîtesse qui n'est pas détruit; ainsi les vîtesses données étant accumulées produisent une accelération dans la chûte du corps q, pendant que le poids qui presse sur l'aissieu de la machine ou de la poulie, est toujours égal ou le même.

9. [41 — Pendant que 2 descend en a, 1 monte en B précisément 2 sois aussi haut, &c.] Il y a un autre cas d'élever un poids par des poulies séparées, que j'ai passé ici sous silence. Le Docteur Pemberton en fait mention dans son Livre sur la Philosophie de Newton. Je commencerai par la solution

qu'il

EXPE'RIMENTALE.

qu'il en donne, & ensuite je ferai voir avec quelle facilité on peut la réduire à nos regles, en prouvant que, de quelque façon que le cas soit varié, il y la III. Leçon. aura toujours une proportion réciproque entre la puissance, le poids & leurs vîtesses. Le poids W (Planche 15. Figure 15.) est soutenu par la puissance P, par le moyen des trois poulies C, D, E, dont l'une C est fixe & les autres mobiles, & d'une corde qui va du poids sur chaque poulie, 16. comme on l'a représenté dans la figure. » Pour expliquer l'effet des poulies , ainsi appliquées, il est bon de considérer différens poids suspendus comme , dans la Figure 16. Si la puissance & les poids se balancent ici mutuellement, la puissance P est égale au poids w; le poids w est égal à deux fois la puissance P ou à deux fois le poids w; & par la même raison le poids W est égal à deux sois le poids w, ou à quatre sois la puissance P. Il est , donc évident que tous les trois poids w, w, W pris ensemble, sont égaux à sept sois la puissance P. Mais si ces trois poids étoient réunis en un seul, ils produiroient le cas de la Figure 15. En sorte que dans cette figure " le poids W, où il y a trois poulies, vaut sept fois la puissance P. S'il n'y ,, avoit eu que deux poulies, le poids n'auroit été que trois fois la puissance; 2, & s'il y avoit eu quatre poulies, le poids auroit été quinze fois la

" puissance.

Pour expliquer ceci à notre manière, imaginons que le poids W est élevé d'un pouce, par exemple, de la ligne horizontale AB à la ligne horizontale ab, & par la construction de la machine nous trouverons quelle doit être la vîtesse de la puissance. 1°. Le point F de la corde passant sur la poulie C, descendra d'un pouce, sçavoir de la ligne F f à la ligne Gg (parce que W attaché à cette corde, s'éleve d'un pouce par la supposition, & la poulie D attachée à ladite corde DF, doit aussi descendre d'un pouce. Par la descente de la poulie D d'un pouce, le point H de sa corde doit descendre de deux pouces, qui lui sont fournis des deux côtés de la poulie, & d'un pouce de plus qui lui est fourni par l'élevation du poids W; donc le point H doit descendre de 3 pouces ou de Hh en Ji. Enfin comme la poulie E descend de 3 pouces, parce quelle est suspenduë à la corde HJ, le point K de la corde KP (étant fourni par les deux côtés de la poulie E) doit descendre de 6 pouces à cet égard, & d'un pouce de plus à cause de l'élevation du poids W. Donc le point K de la derniére corde par lequel la puissance P tire, doit descendre de 7 pouces, sçavoir de la ligne K k à la ligne L l, par où la puissance descendra aussi d'autant, sçavoir de P en p. Par conféquent une livre en P à la place de la main, foutiendra un poids de W sept sois aussi pesant, 7 x 1 étant égal à 1 x 7. Donc dans cette combinaison de poulies, aussi-bien que dans toutes les autres, & même dans tous les instrumens méchaniques (comme nous l'avons dit souvent) lorsqu'il y a équilibre, il doit y avoir une proportion réciproque entre les intensités de la puissance & du poids & leurs vîtesses.

10. [40 — Les cordes, &c. (appliquées aux poulies) seront toujours supposées paralléles, à moins qu'on n'avertisse du contraire.] Quoique dans une combinailon de poulies, où la derniére poulie est fixe, comme dans la 4e, 5e, 6e, 7e, 8e & 9e Figures de la Planche 10, la force qui agit (supposé Tome I.

Notes fur

Planche 15. Figures 115 &c COURSIFIFYST (UE

Notes fur que ce soit un homme ou plusieurs hommes qui tirent) soit la même dans la III. Leçon. quelque direction que la puissance tire la corde qui passe sur les poulies; cependant si les cordes qui sont appliquées à la rouë ou aux rouës des poulies, & qui montent avec le poids, n'étoient pas paralléles, la force se perdroit à proportion de leur obliquité.

Planche 15. Figure 17.

Supposons que le poids W (Planche 15. Figure 17.) joint à la poulie inférieure ou mobile C, au centre de laquelle il est supendu, soit de 6 livres; s'il étoit suspendu en c, il faudroit une force égale à 6 livres pour le foutenir : & par conféquent si l'on suppose deux poulies supérieures ou fixes, commë A, B, sur lesquelles passe une corde qui porte à chaque bout 3 livres, pendant que le milieu de la corde passe sous la poulie C, il est évident que les deux poids (ou plûtôt les puissances P & p) étant prises ensemble égales au poids, le soutiendront aussi, & seront en équilibre. Maintenant, puisque P & p se balancent mutuellement, si l'on ôte P, & qu'on attache la corde en a, p seul soutiendra le poids W, comme nous l'avons déja dit & expliqué (n°. 57.) & cela paroîtra plus évident, si l'on réduit la poulie C à un levier, de la manière qu'on l'a fait voir dans la seconde Note de cette Leçon. En ce cas mn est un levier de la seconde espéce, dans lequel le centre du mouvement ou point d'appui est en n, le poids W tire à angles droits en o avec la distance on, pendant que la puissance avec la double distance mn tire aussi à angles droits dans la direction m B. Mais si la poulie B est transportée en b, la direction de la puillance changera & deviendra bm; par conféquent sa force diminuera à proportion de l'obliquité de sa direction; c'est-à-dire, que la puissance capable de soutenir le poids dans la direction bm: est à la puissance qui le soutient dans la direction mB:: comme b m: est à B m. (Leçon 3. Note 5.

On peut tirer de cette confidération la regle générale suivante, pour connoître l'intenfité de la puissance ou des puissances, qui tirant obliquement sur des poulies fixes, font élever directement en haut un poids suspendu

au centre d'une poulie mobile.

Comme 2 fois la tangente de l'angle d'inclinaison (c'est-à-dire, de l'angle formé par la ligne de direction de la puissance, qui est la corde oblique, avec l'horizon):

Est à la secante de cet angle ::

Ainsi le poids, lorsque l'un des bouts de la corde est fixe:

Est à la puissance qui tire obliquement.

Mais si deux puissances agissent (l'une à chaque bout de la corde) alors l'analogie sera celle-ci :

Comme deux fois la tangente de l'angle d'inclinaison: Est à deux fois la sécante du même angle : :

Ainsi le poids :

Est aux deux puissances prises ensemble.

PRE'PARATION.

Planche 15. SOIENT les poulies AB transportées en a, b, & les lignes bm & an prolongées jusqu'à leur rencontre en C; joignez les centres des poulies a, b, par la ligne horizontale ab; menez ED paralléle à ab, du point E pris

179

en sorte que D e soit égale à D C & faisant D c == D C, menez E e & er perpendiculaire à C b.

Notes fire la III. Lec. 11.

DE'MONSTRATION.

Puisque c C est la ligne de direction du poids W, elle doit être per> pendiculaire à ab, ligne horizontale (L. 2, n°. 22), & par conséquent parallèle à Bm; donc le triangle cCb est semblable au triangle Bqb (par la 4. 6. Eucl.) & par la même raison DEC est semblable à cbC, & cDE, leur. est aussi semblable & égalà DCE, à cause des angles droits en D, du côté commun DE & des côtés égaux DC = Dc. De plus le triangle a c C est semblable aux précedens; parce que comme le poids W (ou son centre de gravité) descend aussi bas qu'il le peut, a C b doit être un triangle isoscelle divisé en deux parties égales par la ligne de direction Cc. Maintenant, si Cc représente l'intensité du poids suspendu au centre de la poulie inférieure C. sa moitié DC représentera l'intensité de la puissance qui tire directement ou qui est à angles droits avec le levier mn & CE son intensité lorsquelle tire obliquement; & puisque l'angle DEC = cbC, Ec la sécante de DEC sera la sécante de l'angle d'inclinaison, & DC tangente de DEC sera la tangente de l'angle d'inclinaison, & son double C c représentera l'intensité du poids. C.Q.F.D.

Si l'on employe deux puissances, P tirera avec la même obliquité que p, parce que l'angle $a \cdot C \cdot c = c \cdot C \cdot b$; donc $P + p : P + p : D \cdot C + D \cdot c$:

CE + Ec. C. Q. F. D.

On peut en faire l'expérience en prenant le poids W joint à la poulie, égal à 6 livres, & les poids P & p égaux à 5 livres chacun; car alors si les poulies A & B sont arrêtées à la distance de 8 pouces l'une de l'autre à leur circonférence, comme en a & b, les trois poids ne seront en répos que lorsque la ligne C c sera précisément de 3 pouces, auquel cas les triangles a Cc, cCb, EDC, DEc, moC, & oCr auront leurs 3 côtés en proportion de 4, 3 & 5. Mais la meilleure méthode d'éprouver tous les cas de cette espéce, est d'employer la machine que le Docteur S'gravesande a imaginé à ce dessein. (Voyez son Introduction à la Philosophie de Newton, Partie 1. n°. 205.) sur la planche horizontale H (Planche 15. Figure 18.) On fixe deux piéces verticales S, S, qui ont chacune en haut un sextant avec différentes lignes menées d'un centre que l'on prend fur la partie supérieure d'une poulie, en sorte que les fils qui passent sur les poulies, puissent couvrir ces lignes étant tendus. Au milieu des lignes sont écrits les nombres qui expriment les sécantes des angles que ces lignes forment avec l'horizon, & à leurs extrémités sont écrits les nombres qui expriment les tangentes de ces angles. Or en faisant ces expériences, on verra dans tous les cas où il y a équilibre, que les poids Q & Q, sont comme les nombres au milieu des lignes le long desquelles les fils sont tendus, & que le poids P est comme la somme des nombres qui sont écrits aux extrémités de ces deux lignes,

11. [48 — Une puissance moindre que le poids servira à ce dessein, à moins

Planche 1. Elgure 18.

Notes sur qu'elle ne pousse le corps directement contre le plan, &c. ou qu'elle ne le tire hors du la III. Leçon. plan, &c.] Nous avons examiné dans la 7º Note, tout ce qui est relatif à un corps qui se meut sur un plan incliné, & ainsi nous y renvoyons; mais il ne fera pas hors de propos de parler de la différence entre les grandes & les petites rouës, lorsqu'elles roulent sur des terreins ou obstacles inégaux: car quoique ce mouvement ne puisse pas être regardé à tous égards comme celui des corps qui roulent sur des plans inclinés; cependant il y a bien des choses qui se ressemblent dans les deux cas.

Planche 15. Figure 19.

Soit la ligne ab (Planche 15. Figure 19.) qui represente le plan horizontal, ou la ligne sur laquelle la rouë, représentée par le cercle l C h g doit rouler de a vers b. m, n, o, représentent trois obstacles immobiles qui s'élevent à la hauteur des points d, g, h; pendant que la puissance tire la rouë dans la ligne de direction o G. Pour connoître quelle doit être l'intensité de la puissance à proportion de l'intensité du poids, (c'est-à-dire, à proportion du poids de la rouë) on peut supposer un levier recourbé dans cette rouë, & en examiner l'effet dans cette opération ; ce qui nous donnera cette regle générale pour tous les cas d'une rouë qui passe sur un obstacle dans un plan horizontal; en supposant aussi que la ligne de direction qui tirele long du centre de la rouë, est horizontale.

Lorsque la circonférence d'une rouë qui se meut verticalement dans un

plan horizontal, touche le haut d'un obstacle, Le poids: (en y comprenant le poids de la rouë):

Est à la puissance qui peut tirer la rouë au-dessus de l'obstacle : : Comme le sinus de l'angle formé par une ligne tirée du centre de la rouë au haux de l'obstacle & par la ligne horizontale :

Est à son cosinus:

PRE'PARATION.

PAR le sommet d de l'obstacle m d, & par le sommet g de l'obstacle n g; tirez les lignes horizontales edt, rgs; tirez aussi les rayons cd, cg & ch, celui-ci étant paralléle à l'horizon, & prolongé jusqu'en p; avec le rayon ed & du centre d tracez l'arc ek; & des points d & g menez dfk & g i perpendiculaire à ch, & autour de k comme centre, décrivez le cercle C x D d égal à Clq, qui représentera la rouë élevée au-dessus du haut de l'obstacle m d.

DE'MONSTRATION.

ode est un levier recourbé par rapport à l'obstacle dm; son apui est de & ses bras cd, de; mais comme la puissance tire obliquement le bras de selon la ligne cp, il faut réduire ce bras de à fd perpendiculaire à la ligne de direction (laquelle est la distance active de la puissance) mais de conserve toute sa longueur; parce que eq ligne de direction du poids est perpendiculaire à son extrémité e. Donc le poids & la puissance sont ici en raison réciproque des bras fd & dc; mais fd est le sinus de l'angle fc de (= cdc) que la ligne cd forme avec la ligne horizontale de ou sa paralléle af, & da & son cosinus. C, Q. F. D.

SCHOLIE.

Si l'obstacle avoit été ng deux fois aussi haut, la difficulté de tirer la rouë au-dessus auroit été plus de deux sois aussi grande; parce qu'en considérant le levier recourbé egr qui agit en ce cas, on l'auroit réduit à un autre levier recourbé igr, dans lequel la puissance : est au poids : comme rg: est à gi, où la disproportion de la distance active est augmentée de plus du double au desavantage de la puissance.

Notes for la III. Leçon.

Planche 15. Figure 19.

COROLLAIRE L

D E-LA il fuit que la difficulté d'une rouë pour surmonter un obstacle, croît en plus grande proportion que la hauteur de l'obstacle; les obstacles de différentes hauteurs comparés ensemble étant toujours comme les sinus verses du complement de l'angle d'inclinaison, pendant que la puissance : est au poids de la rouë & de ce qu'elle traîne : comme le sinus complement : est au sinus de l'angle d'inclinaison; laquelle derniére raison croît plus vîte que celle des sinus verses.

COROLLAIRE II.

De-la il suit aussi qu'une rouë ne sçauroit par aucune puissance, quelque grande qu'elle soit, surmonter un obstacle qui est aussi haut que son aissieu; (par exemple, l'obstacle oh) parce qu'en ce cas le cosinus devient le sinus total oh, & que le sinus droit disparoît; ou, ce qui est évident par la sigure, la puissance tire contre le point d'apui où elle ne sçauroit avoir aucun esset, quelque grande qu'elle soit, à moins qu'on ne change la direction de la puissance, & qu'on la fasse tirer en-dessus: ainsi dans la pratique, sur-tout lorsque les voitures doivent traverser des chemins raboteux, on est en usage de faire tirer les chevaux ou les bœuss un peu au-dessus du centre des rouës de devant.

COROLLAIRE III.

Par-la on voit aussi la raison pourquoi les grandes rouës passent sur les obstacles plus avantageusement que les petites, & cela à proportion qu'elles sont plus hautes: parce que les longueurs des sinus verses (tout le reste étant égal) sont comme les diamétres de leurs cercles; & ainsi un jobstacle dont la hauteur étoit le sinus verse d'un arc d'un certain nombre de dégrés, sera le sinus verse d'un arc d'un plus petit nombre de dégrés dans un plus grand cercle à proportion qu'il est plus grand: donc le cosinus, ou le bras horizontal du levier recourbé qui porte le poids, sera moindre, & le sinus d'inclinaison, ou le bras perpendiculaire du levier, où la puissance est appliquée, sera plus grand. Outre cela, les grandes rouës surmonteront non-seulement des obstacles impossibles aux petites rouës, mais encore plusieurs autres obstacles plus élevés, pourvû que leur hauteur ne soit pas égale au demi-diamétre de la grande rouë. Par exemple, dans la Figure 2020.

Planche 15. Figure 20.

Notes sur l'intensité de la puissance P qui tire la grande rouë C D au-dessus de l'obstacle la III. Leçon. D, le long de la ligne horizontale ab, n'est que la moitié de l'intensité de la puissance p qui tire la petite rouë cg au-dessus du même obstacle en g, en supposant les rouës du même poids; parce que ce n'est pas le levier rcourbé i gr, qui est transporté de la petite à la grande rouë en FDE, mais le levier fde, par lequel la petite rouë est tirée au-dessus d'un obstacle de la moitié de la hauteur. Ainsi dans la Figure 19. la grande rouë dont on a représenté la demi-circonférence par le demi-cercle LHq passe, sur l'obstacle MD avec la même facilité, que la petite sur md; sur l'obstacle NG (qui est impossible à la petite rouë) avec la même facilité que la petite fur ng, & il n'y a point d'obstacle qu'il lui soit impossible de traverser (en supposant l'intensité de la puissance d'une grandeur suffisante, jusqu'à ce qu'il arrive à la hauteur OH égale à son demi-diamétre.)

COROLLAIRE IV.

Enfin, on peut remarquer par tout ce qui a été dit sur ce sujet, que la plus grande difficulté pour conduire une rouë au-dessus d'un obstacle, est dans le premier effort, & que l'action de la puissance devient toujours plus facile à mesure que la rouë s'éleve, soit qu'elle soit en repos ou en mouvement lorsqu'elle commence à presser l'obstacle; car le bras horizontal du levier comme ed, (en supposant l'obstacle md) s'élevant continuellement autour de l'apui d, lorsque la rouë s'éleve de la situation C h g g l à celle x D d r, diminue sa distance active, à mesure que la ligne eq du poids passe de eq en kd, pendant que le bras df, par lequel la puissance agit, continue d'être le même, à mesure que la direction de la puissance passe de la situation c p à celle k x: car la distance des chevaux ou des bœufs, &c. est si grande à proportion de la hauteur de l'obstacle, qu'il n'est pas nécessaire de regarder le point x comme élevé au-dessus de l'horizon; cependant si les cheyaux tirent un peu en haut, chaque avancement de la ligne de direction de la puissance vers le point x, en sera une fituation plus avantageuse.

On voit par cette derniére considération, que lorsqu'une rouë comme Cl q passe sur un obstacle comme md ou ng, on doit la considérer comme roulant sur un plan incliné tel que q d ou q g, dans lequel la puissance tirant horizontalement (comme dans le cas du coin) agit uniformément, & cela en raison de la base à la hauteur; étant ici nécessaire que la puissance agisse

avec plus de force au commencement qu'à la fin,

12. [50 - On verra dans les notes combien la puissance doit être augmentée, à proportion de l'angle que sa ligne de direction fait avec le plan.] Tout cela a été examiné à fond dans la 7º Note sur cette Leçon.

13. [62 - On ne se sert pas de ce filet dans le bois, mais dans le ser & dans les autres métaux : il est d'un bon service, étant communément de plus de durée, & élevant le poids avec plus de facilité que le filet tranchant, comme on le verra mieux dans les Notes,] On ne se sert que rarement ou presque EXPERIMENTALE.

jamais dans le bois de filet quarré, parce que les parties élevées de la vis, comme P, N, L, H, Q, O, M, K, J (Planche 11. Figure 11.) n'auroient la III. Leçon. pas plus de force que la cohéfion latérale des fibres du bois, pour une longueur fort petite, & qui ne seroit pas plus grande que l'épaisseur du fil de tous les côtés; en sorte que dans les grands efforts, l'arbre abde seroit séparé de son fil de tous les côtes, & ainsi il laisseroit aller ce que l'on vouloit lui faire foutenir. Mais pour prévenir cet inconvénient, on rend l'écrouë de la vis aigue auprès de l'arbre imaginaire ou du cylindre renfermé dans la vis, ce qui épaissit le fil de la vis auprès de l'arbre; il faut donc en conséquence qu'il se termine en pointe tranchante à l'extérieur. On peut voir cela dans la 14e. Figure, où à la place du creux BACD, on ab ad.

Quoique par ce moyen la vis à fil tranchant soit plus forte dans le bois, elle est plus foible dans les métaux, où le fil est communément fin; car si la vis mâle & femelle ne se joignent pas exactement, mais qu'elles ayent un peu trop de jeu, le fil tranchant de l'une coupera & emportera celui de l'autre; au lieu que dans le fil quarré, quoiqu'il y ait un peu de jeu, les filets ne s'usent pas extraordinairement, le plat portant sur le plat. Outre cela dans le fil tranchant le poids fait plus d'effort pour descendre, (& par conséquent réfiste avec plus de force) que dans le fil quarré; parce qu'outre l'effort du poids pour glisser en arrière sur le plan incliné qui forme l'élevation de la vis (ce qui a déja été expliqué dans la discription du plan incliné & du coin) il fait aussi un effort pour descendre le long d'un autre plan (tel que ad, Figure 14.) lequel forme le tranchant de la vis,

& par conséquent la puissance doit être augmentée à cet égard.

Pour estimer quelle est la force du fil tranchant pour soutenir le poids eu égard à fon inclinaison, nous examinerons la vis CDFEM, (Planche 16. Figure 1.) en supposant qu'elle éleve un écrouë avec tout le poids, laquelle doit presser par conséquent sur le fil de la vis qui est ici représenté en CJKPGH, &c. & que nous réduirons toute à la pression sur le point P. Maintenant si l'on décompose la force W P qui represente la pression du poids en bas, en deux autres forces W A & W B, dont la premiere représente la force qui agit contre le penchant AD, & la seconde, celle par laquelle le poids fait effort pour glisser le long de A D sans le presser; on verra clairement (puisque l'action & la réaction sont egales) que le fil tranchant incliné n'éleve le poids qu'avec la force représentée par AW, pendant que la force restante, qui est W B le porte en bas dans la direction A D, tirant par ce moyen le côté opposé du fil de l'écrouë, pour qu'il presse plus fortement contre le fil de la vis en C, M, & E, &c. En sorte que si le poids ne s'éleve pas perpendiculairement (comme il arrive fouvent) il y aura une grande augmentation de frottement sur le côté supérieur de

Le frottement de la vis dépendant de plusieurs causes, nous l'examinerons dans un autre endroit.

14. [70 — Ceux qui prétendent avoir trouvé le mouvement perpetuel, ou ceux qui promettent par leurs machines de plus grands effets qu'il ne convient à la proportion réciproque entre l'intensué des puissances & des poids avec leurs

Notes his

Planche 11. Figures 11 &

Planche F6. Figure 1.

Notes fur vîtesses. 7 Vers l'an 1720 & 1721 le feu Jean Rowley Constructeur la III. Leçon. d'Instrumens de Mathématique fit tant de bruit de la rouë qu'il avoit vûë à Hesse-Cassel, (qu'il croyoit être un mouvement perpetuel, aussi-bien qu'un grand nombre de personnes dans ce pays-là) que non-seulement la troupe ordinaire des hommes à mouvement perpetuel, qui paroît dans chaque siècle, mais encore quelques personnes qui avoient beaucoup d'esprit, firent des tentatives pour en venir à bout, & furent même encouragées par quelques grands Mathématiciens, qui voyant le devis qu'on leur présenta, déclarerent qu'ils ne voyoient aucune raison qui empêchât que ce ne sût un mouvement perpetuel. Mais comme je me suis toujours déclaré contre tous les projets qui tendent à ce but, je fus prié dans le même tems de publier les raisons que j'avois pour dire que la chose me paroissoit impossible ou impraticable; c'est ce que je sis dans les Transactions Philosophiques, nombre 369, d'une manière à décourager ceux qui voudroient faire de pareilles tentatives, où l'on a perdu tant de tems & d'argent. Je fais ici réimprimer tout ce détail; mais je prie le Lecteur de jetter auparavant un coup d'œil sur ce que j'ai dit dans la Note 4°, Expérience troisième.

On a tant fait de bruit en dernier lieu sur la rouë de Hesse-Cassel saite par M. Orfireus & nommée par l'Auteur, mouvement perpetuel, & l'on a tant parlé de ses merveilleux phénomenes, qu'un grand nombre de gens ont crû que c'étoit une machine qui se mouvoit actuellement d'elle-même, & qu'en conséquence ils ont tenté de l'imiter. Mais comme on perd beaucoup de tems & d'argent dans ces sortes d'entreprises, j'ai été bien aise (en faveur de ceux qui font des expériences dans cette vûe) de faire voir que le principe sur lequel la plupart s'appuyent est faux & ne peut en aucune manière produire le mouvement

perpetuel.

Ils prennent ponr principe accordé, que si un poids descendant dans une rouë à une distance déterminée du centre, s'en approche plus lorsqu'il monte, ce poids dans sa descente sera toujours préponderant, & fera monter un poids égal, pourvû que ce poids s'approche plus du centre à mesure qu'il monte; & en conféquence, à mesure que le premier poids s'éleve lui-même, il fera contre-balance par un autre poids égal : & ainfi on cherche par différentes inventions de produire cet effet, comme si le mouvement perpetuel en devoit être une conféquence infaillible.

Mais je vais faire voir qu'ils se trompent dans un cas particulier du Théoreme général, ou plûtôt ils en prennent un Corollaire pour le Théoreme même. Voici le Théoreme: Si un poids dans sa chûte (par quelque invention) fait monter un autre poids avec un moindre moment ou quantité de mouvement

qu'il n'a lui-même, il sera préponderant, & sera monter l'autre poids.

COROLLAIRE

Donc si les poids sont égaux, le poids qui descend doit avoir plus de vîtesse que celui qui monte, parce que le moment est composé de la vîtesse multipliée par la quautité de matière.

COROLLAIRE II.

COROLLAIRE II.

Notes fur la III. Leçon

Donc si des poids égaux sont attachés à un levier ou à une balance, ou sufpendus à leurs extrémités, & que les bras soient tant soit peu inégaux, le poids qui est le plus éloigné du centre, sera prépondérant.

SCHOLIE.

C E second Corollaire cause la méprise, parce que ceux qui croyent que la vîtesse du poids est la ligne qu'il décrit, s'attendent que le poids qui décrira la plus courte ligne, sera contrebalancé, & en conséquence ils imaginent des machines pour faire ensorte que le poids qui monte, décrive une ligne plus courte que celui qui descend. Par exemple, dans le cercle ABBa (Planche 16. Figure 2.) les poids A & B étant supposés égaux, on s'imagine que si par une invention quelconque, il arrive que pendant que le poids A décrit l'arc Aa, le poids B est porté dans un arc, tel que Bb, de maniere qu'il s'approche plus du centre en montant, que s'il décrivoit l'arc BD; ce poids B seroit surmonté par le poids A, & par conséquent un nombre de poids semblables produiroit un mouvement perpetuel.

On a tenté d'en venir à bout par différentes inventions, qui dépendent toutes de ce faux principe; je n'en rapporterai ici qu'une seule, qui est representée par la Figure 4. ou une rouë avec deux circonférences paralléles à tout l'espace entre les deux divisé en cellules, lesquelles étant courbées, seront cause (lorsque la rouë tourne circulairement) que les poids placés librement dans ces cellules, descendront du côté AAA vers la circonférence extérieure de la rouë, & qu'ils monteront du côté D dans la ligne Bbb, qui s'approche du centre, & qui touche la circonférence intérieure de la rouë. Il est vrai que dans une machine de cette espece, les poids doivent se mouvoir de cette maniere, si la rouë tourne circulairement; mais ils ne produiront jamais le mouvement circulaire de la rouë. Le Marquis de Worcester fait mention d'une machine semblabe dans sa Centurie d'inventions, N°. 56. en ces termes:

» Faire ensorte que tous les poids du côté descendant d'une roue, soient toujours plus éloignés du centre que ceux du côté montant, & qu'ils soient encore égaux en nombre avec autant de poids tant d'un côté que de l'autre. La chose seroit tout-à-fait incroyable, si on ne l'avoit pas vûe; mais on en sit l'expérience dans la mer sous ma direction, en présence du seu Roy, (d'heureuse mémoire) de deux Ambassadeurs Extraordinaires qui accompagnoient Sa Majesté, du Duc de Richmond, & du Duc Hamilton, avec toute la Cour qui les accompagnoient. La roue avoit quarante pieds de hauteur, & portoit quarante poids de 50 livres chacun. Guillaume Balfore, Lieutenant, de la tour, & plusieurs autres peuvent l'attester. Ils virent tous qu'aussi-tôt que ces grands poids eurent passé le diametre de la ligne du côté le plus bas, ils surent suspendus à un pied plus près du centre; & qu'aussi-tôt qu'ils eurent passé la ligne diametrale du côté supérieur, ils surent suspendus à un pied plus loin. On peut juger des conséquences.

Tome I. A 2

Planche 16: Figures 2. 4.

Notes fur

Planche 16. Figures 2. 3.

Mais l'effet de cette machine, & des autres semblables, n'est la III. Leçon. rien moins que le mouvement perpetuel; l'erreur consiste en ceci : La vîtesse d'un poids n'est pas la ligne qu'il décrit en général, mais la hauteur où il s'éleve, ou celle de sa chute, eu égard à sa distance au centre de la terre. De sorte que lorsque le poids (Figure-2.) décrit l'arc Aa, sa vîtesse est la ligne AC, qui marque sa chute perpendiculaire (ou qui mesure de combien il s'est approché du centre de la terre) & de même la ligne B C marque la vîtesse du poids B, ou la hauteur à laquelle il s'éleve, lorsqu'il monte par un des arcs Bb, au lieu de l'arc BD; de sorte que dans ce cas, soit que le poids B en montant soit conduit auprès du centre ou non, il ne perd rien de la vîtesse qu'il doit avoir, pour être élevé par le poids A. Et même ce poids en s'élevant plus près du centre d'une rouë, non-seulement ne perd rien de sa vîtesse, mais il en gagne encore à proportion de la vîtesse des poids qui le contrebalancent, & descendent dans la circonférence du côté opposé de la rouë : Car si nous considérons deux rayons de la rouë, l'un horizontal, & l'autre (attaché au premier, & se mouvant avec lui) incliné sous l'horizon par un angle de 60 dégrés (Fig. 3.) & si par la descente de l'extrémité B du rayon BC, l'autre rayon CD par son mouvement fait monter le poids qui est en D dans la ligne pP, qui est dans un plan qui empêche que ce poids ne monte dans la courbe DA, ce poids gagnera de la vîtesse, & au commencement de son élevation, il aura le double de la vîtesse du poids en B; & par conséquent au lieu d'en être élevé, il surmontera l'autre poids, s'il lui est égal. Et cette vîtesse sera d'autant plus grande à proportion que l'angle ACD est plus grand, ou que le plan Pp (le long duquel le poids D doit s'élever) est plus proche du centre. Certainement si le poids en B (Figure 2.) pouvoit par quelque moyen être élevé en B, & se mouvoir dans l'arc \(\beta b\), on arriveroit au but proposé, parce qu'alors la vîtesse seroit diminuée, & deviendroit & C.

EXPERIENC

PRENEZ le levier BDC fig. 3. dont les bras sont égaux en longueur, & forment un angle de 120° en C, étant mobiles autour de ce point comme centre : en ce cas un poids de 2 livres suspendu à l'extrémité B de la partie horizontale du levier, tiendra en équilibre un poids de 4 livres suspendu à l'extrémité D; mais fi un poids d'une livre est placé sur l'extrémité D du levier, enforte que dans le mouvement de D le long de l'arc pA, on fasse élever ce poids contre le plan pP, (qui divise par le milieu la ligne AC égale à CB) ce poids tiendra en équilibre 2 livres en B, ayant le double de la vîtesse de B, lorsque le levier commence à se mouvoir. On verra cela clairement, si l'on laitle le poids 4 suspendu en D, pendant que le poids i est au-dessus de lui : car si alors on fait mouvoir le levier, le poids i s'élevera 4 fois aussi vîte que le poids 4.

Planche 12. Figure 3.

15. [80. — Le poids & la potence reculeroient, & ne servient en repos que sur W, &c.] Dans la 3e. Figure de la Planche 12, CGrgs représente le haut de la potence avec sa poulie à son extrémité r, & son centre (oule sommet de son aissieu) en C. On doit observer ici que la partie horizontale

NOTES fur

Planche re. Figure 35

Cr de la corde, est paralléle à la ligne Cr (qui est en-dessous) dans la potence. Or s'il étoit possible à la corde de continuer d'être paralléle à la III Leçon. cette ligne Cr dans le milieu du haut de la potence, pendant qu'elle se meut à gauche successivement dans les situations C6, C7, C8, ou à droite dans les fituations C1, C2, C3, C4, C5, la personne qui pousse ou dirige la corde attachée à l'extrémité auprès de g, conduiroit le poids en chaque endroit du quay, sans y trouver aucune autre fatigue, que celle qui est nécessaire pour surmonter le frottement de l'aissieu de la potence. Mais lorsque les poulies P & Q sont placées en p & q, la ligne du milieu de la potence avance vers P & Q plus vîte que ne fait la corde, qui étant obligée de se rouler autour des poulies, fait un angle avec cette ligne; comme par exemple, l'angle p 8n du côté gauche, & q 4 t du côté droit. cet angle étant d'autant plus grand, que la potence est plus tirée en arriere vers la gruë sur le quay. La conséquence de cela est, que le poids (dans ce mouvement de la potence) doit s'élever à proportion que la corde est allongée. En se roulant autour de la poulie, ou à proportion de Cp8 à C8 à gauche, & de Cq4 à C4 à droite. Or si l'excès de la corde allongée par-deffus la ligne du milieu du haut de la potence, est (par exemple) un dixiéme du tout, la personne qui retient la potence par le moyen d'une corde, dans une position qui produit cette dissérence, doit soutenir la dixième partie de tout le poids, c'est-à-dire, 224 liv. par tonneau, ce qui est un poids trop grand pour un homme qui est ainsi employé à faire mouvoir la potence. Mais comme cette force du poids augmente par degrés en tirant circulairement la potence, elle trompe l'homme qui tire la corde; & lorsque par un grand effort il a conduit le poids à un certain point, il est souvent forcé de l'abandonner, dès qu'il n'a plus la force pour le soutenir; ce qui est quelquesois d'une conséquence, tant pour ceux qui chargent ou qui déchargent, que pour les marchandises qu'on éleve.

Pour prévenir ces inconvenients, les Ouviers ont placé les poulies dans une situation différente, sçavoir dans la situation P, Q; ensorte qu'en tournant la potence à main droite, l'homme qui conduit, ne sent aucune partie du poids, jusqu'à ce que la potence soit arrivée au-delà de C4 à droite, & au-delà de Cc à gauche. Mais il résulte de cette construction un autre inconvenient, qui est le contraire de celui que nous avons examiné; c'est que le poids descend, & par conséquent entraîne la potence, & la fait tourner; ce qui (n'étant pas prévû) peut de même être dangereux. Comme ces inconvenients sont plus sensibles dans les grands poids, M. Padmore de Bristol faisant une gruë pour M. Allen, Maître de Poste de Baste) qui devoit élever une pierre d'une carriere, inventa une application

du tour, qui fit évanouir ce danger & cet iuconvenient. Dans la premiere Figure, Planche 12, x est une rouë avec des rayons, dont l'aissieu x u porte un pignon en u, qui prend les dents d'une rouë de champ horizontale, arrêtée à l'aissieu de la potence; par ce moyen un homme faisissant les rayons de la roue, a un tel avantage par le moyen des longs bras de cette rouë, qu'il peut mouvoir l'aissieu de la potence avec beaucoup de facilité, malgré les inégalités dont on a parlé, & soutenir aussi la potence dans toutes les positions sans difficulté,

P'anche 12. Figure 1.

Notes fur

Le même Ouvrier ingénieux a perfectionné notablement une autre grue la III. Leçon. bornée par le bord de la riviere, & par le moyen de laquelle M. Allen porta ses pierres dans les navires à mesure qu'ils venoient pour les prendre.

La gruë en elle-même n'a rien de particulier, mais c'est une gruë de la seconde espece (ou à queuë de rat) avec un double tour & deux manivelles, en sorte que par leur moyen quatre hommes peuvent élever de fort grands poids; tournant ensuite toute la gruë autour de son arbre vertical, on peut la fixer dans toutes les positions, & abaisser promptement les poids dans des bateaux ou barques qui s'approchent plus du quay pour les recevoir. Voyez la 5°. Figure de la Planche 16, dans laquelle vous pouvez observer qu'elle différe de celle qui est representée dans la Planche 12. Figure 4. en ce que le long col de la gruë est ici d'une seule piece, & que la puissance y est différemment appliquée. Mais cette corstruction n'est pas nouvelle. Ce n'est pas aussi une invention nouvelle pour faire descendre les marchandises, après que la gruë les a élevées, de presser un arc de cercle fortement contre une rouë fixée au principal aisliet, ain de retarder & de regler la chute par un frottement augmenté ou dimin e à volonté, comme on le fait pour arrêter les moulins à vent. Le cliquet qui empêche la gruë ou le cabestan de reculer, est aussi d'un usage commun. Mais je ne sçache pas que personne avant M. Padmore ait appliqué ces deux invéntions tout à la fois à la même gruë, enforte qu'elles dépendent l'une de l'autre, quoique plusieurs Ouvriers ayent dans la suite suivi son exemple. Ainsi je vais donner une description particuliere de cette invention, dont le but principal est de prévenir les grands malheurs qui arrivent souvent par la négligence des hommes employés à élever & à abaisser de grands poids par l'usage de la gruë. La sixième Figure de la Planche 16. représente une section verticale de la partie de la gruë où cette invention est appliquée.

Planche 16. Figure (

A B est la grande rouë dont le grand aissieu A se mouvant sur deux chevilles de fer telles que a, reçoit la corde ou la laisse tomber en bas, selon qu'elle est tournée par le moyen des manivelles attachées en C à la plus petite rouë ou pignon C, ou selon qu'on la laisse tourner de l'autre côté par la pesanteur du poids qui descend, lorsque tous les obstacles sont écartés. Sur l'aissieu du pignon est fixée la rouë à crochet Dd, dont les dents reçoivent successivement le cliquet de fer fF (mobile sur une cheville en F sur la piece de fer G, & s'élevant dans le besoin par le moyen du fer vertical Hh) pour empêcher le poids de reculer lorsqu'on a détaché les manivelles. Sur le même aissieu derriere la rouë Dd, il y a une rouë de bois Ep, fur laquelle est suspendu le demi anneau de ser OPo, avec une rainure ou un trou qu'on y fait pour arrêter la circonférence de cette rouë, ensorte que son mouvement en soit retardé, ou arrêté, ou en quelque maniere reglé, (& par conféquent le mouvement de l'aissieu & du pignon C, & de la grande rouë avec son aissieu AB, qui porte la corde VA) telon qu'il est plus ou moins fortement pressé en bas pour produire un frottement sur le bois, à mesure qu'il se meut après que le cliquet a été élevé & dégagé des dents de la rouë à rochet. Le levier horizontal K L conduit tous ces mouvements de la maniere suivante : Lorsque la corde QqK, attachée à ce levier en K, est tirée en bas, le levier se mouvant sur son

Planche 16. Figure (.

centre M, éleve par une cheville horizontale fixée à angles droits à son Notes sur côté en J, la piece Hh, & par conséquent dégage le rochet en élevant le la III. Lecon. cliquet en f, & le tirant de la denture : alors le poids descend promptement, en faisant mouvoir circulairement par sa force la rouë & son pignon; mais pour empêcher qu'il ne descende trop vîte, celui qui tient la corde Q q K. pousse le levier en haut un peu plus fortement, ce qui pousse en bas l'extrémité opposée L de ce levier, & par conséquent le fer N, & ce fer est pouffé affez bas pour forcer l'anneau demi-circulaire O P o à presser fortement sur la rouë Ep; ce qu'il ne faisoit pas lorsque le cliquet étoit élevé précisément hors du rochet. N. B. Une forte impulsion arrête tout le mouvement, & une impulsion plus douce rend la descente réguliere. Si le Conducteur de la machine est négligent, & lâche la corde QqK; d'abord le ressort Ss, dont le bout s a été abaissé par l'extrémité L du levier, remonte de nouveau (par le moyen de sa cheville laterale X) & rétablissant tout le levier dans sa premiere position horizontale, l'autre cheville latérale J dans le long bras MK du levier, pressera à travers la coche H sous J, l'extrémité inférieure de la piece verticale H h, & ainsi elle fera tomber le cliquet Ff dans la rouë à rochet en f; la piece courbée OPp s'élevera en mêmetems, & ne pressera plus la rouë de bois Ep.

Par ce moyen il n'arrivera jamais aucun malheur en conféquence de la négligence du Conducteur, à cause du cliquet; le poids ne descendra pas non plus par secousses, ce qui seroit arrivé, si l'on avoit employé le cliquet fans le demi-anneau, parce qu'il est entierement dégagé du rochet, lorsque le demi-anneau est descendu & appliqué à la rouë de bois en tirant la corde en Q. N. B. T, t1, t2, est une partie de la coupe verticale de la charpente

du chassis. Pour rendre ceci plus clair, examinons la 7c. Figure de la Planche 16, où nous avons une section horizontale des parties précédentes. B B est la grande roue dont l'aissieu qui roule la corde est marqué A A A, & son aissieu de fer qui passe dans des crapaudines de fonte en a, a. C c est la petite roue ou pignon dont l'aissieu est cc. D d est la coupe de la rouë à rochet qui est de fer. Entre les lignes ponctuées Ap & Ei, on suppose la rouë de bois sur l'aissieu du pignon, (on ne l'a pas tracé ici, pour éviter la confusion, non plus que la piece de fer demi-circulaire qui presse cette rouë, & qui est marquée OP o dans la derniere Figure) dont le foutien vertical fixé à leur base, est représenté par R, & le bout de la piece qui tire en bas le demi-cercle dans le besoin est marqué en N. KL est le levier horizontal, dont le centre est en M, se mouvant verticalement par la traction de la corde qui lui est attachée en K. Ji est la premiere cheville latérale du levier, qui en J passe à travers le bas de la piece H, laquelle éleve le cliquet Ff, qu'on a déja décrit avec son support en G, au haut duquel le cliquet se meut sur une cheville centrale. Ap A est la seconde cheville latérale du levier, dont la fonction est de presser sur le bout s du ressort courbé S s attaché au bas du chassis vers l'extrémité la plus éloignée S. Ensorte que lorsque le bout K du levier est tiré en haut, le bout L qui est abaissé, doit s'élever de nouveau, & reprendre sa place par la force du ressort qui se rétablit de lui-

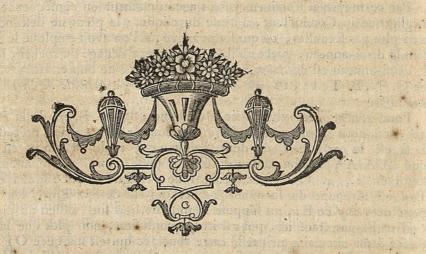
Planche 16. Figure 7.

Notel sur N.B. La figure courbe du ressort, & la maniere dont il éleve la cheville;

la III. Leçon. se voit mieux dans la derniere Figure.

Il y a une invention délicate d'une rouë de chariot inclinée en charpente pour porter en bas les pierres de la carriere de M. Allen, au bord de la riviere, à la distance d'environ un mille, dans des chariots qui descendent le long du panchant par leur propre gravité sur une route artissielle, comme sont les voitures de charbon auprès de Newcastle. Mais cette route de chariots est entierement différente de celles du nord, chaque partie étant notablement changée en mieux, & les voitures imaginées d'une saçon à porter beaucoup plus de poids sans danger. Je n'oublierai pas la description de cette invention, où M. Allen & ses Ouvriers ont sait paroûtre beaucoup d'adresse d'ingénuité, & je la donnerai dans une autre partie de ce Livre.

Harrish English and the trapped Athere and of



received at 1. In the laptest service of the latter of the

LEÇON IV.

Sur le Frottement des Machines.

E que j'ai dit jusqu'à présent dans les trois premières Leçons Leçon IV. & dans leurs Notes, suffit pour expliquer les Principes de la Méchanique (proprement dits) autant qu'il le faut pour mettre en état de travailler ceux qui ont du génie, & qui aiment la pratique des Arts; mais comme ils tomberoient dans des erreurs considérables, s'ils n'avoient pas égard aux frottements autant qu'il convient, & s'ils ne sçavoient pas trouver (à fort peu près) quel est le frottement dans les Machines déja faites, & quelle doit en être la quantité dans celles qu'ils se proposent de faire; je crois qu'il est à propos de donner ici une Leçon * sur ce que j'ai pû découvrir de la nature du frottement, en lisant tous les Mémoires que j'ai pû rencontrer sur ce sujer, en répétant plusieurs expériences déja faites, pour en mieux considérer les circonstances; & pour voir si on les a rapportées sidélement, & en faisant aussi moi-même un grand nombre de nouvelles expériences.

Quoiqu'il y ait tant de circonstances dans le frottement des corps, que la même expérience ne réussit pas toujours avec les mêmes corps, ensorte qu'on ne peut aisément en conclure une théorie mathématique, cependant on peut tirer d'un grand nombre d'expériences une théorie qui suffit pour nous conduire dans la pratique, en prenant toujours un milieu entre les extrémités.

Premiérement, donc on a observé que le bois, le ser, la sonte, le cuivre & le plomb, lorsqu'ils sont graissés ou huilés (comme on le fait dans les machines) ont presque tous le même frottement, & que par conséquent la même régle peut s'appliquer à toutes ces substances. Car quoiqu'on s'imagine d'abord que les métaux doivent glisser plus aisément les uns sur les autres, parce qu'on peut les rendre plus doux, & qu'ils peuvent prendre un meilleur poli; cependant on a trouvé par expérience qu'en poliffant beaucoup les surfaces planes des métaux ou des autres corps,

der la lecture de ce qu'il a écrit sur cette matière, dans ses Essais de Phisique, vole 1. depuis la page 176. jusqu'à la page 188.

^{*} Pierre van Muschembroeck, Professeur à Leyde, a fait tant d'expériences sur le frottement, qu'on ne scauroit trop recomman-

Leçon IV. on augmente leur frottement, & c'est-là un paradoxe méchanique; mais on en verra la raison, si l'on fait réfléxion que l'attraction de cohésion devient sensible à mesure que l'on approche toujours plus de l'attouchement les surfaces des corps. Cela paroît évidemment, lorsqu'on tire des plaques de verre l'une sur l'autre, ce qui demande plus de force que si elles étoient de bois, & la même chose se vérifie dans les métaux; car quoique la pression de l'air ait un peu de part à ce phénoméne, cependant l'attraction de cohésion lui est tellement supérieure, qu'il n'est pas nécessaire de faire attention aux effets de cette pression de l'air dans l'action des parties d'une machine les unes sur les autres. Il est bien vrai que deux marbres plans demeurent attachés l'un à l'autre par la pression de l'air extérieur, lorsqu'ayant été huilés pour chasser l'air qui étoit entr'eux, on les a fait gliffer l'un sur l'autre; & que lorsqu'on les a suspendus dans le récipient d'une machine pneumatique, ils se

léparent aussi-tôt qu'on a tiré l'air du récipient.

Mais si on les a poli beaucoup, ils resteront attachés l'un à l'autre. même après qu'on aura entiérement détruit la pression de l'air extérieur par la pompe pneumatique. J'ai appliqué l'une contre l'autre les surfaces plates de deux petits boutons de cristal, sans les mouiller ou les huiler; elles se sont attachées si fortement l'une à l'autre, qu'elles ont soutenu le poids de 19 onces Troy, avant que de se séparer, & cependant leur attouchement n'étoit qu'un cercle dont le diametre étoit la 12e, partie d'un pouce : dans ce cas la pression de l'air ne peut pas être plus grande que le poids d'une once, parce qu'une colomne d'air dont la base circulaire n'a pour diametre que la 12e. partie d'ue pouce, ne pese pas plus. La même chose est évidente dans les métaux, & plus particuliérement encore dans le plomb; car deux balles de plomb d'environ une ou deux livres pesant chacune, étant coupées avec un couteau, & appliquées étroitement l'une contre lautre, ensorte qu'elles se touchent par une surface d'environ 2/10 d'un pouce de diametre, elles resteront tellement attachées, qu'il ne faudra pas moins qu'un poids de 40 ou 50 livres pour les séparer, quoique la pression en ce cas ne puisse pas monter au quart d'une livre. Voyez les Transactions Philosophiques , N. 389.

Mais pour revenir à nos Expériences sur le frottement.

EXPERIENCE

Planche 13. Figure 18.

Ch est une piéce polie de bois d'un pouce d'épaisseur, de 4 pouces EXPE'RIMENTALE.

pouces de large, & de six de long, avec un perit crochet dans Leçon IV. sa partie antérieure h, & pesant six onces. Si on la tire le long d'un plan horizontal représenté par la ligne AB, sur la poulie P, par le moyen du fil HW, le poids W de 2 onces, & celui qui est nécessaire pour vaincre le frottement de la poulie, tirera cette piéce de bois le long de ce plan, soit qu'on la fasse glisser fur sa grande surface & sur son plat comme en c, ou sur son épaisseur comme en K, quoique dans ce dernier cas, il n'y ait que le quart de la surface qui touche. Par où l'on voit que le frottement est égal environ au tiers * du poids, & qu'il résulte du poids qui presse toutes les parties ensemble, & non du nombre des parties qu'il touche: car soit que l'on considére les parties de la surface, comme des ressorts qui doivent être pliés, ou comme de petites éminences sur lesquelles le corps tiré doit être élevé, il est clair que la difficulté sera la même, soit que la surface devienne plus grande ou plus petite, pourvû qu'elle soit pressée en proportion réciproque de sa grandeur : en esset quoique la base de c soit quatre sois plus grande que celle de K, chaque pouce en largeur dans la premiére n'est pressé que par un pouce du bois en épaisseur; au lieu que la furface sur laquelle le bois repose dans la position K, & qui est quatre fois plus étroite, est pressée par une épaisseur du bois de quatre pouces. Donc le frottement, ou ce qui empêche de tirer le corps dans la ligne A B, ne vient pas du nombre des parties qu'il touche, mais de la pression sur la surface touchée, comme on le verra encore plus clairement par l'Expérience suivante.

Expérience II. lendiculaire A C nelt pas le nées d

Soit la poulie π (fur laquelle le poids W (= W) tire en long le bois K, lorsqu'il est élevé au niveau de m, crochet de K au-dessus de AB) placée en bas au même niveau que P; alors W = W ne pourra pas tirer K en long sans le secours du petit poids additionnel q, parce que la traction faite dans la direction oblique mp, est cause que K presse plus contre le plan horizontal, que lorsqu'on le tire dans la direction m = : mais si l'on fixe le crochet en n, ensorte que la ligne de direction soit paralléle au plan A B, alors le poids W tirera K sans le secours de q, comme W tire c.

plant, feloa lectoir de la Medianique, en failant al fra Stoit du fettement, el L. com Don au L. R. à 19 dx E. D. liv. ricrosum

Sur la table ou plan horizontal TMNO, faites mouvoir Tome I.

Planche 12 Figure 18.

* Note 1.

Planche 13. Figure 18,

Planche 13. Figure 19.

Figure 19.

LECON IV. circulairement un plan circulaire ou platine d'environ deux pieds de diametre, qui porte sur une pointe au centre C, ensorte qu'elle ne touche pas le premier plan; placez ensuite entre le plan circulaire & la table, un morceau de cuivre ou de plomb tel que A, Bou D, ensorte qu'il presse la table de tout son poids, & qu'en même-tems (par le moyen d'une pointe qui s'éleve du milieu de ce cuivre) il seit porté circulairement avec la platine circulaire, sous le point A, B ou D. Si le poids de la piéce A est de 30 livres, une force égale à 10 livres fera tourner circulairement la platine en la tirant dans la direction AT, lorsque la susdite piéce est placée en A ou en D; mais si la puissance tire dans la ligne Bt ou E + tangente au petit cercle BE, il faudra 20 livres pour faire tourner A circulairement: Enfin si la puissance tire de A vers T dans la tangente du grand cercle At TD, pendant que la piéce est fixée en B, alors une force de ; livres fera mouvoir circulairement la platine.

> Cela fait voir que le frottement augmente lorsque les parties qui frottent se meuvent plus vîte, & qu'il décroit lorsqu'elles se meuvent plus lentement que la puissance. On peut donc dire que les résistances qui viennent du frottement, sont entrelles en raison composée des pressions des parties qui frottent, & des tems ou des vîtesses de

leurs mouvemens.

Lorsqu'on place un corps poli sur un plan incliné, il doit, selon les loix de la Méchanique, ne pas y rester en repos, mais glisser en bas. Cependant le frottement étant égal à un tiers du poids, comme on l'a déja fait voit, le corps K (Planche 13. Figure 20.) placé sur un plan incliné, ne glissera pas en bas, si la perpendiculaire A C n'est pas le tiers de la longueur AB du plan, parce qu'alors la tendance du corps en enbas dans une ligne paralléle à AB, est égale à un tiers du poids de ce corps.

On voit par-là combien il est nécessaire de considérer le frot-

Planche 13. Figure 20.

Planche 17. Figure 1.

tement dans les productions méchaniques; comme par exemple, si l'on veut tirer une poutre AB (Planche 17. Figure 1.) couchée fur le terrein élevé Dc, en se servant d'une puissance P dans la direction AP, paralléle à Dc; lorsque l'élevation Aa du plan sur la ligne horizontale Hh, est un 30° de Ac, une puissance égale à un 30°. du poids, seroit capable de le tîrer le long de ce plan, selon les loix de la Méchanique, en faisant abstraction du

frottement, & par conséquent un peu plus de 100 liv. tireroient une poutre de 3000 livres le long du plan A c: mais comme le

EXPERIMENTALE.

frottement est égal à un tiers du poids, il nous faut une puissance Leçon IV: égale à 100 livres + 1000 livres, avant que de pouvoir tirer la poutre en long, si le plan est aussi poli qu'un plancher de marbre. Mais le long du terrein, où la terre la plus unie est toujours rude, il faut une force beaucoup plus grande. M. Amontons, de l'Académie Royale des Sciences à Paris, trouve qu'une force égale à 2250 livres, suffiroit à peine pour tirer une telle poutre sur une montagne qui auroit le panchant dont on vient de parler.

Planche 17.

Figures 2 . 3

EXPÉRIENCE

SOIT A Bun cylindre de bois d'un pouce de diametre, adouci & bien poli, qui tourne librement sur deux supports Ss, également adoucis, bien polis & graissés. Lorsqu'à chaque bout d'un fil de soye ou d'une corde qui passe sur ce cylindre, ou qui est roulée tout-au-tour deux ou trois fois, (car cela ne fait point de différence si les parties de la corde ne se touchent pas mutuellement) on suspend un poids de 9 livres, ces deux poids resteront en équilibre. Ensuite ajoutant différents poids au poids P de 9 livres, qui sert ici de puissance, pour trouver exactement combien il en faut ajouter pour élever le poids W, qui n'est aussi que de 9 livres, ce poids ne sera élevé, & le cylindre ne tournera que lorsque P & tous les poids ajoutés font ensemble 18 livres. Cela est conforme à ce qu'on a fait voir ci devant par la premiere Expérience de cette Leçon. Car comme tout le poids qui presse le cylindre sur ses supports, est W + P, ou 18 livres, il faut ajouter 6 livres à P, pour surmonter ce frottement; mais ce poids additionnel augmente encore le frottement de deux livres, qui est le tiers de sa pression; il faut donc ajouter encore 2 livres pour surmonter ce frottement; mais le frottement de ces 2 livres exige encore les 2 d'une livre, & ainsi de suite dans la progression des fractions, comme $\frac{2}{9} + \frac{2}{27} + \frac{2}{81}$, &c. Or, comme on n'a pas considéré le poids du cylindre même, le meilleur moyen d'y avoir égard, pour son propre frottement, s'il n'est pas fort pesant, est de doubler la puissance tout-à-la-fois, comme on voit dans la Figure 4. Planche 17, où A représente la coupe du cylindre

Si le cylindre a des tourillons ou un petit aissieu comme celui

précédent.

Bb in

Plansher Figures 2, 3

qui est représenté dans la Figure 3, il sera mû d'autant plus aisément sur ses supports, que le diametre de l'aissieu en G & g, sera plus petit que celui du cylindre ab; comme ici le poids ajouté à p, ne doir être que de 1 ½ liv. lorsque le diametre de l'aissieu n'est que ½ d'un pouce, parce qu'alors les parties qui frottent se meuvent plus lentement que la puissance, en cette proportion, conformément à ce qu'on a faît voir par la 3°. Expérience de cette Leçon. La 4°. Figure représente la coupe du cylindre en a, & de sen sissieu en a

Par-là nous pouvons connoître quelle est la dissérence entre l'usage des traineaux & des charrétes pour transporter des marchandises pesantes. Si le terrein étoit parfaitement uni comme un

15 M

de son aissieu en g.

décharger souvent.

pavé de marbre, il faudroit un tiers de la pésanteur du traineau, & de tout ce qu'il porte, pour le tirer; * mais comme dans la pratique on ne trouve point de plan semblable, (& que si l'on pouvoit en trouver, les chevaux ne pourroient pas bien tirer sur un pavé glifsant) il faut toujours avoir une puissance plus grande que le tiers du poids. Mais dans une charréte, si la rouë a six pieds de hauteur, & que le trou dans le moyeu qui reçoit l'extrémité de l'aissieu, ait 4 pouces, le frottement diminuera 18 sois; donc une puissance égale à 14 partie du poids, sera capable de la tirer sur un plan horizontal, parce que la 18°. partie de \frac{1}{3}, est = 1. On ne doit donc employer les traineaux que dans le cas où les ruës sont trop étroites pour les charrêtes, & où l'on est obligé de mettre dessus les marchandises, en petits ballots, & de les en retirer souvent, pour la commodité des hommes; mais les chevaux doivent travailler avec plus de force. Cela fait voir aussi que les grandes rouës dans les voitures sont préférables aux petites,

Pour réduire tout ceci à la pratique, il faut observer les Régles

en ce qu'elles ont moins de frottement, outre les avantages méchaniques que nous y avons trouvé dans un autre endroit; quoiqu'il ne foit pas toujours à propos d'en faire usage, comme par exemple, dans les charrétes de bierre, les grandes rouës ne font pas commodes, à cause de la nécessité de charger ou de

fuivantes du calcul du frottement des Machines.

R E' G L E I.

En examinant tous les frottemens, i faut commencer

* Note 2.

Par celui qui est le plus près de la puissance mouvante. Leçon IV.

RE'GLE II

Pour trouver le premier frottement, il faut considérer les espaces parcourus dans le même tems par la puissance & par la partie qui frotte, & prendre en conséquence une partie proportionnelle des ²/₃ de la puissance. Par exemple, dans les vîtesses égales de la puissance & de la partie qui frotte, le frottement est ¹/₃ de la pression qui se fait non-seulement par la puissance, mais encore par la résistance qui lui est égale; & par conséquent le tiers de toute la pression doit être égal aux deux tiers de la puissance.

RE'GLE III.

S i la puissance est inconnuë, il faut commencer par la trouver en connoissant la vîtesse du poids, d'où l'on tirera celle de la puissance par les principes méchaniques: ensuite cherchant le frottement par la régle précédente, on l'ajoutera à la puissance pour faire agir la machine; observant toujours que ce qui a été ajouté pour le frottement trouvé, produit un nouveau frottement, & que par conséquent il faut ajouter encore quelque chose pour l'augmentation du frottement, produite par chaque nouvelle addition à la puissance.

N. B. Il faut se souvenir, comme on l'a déja dit ci-devant, que si la puissance est un corps pesant, sa vîtesse consiste dans son élevation, ou dans sa chute perpendiculaire; mais si elle est d'une autre espéce, sa

vîtesse consiste dans l'espace qu'elle parcourt.

REGLEIV.

Le frottement des différentes parties d'une machine, quelque éloignées qu'elles soient de celle où la puissance est appliquée, peut se trouver en comparant leurs vîtesses avec celle de la puissance, d'où l'on tirera le frottement, comme on l'a fait voir; & lorsqu'on aura trouvé les frottements particuliers, & qu'on les aura ajoutés ensemble, leur valeur ajoutée à la force mouvante ne la rendra pas capable de surmonter la résistance dans une machine composée, non plus que dans une machine simple; car cette addition ajoute un frottement à chaque partie qui frotte, & ainsi

LEÇON IV. l'on doit encore augmenter la puissance, comme on l'a fait voir dans la derniére Régle. Un exemple éclaircira ces deux cas.

Soit le diametre AB d'un tour, de trois pieds, & celui ab de son aissieu seulement de six pouces; donc si la puissance P est = 108 livres, le poids ou résistance W sera = 648 livres. Ici le frottement sera de 12 livres, ou ½ de 72 livres, si l'aissieu est porté sur sa surface, comme dans la Figure 2. Maintenant comme 12 est ½ de la puissance 108, il faut encore ajouter ½ de 12 pour surmonter l'augmentation de frottement produite par les 12 livres, sçavoir 1 ½ livres, & ensuite ½ de cette derniere quantité, & ainsi de suite; ensorte que pour surmonter la résissance = 648 livres, la puissance doit être = 108 + 12 + 1 ½ + ½, &c. livres, ou 12 1½ livres. Mais si l'aissieu a des tourillons de fer Cc qui n'ayent qu'un pouce de diametre, le frottement sur ces tourillons sera six sois moindre, la vîtesse de leur surface étant diminuée en cette

Soutenu par la puissance P de 108 liv.

N.B. Nous supposons ici que le dernier aissieu FG a austi des tourillons de fer, comme c d'un pouce de diametre, & que (par le moyen d'une courroye de cuir, ou d'une corde ou chaîne qui entoure l'aissieu Ab & la rouë DE) le second tour DF c GE tourne circulairement dans la direction AD, ensorte qu'il enleve le poids X six sois plus lentement qu'il n'auroit été enlevé en W. Mais il vaut mieux se servir d'un pignon avec ses suseaux (c'est à dire, d'une petite rouë dentée) pour entraîner la grande rouë; comme ici le pignon de 12 suseaux sur l'aissieu Ab fera tourner la rouë DE qui a 72 dents (son diametre étant six sois plus grand que celui de Ab:) parce qu'une corde, un cuir, ou une chaîne ne peuvent pas faire leur sonction sans être assez joints aux rouës pour ne pas glisser, auquel cas le frottement produit par l'élasticité, doit occasionner un nouveau frottement, outre la nouvelle résistance produite par la difficulté de plier la corde, &c.

proportion. Et si l'on joint à l'aissieu Ab une autre rouë D E (Figure 6.) qui ait aussi trois pouces de diametre, avec un aissieu de 6 pouces FG, autour duquel est roulée la corde ou la chaîne qui porte le poids, au lieu de la rouler autour de Ab, alors par les régles de la Méchanique, on aura le poids X = 3888 liv.

Pour trouver le frottement de cette machine composée, on doit considérer toutes les parties qui frottent, sçavoir premiére-

EXPE'RIMENTALE. ment le tourillon C avec 1/36 de la vîtesse de la puissance; ensuite Leçon IV. les dents ou le cuir en A b avec de la vîtesse de la puissance; & ensin, le touri lon c de la rouë DE avec 1 de la vîtesse de la puissance; ce qui donne pour les divers frottements == 2 livres,

 $\frac{7^2}{6}$ = 12 livres, & $\frac{7^2}{216}$ =, 0,333, &c. livres. La somme de tous les frottements est donc 14, 333, &c. Si donc on divise par ce nombre l'intensité de la puissance, qui est 108, on aura pour quotient 7, 5, &c. qui donnera un diviseur pour chaque poids qu'il faut ajouter à la puissance en conséquence du frottement. Ayant donc ajouté 14, 333, &c. pour la somme des frottements, il faut encore ajouter $\frac{14,333}{7,5} = 1$, 91 pour le

frottement du premier poids additionnel, & $\frac{1,91}{}$ = 0, 25 pour le frottement du second poids additionnel, &c. Ainsi pour élever X ou 3888 livres par le moyen de la machine composée dont il est ici question, la puissance ne doit pas être de 108 livres, +, mais de 124, 61 livres, +

N. B. On peut calculer tous les autres cas sur ce modèle.

Quoique cela puisse servir pour trouver dans la pratique la somme des frottements, cependant comme j'ai négligé dans le calcul plusieurs fractions décimales, qui auroient rendu la solution plus approchante de la vérité, je vais donner ici la maniére de les trouver, en faveur des Curieux, qui s'attendent à une solution entiérement exacte.

Puisque les poids qui doivent être ajoutés à la puissance pour surmonter le frottement, décroissent continuellement, & toujours en même raison, on peut les considérer comme les termes d'une progression géométrique, dont le dernier est o.

Pour trouver la somme des termes de cette progression, nous avons besoin des deux Leçons suivantes.

I.

Dans toute proportion ou progression géométrique, la somme des antécédents : est à la somme des conséquents : : comme chacun des antécédents: est à son conséquent. (Voyez Euclide.)



II.

Dans toute progression géométrique, le second terme moins le premier : est au premier : : comme le dernier moins le premier : est à la somme de tous les termes qui précédent le dernier.

Soit la progression $\stackrel{...}{.}$ a. b. c. d. f. g. il faut prouver que b = a:

g-a:a+b+c+d+f.

On peut toujours exprimer cette progression en cette maniere, a:b::b:c::c::d::d::f::f:g; mais nous avons par le dernier lemme, a:b::a+b+c+d+f:b+c+d+f+g.

Et en renversant.

b:a::b+c+d+f+g:a+b+c+d+f.

En divisant.

b-a: a:: b+c+d+f+g-a-b=c=d=f: a+b+c+d+f.

Et en détruisant toutes les expressions qui ont des signes contraires, on aura b = a : a : g = a : a + b + c + d + f. Ce qu'il falloit démontrer.

COROLLAIRE I.

De forte qu'en exprimant generalement par n l'exposant de la progression, par a le premier terme, z le dernier, & S la somme de tous les termes, excepté z, nous aurons par le second lemme,

$$na = a:a::z = a:S$$
, ce qui donne $\frac{za - aa}{na = a} = S$, ce qui

étant réduit, donne
$$\frac{z-a}{n-1} = S$$
, c'est-à-dire, que le dernier

terme moins le premier, divisé par l'exposant de la progression, diminué du nombre 1, est égal à la somme de tous les termes, excepté le dernier.

COROLLAIRE II.

Et dans les progressions, dont les termes décroissent continuellement EXPE'RIMENTALE.

ment (comme font celles des poids pour surmonter le frottement) Leçon IV.

le dernier terme étant égal à o, au lieu de $\frac{z-a}{n-1}$ = S, nous aurons

en supposant z égal au premier terme, $\frac{z-o}{n-1} = S = \frac{z}{n-1} = S$.

En sorte que divisant le premier terme par la quantité égale au frottement moins 1 (cette quantité étant l'exposant que doit avoir la progression) le quotient donnera la somme totale de toutes les additions que l'on doit faire eu égard aux frottemens.

Pour en donner quelques exemples.

Dans la 4e expérience de cette Leçon 4, page 195, le premier terme de la progression est 18, le second 6, & par conséquent l'exposant est 3, lequel étant diminué de 1, il reste 2; & divisant par ce nombre le premier terme 18, le quotient 9 est la somme de tous les termes, excepté le premier qui est la puissance.

Ainsi dans l'exemple de la Regle 4, Leçon 4, page 197, le premier terme est 108, le second 12, ainsi l'exposant est 9, & $\frac{108}{0-1}$ =

= 13, 5 qui est égal à toutes les additions.

Ainsi dans l'autre exemple, page 198, le premier terme est 108, le second 14, 333, &c. & par conséquent l'exposant 7, 535, &c.

 $\frac{108}{6,535}$ = 15,526, &c. qui est la somme exacte de toutes les additions.

Dans le texte je n'ai pris que 7, 5 pour exposant, ayant negligé les deux dernières décimales, ce qui donne $\frac{108}{6.5} = 16$, 61 +

comme dans le corps de la Leçon.

Quoique j'aie supposé jusqu'ici le frottement égal à un tiers du poids, cependant en faisant dans la suite plusieurs expériences, j'ai trouvé qu'il varioit beaucoup, & qu'il étoit quelquefois plus grand & d'autres fois plus petit; en sorte qu'il est presque impossible d'en venir à une théorie exacte: il est pourtant bon pour la pratique, comme je l'ai déja dit, de connoître les expériences qui ont été faites dans une vue particulière, de nous diriger dans des cas semblables, & de prendre le milieu des différens effets que nous trouvons. Comme les voiture sont Tome I.

LECONIV. des machines d'une très-grande conséquence pour les usages de la vie; je crois qu'il est à propos de m'étendre ici sur le frottement de ces sortes de machines en donnant le détail des différentes expériences que M. de Camus Gentilhomme de Lorraine a faites sur les traîneaux & sur les voitures à roues, que j'ai repetées moi même & qui m'ont réussi de la même manière dans presque chaque expérience : les petites différences que j'ai observées étant inévitables dans des affaires de cette nature, lors même que les expériences sont répetées par la même main. Je prends donc le parti d'en donner le détail mot à mot d'après cet Auteur dans son Livre intitulé, Traité des Forces mouvantes pour la pratique des Arts & Métiers, &c. par M. de Camus.

> Comme les frottemens sont différens sur différens corps, il est nécessaire de sçavoir, autant qu'il se peut, cette différence, asin de ménager les forces ou efforts à faire : on a pour ce sujet fait les expériences suivantes, pour connoître à peu près les forces qu'il faut pour traîner les fardeaux, ou les forces perduës par les frottemens, de quel métal ou de quelle matière il faut se servir pour en perdre moins; ce que l'eau, la graisse ou l'huile produisent sur les

différentes matiéres ou métaux.

Si l'on dispose pour cet effet trois traîneaux larges d'un pouce & demi & longs de trois, dont chaque côté soit large de deux lignes; que l'on mette différens poids sur chaque traîneau, & qu'on les fasse rouler sur dissérentes matières ou métaux, de la

manière qu'il suit, on trouvera les effets suivans.

Que l'on prépare trois platines larges de deux pouces, une de fer, une de cuivre jaune, & l'autre de cuivre rouge; qu'elles foient limées sans être polies; qu'elles soient longues de 4 ou 5 pouces, que l'on les tire en long avec la lime, qu'on les passe en longueur sur un grès rude, comme celui dont on se sert pour paver les ruës, afin que les traits soient en longueur de la manière dont ils sont aux traineaux qui servent sur le pavé, & aux trous des pivots ou essieux qui agissent dans les machines : qu'on les attache sur une planche de chêne avec une pointe sans tête, asin qu'on les puisse mettre & ôter aisément l'une après l'autre, par le moyen d'un trou fait au bout de chacune de ces platines, ou lames : qu'aux extrémités de cette planche on dispose une petite poulie avec des pivots un peu fins; que l'on fasse adoucir avec de la pierre ponce un côté des platines de cuivre rouge & jaune.

Qu'ensuite l'on prenne une petite bourse de taffetas, avec une

groffe soye, pour passer sur la poulie, & entraîner un poids d'une Leçon IV. once pesant, compris le traîneau; & que l'on prépare vingt grains ou balles de plomb, pesant ensemble une once pour en mettre un certain nombre dans la bourse, jusqu'à ce qu'elle entraîne le poids d'une once sur les différentes matières ou métaux; que l'on dispose de même 20 balles pesant une livre, pour un autre poids, pesant aussi une livre avec le trameau, & un 3e pesant 3 livres avec 20 balles pesant aussi 3 livres.

Que ces traîneaux soient l'un de fer, ou armé de fer, comme la plûpart des traîneaux qui servent sur le pavé de grès ; l'autre de bois sans être armé; le 3e de plomb, ou armé de plomb; & un quatriéme si l'on souhaite de cuivre jaune ou de laiton.

Si l'on met ces balles doucement dans la bourse de taffetas; ou dans un sac de toile pour les grosses, & qu'on l'arrête de manière qu'il n'ait point de mouvement : que l'on leve le bout de la planche du côté de la poulie; en forte qu'elle fasse un talus d'un pouce sur deux pieds de long, afin que le traîneau étant ébranlé, ne puisse rouler avec rapidité, & puisse au contraire, s'arrêter en roulant doucement, lorsqu'on le retiendra un peu, après l'avoir ébranlé, sans le pousser pour le faire mouvoir; car s'il demeuroit long tems en une place, il s'y colleroit ou enfonceroit, & ils faudroit plus de force pour l'ébranler en un tems qu'en d'autres, & les expériences se rapporteroient aussi peu, que si la planche étoit de niveau, ou en pente du côté de la poulie; parce que le traîneau étant ébranlé, il rouleroir tout à coup; ainsi on n'a trouvé que cette seule manière de lever un peu la planche du côté de la poulie, & d'ébranler le traîneau. Suivant cela on rapporte l'effet des expériences que l'on a trouvées.

La première colomne marque la quantité de balles qu'il faut, lorsqu'on met le traîneau à sec sur différens métaux marqués : ainsi fer sur bois, signifie le traîneau armé de fer, glissant sur la planche de bois; fer sur ser, ce même traîneau armé de ser, glissant sur la lame de fer; ainsi du reste; sur cuivre poli, c'est-à-dire, le même traîneau marqué auparavant, glissant sur le cuivre poli avec la pierre ponce, & rouge poli sur la lame de cuivre rouge, poli avec la pierre ponce de même.

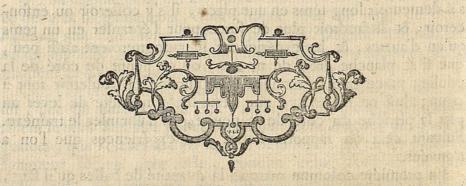
Les colomnes, au haut desquelles sont marqués mouillé, graissé, huilé, signissent que les lames & traîneaux étant mouillés, graissés & huilés, il a fallu pour entraîner le poids, le nombre

LECON IV. des balles marqué, suivant les colomnes : ainsi la premiere ligne qui marque fer sur bois 5, au-dessus duquel chiffre est écrit avec balles, signifie que le traîneau de 3 livres glisse sur une planche de chêne avec 5 balles, dont 20 pesent 3 livres : de sorte qu'il faut le quart de la pesanteur pour le faire glisser ou rouler sur une planche de chêne rabotée : que si cette planche est mouillée. il faudra 8 balles, qui augmentent le fort de 3 balles : si le bois est graissé, il n'en faudra que 4 i qui est presque moitié moins que lorsqu'il est mouillé: si le bois est huilé, il en faut s; ainsi du reste pour toutes les colomnes sur différens métaux.

> On n'a pas mis les balles qu'il faut pour entraîner le poids d'une livre, parce qu'il n'y a pas de difference de celui de 3 livres, ou du moins elle est imperceptible pour le poids ou fardeau d'une once, étant différent de celui de 3 livres : on en rapporte les effets pour donner à connoître les causes de frottement & de

> the difference in the matter area top if the design and the same area.

rélitance.



Insert sources and real test to the manufacture of the contraction of the contract of the cont English thing among a page of the state of the state of ordinar at recipi at contains another in a recipion to since

LEÇON IV.

TABLE DES FROTTEMENS.

Un fardeau de 3 livres est entraîné sur un traîneau large d'une ligne & ½ de chaque côté des bandes de dessous & long de 3 pouces, avec

Fer fur bois, 5 Fer fur fer, 3 Fer fur cuivre, 3 ½ Sur cuivre poli, 3 Sur cuivre rouge, 3 ½	mouillé 8 mouillé 3 mouillé 4 mouillé 4 mouillé 4 mouillé 4	huilé huilé huilé huilé	Balles 5 3 4 4 1 2 4 1 2	graissé graissé graissé graissé graissé graissé	Balles 4 ½ 3 ½ 4 ½ 4 ½ 4 ½ 4 ½ 2 ½
Bois fur bois, 7 Bois fur fer, 5 Bois fur cuivre, 4 Sur cuivre poli, 4 ½ Sur cuivre rouge, 5	mouille 14 mouillé 11 mouillé 6 mouillé 7 mouillé 8	huilé	3 ½ 4 3 ½ 4	graiffé graiffé graiffé graiffé graiffé	3 ½ 4 ¼ ¼ ¼ ¼ ¼ ¼ ¼ ¼ ¼ ¼ ¼ ¼ ¼ ¼ ¼ ¼ ¼ ¼
Plomb fur bois, 5 Plomb fur fer, 7 Plomb fur cuivre, 5 Sur cuivre poli, 6 Sur cuivre rouge, 6 ½	mouillé 11 moullé 6 mouillé 7 mouillé 8 mouillé 9	huilé huilé huilé	6	graiflé graiflé graiflé graiflé graiflé	4 5 5 4 ½ 5

Un traîneau pefant une once avec la charge, est entraîné avec

Fer fur bois, 6 Fer fur fer, 4 Fer fur cuivre, 5 Ferfur cuivre rouge, 6 1/2 Fer fur cuivre 'poli, 6	mouillé 9 mouillé 5 mouillé 6 mouillé 7 mouillé 7	huilé 8 huilé 7 huilé 7 huilé 7 huilé 8 huilé 8 huilé 9	graiffé graiffé graiffé graiffé graiffé graiffé	Balles 10 13 13 13
Bois fur bois, 7 Bois fur fer, 6 Bois fur cuivre, 5 ½ Sur le cuivre poli, 6 Sur le cuivre rouge, 7	mouillé 16 mouillé 15 mouillé 11 mouillé 12 mouillé 13	huilé 8 huilé 8 huilé 8	graiflé graiflé graiflé graiflé graiflé	12 11 12 11 12
Plomb fur bois, 7 Plomb fur fer, 7 Plomb fur cuivre, 6 Sur cuivre poli, 7 Sur cuivre rouge, 8	mouillé 10 mouillé 8 mouillé 6 mouillé 8 mouillé 8	huilé huilé huilé	graiffé graiffé graiffé graffé graffé graiffé	IF IF IO 9,

206

LFCON IV.

COURS DE PHYSIQUE

Les mêmes	traîneau	ux larges an	vec le
poids de	3 livres,	étant tirés	sur le
grès.			

avec le petit poids d'une once.

Bois sur grès,	8	mouillé	13	Bois sur grès, 13	mouillé	18
Fer fur grès,	10	mouillé	9	Fer fur grès, 9	mouillé	12
Plomb fur grës,	16	mouillé	15	Plomb sur grès, 15	mouillé	15

Un fardeau de 3 livres sur traîneau tranchant, au lieu d'être plus à l'ordinaire, est entraîné avec

Fer fur bois, 4 Fer fur fer, 3 ½ Fer fur cuivre, 3 Sur cuivre poli, 3 Sur cuivre rouge, 3 ½	mouillé 7 mouillé 3 ½ mouillé 3 ½ mouillé 3 ½ mouillé 3 ½	huilé 4 huilé 3 huilé $3^{\frac{1}{2}}$ huilé $3^{\frac{1}{2}}$ huilé $3^{\frac{1}{2}}$	graiffé graiffé graiffé graiffé graiffé	Balles 3 3 2 3 1 2 3 1 2 3 1 2
Bois fur bois, 10 Bois fur fer 3 Bois fur cuiure, 3 S'il est poli, 4 S'il est rouge, 5	mouillé 16 mouillé 7 mouillé 6 mouillé 5 mouillé 5	huilé 5 huilé 3 huilé 3 huilé 3 huilé 4 ½	graiffé graiffé graiffé graiffé graiffé	3 3 3 3 3 1 3 2

Un fardeau pesant une once avec le traîneau qui est aussi tranchant, est entraîné avec

	Balles	B	alles	1	Balles	Den mont	Balles
Fer fur bois,	5	mouillé	8	huilé	6	graissé	7
Fer fur fer,	4	mouillé	4 1	huilé	5	graissé	7
Fer fur cuivre,	4	mouillé	7	huilé	6	graissé	. 8
S'il est poli,	5	mouillé	7	huilé	6	graiffé	8
S'il est rouge,	6	mouillé	8	huilé	6	graissé	8
Bois fur bois, Bois fur fer, Bois fur cuivre, S'il est poli, S'il est rouge,	9 4 5 6	moullé mouillé mouillé mouillé mouilié	16 10 8 8 9	huilé huilé huilé huilé huilé	5 5 6 7 8	graiffé graiffé graiffé graiffé graiffé	9 9 9 9

Avec les mêmes tra	îneaux tranch	ans		
poids de trois livr	es	1-0	petit poid	ds.
Fer fur grès,	mouillé mouillé mouillé	16 12 18	Bois sur grès, 9 Fer sur grès, 14 Plomb sur grès, 16	mouillé 8 mouillé 13 mouillé 8

LEÇON IV.

SUR TERRE GLAISE.

Pour le poids d'une livre avec le traîneau de bois tranchant, il faut 8 balles.

Avec le traîneau large de bois, il n'en faut que 6.

Avec le traîneau large de fer, que 4.

Avec le traîneau de fer, 5 -.

Pour le poids d'une once avec le traîneau large, 13 petites balles.

Avec le traîneau tranchant, 18.

COROLLAIRE I.

It suivroit de ces expériences, plusieurs résléxions à faire sur dissérens essets, que l'on pourroit expliquer disséremment; car il saut plus de force à proportion pour le petit traîneau ou sardeau, que pour le gros; & cela, selon toute apparence, parce qu'il se colle avec les parties à surmonter, qu'il se lie avec la graisse & l'huile qui lui sont un obstacle, au lieu de lui donner de la facilité, comme elles en donnent au gros poids, soit en remplissant les trous & les hauteurs qui se rencontrent sur le bois ou sur les métaux, soit qu'elles soient des parties rondes, qui lui servent de rouleaux, pour rouler dessus plus aisément; & comme l'huile n'est pas si dure que la graisse, elle n'est pas si nuisible au petits poids, & il lui saut moins de sorce pour la surmonter, que pour surmonter la graisse.

COROLLAIRE 11.

C'EST par cette raison, que le poids coule plus aisément sur le bois graissé, que lorsqu'il est est huilé; parce que la graisse étant plus ferme, remplit mieux les pores du bois, & tient collées les petites parties qui se levent lorsqu'il n'est pas graissé, & qu'il faut rompre ou baisser, quand il n'y a ni graisse ni huile; ce qui fait qu'il faut beaucoup plus de force, & qu'il en faut beaucoup plus lorsqu'il est mouillé; parce que l'eau pénétrant dans le bois, fait élever des parties raboteuses, qui sont comme des champignons, ou épis de bled, qu'il faut surmonter ou écraser.

ECON IV.

COURS DE PHYSIQUE

COROLLAIRE III

C'EST par-là que le bois étant mouillé, comme le traîneau de bois, il faut une fois plus de force que quand les bois sont secs, & qu'il en faudroit plus que le double, si les bois étoient imbibés d'eau pendant quelque tems, ou qu'ils fussent de certaine nature à prendre beaucoup d'eau, & à se gonsser; & quoique l'eau ne paroisse pas s'imbiber dans les métaux, il faut, selon toute apparence, qu'elle les lie & les colle ensemble, puisqu'il faut plus de force pour les faire couler; ce qui n'arriveroit peut-être pas pour les gros sardeaux à traîner, par les chevaux, où cette jonction ou manière de coller seroit peu d'esset, par rapport au gros sardeau. *

COROLLAIRE IV.

Comme le fer paroît quelquesois un peu plus aisé à couler sur le fer que sur le cuivre, & sur le cuivre jaune que sur le cuivre rouge, il est à présumer que le fer étant plus dur que le cuivre, il ensonce & engraine moins; & comme le cuivre rouge n'est pas si dur que le cuivre jaune, il ensonce davantage, & il a plus de résistance & de frottement que sur le jaune; car cela se rencontre pour plusieurs cas, & plusieurs traîneaux qui se rencontreroient de même en grand.

COROLLAIRE V.

L'on ne doit pas inférer pour cela qu'il ne faudroit pas mettre de la graisse ni de l'huile dans les machines, quoiqu'elles ne paroissent guéres utiles, ou qu'elles nuisent en quelques occasions, particulierement au petit traîneau; parce que l'on sçait assez qu'elles sont d'une très-grande utilité dans les grandes machines, pour deux raisons, qu'elles remplissent les trous comme l'on voit, ou qu'elles roulent sous le fardeau & le facilitent, & qu'elles empêchent que les parties ne s'usent & ne s'emportent, & débarassent outre cela les mêmes parties, lorsqu'elles sont emportées;

* C'est-là une conséquence évidente de l'attraction de cohésion; car puisque cette attraction est proportionnelle à la surface ou au nombre des parties qui touchent, & que le frotrement est proportionnel au poids,

l'obstacle ou perte de force par rapport à certe attraction sera toujours moindre à proportion de tout le frottement, à mesure que le poids augmentera.

car si on faisoit rouler de grosses machines, comme pour faire les Leçon IV. monnoyes, ou gros pressoirs sans les graisser, les parties s'emporteroient & s'embarrasseroient, & en entraîneroient d'autres après elles, ce qui feroit que la machine seroit beaucoup plus difficile à mouvoir, & qu'elle seroit plûtôt usée.

COROLLAIRE VI.

MAIS si la graisse ou l'huile paroît nuire aux petites machines, elle en rend le mouvement plus égal; & quoique l'on s'apperçoive que le mouvement est plus difficile, dans les montres de poche lorsqu'elles sont huilées, parce qu'elles retardent ordinairement, elles vont aussi plus également; & il est toujours bon de les faire nettoyer & huiler, car elles vont plus juste, & les trous s'aggrandiffent moins; le balancier jouë mieux, & n'est pas si sujet aux variations: on pourroit tout au plus se dispenser, de graisser quelques petites machines aisées, qui ne sont pas souvent en mouvement, ou qui en font peu.

COROLLAIRE VII.

L'on voit combien la graisse est utile, particuliérement lorsque deux bois agissent l'un contre l'autre; car la graisse facilite le mouvement de moitié, & des deux tiers, si les mouvemens sont aigus ou tranchans, comme on le voit au traîneau de bois plat, & au traîneau de bois tranchant, coulant sur le bois graissé & non graissé.

COROLLAIRE VIII.

PAR où l'on voit aussi combien la graisse est utile aux rouës de charriots ou de carosses, particuliérement pendant la pluye; car si les moyeux étoient mouillés ou qu'il n'y eût pas de graisse pour empêcher l'eau de pénétrer dans le bois, il faudroit quatre fois plus de force pour entraîner un fardeau, qu'il n'en faut avec la graisse pendant un tems sec, comme on le voit par le traîneau, eû égard simplement au frottement qui se fait sur l'aissieu, qui est peu de chose, par rapport à la résistance qui se trouve dans les terres, ou sur le pavé; mais outre cet obstacle, le trou du moyeu s'aggrandiroit considérablement; car le moyeu se gonflant,

LECON IV. l'aissieu ne seroit plus libre, & il emporteroit toutes les parties; & lorsque le moyeu se sécheroit, l'aissieu ne rempliroit plus le trou, la rouë varieroit & seroit plus sujette à casser dans les cahos qu'elle rencontreroit, par les creux ou hauteurs à surmonter : ainsi c'est toujours un ménage de graisser les machines.

COROLLAIRE

Quoique ces expériences ne déterminent pas entiérement pour les gros fardeaux à traîner sur le grès & pour les grands mouvemens, elles donnent à connoître les métaux les plus aifés; elles apprennent qu'il y a des parties à rompre & à surmonter dans les frottemens: que c'est simplement le poids & le mouvement, qui causent la résistance & le frottement, & que la quantité des surfaces ne l'augmente pas, lorsqu'il n'y a pas plus de mouvement dans les parties qui portent; car quoique le traîneau tranchant soit plus difficile en plusieurs cas, on ne doit pas le considérer comme une disposition à éviter ou faciliter le frottement, mais comme un tranchant ou une scie, qui pénétre dans les métaux ou matières qu'il est obligé de couper; & s'il paroît plus aisé à couler sur le bois, c'est que le bois a un fil, & se chemin étant marqué, il suit le fil comme un chemin frayé, & il a moins de parties à baiffer ou à surmonter; mais dans la terre glaife qui n'est pas de sil, ou sur le grès, il a beaucoup plus de peine, parce qu'il faut surmonter & emporter les obstacles qui sont plus grands, parce que le traîneau tranchant enfonce davantage que lorsqu'il est plat.

COROLLAIRE

C'est par cet endroit que l'on voit assez, que l'on peut augmenter les frottemens, en faisant les parties mobiles si petites, qu'elles pénétrent & emportent des parties qui causent du dérangement, comme il pourroit arriver à des pivots de montres, qui seroient trop fins, qui aggrandiroient les trous, ou à des traîneaux ausquels on mettroit une barre de fer fort étroite, pour éviter les frottemens sur le pavé, & à plusieurs autres machines semblables.

CORLOLAIRE

IL est aisé de comprendre par-là, que l'on doit faire les traîneaux larges, & y mettre plûtôt deux bandes de fer larges dessous de chaque côté, que d'en mettre une seule étroite; & que quand les Leçon IV. ruës sont séches, il seroit plus avantageux d'avoir un traîneau sans être ferré, puisqu'il est plus aisé à couler, suivant l'expérience; ce qui paroît d'autant plus probable, que le petit traîneau d'une once compris sa charge, est plus aisé à couler sur le grès, à proportion que le gros traîneau, au lieu qu'il est plus difficile en d'autres occassions, parce que suivant toute apparence il se colle.

COROLLAIRE XII.

On peut encore inferer de cette expérience qu'il y auroit plus de facilité qu'il ne paroît dans le tems sec, avec le traîneau de bois; parce que quand on seme du grès pilé devant les traîneaux, le fardeau est plus facile à trainer d'un quart, soit sur le grès, soit sur le bois, sur le fer, ou sur le cuivre; & comme il y a toujours des éclats de grès formés sur le pavé par les clous des rouës & des fers des chevaux, outre la poudre; il y auroit toujours quelque facilité suivant qu'il paroît par l'expérience où il n'y a point de grès ni de poudre.

COROLLAIRE XIII.

Pour ce qui est du traîneau de ser, il paroît assez qu'il seroit plus avantageux pendant la pluye; mais s'il faisoit sec, & que le pavé ne sut pas mouillé, ce seroit une expérience à faire, pour sçavoir, s'il ne seroit pas plus avantageux de ne pas mouiller le traîneau ou le grès, comme il se pratique en plusieurs endroits, avec un petit baril plein d'eau posé sur le traîneau, qui coule par deux petits trous, pour arroser le pavé & le traîneau; ce qui le rendroit véritablement plus aisé s'il pouvoit les mouiller sussifiamment.

Mais comme ils ne sont mouillés qu'en partie, & que cela n'empêche pas que le pavé ne soit marqué par le fer du traîneau qui en emporte des parties, peut-être le mouvement séroit-il plus aisé, si le pavé n'étoit pas mouillé du tout, parce que les premieres parties de grès, sur lequel le traîneau commence à couler, étant remplies & écrasées par le fer, la bande qui est longue & qui passe successivement sur le même pavé, ne trouveroit plus tant de parties à emporter, & couleroit plus doucement, ce que l'on a vû par l'expérience, ou la petite

LEÇON IV. balle coulant deux fois par le même endroit, coule beaucoup plus aisément la seconde que la premiere; & ce que l'on voit par un couteau que l'on éguise, qui glisse doucement sur la pierre, après y avoir passé une sois ou deux lorsqu'elle n'est pas mouillée; & qui s'use peu à peu, au lieu qu'il est rude, & s'use beaucoup lorsque la pierre est mouillées.

COROLLAIRE XIV.

On ne parle pas du traîneau de plomb; il est seulement pour la curiosité, & pour donner à connoître que les parties s'emportent dans les frottemens, & que le plomb est plus difficile, pour plusieurs occasions, où l'on fait tourner des pivots ou arbres sur

le plomb ou l'étain.

On pourra par toutes ces expériences choisir les matières, & supputer l'effort suivant le poids & le mouvement que les parties frottantes auront; si l'on répete par curiosité ces expériences, il sera bon de les faire dans l'ordre qu'elles sont marquées, de les faire toutes à sec, ensuite sur des matières mouillées, huilées après, & ensin graissées; parce que si on les graissoit avant que de les huiler, la graisse remplissant les pores, l'huile ne feroit effet que comme la graisse, particuliérement sur le bois que l'on doit laisser sécher, & raborer après qu'il a été mouillé, avant d'y mettre de l'huile &

de la graisse.

Quoique j'aie considéré mathématiquement dans les notes de ma derniére Leçon, les effets des grandes & petites rouës, & que je les aie comparés ensemble; cependant comme les charriots, caroffes & charéttes, & autres voitures à rouës sont si nécessaires aux usages de la vie, que si l'on discontinuoir seulement pendant un mois de s'en servir, c'en seroit assez pour mettre toute une nation en confusion; je vais donner ici un détail de quelques autres expériences que M. Camus a faites sur cette matière & des réfléxions dont il les a accompagnées, étant trèsconvaincu par mes propres expériences des verités qu'il avance; & ayant trouvé que ses expériences sont aussi justes qu'on peut l'attendre des machines qui ont autant de frottement que doivent en avoir des modeles de charrettes & de charriots. J'ai à la vérité une machine qui a des rouës de cuivre, & dont l'aissieu d'acier a de très-petits pivots si bien faits, que chacune de ces rouës étant une fois mise en mouvement tourne sur son aissieu pendant

l'espace de plus de demie heure, faisant plusieurs centaines de LECONIV. révolutions avant que de s'arrêter; mais l'usage de ma machine étant principalement destiné à faire voir combien ces sortes d'expériences peuvent s'aprocher de la théorie mathématique, on ne peut pas esperer qu'une voiture chargée d'un poids puisse avoir aussi peu de frottement. * Ainsi j'aime mieux rapporter ici les expériences que M. de Camus a faites sur des modeles de voitures depuis un pouce jusqu'à un pied, représentant toujours des charriots & des charrettes sujettes au frottement à proportion de leur grandeur, parce qu'elles nous apprennent directement quel est le frottement réel dans les voitures qui sont à present en usage. Quant à la manière de remedier au frottement, j'ajouterai quelque chose du mien à ses résléxions & observations. Je commence ici par la proposition 24e, section 5 de son Livre: cité ci-dessus.

* Note 35-

XXIV. PROPOSITION

Les rouës à voiturer doivent être exactement rondes, & les jantes ou courbes, droites sur les moyeux suivant l'inclinaison des rais.

C'est une regle générale par-tout que les rouës soient rondes; car si elles ne l'étoient pas, & qu'elles sussent comme EFGH (Planche 17. Figure 7.) le moyeux n'étant pas au milieu, il est constant que quand la rouë tourneroit, elle feroit le même effet que si elle trouvoit des hauts & des bas, même sur un terrein parfaitement uni, & ne pourroit être dans l'équilibre; la rouë tournant vers H, seroit aussi difficile à faire avancer, que s'il y avoit une hauteur à surmonter, & cette hauteur étant passée, elle tomberoit tout à coup, comme si on rouloit une pierre quarrée & les cahots que la rouë seroit en tombant précipiteroient & pousseroient les chevaux qui rencontreroient après une autre difficulté plus ou moins grande, suivant l'inégalité des rouës: que si les rouës n'étoient pas angulaires!, & qu'elles fussent à peu près rondes, ou parfaitement rondes, & que le moyeu ne se trouvât pas dans le milieu, la partie qui seroit la plus courte, comme la partie F étant sur terre, lorsqu'une pareille rouë tourneroit, il faudroit remonter le fardeau, de même quesi on montoit sur un talus ou une montagne, & la rouë formeroit une espéce de coin, qui seroit depuis F jusqu'en D ou jusqu'en G

Planche 175. Figure 7:

LEÇON IV. & étant au point D ou G, elle retomberoit & repousseroit les chevaux, comme si elle descendoit une montagne, & les chevaux ou bœuss seroient aussi fatigués en terre unie, que s'ils marchoient dans des endroits, où il y eut beaucoup de hauts & de bas, où il faudroit faire des efforts pour monter, & des efforts pour retenir en descendant, ce qui fatigueroit particuliérement les limoniers, ainsi les rouës doivent être parsaitement rondes.

1000

Secondement, les jantes ou courbes doivent être droites sur les moyeux, selon l'inclinaison des rais; car la rouë en tournant trouveroit des inégalités, comme quand le trou du moyeu est trop grand, & que la rouë va deçà & de-là, qui feroit le même esset que si elle étoit mal ronde, & l'inégalité des rais qui se trouveroient trop panchés ou trop droits sur le moyeu, se rencontrant dans un creux ou sur une hauteur qui seroit opposée à leurs inclinaisons, les seroient rompre : donc les rouës à voiturer doivent être exactement rondes, & les jantes ou courbes droites sur les moyeux.

COROLLAIRE I.

D'où il suit qu'aux endroits où l'on ne met pas des bandes de fer aux rouës, on doit avoir grand soin de remettre des semelles, ou des bandes de bois pour tenir les rouës rondes: on doit conclure que ce n'est pas une épargne de ne pas ferrer les rouës; car si les fers ne s'usent guéres en ces quartiers là, parce que les rouës ne vont que dans les terres, il ne les faudroit pas épais, & il n'en couteroit pas beaucoup: la dépense une fois faite, conserveroit les rouës, & contribueroit à faire plus d'ouvrage, & à regagner au double la dépense, au lieu qu'il se trouve quelquesois des rouës qui sont plûtôt quarrées que rondes, qui fatiguent les chevaux ou bœus au double, de manière qu'ils ne peuvent faire autant d'ouvrage qu'ils en feroient, si les rouës étoient parsaitement rondes.

PROPOSITION XXV.

Les rais doivent être inclines sur les moyeux, pour rendre les

S 1 les rouës tournoient toujours sur un terrein droit & uni, il est constant que les rais devroient être droits & d'équerre sur les

EXPE'RIMENTALE.

moyeux, parce qu'ils porteroient à plomb comme les rais B Leçon IV. (Planche 17. Figure 8.) du moyeu AC, qui est la plus forte manière pour le bois; mais parce qu'il se rencontre des inégalités. & que les rouës tombant dans les ornières, celle qui y est tombée porte un plus grand poids que l'autre, parce qu'elle est plus basse, (comme on l'a démontré): les rais qui portent, se trouvent en ce cas droits par rapport à l'inclinaison du creux, ils sont à leurs sorces, & portent debout; la rouë opposée qui est sur une hauteur, ne supportant plus un si grand fardeau, n'a pas besoin d'être dans toute sa force, elle en a suffisamment, quoiqu'elle en ait moins que dans une situation où le terrein seroit égal; ainsi par cette raison les rais doivent être inclinés de la manière dont ils le sont ordinairement sur les moyeux pour rendre la rouë écouée ou concave.

PROPOSITION XXVI.

Les aissieux doivent être droits de toutes façons & posés en angle droit sur la sléche ou sur les brancarts.

Dans tous les mouvemens des corps, il y a un point & une manière la plus aisée de toutes, & c'est lorsque l'aissieu est droit de toute façon; car si l'aissieu étoit plié en arriére, de maniére que les rouës suffent près l'une de l'autre comme A E (Planche 17. Figure 9.) & qu'elles fussent beaucoup ouvertes en-devant comme DC, il est constant qu'elles ne pourroient entrer dans les ornières, ni tourner en avançant, ou du moins très-difficilement, elles ne feroient que traîner : ce seroit la même chose si l'aissieu avoit du pliant en-devant, & qu'elles fussent près de la sléche comme JF (Figure 10.) & écartées en arriére comme BD. Si elles l'étoient un peu moins d'une manière que de l'autre, l'inconvénient seroit moins grand, & pour peu que l'aissieu soit plié, il y a toujours de la difficulté : il ne doit donc être plié ni en avant ni en ariére. Si l'aissieu a du devers, en sorte que les rouës soient écartées en-dehors comme DC (Figure 9) ou qu'elles rentrent en-dedans comme JF, (Figure 10.) il y aura encore trois inconvéniens; car s'il est plié en-dehors en sorte que DC (Figure 9.) porte sur le terrein, la voye sera trop large, les rouës auront la même difficulté ou à peu près pour tourner, le fardeau écrasera la rouë, la longueur du rais CH, fera en ce cas fonction de bras de levier pour

Planche 17. Eigure 9.

Planche 17. Figure 10.

Planche 17. Figure 11.

Planche 17. Higure 9.

Planche 17. Figure 11.

LEÇON IV. rompre & l'aissieu & les rais des rouës; les rais C sont le grand bras, le point d'apui est à un bout du moyeu, & le petit bras à l'autre bout : si l'aissieu étoit plié pour faire rentrer les rouës en-dedans, de manière que l'apui des rouës fut en J & en F, (Figure 10.) les trois mêmes inconvéniens s'y rencontreroient, la voye seroit trop étroite, la charge tendroit à faire écraser les rouës, & elles ne pourroient tourner que très-difficilement: d'ailleurs les rouës ne porteroient que sur un coin de la bande; elles seroient comme tranchantes & n'auroient point d'apui. Pour peu que l'aissieu soit plié, ces inconvéniens se trouveront toujours plus ou moins, suivant qu'il sera plus ou moins plié, mais il ne s'y en rencontrera pas, lorsque l'aissieu sera droit, & que les rouës porteront à plomb, comme les rouës CP, AD (Figure 11.) ainsi l'aissieu doit être parfaitement droit de tout sens pour donner la liberté aux rouës suivant la direction; car l'aissieu étant plié de la manière dont il est supposé dans ces sigures, les rouës poruroient être libres, l'aissieu étant porté en l'air; au lieu qu'elles ne pourroient tourner que très-difficilement, les rouës portant à terre, & il seroit impossible de les faire retourner si on les tiroit par l'aissieu au point H (Figure 9.) elles ne feroient que traîner.

> L'aissieu doit être aussi à angles droits sur la fléche ou sur les brancarts; car si la fléche ou les brancarts étoient de travers comme la fléche B, le charriot ou carosse iroit de travers, & un feul cheval supporteroit presque toute la charge : ainsi elle doit être à angles droits suivant la fléche G (Figure 11.) comme on a dit ci-devant. Donc les aissieux des voitures doivent être droits de tous sens, & posés à angles droits sur la siéche ou les brancarts.

COROLLAIRE

D'où il suit que c'est mal-à-propos que l'on donne du devers & du pliant aux aissieux de carosses, afin que les rouës ne touchent pas aux foupantes; puisque par-là tous ces inconvéniens s'y rencontrent tout à la fois, les carosses deviennent plus versans, la voye étant retressie, & ils entrent plus difficilement dans les portes cocheres, le haut des rouës étant plus écarté, que si l'aissieu étoit droit, & lorsque les rouës touchent par le haut, elles sont bien plus sujettes à casser, & sont plus ébranlées, que si elles touchoient par le bas : le carosse est plus difficile à rouler, pour peu que l'aissieu

ait du devers, ou qu'il ait du pliant en avant ou en arriére; outre LECONIV. cela les rouës écartent les ornieres, & n'y peuvent entrer ni sortir que très-difficilement : ainsi il vaudroit mieux resserrer les soupentes en-dedans, ou élargir la voye.

COROLLAIRE II.

CELA fait aussi que l'on détruit par ce devers d'aissieu, l'imagination favorable & utile, d'incliner les rais sur le devant, pour rendre les rouës écouées; car l'aissieu ayant du devers, elles portent à plomb, comme si les rais n'étoient pas inclinés, & lorsqu'elles tombent dans une orniere ou un trou, la rouë qui est pour lors plus chargée, n'est plus à plomb, & tend à être écrasée; ce qui les fait dérayer & casser aussi-bien que les aissieux : elles s'usent beaucoup plûtôt, joint à ce que dans les terreins unis, elles sont beaucoup plus difficiles pour les raisons alleguées; elles ne portent que sur un coin de la bande, qui est toujours plus usée endehors qu'en-dedans; ce qui la fait arrondir & glisser entre les pa vés.

PROPOSITION XXVII.

Les rouës de derrière ne donnent aucune chasse ou impulsion à celles de devant, quand elles servient extremement hautes, & celles de devant extrêmement basses.

L'on voit dans quelques tableaux anciens, des charriots représentés avec quatre rouës hautes & égales; il y a quelques pays, où les modes changent moins, qui conservent encore cet usage; quelques-uns, selon toute apparence, pour avoir plus de facilité de tourner, ont baissé les rouës de devant, parce qu'elles touchoient aux brancarts, qui étoient presque aussi écartés par en bas que par le haut, comme ils le sont ordinairement aux charretes; on les a encore baissées davantage aux carosses, par rapport aux soupentes qui auroient empêché de tourner, ou qui auroient été coupées par la rouë; & l'usage des arcs l'ayant emporté ensuite sur les fléches simples, pour tourner encore plus court, on les a encore rabaissées plus considérablement pour pouvoir passer sous les arcs, afin de ne les pas faire si hauts; & on les zabaisse encore rous les jours, par les plaintes de quelques Tome I.

LECON IV. Cochers, qui crient que leurs chevaux sont fatigués, que les rouës de devant sont trop hautes, & qu'elles n'ont pas assez de chasse : de sorte que ce beau principe s'est répandu jusques dans les charriots des petits enfans, aufquels on fait les roulettes de devant plus basses. Si l'on ne rencontroit des orniéres & des hauteurs où les rouës de devant ne pourroient passer, étant plus petites, il y a apparence qu'on les feroit encore plus basses, & que l'on n'auroit que des roulettes au lieu de rouës : cette extrémité s'est sans doute plutôt introduite par la facilité que les Cochers y ont trouvée pour tourner, & pour monter sur le siège, que parce qu'il y a de la chasse à cette maniere; car les quatre rouës étant sur un terrein uni & égal, celles de devant, quoique plus basses, sont en repos, le centre de gravité étant dans la ligne d'équilibre, de même qu'il y est à celui de derriere: ainsi les quatre rouës étant à leur centre & en équilibre, elles ne peuvent avoir de mouvement; & quoique celles de devant soient plus chargées par l'élevation de celles de derriere; il ne suit pas delà qu'elles soient plus aisées à rouler; car si cela étoir, plus les caroffes ou charriots feroient chargés, plus ils feroient faciles à rouler, ce qui n'est pas; & il se pourroit saire que les rouës de derriere étant extrêmément hautes, & celles de devant extrêmément basses, le charriot iroit tout seul sur un terrein bien uni, ce qui ne peut être non plus : donc les rouës de derriere ne donnent aucune chaffe ou impulsion à celles de devant, quand elles seroient extrêmément hautes, & celles de devant extrêmément basses.

SCHOLIE.

S'r l'étoit vrai que les carosses ou charriots eussent de la chasse, les rouës de devant étant basses, il est constant qu'ils seroient beaucoup plus difficiles à faire rouler, si on faisoit aller les rouës hautes les premieres, & qu'on attelât les chevaux derriere: or, que l'on construise un charriot, dont les rouës de derriere soient de 5 pouces, & celles de devant de 2 pouces & 3 lignes, qui est à peu-près la mesure ordinaire, si l'on prend le pouce pour pied (quoiqu'il y ait des rouës, qui ont quelques pouces de plus & de moins, soit devant, soit derriere) que l'on mette ce charriot sur une planche unie, & qu'il soit chargé dans le milieu d'un morceau de plomb pesant 5 livres; qu'au bout de la planche il y ait une petite poulie, sur laquelle on passe un cordon de soye

artaché au charriot par un bout, & à l'autre un bassin de balance Leçon IV. ou un petit sac de toile, dans lequel on puisse mettre des balles de plomb, pour entraîner par leur poids le charriot chargé; le même poids qui entraînera le charriot, les petites rouës allant les premieres, l'entraînera également, en le retournant lorsque les grandes iront devant, si la direction du cordon de soye est la même d'une maniere que de l'autre; cela étant, il n'y a pas de chasse, & il n'y aura aucun avantage pour rouler, même dans un terrein uni, les rouës de devant étant plus basses que celles de derriere.

COROLLAIRE

D'ou il suit que cette idée de chasse ou d'avantage pour touler, ne peut être venuë que de quelques Ouvriers qui se sont imaginés qu'il y avoit même raison ou approchant, les rouës de derriere étant hautes, que si le charriot étoit sur une pente; ce qui est bien différent : car sur une pente, le centre de gravité ne peut être dans la ligne d'équilibre; c'est pour cela qu'il la cherche, & roule toujours jusqu'à ce qu'il l'ait trouvée, ou quelque obstacle qui l'y mette, ce qui est la même chose; & quand il n'y auroit qu'une rouë ou deux, celle qui seroit seule rouleroit comme deux, & comme quatre, si elle étoit assez large pour se soutenir : ainsi la charrête à deux rouës a de la chasse comme le charriot ou carosse qui en a quatre en ce cas; & l'un n'en a pas plus que l'autre, ou n'en a pas du tout dans les terreins unis.

COROLLAIRE II.

IL ne faut pas objecter que la grande rouë étant en mouvement, dure plus long-tems que la petite, & qu'ayant plus de mouvement, elle la pousse; car sur la terre la résistance est plus forte que l'impulsion qu'on peut lui donnet, & quelque vîtesse ou quelque force que l'on puisse donner à un charriot sur un terrein uni où il puisse un peu enfoncer, ou parce qu'il a plu, ou parce que le terrein n'est pas si ferme que le pavé, la sorce cessant, le charriot s'arrêtera sur le champ : ainsi les grandesroues ne chassecont pas les petites en ce cas.

COROLLAIRE III.

SI on le suppose sur un pavé uni ou mal uni, ou bien sur un Ee ij

220

Leçon IV. terrein raboteux avec des hauts & bas, & que celles de derriere étant élevées sur une hauteur, poussent en descendant cette hauteur celles de devant, il en arrivera la même chose à celles de devant en descendant une hauteur, elles tireront celles de derriere, & il y aura même raison pour les grandes que pour les petites, & pour les quatre grandes comme pour les quatre petites : que si on dit qu'étant grandes elles sont plus aisées à rouler, & qu'elles poussent les petites; je réponds que si elles sont toutes quatre grandes, elles auront par-là même plus de facilité à rouler, que s'il y en avoit deux petites; donc il n'y a pas d'avantage d'avoir de petites rouës devant pour rouler, de quelque maniere qu'on les puisse considérer, & il n'y a pas de chasse dans le mouvement.

XXVIIL PROPOSITION

Les grandes roues sont toujours plus avantageuses pour rouler; que les petites, en quelque occasion, ou sur quelque terrein que ce puisse être.

Les rouës à voitures ne peuvent être considerées que par le mouvement & frottement qu'elles font sur l'aissieu, & par la résistance ou l'enfoncement qu'elles sont sur terre ou dans les creux. Si on les considere par le frottement, il est constant qu'une rouë qui sera double d'une autre, ne fera qu'un tour, pendant que l'autre en fera deux pour faire une même quantité de chemin; car la circonférence est double comme la hauteur ou le diametre : ainsi par rapport au frottement, celle qui sera double aura un double avantage, puisqu'il n'y aura qu'un tour de frottement, & qu'il y en aura deux pour celle qui ne fera que moitié, pour faire un même espace de chemin; la rouë ABC (Planche 17. Figures 12. & 13.) étant double de la rouë DEF, aura une fois plus d'avantage, par rapport au frottement, les trous des moyeux & les aissieux étant égaux.

Planche 171 Figures 12. E 13.

> Si on les considére par rapport à l'enfoncement dans les terres ou dans les creux, il y aura le même inconvénient en l'une, & le même avantage en l'autre; car si c'est par l'appui, la grande aura une fois plus d'appui, & elle enfoncera moitié moins: si on les considére par rapport au creux, ce sera la même chose pour certains cas; mais il y aura bien plus de desavantage pour la petite, lorsque les creux seront grands: car si elle se rencontroit dans un creux comme DE, * aussi large que son diametre, elle enson-

HI. P. 18.

22 F

fegment AB, qui ne feroit pas moitié de la rouë, ce qui est facile à comprendre par les deux lignes paralléles AD&BE; & il est à présumer qu'il en seroit de même à l'égard des terreins marécageux, où la petite ensonceroit tout-à-fait, pendant que

la grande n'enfonceroit qu'en partie.

Si l'on considére une hauteur à surmonter, sur un terrein uni comme un pavé, & qu'il soit le même en B, qu'il est en E, le segment ou la corde de la petite sera un tiers ou approchant plus haut que le segment de la grande, & il saudra un tiers plus de force pour le surmonter: si cette hauteur est une chose à briser, ou à écraser totalement, ou en partie, il y aura même raison, & la circonférence de la rouë formant une espéce de coin, ou plan incliné qui est plus court & moins aigu à la petite qu'à la grande, l'essort sera plus grand à proportion, pour surmonter tout-à-coup: si elle se rencontre dans des inégalités de terrein, où il y ait des hauts & des bas, lorsqu'il saudra surmonter ces hauteurs, il saudra encore plus de sorce pour la petite que pour la grande, par la même raison: donc les grandes rouës sont toujours plus avantageuses pour rouler, que les petites, en quelque occasion ou sur quelque terrein que ce puisse être.

COROLLAIRE I.

It suir delà, qu'une rouë qui n'auroit qu'un pouce de diametre ou de hauteur plus qu'une autre, auroit plus d'avantage, & que plus les rouës sont hautes, plus elles sont avantageuses, pourvût qu'elles n'excédent pas, & qu'elles ne soient que de cinq ou six pieds; car si elles passoient, elles deviendroient poids, ou elles seroient plus sujettes à casser par la longueur des rais, & ne seroient pas avantageuses pour mettre les chevaux dans leur sorce, l'aissieur étant plus haut que leur poitrail, la direction se feroit en appesantissant, ce qui seroient plus ou moins grand, selon que les chevaux seroient plus ou moins hauts; comme c'en est un considérable par les petites, où il saut qu'ils tirent de bas en haut; ce qui les appesantit par le jarret. L'on connoîtra encore mieux cette proposition par les Expériences suivantes.

Leçon IV.

PROPOSITION XXIX.

Les voiturés à quatre rouës, comme les chariots ou carosses, sont beaucoup plus avantageuses que les voitures à deux, comme les charrettes ou chaises.

L'on doit considérer les voitures par l'avantage que l'on en tire pour rouler; & pour y appliquer la force des chevaux ou bœuss, d'une maniere qui les fatigue moins, & qui soit la plus avantageuse: or en appliquant la force des chevaux à la charréte à deux rouës, l'on sçait assez que le limonier porte une partie du sardeau, de quelque maniere que la charge soit en équilibre sur l'aissieu; car en descendant une hauteur, tout le poids tombe sur le cheval; en montant, il tombe de l'autre côté en arrière, & enleve le cheval, ce qui lui ôte une grande partie de sa force, s'il est chargé à dos, ensorte que le poids ne l'emporte pas en montant: dans un terrein uni, il sera doublement satigué de porter & de tirer; & comme les rouës tombent dans les creux, l'une d'un côté, l'autre de l'autre, les limons de la charréte donnent dans

les flants des limoniers, par où il en périt beaucoup.

De plus, dans la charréte, le poids n'est que sur deux rouës, & lorsqu'une tombe dans un creux, ou dans une orniere, la moitié de la charge y tombe; & pour la tirer du creux, il faut relever la moitié de la charge : si elles se trouvent dans des terres molles, les deux rouës enfoncent de même, & il faut les relever; mais lorsqu'il y a quatre rouës comme au chariot, la même charge étant sur les quatre, & le chariot n'étant pas plus lourd que la charréte, il est constant que les quatre enfonceront moitié moins que les deux, ou à peu-près, & qu'il faudra moins de force: s'il se trouve des creux, & qu'il tombe une rouë dans un, il n'y tombera que le quart de la charge du chariot, au lieu qu'il en tombe la moitié par la charrête, & il faut moins de force pour en relever un quart, que pour en relever une moitié : si deux rouës du chariot tombent en même-tems dans un creux, il n'y tombera que la moitié de la charge, & il faudra moins de force pour les retirer, qu'il n'en faudra pour la charréte, lorsque les deux rouës seront dans de pareil creux; & dans des hauts & bas qui se rencontrent toujours sur le pavé, il se trouve souvenr un équi-Libre entre les rouës de devant du chariot, & celles de derriere,

EXPE'RIMENTALE.

qui arrive lorsque deux rouës sont sur deux pavés prêtes à descen- LECON IV. dre, pendant que les deux autres sont prêtes à monter sur deux autres pavés: celles qui sont en haut descendant, sont équilibre, & poussent par leurs poids celles qui montent : s'il n'y en a qu'une de devant ou de derriere qui descende, elle fait équilibre à celle qui monte, ainsi du reste, ce qui n'arrive pas à la charrête; au contraire, le limonier reçoit un coup dans le flanc. Il ne faut pas objecter qu'il y a moins de frottement sur deux rouës que sur quatre, qui est, selon toute apparence, la raison qui les a fait préférer au chariot, joint à ce qu'elles font plus aifées à tourner & à charger ; car l'on a vû qu'il y a autant de frottement sur deux rouës que sur quarre, le même poids & le même trou du moyeu étant à l'un comme à l'autre, & il doit au contraire y en avoir davantage sur la charréte, parce que tout le poids n'est que sur deux parties où il y a le plus d'engrenage; & supposé que l'on ne voulût pas plus charger le chariot, que l'on charge la charrete, en faisant les aissieux & les trous des moyeux moins gros, il y en auroit encore moins; mais le frottement étant peu de chose, comme on a vû, lorsque les rouës sont bien graissées, on n'y doit pas faire attention. Outre l'avantage des 4 rouës, les limoniers ne font pas fatigués à porter comme à la charrête; ils durent plus long-tems, & font plus d'effort pour tirer au chariot, qu'ils n'en peuvent faire à la charréte: donc les voitures à quatre rouës comme les charriots ou carosses, sont plus avantageuses que les voitures à deux rouës, comme les charrétes ou chailes.

XXX. PROPOSITION

Il seroit beaucoup plus avantageux de faire les quatre rouës de charriot, & de carosses grandes & égales, ou à peu-près, que de faire celles de devant moitié plus petites, comme il se pratique en plusieurs endroits.

Si l'on trouve quelques commodités pour tourner, en faisant les rouës de devant des chariots & carosses une fois plus basses que celles de derriere, il y a un grand desavantage, puisque l'on perd environ la moitié de la force que l'on gagneroit, si elles étoient égales, suivant la Proposition XXVI. & que l'on est plus cahoté par les petites rouës, qui enfonçant une fois davantage dans les creux, & entre chaque pavé, sautent aussi une fois

LEÇON IV. davantage, & c'est sans doute ce qui a fait que l'on a été obligé d'avoir recours aux ressorts, pour éviter ces cahots, & ce qui a rendu les carosses plus versans, en les élevant davantage par les ressorts dont les points de suspension sont au-dessous des corps de caroffes.

> Un autre desavantage, c'est que les chevaux qui tirent de bas en haut, sont beaucoup plus fatigués & apesantis du jarer; ce qui fait que quand ils ont tiré au carosse, leurs jambes deviennent si roides. qu'ils ne sont plus propres pour porter, & qu'ils fatiguent extraordinairement ceux qui les montent; ce qui n'arriveroit pas, si les rouës de devant étoient hautes, & que les points où sont attachés leurs traits ou leurs pononiers, fussent à la hauteur de leur poitrail, ensorte que les traits sussent paralléles au terrein, comme ils sont aux chevaux qui sont devant les charrétes; ce qui les met en force pour surmonter tous les desavantages qui se rencontrent à la charréte.

Mais si l'on objecte que les charrêtes sont bien imaginées par-là il est aisé de comprendre que les chevaux auroient le même avantage, si les quatre rouës de chariot étoient égales, & que l'on auroit toujours le même avantage des quatre rouës : que si on objecte aussi que les chevaux tirant de bas en haut, soulevent les carosses des bouës, & soulagent le fardeau, il est aisé de concevoir que s'ils le soulevent, ils portent une partie du fardeau, & que ne pouvant porter ordinairement que 200, au lieu qu'ils en traînent 1000 ou approchant, sur un chariot, ils sont beaucoup plus fatigués que s'ils tiroient avec traits paralléles au terrein, particulierement lorsque la charge ne sera que vers les pieds de derriere, comme elle se trouve en tirant le carosse: donc il seroit plus avantageux de faire les quatre rouës de chariots & de caroffes grandes & égales, &c.

SCHOLIE.

L'ON pourra encore se confirmer la vérité de ces Propositions, par les Expériences suivantes, si on souhaite les faire en petit ou en grand. Soit le chariot avec les 4 roues de 5 pouces 9 lignes, que l'on y puisse mettre plusieurs rouës de différentes grandeurs, comme 4 de 5 pouces, 2 de 2 pouces 3 lignes, 2 autres de trois pouces, & qu'elles soient avec des moyeux, des rais & des jantes proportionnées, comme les grandes qui sont au charriot

EXPERIMENTALE.

chariot ou au carosse : qu'on les change l'une après l'autre, que Leçon IV. le charriot D B (Planche 17. Figure 17.) soit toujours chargé d'un même poids A, pesant s livres, qu'il soit traîné par le moye d'une poulie E, & d'un cordon de soye, avec un sac, ou un bassin de balance, dans lequel on puisse mettre des balles pour les différentes rouës, suivant qu'il sera nécessaire sur un terrein uni, sur la terre, sur le sable, & sur le pavé : que la planche AF soit de chêne, longue de trois pieds, rabotée d'un côté, & gravée de l'autre, comme les pavés des ruës & des ruisseaux; les pavés étant de 6 & de 8 lignes, au lieu de 6 ou de 8 pouces, réduits comme les rouës du pied au pouce; & de la ligne au pouce; & que l'on puisse retourner la poulie par le moyen d'une mortoise en retournant la planche : tout étant ainsi disposé, en opérant exactement, on trouvera l'effet des expériences marquées à la table suivante.

Pour faire l'expérience de la charrête, on suspend en équilibre sous un aissieu le même poids A de 5 livres, & l'on attache simplement un timon à l'aissieu, pour y lier le cordon, ce qui rend la charrête pour les expériences suivantes, trois sois plus legere que le chariot qui a un aissieu, deux rouës & des brancarts de plus; & les rouës pleines de 5 pouces 9 lignes, pesent deux fois plus que les rouës de cinq pouces qui ont des rais.

Pour entraîner le fardeau de 5 livres fur le côté uni de la planche, étant de niveau avec les 4 grandes rouës, chacune de 5 pouces 9 lignes de diametre, il ne faut qu'un peu plus de 4 d'une

balle.



Tome I.

Ff

Figure 10.

	226 COURS DE	PHYSIQUE
LEÇON IV.	Pour le poids de 5 lin	ores sur le Charriot.
		Pour la charrête & le même poid
	Avec les 4 rouës de 5 pouces 1 Avec les 2 plus petites de devant 2 Avec les rouës de 3 pouces devant 1 vant 1 Avec les rouës de 3 pouces devant 2	Avec les rouës de 5 pouces 2 Avec les 2 petites rouës 3 Avec les 2 rouës de 3 pouces 3
	Charriot sur une terre fort humestée.	Pour la charrête sur même terr
	Avec les 4 plus grandes, larges de 2 lignes	Avec les deux grandes rouës Avec les deux plus petites Avec les deux de 3 pouces
	Pour le Charriot sur le sable sec.	Pour la charrête sur le sable se
	Balles	Ball
	Avec les 4 rouës de 5 pouces 28	Avec les 2 rouës de 5 pouces

Ba	tles]
Avec les 4 rouës de 5 pouces	28
Avec les plus petites rouës de	- }
vant	46
Avec les rouës de 3 pouces de	- 1
vant	351

Charriot sur le sable mouillé.

Avec les 4 rouës de 5 pouces	147
Avec les deux plus petites de-	- (
vant	28 (
Avec les 2 de 3 pouces devant	17

Pour surmonter une hauteur de 2 lignes.

Avec les 4 rouës de 5 pouces	20
Avec les 2 plus petites devant	30
Avec les 2 de 3 pouces devant	25
Il n'en faut que la moitié ou ap	-
prochant, quand une feule rou	ë
touche la hauteur.	

Balles
Avec les 2 rouës de 5 pouces 40
S'étant arrêtée à 39, il a fallu
ajouter pour la faire partir jus-
qu'à

Charrête sur sable mouillé.

	A PERSONAL PROPERTY.			
Avec	les 2	rouës de	5 pouces	17
AVEC	ies de	ux de 3 I	ouces	24

La charrête pour la même hauteur.

Avec	les	deux	rouës de 5 pou	*
ces		•		35
Avec	les	deux	plus petites	60
Avec	les	deux	de 3 pouces	48

EXPE'RI	M	ENTALE. 22	27	
Pour surmonter une hauteur d'un ligne.	La charrête pour la même hauteur.		Leçon IV.	
Avec les 2 plus petites devant 2	7.5	Avec les deux plus petites	27	
Pour sortir du creux comme s'a manquoit un pavé sous chaque rouë.		Pour la charrête à tirer du mên creux.	ne	
Avec les 4 rouës de 5 pouces Avec les 2 petites dévant Avec les 2 de 3 pouces Si l'on met le fardeau fur les petites rouës de devant, étant dans le même creux S'il est fur les rouës de derrière fur un terrein uni	4	Avec les 2 plus petites 3	18 34 5.	
D'un creux ou entre-deux d	le	Pour la charrête du même creux.		
Avec les 2 petites devant 8		Avec les 2 rouës de 5 pouces 1 Avec les 2 plus petites 1 Avec les 2 de 3 pouces 1	5	
Pour le Charriot sur le pavé.		Pour la charrête sur le pavé.		
Avec les 4 rouës de 5 pouces Avec les plus petites devant Avec les rouës de 3 pouces Si l'on met les rouës de 3 pouces derriere, & celles de 2 pouces devant 4	$\frac{2}{1}$	Avec les 2 rouës de 5 pouces 4 Avec les 2 plus petites 8 Avec les 2 de 3 pouces 6		
Si on leve d'un pouce le bout	de la	THE THE RESERVE OF THE PARTY OF		
Pour le charriot.		Pour la charrête.		
Avec les 4 rouës de 5 pouces Avec les 2 plus petites devant Avec les 2 de 3 pouces devant 5 1/2	£ .	Avec les 2 rouës de 5 pouces 6 Avec les 2 plus petites		

Si on se sert de grandes rouës de 5 pouces 9 lignes, il saut un quart plus de sorce, ou à peu-près, que pour les rouës de 5 pouces, larges de 3 lignes, & cela tant par rapport au charriot, que par rapport à Ff ij

elles entrent dans les séparations du pavé, & lorsqu'elles on glissé, & qu'elles sont entre deux pavés, pour remonter sur un autre, il faut beaucoup plus de force, & elles vont moins vîte que les larges avec ce quart d'augmentation de force, quoiqu'elles soient encore plus grandes, & qu'elles ayent plus d'avantage sur le terrein uni on il n'y a pas d'enfoncement.

COROLLAIRE I.

Par où il est aisé de juger que les charretiers qui veulent avoir des roues dont les bandes soient fort étroites, asin de se tirer mieux des ornières, & qu'elles coupent mieux la terre, se trompent très sort, car si elles n'ont point de frottement à côté des jantes, étant plus étroites, elles ensoncent davantage, & gâtent plus les ornières, & pour peu qu'elles aillent dans les terres où il n'y a point d'ornières, elles satiguent beaucoup plus les chevaux, puisqu'il faut un quart de sorce de plus; ces sortes de roues sont très-desavantageuses au public; car elles creusent davantage les ornières.

COROLLAIRE II.

L E même inconvénient se trouve sur le pavé, & les bandes des rouës étant étroites, elles s'usent davantage, ne portant en quelque façon que sur un point, & à mesure que les bandes s'usent, elles s'arrondissent, & glissent encore plus sortement entre le pavé, qui les rompt bien plû-tôt que celles qui sont plus larges de bande.

COROLLA IRE III.

Par les expériences sur la planche unie, on connoît que le frottement sur les aissieux est peu considérable; car sur le charriot avec les quatre rouës de cinq pouces 9 lignes, une balle dont 20 pesent 1 livre, entraîne un poids de 6 livres, ou un poids de cinq avec les rouës de 5 pouces: le charriot pesant encore avec les grandes rouës, une livre & un quart, ou à peu-près; le tout seroit environ 130 balles; ainsi une balle ou une livre en entraîneroit 130, ou, ce qui est la même chose, le frottement sur l'aissieu emporteroit simplement la 130 partie de la force, avec

de grandes rouës de cette proportion; * car le terrein étant par- Leçon IV. faitement uni, la résistance n'est que sur le frottement, qui est peu de chose, par rapport aux enfoncemens que les rouës font dans la terre & dans les creux, d'où il les faut retirer.

COROLLAIRE IV.

Il paroît par l'expérience de la charrête, dont le poids n'est que sur deux aissieux, que le frottement y est double, par rapport au frottement qui se trouve sur les quatre rouës du charriot, puisqu'il faut le double de force pour la charrête, outre qu'elle ne part pas qu'on ne la pouffe, au lieu que le charriot part tout seul; il paroît qu'il en faut de même le double, ou à peu-près, pour les rouës une fois plus petites; cela ne vient peut-être pas tout-à-fait du frottement; car il devroit être double aux petites rouës par rapport aux grandes, puisqu'elles font deux tours pendant que les grandes n'en font qu'un ; & quoiqu'il faille ébranler les deux petites rouës des charrétes, comme les grandes, elles vont aussi un peu plus vîte que les deux grandes, & les deux grandes de la charréte, plus vîte que le charriot, quoiqu'elles aillent en ziguezague; cela vient aussi peut-être en partie, de ce que les rouës ne sont pas parfaitement rondes, ni d'équilibre sur l'aissieu, ce qui n'est pas sensible au charriot, & par où l'on voit qu'il y a un grand desavantage de se servir des charrétes, même par rapport au frottement.

COROLLAIRE V. pour-êne le monie des apéres et l'ou ne françai commen

IL est aisé de comprendre par les expériences sur terre forte & fur les fables, que l'on perd généralement la moitié de la force, ou à peu-près, par les petites rouës étant devant à un charriot, au lieu de grandes; car quoiqu'il ne paroisse pas que l'on en perd la moitié sur la terre, quand elle est ferme, on en perdroit aussi beaucoup plus de moitié, si elle étoit molle, comme on en perd plus dans le fable sec, & l'on seroit souvent embourbé avec les petites rouës aux endroits où l'on passeroit librement avec les grandes.

COROLLAIRE VI.

Et quoique sur le pavé l'on n'en perde pas moitié, particu-

NIV. lierement lorsque le charriot ou carosse va suivant le trot des chevaux, parce que la rouë tombant d'un pavé, acquiert une certaine force pour remonter sur l'autre, si on fait attention à la unection pour les traits des chevaux qui sont appesantis du jaret, tirant de bas en haut, il y aura bien la moitié de la force perduë sur le pavé; mais eu égard à cette direction, il y en aura davantage pour les terres sortes & pour les sables.

COROLLAIRE VII.

CELA joint à ce que l'aissieu du derrière a du pliant en arrière, & du devers en-dessous, les rouës ne peuvant être libres; l'on ne doit pas s'étonner si les chevaux de carosses qui sont vigoureux, bien pensés & bien nourris, sont abattus pour avoir été deux ou trois heures au carosse, & avoir fait une lieuë ou deux dans les ruës, & qu'il en faut mettre quatre ou six pour aller en campagne, qu'ils sont essousses & hors d'haleine, pour avoir reculé deux ou trois pas en arrière, par la direction du timon bas, qui tend en partie à casser, au lieu que la direction & la force seroit employée toute entière, pour reculer & pour avancer, si le timon étoit à la hauteur du poitrail, les rouës de devant étant hautes.

es a unital and produces, an especial and and and and and and and a sum of the sum of th

Par où il est facile de connoître que les chevaux payent bien cher la commodité de tourner plus court, au lieu d'aller au bout d'une ruë pour prendre le tournant; car puisqu'il y a le quart, ou peut-être la moitié des ruës, où l'on ne sçauroit tourner sans aller chercher une autre ruë de traverse. Il n'y auroit pas grand inconvénient que les rouës suffent hautes, les slêches sans arc; il faudroit tout-au-plus traverser un plus grand nombre de ruës pour tourners mais les chevaux et les Cochers mêmes y gagneroient considérablement, en ce qu'ils seroient moins satigués par les cahots, les pendant qu'ils tourneroient, les Maîtres ne perdroient pas de tours, puisque l'action se feroit pendant qu'ils sont à teurs affaires pud'ailleurs il y auroit bien moins de sujetion à verser.

^{*} L'Autheur ne prend pas garde que par-là chose impossible dans une ruë étroite, si les en tomberoit dans une autre dissignificanté encore plus grande; qui est de remiter les carrosses; ne sont pas petites.

LEÇON IV.

COROLLAIRE IX.

A INSI cette imagination d'arc qui a obligé à prendre de petites rouës, a bien plus d'inconvénient qu'elle na d'utilité pour les chevaux & les Cochers, sans avoir égard à la dépense des arcs, des ressorts qu'il a fallu imaginer, & du danger plus fréquent de verser par l'élevation du carosse, causée par les ressorts, ainsi qu'il a été dit.

COROLLAIRE X.

Suivant ces Expériences des grandes & des petites rouës; il n'est pas difficile de concevoir que les berlines sont plus rudes pour les chevaux que les carosses; outre que les rouës de devant sont ordinairement plus basses, c'est que les brancarts n'obéissent pas; la stéche qui plie renvoye un peu la rouë en arrière, lorsqu'il y a un cahot à surmonter, & la retire après avec plus de vîtesse; cela fait que la rouë qui fait comme le coin, s'étend en arrière, & que le coin devient plus aigu; si elles sont moins sujettes à verser, la chute en est plus forte; si elles coutent moins, les réparations en sont plus fréquentes pour les rouës qui ne peuvent pas avoir de longs moyeux, & pour les brancarts, qui cassent plus souvent que les stêches.

COROLLAIRE XI.

Quoiqu'il paroisse qu'il n'y a pas tant d'avantage aux grandes rouës, pour monter & pour descendre, en ce qu'étant roulantes, elles satiguent les chevaux en descendant; que les petites n'étant pas si roulantes, elles ne sont pas si difficiles à retenir; que d'ailleurs en montant, les rouës de devant ne sont pas si chargées; il ne saut pas tant de sorce à proportion des grandes, que sur le terrein uni: on voit qu'il en saut toujours beaucoup plus pour les petites en montant, que pour les grandes, & qu'il y aura toujours même peine à proportion; car la direction étant beaucoup plus basse, fatigue aussi les chevaux davantage; & si les grandes rouës sont roulantes, les chevaux sont à leurs sorces pour retenir, le timon étant à peu-près à la hauteur du poitrail, au lieu qu'aux petites rouës le timon est sort bas; qu'il tend plus sortement à

COROLLAIRENVA

LEÇON IV. casser, comme il arrive quelquesois en descendant : ainsi tout compensé, il y a au moins autant d'avantage à proportion pour grandes, que pour les petites, en montant & en descendant; d'ailleurs pour un pas que l'on gagne en montant, on en gagne au moins cent sur un terrein égal.

COROLLAIRE XII.

It y a un autre desavantage pour les petites rouës; elles cassent les pavés, & rompent les chemins plus que les grandes: outre qu'elles supportent plus de charge, elles ont moins d'appui, elles enfoncent davantage, & sautent bien plus haut; ce qui fait du tort aux maisons qu'elles ébranlent en passant; elles font aussi un bruit plus grand; elles éclaboussent beaucoup plus les passans.

COROLLAIRE XIII.

On voit par la différence des terres fortes, du sable & du pavé, qu'il est toujours plus avantageux de prendre le pavé, & que ce n'est pas sans raison, que les chevaux fatiguent si fort dans les sables; qu'il est quelquesois plus à propos de prendre les sables pendant la pluye, que les terres quand elles sont sortes; mais qu'il vaut beaucoup mieux prendre les terres que le sable, quand il fait sec; car le sable devient moins difficile, pendant que la terre le devient davantage.

COROLLAIRE XIV.

Suivant l'effet de la charge avancée sur les petites rouës; où il saut 24 balles pour les tirer d'un creux, au lieu de 3, lorsque la charge est sur le derrière, n'étant pas dans un creux, & qu'il saudroit à proportion la même force ou à peu-près, sur le pavé & dans les terres: on voit qu'il vaut mieux en allant en campagne, mettre les gens, les valises & les habits sur le derrière, que sur le devant; ce qui est aussi le contraire de ce que la plûpart des Cochers sont, s'imaginant, suivant leurs idées de chasse, que plus le devant est chargé, plus le carosse est roulant, au lieu que les Pages qui sont sur le devant, chargent & satiguent deux sois plus les chevaux, que les Laquais qui sont derrière.

COROLLAIREXV.

Leçon IV.

COROLLAIRE XV.

Comme on sçait qu'il faut ajouter un quart de force au charriot & à la charrêtte arrêtés dans les sables, & plus encore pour les retirer, lorsqu'ils ont eu le tems de s'enfoncer, on doit connoître que quand on est embourbé & que les chevaux rebutent, l'on ne doit pas hésiter d'atteler les chevaux sur l'arrière pour les retirer, & de passer dans un autre endroit, s'il est possible, ou de chasser vivement les chevaux pour ne pas donner le tems aux rouës d'enfoncer, & de prendre un peu loin, afin de donner une facilité aux chevaux, comme si on prenoit une sécousse pour sauter un fossé. En faisant les expériences, il ne faut pas donner le tems aux rouës de s'enfoncer sur le sable ni sur la terre, mais les relever chaque fois, pour mettre des balles dans le fac s'il n'y en a pas assez. On s'apperçoit même sur le pavé qu'il faut plus de force, quand la charge est restée plus long-tems, parce que l'engrenage fur l'aissieu & sur le pavé se fait davantage, comme on l'a remarqué au sujet des frottemens.

COROLLAIRE XVI.

It est bon aussi quand on va sur les sables, soit en tems sec, soit en tems mouillé, de prendre les ornieres, parce qu'elles ne sont pas embarrassées, qu'il n'y a pas de frottement de côté & d'autre des jantes ou courbes, ni de terres à enlever; que le terrein y est plus serme; car par l'expérience lorsque le charriot ou la charrêtte avoit passé deux sois par les mêmes ornieres, il falloit presque moitié moins de force pour la troisième sois; sur la terre de même que sur le sable; parce que les rouës n'ensonçoient qu'une demie ligne; c'est pourquoi sur la terre & sur le sable, on remplissoit toujours les ornieres, afin qu'il y eût égalité pour les dissérentes expériences, & que la charrêtte ayant passé après le charriot dans les expériences rapportées, elle a toujours eu l'avantage, & l'on auroit trouvé qu'elle perdoit encore plus sur lesterres, si elle avoit passé avant le charriot.

COROLLAIRE XVII.

IL y auroit encore plusieurs choses à observer sur les petites.

Tome I. Gg

LEÇON IV. rouës pour les creux, les hauteurs à surmonter & autres cas où l'on voit toujours un grand desavantage; s'il n'est pas si considérable pour les hauteurs à surmonter, où il n'y paroît que le tiers de perte ou approchant, parce qu'elles n'ensoncent pas plus en cette occasion que les grandes; il y a aussi en d'autres occasions plus de la moitié de perte, & de quelque manière qu'on les puisse

considérer, il y a toujours un plus grand desavantage qu'il n'y a de facilité ou commodité apparente.

COROLLAIRE XVIII.

Pour les charréttes à deux rouës on voit suffisamment le desavantage qu'elles ont, en les comparant au charriot à quatre rouës égales; & que si elles ont quelques facilités apparentes, comme celles de charger & de décharger, on perd beaucoup par peine que l'on évite; cette peine est peu de chose, & devroit être reputée pour rien. Tout se borne avec les rouës basses à la facilité de monter; mais si on a de la facilité pour monter dans une chaise qui a des rouës basses, on paye bien cher d'un autre côté cette commodité par les cahots plus forts & par la fatigue que le cheval éprouve en tirant avec des rouës basses.

COROLLAIRE XIX.

La facilité de charger & décharger avec de petites charrêttes ne mérite d'être considérée que dans les villes, où il faut souvent charger & décharger; mais pour les charrêttes qui demeurent chargées pendant 8 ou 15 jours. Cette facilité est d'une très-petite conséquence si les Charretiers se plaignent de la peine qu'il y a & du tems que l'on perd à charger sur quatre grandes rouës; qu'on leur propose de charger sur des traîneaux, & on verra s'ils y trouveront autant de prosit.

COROLLAIRE XX.

Les Charretiers qui ont des charrêttes qu'on appelle haquets pour voiturer les vins, & qui veulent prendre des rouës fort basses pour avoir plus de commodité pour charger, & qui montent encore sur le cheval, ne meriteroient-ils pas d'être attelés euxmêmes à la charrêtte, plûtôt que de crever ainsi des chevaux qui EXPE'RIMENTALE.

seroient utiles au Public? Cette paresse est d'autant plus blamable Leçon IV. qu'il ne faudroit que deux ou trois tours de tourniquet de plus, pour charger sur les plus hautes rouës, ce qui ne peut au plus passer que pour un moment de tems perdu l'invention du tourniquet donnant une facilité si grande pour charger, que l'on pourroit dire qu'il n'y a aucune peine.

COROLLAIRE XXI.

S1 la charrette a quelques avantages pour la direction des chevaux de devant, & par la hauteur des rouës, elle a un grand desavantage pour le limonier, particuliérement sur le pavé; une rouë descendant de dessus un pavé pousse le limon sur les flancs; l'autre rouë retombant après pousse l'autre limon, & le cheval se trouve battu des flancs de côté & d'autre, ce qui le creve le plus souvent dans les gros cahots, & ce qui fait qu'il faut tant de force pour la charrêtte sur le pavé, & qu'elle ne fait que des ziguezagues étant tirée avec un cordon sur une poulie.

COROLLAIRE XXII.

Un autre desavantage c'est que le limonier porte une partie du fardeau: en montant la charge tombe en arriére & l'entraîne; en descendant tout le poids lui tombe sur le dos, & il est outre cela obligé de retenir tout seul un fardeau immense que l'on met sur la charrette; de sorte qu'il y a lieu de s'étonner qu'il ne périsse pas plus de limoniers qu'il n'en périt, quoique l'on prenne les plus robustes & les plus forts; & le cheval ainsi fatigué de toute façon ne peut pas employer la même force pour tirer, que s'il étoit devant ou dans un limon de charriot, où il n'y a pas à porter, & où les limons ne lui donnent pas dans les flancs.

COROLLAIRE XXIII.

Tout étant compensé, la perte que l'on fait de la force du limonier, l'enfoncement que les rouës ont de plus que celles du charriot, & la force qu'il faut de plus fur le fable, fur la terre forte, & sur le pavé; on pourroit juger qu'il y a double avantage ou à peu près, à se servir du charriot à 4 roues égales, & aussi The Boar lightle mane effected aboards enough of their each

LECON IV. hautes que celles des charréttes; car la direction pour les chevaux seroit la même, & l'on peut juger de la force qu'il faut pour la charrêtte sur le sable & sur la terre forte, où elle va droit comme le charriot.

COROLLAIRE XXIV.

C'est mal-à-propos que les Charretiers qui ont des roues neuves à leurs charrettes, attribuent au frottement des moyeux la fatigue que leurs chevaux ont, étant fatigués presqu'au double, autant qu'il paroît, sans qu'ils fassent pour cela plus d'ouvrage; car dès qu'elles ont un peu tourné, elles sont libres sur l'aissieu, & quand elles sont graissées, il n'y a pas plus de peine le second jour que les jours suivans, ou du moins ce qu'il y en a de plus n'est pas sensible, puisqu'on a vû que le frottement sur l'aissieu n'est presque rien; mais c'est la quantité des clous qu'ils mettent aux bandes de ser, & la hauteur dont ils débordent (qui va à un pouce ou environ) qui augmente la difficulté; chaque clou, ou chaque bande où il y a une grande séparation de clou équivalant à la hauteur d'une ligne à surmonter. Par l'expérience cette ligne fait un pouce, par rapport aux rouës réduites du pied au pouce, & puisqu'il faut vingt fois plus de force ou environ pour surmonter cette hauteur d'un pouce & même d'un demi pouce, lorsqu'il faut remonter le fardeau sur chaque pavé : à mesure que la rouë tourne elle devient plus rude, lorsqu'elle se trouve sur le pavé au milieu de la bande, & aux entre-deux des bandes où il n'y a pas de clou: il est donc aisé de juger que les chevaux doivent être considérablement fatigués par ces clous, & que c'est la vraye cause qu'ils le font.

COROLLAIRE XXV.

PAR où l'on voit qu'il est nécessaire que les rouës soient rondes, & que les Charretiers qui prétendent épargner, en mettant quantité de gros clous, parce que la bande ne s'use pas tant quand il y a des clous, sont dans l'erreur & perdent au double en faisant moins d'ouvrage, & fatiguent leurs chevaux davantage.

COROLLAIRE XXVI.

CES clous font le même effet que la bande étroite, ils glissent

EXPE'RIMENTALE.

entre les pavés, ils y trouvent plus de hauteur à furmonter, Leçon IV. en relevant le fardeau sur le milieu du pavé, d'où ils glissent encore quelquesois, ou d'un côté ou d'un autre, ce qui arrondit les bandes & les rend plus glissantes entre les pavés & dans les ornieres que sont les ruisseaux au milieu des ruës; ce qui fait que les bandes étroites sont plûtôt rondes, s'usent davantage, & qu'étant rondes elles fatiguent les chevaux presque comme s'il y avoit des clous.

COROLLAIRE XXVII.

CELA fait assez connoître qu'il y a de l'avantage pour les rouës larges de bandes sur le pavé comme sur terre, ainst qu'il a paru par l'expérience des grandes rouës étroites sur le pavé, & qu'eu égard à cette peine que les chevaux ont de retirer les rouës quand elles sont dans l'orniere ou le ruisseau des ruës; eu égard au dommage que l'on fait au pavé dans cet endroit & à la perte que l'on fait des bandes des rouës qui s'y usent considérablement & qui s'arrondissent; il paroît qu'il y auroit moins d'inconvénient de faire cette orniere en forme d'auge; c'est-à-dire un peu plus large & plus étenduë, comme JE (Figure 14. Planche 17.) au lieu de LM (Figure 15.) qui est la manière dont les ruisseaux sont ordinairement dans les ruës.

Planche 14. Figure 17.

COROLLAIRE XXVIII.

CETTE forme donneroit plusieurs avantages, les bandes des rouës s'arrondiroient bien moins & ne casseroient pas tant le pavé; le ruisseau dureroit plus long-tems, parce qu'il ne recevroit pas de si gros coups; chaque pavé supporteroit presqu'aussi également l'effort qu'il le supporte vers les maisons, au lieu que la rouë étant élevée sur les deux pavés qui croisent, il y en a toujours un plus bas qui supporte le tout coup seul, & qui ensonce de plus en plus, ou qui se rompt; de-là vient que les pavés manquent plûtôt; il arrive encore que le pavé étant nouvellement rétabli, l'eau reste sur le pavé du milieu qui est déja plus ensoncé, elle y séjourne lorsqu'il pleut, il y en a toujours pendant l'été; de sorte que les petites rouës ou les pieds des chevaux tombant dedans, éclaboussent les passans, au lieu que l'eau couleroit dans les ruisseaux s'ils étoient en sorme d'auge, comme elle coule sur le reste du pavé;

LECON IV. les ruisseaux ne seroient pas trop larges lorsqu'il pleut fort; parce qu'ils auroient plus d'étendue par le bas, l'eau iroit plus vîte, les passans ne seroient pas si sujets à être éclaboussés.

COROLLAIRE XXIX.

IL paroît aussi que l'on pourroit faire les ruisseaux ou égouts des maisons plus petits & moins sensibles, ou plûtôt n'en point faire du tout; car l'eau couleroit aussi-bien venant des maisons que quand il pleut; cela se pourroit faire en baissant un peu le pavé quand on pave, ou en obligeant les proprietaires de relever le pavé de leurs maisons; car ces égouts sont très-rudes pour les passans & causent un préjudice considérable, aux chevaux & aux personnes même qui sont en carosse, quoique les passans ne s'apperçoivent pas qu'il faut s'arrêter un peu à chaque égout, en ce qu'il faut faire un petit pas pour en faire après un grand, asin d'enjamber l'égout; il est nécessaire que cela arrive puisqu'on fait à ces endroits de grands & de petits pas; & pour peu que le centre de gravité ou le corps en mouvement s'arrête, l'action venant à charger fatigue considérablement, cela arrive toujours en passant les ruisseaux. C'est par cette seule raison qu'en marchant dans Paris pendant une heure, on est plus fatigué que si l'on marchoit pendant deux ou pendant trois heures en campagne quand même ce seroit sur le pavé; parce qu'à la campagne le corps suit toujours son même mouvement, sans qu'il soit interrompu; il en arriveroit la même chose ou à peu près dans Paris, s'il n'y avoit pas d'égout fortant des maisons, ou qu'ils sussent fort petits, & qu'il n'y eut que le ruisseau au milieu de la ruë un peu large; les personnes qui sont en carosses seroient aussi moins cahotées.

COROLLAIRE XXX.

Le charriot a de l'avantage pour le public par rapport au pavé & au chemin, comme il en a par rapport au particulier qui s'en serviroit préférablement aux charrêttes, parce qu'elles sont d'un grand poids par leur construction, & qu'on les surcharge d'une manière à tout rompre; le poids énorme que l'on met n'étant porté que sur deux points ou sur deux rouës, ensonce dans les terres, & fait des ornières excessives, & la rouë élevée sur un clou au haut d'un pavé tombant sur un autre, le casse ou

EXPE'RIMENTALE.

l'enfonce d'une manière plus préjudiciable que s'il passoit sur ce Leçon IV. pavé 10 & 20 charriot, chargés d'un même poids que celui qui seroit sur la charrette ; car la rouë du charriot tombant de la même hauteur que la rouë de la charrétte, le poids n'étant que moitié, le coup ou l'effort n'est par conséquent que moitié. Or le pavé étant de la nature du verre ou à peu près, il ne rompra pas qu'il ne reçoive un coup suffisant, & cent coups moitié moindres que ce coup suffisant ne le rompront pas; ainsi le coup de la charrêtte étant suffisant pour rompre un pavé, cent coup de la rouë du charriot qui feront moitié moindres ne rompront pas le même pavé; & pouvant supporter l'effort de la rouë du charriot sans enfoncer, il peut arriver qu'il ne supportera pas l'effort de la roue de la charréte; ainsi les charréttes, les petites rouës, les bandes étroites des rouës & les gros clous sont desavantageux pour le public & pour tous ceux qui s'en servent présérablement au charriot.

COROLLAIRE XXXI.

Par les expériences faites sur la terre & sur les sables, on connoît combien il est de conséquence d'avoir des chemins sermes & solides, puisqu'il y a une si grande différence de l'un à l'autre, & que l'on sçait affez que la facilité de transporter les marchandifes, soit par eau, soit par terre, contribue à la richesse artisicielle des Etats & des Provinces ; que si l'on considéroit bien toutes choses, l'on trouveroit que le travail & le tems que l'on employe pour rétablir les chemins, est l'un des plus nécessaires & le mieux employé de tous.

COROLLAIRE XXXII.

DANS ce Corollaire & dans les trois suivans, M. Camus se plaint que les Loix & les Ordonnances pour raccommoder les chemins & sur les matières rélatives aux voitures ne sont pas bien observées, & il remarque qu'un Fermier qui employe plusieurs chevaux pour tirer une grande charrêtte font chargée, fait plus de dégats le long de plusieurs milles en une seule fois que n'en feroient cent aurres, chargées comme elles devroient être selon les Reglemens, & en conséquence il propose les Corollaires suivans.

LECON IV. COROLLAIRE XXXVI.

> On pourroit faire quelques Reglemens pour le bien public, qui seroient aussi avantageux à chaque particulier, comme de défendre de mettre plus de deux chevaux à une charrêtte & quatre à un charriot; les Rouliers gagneroient plus avec quatre chevaux au charriot qu'ils ne gagnent avec 6 à une charrêtte.

COROLLAIRE XXXVII.

IL faudroit défendre aussi de faire des rouës qui n'ayent pas quatre pieds & demi ou cinq pieds de haut pour le moins; il faudroit ordonner que les bandes de fer ayent trois pouces & plus de larges, les jantes trois pouces & un quart de hauteur pour les moindres, ce qui suffiroit pour les carosses; il faudroit quatre pouces pour les charriots ou charrettes, ce qui suffiroit aussi; parce qu'il ne faut pas une plus grande largeur pour les rendre suffifammeut fortes.

XXXVIII COROLLAIRE

IL faut ordonner que l'on ne fasse point de clou à tête, & qu'il y en ait plusieurs à chaque bande de fer qui passent au travers pourêtre rivez ou reployez, & pour empêcher que les bandes ne s'élevent; car deux clous à écrouë à travers chaque bande ou avec une contre-rivure feroient plus d'effet pour les retenir que 6 clous avec des têtes; l'on pourroit également faire aux Forges des bandes de trois pouces plûtôt que de les faire de deux; & parce qu'elles s'usent plus sur les bords, il seroit aisé avec un tas fait exprès de les faire moins épaisses par le milieu étant creuses du côté de la jante, comme DC (Figure 16.) ces bandes étant appliquées à chaud sur les jantes, les empêcheroient encore un peu de fendre, elles ne chargeroient pas plus, & ne couteroient pas davantage; ces choses seroient avantageuses au public, conserveroient les chemins & épargneroient du tems & de la dépense que l'on y employe pour les reparer; il semble que chacun en particulier devroit les souhaiter & les faire executer pour soimême.

COROLLAIRE XXXIX.

LEÇON IV.

COROLLAIRE XXXIX.

On pourroit faire les moyeux des rouës de carosses un peu plus gros par le milieu & ne les pas percer de part en part pour les rais, parce qu'ils ne recevroient point de graisse & ne dérayeroient pas si-tôt; on pourroit aussi-bien les faire de quinze ou seize pouces de long, & faire le gros bout un peu plus petit, puisque la longueur du moyeu ne cause pas plus de frottement & qu'il soutient la rouë plus droite.

Les rais devroient être aussi quartés-longs par le bas, asin d'avoir un épaulement qui les soutiendroit beaucoup mieux, que s'ils étoient tout ronds comme ils le sont ordinairement, & qui empêcheroient les roues de se dérayer & de saire le bruit qu'elles sont, particuliérement l'été; cela seroit qu'il ne seroit pas nécessaire de les ensoncer si avant, ni de percer ces moyeux

tout-à-fait.

Ces épaulemens se pourroient tracer avec une fausse équerre, pour les entailler comme les Menuisiers marquent leurs tenons, & cette fausse équerre taillée suivant l'inclinaison que l'on donne aux rais pour rendre les rouës écouées, serviroit de même pour faire la mortoise dans les moyeux suivant qu'il seroit nécessaire, &c.

M. Camus termine ses réfléxions sur cette matière, en observant qu'une chaise de poste à deux rouës est sujette à tous les inconveniens qu'on a trouvé dans les charéttes, & qu'elle a outre cela l'inconvénient du second cheval qui tire de côté; ainsi pour la commodité des chevaux aussi-bien que des voyageurs, il voudroit que toutes ces chaises eusent quatre rouës, & que le Conducteur ne sût pas à cheval, mais sur un siège comme un Cocher; & qu'ensin les rouës de devant sussent aussi

hautes que celles de derriére.

Outre le frottement qu'on vient d'expliquer, il y a un autre obstacle au mouvement dans plusieurs machines, & c'est la difficulté que les cordes ont de se rouler, laquelle croît, selon la grosseur & la roideur de la corde, selon le poids qu'elle porte & la petitesse des diametres des corps où elle se roule. J'appellerai aussi frottement cet obstacle; parce que l'on doit y faire autant d'attention qu'au frottement des parties de la machine, autrement on trouveroit toujours l'esset des puissances par le moyen des machines moindre qu'on ne l'avoit cru.

Tome I.

Hh

Leçon IV.

M. Perrault dans son Commentaire sur Vitruve donne la description d'une machine de son invention, par laquelle il prétend éviter tous les frottemens. Cette machine est un tour employé d'une nouvelle manière; mais comme il n'est pas exempt de frottement ou de l'obstacle qui résulte de la difficulté de plier les cordes, l'effet ne sçauroit répondre en aucune manière au but qu'il se propose; car dans l'execution il paroît que sa machine a plus du double (quelquefois plus du triple ou du quadruple) du frottement de la même machine employée à la façon ordinaire, lorsque le pivot ou l'aisseu de fer a pour diametre la 12e partie du rouleau ou de l'aissieu de bois. Il dit à la verité que sa machine a été éprouvée & a réussi; mais l'ayant examinée avec soin, je trouve qu'il est impossible qu'elle réussisse de la façon qu'elle est décrite, & afin que personne ne fût tenté de faire la dépense inutile de cette machine en grand, j'en ai démontré le desavantage en presence de la Societé Royale, & j'ai fait voir qu'outre le frottement (que son Auteur a négligé) il y avoit un grand. inconvénient dans l'application de la machine; & je l'ai confirmé par des expériences faites sur un modele d'un pouce à un pied, en suposant la grande rouë de 5 pieds.

M. Perrault donne l'explication de sa machine en cette manière : A l'imitation de la grue, j'ai inventé deux machines pour élever , les fardeaux : la premiere se fait par le moyen de celui de tous , les organes qui est reputé le plus avantageux dans la mécha-, nique pour faciliter le mouvement, parce qu'il est exempt de l'inconvénient qui se trouve dans tous les autres; qui est ce , que nous appellons le frottement des parties de la machine, " qui rendent son mouvement plus difficile. Cet organe est le , rouleau qu'Aristote présere à tous les autres organes, parce " que tous les autres comme les rouës, les moulinets & les , poulies frottent nécessairement par quelque endroit. Mais la , difficulté étoit d'appliquer le rouleau à une machine qui éleve , des fardeaux, son usage n'ayant été jusqu'à present que pour , les faire rouler sur un plan à niveau. La machine que je pro-" pose a une base AAB, à peu près (Planche 17. Figure 18.) ,, comme la gruë; cette base a par en haut des mortoises B, qui " embrassent un arbre CO, qui est posé droit sur son pivot O 5, sur lequel on fait tourner la machine, de même que la gruë quand on veut poser le fardeau. Cet arbre soutient par en haut un travers DD, ausquels sont attachés les cables EE, qui

Planche 17. Figure 18. EXPE'RIMENTALE.

, s'entortillent autour du treuil ou rouleau F, qui a un autre Leçon IV. ,, cable G, qui est aussi entortillé à un de ses bouts; ce dernier , cable est celui qui éleve le fardeau. A l'autre bout du treüil il , y a une grande rouë de bois en forme de poulie HH, à l'entour

, de laquelle une longue corde N est entortillée.

" Pour faire agir la machine on tire la longue corde N, qui ", faisant tourner la grande poulie, fait aussi tourner le treüil F , qui y est attaché. Ce treüil en tournant fait que les cables E E , s'entortillent; & cet entortillement fait que le treüil & la grande " poulie montent, & qu'en même-tems le cable G, auquel le fardeau est attaché, s'entortille aussi d'un autre sens sur le treüil, & ce double entortillement fait monter le fardeau en mêmetems que le treuil monte. Or il est évident que toute cette élevation se fait sans que rien frotte, & que par conséquent , toute la puissance qui tire le cable N, est employée sans empê-" chement, ce qui n'est point aux autres machines. On peut , objecter que la puissance qui agit en N, doit outre le fardeau ", lever aussi le treiil & la grande poulie, & que la pesanteur est , de ces obstacles qu'Aristote dit se rencontrer dans toutes les , autres machines. Mais la réponse est que le frottement est un , obstacle inévitable dans toutes les autres machines, & qu'il est , aifé d'apporter remede aux obstacles qui sont dans celle-ci: , ce qui se fait par le moyen du poids M que l'on rend égal à la », pesanteur du treiiil & de la grande poulie qui sont élevés & , soutenus par la corde JJ, laquelle passant sur les poulies LL , est attachée à l'anneau K, qui embrasse le treüil F. Car le treüil ,, & la grande poulie étant contre-pesée par ce poids, la puissance , qui agit en tirant la corde N, n'agit plus que pour l'élevation ,, du fardeau.

"L'expérience qui a été faite de cette machine a confirmé la , vérité de ce problème, lorsque ses effets ont été comparés ,, avec ceux d'une gruë, dans laquelle les proportions de la », groffeur du treüil avec la circonférence de la rouë étoient , pareilles à celles de ces mêmes parties dans ma machine; car , il s'est trouvé qu'à la gruë un poids de sept étoit emporté par le , poids d'un, pendu à une corde entortillée sur la rouë, lorsqu'on , y avoit ajouté une demie partie pour le trait; & l'on a trouvé » que lorsqu'on augmentoit le poids à élever & celui qui élevoit 2), à proportion, il falloit pour faire trebucher que le poids du trait , fût aussi augmenté à proportion; de manière que comme il

LEÇON IV.,, falloit une demie partie pour le trait à sept parties, il en falloit , une entiére à quatorze, deux à vingt-huit, quatre à cinquante-,, six & ainsi à proportion, à cause que la résistance du frottement , augmente à peu près par une même proportion, à mesure que , les poids sont augmentés. Mais cela n'est point arrivé à ma , machine dans laquelle un quart de partie a toujours fussi pour , le trait non-seulement des sept, mais des quatorze, des vingt-,, huit, des cinquante-six & des autres; ce qui est une marque , évidente que cette machine agit sans aucun frottement.

> Ainsi parle M. Perrault; mais quelque plausible que puisse paroître cette description, un peu d'attention fera voir que si cette nouvelle machine n'a point de frottement, elle est cependant plus incommode qu'un tour, avec les mêmes proportions, & qu'elle a aussi plus de frottemens que la même machine n'en a dans l'usage ordinaire. ACE (Planche 18. Figure 1.) est le tour ordinaire dont la rouë AB a un diamétre cinq fois plus grand que celui de l'aissieu; en sorte que AC rayon de la rouë (qui est la distance de la puissance) est à CB rayon de l'aissieu (distance du poids) comme 5 est à 1; par conséquent un (par exemple une once, comme dans notre expérience) doit tenir cinq en équilibre. Mais quoique le frottement du tourillon en C soit inévitable. on peut cependant le diminuer, en diminuant le diamétre du tourillon; * pourvû qu'il soit assez fort pour soutenir la machine avec son poids. Ici le poids d'un denier ou de 1 de la puissance lui étant ajouté la fait préponderer & donne au mouvement de la machine une vîtesse convenable.

Planche 18. Figures 1 & 2.

Note 4.

Au contraire la machine employée selon la méthode de M. Perrault altére tellement les distances des poids & de la puissance, qu'au lieu d'un pour notre puissance, il nous faut deux & demi pour tenir en équilibre le même poids cinq, comme on le voit par la seule inspection de la 2º Figure, où puisque dans l'action de la machine, lorsqu'on tire la corde PA, on fait rouler l'aissieu DB sur la corde HD, il est évident que D est devenu le centre du mouvement DB (toute l'épaisseur de l'aissieu) la distance du poids = 2, & la distance de la puissance est réduite à AD = 4. En sorte que si deux hommes ayant été employés selon la méthode ordinaire à élever des poids égaux à la force de dix hommes, & qu'un Machiniste change leur manière d'operer, & substitue au tour ordinaire celui de M. Perrault, au lieu d'y trouver un avantage, il verra qu'il lui faut trois hommes de plus pour EXPERIMENTALE.

Elever ces poids. * Si l'on répond, que ce que l'on a perdu en LECONIV. force, on le gagne en tems; on peut dire que cette machine ne peut pas être utile dans certaines occasions imprevûes où l'on a besoin de forces'; & quand ce ne seroit pas là un inconvénient il y auroit toujours plus de frottement dans cette machine que dans le tour ordinaire; car le rouleau ou aissieu doit trouver de la difficulté à rouler les cordes, parce qu'elles ne sont pas parfaitement pliables, & que moins elles le sont, plus doit être grand le poids qui les allonge. Cela joint au frottement du collier de la corde qui porte le contre-poids de la machine, rend l'obstacle plus grand que dans la méthode ordinaire. Car j'ai trouvé par mes expériences que lorsque la puissance devient égale à 2 1, elle tient 5 en équilibre, & qu'il faut y ajouter 1, (c'est-à-dire ici le poids de 4 deniers) pour la mettre en mouvement.

Or pour faire voir que ce frottement des cordes n'est pas toujours le même, comme M. Perrault le suppose, lorsque P (ou la puissance, Figure 2.) n'est que d'une once, & W (ou le poids) de 2 onces, il ne faut alors pour faire préponderer la puissance que le poids de 2 deniers & 18 grains; mais lorsque P est = 2 1/2, & W = 5, le poids additionnel marqué \(\frac{1}{5} \) étoit de 4 deniers & 2 grains ..

Par-là on voit clairement que les expériences de M. Perrault ont été faites fort négligemment & qu'on ne peut pas y compter.

Je me suis un peu étendu sur cette machine, parce qu'on peut se laisser entraîner dans l'erreur par l'autorité d'un homme de grande repu-

tation qu'on ne soupçonne pas aisément s'être trompé.

Quoiqu'il soit pour le moins aussi difficile de rendre compte des forces requises pour plier les cordes de différens diamétres (tendues par différens poids en les entortillant autour des corps de différentes grosseurs) que de donner une théorie exacte du frottement; cependant il seroit aussi préjudiciable à la méchanique pratique de ne pas considérer la perte du mouvement occasionnée par cette tension des cordes que de négliger le frottement des parties d'une machine. Ainsi quoique les différentes matiéres qui composent une corde, leur dissérente roideur, selon qu'elles sont plus ou moins torses, & quelquesois la temperature de l'air (sec ou humide) dans le tems qu'elles sont employées, concourent à rendre nos conclusions très-difficiles & peu exactes; cependant il nous paroît qu'il sera très-utile de

Planche 18. Figure 2.

LECON IV. donner ici la meilleure théorie que nous pourrons avoir, & de faire mention pour y parvenir de quelques experiences qui ont été faites sur des cordes très-bonnes dans leur espéce & médiocrement torses; parce que si l'on a tendu par le moyen d'un poids connu autour d'un cylindre, d'un rouleau ou d'une poulie, une partie de corde de quelque longueur, d'une épaisseur égale & torduë également d'un bout à l'autre, & si l'on a observé quelle force doit la faire plier autour d'un rouleau dont le diamétre est donné, on trouvera quelle autre force est requise pour la plier autour d'un autre corps, & lorsqu'elle sera tenduë par un poids différent; & d'ailleurs dans les cordes nouvellement faites la difficulté de les plier, le reste étant égal est à fort peu près comme leurs diamétres (& non pas comme leurs solidités.)

EXPÉRIENCES.

Planche 18.

J'A 1 attaché à deux crochets immobiles R R les deux cordes Figures 3, 4. Rr, Rr à la distance d'environ 8 pouces l'une de l'autre; & j'ai suspendu à leur bout inférieur le bassin SS sur lequel j'ai placé les poids W pour tendre les cordes. Ensuite j'ai pris successivement trois cylindres tels que Cc, chacun d'un pied de longueur (l'un d'un demi pouce, l'autre d'un pouce, & le troisième d'un pouce & demi de diamétre) & ayant entortillé les deux cordes autour de l'un de ces cylindres, comme on peut voir dans la figure, j'ai mis des poids dans le petit bassin s qui par le moyen du ruban m J portoient en bas le cylindre vers W, ayant soin toujours d'empêcher les frottemens des parties des cordes les unes contre les autres, & roulant le cylindre en haut & en bas deux ou trois fois avant que d'y fixer le poids qui l'entraîne.

N. B. Ce poids comprend celui du cylindre & du bassin.

Dans la 4º Figure C représente la section du cylindre ou rouleau autour duquel la corde Rr s'entortille, KL son diamétre

& ms le petit bassin & le ruban comme ci-devant.

Le poids W peut toujours être regardé comme celui qui tend la corde; parce que (quoiqu'il tende les cordes & que par conféquent chacune ne soit tenduë que par la moitié de ce poids) le cylindre Cc (Figure 3.) tiré en bas par le poids s plie ou entortille les deux cordes en C&c, ce qui lui donne autant de difficulté pour descendre que si une seule corde portant tout le poids étoit entortillée autour de ce cylindre.

LECON IV.

T A B L E D E S E X P E' R I E N C E S qui marquent les forces requises pour plier des cordes de différens diamétres, tenduës par différent poids autour des rouleaux de différentes épaisseurs.

Quantité du poids W qui tend la corde exprimée en livres aver du poids	la corde au- tour d'un cy- lind e d'un demi pouce de diamétre	lindre ou rou- leaud'unpou- ce de diamé-	Refistance, autour d'un rou- leau d'un pou- ce & ½ de dia- métre en Zaver du poids-	Diamétre des cordes à trois cordes , ex- primées en dixiémes d'un pouce.
60 l	\ \begin{cases} 225\\ 30\\\\ 45\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	75 ₹	0,2
40 l	\\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	30	50	0,2
20 l	\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10 * 10	0, 5 0, 2 8, I

* Ici l'expérience n'a pas pû se faire, parce que le cylindre de 1½ pouce de diamétre qu'il auroit fallu employer pesoit environ 8 onces, & qu'il paroît par analogie que le poids requis pour plier la corde ne devoit être que de 5 onces.

OBSERVATIONS SUR LA TABLE PRE CEDENTE.

On a pris le milieu dans la plûpart des expériences dont il est ici question, la difficulté de plier les cordes étant quelquesois.

un peu plus petite & d'autres fois un peu plus grande.

On peut de cette table en tirer une autre plus étendue en y marquant des nombres proportionnels pour les autres épaisseurs différentes des cordes & pour de plus grands diamétres de cylindre ou rouleaux; mais dans les cordes d'un diamétre plus grand qu'un demi pouce, un rouleau d'un demi pouce est trop petit, & lest bien rare qu'on s'en serve dans la pratique, & même en

pareil cas le ployement des cordes est plus difficile à proportion que dans les autres expériences; dans celles que j'ai faites, la corde o, 5 d'un pouce de diamétre exige communément plus que

je n'ai marqué ici.

Je trouve que le cordon d'une horloge de 0, 1 pouce de diamétre lorsqu'il est fait au métier, demande plus de force pour le plier, qu'une corde entortillée de la même épaisseur, laquelle paroît plus roide; mais si l'on fait attention que le fil fait au métier s'applatit à mesure qu'il se roule autour du cylindre; on verra que cela doit faire le même effet que si le cylindre étoit devenu plus petit, un tour d'un pareil fil faisant par ses parties centrales un moindre cercle qu'une corde entortillée qui ne s'applatit pas.

M. Amontons a fait plusieurs expériences de cette espéce qui font rapportées dans les Mémoires de l'Académie Royale des Sciences à Paris pour l'année 1699. & il a calculé une table de la force requise pour plier les cordes; mais je ne puis pas conseiller l'usage de cette Table, parce qu'elle est calculée sur une méprise; car il dit que la difficulté de plier une corde de la même épaisseur & chargée du même poids décroît lorsque le diamétre du rouleau augmente, mais qu'elle ne décroît pas autant que ce diamétre augmente. Cependant j'ai trouvé par un grand nombre d'expériences que j'ai répetées plusieurs fois que la difficulté décroît directement autant que le diamétre du rouleau augmente; c'est-àdire, que la difficulté de plier une corde autour d'un rouleau, est, tout le reste étant égal, en raison inverse du diametre du rouleau.

N. B. Je crois que la méprise de M. Amontons vient des parties de la corde qui frottoient les unes contre les autres; ce que j'ai

toujours eu soin d'éviter.

Lorsqu'une corde est passée au-dessous ou au-dessus d'une rouë de poulie, la difficulté de la plier est aussi grande que si elle entouroit totalement un rouleau, ce que l'on verra en faisant attention à la Figure 4e de la Planche 18. car pendant que la corde se roule autour du cylindre C dans la direction r K L, la partie inférieure LoK s'entortille d'elle-même sans aucune difficulté.

J'ai donné dans cette Leçon, (tout au commencement) des regles pour le frottement dans une machine composée, & j'ai fait voir par un exemple l'application de ces regles; mais je n'y ai pas compris la difficulté de l'entortillement des cordes. Maintenant je vais donner un autre exemple où je considére aussi cette difficulté, & je fais voir combien la théorie s'accorde avec

l'expérienne

Planche 18. Eigure 4.

l'expérience faite avec une machine faite avec toute l'exactitude LECON IV.

possible pour rendre la compensation plus juste.

Cette machine est composée de trois poulies (deux supérieures & une inférieure ou d'une mousse à trois) dont les diamétres sont exactement comme il suit, sçavoir de deux pouces, d'un & un quart, d'un & demi; & tous les aissieux d'un quart de pouce exactement, & la corde d'un dixième d'un pouce d'épaisseur. Le poids est de 18 livres averdupoids, & par conséquent la puissance qui le tient en équilibre doit être de 6 livres, & il ne faudroit ajouter que très-peu pour lui saire élever le poids, s'il n'y avoit point de frottement; mais ici il ne faut rien que 20 onces, quoique la machine soit fort exacte.

J'ai fait voir (dans la regle 2, page 197) que les deux tiers de la puissance sont égaux au frottement d'un cylindre, dont la surface se meut aussi vîte que la puissance & dont les tourillons sont égaux en diamétre au cylindre. Mais comme le diamétre de la premiere poulie est huit sois plus grand que son aissieu, son frottement doit être de 4 livres divisées par 8, ou 8 onces; parce que comme la surface de sa circonférence se meut avec la même vîtesse que la puissance, sa surface qui frotte contre l'aissieu doit se mouvoir

huit fois plus lentement.

La 2^e poulie 2, dont la surface se meut une sois aussi lentement que la puissance, & dont l'aissieu est six sois moindre en diamétre, doit par conséquent n'avoir son frottement que de 5 \frac{1}{3} onces; parce que deux tiers de la puissance, ou 64 onces doivent d'abord être divisées par 2 à raison de la vîtesse de la surface de la poulie qui n'est que la moitié de celle de la puissance, & ensuite encore par 6, parce que l'aissieu étant six sois plus petit, les parties qui frottent sur l'aissieu doivent se mouvoir encore 6 sois plus lente-

ment; en forte que $\frac{64}{2} = 32 \& \frac{32}{6} = 5\frac{1}{3}$ onces.

La 3° poulie 3, se mouvant avec le tiers de la vîtesse de la puissance, il faut diviser 64 onces par 3, & ce quotient encore par 5, parce que l'aissieu est ici ½ du diamétre de la poulie; en sorte que les parties de cette poulie qui frottent ont leur vîtesse, un cinquiéme d'un tiers ou ½ de la vîtesse de la puissance; & par conséquent 64 donneront 4, 26, &c. onces. Or la somme de tous ces frottemens (sçavoir 8 onces + 5, 333, &c. onces + 4, 26, &c. onces) fait 17, 6 onces, qui est la 5° & 4 partie de la puissance. Cette addition a la puissance doit aussi augmenter le frottement de manière à exiger une nouvelle addition de la 5°.

Ii

Tome I.

LECON IV. & 4 partie de cette premiere addition, & ainsi de suite dans cette serie 17, 62 onces + 3, 2 onces (qui est $\frac{17}{5}$, $\frac{62}{5}$) + 0,

59 onces (qui est $\frac{3,2}{5,4}$) &c. en tout 21, 55 onces.

Il faut encore ajouter à cela le frottement ou résistance eu égard à la difficulté de plier les cordes que l'on peut trouver par la derniere table en cette manière.

Supposons que la partie de la corde qui est en 1 côté de la premiere ou supérieure poulie y soit fixée, alors les 3 cordes D E 3 B & 2 A soutiendront ensemble tout le poids W, lequel (joint avec la poulie) pese 18 livres; en sorte * que nous pouvons considérer chaque corde comme tenduë par six livres, & entortillée autour de dissérens cylindres des diamétres respectifs des poulies.

Pour la premiere poulie, nous voyons dans la table pour une corde d'un dixiéme d'un pouce, que lorsqu'elle est tendue par un poids de 20 livres; il faut 7, 5 onces pour la plier autour d'un rouleau d'un pouce; nous pouvons donc faire usage de cette analogie.

Comme 20 livres qui tendent une corde d'un dixième d'un pouce en diamétre:

Sont à $7^{\frac{1}{2}}$ onces, force requise pour l'entortiller sur un rouleau d'un pouce :

Ainsi 6 livres, lorsque cette quantité seule tend la corde :

Sont à 2, 25 onces (c'est-à-dire, 2 \frac{1}{4} onces) force capable d'entortiller la même corde, tenduë seulement avec 6 livres, autour d'un sylindre d'un pouce de diamétre.

Mais comme la premiere poulie n'est pas d'un, mais de deux pouces de diamétre, il faut diminuer la force necessaire pour entortiller la corde en raison réciproque de ces diamétres, par l'analogie suivante qui servira aussi aux deux autres poulies.

* Il est vrai que dans le mouvement une corde porte une plus grande partie du poids que l'autre; mais après tout les différentes difficulte prises ensemble d'entortiller les cordes reviennent au même. En sorte que c'est le moyen le plus aisé, & par conséquent le meilleur de les considéres.



LEÇON IV. Comme le diamétre de la poulie, où nous voulons connoître la force d'entortillement :

Est au diamétre la poulie où la force est connuë:: Amfi la force d'entortillement trouvée ci-devant : Est à la force requise d'entortillement.

C'est-à-dire, comme 2: 1:: 2, 25: 1 125 onces pour la premiere poulie.

Et comme 1, 5: 1:: 2, 25: 1,5 onces pour la séconde poulie; Et enfin comme 1, 25:1::2, 25:1, 8 onces pour la 3 e poulie.

Par ces analogies on peut porter la petite Table au-dessus de toutes les autres proportions, en sorte qu'on y puisse voir d'un coup d'ail la force requise pour entorteller les cordes dans la plûpart des cas; ou qu'on puisse conclure de la plûpart des cas de cette Table même.

Mais pour continuer la théorie du frottement de notre machine: ces trois derniers frottemens ou résissances des cordes ajoutées ensemble font 4, 425 onces, lesquelles ajoutées à 21, 41 onces, frottement déja trouvé, donnent en tout 25, 835 onces, frottement plus grand de près de 6 onces que l'expérience ne donne. Mais j'ai démontré dans la Note sur ma 3e Leçon (page 170) que lorsqu'un fil ou une corde roule sur une poulie simple ou rouleau par la descente du poids préponderant (l'autre poids s'élevant en mêmetems) la pression sur l'aissieu de la poulie est toujours égale au quadruple du produit des poids multipliés l'un par l'autre & divisés par la somme des mêmes poids. Cette pression étant toujours moindre que la somme des deux poids lorsqu'ils sont inégaux, il faut ôter d'autant plus pour tous les frottemens que cette pression est plus petite, & l'expérience alors s'approchera extrêmement de la Théorie. Mais pour ne rien omettre dans notre calcul, je vais encore examiner à quoi aboutit cette diminution de pression.

La puissance (6 livres) jointe avec ce que nous avons trouvé qui doit nécessairement lui être ajouté eu égard à tous les frottemens & résistances des cordes, doit être regardée comme un poids préponderant dans le cas de la proposition citée, c'est-àdire, 6 livres & près de 26 onces, ou 122 onces; & 6 livres sans aucune addition doivent être regardées comme enlevées de l'autre côté de la premiere poulie 1, qui est une poulie supérieure. Multiplions ensemble les deux poids, c'est-à-dire, in the

LECON IV. 6 livres ou 96 onces x 122 onces, dont le produit est de 11712 onces, qu'il faut encore multiplier par 4, ou 11712 onces x 4 donne le produit 46848; ensuite divisant ce dernier produit par

218 (fomme des onces dans les deux poids) ou $\frac{46848}{218}$, le quotient

sera 214, 9, qui étant soustrait de 218 somme des poids, donnera 3, 1 onces pour la diminution de pression, ou pour la partie de la pression dont l'aissieu de la poulie 1 est délivré, lorsque le poids

préponderant descend.

Mais comme il y a une autre poulie sur laquelle la corde roule aussi, il faut en ôter encore à cet égard 3, 1 once; en sorte que si ces deux derniere sommes, ou 6, 2 onces sont ôtées de 25,835 onces, trouvées par la Théorie égales à tous les frottemens, il restera 19, 635 onces, addition nécessaire pour faire que la puissance emporte le poids avec la moindre augmentation possible, & cette augmentation dans l'expérience est o, 365 ou un peu plus que le tiers d'un once; car 20 onces ajoutées à la puissance 6 livres le font agir.

N. B. On n'a rien ajouté ici rélativement au poids qu'il faut ajouter pour plier les cordes, comme étant une augmentation de frottement, ce qui auroit approché encore plus l'expérience de la Théorie.

Dans la pratique il n'est pas nécessaire d'avoir égard à ce dernier article ou de faire attention à cette diminution de pression sur-tout dans les poulies a plusieurs yeux, parce qu'il y a ordinairement quelques obstacles de plus que le frottement ordinaire; par exemple, lorsque les rouës frottent contre les côtés des chapes, ou lorsque leur trou est trop grand, ce qui augmente le frottement autant que si l'aissieu étoit devenu d'autant plus gros.

Voulant éprouver jusqu'à quel point la Théorie du frottement & de l'entortillement des cordes, s'accorde avec les mouffles dont ont se sert communément dans les bâtimens, & par conséquent combien elle peut servir à nous conduire dans la pratique;

j'ai fait les Expériences suivantes.

Leçon IV.

Expérience I.

J'A I pris une mouffle à cinq poulies de cuivre dans des chapes de fer; e'est-à-dire, trois poulies dans la chape supérieure, & deux dans l'inférieure.

Ayant formé l'équilibre en suspendant un quintal & un quart à la chape inférieure, & le quart d'un quintal à la corde de retour, j'ai été obligé d'ajouter 17 livres & demi pour faire descendre la puissance, & élever le poids.

Expérience II.

DEUX quintaux & demi étant balancés par un demi quintal? l'addition de 28 livres a fair montet le poids.

N. B. Les rouës des poulies avoient cinq pouces de diametre, leurs

aissieux un demi pouce, & la corde trois quarts d'un pouce.

Dans la premiere Expérience 17 livres & demi surpassoient de 4½ livres la somme des frottements & des résistances, tirée de la théorie. Mais dans la seconde Expérience 28 livres ne surpassent la somme des frottements, &c. que de 2 livres. Il me paroît que la raison de cette dissérence est, que la corde au commencement étoit trop grosse pour les chapes qui contiennent les rouës; mais dans la seconde Expérience, où la corde étoit plus tenduë, son diametre s'étoit un peu diminué, & ainsi elle ne frottoit pas tant contre les chapes.

La connoissance de la quantité de frottement dans ces grandes moussiles, nous apprend à quoi nous devons nous attendre dans la pratique. Car si un homme qui pendant un petit espace de tems peut faire un effort de 100 livres, s'imagine qu'il pourra élever une pierre, ou un rouleau de feuilles de plomb, ou tout autre poids au haut d'une maison, avec une moussile à cinq yeux, (parce que la chose paroît faisable par les principes méchaniques) il sera bien trompé par rapport au frottement, qu'il ne pourra pas

surmonter sans une force additionnelle de 50 livres.

Man

J'espere que ce détail que j'ai donné du frottement & des obstacles au mouvement dans les instruments méchaniques, (quelque imparfait qu'il soit) sera d'un grand usage pour diriger ceux qui se mêlent des machines & des Manufactures. Et pour leur donner tout le secours dont je suis capable en cette matière, je joindrai ici quelques restéxions sur la force

LECON IV. comparative des hommes & des chevaux, & sur la meilleure manière d'appliquer leurs forces. C'est le résultat des observations que j'ai faites pendant plusieurs années, & de tout ce que j'ai trouvé dans les Auteurs

qui ont traité cette matière.

Un cheval tire avec le plus grand avantage, comme nous l'avons déja fait voir d'après M. Camus, lorsque la ligne de direction (étant paralléle au plan sur lequel le poids se meut) est à niveau de la poitrine du cheval, & il est capable dans cette situation de tirer 200 livres pendant huit heures chaque jour, & de parcourir environ deux milles & demi par heure; ce qui fait à peu-près trois pieds & demi par seconde. Si l'on fait tirer à ce cheval 240 livres, il ne peut travailler que six heures par jour, & il ne peut pas aller austi vîte; dans les deux cas, s'il porte quelque poids, il tirera mieux que s'il n'en porte point. Je ne prétends pas parler de ce qu'un cheval peut tirer sur une voiture; parce qu'en ce cas il n'a que le frottement à surmonter, ensorte qu'un cheval moyen bien appliqué à une charrêtte, pourra souvent tirer plus de 1000 livres; mais ce qu'un cheval peut tirer en haut du fond d'un puits sur une poulie simple ou sur un rouleau (fait de manière que le frottement soit le moindre qu'il est possible) est proprement le poids qu'un cheval peut tirer; & les chevaux, l'un dans l'autre tirent dans ce cas, comme je l'ai dit, environ 200 livres. On doit estimer de même le travail des chevaux dans toutes sortes de moulins & de machines hydrauliques, où l'on doit connoître aussi exactement qu'il est possible, combien on peut faire tirer à chaque cheval, pour pouvoir juger de l'effet qui en résnitera, ayant égard à tous les frottements & obstacles, avant que de faire conftruire aucun moulin o u machine.

Lorsqu'un cheval tire dans un moulin, dans une machine hydraulique, ou dans toute autre machine, (dans laquelle on fe sert du cheval pour tirer circulairement un cabestan ou un treüil) il faut avoir grand soin que le trottoir du cheval soit assez large en diametre; autrement il ne pourra pas agir avec toute sa force en tournant; car dans un petit cercle ou trottoir, la tangente (dans laquelle le cheval doit tirer) s'écarte plus du cercle où le cheval est obligé de marcher, qu'elle ne fair dans un grand cercle. Le trotoir du cheval ne doit pas avoir moins de 40 pieds de diametre, lorsqu'il y a affez de place pour cela ; & le même cheval perd considérablement de sa force dans un petit trotoir, parce qu'il rire dans une corde du cercle, tirant la poutre horizontale derEXPE'RIMENTALE.

riére lui à angles aigus, tellement que dans un trotoir de 19 pieds Leçon ! de diametre, j'ai vû un cheval qui perdoit deux cinquiémes de la force qu'il avoit dans un trottoir de 40 pieds de diametre. La plûpart des Meuniers à Londres, & je crois dans la plûpart des grandes Villes) n'aiment pas à faire de grands trottoirs pour leurs chevaux, même lorsqu'ils ont assez de place, parce que, comme ordinairement ils manquent de place dans les endroirs où ils sont obligés de construire leurs machines, ils se sont accoutumés à faire leurs modéles pour de petits trottoits, & ils s'imaginent qu'il suffit de donner la même vîtesse proportionnelle à la puisfance & au poids, que l'on donne dans les plus grands trotoirs (parce que si la rouë en couteau est d'un diametre si petit, que le cheval tire près du centre, la difficulté de tirer, si ce n'étoit pour l'entortillement du cheval, seroit toujours la même) ne failant pas refléxion à l'effort que l'on fait faire au cheval; ou lorsqu'ils ont trouvé par expérience combien un cheval peut tirer aisément, & quels sont les desavantages qui résultent d'un tournovement subit, ils ne veulent pas profiter de l'avantage que leur donneroit un plus grand espace, en éloignant cette difficulté; parce qu'ils ne veulent pas s'écarter de la méthode où ils ont été accoutumés. Mais les Meuniers, qui ont travaillé aux mines de charbon & de pierre, font plus intelligents en cette matière, parce qu'ils ont été accoutumés à de grands trotoirs pour les chevaux dans les mines, &c.

J'ai trouvé souvent que cinq hommes sont égaux en sorce à un cheval *, & peuvent avec la même facilité pousser en rond le levier horizontal dans un trotoir de 40 pieds; mais trois des mêmes hommes pousseront circulairement un levier dans un trotoir de 19 pieds, qui ne pourra pas être tiré par un cheval (d'ailleurs égal à

cinq hommes.)

La plus mauvaise manière d'appliquer la force d'un cheval, est de le faire porter ou tirer au haut d'une colline; car si la colline est escarpée, trois hommes feront plus qu'un cheval. Chaque homme grimpe en haut plus vîte, étant chargé de 100 livres, qu'un cheval chargé de 300 livres. Cela vient de la position des parties du corps de l'homme, qui sont mieux situées pour grimper, que celles du cheval.

Il suit de cette observation, que ceux qui ont cru tirer un grand avantage du poids d'un cheval, en l'appliquant à une machine, n'ont pas trouvé dans l'exécution ce que le calcul du poids de

* Note 6.

IFFCON IV. cet animal leur avoit promis, parce qu'à chaque pas le cheval grimpe réellement une élevation, lorsqu'on fait usage de son

poids; & pat conséquent il va plus lentement.

Comme un cheval par la structure de son corps agit avec le plus de force lorsqu'il tire horizontalement en ligne droite, un homme agit avec le moins de force de cette manière; par exemple, si un homme qui pese 140 livres marche le long d'une riviere ou d'un canal, & tire un batteau ou une barque par le moyen d'une corde qui passe sur ses épaules, ou qui est attachée en quelque endroit que ce soit de son corps, il ne peut tirer plus de 27 livres, ou seulement environ la septiéme partie de ce qu'un cheval peut tirer en ce cas : car toute la force avec laquelle un homme agit dans ce mouvement, dépend entierement de son poids, & ce n'est pas tout son poids qui agit, mais seulement & de poids, & encore trop obliquement, le poussant en avant lorsqu'il se baisse, & c'est ce qui produit toute la force par laquelle l'homme tire la barque, comme il l'a été démontré par M. de la Hire dans un Mémoire qu'il a présenté à l'Académie Royale des Sciences à Paris, en 1699, que l'on trouvera dans les Notes. *

Les autres raisonnements qu'il fait sur l'application de la force d'un homme, sont justes; mais ses hypothéses n'étant pas vrayes, quelques-unes de ses conclusions, quoique bien déduites des mêmes hypothéses, ne sont pas vrayes en elles-mêmes. Ainsi j'ai donné dans la même Note des remarques sur ce qu'il dit.

En tirant une barque de la manière qu'on l'a dit ci-devant, un homme pesant (pourvû qu'il n'ait pas de la difficulté à se mouvoir) aura plus de force qu'un autre, à moins que celui-ci ne porte un poids proportionnellement; & plus ce poids sera élevé,

plus il aura de force.

Lorsqu'un homme fait tourner un rouleau horizontal, ou un vindas avec une manivelle, ou autre manivelle, il n'a pas plus de 30 livres pefant qui agissent contre lui, s'il travaille dix heures par jour, & s'il éleve le poids à environ 3 pieds & demi dans une seconde, ce qui est la vîtesse ordinaire avec laquelle un cheval tire un poids: je dis 30 livres, en supposant le diametre du vindas égal à la distance du centre au coude de la manivelle, car s'il y a, comme à l'ordinaire, quelque avantage méchanique, ensorte que le diametre de l'arbre sur lequel la corde est entortillée, soit quatre ou cinq fois moindre que le diametre du cercle que la main décrit, alors le poids sera (en y comprenant la résistance

Note 8.

EXPERIMENTALE.

qui vient du frottement & de la roideur de la corde) quatre ou cinq fois plus grande que 30 livres, c'est-à-dire, autant que le

poids se meut plus lentement que la main.

Tome I.

Dans cette opération l'effer de la force d'un homme varie dans chaque partie du cercle que la manivelle décrit. La plus grande force est lorsqu'un homme tire la manivelle en haut d'environ la hauteur de ses genoux, & la moindre force est lorsque (la manivelle étant au plus haut) un homme la pousse horizontalement contre lui; ensuite l'effet devient plus grand à mesure que l'homme agit par tout son poids pour pousser en bas la manivelle; mais eette action ne peut pas être aussi grande, que lorsqu'un homme tire en haut, parce qu'il ne peut pas y appliquer au-delà du poids de son corps, au lieu qu'en tirant en bas, il agit avec toute sa force. Enfin l'homme n'a que très-peu de force lorsqu'il tire vers lui horizontalement la manivelle arrivée au point le plus bas. Supposons avec M. de la Hire, qu'un homme d'une force médiocre pese 140 livres, il peut dans les quatre parties principales de la circonférence de son mouvement en poussant & tirant, agir avec les forces suivantes; sçavoir dans le point le plus fort une force égale à 160 livres; dans le plus foible, une force de 27 livres; dans le point suivant affez fort, 130 livres; & dans le dernier ou second point moins foible, 30 livres. Ajourons toutes ces forces ensemble, qui feront 347 livres, & divisons par 4, nous aurons 86 livres 3; ce qui donne le poids qu'un homme peut élever par une manivelle, s'il peut agir continuellement avec toute sa force sans s'arrêter, pour prendre sa respiration; mais comme cela n'est pas possible, le poids doit retomber & surmonter au premier point soible, surtout lorsque la manivelle se meut lentement, comme il doit arriver si l'homme veut agir tout autour avec toute sa force. Outre cela, pour élever un tel poids, on doit supposer que l'homme agit toujours le long de la tangente du cercle du mouvement, ce qui n'arrive pas dans la pratique. De plus il faut qu'il y ait une vîtesse suffisante * pour que la force appliquée aux points les plus forts ne se perde pas avant que la main arrive aux points les plus foibles, ensorte qu'il est difficile à un homme de continuer ce mouvement irrégulier; & par conséquent lorsqu'il n'y a point d'autres avantages, la résistance ne doit être que de 30 livres : & même on ne pourra pas la soutenir au point le plus foible, à moins qu'il ne reste quelque sorce du point le plus fort.

* Note 7.

Kk

Si deux hommes travaillent à l'extrémité d'un rouleau ou d'un vindas, pour tirer d'une mine des charbons ou des pierres, ou pour tirer l'eau d'un puits, il leur est plus aisé de tirer en haut 70 livres, (en supposant toujours que le poids & la puissance ont des vîtesses égales) qu'à un homme d'en tirer 30 livres, pourvû que le coude de l'un des manches soit à angles droits avec l'autre. Car alors un homme agira au point le plus fort, tandis que l'autre agira au point soible de sa révolution; & par ce moyen les deux hommes se soulageront mutuellement & successivement. La maniere ordinaire est de placer les manches à l'opposite l'un de l'autre, ce qui ne peut pas donner l'avantage dont je viens de parler; quoiqu'on gagne même dans cette position un peu de force, parce qu'un homme tirant pendant que l'autre pousse, travaille au plus fort des deux points soibles, pendant que l'autre travaille au plus soible, ce qui l'aide un peu.

Il est vrai qu'il y a un moyen de faire ensorte qu'un homme travaille un tiers de plus avec un vindas, lorsque le mouvement est fort rapide, comme d'environ 4 ou 5 pieds par seconde, * & c'est par l'application d'un volan, qui est une croix portant des poids de plomb à ses extrémités, ou plû-tôt (ce qui vaut beaucoup mieux) par le moyen d'une rouë pesante à angles droits sur l'aissieu du vindas ou du rouleau. Par ce moyen la force de la puissance que l'homme auroit perdue, se conserve dans le volan, & se distribue également dans toutes les parties de la révolution, ensorte que pendant quelque tems un homme peut agir avec la force de 80 livres, c'est-à-dire, surmonter une résistance conti-

nuelle de 80 livres, & travailler tout un jour, lorsque la résissance

n'est que de 40 livres. *.

* Le volan peut s'appliquer à différentes fortes de machines, soit qu'elles soient mûes par des hommes, des chevaux, le vent ou l'eau, on par toute autre puissance animée ou inanimée; & il est d'un grand usage dans les parties d'une machine qui ont un mouvement circulaire très-prompt, & où la puissance ou résistance agit inégalement dans les distérentes parties d'une révolution. Cela a fait croire à certaines gens, que le volan donne une nouvelle sorce, en supposant qu'un volan joint à une machine qui doit se mouvoir en rond, aide la machine à faire ce mouvement. Mais quoiqu'il soit vrai de dire que le volan facilite le mouvement, en ce que le volan facilite le mouvement, en ce

cependant il ne laisse pas de produire une perte de force, bien loin de l'augmenter. Car premiérement il faut que la puissance fournisse sans cesse la force nécessaire pour mettre le volan en mouvement jusqu'à un certaindégré de vîtesse, & qu'elle lui conserve cette vîtesse; car le volan n'a par lui-même aucun mouvement; mais il reçoit tout celui qu'il a de la force qui lui est imprimée. 20. Le frottement des pivots ou des tourillons de l'aiffieu quis'usent, empêchent toujours, & font perdre une partie du mouvement imprimé. Et 3º. L'air que les poids aux extrémités du volan déplacent, en retardent aussi le mo:vement, (quoique moins lor que le volanest circulaire) & ces deux obstacles joints

* Motorg.

EXPERIMENTALE.

Lorsqu'un homme porte un poids ou un fardeau sur ses épaules, LECO il agit avec une grande force, plusieurs muscles étant employés tout-à-la-fois à cette opération; les muscles du cou, du dos & des reins, tiennent son corps & sa tête dans la situation convenable pour soutenir le poids; ceux de ses épaules & de ses bras aident à le tenir dans sa place, & les muscles des jambes & des cuisses élevent le poids de tout le corps & de la charge que l'on porte pendant qu'il marche. Dans cette maniere de travailler, trois hommes font plus qu'un cheval, & souvent deux font autant, & même plus, comme on peut l'observer dans le travail journalier des Portefaix de Londres. * Un Portefaix peut porter 200 liv. & marcher à raison de trois milles par heure; un Porte-Charbon ou Portefaix qui porte du charbon de pierre, en peut porter 250 livres; mais alors il ne peut pas aller fort loin pour décharger fon fardeau, quoique d'un autre côté il monte souvent les dégrés avec ce poids. Les Porteurs de Chaise ne font pas agir tous les mêmes muscles que les Portefaix; mais comme ils ont des bricoles suspenduës à leurs épaules pour soutenir les bras de la chaise, les muscles des reins & du dos sont en action, aussi-bien que les extenseurs des jambes & des cuisses; deux de ces hommes peuvent marcher fort vîte avec 300 livres (c'est-à-dire, 150 livres chacun) au moins à raison de quatre milles par heure; au lieu qu'un cheval, qui fait environ deux milles par heure, ne porte que 224 livres, ou quelquefois, lorsque les chemins 1ont fort bons, & les chevaux vigoureux, 270 livres.*

M. Richard Newsham, Machiniste de Cloth-Fair auprès de

ensemble, si le volan ne recevoit continuellement une nouvelle force, suffiroient pour l'arrêter & le mettre en repos.

De sorte que le volan ne sçauroit par luimême donner une nouvelle force au nouvement de la machine où il est appliqué, audessus de celle qu'elle teçoit du premier mobile qui lui imprime le mouvement ; il lui fait même perdre une partie du premier mouvement.

Mais la raison pourquoi il devient commode & utile dans plusieurs machines, (comme nous l'avons fait voir dans le vindas ou treuil horizontal) est celle-ci. Lorsque les forces produites par la machine sont interrompues ou inégales, & qu'ainfi le mouvement est plus difficile dans une partie de la révolution que dans une autre, ou lorique la force d'un homme ou d'une autre

partie de la révolution aussi-bien qu'a une autre: dans tous ces cas le volan devient comme un modérateur, & il rend le mouvement de révolution presque partout égal, quoique les réfistances soient inég les; il accumule dans lui-même uu grand dégré de force qu'il fait agir également & par dégrés, & qu'il reçoit aussi également & par dégrés; ainsi rendant la révolution dans toutes les parties à fort peu-près un forme, elle devient plus agréable, plus aifée & plus commode pour être mûe par la force imprimée, ce qui est toat l'avantage que nous procure cet inftrument mé hanique appliqué de cette mamere. Mai, je parlerai encore du volan & de quelques-unt de fes autres usages dans un autre endroit.

pu flance, ne peut pas être appliquée à une

Kkij

* Note II.

Smithfield, a inventé des machines pour éteindre les incendies, qui font telles qu'une partie des hommes qui y sont employés, agissent en marchant, ce qui est plus efficace que toutes les autres manieres d'employer les hommes à de pareilles machines, tout le poids du corps étant successivement appliqué aux pistons des pompes; on peut même ajouter au poids une partie de la force d'un homme, par le moyen des pieces horizontales, où il peut appuyer ses mains lorsqu'il marche: au lieu qu'en appliquant les mains pour mouvoir des leviers, ou pour faire tourner des manivelles, la puissance doit agir fort inégalement. C'est la raison pour laquelle avec le même nombre d'hommes il pousse ordinairement l'eau plus loin, plus haut & en plus grande quantité, avec des machines de la même forme, que ne font les autres, qui ont éprouvé leurs machines pour les comparer aux siennes.

N.B. Ses machines ont plusieurs avantages qui leur sont particuliers, & qui les rendent présérables à toutes les autres que j'aye jamais vû pour éteindre les incendies; mais j'en donnerai la description dans

une autre partie de mon Livre.

La derniere maniere, & la plus efficace de l'action d'un homme, est celle de voguer; par où un homme agit avec plus de muscles tout-à-la-sois pour surmonter la résistance, que dans toute autre position; & comme il tire en arrière, le poids de son corps l'aide par le moyen du levier.

COROLLAIRE.

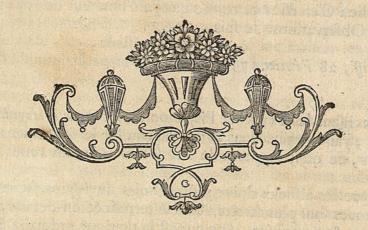
Fon fait refléxion aux différentes especes d'actions d'un fiomme dans le travail, comparées avec la derniere, on verra combien se trompent ceux qui prétendent faire voguer une galere, un bateau ou une barque, avec des rames verticales sixées à un aissieu horizontal comme une rouë de moulin, les hommes fai-sant agir cette machine par leur poids au cabestan, ou tournant des manivelles en-dedans du bâtiment. Car c'est là toujours tirer les hommes du travail le plus aissé & le plus essicace, pour les jetter dans un travail plus difficile & moins avantageux; comme l'ont trouvé un grand nombre de Machinistes qui ont voulu l'éprouver; & comme le trouveront tous ceux qui l'éprouveront dans la suite, de quelque saçon que leur machine soit saite, à moins que les hommes n'y travaillent dans la situation de ceux qui voguent.

Les muscles des jambes & des cuisses peuvent agir avec une

EXPE'RIMENTALE.

force prodigieuse, pour élever un poids immense à une petite Leço I hauteur; mais comme certe opération ne peut pas se continuer, & se faire par un travail journalier, je renvois le Lecteur curieux aux Notes, * où cet article est expliqué plus au long; je ne parle pas ici non plus de creuser, de frapper à coups de marteau, de fendre le bois, ou des autres opérations pénibles du travail des mains, parce que plusieurs hommes sont beaucoup plus adroits que les autres; & le même homme par un long usage devient si parfait dans une façon de travailler, que par l'adresse qu'il a acquise il peut faire le double de ce que feroit une personne sans expérience, & même sans y employer la moitié de la force que celle-ci employe. Mais c'est-là proprement une adresse, & non un travail, qui est la chose uniquement que je prétendois examiner





ADDITION A LA LECON QUATRIÉME.

Lettre de M. Beighton au Docteur Desaguliers.

OF CHERAMI,

Leçon IV. ... » La lecture de votre Traité m'a fait beaucoup de plaisir. Je ne » m'attendois pas à y trouver tant de choses nouvelles, après un & » grand nombre d'Auteurs qui ont écrit sur ce sujet. J'ai présenté » à la Societé Royale les Observations ci-jointes, sur une partie » de ce Traité, & j'ai pris cette liberté, n'ignorant pas que votre » amour pour la vérité vous fait agréer toutes les corrections que » l'on peut faire à ce que vous avez publié. S'il y a ici quelque » chose qui mérite attention, je vous prie de le communiquer au » Public: C'est dans cette vûe que j'ai l'honneur de vous présenter » ces Observations. Je suis

A Griff, 28 Février 1738.

» Monsieur, » Votre très-humble serviteur, HENRI BEIGHTON.

En lisant le Cours de Physique du Docteur Desaguliers in-4°. 1734, j'ai examiné dans sa 4e. Leçon sur le frottement des machines, ce qu'il rapporte de M. de Camus sur les rouës des voitures.

» Que les aissieux doivent être droits de toutes façons; car si » les rouës sont plus étroites vers le terrein & en-devant, que par » le haut & en arriére, (ce qui est la pratique ordinaire & journa-» liere de tout le monde) elles ne peuvent se mouvoir que très-» difficilement.

Mais quoique ce raisonnement soit mathématiquement vrai, il y a pourtant des circonstances que ces Messieurs n'ont pas observées aussi exactement que ceux qui construisent ces machines, ou qui s'en servent; car il y a des inconvéniens considérables dans la pratique, où l'on tomberoit si l'on vouloit garder ces régles EXPE'RIMENTALE.

exactement. On doit bien peser & considérer la force, la conve-Leçon nance, l'usage & la facilité.

ouvoir en avant en lignes droites, s que l'on peut faire contre ces ez foibles; mais commes les

- 1. S I les rouës devoient se mouvoir en avant en lignes droites, il faut avouër que les objections que l'on peut faire contre ces régles, seroient en partie affez foibles; mais commes les chemins sont rarement en lignes droites, (qui sont les lignes que les rouës en mouvement traceroient toujours sur un plan horizontal, si elles n'en étoient détournées par aucun obstacle) lotsque votre voiture doit tourner à main droite, le côté gauche doit presser vers l'extrémité de l'aissieu, & porter fortement sur le clou qui s'y trouve, pendant que la rouë droite est poussée en haut vers l'épaulement : car alors l'aissieu se trouvant dans une position diagonale, entre les lignes droites paralléles décrites auparavant par les rouës, ces rouës doivent être forcées à une plus grande distance l'une de l'autre, selon que la diagonale est plus longue que la perpendiculaire. Et comme dans ce mouvement vers la droite, on peut regarder la rouë à main droite comme un centre, (si le tour n'est pas long) la rouë gauche décrira une circonférence, & dans cette direction elle fera effort pour s'échaper ou se mouvoir par la tangente. Mais si les rouës (felon la pratique ordinaire) font un peu plus étroites par-devant que par-derriére, leur direction naturelle & inclinaison les portera à décrire une partie de cette circonférence.
- 2. Mais une objection plus importante contre cette régle, est que comme les parties intérieures des moyeux dans les grandes voitures (& dans les carosses à proportion) ont 5⁴ pouces de diamétre, & que les parties intérieures n'en ont que 3⁴, les trous où ils se meuvent étant des cones tronqués, les rouës mêmes dans un terrein uni feront toujours essort pour s'écarter, & toutes les sois qu'elles tourneront, elles s'essorceront de suivre la tangente.
- 3. St les aissieux étoient dans une direction en ligne droite; comme dans la Figure 1. les rouës pressées par la partie insérieure de l'aissieu s'échaperoient continuellement, & agiroient fortement contre les clous en b, avec autant de frottement que si elles agissoient contre des plans inclinés, par la même raison que le double cone paroît marcher de travers.

LE ON IV.

4. On doit considérer que les charriots ou voitures coupent toutes leurs ornières presque perpendiculairement; & si les aissieux étoient droits, le mouvement des rouës leur seroit presque

perpendiculaire.

Toutes les rouës sont plus fortes lorsqu'elles sont concaves. c'est-à-dire, lorsque les parties des rais en c auprès du moyeu gures 3, 4 d'une rouë, sont plus proches de celles de l'autre, que les jantes : ces rais doivent frotter continuellement à mesure qu'ils entrent plus avant dans le terrein, & ils doivent couper obliquement les ornières, comme dans la Figure 3. Mais dans la position de la Figure 4. ils y entreroient & en sortiroient sans tomber dans les quatre inconvénients suivants de la Figure précédente.

> I. Les rais s'usent beaucoup, & les pierres à côté des ornières sont forcées dans un espace plus étroit, & brisent souvent les rais.

> II. La bouë molle, ou celle qui est roide, ou la terre glaise, s'insinuent dans les rais, & les pressent comme des coins dans les endroits plus étroits; elles y restent suspendues de maniere à former comme une espéce de meule de moulin, au grand détriment des chevaux qui tirent ce nouveau poids outre le frottement.

> III. Lors que les rouës sont forcées à entrer & à sortir selon la plus grande étenduë de l'aissieu, il faut une double force pour tirer la machine en avant.

> IV. ET dans cette derniere situation, lorsqu'il est impossible aux rouës de se sélargir, la voiture ne peut tourner ni à droite ni à gauche.

> 5. Si l'on fait attention aux obstacles que les rouës trouvent continuellement, on trouvera qu'elles doivent avoir quelque jeu, & que l'aissieu doit glisser en-dedans & en-dehors des rouës, voyez Figure 12. Autrement elles seroient dans un danger continuel de se rompre. Et comme on ne peur pas avoir cette facilité de glisser, à moins que la partie inférieure & antérieure des cones tronqués, ne soient toutes deux dans des lignes droites continues, puisqu'un coin ou double cone ne sçauroit glisser par les côtés sans une grande force, au lieu que deux plans le peuvent

aisément:

aisément; il s'ensuit que les aissieux ne doivent pas être droits, Leçon

comme M. de Camus l'a avancé.

La plus grande marque qu'une voiture va bien & marche aisément, est lorsque les aissieux glissent continuellement en avant & en arriére dans les moyeux : car il n'y a que les oreilles d'un homme qui lui apprennent si un charriot ou un carosse vont bien & aisément, lorsqu'il les entend fraper alternativement contre les bras & les clous. Lorsque cela arrive, le trait est moindre d'un cinquiéme.

Deux forces agissent sur les aissieux & les rouës, le poids de la charge qui est presque perpendiculaire, & la traction qui est presque horizontale. Ainsi la plus grande force est dans la diagonale entre ces deux-là; mais elle approche plus de celle des deux est la plus grande. Et c'est dans cette partie ou surface des bras de l'aissieu, que les deux cones tronqués doivent être en

ligne droite continuë.

N. B. Si M. de Camus entendoit parler des aissieux & roues de carosses, lorsque ces aissieux sont des cylindres de fer, la plupart des objections que nous avons proposées ci-devant, servient encore trèsfortes contre sa règle, & en prouveroient la fausseté dans ce cas.

Du trait des chevaux, & dé la ligne de traction.

PROPOSITION XXX. En parlant du trait, M. de Camus dit, que la ligne de traction doit être à la hauteur du poitrail des » chevaux, parce que ceux qui tirent en haut tirent plus vîte, & » deviennent roides dans le jaret.

Je vois que c'est ici une méprise; car tant l'expérience que la

caison, nous démontrent le contraire. En effet,

1. Les chevaux n'ont point ou presque point d'autre force pour tirer, que celle qui vient de leur poids, sans lequel ils ne pourroient pas se tenir contre la terre; ils glisseroient, & ne tireroient rien.

2. L'EXPE'RIENCE ordinaire nous apprend que si un cheval doit traîner un certain poids, il faut (pour le mieux tirer) qu'il ait un poids proportionnel sur ses épaules. Un cheval que l'on applique à une charréte à deux rouës, où il y a le poids d'un tonneau, ne peut pas la tirer, s'il est en équilibre; mais si on lui met sur le dos Tome I.

LYONIV.

COURS DE PHYSIQUE

50 ou 60 livres, il la tire aisément. Si le poids est de deux ou trois tonneaux, & si le cheval porte sur son dos 100 ou 200 livres, il est en état de tirer le poids, parce que les rouës des charrêtes sont fort hautes. Le dos des chevaux doit être chargé à proportion.

- 3. IL paroît que cet Auteur ne sçait pas, que lorsqu'un cheval tire avec force, il se bande en avant, qu'il approche son poitrail de la terre; & qu'alors si les rouës sont hautes, il tire la voiture contre le terrein.
- 4. Un cheval attaché à un charriot, peut tirer deux ou trois tonneaux, parce que le point ou ligne de traction est au-dessous de son poitrail, les rouës étant basses.
- 5. On voit ordinairement que lorsqu'un cheval tire une charge pesante, ses pieds de devant s'élevent de dessus le terrein, & qu'il se tient presque droit; alors on met un poids sur son dos pour tenir bas le devant du cheval, on le monte, & il devient par-là capable de tirer ce poids, sans quoi il ne pouvoit pas le remuer auparavant.
- 6. Le cas est presque se même, lorsqu'on applique la force d'un homme à porter un poids dans une brouette; lorsque la plus grande partie du poids s'appuye sur la rouë, il glisse, & l'homme n'est pas en état de le faire avancer; mais alors en approchant le poids de ses bras, il peut le tirer en avant. Lorsqu'il tire un rou-leau de jardin sort pesant, si l'axe du mouvement est à niveau de la partie de son corps où ses bras sont étendus, il ne peut pas en venir à bout; mais lorsque le point de traction est bas, il le tire.

Dans une charréte chargée, qui est presque en équilibre, si deux hommes veulent la prendre par la sléche ou par les traits, ils ne peuvent pas la mouvoir; mais si l'un se met dans les traits, & l'autre derriere la charréte, poussant son derriere en haut autant qu'en avant, il jette le poids sur le dos du premier homme; & pressant ainsi la terre avec leurs pieds, ils la meuvent aisément.

La méthode ordinaire du lévier, soit pour faire glisser ou pour rouler une pièce de bois ou une pierre, est de l'élever d'abord,

& ensuite de la pousser en avant.

Dans un grand attelage, où il n'y a que le cheval de derriére

qui porte sur son dos, si l'on en ôte la moitié, & qu'on les arrête I Eçon à un point de traction plus bas, ils seront en état de faire une force beauccup plus grande.

Démonstration de la position des Traits.

LE point essentiel du tirage, est de surmonter les obstacles; car sur un plan à niveau, le tirage est fort aisé, & il ne faur qu'un petit poids sur le dos du cheval dans ce cas.

On doit regarder la plûpart de ces obstacles, ou même tous,

comme des plans inclinés.

Pour tirer la rouë AB, sur l'obstacle D, M. de Camus vou-

droit que le cheval tirât dans la direction HC.

Je dis que comme l'obstacle est D, & que la tangente de la terre ou ligne du pavé est B, la ligne du mouvement doit être BD, sur un plan incliné; alors la position du trait la plus aisée, pour faire passer la rouë sur D, est de la tirer dans la direction de ce plan incliné BT, ou plûtôt dans la ligne Cb, qui lui est parailéle.

Tous les rayons d'une rouë étant égaux, l'action de tirer au centre est la même que celle d'une balance en équilibre; c'est-àdire, que la force en A est la même que celle en B. Mais dans le cas du tirage dans la ligne horizontale HC, où il y a un obstacle en D, toute la force que le cheval a pour tirer, est appliquée à l'extrémité du petit bras = e D, contre la force ou le poids appliqué à l'extrémité du bras le plus long fD = C, ce qui seroit fort desavantageux : par conséquent la ligne de traction doit être bC, tout au contraire de ce que M. de Camus a souvent avancé dans son Livre; auquel cas la force est appliquée à un levier Da beaucoup plus long que De.

Il dit ensuite que les chevaux ne peuvent traîner que 200

livres.

En Warwickshire, & en d'autres endroits, un cheval ordinaire traîne 650 livres, & quelques-uns ont porté 700 livres. 2. q à 7 ou 8 milles de distance sans s'arrêter.

Le cheval de M. Foley à Stourbridge, traîne un poids de fer de

11 quintaux à 8 milles.





NOTES sur la Quatriéme Leçon.

1. [Le frottement est égal environ à un tiers du poids, &c.]

IV. Leçon.

Notes fur TL y a quelques cas où le frottement ne va pas au tiers du poids du corps I qui frotte; mais comme il y va dans la plûpart des cas, je choifis cette proportion pour établir le calcul du frottement d'une machine composée de plusieurs parties avant que de la construire, sur-tout à l'égard des Manufactures, parce que les parties des machines venant à s'user, changent dans la suite leur figure & augmentent le frottement. Et il vaut mieux trouver dans la pratique le frottement moindre que dans la théorie, quoique cela arrive rarement, lorqu'on le calcule fur le tiers du poids.

- 2. [Il faudroit un tiers de la pesanteur des traîneaux, &c.] DANS la Table des frottemens des traîneaux (que nous avons rappotée ci-deffus) tirée des Expériences que M. de Camus a faites sur de petits modéles, il y a plus de cas où le frottement est moindre, que de ceux où il est plus grand qu'un tiers du poids; mais il faut remarquer que dans toutes ces expériences, le traîneau est en mouvement; & comme je l'ai dit dans ma derniere note, j'aime mieux m'en tenir à la proportion d'un tiers eu égard aux accidens, en commençant à tirer depuis le repos, & rencontrant des obstacles & inégalités dans les ruës, &c.
- 3. [— On ne peut pas esperer qu'une voiture chargée d'un poids, puisse avoir aussi peu de frottement, &c... Quant à la manière de remedier au frottement, &c.] Si les aissieux dans quelques voitures étant de fer, & dans d'autres seulement couverts de fer, rouloient dans des anneaux de cuivre fixés aux moyeux des rouës, ils rouleroient si aisément, & dureroient si long-tems sans danger de brûler les rouës, qu'on seroit bien dédommagé de l'excès de la dépense. Les personnes curieuses, & qui ne craignent pas la dépense en certaines matières, comme dans les chaises & dans certains charriots, verront qu'un aissieu de fer ayant moins de diamétre, doit avoir moins de frottement à proportion que le diamétre est plus petit, & qu'il doit durer fort long-tems, s'il tourne dans des anneaux de fonte. Mais le tourillon dans l'anneau doit être d'une longueur suffisante; ce qui n'augmente pas le frottement, comme on l'a déja prouvé, & on va le démontrer plus clairement par des expériences faites sur une machine que je vais décrire dans cette note. Si les tourillons n'avoient que deux ou trois pouces de lougueur, comme quelques-uns les ont fait, s'imaginant par-là diminuer le frottement, ils ne s'useroient que deux ou trois fois plus vîte que s'ils avoient eu quatre ou six pouces de longueur. On peut diminuer dans toutes les proportions le frottement des tourillons d'une rouë d'une machine dont l'aisseu tourne avec elle, & lui est attaché. Par exemple, sous le tourillors

de fer Gg (Planche 18. Figure 6.) que nous supposerons ici d'un pouce de diamétre, soient deux rouleaux de cuivre AB de huit pouces de diamétre la IV. L. Jon. chacun, dont les aissieux C, D font horizontaux & paralléles à l'axe de la rouë: les rouleaux, qui par conséquent sont verticaux (comme on peut le voir dans la figure 7.) n'auront qu'environ un pouce d'épaisseur (ou plus si l'on veut) & ne seront pas dans le même plan, mais l'un un peu devant l'autre, & tous deux paralleles. Ces rouleaux portent les tourillons Gg de la grande rouë qui tournent sur eux. En ce cas le frottement du tourillon devient buit fois moindre, que s'il se mouvoit dans les cuivres ordinaires; car si l'on suppose que le tourillon se meut dans la direction g G, il ne quittera pas la partie q de la rouë A sur laquelle il porte, pour aller porter ailleurs avec sa partie touchante, comme il arrive lorsqu'il tourne, & qu'il produit un frottement à la manière ordinaire, mais il amenera avec lui la circonférence de la rouë ou le rouleau A, en le faisant tourner dans la direction Ag, pendant que son autre partie touchante G en tournant porte auffi circulairement le rouleau B dans la direction GB, & ces rouleaux ront ce mouvement sans aucun frottement, excepté celui de leurs propres aiffieux C, D dans leurs cuivres. En sorte que le frottement est transporté du tourillon Gg aux aissieux C, D, où la vîtesse des parties qui frottent, étant huit sois plus petite qu'elle n'auroit été en Gg, le frottement doit être huit fois moindre, comme nous l'avons déja fait voir Lec. 4. Regles 2, 3, 4. Maintenant quoique ces rouleaux ayent quatre points qui portent, & que les autres deux qui supportent l'autre tourillon de l'aissieu de la grande rouë, ayent aussi quatre points qui percent, le frottement n'est pas plus grand que s'il n'y en avoit qu'un seul qui portât, parce que chacun de ces points ne soutient que la huitiéme partie du poids. Donc le frottement est devenu huit fois moindre par le moyen de ces rouleaux; ce qu'il falloit prouver.

SCHOLIE.

SI les aissieux des rouleaux n'avoient que la moitié du diametre du tourillon, comme en E & F, le frottement seroit alors 16 fois moindre, & les aissieux seroient assez forts : car comme un cylindre d'un demi pouce de diamétre a autant de force que le quart de celui d'un pouce, les quatre bouts de l'aissieu des deux rouleaux seroient chacun égal en force autourillon, & ainsi à l'autre bout.

COROLLAIRE.

DEL à il suit que si les extrémités des aissieux des rouleaux, sont chacune Supportées par deux autres rouleaux semblables, le frottement sera encore diminué, & deviendra encore 16 fois moindre. Supposons, par exemple, une rouë de 6 pieds de diamétre, & qui pese 648 livres, le tiers de ce poids pour le frottement est 216 livres, qu'il faut diviser par 72, parce que le diamétre du tourillon est autant de fois contenu dans le diamétre de la rouë, & nous aurons 3 livres pour le frottement de la rouë sur les cuivres ordinaires; mais ce nombre doit être encore divisé par 16 fois 16, c'est-à-dire,

Planche 18. Figure 6.

27d COURS DE PHYSIQUE

la IV. Leçon. réduit le frottement à 236 livres, ou à un peu plus que la 85e partie d'une livre, ou à 3 dragmes de 16 par once.

4. [Page 218 — Le frottement sur l'aissieu, & c.] Puisque nous avons déja dit & prouvé (Leçon 4. Expérience 4.) que le frottement vient du poids qui presse toutes les parties à la sois, & non du nombre des parties qu'il touche, on n'a aucune raison d'accourcir les aissieux des rouës, soit dans les voitures ou dans toute autre espéce de rouës pour diminuer le frottement; car non-seulement on n'arrive pas au but par ce moyen, mais on donne occasion à l'aissieu qui frotte, de s'user beaucoup plus vite, & la chose a des conséquences fâcheuses dans les horloges, parce que l'on fait les trous dans la vûë d'abreger les aissieux, ces trous deviennent bien-tôt trop grands; au lieu que s'ils n'étoient que cylindriques de l'épaisseur de la piéce, il n'y auroit pas plus de frottement, & les pivots porteroient beaucoup plus long-tems; c'est aussi ce que pratiquent aujourd'hui tous les bons Horlogeurs; car lorsqu'ils diminuent un peu l'aissieu, ce n'est qu'a une petite profondeur pour tenir l'huile. Les expériencessur la machine suiv ante rendront la chose plus sensible & évidente.

EXPOSITION DE LA MACHINE.

Planche 18.

Sur la platine de cuivre ABC (qui est ici représentée presque aussi grande que la machine) on fixe deux pièces verticales D&E, avec une sente dans l'une en D, & un trou dans l'autre entre les lettres K&L pour recevoir les petits pivots aux extrémités de l'aissieu DK de la rouë ZFLG. Mais ces pivots qui n'ont que la 30° partie d'un pouce de diamétre, ne portent pas sur le trou en K& au sond de la sente en D; car ils sont portés par deux platines circulaires ou rouleaux à chaque bout de l'aissieu, sçavoir, par les platines verticales MI, M2, M3, M4, de la manière qu'on l'a décrit dans la dernière note, & comme on l'a représenté en Gg (Figure 6.)

La section de l'un de ces rouleaux ou platines se voit dans la Figure 7. en sorte que lorsque la rouë tourne circulairement d'un côté, toutes les platines roulanntes tournent du côté opposé aussi librement que si le pivot étoit un pignon, & comme si les rouës ou platines avoient des dents, parce que les aissieux des platines ont de sort petits pivots qui tournent dans des trous sort polis, lesquels sont saits & polis dans les quatre platines verticales sixes N 1, N 2, O & P; celle-ci n'a de visible dans la figure que le coin de sa base, la rouë M 2 la cachant dans cette situation de la machine. Les petits supports comme D, d, d, servent à porter contre les extrémités des pivots (tant pour la grande rouë que pour les quatre petites, y en ayant dix, dont on ne peut voir ici que trois) & par cette résissance contre ces extrémités, les épaulemens comme C c (Figure 7.) ne frottent jamais.

Par ce moyen la grande rouë a si peu de frottement que si l'on applique le doigt à sa circonférence pour lui donner un mouvement vif, chaque point de cette circonférence décrira l'espace de plus d'un mille avant que

de s'arrêter; car quoiqu'on ne puisse pas compter le nombre des révolutions de la grande rouë en y fixant les yeux, on peut cependant le trouver en la IV. Le jon. connsidérant les trous que l'on a laissé dans les petites rouës (un dans chacune à ce dessein car ces petites roues ayant deux pouces de diamétre,) ne tournent qu'une fois, pendant que la grande rouë (dont les pivots lui

impriment le mouvement) tourne 60 fois.

Le frottement de la grande rouë devenant par ce moyen si petit qu'il est en quelque manière insensible, elle est très-propre au but qu'on se propose. Ensuite au haut d'une piéce verticale QR fixée à vis en bas par sa base ou pied Q, on attache avec une vis en R un bout du ressort spiral 51, 52, 53, 54, dont l'autre bout est attaché à l'aissieu de la grande rouë auprès de 54. Maintenant si l'on fait tourner la rouë sur ses pivots, en portant le point Z de sa circonférence vers l'aiguille Y, laquelle marque les degrés sur le bord de la rouë (mais ils ne sont representés ici que par des points marqués de Z en Y) aussi-tôt qu'on la laisse aller, elle revient vers Z & fait plusieurs vibrations en avant & en arriére, comme le balancier d'une montre, pendant an long-tems; s'il y a quelque chose qui porte contre l'aissieu HJD, qui est parfaitement cylindrique & d'un quart de pouce de diamétre, alors il y aura moius de vibrations à proportion de ce frottement. Maintenant pour faire voir que le frottement est proportionnel au poids qui presse sur l'aissieu, & non pas à la surface, on a fait les Expériences suivantes.

EXPERIENCE

PRENEZ la piéce de la Figure 9, pesant une demie once, faite en forme de croix plate, & après l'avoir limée, vous l'adoucirez sur une pierre à huile; fur le côté plat au-dessous de V, vous ferez un petit trou à l'extrémité T, & y joindrez une petite piéce ronde & solide à l'extrémité opposée X. Placez cette piece au-dessus de l'aissieu de la rouë entre J & D, en sorte que le poids de la piéce pendante X, tirant en bas la partie plate V sur cet aissieu, fasse monter l'extrémité T avec son petit trou contre la pointe au bout inférieur de la vis T du montant tT, qui la retient en place, pendant que l'aissieu tourne circulairement en-dessous; ensuite ayant poussé Z vers Y, ou ayant tiré en arrière ce point contre le ployement du ressort d'environ 90 degrés, vous observerez le nombre des vibrations que la rouë fait avant que de s'arrêter par le frottement de la croix dans la situation représentées par les lignes ponctuées en TVX, Figure 8. Supposons que ce nombre de vibrations foit 50; prenez ensuite la croix de la Figure 10. & placez-la de la même maniére & en même-tems exactement à côté de l'autre. Arrêtez-la dans sa place par la pointe d'une autre vis t; comme elle est exactement la même en figure & en poids, elle ajoutera un nouveau frottement égal à celui de l'aissieu, le poids pressant autant que la surface qui frotte & qui est doublée; ce qui paroît en imprimant le mouvement à la rouë comme auparavant, puisque le nombre des vibrations ne sera que 25.

NOTE fur



272

Notes fur la IV. Leçon.

Planche 18. Figure 11.

EXPERIENCE II.

A u lieu des deux croix mentionnées ci-devant, vous placerez celle de la Figure 11. qui pese une once, (c'est-à-dire, autant que les deux autres) mais dont la surface sous V est exactement polie & adoucie comme les autres: mettez ensuite la rouë en mouvement comme ci-devant, & les vibrations ne seront que 25 en nombre, quoique la surface qui frotte ne soit que la moitié des deux, parce que le poids est le même. Et cela se prouve encore mieux par l'Expérience suivante.

EXPERIENCE III.

Dans celle-ci la piéce X doit être tirée de sa place où elle entroit à vis, & il saut la faire entrer à vis dans le même trou de l'autre côté de la croix, pour saire en sorte que la petite arête du prisme en V porte sur l'aissieu de la grande rouë, au lieu de la partie large de la croix. La rouë perdra aussi son mouvement, quoique la surface qui porte sur son aissieu soit environ vingt sois moindre que lorsque les deux premieres croix y étoient appliquées, parce que le poids est le même.

5. [— S'il change leur manière d'operer, &c. au lieu d'y trouver un avantage, il lui faudra trois hommes de plus pour élever ces poids.] QUELQUES-UNS ont tâché de rendre cette machine plus utile en la faisant rouler fur un plan incliné, au lieu de la faire monter directement en haut de la manière que je l'ai décrite & condamnée dans le rapport que j'en ai fait. Je crois qu'il est à propos de faire voir ici quelle doit être la perte de la puissance à proportion de l'inclinaison du plan.

Je dis donc, que dans chaque inclinaison du plan, si lon prend le sinus de l'angle d'inclinaison en parties du rayon de l'aissieu ou du rouleau; la puissance sera au poids: comme le rayon du rouleau + le sinus d'iuclinaison: est au rayon de la rouë — ledit sinus d'inclinaison; c'est-à-dire, dans la Figure 10.

Planche 20. P. (=1): W (=3):: dk: ak.

Dans l'expérience presente BE est un plan incliné, sur lequel le rouleau C doit courir, en touchant ce plan au point c; AM est la rouë derriére ce plan; en supposant un autre plan semblable & également incliné derriére

la rouë pour supporter l'autre bout du rouleau.

Les lignes de direction de la puissance & du poids, étant a P & d W; menez par le point d'attouchement ou centre du mouvement c la ligne À D paralléle à l'horizon & perpendiculaire à a P & d W; par le centre de la machine C, menez a d paralléle à A D. Supposons l'angle B c A de l'inclinaison du plan de 30°, son sinus droit sera égal à la moitié du rayon. Divisant donc C 2 (rayon du rouleau) en deux parties égales en k, & menant k c & C c, l'angle k c C sera égal à B c A, & son sinus sera C k. Maintenant puisque c'est évidemment la même chose de prendre a d pour levier dont le centre du mouvement est en k, ou de prendre A D égale & paralléle à a d avec son centre de mouvement en c; il suit que dans cette inclinaison

du plan, la distance dk du poids dK est plus grande que dC (distance du poids dans l'usage ordinaire de cette machine) de la quantité ajoutée Ck, la IV. I con finus de l'angle d'inclinaison; & ka, distance de la puissance, est moindre que Ca (distance de la puissance dans la maniere ordinaire) par la soustraction de la même quantité ou finus Ck: & par conséquent celle qui agit sur ce plan incliné : est au poids : : D c : est à c A. B. C. D.

COROLLAIRE L.

DELA il suit que le rayon de la rouë & celui du rouleau étant donnés, on peut trouver la perte de la puissance dans toutes les inclinaisons du plan. Comme ici la puissance qui dans la maniere ordinaire n'est que la cinquiéme partie en doit être un tiers ; ainsi l'angle d'inclinaison du plan n'étant que de 11°. 32', la puissance ne seroit que 1 du poids, &c.

COROLLAIRE IL.

DELA il suit aussi que si le plan BE est horizontal, on ne perd aucune. partie de la puissance, parce que eg: cf:: CG: CF.

SCHOLIE.

COMME le frottement du roulement des cordes, tels que Bc dans la nouvelle Methode, est plus grand que celui du pivot dans l'ancienne (outre le frottement dans des colliers du contre-poids pour la machine) en forte que le frottement diminue, à mesure que les cordes soutiennent un moindre poids, felon la diminution de l'angle du plan; & lorsque le plan est horizontal & fans contre-poids, alors même le roulement des cordes en haut, & la pression du rouleau contre le plan, valent le frottement dans la méthode ordinaire.

N. B. J'ai fait l'expérience avec des pivots dont le diamétre étoit douze fois moindre que celui du rouleau & avec de la soye fine & pliable au lieu de cordes.

6. [— Cing hommes sont égaux len force à un cheval, &c.] LES Auteurs Anglois qui ont comparé ensemble la force des hommes & des chevaux au cabestan, ont trouvé que leurs forces ont cette proportion, comme le fieur Jonas Moore & autres, &c. Mais les Auteurs François supposent toujours un cheval égal à sept hommes; ce que je crois conforme à leurs observations. Il est vrai que j'ai observé que les Laboureurs en Hollande (l'un portant l'autre) travaillent avec une force qui approche beaucoup de cette proportion. En forte que nous pouvons dire, que cinq Laboureurs Anglois font égaux en force à un cheval, & qu'il en faut sept François ou Hollandois. Mais ici je n'examine pas l'adresse ou la legereté qui fait qu'un homme travaille beaucoup plus qu'un autre de la même force. En Turquie les Portefaix portent le double de la charge des plus forts Portefaix Anglois, comme je le ferai voir plus clairement dans la Note suivante.

Mm Tome I.

COURS DE PHYSIQUE

7. [- Les muscles peuvent agir avec une force prodigieuse, &c.] T. Leçon. IL y a environ 30 ans qu'un homme de Kent nommé Joya, fameux par sa grande force (quoiqu'il ne fût pas aussi fort que le Roy de Pologne, suivant ce qu'on nous à rapporté de ce Prince) fit plusieurs tours à Londres & à la campagne qui surprirent si fort les Spectateurs, que la plûpart l'appellerent un second Samson. Mais quoique les situations où il avoit appris à mettre fon corps, & qu'il avoit trouvé par la pratique sans aucune théorie de la méchanique, fussent telles qu'un homme d'une force ordinaire auroit pû faire des tours semblables qui auroient paru surprenans à ceux qui ne connoissent pas l'avantage de ces fortes de positions du corps ; cependant personne alors ne tenta de tirer contre la force des chevaux, ou d'élever de grands poids, ou de faire quelque autre chose à l'imitation de cet homme; parce que comme il avoit une grande force dans les bras, & qu'en faififlant fortement ceux qui vouloient éprouver sa force de cette manière, il les obligeoit d'abord à demander quartier, on attribuoit totalement à sa force extraordinaire les autres tours qu'il faisoit (& où sa manière d'agir venoit principalement de l'avantage méchanique qu'il gagnoit par la position de son corps.)

Mais Iorsqu'il fût sorti d'Angleterre, ou qu'il eût cessé pendant huit ou dix ans de faire voir ses opérations, des hommes d'une force ordinaire trouverent le moyen de tirer un si grand avantage des mêmes situations où Joyar avoit mis son corps, qu'ils passerent pour des hommes d'une force plus qu'ordinaire, en tirant contre des chevaux, en brifant des cordes, élevant des poids énormes, &c. (quoiqu'ils ne puffent pas dans aucune de ces situations faire réellement autant que Joya, ils ne laisserent pas d'en faire assez pour étonner & amuser, & pour gagner de grandes sommes d'argent) ensorte que de deux en deux ans, ou de trois en trois, nous avions un nouveau

Second Samson.

Il y a environ 15 ans qu'un Allemand d'une taille moyenne, & d'une force affez ordinaire, se produisit dans le marché aux soins, & par les inventions dont je viens de parler, il se fit passer pour un homme d'une sorce non-commune, & gagna beaucoup d'argent par le concours journalier des Spectateurs. Après l'avoir vû une fois, je conjecturai quelle étoit la méthode dont il fe servoit, pour en imposer à la multitude; & ayant resolu de me satisfaire entiérement sur cette matière, je pris avec moi quatre personnes fort curieufes pour voir tous ces tours une seconde sois; sçavoir, le Lord Marquis du Tullebardin, le Docteur Alexandre Souart, le Docteur Pringle & un Ouvrier en méchanique, qui a coutume de m'aider dans mes Cours d'expérience. Nous nous placâmes autour de l'Operateur de telle manière, que nous fûmes en état d'observer exactement tout ce qu'il faisoit, & nous trouvâmes la chose si praticable, que nous sîmes le soir même plusieurs de ses tours, & qu'ensuite je sis la plûpart des autres aussi-tôt que J'eus un chassis propre à m'y asseoir pour tirer & un autre pour me tenir débout & pour élever de grands poids, avec une ceinture convenable & des crochets. Je fis aussi quelques-unes de ces expériences devant la Societé Royale, & dans la fuite dans toutes mes Leçons expérimentales, j'ai expliqué la raison de ces opérations, & j'ai fait voir que toute personne d'une force ordinaire qui a la curiosité de faire cette épreuve, peut faire aisément

tout ce que l'Allemand dont on vient de parler, avoit coutume de faire, sans aucun danger de faire des efforts extrraordinaires, en se servant des la IV. Le fon. instrumens que j'ai destinés à cet effet. Je n'ai pas oui-dire qu'aucun de ces Samsons ait tenté depuis d'en imposer au peuple de la même manière à Londres ou aux environs.

Il est donc à propos d'expliquer ici quels sont les tours de force que l'Allemand avoit coutume de faire (car je n'ai jamais vû Joya) & de faire voir par la confiruction du corps humain, combien il est aisé à chacun d'en

faire autant.

1°. L'homme fort JHL assis sur le chassis AGBEFCD (Planche 19. Figure 1.) sur une planche horizontale, ou plûtôt inclinée en arriére comme FG, ayant les pieds contre un appui vertical immobile tel que DCF soutenu en E, & entouré un peu au-dessous des hanches d'une forte ceinture H, qui porte des anneaux de fer où une corde est attachée par le moyen d'un crochet. La corde passe entre ses jambes par une sente de l'appui en L, plusieurs hommes en MV, ou deux chevaux ne peuvent pas en tirant le faire fortir de sa place.

N. B. Ses mains en K paroissent tirer, mais elles ne lui donnent aucun avantage; il est vrai que s'il élevoit tant soi peu la corde avec ses mains, ce seroit pour lui un desavantage; & quoique la planche sur laquelle il étoit assis (lorsque je le vis) fût dans la position horizontale FP, cela vaut beaucoup mieux, & il est bien dangereux de la tenir inclinée comme FG, & de n'avoir qu'un trou en L pour y faire passer la corde, au lieu d'une ouverture depuis L en haut vers D, comme je le ferai voir en expliquant cette opération.

- 2°. Le même homme JHL (Figure 3.) ayant fixé la corde précedente tout autour d'un poteau bien fort en R, & l'ayant ensuite fait passer dans un œil de fer fixé en L, pour l'attacher à sa ceinture, il appuye ses pieds contre le poteau auprès de cet œil de fer, il s'éleve de terre par le moyen de cette corde, & il la rompt en ouvrant subitement les jambes, & tombant en arriére sur un lit de plume en B, placé à terre pour le recevoir, afin que la chûte ne le blesse pas.
- 3°. Il se couche sur le terrein dans la posture JHL (Figure 4.) avec un enclume KH fur la poitrine en H, fur lequel un autre homme M frappe avec un marteau d'enclume de toutes ses forces, le fer K, & quelquefois deux Forgerons coupent une grande barre de fer froid en deux parties avec des cifeaux. Quelquefois on mettoit sur son ventre une grande pierre, dont on voit la moitié en S, & on la rompoit d'un grand coup de marteau. Mais alors il étoit dans la posture de la Figure 5. lorsqu'on rompoit cette pierre sur sou ventre; ce qui est moins dangereux lorsqu'il n'y a rien sous e dos, que lorsqu'un homme est couché sur un terrein solide, comme nous fer ons voir.

4°. Ce prétendu Samson appuyoit ses épaules (non pas sa tête, comme il M m 11

Planche 19 Figure 1.

COURS DE PHYSIQUE

laily Legon.

fur vouloit le faire croire) fur une chaise & ses talons sur l'autre, & il portoit un ou deux hommes débout sur son ventre, les élevant & les abaissant à mesure qu'il respiroit, formant avec l'épine du dos, les cuisses & les jambes l'arc JHL (Figure 5.) dont les extrémités sont J&L.

- N.B. On place en H une pierre d'un pied & demi de long, d'un pied de large & de cinq à six pouces d'épaisseur, lorsqu'on veut la rompre d'un coup de martoau.
- 5°. Il se couche à terre dans la posture JLH (Figure 6.) & l'homme M étant droit sur ses genoux, il retire ses talons vers son derrière pour élever par ce moyen ses genoux au-dessus de C. Il éleve l'homme par degrésjusqu'à ce qu'ayant posé ses jambes perpendiculairement sous l'homme comme dans la Figure 7. il éleve son propre corps, & saississant avec ses bras les jambes de l'homme, il l'éleve avec lui & le place sur une table peu haute ou sur une éminence d'environ la hauteur de ses genoux; il fait même quelques cela avec deux hommes; ce qui n'est pas une opération difficile
- 6°. It se tient droit dans le chassis ABCDEF (Planche 20. Figure 2.) & il prétend élever un canon C placé dans un bassin de grande balance Ss, quoiqu'il ne fasse réellement que le soutenir; les cordes du bassin étant attachées à une corde ou chaîne LH, suspendue à sa ceinture H, les assistants retirant les rouleaux R, r de dessous le bassin, lorsqu'il s'est une sois fixé lui-même, de maniere que les cordes seroient bien serrées, & les jambes & cuisses bien droites.
- N.B. Il est presque aussi aisé de rompre la corde avec l'œil L sixé à terre (Figure 1. Planche 20.) ou sur le plancher, par le moyen de la ceinture H, que de la maniere représentée dans la 3°. Figure de la Planche 19. Mais il ne l'a jamais éprouvé de cette maniere; parce que la chose est si facile, que plusieurs personnes en auroient fait l'expérience immédiatement après, & qu'ils auroient trouvé qu'il n'y avoit point de difficulté à rompre une corde de cette maniere, comme je l'ai fait souvent; mais paroissant nécessaire à l'opération de se laisser tomber en arrière, peu de personnes ont eu le courage de faire cette épreuve.

La 4°. Figure représente la ceinture qui est faite avec une double sangle de cheval, & qui a deux anneaux de ser en G & R. On voit le crochet dans la Figure 5. & la position de l'œil de ser dans la Figure 3. où l'on peut observer que le côté de l'œil, & non la partie ouverte, est du côté du poteau, ensorte que la corde ne glisse pas aisément dans le trou, mais s'y enjambe & s'y arrête; par ce moyen toute la sorce de l'effort de l'homme agit sur une partie de la corde, & ainsi elle se rompt aisément.

Cet homme avoit aussi coutume de prendre une piéce plate de ser, de la figure marquée 7. & de la tordre en vis; mais sa manière de le faire étoit sort aisée; car d'abord il plioit le ser à angle droit, comme dans la Figure 8. ensuite entortillant son mouchoir autour de l'extrémité supérieure



large & plate du fer, il tenoit ce bout à la main gauche, & il appliquoit sa main droite à l'autre bout , qu'il tordoit autour du point angu- la IV. I laire, comme dans la Figure 9.

N. B. Mylord Tullibardin prit un de ses fers, & fit la même chose en sa présence; & même, ce qui est plus difficile, il détortilla un des fers que cet homme avoit tordu.

Pour expliquer comment des hommes d'une force non extraordinaire peuvent faire tous les tours précédents, j'ai tracé dans la Figure 6. la partie inférieure d'un squelette, contenant tous les os du corps humain, qui font interessés dans ces opérations, & j'ai fait la figure fort grande, pour

faire mieux voir comment on doit appliquer la ceinture.

Les os marqués JSAPAJ * qui composent la cavité nommée le Pelvis, contiennent un cercle offeux ou un arc double d'une si grande force, qu'il faudroit une puissance immense pour les rompre par une pression extérieure drigée vers le centre du cercle, ou le milieu du Pelvis. On doit aussi observer que les parties de cette circonférence ofseuse, qui reçoivent les têtes des os de la cuisse en-dessus & en-dessous de A & en A, nommées Ischium ou Coxendix, sont les plus fortes de toutes, ensorte qu'il faut une très-grande force pour presser en haut les têtes des os de la cuisse (ou, ce qui revient au même, pour pousser en bas les parties supérieures du coxendix) ou les unes vers les autres par une direction latérale de A en

A, fans produire aucun dérangement dans le corps humain.

Maintenant si l'on place autour du corps la ceinture décrite ci-devant & dans la situation qui est représentée dans la Figure, & si on la tire en bas en G, par le moyen d'un grand poids W, elle pressera en derriere fur l'os sacrum & fur l'ilium, & par sa pression sur TT, qui sont les grands trochaxtes des os de la cuisse, elle poussera plus fortement leurs têtes rondes dans leurs creux, ensorte qu'elles seront moins capables de glisser en-dehors, & de forcer le ligament par une impulsion dirigée en haut. Ainsi la partie demi-circulaire de la ceinture TCSCT presse tout-à-la-sois l'arc ofseux marqué par les mêmes lettres, lequel conformément à la nature des arcs devient plus fort par cette pression. Les extrémités de cet arc ne peuvent pas s'approcher, à cause de la résistance des os APA qui ont beaucoup de force, & elles ne peuvent pas s'écarter en-dehors, parce que la ceinture les retient.

De plus les cuisses & les jambes TDB sont deux fortes colomnes capables de foutenir au moins quatre ou cinq mille livres, pourvû qu'elles foient entiérement droites. Les muscles ne sont pas employés ici à faire force, n'étant occupés qu'à se balancer les uns les autres; c'est-à-dire, que les muscles antagonistes, les extenseurs & les stéchisseurs ne font que contenir

* Ces os se distinguent ainsi par les Anatomistes S, l'os sacrum, J J l'ilium, A A l'os ischium, dont la partie la pius forte a de cha- de cet os qui se joignent eu-devant entre que côté une concavité demi-sphérique, dequelle reçoit la tête ronde de l'os de la

cuisse qui tourne en-dedans, étant soutenue par un fort ligament au milieu : les parties A A & au - dessus de P, se nomment es Pubis ou offa Pubis.

27° COURS DE PHYSIQUE

TYPTES sur les os à leur place, ce qui les fait résister comme seroit un os entier formé la 1/1. Lecon. en arc.

Cela fait voir combien il est aisé à l'homme de la Figure 2. de soutenir un canon qui pese deux ou trois mille livres. La même solution peut aussi servir à expliquer la résistance de l'homme de la Figure 1. Planche 19, que cinq hommes (& même dix hommes ou deux chevaux) ne peuvent pas tirer de sa situation; lorsqu'il est assis de maniere que ses jambes & ses cuisses sont dans une ligne horizontale PF, ou dans une ligne inclinée vers A: car alors quoiqu'il y ait une différence entre la poslure d'un homme assis, & celle d'un homme debout, décrite ci-devant, cependant à raison de la mobilité des têtes des os des cuisses dans les acetabules ou cavités du coxendix, l'arc est le même, & aussi fort qu'auparavant, ses extrémités étant également soutenues par les jambes & les cuisses. Ce n'est que le pliement des côtes au-dessus de la ceinture, pour tenir le corps élevé, qui fait la différence de la position de l'homme, quoiqu'elle ne soit pas sensible dans les parties résistantes. L'impossibilité de surmonter la résistance de l'homme qui est assis avec la ceinture autour de lui, sans écraser les jambes & ses cuisses par leurs extrémités l'une sur l'autre, dépend de ce qu'on a dit dans la 5e. Note sur la 3e. Leçon, où nous avons fait voir qu'une puissance n'a aucun effet sur un levier, lorsqu'elle tire contre le centre du mouvement. On expliquera mieux cela par la 29. Figure de la Planche 19, ou le levier HL, dont le centre du mouvement est en L, représente les jambes & les cuisses de l'homme fort, la puissance des hommes & des chevaux qui tirent en M, est appliquée en H, & tire dans la direction H L. La même chose doit arriver, lorsque le levier est dans la position HL; mais si l'homme s'asseyoit ensorte que son derriere fût plus haut que ses pieds, & qu'il eût ses jambes & ses cuisses dans la position du levier hL; Mlh, ligne de direction de la puissance, formeroit avec le levier l'angle lbL, dont le finus étant lL, réduiroit l'action de la puissance au même cas où elle seroit, si le poids de l'homme étoit suspendu en h au long bras du levier recourbé hLl; & si la puissance tiroit au point l par le petit bras l L. Alors si la puissance étoit au poids dans une raison un peu plus grande que celle de hL à lL, l'homme seroit tiré en haut par un arc du cercle dont le centre est en L, sa résissance décroissant continuellement, parce qu'alors il n'y auroit que son poids qui agiroit contre la puissance, par le moyen d'un levier qui dans son mouvement augmenteroit continuellement la distance active de la puissance, & diminueroit celle du poids. Ainsi comme cela peut arriver à un homme assis sur une planche horizontale, si sa ceinture est un peu trop haute, ou s'il est tiré subitement avant qu'il se soit bien fixé, & que ses jambes & ses cuisses soient dans la position qui leur convient ; je voudrois que la planche fût toujours inclinée comme FG, pour prévenir cette surprise, qui peut alors arriver difficilement, parce que le point H devroit monter entiérement au-dessus de la ligne LP, avant que la puissance eût gagné aucun avantage. Mais pour être encore plus fûr, au lieu de la fente DL, (ou L1, Figure 2.) je n'emplois qu'un seul trou en L pour y faire passer la corde, qui doit toujours être entre les jambes & les pieds.

J'ai remarqué que ces prétendus hommes forts avoit quelquefois un bâton court & fort d'environ un pied de longueur, attaché à la corde en K, afin la IV Les qu'en cas de surprise, ce bâton pût s'arrêter contre les apuis D & C, & empêcher par ce moyen ces hommes d'être entrainés plus avant dans ce cas, & alors ils tiennent le bâton à la main, voulant faire accroire qu'ils tirent avec leurs mains pour faire paroître le tour plus extraordinaire.

Quant à la rupture de la corde, les muscles doivent agir en étendant les jambes; & pour mieux expliquer cette action, nous devons considérer un homme qui rompt la corde tel qu'il est représenté dans la premiere Figure de la Planche 20, cette maniere étant plus fimple, que lorsqu'on la rompt de

la maniere marquée Figure 3. Planche 19.

La corde étant attachée au poteau en P, ou à quelqu'autre point fixe, on la fait passer par un œil de fer L à un crochet de la ceinture H de l'homme HJ, & on l'attache avec une gance ou autrement, de maniere qu'elle soit bien tenduë, pendant que les genoux de l'homme sont pliés ensorte qu'il ne manque qu'environ un pouce pour avoir les jambes & les es entiérement droites. Alors si l'homme étend subitement ses jambes, & se redresse lui-même, il rompra aisément la même corde qui arrête deux chevaux lorsqu'ils agissent avec toute leur force pour la tirer, comme une corde de charréte, ou d'environ 3 d'un pouce de diametre. Un homme d'une force moyenne pourra la rompre par l'action des dix muscles * qui étendent Ies jambes, & dont chaque jambe en a cinq.

Si la corde est assez forte pour soutenir 1800 livres, mais si elle doit se brifer par un poids un peu plus grand, deux chevaux ou dix hommes ne peuvent pas la rompre en tirant simplement contre l'homme affis de la

Figure 1. Planche 19.

Car un cheval dans les travaux ordinaires de six heures par jour, ne peut tirer que 240 livres ; il ne peut pas tirer plus du double de ce poids, lorsqu'il agit avec toute sa force; & ainsi deux chevaux ou dix hommes, qui font autant que deux chevaux, ne peuvent pas par une secousse tirer au-delà de 1000 livres, au lieu qu'on a supposé la corde affez forte pour soutenir 1800 livres, & cependant un homme ordinaire dans la posture de la Figure 1. Planche 20. peut la rompre. Nous ne devons pas être furpris que les muscles extenseurs des jambes agissent avec tant de force, si nous faisons attention à leur grosseur & à leur longueur, furtout si nous les comparons avec les quatre muscles qui tirent en haut l'os de la mâchoire inférieure; Car (quoiqu'ils ne pesent pas tous quatre

* Les cinq muscles qui étendent chaque jambe, sont décrits par les Anatomistes qui leur donnent les noms suivants. 1. Le membraneux qui prend son origine dans la parcie supérieure de l'épine de l'os ilium, & qui se termine un peu au-dessous du genoux dans la partie de devant, & extérieure du tibia & du Fibula. 2. Le rectus qui prend sa naissance dans la partie infémine aussi un pen au-dessous du genoux rieure de l'épine de l'os ilium, & se terdans la partie de devant du tibia. 3. Le vastus externus qui vient de la racine du plus grand rotateur, & se termine un peu au-dessous du patella, auprès du même endroit que le premier. 4. Le vastus internus qui vient de la racine du plus petit rotateur, & se termine aussi un peu audessous du patella. 5. Le cinquieme est le crurcus qui vient de la partie de devant l'os de la cuisse, entre les deux rotateurs; & se termine au même endroit que le premier,

COURS DE PHYSIQUE

The solution of the control of the c

La maniere de rompre la corde, qui est représentée dans la Figure 3. de la Planche 19, quoique plus embarrassante, est plus efficace pour y parvenir, que celle que nous venons de décrire; car le même homme peut dans cette position rompre une corde, qu'il ne sçauroit rompre dans l'autre position. Pour comprendre cela, il faut observer que l'homme prend la corde si courte, que lorsqu'il grimpe en haut contre le poteau, si l'œil L (par lequel la corde passe) est entre les doigts du pied, ses talons étant plus bas en T, lorsque ses genoux sont droits, la longueur TH de ses jambes & de ses cuisses TH, est plus grande que la longueur de la corde & de la ceinture de L en H; ensorte que nous pouvons confidérer dans l'homme & la corde le triangle Iht tracé en-deffous de l'homme dans la Figure ; le côté lh représente la longueur de la code & le diametre de la ceinture; la base lt les pieds de l'homme; & le plus grand côté th, les membres étendus, ou les jambes & les cuisses lorsqu'elles font droites. Or dans la notation des longs côtés de ce triangle, lorsque le côté lh devient horizontal en lr (se mouvant dans l'arc hrr autour du centre l,) le côté th vient à la situation th, (à mesure qu'il se meut autour du centre t dans l'arc hhs) & par conséquent il faut ou que la corde s'étende de r en h, ou que le point h, en pliant les genoux s'approche de r; ou enfin que la corde se rompe; & c'est ce qui doit arriver, furtout si l'on fait réflexion que plus le corps descend (avec les membres roides) autour des doigts du pied qui sont le centre de son mouvement, plus la distance rh est grande, comme on le voit un peu audeflous en rx; enforte que si la corde s'étend un peu au commencement, elle doit se rompre à la fin, & l'homme doit tomber sur le lit de plume, ou fur quelque autre corps mou pour le recevoir en B. Car si l'homme trouve que l'action des muscles extenseurs des jambes ne suffit pas pour rompre la corde, il peut dans cette position y ajouter aisément tout le poids de son corps avec une secousse, en se poussant lui-même en arriere.

La posture de la Figure 4. Planche 19, (où l'homme fort ayant un enclume sur sa poitrine ou sur son ventre, souffre qu'un ou deux autres hommes frapent avec un gros marteau sur cet enclume, & y sorgent un morceau de fer, ou qu'ils y coupent une barre de fer froid avec des cizeaux) quoiqu'elle paroisse surprenante à certaines gens, n'a rien au sonds de merveilleux; car tout consiste à soutenir l'enclume; & plus l'enclume est pesant, moins les coups de marteau sont sensibles: Si l'enclume n'étoit que deux ou trois sois plus pesant que le marteau, l'homme sort seroit tué après quelques coups. On comprendra ceci plus aisément, si l'on se rappelle ce que nous avons dit dans la seconde Leçon; car plus l'enclume a de matiere, plus il a d'inertie, & moins il est capable d'être tiré de sa place, parce que lorsqu'il a reçû par le coup tout le momentum du mar-

teau

NOTE.

teau, sa vîtesse est d'autant plus petite en comparaison de celle du marteau, qu'il a plus de matiere que le marteau. Il ne faut pas même dans la IV. Léfon. ce cas attribuer à l'enclume une vîtesse moindre que celle du marteau en proportion réciproque de leurs masses ou quantités de matiere ; car cela n'arriveroit que dans le cas où l'enclume seroit suspendu librement, par exemple, dans l'air avec une corde, & qu'il fût frapé horizontalement avec le marteau; mais la résistance des côtes qui forment un arc sous l'enclume, doit encore diminuer cette vîtesse : ensorte que si le marteau frapant l'enclume lorsqu'il est suspendu librement, peut le faire sortir de sa place d'un pouce, si l'on met derriere l'enclume une résistance égale à son poids, il ne sortira que d'un demi-pouce; & si cette résistance est double, ce ne sera que d'un quart de pouce, &c C'est ainsi que la vîtesse communiquée par le marteau, est distribuée à toutes les parties d'une grande pierre, lorsqu'on la met sur la poitrine de l'homme pour la. rompre; mais lorsque le coup est donné, l'homme sent moins le poids de la pierre, qu'il ne le reffentoit auparavant, parce que dans la réaction de na pierre, toutes ses parties autour du marteau s'élevent vers le coup; & si la tenacité des parties de la pierre n'est pas plus forte que la force avec laquelle elle se meut vers le marteau, la pierre se brisera, comme elle le fait lorsque le coup est fort, & qu'il est frapé sur le centre de gravité de la pierre,

N.B. Que les parties des corps frapés se meuvent vers le coup, d'est une conséquence d'une loi de nature, dont voici l'explication.

L'expérience commune de placer un bâton par ses extrémités sur deux verres d'eau, & de le fraper en bas par le milieu, enforte que le bâton se rompe sans briser les verres, ou sans verser l'eau, est une preuve évidente du fait; & l'observation de ce qui arrive dans cette Expérience, fait voir qu'elle dépend de la premiere Loi de Nature ; Car si les verres A, B, ont sur leurs bords le bâton AB, dont le centre de gravité est en C; & si on le frape avec une barre dont on voit la coupe en C, ce bâton par la premiere loi faisant effort pour rester dans son état de repos, n'a que sa tenacité pour résister au coup de la barre, qui brise le bâton pendant le tems qu'elle va en c; & alors les deux parties du bâton doivent être dans la position ca & cb, & s'élever toujours en tournant vers C; car M, m, centres de gravité des deux parties du bâton, faisant effort pour rester dans leurs places respectives, deviennent les cen tres du mouvement de ces deux bâtons; d'où il arrive, que comme par la continuation du coup, ils sont poussés tous deux en bas vers c, leurs extrémités a & b doivent être portées en haut, & vers C, par un mouvement circulaire.

Cela paroît encore mieux, si l'on fait l'Expérience d'une maniere toute opposée; car si l'on frape le bâton en haut dans la direction cC, on rompra les verres, si le coup est fort; & s'il n'est pas fort vif, l'eau se répandra.

Il y a aussi une autre Expérience qui rend ceci très-évident. Lome 1.

Nn

Planche 16. Figure 8.

Planche 16. Figure 9.

COURS DEPHYSIQUE.

Soit le cercle ou cerceau de plomb ABC, (Planche 16. Figure 9.) V.Leçon. suspendu en haut par la corde SG, & ensuite frappé par la barre dont on a parlé ci-devant, au point B, dans une direction horizontale; l'effet qui en réfultera sera, que l'anneau changera sa figure circulaire ABCDEF, pour prendre la figure ovale irréguliere AbChDeFg; ensorte que nonseulement les parties en A & C vont vers le coup, pendant que la barre B (représentée par sa section quarrée) se meut de B en b; mais aussi la partie la plus éloignée s'avance vers e, les points A, C, F, D devenant centres du mouvement pour les arcs (ou quarts de cercle) BG, BH, EG & EH, pour se mettre dans les positions bg, bh, eg & ch, auquel cas ils doivent changer leur figure, parce qu'ils ne sont pas léparés les uns des autres aux points B, H, E, G, &c.

Il seroit trop ennuyeux, en expliquant les autres tours de force, d'entrer dans un aussi grand détail que celui où je suis entré dans ceux qui ant précedé. Ainsi je n'examinerai qu'en passant ceux qui suivent; d'autant plus que les principes déja expliqués dans les dernieres Leçons, & les réflexions que je viens de faire, mettront aisément le Lecteur en état de

trouver la raison de toutes les opérations semblables.

Dans la cinquieme Figure de la Planche 19, l'homme JHL (ayant arrêté les chaises J, L,) forme un arc si fort avec l'épine du dos, & les os de ses jambes & de ses cuisses, qu'il est capable non-seulement de toutenir un homme, mais trois ou quatre, s'ils avoient affez de place pour s'y placer; ou à leur défaut on peut y rompre une groffe pierre d'un seul

Dans la fixiéme & septiéme Figures de la même Planche, un homme ou deux sont élevés dans la direction CM, par les genoux de l'homme tort JHL, couché sur son dos. Il faut maintenant observer que les cinque muscles * qui plient les jambes, (quoique plus foibles que les extenseurs, parce qu'ils ne sont pas destinés à porter le corps dans les mouvements ordinaires) agiffent avec leur plus grande force au commencement de cette opération, comme font tous les muscles, lorsqu'après s'être entiérement étendus, ils commencent à s'accourcir; & pour les foulager dans leur action, à mesure que les talons vont en avant depuis le point L, ils s'arrêtent contre le terrein, & tiennent le corps M dans la place où il s'est étevé : ensorte que l'action de ces Flexeurs est réitérée, & qu'ils ont le tems d'être recrutés par de nouveaux esprits (ou par que que fluide que ce soit qui les fait enfler); & lorsqu'ils sont tellement resservés qu'ils agis-

* Les cinq museles qui plient les jambes sont : Le longissimus ou fajcialis qui prend fon origine dans le nœud intérieur de l'os vinn, & se termine un peu au dessous du genou par un tendon, qui est attaché sous le genou idans le côté [de devant, & inté rieur du tibia. 2 Le grêle qui vient de la printure de l'os pubis, & qui se joint par un fort tendon un peu au-deffous du premier, dans le côté intérieur du tibia. 3. Le femmerveux qui vient du nœud de l'efcheum,

se terminant par un tendon rond sous le jarret, & qui est aussi attaché au côté intérieur du tibia vers l'arrière, s'étendans julqu'à fon milien. 4. Le semimembraneux qui procede du même nœud, & finit par un tendon plus large que le troisseme dans la partie de derriere du tibia. 5. Le cinquieme se nomme Biceps, & commence de meme à l'ischium, pour se terminer au côté extérieur de l'appendix supérieur du fibulas -

Flanche F9. Figures 5 , 6 St 7.

sent plus foiblement, la pression du poids les affecte toujours de moins en moins, parce que les os soutiennent une plus grande partie du poids, à la IV. Lecon. mesure qu'ils deviennent plus perpendiculaires, & par conséquent les muscles ont moins occasion d'agir. Voyez la Figure 7. Le reste de cette opération, qui est de placer l'homme M sur une table, est une chose fort aisée & triviale, l'homme fort n'ayant plus que son propre corps à élever; ce qu'il fait en appliquant ses mains autour du pied ou des jarrets de l'homme; & s'élevant lui-même, il le chasse plûtôt loin de ses genoux, qu'il ne l'éleve sur une table placée en N, à la portée de ses bras, comme

il le prétend.

En rompant la corde, il y a une chose à observer, qui facilitera beaucoup l'opération, & qui consiste à placer l'œil de ser L (Planche 20. Figure 3.) par où la corde passe, en telle situation, que le plan qui passe par son anneau soit paralléle, ou presque paralléle aux deux parties de la corde, parce qu'alors la corde sera en quelque maniere enjambée dans l'anneau d'une maniere à ne pas glisser, & toute la force de l'action de I homme agira sur la partie de la corde qui est dans l'anneau; ce qui la tera rompre plus aifément que si elle agissoit sur plusieurs parties de la corde. Ensorte que l'œil, quoiqu'arrondi & adouci, coupera, pour ainsi dire, la corde. Et c'est de cette maniere qu'on peut rompre une petite corde bien serrée, & même une petite corde de tourne-broche, & avec da main sans se blesser, en la disposant de maniere qu'une partie de la corde coupe l'autre; c'est-à-dire, en la roulant tellement autour de la main gauche, que par une secousse subite, toute sa force agisle sur un seul point de la corde. Voyez la Figure 11. de la Planche 20, où la corde qui doit être rompuë au point L dans la main gauche, est marquée selon son cours, par les lettres RTSLMNOPQ, ne faisant qu'un tour dans la main droite, allant ensuite sous le pouce au milieu de la main gauche, ou se croisant sous une autre partie, elle revient en arriere sous le pouce en M; ensuite elle entoure le dos de la main vers N, & passe ainsi par la gance en L vers O, & fait trois tours sur le petit doigt en P & Q; celui-ci n'étant seulement que la gance, afin que NO ne s'en aille pas. Avant que de séparer les mains l'une de l'autre par une secousse, il faut fermer la main gauche, & tenir le pouce libre, de peur qu'en pressant contre le doigt suivant, il n'empêche la partie T L de la corde, de porter totalement la force au point L; mais le petit doigt & celui qui le suit, doivent être tenus roides, pour retenir en place la gance NO.

L'usage des muscles qui étendent les jambes pour élever de grands fardeaux, est une pratique ordinaire parmi quelques-uns de nos Ouvriers, quoiqu'on n'y prenne pas garde, parce qu'elle se fait sans aucun appareil. Nous voyons les Cochers des caroffes de louage fauter souvent de leurs siéges, & lever aisément avec leur dos leur carosse par-derrière, pour faire place à un autre, ou pour éviter quelque grand obflacle, quelque trou ou quelqu'autre inconvénient; & ils font cela avec tant de facilité, que s'il y avoit quatre personnes dans le carosse, & trois ou quatre coffres derriere, ils ne ne penseroient pas qu'il en valût la peine d'en faire sortir aucune, ou d'ôter un de ces poids. Les Porteurs de Charbon au Quay de Custom-Nnij

NOTES

Planche 20. Figures 3, 11. COURS DE PHYSIQUE

Leçon. poids d'un quintal & trois quarts de charbon, marchant fort vîte partout, quoiqu'à chaque voyage ils montent deux échelles, & fouvent la longueur de la montée de Saint-Dunstan, qui est une ruë fort escarpée, & mal pavée, & souvent ils montent un ou deux escaliers avant que de décharger leurs charbons, & la plûpart sont cette opération plus de soixante sois dans un jour: mais leur méthode est de se courber ensorte que le sac porte principalement sur leur croupion, le tenant d'une main par-derriere à l'ouverture du sac, pour pouvoir plus promptement verser leurs charbons, pendant que l'autre main retient le sac pour l'empêcher de glisser en bas; & cette posture facilite beaucoup l'action des muscles des reins, les extenseurs des jambes y étant alors principalement interessés.

Depuis que j'ai commencé à écrire ceci, j'ai été informé par des perfonnes dignes de foi, que les Portesaix en Turquie portent sept ou huit, & même quelquesois neuf quintaux sur l'extrémité insérieure de leur dos, ou plûtôt sur leur croupion, ne s'appuyant que sur un bâton en-devant, lorsqu'on les charge, pour soutenir leur corps, & sauver les muscles de leurs reins; mais on peut aisément conjecturer que d'autres personnes doivent être sort attentives à leur mettre dessus la charge, & à les décharger.

Je crois que la force de la tortuë que les Soldats Romains formoient en fe serrant ensemble avec leurs bouchers sur leurs têtes, étoit l'effet de quelque situation semblable de leurs corps: autrement ils n'auroient jamais été capables de supporter le poids des charriots qui montoient sur eux, comme quelques Historiens en sont soi. En ce cas chaque homme, excepté ceux du premier rang, couvroit de son bouclier celui qui étoit avant lui, s'appuyant en même-tems sur le croupion de celui-là; & lorsqu'ils se soutenoient ainsi contre le choc d'un combat, leurs muscles n'avoient d'autre satigue que de tenir leurs genoux roides; l'arc osseux déja décrit (Planche 20. Figure 6.) étant suffisant pour soutenir un poids beaucoup plus grand.

Il y a plusieurs cas où il seroit d'un usage singulier d'employer la force d'un ou de plusieurs hommes, par le moyen de la ceinture, du crochet & de la chaîne, de la maniere qu'on l'a expliqué ci-dessus; par exemple, lorsque la résistance est fort grande, muis que les corps qui résistent ne doivent être écartés que fort peu: si l'on éleve des marchandises fort pesantes à une petite hauteur, pour ôter quelque chose qui est en-dessous; si l'on veut tirer un verrou ou une gâche, & qu'on ne puisse pas le faire même avec un levier de fer, la main le tirant en haut à son extrémité, alors le crochet de la ceinture étant appliqué à l'extrémité du levier, la

dont les mains sont capables au même endroit sans un plus grand secours. Il peut aussi y avoir bien des occasions à bord d'un Navire. Je n'en donnerai qu'un exemple. Soit FG (Planche 21. Figure 1.) la moussile destinée pour élever ou abaisser le grand perroquet, dont une partie est ici représentée par m1, m2, la poulie G est sixée en-dessous; & comme celle F vient en bas, elle tire avec elle le cordage FBC, m1 venant avec vîtesse au-dessus de la poulie B, (fixée en A) & autour de la poulie C.

force qui agira en roidiffant les jambes, sera dix fois plus grande que celle

Planche 20.

Planche zz.

dans le talon du mât de perroquet, ensorte qu'elle tire en haut l'extrémité inférieure M 1 de ce grand perroquet, laquelle étant guindée à la hauteur la IV. Leçon. qui lui convient, y est arrêtée par la verge de ser J qui la traverse, & alors le propre poids du grand perroquet, & le trou D du grand mât, le tient en place. Supposons que la force requise pour élever de cette maniere ce mât, soit celle de six hommes qui tirent sur le pont pour amener la mouffle, c'est-à-dire, par la corde FGK en K de l'autre côté du grand mât Ll, maintenant pour abaisser subitement ce mât dans le cas d'un mauvais tems, on est obligé de se servir de la même moussle & de la même puissance, quoiqu'il ne soit question que de l'élever fort peu, afin qu'un homme puisse faire sortir la cheville J, & faire ensuite tomber & glisser le mât en N à côté du grand mât. Je dis que si les mains sont employées autrement de maniere qu'au lieu de six hommes, il n'y en ait qu'un seul à la corde K; s'il a une forte ceinture à laquelle il puisse s'attacher, (ou se faire un arc de la corde même, en la fixant tout autour de la partie inférieure du dos, &c.) il agira avec beaucoup plus de force dans la direction GK que les fix hommes dans la maniere ordinaire de tirer; & s'il tire à lui (en s'affeyant sur le pont, & poussant ses pieds contre le premier obstacle solide qu'il rencontrera, comme contre OP) seulement deux pouces de la corde KG, il élevera le grand perroquet de la troisiéme partie d'un pouce, ce qui suffira pour en tirer la cheville de fer.

N. B. S'il faut plus de force pour cette opération, comme dans les grands vaisseaux, plusieurs hommes peuvent tout-à-la-fois faire usage des cordes autour de leurs corps, au lieu des ceintures, & les attacher toutes à différentes parties du retour de la corde des mouffles; & pour avoir des points fixes, ils peuvent appuyer leurs pieds contre les marches de bois d'une échelle de poupe couchée sur le pont, & attachée par un bout à un des verroux : car quoique dans ce cas chaque homme ne puisse pas appliquer autant de force qu'auroit fait un homme seul, parce que comme ils doivent être tous assis un peu à côté de la corde GK, leur traction doit être un peu oblique; cependant cinq hommes dans ce cas feront fort aisément le travail de quinze.

8. [- Toute la force par laquelle un homme tire, &c. Que l'on trou-

vera dans les Notes.

Pour éclaireir & confirmer ce que j'ai dit dans la Leçon, je joins ici une partie du Mémoire que M. de la Hire a donné à l'Académie Royale des Sciences en 1699, & qui a pour titre, Examen de la force de l'homme pour mouvoir des fardeaux, tant en levant, qu'en portant & en tirant, laquelle est considerée absolument & par comparaison à celle des animaux qui portent & qui tirent, comme les chevaux. Dans lequel tous ses raisonnements sont justes, quoique quelques-unes de ses hypothéses étant fausses, nous conduisent à de fausses conclusions; mais je les redresserai par les observations que j'ai faites.

» Je suppose premierement qu'un homme de taille médiocre, & qui est

m fort, pese 140 l. de notre poids. *

* La livre de France est entre un 116, & un 126, plus grande que notre livre Averdepoids,

NOTES

COURS DE PHYSIQUE

" Je considére d'abord, qu'un homme tel que je viens de le supposer, ayant les deux genoux en terre, peut se relever, en s'appuyant seulement, sur la pointe des pieds, & les deux genoux étant toujours joints ensemble; & comme cet effort se fait par le moyen des muscles des jambes & des cuisses, il est évident par la supposition que je viens de faire de sa pesanteur, que les muscles des jambes & des cuisses auront la force de lever 140 livres (a).

" Mais un homme ayant les jambes un peu ployées, peut se redresser, quoiqu'il soit chargé du poids de 150 livres avec la pesanteur de son corps, qu'il éleve à même tems (b); en sorte que la sorce des muscles des jambes, & des cuisses, peut élever un poids de 290 livres; sçavoir, 150 livres du poids dont il est chargé, & 140 livres du poids de sonscorps, lorsque l'éle-

, vation n'est que de 2 ou 3 pouces.

" Un homme dans la supposition que nous avons saite d'abord, & comme nous le considérerons toujours dans la suite, peut aussi lever de terre un poids de 100 livres, lequel sera placé entre ses jambes, en ployant seulement le corps, & prenant ce poids avec les mains comme avec deux, crochets, & en se redressant ensuite (c). D'où il suit que les seuls muscles des lombes ont la force de lever un poids de 170 livres, à sçavoir, les noo livres du poids & 70 livres qui est la motié de sa pesanteur; car il doit non-seulement élever le poids de 100 livres, mais encore toute la partie supérieure de son corps depuis la ceinture, que j'estime du poids de 70 livres, puisqu'il s'étoit panché pour prendre le poids.

"Pour ce qui est de la sorce des bras pour tirer ou pour élever un sardeau, on peut la supposer de 160 livres, ce qui dépend de la sorce des muscles des épaules & des bras; car si un homme prend avec les deux mains quelque corps sixe & placé au-dessus de sa tête, il pourra assez facilement par l'essort seul de ses bras élever tout son corps & même 20 livres de plus, comme s'il étoit chargé du poids de 20 livres; on en peut faire facilement, l'expérience; car s'il y a un poids de 160 livres qui soit attaché à l'extrémité d'une corde, laquelle passe par-dessus une poulie, & qu'un homme, qui pese seulement 140 livres, tire l'autre extrémité de cette corde; il est, évident qu'il ne pourra jamais élever le poids de 160 livres, puisque tout ce qu'il peut faire, c'est de le suspendre à cette corde, & le poids qui est attaché à l'autre extrémité pesant plus que lui, le tiendra suspendu; car la poulie n'est autre chose qu'une balance continue à bras égaux : mais

(*) Les muscles des jamles & des cuisses sont beaucoup plus forts que M de la Hire ne le suppose; comme on le voit par ce qu'on a dit au sujet des tours de force; & l'action par laquelle un homme se releve. les deux genoux étant joints, est bien éloignée d'etre la plus forte qu'un homme puisse faire en cette posture; car un homme peut porter un poids considérable, & se relever encore ayant les deux genoux en terre, quoique l'arc décrit par le centre desgravité soit un arc d'un bon nombre de dégrés.

(b) On voit communement à Londres des hommes qui se redressent chargés de 250 livres, qui est presqu'une sois plus que M. de la Hire n'a supposé; ainsi toutes les conséquences qu'il ètire de cette supposition doivent être fausses.

(c) Les hommes qui travaillent élèvent ordinairement 150 livres avec leurs mains, & quelques-uns 200 livres, maisicillex cès de force des muscles des lombes n'est pas beaucoup plus grand que M. de la Hire le simpose, comme l'est celui des muscles des jambes.

in fi l'on charge cet homme du poids de 20 livres, il fera alors équilibre , avec le poids de l'autre côté, & pour peu qu'on ajoute au poids de 20 la IV. I , livres, il élevera le poids; puisque les muscles de tes épaules & de ses

bras ont affez de force pour élever tout ce poids.

, Quoique les muscles de chaque partie du corps puissent faire de si grands " efforts pour élever des fardeaux, on ne doit pas pour cela compter la force de l'homme par celle de tous ses muscles ensemble, quand même les esprits qui font gonfler les muscles qui servent au mouvement en n general en se racourcissant & en tirant les tendons des extrémités, pourroient se distribuer également dans toutes ces parties, & de la même manière que dans une partie séparée, puisque chaque partie sert ordinairement de soutien à celle qui lui est jointe. Par exemple, les muscles des bras & des épaules en se retirant peuvent elever un poids de 160 livres. Mais si le corps est panché, les bras ne pourront soutenir ce poids, à moins que les muscles des lombes n'ayent la force à même tems de soutenir la , partie supérieure du corps avec le poids dont il est chargé, & si les jarets 3 étoient encore ployés, il faudroit alors que les muscles des jambes & cuisses fissent encore un plus grand effort, puisqu'ils devroient soutenir le poids de 160 livres, & à meme tems celui de tout le corps. D'où il arrive que dans cette disposition de tout le corps, la force se distribue " par la distribution des esprits dans toutes les parties, ce qui fait qu'un homme ne pourra pas lever de terre un poids de 160 livres.

" Ce n'est pas qu'il peut se rencontrer des hommes dont les esprits coulent en si grande abondance & avec tant de rapidité dans leurs muscles, qu'

leur font faire des efforts triples & quadruples de l'ordinaire, & c'est à ce qu'il me semble la raison naturelle qu'on peut donner des forces furprenantes qu'on voit dans quelques hommes qui portent & qui élevent des fardeaux que deux & trois hommes ensemble auroient de la peine à soutenir, quoique ces hommes soient quelquesois d'une taille médiocre & paroissent à l'extérieur plûtôt foibles que forts. Il s'en est trouvé un depuis peu de tems dans ce pays-ci, qui portoit une grosse enclume de Maréchal, à ce qu'on dit, & dont on rapporte plusieurs actions d'une force merveilleuse: mais j'en ai vû un autre à Venise, qui étoit jeune, & qui ne sembloit pas pouvoir porter 40 ou 50 livres avec tous les avantages possibles, lequel étant monté sur une petite table, élevoit de terre & foutenoit en l'air un âne par le moyen d'une fangle large qui passoit par-dessous le ventre de l'animal, & qui étoit attachée par ses deux extrémités à des crochets qui pendoient au bout de deux petites tresses faites de cordelettes & de peu de cheveux des deux côtés de la tête de ce jeune garçon, & toute cette grande force ne dépendoit que des muscles des épaules & des lombes (a); car il se baissoit d'abord

(a) Ce qu'il attribue ici aux muscles des tombes, est reellement l'effet des extenseurs des jambes; car le jeune homme se baissant avec fes mains fur les genoux, ne tenoit pas son corps en avant & ses genoux roides, 235 le corps étoit droit & les genoux ployés,

en sorte que les deux cordes avec lesquelles il élevoit l'animal, étoient dans le même plan que les chevilles du pied & les tétes des os de la cuisse; par ce moyen la ligne de direction de l'homme & de tout le poids tomboit entre les parties les plus fortes de ses deux

Notes fur ?

COURS DE PHYSIQUE

OTES fur , pendant qu'on attachoit les crochets à la fangle, & ensuite il se relevoit .Leçon. , & élevoit l'animal hors de terre en appuyant ses mains sur ses genoux. , Il élevoit encore de la même manière d'autres fardeaux qui paroissoient

" plus pesans que cet animal, & il disoit qu'il y trouvoit moins de peine,

, à cause que l'âne se débattoit en perdant terre (a).

" J'examine maintenant l'effort d'un homme pour porter un fardeau sur ses épaules, & je dis que le poids de ce fardeau peut être de 150 livres, & qu'il peut marcher avec cette charge assez facilement sur un plan horizontal, pourvû qu'il ne fasse pas de grandes enjambées, mais il ne pourra en nulle façon monter une montagne ou un escalier avec le même poids. Car l'action du marcher en portant un fardeau sur les épaules, doit être considérée comme le mouvement circulaire du centre de gravité C (Planche 20. Figure 12.) du corps & du poids joints ensemble sur le pied F qui avance comme pour centre de l'arc de mouvement; l'effort des muscles de l'autre jambe qui agissent contre le point fixe D, ne

" fervant qu'à pousser ce centre en avant; & si l'arc CE que décrit ce " centre est petit, l'effort de la jambe de derrière ne doit pas être grand " pour le faire décrire, puisqu'il ne doit faire élever tout le fardeau du " corps & du poids que de la quantité du sinus verse AB de la moitié de

" l'arc; ce qui n'est pas considérable dans ce cas, par rapport à l'arc, qui " est le chemin dont-tout le fardeau avance.

" Ainsi l'on voit qu'un homme bien chargé peut avancer d'autant plus " facilement, qu'il fera plus de petites enjambées, puisque le sinus sera d'autant " plus petit, & qu'il ne pouroit avancer en faisant des enjambées si grandes,

pieds qui la soutenoient; alors à mesure qu'il étendoit ses jambes, il s'élevoit lui-même sans changer la ligne de direction. Comme j'ai observé ceux qui sont de pareils tours, & que même je les ai éprouvé moi même très souvent, je suis bien assuré que c'est de cette manière que l'opération a été saite. Quant aux muscles des lombes, ils sont incapables de cet effort, étant environ six sois plus soibles que les extenseurs des jambes, au moins les ai-je trouvé tels dans moi même.

Vers l'an 1716. j'eus l'honneur de faire un grand nombre d'expériences en presence du seu Roy George I. Sa Majesté voulut sçavoir s'il y avoit quelque tromperie dans ces tours de sorce qu'avoit fait six mois auparavant un homme qui paroissoit à l'extérieur n'être pas plus sort que les autres hommes; sur cela je sis placer un chassis de bois (tel que celui qui est représenté dans la 2e Figure de la Planche 20.) & avec une ceiuture & une chasse j'élevai un cylindre de ser qui sert à applanir le jardin; le soutement lorsqu'une sois il étoit élevé.

Quelques Gentilshommes qui étoient presens, firent l'expérience après moi, & éleverent le rouleau, les uns avec plus de facilité, & les autres avec plus de peine que moi. Ce rouleau pesoit 1900 livres, à ce que nons dit le Jardinier. J'essayai ensuite d'élever 300 livres avec mes mains (fcavoir, deux sceaux contenant chacun 150 livres de vif argent) que j'élevai à la verité de terre, mais je fis un si grand effort que j'en reffentis fur mon dos de la douleur pendant trois ou quatre jours; ce qui fait voir que dans la même personne les muscles des lombes (qui agirent avec toute leur force dans cette derniere expérience) sont au moins six sois plus foibles que les extenseurs des jambes; car je ne sentis aucune incommodité pour avoir élevé le rouleau de fer.

(a) La raison pour laquelle l'âne en regimbant & s'agitant rend son poids plus incommode que si c'étoit un poids plus pesant, est que par un tel mouvement la ligne de direction vacille; & comme elle va en avant & en arrière, les muscles des lombes sont forcés d'agir pour la ramener à sa place.



Planche 20. Figure 12. EXPE'R / MENTALE.

n que l'effort de la jambe de derriere ne pût élever le fardeau du corps de » du poids de la quantité du sinus verse de l'arc qui sera la moitié du la IV. Leçoi s chemin.

» Il est aussi facile à voir que ce même homme ne peut en nulle façon monter un escalier ou une butte fort roide avec cette charge, puisque, » suivant ce que nous avons expliqué ci-devant, l'effort des muscles de ses » jambes pouvant élever un poids de 150 livres seulement à 2 ou 3 pouces » de hauteur, il ne pourroit pas l'élever à 5 pouces qui font la hauteur marches ordinaires (a) ni monter une montagne, à moins qu'il ne so fasse de si petites enjambées, qu'il ne s'éleve que de 2 ou 3 pouces à chacune. " Il ne me reste donc plus qu'à considérer l'effort de l'homme pour tirer ou » pour pousser horizontalement (b). Mais pour rendre cette explication » plus claire & plus intelligible, je confidere sa force appliquée à la mani-» velle d'un rouleau dont l'axe est horizontal, & sur lequel s'entortille une » corde qui soutient un poids, ayant posé la distance depuis le centre du » rouleau jusqu'au coude de la manivelle, égale au demi-diamétre du o rouleau, afin de comparer la force appliquée fans aucune augmentation De de la part de la machine, & je n'ai point aussi d'égard aux frottemens de " l'axe du rouleau, ni à la difficulté que la corde peut avoir a se ployer. » Premierement, il est évident que si le coude de la manivelle est placé » horizontalement, & qu'il soit à la hauteur des genoux environ, l'effort » de l'homme qui la releve en tirant, peut élever en même-tems le poids . de 150 livres, qui sera attaché à l'extrémité de la corde, en prenant tous » les avantages possibles, puisqu'il est le même que pour élever ce poids; ce » que j'ai expliqué ci-devant. Mais si c'est pour abaisser la manivelle, son » effort ne peut être que de 140 livres qui est le poids de tout son corps, » qu'il peut y appliquer en s'y appuyant, à moins qu'il ne soit chargé; » car alors il pourroit faire un plus grand effort.

» Secondement, si le coude de la manivelle est placé verticalement, & n qu'il foit à la hauteur des épaules, il est certain qu'un homme ne pourra » faise aucun effort pour la faire tourner, en la tirant ou en la poullant » avec les mains, si les deux pieds sont l'un contre l'autre, & que le corps » soit droit qui est representé dans la Figure 13. Planche 20, par la ligne » AP, & que la ligne des bras représentée par AM soit horizontale, & » fasse un angle droit avec A P, puisque dans cette position, ni la force de » tout le corps ou de ses parties, ni sa pesanteur, ne peuvent faire aucun effort pour pousser ni pour tirer, ce qui est connu par la méchanique;

» car je ne regarde la largeur des pieds, que comme un seul point P.

(a) On voit par la pratique de ceux qui charrient des grains & de la farine dans des sacs, que M. de la Hire a supposé la force des muscles qui étendent la jambe & roidiffent le pied trop petit; car ils montent aisément les dégrés avec le poids de 200, & quelquefois plus de 250 livres, & ceux qui transportent le charbon des charretses dans les maisons, montent les dégrés avec le poids de 250. Il est vrai qu'ils ne peuvent pas descendre avec un si grand poids, comme ils peuvent monter.

(b) Tout ce qui suit dans cette dissertation au sujet de l'impulsion ou de la traction d'un homme est fort juste; car on le tire mathématiquement du poids supporé, & cela ne peut qu'être vrai dans un homme qui pese 140 livres.

Planche 20. Figure 13.

Tome I.

COURS DE PHYSIQUE NOTES sur » Mais si la manivelle est plus haute ou plus basse que la hauteur des Leçon. » épaules, alors là ligne qui va des épaules aux mains, qui est AM, & celle » qui va des épaules au bout des pieds, qui est ici AP, feront un angle » obtus ou aigu, & l'homme pourra avoir quelque force pour tirer ou

» pour pousser la manivelle ; & cette force dépend de la seule pesanteur du » corps, qui est facile à connoître & à démontrer; & l'on doit considérer » ce poids ou cette force comme réunie dans son centre de gravité qui est » à peu près à la hauteur du nombril en-dedans du corps. Je dis qu'il ne s faut avoir égard qu'à la seule pesanteur du corps pour détermines. " l'équilibre; car l'effort des muscles des jambes & des cuisses ne sert que

» pour conserver cet équilibre en marchant.

Figure 2,

, épaules A, & que le centre de gravité du corps soit en C, le corps étant , fort incliné vers la manivelle, mais que le bout des pieds foit en P, il , faudra considérer, 1°. Ce point P, comme le point d'appui d'un levier ou verge droite PCH, qui passant par le centre de gravité C de tout le ,, corps, rencontre la ligne des bras M A au point H. 2°. Que ce point C du levier étant chargé du poids de tout le corps 140 livres avec fa direction , naturelle, son extrémité H est soutenue avec la direction horizontale MAH; d'où il sera facile de conclure par la méchanique quel effort la pesanteur du corps en C avec sa direction naturelle, peut faire sur la

"Soit dans la Figure 2. Planche 21. la manivelle D à la hauteur des

manivelle selon la direction horizontale DH.

" Car premierement foit P H de 140 parties & P C de 80, puisque l'effort ,, de tout le corps au point C est de 140 livres, il ne sera que de 80 livres au , point H, comme si au point H, il y avoit un poids de 80 livres qui y sût suspendu avec sa direction naturelle qui doit être dans les suppositions que , nous avons faites perpendiculaire à MA. C'est pourquoi si l'on mene au point d'appui P, la ligne PF perpendiculaire sur MAF, le poids de 80 livres en H avec sa direction naturelle sera à l'effort de ce même, selon la direction horizontale MAH sur la manivelle, dans la raison de PF à HF, ce qui diminue de beaucoup l'effort des 80 livres dans une médiocre inclinaison du corps ACB. Et si nous prenons, par exemple, que la ligne PCH faffe avec MAF l'angle PHF de 70 dégrés, la ligne du corps A C B fera alors inclinée à l'horizon, ou avec M F d'un angle de plus de 60 dégrés, qui est tout au plus l'inclinaison où le corps peut être pour pouvoir marcher, & le sinus de 70 dégrés qui est PF fera au sinus de son complement qui est HF, comme 3 à 1 à très-" peu près, & par conséquent l'effort des 80 livres en H selon la drection naturelle ne fera à celui qu'elles font felon la direction horizontale que

, du tiers de 80 livres, qui est un peu moins que 27 livres. " Ceux qui n'ont pas fait l'expérience de la force d'un homme pour pouller horizontalement avec les bras, ou pour tirer une corde horizontale en marchant, le corps étant incliné en-dévant, soit que la corde soit attachée n vers les épaules ou au milieu du corps (car l'effort n'en sera pas plus grand dans la même inclinaison du corps, puisque le sinus d'inclinaison & de

n fon complement font toujours dans la même raison) ne scauroient le

» persuader que toute la force d'un homme se réduise à tirer seulement

27 livres avec une direction horizontale.

» Ce n'est pas qu'un homme étant panché ne puisse soutenir un poids » beaucoup plus grand que 27 livres, puisque si la ligne PH faisoit avec » HF un angle de 45 dégrés, il est certain que le poids du corps sou-

» tiendroit 80 livres; mais comme il seroit panché selon une ligne comme

» BA qui seroit beaucoup plus inclinée vers l'horizon que 45 dégrés, il est » certain que bien loin de pouvoir marcher, à peine pourroit-il se sou-

m tenir.

» La même démonstration sert aussi à faire connoître qu'un homme aura beaucoup plus de force à tirer en marchant à reculonsqu'en-devant. Car dans " cette situation du corps, la ligne PCH dans la 3º Figure, laquelle passe " du bout des pieds P par le centre de gravité C, & d'où dépend l'augmenration de la force, sera toujours plus inclinée à l'horizon que la ligne du » corps ACB, tout au contraire de ce qui étoit dans la position précedente.

» Mais cette manière de tirer ne sçauroit être mise en usage, à moins n que ce ne soit pour tirer une corde, l'homme demeurant toujours dans la » même place; aussi l'on ne manqueroit pas de se mettre dans cette a position en ce cas; car la nature & l'expérience nous ont enseigné à m prendre tous les avantages possibles dans les opérations ordinaires.

D'est aussi pour cette même raison que nos Mariniers, & généralement tous ceux qui rament sur mer, tirent toujours les rames de devant en arrière; carils ont beaucoup plus de force que s'ils les poufloient en-devant, comme font ceux qui menent les gondoles de Venise, dont je ne vois » pas d'autre raison que celle de voir le lieu où ils vont; ce qui leur est beaucoup plus nécessaire que la grande force, à cause des détours trèsp frequens qu'ils sont obligés de faire dans les canaux, & pour éviter de se » rencontrer les uns les autres.

9. [- Il faut qu'il y ait une vîtesse fussisante, &c.] SI on ne donnois pas à la main qui doit tourner la manivelle une vîtesse plus grande que celle que j'ai supposée, elle ne communiqueroit pas affez de mouvement depuis la partie avantageule jusqu'à la partie desavantageuse de la révolution, pour rendrre un homme capable d'élever 30 livres avec la même vîtesse qui est communiquée à la main; il faut donc tellement arranger les choses que la vîtesse de la main croisse au moins d'un sixième, mais alors elle ne pourra porter que 25 livres en se mouvant ainsi plus vîte, & cependant elle fera autant d'ouvrage dans un jour que si l'autre méthode avoit été praticable. Et même dans plusieurs autres cas il ne faut pas negliger de donner à la main un tiers de plus de vîtesse, & de ne la charger que de 20 livres, sur tout si l'on se sert d'un volan, & plus le cercle décrit par le volan est grand, plus la force sera distribuée également. Ce travail ainsi reglé peut se continuer dix heures par jour sans fatiguer celui qui travaille.

10. [-- Le travail journalier des Portefaix de Londres, &c.] Au quay 0 0 1]



COURS DE PHYSIQUE

de la Douane, & dans plusieurs autres Quays, on voit les grands poids qui sont enlevés par les Portesaix employés à porter les marchandises sur les vaisseaux, & à les en tirer; il y en a qui portent de si grands fardeaux, qu'un cheval périroit bien-tôt, s'il étoit chargé d'un si grand poids. Ceux qui travaillent pour les Marchands de Fromage, à tant par tonneau, portent communément le poids de trois cens livres de fromage à chaque voyage, & travaillent tout le long du jour.

11. [Les chevaux vigoureux, &c.] Si l'on met sur le dos d'un cheval une trop grande charge, on risque de le blesser; c'est pour cela qu'on ne les charge pas beaucoup ordinairement. On dit que les Peletiers chargent leurs chevaux plus que les autres Marchands; mais ils mettent sur leurs dos & fur leurs hanches plusieurs peaux, afin qu'ils ne soient pas trop serrés: j'ai oui dire qu'ils y mettent quelquesois le poids de 4 ou 500 livres; mais alors les chevaux vont fort lentement. Le meilleur parti qu'on puisse tirer d'un cheval, est de le faire tirer; & ceux qui font le plus d'ouvrage, sont ceux qui portent de grands poids sur des charrétes dont les rouës sont fort hautes, (les chevaux d'ailleurs étant de haute taille) à la montée de Saint Dunstan à l'est, où un Charretier charge quelquesois sa charréte du poids de 2000 livres, & la fait traîner par un cheval au haut de la colline; mais dans tous les endroits difficiles, l'homme porte fes épaules fous la charrête, de maniere qu'il décharge confidérablement le cheval, qui ne pourroit pas tirer en haut ce poids sans ce secours, & le cheval y est si sensible, qu'il n'employe toute sa force que lorsqu'il voit que son Maître vient le secourir.

J'ai promis dans la quinziéme Note de la seconde Leçon, de donner un détail des voitures de M. Allen à Bath, & comme je viens de le recevoir d'un ami bien versé dans la méchanique & dans le dessein, qui a pris toutes les mesures & sigures sur les lieux, j'ai cru qu'il étoit à propos de le communiquer ici, après avoir examiné dans cette Leçon la nature des

voitures

Description des Voitures dont se sert M. Ralph Allen, Ecuyer, pour transporter la pierre de ses Carrieres, situées au haut d'une Colline, au Quay de la Riviere Avon, auprès de la Ville de Bath. Par Charles de Labelye.

C E S Carrieres sont éloignées de la Riviere d'un mille & demi, & à environ 500 pieds au-dessus du niveau de sa surface; ce qui sorme une pente si roide, que la modicité du prix de la vente des pierres pourroit à peine désrayer les frais du transport, si on n'avoit pas trouvé une voiture convenable, telle que celle que l'on va décrire, & qui sera d'un grand secours pour persectionner certaines voitures & charriots dont on fait usage dans les mines de charbons de pierre auprès de Newcastle.

1. Figure. Planche 21, représente cette voiture en perspective, telle

qu'on la voit à la distance de 12 pieds depuis la roue gauche de celles de Notes devant, la hauteur de l'œil étant d'environ 6 pieds. Le plan géométral a la IV. Leçon. été tracé sur une échelle de 20 pour un pouce; c'est-à-dire, que chaque vingtiéme d'un pouce, répond à un pouce de la maéhine.

- 2. Figure 5. représente l'élevation de l'un des côtés de cette voiture, lorsque l'on voit une rouë de devant, & une rouë de derriere de ce côtélà, sur une échelle de 20 pour un pouce.
- 3. Figure 1. Planche 22. représente l'élevation de la partie de derriere des voitures, avec les ouvrages de ser employés pour arrêter les rouës, le profil des rouës & de l'aissieu, avec les coupes des planches des côtés & du chassis que les rouës portent, le tout sur une échelle de 10 pour un pouce.
- 4. Par la considération de ces trois Figures, on voit que cette voiture est composée d'un fonds solide de planches (de chêne), large de trois pieds & demi, & long d'environ 13 pieds, fortissé au-dessus par plusieurs membres, pour le désendre contre les pierres qu'on y met, & arrêté sur quatre poutres du même bois, d'environ 4 pouces en quarré, & de 14 pieds de longueur.
- 5. A six pouces loin des extrémités, sont arrêtés le côté de devant & le côté de derriere, fortement attachés aux poutres & au sonds par plusieurs vis & écrouës. Voyen la Figure 4. Planche 21. & Figure 1. Planche 22.
- 6. A ces deux extrémités on peut dans l'occasion arrêter deux côtés composés de planches de treize pieds de longueur, qui se placent dans le côté des poutres extérieures par le moyen des crochets & des anneaux, & qui se tiennent droites par le moyen des loquets, comme on voit dans les Figures 4. & 5. Planche 21. & 1. Planche 22. Cës côtés sont aussi mieux liés par une chaîne qui traverse la voiture par le milieu.
- 7. A angles droits sous ces poutres, à une distance convenable, sont attachés deux fortes pieces de charpente, par le moyen de deux grandes vis & écrouës.
- 8. Dans ces pieces bien fortifiées & liées avec du fer, dans l'endroit où est leur plus grande force, on place à chaque bout deux pieces de cuivre demi-cylindriques, pour servir comme de collier pour les arbres des rouës, qui étant bien graissés, roulent avec fort peu de frottement.

9. I L y a aussi sous les quatre poutres (dont j'ai déja fait mention) une autre piece de charpente d'environ 6 pouces sur 4 qui leur est bien attachée à angles droits, & à la distance marquée dans la Figure 5.

Cette piece sert comme de point fixe pour placer un levier qui arrête (ou empêche de tourner) la rouë de derriere, en pressant dessus.

COURSDEPHYSIQUE

L'ARBRE a environ 3 pouces de diametre. Voyez Planche 22. L'eçon. Figures 1. & 2. L'une de ses extrémités est quarrée, & l'autre ronde, & les roues sont placées alternativement sur ces deux bouts; c'est-à-dire, que la rouë de devant qui est à main droite, est sur le bout quarré, & celle qui est à gauche est sur le bout rond, pendant que la rouë de derrière qui est à droite, est sur le bout rond, & celle qui est à gauche sur le bout quarré de l'arbre; par ce moyen chacune des rouës peut s'arrêter séparément: car lorsque la rouë placée sur le bout rond est arrêtée, l'autre tourne avec l'arbre en-dedans de celle-là; & lorsque la rouë qui est au bout quarré est arrêtée, l'autre ne laisse pas de tourner à l'ordinaire sur l'arbre, qui est alors immobile.

- 11. CES rouës sont de ser sondu d'environ 20 pouces de diametre, & ont un bord de 6 pouces de large auprès de la voiture, qui les empêche de sortir du chassis de bois de chêne sur lequel elles se meuvent. On voit leur plan & leur prosil dans la Figure 5. de la Planche 21. & Figure 1. de la Planche 22. avec leurs coupes, tant pal eurs rais (ou rayons), qu'entre deux de ces rais, dans les Figures 3. & 4. Planche 22.
- 12. V 0 1 C 1 de quelle maniere on ferme & on ouvre les rouës: lorsqu'il faut arrêter l'une des rouës de derriere, on place un fort levier à l'extrémité de la piece de charpente (décrite dans le paragraphe 9.) auprès de la rouë que l'on veut arrêter; & après l'avoir fait passer par une gance de ser pour le mieux affermir, on y frape au-dessus de l'extrémité une chaîne qui vient d'un rouleau que l'on voit dans la Figure 5. Planche 21. & Figure 1. Planche 22. & par le moyen d'une courte barre de ser, & d'un crochet & d'un loquet qu'on voit dans les Figures 5. & 6. de la Planche 22. un de ceux qui conduisent la voiture sussitie pour arrêter promptement la rouë, soit en partie, ou entierement. Pour la dégager, il sussitie d'élever l'extrémité du loquet que l'on fait un peu long à ce dessein; car alors le levier ne pressant plus, la chaîne se détache, & l'on ôte le levier de la charréte, pour servir dans une autre occasion. On a deux leviers, l'un pour chaque rouë de derriere,
- 13. On arrête les rouës de devant par le moyen d'un verrou de fer quarré & épais, que l'on voit dans la Figure 5. Planche 21. qui fort en-dehors dans la direction de l'arbre entre les rais des rouës de devant. Ces verrous sont poussés en avant pour arrêter les rouës, & tirés en arrière pour les dégager séparément par le moyen d'une invention dont on voit une partie dans la Figure 5. de la Planche 21. & premiere de la Planche 22. vers le milieu du côté de derrière, il y a deux verges de ser (on en voit une dans la Figure 6. Planche 22.) qui tournent séparément dans le quarré d'un aissieu. Lorsque l'une de ces verges est tirée par la main de sa position verticale, pour venir à une position horizontale, la verge de ser que celleci saissit par son bout insérieur, est poussée en avant de quatre ou cinq pouces; & par le moyen de l'invention que l'on voit dans les Figures 1, 2, 3, 4 de la Planche 23, elle poussée le verrou quarré entre les rais.

Lorsque la rouë doit être dégagée, on tire ce verrou en arriere dans sa premiere position, en remettant la verge de ser à sa premiere situation ver- la IV. Leçon. ticale, comme dans la Figure 1. de la Planche 22. Comme ces voitures sont chargées d'un grand poids de pierres, (fouvent au-delà de quatre tonneaux) lorsqu'elles viennent à descendre la colline, toutes les inventions expliquées ci-dessus seroient inutiles, & ce grand poids enfonceroit la voiture trop avant dans la terre, si l'on ne plaçoit des pieces de chêne tout le long du chemin où ces voitures doivent passer. On les voit assez clairement dans les Figures 4. & 5. de la Planche 21. & Figure 1. de la Planche 22.

Quoique ces voitures soient fort pesantes, même lorsqu'elles sont vuides, cependant par le moyen du chaffis sur lequel elles se meuvent, & du peu de frottement que les aissieux souffrent en roulant sur des colliers de bronze, non-seulement deux chevaux les tirent fort aisément au haut de la colline, lorsqu'elles sont vuides, mais ils les tirent encore le long de la plaine, lorsqu'elles sont beaucoup chargées. Aussi-tôt qu'elles sont arrivées au fommet de la montagne, on retire les chevaux, & on arrête une ou plusieurs rouës, le Charretier se tenant derriere pour moderer le mouvement autant qu'il le juge à propos.

Lorsque les voitures sont arrivées au bord de la riviere, & qu'elles ont été déchargées, on change les chevaux d'un bout à l'autre, ensorte que la partie de la voiture qui étoit en-devant lorsqu'elle descendoit, se trouve derriere en montant sur la colline, ce qui épargne la peine de tourner avec ces rouës.

Ces voitures sont chargées aux carrieres, & déchargées au bord de la riviere, par le moyen d'une gruë fort bonne & bien imaginée, qui est décrite fort au long par le Docteur J. T. Desaguliers, dans son Cours de Physique Expérimentale, Leçon III. Note 15.

N. B. M. Allen, à qui j'ai l'obligation de la description détaillée & du dessein de ces voitures, m'a dit que l'une étant entierement finie, & prête à fervir, lui revenoit à environ 30 livres sterlings : j'ai cru qu'il étoit à propos d'en faire mention ici, comme d'un prix fort raisonnable, eu égard à la bonté de toutes les pieces qui font très-bien travaillées.

QUOIQUE la description de M. Labelye soit fort intelligible, & ses Figures extrêmement bien faites, cependant pour rendre le tout encore plus clair, j'ai ajouté des lettres aux Figures, avec les rapports qui suivent.

Relations à la Figure des Voitures de M. Allen, & à leurs différentes parties.

Planche 21. Figure 4.

AB CDJJJJHFE. Le corps & le fonds de la voiture, sans les deux côtés, qui s'y mettent par occasion dans la place BDHF, & s'y tachent par le moyen des crochets ggg, & des loquets ef.

Notes fur

Notes fur la IV. Leçon.

COURS DE PHYSIQUE

JJJ les pieces qui traversent le fonds pour le fortifier.

MN, pieces fortes de charpente sous le fonds.

K, piece qui traverse sous le fond, & qui a une gance de fer à la tête pour recevoir l'extrémité d'un levier, qui presse sur la rouë de derriere L2, asin de l'empêcher de tourner, lorsque le mouvement est trop rapide.

L, L1, L2, trois des quatre rouës dont la quatriéme ne peut pas se voir dans cette position de la voiture. Leurs circonsérences ont un rebord en-dedans, asin que le reste puisse porter sur la piece de charpente, ou route du charriot.

H, un rouleau de fer, ou la chaîne pour retenir le levier qui arrête à

mesure qu'il presse sur la rouë de derriere.

O, O4, O1, &c. le chemin du charriot, ou les poutres paralléles placées pour y faire rouler les voitures par leurs propres poids.

Figure 5.

FHDB, le côté gauche de l'une des voitures, arrêté par le moyen des crochets en gggg, & des loquets e, f, que l'on voit dans la quatriéme

Figure.

L, rouë de devant, avec un trou rond dans le moyeu, pour y recevoir l'extrémité de l'aissieu qui passe par la piece de charpente P. On tire le verrouil P dans un autre endroit de cette piece entre les rais, pour empêcher la rouë de tourner, lorsqu'il faut arrêter le mouvement.

HP, une verge de fer poussée de derriere en avant, pour arrêtes avec le

verrouil la fusdite rouë de devant.

L2, une rouë de derriere arrêtée sur l'aissieu, & tournant avec cet aissieu, qui traverse la piece de charpente Q. L'extrémité de cet aissieu doit

être quarrée à ce dessein.

RK, un levier dont l'extrémité passe par un œil de ser, sur la piece de charpente K, où est son centre de mouvement, avec une piece circulaire qq, pour presser la partie supérieure de la rouë L 2, asin de l'empêcher dans l'occasion de tourner avec l'aissieu.

N, un rouleau sur lequel est attachée la chaîne HR, qui tire en bas l'extrémité du levier en R, & qui le retient dans sa place pour presser

fortement sur la rouë en qq.

O 2, O 1, la route du charriot qui supporte la partie la plus forte de la circonférence de la rouë, pendant que le rebord ou la grande circonférence de chaque rouë, tombe en-dedans de la poutre, asin que la voiture ne puisse pas sauter, ou courir hors du chemin.

Planche 22. Figure 1.

CETTE Figure tracée sur une plus grande échelle, (sçavoir de 10 pouces pour un pouce) fait voir l'élevation de la partie de derriere de l'une des voitures, avec le prossil des rouës, &c.

FHGE, derriere de la voiture, appuyée sur quatre poutres dont on

voit ici les extrémités.



fg, eg, extrémités des côtés accrochés en g, g, & arrétés par des verraux en f, e.

sthri & Ghri, un rouleau avec sa clef, son rochet & son loquet pour recevoir la chaîne qui tire en bas le levier. La chaîne passe sur la partie H ou G, on voit en h, h les trous pour tourner l'aissieu du rouleau, avec une petite barre, le rochet en ii, & son loquet en r, r.

lk, lk, deux barres perpendiculaires de fer, dont les extrémités inférieures kk, pouffent chacune en avant une barre horizontale, (qui n'est pas représentée ici, mais que l'on voit dans la derniere Figure en Hp) pour arrêter l'une des rouës de devant en particulier, ou toutes les deux à la fois.

L 2, L 4, les profils des deux rouës de derriere, avec leurs rebords mm, mm, & les parties qui portent nnn, nnn; la rouë à main gauche reçoit l'extrémité quarrée de l'aissieu Q, dans un trou quarré, ensorte qu'elle tourne avec lui, & la rouë à main droite a un trou rond, pour recevoir l'extrémité de l'aissieu en P, qui est aussi ronde; ensorte que cette rouë peut tourner sans que l'aissieu PSQ tourne avec elle.

O 3, O 4, marquent la coupe des poutres ou chemins du charriot, où l'on peut voir de quelle maniere les rouës passent sur ces poutres en nn, nn, pendant que les rebords mm, mm, descendent pour retenir la voiture en sa place.

Q 1, P 1, les poutres traversieres, à travers lesquelles passent les aissieux de fer des voitures, lesquelles sont attachées par en haut sous les voitures avec des vis & des écroues représentées par des lignes ponctuées.

Figure 2.

ELLE représente un des aissieux de fer S, dont le bout Q à main droite est quarré, & l'autre bout à main gauche est rond, avec un trou pour la cheville en chaque bout.

Figure 3.

Elle marque la coupe de la rouë de derriere au côté gauche, ou de la rouë de devant au côté droit, avec un trou quarré Q, l'extrémité de la circonférence de la rouë nn, & celle du rebord mm.

Figure 4.

ELLE marque la rouë à main droite de derriere, ou celle à main gauche de devant, marquée des mêmes lettres, excepté P, qui marque le trou rond pour recevoir l'extrémité ronde de l'aissieu.

Figure 5.

Elle marque le loquet r, & le rochet i.

Tome I.

Aran que de con

Notes for la IV. Lecon. IV. Lecon.

COURS DE PHYSIQUE.

Figure 6.

ELLE marque une des verges perpendiculaires de la Figure 1. dont le manche est en 1, & le bas ou le bout ouvert sert à joindre une des barres horizontales, qui ferment un verrouil entre les rais de l'une des rouës de devant.

Planche 23. Figure 1.

Cette Figure représente la partie supérieure de la poutre sous la voiture entre les rouës de devant; l'aissieur passe par la partie inférieure de ses extrémités, & c'est dans l'intérieur de cette poutre que se trouve le méchanisme, pour arrêter les rouës de devant, où l'on voit les deux loquets AB & CD, qui peuvent être tirés séparément en-dehors à main droite, ou à main gauche dans une gache quarrée P ou Q, & s'appuyant sur l'une des vis qui traversent la poutre ef, EF ou gh, GH, par le moyen des barres horizontales JK déja décrites, dont une paroît dans la cinquième Figure de la Planche 21, marquée Hp, & dont on voit les bouts de chacune dans cette Figure. Le verrouil AB d'un côté est représenté sermé entre les rais de la rouë, & l'autre est dans sa place ordinaire, lorsqu'il ne touche pas la rouë. N.B. Lorsqu'on tire en arrière la barre LJ, on dégage BA, par le moyen du coude LNB; & poussant en avant la barre KM, on engage CD par le moyen du coude MNC.

Figure 2.

La seconde Figure représente un bout de la poutre, ou la coupe du méchanisme qui fait mouvoir les verroux par une section faite sur l'un des verroux, & à angles droits sur l'aissieu en A, où l'on voit le trou P sur l'aissieu, & où les lignes ponctuées EF, marquent la tige de la vis sur laquelle le verrouil glisse à mesure qu'il sort de sa gache.

Figure 3.

La troisième Figure représente le coude rectangulaire, tel que BNL ou CNM de la Figure 1. Planche 23. où l'on voit le centre du mouvement autour de la cheville N, le bout L recevant l'extrémité de la barre horizontale qui pousse le coude, & le bout B reçoit l'extrémité du verrouil pour le pousser en-dehors, comme en B, Figure 1. ou le tirer en-dedans, comme en C dans la même Figure.

Figure 4.

LA Figure 4. représente la machine de fer qui est au bout de la poutre en J.J., avec les trous pour les chevilles qui la traversent, le verrouil AB, & la gache P.

Avant que de commencer la Leçon suivante, je crois qu'il est à propos de



donner le détail de ce que j'ai appris de la force naturelle d'un homme qui vit à présent ici à Londres, & de rapporter plusieurs effets surprenants de sa force. la IV. Leçon. J'aurois dû donner ce détail dans la septiéme Note; mais je n'ai pas voulu le faire sur le rapport d'autrui; j'ai voulu m'en instruire par moi-même, & je ne

l'ai fait que depuis que la derniere feuille a été imprimée.

Thomas Topham, né à Londres, & maintenant âgé d'environ trente-un ans, de cinq pieds dix pouces de haut, avec des muscles très-forts, & qui paroissent en-dehors, avoit pris le métier de Charpentier, & il ne l'a quitté que depuis les fix ou sept dernieres années, qu'il a employées à faire voir des tours de force; il ignore entierement l'art de faire paroître sa force plus surprenante: & même il fait quelquefois des choses qui deviennent plus difficiles par sa lituation desavantageuse; tentant & faisant souvent ce qu'on lui dit que les autres hommes forts ont fait, mais sans profiter des mêmes avantages.

Il y a environ fix ans qu'il tira contre un cheval, étant affis à terre avec fes pieds contre deux troncs d'arbre plantés dans la terre, mais sans les avantages représentés par la premiere Figure, Planche 19. Car le cheval tirant contre lui, l'éleva à un angle confidérable, tel qu'il est représenté dans la seconde Figure de cette Planche, où hN est la ligne de traction, qui produit l'angle de traction N h L: & alors sa force ne fut plus employée qu'à tenir ses jambes & ses cuifses droites, de sorte qu'il les fit agir comme le long bras d'un levier recourbé, représenté par Lh; le tronc de son corps étoit comme un poids à l'extrémité h de ce levier, & le cheval tiroit contre ce poids, appliquant sa puissance à angles droits à l'extrémité l du bras le plus court de ce levier, le centre du mouvement étant en L au bas du tronc d'arbre Lo, (car de tirer obliquement par une corde attachée en b, c'est la même chose que de tirer par un bras de levier en lL, parce que lL est une ligne abaissée perpendiculairement du centre du mouvement sur la ligne de direction h N, par la Note 5. sur la 3º. Leçon) & le cheval n'étant pas affez fort pour élever le poids de l'homme avec ce desavantage, il crut qu'il étoit dans la fituation convenable pour tirer contre un cheval; mais lorsque dans la même situation il voulut tirer contre deux chevaux, il fut enlevé de sa place, & porté en haut; un de ses genoux heurta contre un tronc d'arbre, qui le maltraita si fort, que même aujourd'hui la rotule ou patella en est ébranlée de maniere, que ses ligaments paroissent en être rompus, ou entierement relâchés, ce qui lui a fait perdre la plus grande partie de la force de cette jambe.

Mais s'il s'étoit assis sur un chassis tel que celui qui est représenté dans la premiere Figure, Planche 19, il auroit (eu égard à sa force) conservé sa situation contre le tirage de quatre chevaux robustes, sans le moindre incon-

vénient.

Voici les tours que je lui ai vû faire il y a quelques jours.

1. Par la force de ses doigts (qui n'étoient frottés que de cendres de charbon pour les empêcher de gliffer) il roula un grand plat d'étain qui étoit très-fort.

2. Il brisa sept ou huit pieces courtes & fortes de pipes de tabac par Ppij

NOTES .

COURS DE PHYSIQUE

Notes fur la lorce du doigt du milieu, en les appuyant sur le premier & troisséme la IV. Leçon. doigt.

- 3. A V A N T infinué sous sa jarretiere le sourneau d'une sorte pipe à sumer, ses jambes étant tenduës, il la mit en pieces par les tendons de ses jarrets, sans altérer la tension de sa jambe.
- 4. I L brisa de même un autre sourneau de pipe entre son premier & son second doigt, en pressant ses doigts ensemble par côté.
- 5. It éleva avec ses dents une table longue de six pieds qui portoit à son extrémité le poids suspendu d'un demi quintal, & il la tint dans une position horizontale pendant un tems considerable. Il est vrai que le pied de la table étoit appuyé contre ses genoux; mais comme la longueur de la table étoit beaucoup plus grande que sa hauteur, cette opération demandoit une grande sorce qui devoit agir par les muscles de ses lombes & de son cou, & par le masseur & le temporal, (qui sont les muscles des machoires) outre la force de la denture.
- 6. It prit un fourgon de fer de cuisine long d'environ une verge, & de trois pouces de circonférence; & le saisissant de la main droite, il l'appuya sur son bras gauche nud, entre le coude & le poignet de maniere qu'il le plaia presqu'à angles droits.
- 7. Il prit un autre fourgon semblable; & le tenant par les deux bouts avec ses mains, il l'appuya par le milieu contre le derriere du cou, & en ramena les deux bouts ensemble par-devant; & ce qui étoit encore plus difficile, il le redressa encore presque entierement: car les muscles qui séparent les bras horizontalement l'un de l'autre, ne sont pas si sorts que ceux qui les réunissent.
- 8. I L rompit une corde d'environ deux pouces de circonférence, qui étoit en partie roulée autour d'un cylindre de quatre pouces de diametre, en ayant attaché l'autre bout à des bandes de cuir passées sur ses épaules; mais il employa plus de force à cela, que dans tous ses autres tours, à cause de son peu d'adresse dans cette occasion: car la corde plioit, & s'étendoit à mesure qu'elle étoit sur le cylindre, ensorte que lorsque les extenseurs des jambes & des cuisses avoient fait leurs fonctions, en redressant les jambes & les cuisses, il étoit forcé d'élever ses talons, qui ne portoient plus, & d'employer d'autres muscles qui étoient plus soibles; mais s'il avoit tellement sixé la corde, que la partie qui devoit être rompuë eût été fort courte, (de la maniere expliquée dans la septiéme Note de cette Leçon) elle auroit été rompuë avec quatre sois moins de difficulté.
- 9. JE l'ai vû élever avec ses mains seules un rouleau de pierre d'environ 800 livres, se tenant debout dans un chassis au-dessus, se saississant une chasne qui étoit attachée à la pierre. Par-là je compris qu'il étoit à peu-près aussi fort qu'aucun de ceux qui sont regardés communément comme les hommes les plus sorts; car ils ne portent ordinairement pas plus de 400 livres

0

de cette maniere. Les hommes les plus foibles, qui se portent bien sans être trop gras, élevent environ 125 livres, ayant à peu-près la moitié de la force la IV. Leçon. des hommes les plus forts.

N. B. Cette sorte de comparaison se rapporte principalement aux muscles des lombes, parce que dans cette action on doit se pancher un peu en avant. Il faut aussi ajouter le poids du corps à celui qui est élevé. Ensorte que si le corps de l'homme le plus foible, pese 150 livres, les ajoutant à 125, tout le poids qu'il élevera sera de 275 livres. Or si le corps de l'homme le plus fort pese aussi 150 livres, tout le poids qu'il élevera sera de 550 livres, c'est-à-dire 400 livres, & le poids de son corps 150 livres. Topham pese environ 200 livres, qui ajoutées à 800 livres qu'il éleve, font 1000 livres. Mais il devroit élever 900 livres, outre le poids de son corps, pour être aussi fort qu'un homme qui pese 150 livres, & qui en leve 400.

Maintenant comme tous les hommes ne sont pas forts proportionnellement dans toutes leurs parties, mais que quelques-uns sont plus forts dans les jambes & d'autres dans le dos, selon le travail & l'exercice qu'ils font, on ne peut pas juger de la force d'un homme uniquement par le poids qu'il éleve; mais on peut trouver une méthode pour comparer ensemble la force de différens hommes dans les même parties, & cela sans violenter les personnes qui en font l'expérience.

Voici la manière de faire cette épreuve, laquelle m'a été communiquée par Richard Graham, Ecuyer de la Societé Royale, à laquelle j'ai fait quelques

petites additions. Mais la premiere idée vient de M. Geo. Graham.

Planche 23. Figure 5.

ABCD est une forte charpente de bois avec un trou qui traverse la piéce verticale D C en D, affez gros pour recevoir une barre cylindrique de fer d'un pouce de diamétre ou un peu plus grosse : on fixe à chaque côté une forte plaque de fer, afin que le fer ne puisse pas gâter le trou. Cette barre porte un quarré dont un côté est d'environ un pouce & un huitiéme, pour recevoir les deux bras séparés & inégaux d'un levier recourbé DF & DE, & ensuite on fait entrer sur ces quarrés une forte écroue d en D pour les tenir serrés. Le bras DE qui comme une Romaine est destiné à porter un grand poids W, est retenu pour l'empêcher de tomber au-dessous de la position horizontale par une cheville de fer en K qui empêche le petit bras DF de s'incliner vers G; mais les deux bras sont mobiles autour de l'aissieu D vers e ou N. Le bras DF à une barre de fer ronde en travers à fon extrémité supérieure d'environ 6 pouces de longueur, comme on peut le voir dans la figure séparée df. À la poutre verticale AB, le fer L N est attaché avec une traverse semblable au haut (voyez n l) & des trous pour les chevilles de fer qui l'arrêtent en place. Il y a aussi une autre forte pièce de fer HGJ attachée par une forte vis de bois en J à la poutre qui porte le levier, & la cheville K qui traverse la piéce de fer par côté vec la poutre. Voyez sa figure séparée en hgj. S est un anneau que l'on

Planche 23. Figure 5.

Notes sur met dedans, lorsqu'on ne fait pas usage du bras vertical du levier. M est la IV. Leçon. le centre de gravité de la romaine DE.

1. Pour éprouver la force d'un homme par le moyen de cette machine, il faut avec la main gauche saisir la partie ronde du traversier en N, & avec la main droite celle du traversser en F, approcher ensuite la main droite de la main gauche dans la direction de FN, ce qui fera mouvoir DE & élever le poids W. Lorsqu'on peut précisément l'élever en sorte que FD abandonne la cheville qui est en K, on trouve la force des bras en cette manière. Multipliés le poids W (par exemple d'un demi quintal ou de 56 livres) par sa distance W D au centre (que je suppose ici de 15 pouces) ce qui donnera 840 livres pour le moment de W, sur la romaine : ajoutez à ce moment celui de la romaine même, que vous aurez en cherchant le poids qui peut élever la romaine par son centre de gravité; sçavoir, le poids W (Figure 6.) qui le tire en haut par un fil qui passe sur la poulie C, & multipliant ce poids par MD, fa distance au centre (que nous supposerons ici de 10 pouces) on aura 60 qui avec 840 fait la somme de 900, & cette somme étant divisée par FD distance de la puissance, donne 90 livres pour la force des bras de l'homme qui applique ses mains en F & N. Si un autre homme éleve un poids double en W + un poids tel qu'il puisse répondre au poids double de la romaine en M, il sera deux sois aussi fort. L'éloignement du poids W vers E servira aussi de combien la force est plus grande, au lieu d'ajouter un poids en W.

On peut trouver de la même manière la force que les bras employent à s'écarter l'un de l'autre, en appliquant une main en F & l'autre en H, & pour éprouver la force avec laquelle Topham plie le fourgon en l'appuyant derriere son cou; un homme peut mettre une courroye autour de son cou & l'attacher en F: ensuite la tête étant placée du côté de N ou de NL, il doit avec ses deux mains saisir le traversier en N, & pousser en avant avec ses mains tirant pendant tout ce tems-la en arrière avec son cou,

pour amener F vers N.

S ell un anneau que l'on

2. LA 6º Figure est une autre machine avec les poutres droites AB, CO un peu plus séparées: en sorte qu'un homme peut se tenir droit sur la planche FG & avec une ceinture & une chaîne passant par le trou H, tirer en haut la romaine DE par le crochet J, laquelle romaine en ce cas n'a pas la piéce droite FD, mais au lieu du levier recourbé, elle devient un levier de la troisième espèce, dans lequel D J est la distance de la puissance & DW la

distance du poids, & par conséquent W × W D + w × M D fera la

valeur du poids absolu qui est élevé, ou la force des muscles qui étendent les jambes. Mais ici on doit ajouter le poids du tronc du corps, & y faire attention selon que quelques hommes sont plus pesans que les autres.

N.B. L'entaille K empêche le levier de tomber au-dessous de sa situation borizontale, & w tirant sur la poulie C, sait voir comment le levier agit à

vec la pontre. Voyer la fin

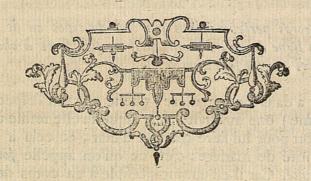
son centre de gravité; en sorte que lorsque w y est est suspendu, le levier doit être regardé comme un instrument sans pesanteur.

Notes for la IV. Lecon

3. La 7e Figure a sa romaine en DE avec un cylindre de bois d'un pouce & demi, ou de deux pouces de diamétre sur son aissieu continué derrière en DF, lequel cylindre est représenté séparément en df & son aissieu de fer en g b avec son écrouë i.

4. L A 8e Figure représente une machine pour éprouver la force des doigts, dans laquelle en infinuant le doigt d'après le pouce sous G, & le 3° doigt sous H, qui sont des points sixes, le doigt du milieu peut pousser sur N pour élever un poids en W, de la même manière que Topham rompoit les morceaux de pipes à sumer. Si en tournant en haut la paume de la main on insinue les deux premiers & les deux derniers doigts sous G&H, & si le pouce presse sur voir de quelle manière les dessus des pots d'estain & des gobelets d'argent ont été écrasés par des hommes très-sorts dans les doigts, & l'on verra par ce moyen la force que chaque homme peut employer dans cette action, &c.

N. B. La 9º Figure n'est qu'une partie de la 8º tracée en grand.



LEÇON V.

SUR LES TROIS LOIX DU MOUVEMENT DE NEWTON.

Leçon V.

I. Ly a plusieurs Instrumens que l'on peut appeller méchaniques, ou ranger parmi les Instrumens appellés communément, mais par erreur, Puissances méchaniques, dont je n'ai pas voulu parler (ou dont j'ai fait seulement mention sans expliquer la manière dont ils agissent) dans la troissème Leçon; parce que la connoissance des Loix du mouvement est necessaire pour sçavoir sur quel principe ils agissent, & tel est le Belier des Anciens, le Marteau ou le Maillet, le Volan, le Pendule circulaire, la Fronde & l'Arc ou le Ressort.

Je vais donc en premier lieu considérer ces Loix du mouvement, & en tirer différens corollaires ou conséquences, que j'éclaircirai par des expériences, & que j'appliquerai entr'autres à l'explication

de l'usage de ces Instrumens

PREMIERE LOY.

Chaque corps persevere dans son état de repos ou de mouvement uniforme en ligne droite, à moins qu'il ne soit force à changer d'état par des forces qui lui sont imprimées.

2. IL y a dans toute matiére (quelle que soit l'espece de corps qu'elle forme) une inactivité, par laquelle elle resiste à une sorce qui fait essort pour lui saire changer d'état, & cela à proportion de la quantité de matiére; c'est ce qu'on appelle force d'inertie ou d'inactivité. Car il est aussi impossible à un corps de se mettre de lui-même en mouvement lorsqu'il est en repos, que de passer d'une sigure à une autre. Cela est évident au sens commun, & je crois que personne n'en doute; mais la seconde partie de cette Loy ne paroît pas aussi évidente, si on n'y fait pas un peu d'attention.

Nous voyons clairement qu'il doit y avoir quelque agent extérieur ou quelque puissance qui n'est pas essentielle, ou qui n'appartient pas nécessairement au corps pour le mettre en mouvement;



mais la seconde partie de cette Loi ne paroît pas aussi évidente, si Leçon V.

on n'y fait pas un peu attention.

Nous voyons clairement qu'il doit y avoir quelque agent extérieur ou quelque puissance qui n'est pas essentielle, ou qui n'appartient pas nécessairement au corps pour le mettre en mouvement; mais on ne comprend pas aussi aisément qu'un corps en mouvement doive continuer à se mouvoir si un agent extérieur n'intervient pas par son action; car nous voyons que les corps qui sont ici sur la terre perdent, par dégrés leur mouvement, & comme nous ne faisons pas attention à toutes les causes qui détruisent le mouvement des corps, nous nous imaginons souvent que ce mouvement languit, & qu'à la fin il périt de lui-même totalement. Mais si nous examinons les causes extérieures qui retardent & détruisent le mouvement, nous nous appercevrons bien-tôt que si ces causes étoient éloignées, un corps qui seroit une sois en mouvement dans une direction quelconque, continueroit toujours ce mouvement dans cette même direction.

Une pierre poussée en avant avec la main, s'avance avec le mouvement qu'elle a reçu de la main, & elle continueroit toujours dans cet état de mouvement, s'il n'y avoit ni air ni pesanteur. Si nous considérons la résistance de l'air, il est évident que le corps en s'avançant doit écarter les parties de l'air pour se frayer une route lui-même; & comme il doit communiquer du mouvement aux parties qu'il écarte, autant qu'il en communique, autant doit-il en perdre; de sorte qu'après quelque tems, & après avoir parcouru un certain espace, il doit rester immobile dans l'air; c'est-à-dire, en supposant que l'air seul agisse sur lui. Mais outre l'air, la pesanteur (qui est une force qui pousse en bas) altére sa direction, & le porte à terre par dégrés; cet effort que fait chaque corps pour continuer dans son état de mouvement, ne paroît pas à quelques-uns devoir s'appeller proprement force d'inactivité (vis inertia); mais lorsque l'on fait attention que le corps est purement passif, qu'il ne peut pas augmenter ni détruire de lui-même son mouvement, on voit qu'il est entiérement inactif, même dans cet état. Ainsi lorsque nous sommes sur le bord d'une riviere, & que nous observons un poisson vivant entraîné par le courant, il est entiérement inactif dans ce mouvement, & il continue dans le même mouvement tant qu'il est inactif; il lui faut une action (égale à la force de l'eau) pour le mettre en repos, & pour le faire paroître tel au Spectateur qui est sur le bord de la riviere.

Tome I.

Supposons qu'un homme employe une certaine force pour faire rouler une boule sur un tapis verd qui n'est ni mû ni entraîné, & qu'il ne puisse la pousser qu'à 20 verges avec cette force, si le tapis verd se meut, cet homme avec la même force poussera la boule plus loin, par exemple, à 30 verges; si le tapis verd est non seulement mû, mais encore entraîné, la même force poussera la boule (par exemple) à 40 verges, & si l'on ôte toujours un plus grand nombre d'obstacles, la boule ira encore plus loin. Par où l'on peut conclure aisément que si le plan sur lequel la boule roule peut devenir parfaitement poli & mathématiquement uni, la boule vrayement sphérique, & si l'on peut détruire totalement la résistance de l'air, cette boule roulera toujours (ou plûtôt glissera) sur ce plan s'il est étendu à l'infini.

3. Nous avons fait voir d'après Newton (Leçon 3. n°. 85.) que si un corps est poussé par deux forces dont les directions sont un angle quelconque, il décrira par son mouvement la diagonale d'un parallélograme, dont les deux côtés contigus représentent (par leurs longueurs) les quantités respectives de ces forces & (par leur inclinaison) leurs directions: nous avons fait voir aussi* que ce corps décrira toute la diagonale par l'action de ces deux forces dans le même tems qu'il auroit employé à parcourir l'un des deux côtés contigus, s'il n'y avoit eu que l'une de ces forces

qui eût agi fur lui.

Ceux qui ne sont pas accoutumés aux démonstrations mathématiques, ne conçoivent pas cela si aisément; parce que pendant qu'ils observent l'action de l'une des forces, ils ne font pas attention à l'autre; mais la chose deviendra sensible, si l'on considére les cas où l'espace dans lequel un corps se meut, est transporté dans une direction * différente de celle où le corps paroît fe mouvoir plus immédiatement. Supposons, par exemple, que TS (Planche 23. Figure 10.) est un bareau de transport (ou plûtôt le plan d'un bateau) H h g G le canal où le bateau marche dans la direction TS & A & B deux personnes assifes l'une visà-vis de l'autre dans le bateau. Suppofons maintenant que la personne en A jette un corps, par exemple, une balle à la personne en B, & ainsi réciproquement, tous ceux qui sont dans le bateau regarderont cette balle ainsi jettée comme se mouvant uniquement dans la ligne AB, soit que le bateau soit toujours en repos, on qu'il se meuve le long du canal; quoiqu'il n'y ait qu'une seule force qui agisse sur la balle dans la direction AB, lorsque le

Note z-

Planche 23. Siguse 10.

bateau reste en repos, & que par cette force il se meuve réellement Leçon V. dans cette ligne; mais lorsque le bateau marche, il y a aussi une autre force qui agit sur le corps dans le même tems selon la direction A a, & le corps par cette action composée est réellement porté dans la ligne Ab, quoique les personnes assises dans le bateau s'imaginent que la balle va toujours dans la ligne A B, parce qu'elles sont portées le long du canal, & qu'elles oublient que la force qui tire le bateau, tire aussi la balle qui en est une partie, comme elle les tire elles-mêmes. Mais cela est évident aux yeux d'un homme qui est sur le rivage en C; car lorsque le bateau est arrêté, en regardant vers D au côté opposé, il voit la balle se mouvoir (comme elle le fait réellement) dans la ligne A B. Mais lorsque le bateau se meut, & passe de la position TS à la position ts, dans le même tems que la balle se meut en travers, de la personne A à la personne B, il est clair (& un homme qui est sur le rivage en C le voit) que la balle se meut dans la diagonale A b, parce que la personne qui étoit en b ne la reçoit que lorsqu'elle est arrivée en b par le mouvement du bateau; quoique la personne qui est vis-à-vis en A (étant dans le tems portée en a) ne s'en apperçoive pas, la chose ne laisse pas d'être visible à celui qui est en C. Mais si l'homme qui est en C étoit sur une planche A C attachée au bateau, & qu'il sût porté de C en c, il ne distingueroit pas entre la ligne AB & la ligne Ab, mais (lorsqu'il seroit arrivé en c) il croiroit que le corps s'est mû dans la ligne ab qu'il prendroit pour AB, à moins qu'en fixant sa vûë sur le canal, il ne sît résléxion qu'il ne voit plus le point D vis-à-vis de lui, mais le point d. Ainsi dans un vaisseau si un homme qui est sur le pont auprès du mât jette en haut une pierre à un autre qui est sur la hune, ou s'il en reçoit une de celui-là, la pierre sera mûë parallélement au mât, (en supposant que le mât soit droit) soit que le vaisseau soit à l'ancre ou à la voile; quoique dans le premier cas la pierre se meuve perpendiculairement, & dans le second obliquement par rapport à l'horizon montant ou tombant dans la diagonale d'un parallélograme dont les côtés contigus représentent les deux forces qui agissent sur la pierre, l'une perpendiculaire & l'autre paralléle à l'horizon, précisément comme dans le dernier exemple, les deux forces AB & A a agissent sur la balle poussée horizontalement dans le bateau.

N. B. Soit que le bateau aille plus vîte ou plus lentement (auquel cas la ligne Ab devient plus longue ou plus courte) la balle décrira Qqij

tobjours sa diagonale dans le même-tems; car puisque la force AB continuë d'être la même, tout ce que produit la force latérale Aa, est uniquement de faire arriver la balle à un point dissérent de la ligne Bn, comme m ou b ou n, au lieu de B, pendant que la force AB dans le même-tems lui fait traverser le bateau, ou la fait aller d'un point de la ligne A a à quelque autre point de la ligne Bb.

Je me suis étendu dans cette explication, parce que j'ai trouvé un grand nombre de personnes de bon sens, qui faute d'attention n'ont pas pû concevoir ce mouvement composé, d'où dépend toute la méchanique. C'est pour cela que j'ai joint ici une grande varieté d'expériences, asin que si l'une ne peut pas convaincre, une autre le fasse.

Expérience I.

Planche 23.

La machine représentée par cette figure consiste dans une platine de cuivre ABCD sur laquelle glisse une autre platine JKLM en avant & en arriere dans la direction TS ou ST, entre les regles AD & BC, fous le tranchant de deux autres regles EF & GH, celle EF formant un petit ratelier de dents pour recevoir celles de la rouë N, qui est attaché à la platine J M, K L par le coq NO, & qui tourne autour de son aissieu N, à mesure que cette platine est poussée en avant ou en arriere. La rouë dans son mouvement le long de EF entraîne l'autre ratelier PQ perpendiculaire au premier, soit à droite ou à gauche, selon que l'aissieu de la rouë en N est poussé dans la direction TS ou ST. Ce dernier ratelier a un bras SR avec une petite douille en R pour y placer un crayon, qui, selon le mouvement du bout R, tracera une ligne noire sur le papier que l'on met sous la machine. Il faut tracer sur ce papier un quarré e fgh, dont un côté soit égal à la distance entre les extrémités des regles AD & BC. Ensuite ayant poussé en haut la rouë N aussi loin que l'on pourra, on placera la machine sur le papier, de manière que son extrémité AB soit paralléle à gh, l'un des côtés du quarré précedent, & à telle distance que la pointe du crayon tombe sur le point e, & le côté du ratelier P Q sur la ligne ab; alors pressant en bas d'une main la platine ABCD de la machine en T pour la tenir immobile sur le papier, on tirera en bas le coq NO dans la direction ST par une longueur égale à eg, & le crayon au lieu de décrire la ligne eg, décrira la ligne diagonale eh; parce que la

rouë en descendant tourne circulairement par l'action du rateller Leçon Va EF, & pousse à gauche le ratelier PQ, précisément de la longueur de ef, par le moyen des dents de ce ratelier & de la coulisse qui lui permet de se mouvoir latéralement le long des chevilles JM par le moyen de la rouë, pendant que ces chevilles la conduisent perpendiculairement en bas depuis la ligne ab jusqu'à la ligne de. Et pour faire voir que la diagonale est décrite dans le même-tems que le côté eg auroit été décrit, s'il n'y avoit point eu de mouvement latéral, il faut ôter la rouë, & alors la pointe du crayon décrira la ligne eg, pendant que le coq sera tiré de la même manière qu'auparavant ou repoussé en haut. Cela fait voir que c'est la même chose pour un corps en e d'être poussé par deux forces dans les directions ef & eg, que d'être porté de la ligne eg à la ligne fh dans le même-tems qu'il est porté en bas de la ligne e f à la ligne gh.

Expérience 11.

CETTE Figure est un chassis quarré de bois dont la partie CDEB est placée droite sur son côté BE, pendant que son autre partie c de b est tirée hors de sa rainure dans la position d see; par ce moyen on fait décrire à la balle A la diagonale A a en montant, & elle décrit la même diagonale en descendant lorsque la partie qui glisse est repoussée en arriére dans le chassis selon la direction & d. Il y a un fil de fer A e fixé à la partie glissante pour faire mouvoir la balle en haur & en bas, & un fil b c qui passe par un trou dans les pieces de & DC, en sorte que son extrémité est attachée en C, par ce moyen on peut élever la balle pendant qu'on tire en dehors latéralement dse e, & elle retombe par son propre poids lorsqu'on repousse de en-dedans, & lorsqu'on laisse d'see, dans le chassis qui le contient la balle monte & descend en tirant ou en laissant tomber le fil C c b. Si l'on regarde le fil de fer A c comme une corde paralléle au mât d'un navire, ce que nous avons dit d'un corps qui tombe de la hune du mât, & qui se meut parallélement au mât, (soit que le navire soit à l'ancre ou à la voile) par le moyen d'une ou deux forces qui agissent sur lui, se trouvera éclairci par cette expérience.

Mais comme quelques personnes m'ont objecté que cette machine & la précedente font à la verité par leur construction mouvoir un corps dans une diagonale, mais que cela ne prouve pas que la nature agisse de cette manière, j'ai rendu la chose évidente

I la vûë par l'Expérience suivante.

Planche 230 Figure 12.

Expérience III.

Planche 23, Figure 13.

La table ronde GEFD appuye sur un pivot P, & a un trou de chaque côté du centre à la demie distance de la circonférence en A & B. Menez le diametre DE perpendiculaire à la ligne A CB, & des différens points de ce diamétre également éloignés du centre de chaque côté, vous tracerez les rhombes ou parallélogrames équilateres DAEB, dAeB & AAB. On attache deux fils à la balle D au même point, & ces fils étant conduits par le trou AB, portent à leurs extrémités deux poids égaux W & X qui leur sont suspendus, & qui par la force unie de leur chute conduiront la balle D sur le centre C de la table où elle s'arrêtera, pendant que les parties des fils sur la table seront dans la ligne ACB. Si la balle D est tirée en arrière vers s, d ou D (par où les poids W & X feront élevés, & les fils feront au-dessus & auront leur direction dans les côtés contigus de l'un des parallélogrames) aussi-tôt que vous la laisserés aller, elle décrira la ligne DE qui est la diagonale commune à tous les parallélogrames, comme on peut mieux s'en appercevoir en tenant le doigt ou un fil de fer au centre C qui sera frappé par la balle dans son mouvement. Ici il est clair que la pesanteur naturelle des corps W & X est la seule force (divisée en deux parties égales) qui agit sur la balle D, & que soit que la direction de ces forces soient à angle aigu, à angle droit ou à angle obtus, la balle décrira toujours la diagonale d'un parallélograme dont les côtés seront égaux, représentant les forces égales. Mais si l'un des poids comme W est encore une fois aussi pesant que l'autre, la balle partant de D, dou s, prendra une direction entre A & C; & elle ne passera pas sur le centre, à moins qu'on ne la fasse partir de F, auquel cas les deux fils formeront deux côtés contigus du parallélograme FAGB qui sont l'un d l'autre comme deux à un, dont FCG passant par le centre, sera la diagonale.

On a objecté à Galilée lorsqu'il soutenoit le mouvement de la terre, que si la terre tournoit circulairement de l'Ouest à l'Est, un boulet de canon tiré droit en haut, ne retomberoit pas sur la terre ou auprès de l'endroit d'où il étoit parti (comme vous voyez par l'expérience qu'il y tombe) mais qu'il seroit mû vers l'Ouest à proportion de l'espace que la terre auroit parcouru vers l'Est pendant le tems de l'élevation & de la chute de la balle; à

quoi il répondoit, que le boulet est poussé par deux forces; l'une, Leçon V qui est celle de la poudre, & qui le poussé en haut; & l'autre, qui est celle de la terre, qui le porte à l'est, lui faisant décrire pendant qu'il s'éleve, une ligne diagonale vers l'est, & de l'extrémité supérieure de cette diagonale dans sa chûte, une autre diagonale encore vers l'est. Il le prouvoit par le cas du vaisséau dont nous avons déja parlé. Mais rien ne rend la chose aussi claire que l'Expérience suivante.

Expérience IV.

Sur une piece horizontale de bois GH, fixée à environ dix pieds au-dessus du plancher de ma chambre, j'ai arrêté à vis deux crochets Ss, & par le moyen de quatre sils j'ai suspendu à ces crochets une platine de cuivre, ou pendule plat ABCD, qui (à raison de la distance des sils à leurs points de suspension Ss) formoient leurs vibrations dans un arc circulaire gradué sur un plan de bois EF placé en-dessous, le centre du pendule ne sortant jamais du plan de bois en faisant ses vibrations dans la direction EF ou en retournant, à la distance d'environ neuf pieds de la piece GH. Sur deux poulies J, K, arrêtées à vis dans la partie supérieure de la piece GH, je fais passer le sil LKJW, par le moyen duquel le poids W doit être abaissé sur un trou dans GH, placé précisément sous la circonférence de la poulie J.

Tirez le pendule (lorsque le pendule y est placé en-dessus) hors de la perpendiculaire vers E, & alors, le laissant aller, il fera se vibrations vers F, & reviendra ensuite vers E, &c. pendant un tems considérable. Si pendant ce mouvement, en tirant le sil en L, on éleve le poids W hors de la platine qui fait ses vibrations, & si on le laisse tomber de nouveau, il tombera toujours sur le même point de ABCD, quoique cette platine ABCD se soit fort éloignée de la place où elle étoit depuis que le poids W en a été tiré, & cela en quelque point que ce soit de la vibration où W ait été tiré, & en quelque point que ce soit où il retombe. Car quoique la force de la main qui tire la corde, soit la cause de l'élevation de W, & la pesanteur celle de sa chûte, il y a encore une autre force qui agit sur W, & qui fait mouvoir ce poids dans l'arc de la vibration, comme étant une

Planche 24. Figure 1.

LEÇON V. partie du pendule composé de ABCD & de W. C'est ainsi précisément, que chaque partie de la terre sur laquelle le canon est placé, étant portée de l'ouest à l'est, par le mouvement de la terre autour de son axe, le boulet de canon qui en sort, outre le mouvement qu'il reçoit de l'explosion de la poudre, a une autre force qui lui est imprimée par le mouvement de la terre, comme étant une partie de la terre, & qui le porte en l'air de l'ouest à l'est, tout comme le canon y est porté sur la terre, ensorte qu'il tombe de nouveau en bas, ou dans la bouche du canon, ou fort près.

> Le boulet du canon, ou tout autre projectile, ne décrit jamais dans son mouvement une ligne droite, que lorsqu'il est poussé perpendiculairement en haut ou en bas, & cette ligne droite de son élevation ou de sa chûte, est la diagonale d'un parallélogramme, comme nous l'avons déja démontré; mais lorsque ce corps est jetté horizontalement ou obliquement, il décrit une courbe nommée Ligne parabolique. Or cette courbe est composée d'un nombre infini de petites lignes diagonales, qui changent continuellement à mesure que les directions des forces changent dans le mouvement composé du corps, ce qui s'explique aisément par ce qui a été dit de l'action des deux forces, & par la considération de l'acceleration du mouvement dans la chûte des corps, laquelle (comme étant un fait & un objet d'observation) doit être maintenant regardée comme un point accordé, quoique nous ne puissions en expliquer la cause, qu'en expliquant la seconde loi de nature.

Planche 24. Figure 2.

Soit un corps en A, (Planche 24. Figure 2.) par exemple, un boulet de canon, poussé en avant dans une direction horizontale AF, ensorte qu'il se meuve avec une vîtesse déterminée; par exemple de quatre perches dans une seconde de tems, ou de A en B; il est évident par la premiere loy, qu'il doit aller dans la seconde suivante dans la même direction par le même espace, c'est-à-dire, de B en C, & ensuite en D, en E, en F, &c. Il est aussi clair, que s'il y a une autre force dont la direction soit à angles droits avec la ligne AF, comme dans la ligne AL, qui est perpendiculaire à la surface de la terre, (ou pour exprimer la chose plus generalement, une force qui presse depuis la ligne A F vers la ligne Lf) l'action de cette derniere force sur le corps qui part de A, n'accelerera pas, & ne retardera pas son mouvement depuis la ligne A L vers la ligne B M, ni depuis la ligne BM vers la ligne CN, ni depuis la ligne CN vers la ligne DO,

ni depuis DO vers EP, ni depuis EP vers Ff; mais elle sela Lecon V. cause seulement que le corps passera par différents points de ces lignes, au lieu de passer par les points B, C, D, E, F. Or je dis que les points b, c, d, e, & f, seront les points des lignes BM, CN, DO, EP & Ff, où le corps passera. La force qui pousse en bas dans la direction AL, est la force de la pesanteur, par laquelle on a observé que les corps tombent d'un mouvement acceleré, de maniere que dans la premiere seconde du tems, un corps tombe de la hauteur d'une perche, (ou de 16 = pieds) dans la seconde suivante de 3 perches; dans la troisiéme de 5 perches; dans la quatriéme de 9, &c. Ces espaces étant ici exprimés par AG, GH, HJ, JK & KL. Et fi le corps qui tombe, est poussé, pendant le tems de sa chûte, par une autre force dans une direction horizontale, comme dans la direction AF, (ou plûtôt de la ligne AL vers la ligne Ff) cette force ne troublera nullement l'accéleration uniforme du mouvement du corps qui descend, mais le fera seulement tomber sur quelqu'autre point de la ligne Lf (ou de la surface de la terre) diffé-

rent du point L, comme par exemple au point f.

On trouvera de cette maniere les différents points de la courbe où le corps se meut. Le corps en A est poussé par deux forces A B & A G; les lignes G b & B b respectivement égales & paralléles à A B & A G, achevent le parallélogramme A b; par conséquent le corps doit se mouvoir dans la diagonale A h. Le corps en b est poussé horizontalement par la force bk, égale à AB, & porté en bas dans le même tems par la force bh, augmentée par l'acceleration de 1 à 3, & transportée de GH à bh; car comme sans la force horizontale elle auroit porté dans la seconde partie du tems le corps de G en H, (comme elle n'est pas alterée dans la quantité de son effet par la force horizontale) elle sera par conséquent capable de porter le corps de b en h; mais la force horizontale b k agissant dans le même tems, doit porter le corps dans le même tems depuis la ligne b h jusqu'à la ligne Kc, comme la force b h le porte depuis la ligne b K jusqu'à la ligne h c, & par conséquent à la fin de la seconde partie du tems, le corps en C, où ces deux lignes se rencontrent, ayant décrit la diagonale b c par l'action réunie des forces bk & bh. Le corps en c est poussé par la force horizontale cP, (=CD) & par la force perpendiculaire ci, (tellement augmentée, qu'elle soit = HJ) dans le même tems; donc ce corps Tome I.

ON V. 6

COURS DEPHYSIQUE.

décrira la diagonale ed. Par la même raison, lorsque le corps est en d, il doit décrire la diagonale de du parallélogramme dEex, par l'action réunie des sorces dE & dx; & ainsi depuis e il viendra en f dans une nouvelle diagonale, qui est celle du parallélogramme epfl, par l'action des deux sorces ep & el, &c.

SCHOLIE.

SI nous avions divisé le tems de rout le mouvement en un plus grand nombre de parties, qui par conséquent auroient été plus petites, nous aurions eu plus de diagonales depuis A, commencement de la chûte du projectile, jusqu'en f, sin de sa chûte; ce qui auroir rendu sa route A b c de f, plus courbe par un plus grand nombre de changements de direction. Mais comme le mouvement des corps en bas par la force de la pesanteur, augmente continuellement, (ou que la ligne AG devient continuellement plus longue) & qu'elle n'augmente pas par accès, comme nous l'avons supposé pour faire mieux comprendre l'action des deux sorces, il y a un changement continuel de direction dans le mouvement du corps en avant & en bas, (où les diagonales deviennent infiniment petites) ensorte qu'il décrit une parabole en allant de A en f.

On peut éclaireir cela par l'Expérience suivante.

Experience V.

Planelle 241 Figures 3 of 4 La machine représentée par ces trois Figures de la Planche 24. a été inventée par le Docteur S'gravesande, (Professeur des Mathématiques & d'Astronomie à Leyde) pour faire rendre sensible ce mouvement parabolique. A BbGF est une piece solide de bois de squinze pouces de hauteur, & de deux pouces d'épaisseur, élevée sur son côté FG, & assis sur une planche ou piece plate FE, qui a un petit creux peu prosond en E, qui doit être rempli de terre glaise molle; de maniere que la balle B tombant depuis B le long de la surface courbe Bb (qui est très-polie ou couverte de cuivre ou d'étain bien uni) & décrivant dans l'air la ligne parabolique bx & E, elle puisse faire une marque pour indiquer exastement l'endroit où elle tombe. La piece O (Figure 4.) se met quelquesois sur GE de la Figure 3. où les lignes ponctuées la représentent en G3 & elle a aussi un creux m

que l'on remplit de terre glaise pour recevoir la marque de la Leçon chûte de la balle en s. La piece K (Figure 5.) se met dans l'occasion au désaut de celle-ci, & elle est représentée par les lignes ponctuées 13 x, pour intercepter la balle qui tombe, & marquer par la terre glaise dans son creux le point x de la ligne bx, où tombe la balle. Il y a aussi une planche droite BDE, que l'on peut ôter dans l'occasion, qui porte trois anneaux r, r, r, que la balle doit traverser lorsqu'elle décrit une parabole de b en E, auquel cas on ôte les pieces de la Figure 4. & Figure 5.

La hauteur BC, ou la distance entre les lignes ABD & Cbcde, est de six pouces; & la hauteur bG est de neuf pouces, étant divisée en trois parties inégales, dont la plus haute est d'un pouce, la seconde de trois, & la plus basse de cinq pouces.

Si l'on divise le tems de la chûte de la balle de b en G, en trois parties inégales, (que nous appellerons ici instants) la balle dans la premiere de ces trois parties décrira le premier espace marqué i, c'est-à-dire, un pouce; dans l'instant suivant elle décrira l'espace trois, ou trois pouces; & dans le troisséme instant, l'espace cinq ou cinq pouces. N. B. Cela vient du mouvement acceleré, dont nous expliquerons la cause en considérant la

seconde loy du mouvement.

Lorsqu'on laisse tomber la balle de B, & rouler en bas le long de la surface courbe Bb, elle acquiert une telle vîtesse en b, qu'elle seroit capable d'aller en avant, (à la double dutance de BC, ou de la hauteur d'où elle est tombée) par un mouvement uniforme de b en e, dans la ligne horizontale b c de, si elle n'étoit pas forcée de s'en écarter, & de descendre par l'action de la pesanteur; mais la pesanteur n'accelere point, & ne retarde point son mouvement en avant; elle est cause seulement qu'elle arrive au point E au lieu du point e, dans la même ligne perpendiculaire, & dans le même tems. Et si l'on considere deux autres points de la parabole bx & E,, fçavoir x & f, on verra que la balle qui dans le premier instant du tems seroit arrivée en c par le mouvement horizontal de la force projectile, est poussée en bas par sa pesanteur vers x; & au lieu d'être portée en dau second instant, elle est portée en & dans la parabole, lequel point est directement fous d, & dans la même ligne horizontale que le bout du quatriéme pouce, ou second espace dans la ligne de la chûte bG. Pour prouver cela par expérience, il faut placer les deux pieces G & K des Figures 4. & 5. & ensuite laissant tomber la balle de

Rrij

Fron V. B, elle roulera en bas le long de la courbe Bb, & ensuite dans l'air elle ira de b en x, où elle fera une marque sur la terre glaise. Otez la piece de la Figure 5, & laissez encore rouler la balle depuis B; elle roulera sur le point s, comme on le verra par l'impression faite sur la terre glaise en s; ôtez ensuite la piece de la Figure 4. & la balle arrivera en E: Enfin si l'on place la planche BDE avec ses anneaux r, r, r, cette balle tombant de B décrira la parabole bE, passant par tous les anneaux, quelque nombreux qu'ils soient, pourvû que la parabole passe par leurs gentres.

N. B. On donnera aussi, en expliquant la Loy suivante, la raison pour laquelle la balle en tombant dans la courbe B b, acquiert une vîtesse qui lui fait parcourir uniformément le double de la longueur ou hauteur. B C dans un tems égal à celui de sa chûte.

SI un boulet de canon ou un autre corps est chasse ou jetté obliquement en haut, il décrira de même par son élevation & par sa chûte, une parabole.

CONSTRUCTION.

Planche 24.

MENEZ une ligne Ai pour l'amplitude d'une parabole, & sur son point du milieu 3; élevez la perpendiculaire 3 E, sur laquelle vous prendrez la hauteur 3 e pour l'axe de la parabole. De e en E sur l'axe prolongé; coupez e E = e 3, & menez la ligne A E qui sera une tangente à la parabole proposée dans le point A. Divisez la ligne A E en un nombre quelconque de parties égales, par exemple en quatre, qui seront marquées par les points B, C, D, E; continuez la ligne A E vers F, enforte que vous puissiez y marquer quatre autres parties égales, comme EF, &c. qui ne sont pas exprimées dans cette figure, faute de place, mais que l'on suppose au-dessus des points G, H, J. Ensuite des points B, C, D, F, &c. Abaissez les perpendiculaires Bk, Cm, Do, Fs, Gu, Hx, & enfin Ji, qui tombera fur le point i de la ligne Ai, (ou amplitude de la parabole.) Divisez l'axe e 3 en seize parties égales, & marquez les points que z, 2, à la fin de la premiere, quatriéme & neuviéme divifion s; ensorte que les quatre parties inégales eq, qz, z2, & 23 puissent respectivement contenir une, trois, cinq & septimo

parties égales. Par les points q, z & 2, menez les lignes df, cg Leçon V. & bh paralléles à la ligne Ai; ces lignes rencontreront les perpendiculaires aux points b, c, d, f, g & h, & seront les ordonnées à l'axe e 3. Sur la ligne e E ou axe prolongé, marquez ep = eq, & eZ = ez, de même eK = ez: & des points K, Z & p, menez K b, Zc, pd, & de l'autre côté pf, Zg, & Kh. Si l'on mene une courbe par les points Ab, c, d, e, f, g, h & i, ce sera une parabole où la ligne qu'un projectile poussé du point A dans la direction AB, décrira, pourvû qu'il ait une vîtesse donnée capable de lui faire décrire la longueur A B, dans le même tems que par la force de sa pesanteur, il auroit parcouru la longueur Bb. Prolongez ent, w & y, ou au-delà, les lignes pf, Zg, & Kh, qui (aussi-bien que pd, Zc & Kb) seront tangentes à la parabole aux points b, c, d, e, f, g, h, i. Menez ensuite par ces points les lignes ba, ck, dm, eo, fq, gs, hu & ix, paralléles à ces tangentes, lesquelles seront terminées par les perpendiculaires aux points a, k, m, o, q, s, u & x, & achevez les parallélogrammes A Bba, blck, endm, dpeo, erfq, ftgs, gwhu, hyix. Les lignes Aa, Bb, bk, lc, cm, nd, do, pe, eq, rf, fs, tg, gu, wh, hk, yi, feront toutes égales; ce qui peut se démontrer aisément par la construction & par la nature de la parabole; mais il vaut mieux le démontrer par la pesanteur, dans l'explication suivante.

DE'MONSTRATION.

Soit une balle jettée dans la direction ABCD, &c. Par la premiere Loy, elle décriroit les espaces égaux, AB, BC, CD, DE, EF, &c. en tems ou instants égaux, & elle iroit continuellement dans la ligne AF, &c. Si la pesanteur n'agissoit pas sur elle pour la pousser en bas; mais par les raisons alleguées cidevant, la pesanteur durant le premier instant, l'auroit poussé en bas vers b; (ou, ce qui revient au même, elle se seroit mue dans la ligne A b, diagonale du parallélogramme A B b a, dont les deux côtés contigus B A & A a, representent les deux forces qui agissent sur le corps;) & à la sin du second instant, au lieu d'aller en avant selon la nouvelle direction A b dans la ligne bl elle sera portée en bas en c, se mouvant dans la ligne bc, diagonale du parallélogramme blck, dans lequel bl représente la nouvelle force projectile, & b k = Bb = lc la force de la pesan-

Flanche 24. Figure 6.

COURS DE PHYSIQUE

LEÇON V. teur, qui pressant toujours en bas avec la même force, doit être représentée par les perpendiculaires égales A a, bk, cm, do, eq, fs, &c. pendant que la force projectiile dans ses différentes directions, est représentée par les lignes inégales & décroissantes AB, bl, cn & dp, dans l'élevation du corps, & par les lignes inégales croissantes cr, ft, gw, & by dans sa chûte, toutes tangentes à la parabole. Pour aller en avant, le projectile doit décrire successivement les diagonales cd, de, ef, fg, gh & hi des parallélogrammes, dont les deux côtés contigus représentent les quantités & directions des forces en & em, dp & do, er & eq, ft & fs, gw & gu, by & bx.

> N. B. Nous avons appelle diagonales les courbes interceptées entre les perpendiculaires aux points Ab, c, d, e, f, &c. ou ce qui revient au même, nous avons courbé les diagonales, parce qu'elles sont courbes réellement, comme nous l'avons indiqué dans l'explication du mouvement d'un corps jetté horizontalement.

SCHOLIE.

Le corps jetté se meut avec une vîtesse qui diminue continuellement jusqu'à ce qu'il arrive au sommet de la parabole en e; alors il décrit l'autre moitié de cette courbe avec un mouvement continuellement acceleré. Car puisque les espaces AB, BC; CD, DE, EF, &c. ont été pris égaux dans la ligne de la premiere direction du projectile, il suit de la premiere Loy, que le projectile devoit les parcourir en tems égaux, s'il n'y avoit qu'une force, (qui est celle de projection) qui agit sur lui. Mais comme la pesanteur agit sur le corps dans le même tems, quoiqu'elle ne puisse pas l'empêcher d'atteindre les perpendiculaires (qui sont également éloignées & paralléles entr'elles) dans le même espace de tems qu'il l'auroit fait, s'il n'y avoit point eu de pesanteur, elle doit porter le corps à la fin de chaque instant, à d'auttes points des perpendiculaires, qui s'approchent toujours de plus en plus les uns des autres, jusqu'à ce que le corps arrive en e: par exemple, le corps à la fin du premier instant, au lieu d'être en B, est porté en bas par la pesanteur en b, décrivant par sa chûte un espace égal à eq; à la fin du second instant, au lieu d'être en C, il est porté en bas vers c, étant tombé de la premiere direction ou ligne de la force projectile par un espace àgal à cz, ou quatre fois

eq = Bb, espace parcouru dans le premier instant par la chûte A; Leçon à la fin du troisiéme instant, au lieu d'être en D, il sera poussé en bas vers d par un espace égal à e 2, qui contient neuf fois e q ou Bb, espace parcouru par la chûte dans le premier instant; à la fin du quatriéme instant, au lieu d'être en E, il sera porté en bas vers e, par un espace égal à e 3, qui contient seize sois l'espace de la premiere chûte Bb ou eq. Maintenant puisque les espaces que le corps parcourt dans son élevation, en tems égaux, (c'està-dire, les lignes Ab, bc, cd & de) font non-seulement moindres que les espaces AB, Bc, cD, DE, mais encore moindres les uns que les autres, parce que leurs changements de directions leur font couper continuellement les paralléles à angles moins obliques; il est évident que le corps jetté diminue continuellement de vîtesse, jusqu'à ce qu'il soit arrivé à sa plus grande hauteur en 6, sommet de la parabole. Et cela se voit aussi, si l'on considere ici le mouvement du projectile, comme nous avons consideré celui du projectile horizontal; c'est-à-dire, en voyant que les différentes parties de la ligne décrite par le projectile, sont comme autant de diagonales décrites par l'action de deux forces, dont l'une change sa quantité & direction par des intervales extrêmement petits, quoiqu'ici nous ayons pris de grands intervalles, pour rendre la chose plus claire.

Lors donc qu'un corps jetté sort de A dans la direction A B, AB représente la force projectile, & A a la force de la pesanteur, comme les lignes Bb & ba achevent le parallélogramme par la conftruction, le corps décrira la diagonale Ab. Ce corps étant en b, s'efforcera, par la premiere Loy, de continuer à se mouvoir dans la ligne bl, qui est la diagonale continuée, c'est-àdire, dans la nouvelle direction qu'il a acquise, & avec la même vîtesse qu'il a actuellement, (qui est moindre que celle qu'il avoit en A, parce que la diagonale Ab est plus courte que le côté AB; donc bl repréente maintenant la force projectile, & bk celle de la pesanteur, que nous prenons égale à Aa; parce que nous n'avons point d'égard au mouvement du corps, & que nous le considerons comme partant du point b, par l'action des deux forces hl & bk. Le corps ainsi poussé sera mû dans la diagonale bc du parallélogramme achevé blck, avec une vîtesse d'autant plus petite, que celle qu'il auroit eu dans la ligne bl, que la dia-

gonale b c est plus courte que b l.

Le corps en c, par la premiere Loy, fera effort pour décrire

Planche 24. Figure 6. .

Manche 14. Figure 6.

LECON V. la l'gne en avec la vîtesse qu'il a actuellement; mais l'action de la pesanteur representée par cm, (=bk=Aa) le poussant en bas hors de cette ligne cn, lui fera décrire la diagonale cd avec une vîtesse moindre à proportion que cd est plus court que cn. Enfin le corps en d poussé par les forces dp & do, décrira la diagonale de en changeant de direction, & diminuant de vîtesse, comme nous l'avons fait voir ci-devant.

> A mesure que le corps vient en bas depuis sa plus grande hauteur e, la vitesse augmente continuellement. Car, premierement, si nous le considerons lorsqu'il est en e, sa force projectile est cr, sa pesanteur cq, & la ligne qu'il décrit, est ef, (diagonale du parallélogramme er qf); mais comme la ligne er représentant la direction & la vîtesse du corps en e, est plus courte que la tangente ft représentant sa direction & sa vîtesse lorsqu'il est en f, (parce que er est perpendiculaire, & ft oblique aux paralléles équidistantes) la diagonale fg sera plus longue que la diagonale ef: donc la vîtesse du corps en sera d'autant plus grande. C'est ainsi que la diagonale g h du parallélogramme q w h u, qui est l'espace parcouru par le corps dans l'instant suivant, est plus grande que fg, & que par conséquent sa vîtesse est augmentée en cette proportion. Et enfin hi, le dernier espace, étant la diagonale du parallélogramme hyix, sera toujours plus grande que la précédente, & par conséquent aussi la vîtesse plus grande.

COROLLAIRE. I.

PAR-LA on peut connoître la différente vîtesse d'un projectile dans chaque point de la parabole qu'il décrit, soit en montant ou en descendant: & elle sera toujours à la vîtesse dans un autre point, en raison directe des longueurs des parties des tangentes à la parabole dans ces points, interceptées entre les mêmes paralléles, ou entre les paralléles également éloignées. Par exemple, la vîtesse en A: est à la vîtesse en b:: comme BC: est à bl; car puisque (par la construction) BC est égale à AB, & que AB représente la vitesse du corps en A, & bl celle du corps en b; les vîtesses aux poinrs A & b seront respectivement comme BC à bl. Ainsi en comparant les vîtesses en A & d, on verra qu'elles sont comme D E à dp, par la même raison. La même proportion a aussi lieu en descendant; par exemple la vîtesse en e: est à la vîtesse en f:: comme r 10 : est à ft; ou comme er : ft, 107 : 15, ou 78 : 56. Ainsi la vîtel

EXPE'RIMENTALE.
vîtesse en f est à la vîtesse en h:: comme 56: ahy; ou ft, ou Leçon V.
t5: ahy.

COROLLAIRE II.

DELA il suit aussi qu'à hauteurs égales au-dessus de la ligne horizontale ou amplitude Ai, le corps aura la même vîtesse, parce qu'il sera alors dans les points de la partie de parabole qui monte & qui descend, dans lesquels les tangentes ayant les mêmes obliquités avec les paralléles à l'axe, ces paralléles en couperont des parties égales, étant également éloignées.

COROLLAIRE III.

It suit aussi que quelqu'inégaux que soient les espaces qu'un projectile décrit en tems égaux, les distances horizontales, (c'està-dire les progrès qu'il fait en avant) seront toutes égales en tems égaux; mais nous avons déja prouvé cela d'une autre maniere. N. B. Je n'entends pas par-là que la même quantité de force projectile doive faire marcher un corps en avant également vîte; car cela doit varier selon l'angle que sa direction fait avec l'horizon: mais si l'amplitude de la parabole, (ou toute la distance horizontale que le corps parcourt lorsqu'il décrit une parabole,) est divisée en parties égales par les perpendiculaires, je dis que le corps ira d'une perpendiculaire à l'autre dans le même tems.

4. En considérant le mouvement d'un projectile, nous avons regardé la ligne Ai comme une ligne droite; & elle le seroit exactement, si la terre étoit plate; & dans le fonds la partie de la terre sur laquelle le projectile passe, doit être regardée comme une ligne droite: mais si la force de la poutre ou autre quelconque qui porte le corps en avant, étoit beaucoup plus grande, ou que la force de la pesanteur (c'est-à-dire l'attraction de la terre) stit beaucoup plus petite, il faudroit alors considerer la ligne Ai comme une courbe ou partie de la circonsérence de la terre.

Par exemple, si ABCDE (Planche 24. Figure 7.) représente la surface de la terre, & AF une haute montagne, telle que le pic de Tenerisse; & qu'on mette le seu à un canon dans la direction FL, le boulet ira en avant dans une courbe, pour les raisons alleguées ci-devant, peut-être jusqu'en B, où il viendroit tomber sur le terrein. Si la sorce de la poudre étoit proportionnel-

Tome I. SI

Flanche 24. Figure 7.

LECON V. lement plus grande, il iroit jusqu'en C, avant que de tomber à terre. Supposons la force de la poudre encore plus grande, & le boulet viendra en D: supposons-la toujours plus grande, & le boulet viendra en E, ne tombant sur la terre qu'après avoir passé

au-dessus des deux tiers de sa circonférence.

Enfin on peut supposer la force de la poudre assez grande pour que le boulet ne tombe jamais sur la terre, mais qu'il revienne au point F d'où il étoit parti, & (le canon étant tiré de sa place loin de la route du boulet) qu'il tourne continuellement autour de la terre, à la distance d'environ trois milles de sa surface, (c'est-àdire, à la hauteur du pic de tenerisse) la pesanteur ne faisant que l'empêcher de s'écarter de la terre par une tangente. Si la force de la poudre étoit plus grande que selon cette derniere supposition, le boulet s'écarteroit roujours plus de la terre dans une ligne spirale.

Si le point F étoit soixante sois plus éloigné du centre de la terre, ou à la hauteur de 240, 000 milles, c'est-à-dire, à la distance de la lune; alors la force de la pesanteur, (ou la force attractive, que l'on nomme dans ce cas force accéleratrice de la terre) seroit 3600 sois plus soible qu'elle n'est à la surface de la terre, parce qu'à mesure que l'on s'éloigne du centre de la terre, la pesanteur décroît comme les quarrés des distances croissent; & la lune étant 60 sois plus éloignée du centre de la terre, que n'est la surface de la terre, le quarre de cette distance 60 est.

3600.

Dans ce cas il ne faudroit pas une plus grande force projectile que celle de notre poudre commune, pour faire circuler un bouler autour de la terre à la distance de 240000 milles. On peut même regarder la lune comme un tel projectile; car ayant une fois reçû une impulsion par une ligne paralléle à une tangente de la terre, pendant qu'elle fait effort (par la premiere Loi) de conserver sa premiere direction (rectiligne) la pesanteur la pousse continuellement vers le centre de la terre, & par cette impulsion elle la tire de la direction rectiligne de la force projectile, & la fait tourner continuellement autour de la terre. La pesanteur ne peut pas non plus porter la lune jusqu'à la terre, parce que la force projectile subsissant toujours, elle fait un effort continuel pour tirer la lune dans la tangente de son orbite; & la pesanteur ne fait qu'altérer continuellement la direction, par laquelle la lune s'efforce à chaque moment de s'échaper le long d'une nouvellement la direction d'une nouvellement la directi

tangente. Ainsi dans chaque point de l'orbite ces deux forces se Leçon V. balancent mutuellement.

5. CET effort de la lune, ou de tout autre corps qui se meut dans un cercle ou dans toute autre orbite courbe, pour s'écarter du centre de son mouvement, se nomme force centrifuge, & la force qui agit contre celle-là pour retenir le corps dans son orbite, (soit que ce soit la force de la pesanteur ou de l'attraction, ou un fil qui pousse ou qui tire le corps vers le centre de son orbite) se nomme force centripéte. Ainsi lorsqu'on tourne une pierre dans une fronde, la pierre qui fait effort pour s'échaper (& qui s'échape effectivement lorsqu'on détache un des bouts de la fronde) par une tangente à la courbe qu'elle décrivoit auparavant, est arrêtée par les fils qui l'empêchent de s'échaper; cet effort est la force centrifuge; & celle des fils qui saississent la pierre, est la force centripéte. La force qui fait effort pour faire échaper la pierre par la tangente, sans pouvoir la faire partir réellement, roidit le fil de la fronde dans une direction qui va du centre de révolution à la tangente. Supposons, par exemple, que le corps F (Planche 24. Figure 7.) attaché au fil en F, tourne en rond dans le cercle FJN: pendant que ce corps n'étant pas retenu par le fil, se seroit mû de la longueur FH dans la direction GF par la premiere Loy, étant retenu par le fil il décrira l'arc FJ, étant poussé en bas de H en J; ainsi la ligne H J représentera la quantité de la force centripéte dirigée vers le point M; & la même ligne JH dirigée du point M vers H, pourra aussi représenter la force centrifuge, ces deux forces étant égales, sans quoi le corps roulant ne seroir pas retenu dans son orbite. Car quoique dans les orbites qui ne sont pas circulaires, ces forces puissent croître & décroître, (comme on le fera voir ci-après) cependant ces deux opposées croissent & décroissent également, se balançant toujours mutuellement. N. B. Plus un corps se meut vîte dans son orbite, plus le fil est roidi o c'est-à-dire, plus la force centrifuge ou centripéte est grande. Par exemple, si FG représente la vîtesse du corps au lieu de FH, le corps décrira l'arc FN au lieu de FJ; auquel cas le point N (où se trouve le corps) étant plus éloigné de la tangente, (en G, que le corps auroit parcouru par la seule force projectile) la force centripéte & centrifuge doit être représentée par la ligne GN, qui est plus grande que HJ.

Tour cela sera mieux prouvé & éclairci par les Expériences fuivantes.

Planche 24. Figure 7.

Leçon V.

Planche 24. Figure 8.

Expérience VI.

6. ABCD est une table ronde que l'on peut faire tourner fort vîte sur un pivot, comme en F, (la même qui est représentée par la 13. Figure de la Planche 23.) il y a un petit tuyau de cuivre qui entre à vis dans la table au centre C, au haut duquel on attache le fil de la balle B de plomb, ensorte qu'il puisse passer dans un trou percé sur le côté de ce petit tuyau de cuivre; delà il est porté sous la table par le trou h, & attaché à une cheville dans le côté de la table en A. Lorsqu'on place la balle en B, si l'on fait tourner la table fort vîte, elle laissera d'abord la balle en arrière, ensorte qu'elle paroîtra avoir un mouvement contraire à celuî de la table, jusqu'à ce que par la rudesse de la table, elle tournera enfin avec la table du même côté où celle-ci tourne; ensuite si l'on arrête subitement la table, la balle fera plusieurs tours, jusqu'à ce qu'ayant communiqué tout son mouvement à la surface rude de la table, elle restera enfin en repos. Cela sert à éclaircir la premiere loy de nature, car comme la partie de la table sous la balle la laisse en arriére pendant quelque tems, parce qu'elle fait effort pour continuer dans son état de repos, elle la laisseroit pour toujours dans le lieu où elle étoit au commencement, si la table étoit parfaitement polie; & lorsque la balle est une fois en mouvement, elle continueroit toujours de se mouvoir en rond sur la table, si (outre le poli de la table) le fil qui retient la balle n'avoit point de frottement au centre C. On doit aussi observer que le fil qui est lâche en CB, est toujours tendu comme en Cb par le mouvement de la balle, & c'est ce qui démontre la force centrisuge.

Si l'on fait entrer à vis un foutien fourchu vers le bout de la table comme en D, & qu'on fasse passer dans la fente de ce soutien le fil de la balle, ensorte qu'elle reste suspenduë comme en 1, la force de la pesanteur de la balle peut tellement être surmontée par la force centrisuge, produite par le pirouettement de la table, que la balle s'élevera au point 3, le sil 3 d devenant horizontal, à mesure que la table tournera toujours plus lentement, la balle descendra au point 2, & ainsi de suite jusqu'à 1 à la sin, la pesanteur devenant sensible à mesure que la force centrisuge diminuë.

Expérience VII.

SI l'on lie un cordon autour du bord d'un pot plein d'eau, &

que l'on fasse piroueter le pot fort vîte autour de la main ou du Leçon V. centre K dans un cercle ou dans une courbe, dont ACB est un arc, l'eau acquerant une force centrifuge plus grande que celle de la pesanteur, ne versera pas lorsque l'ouverture du pot tournera en bas. Si au lieu du pot, on fait tourner en rond autour du centre K, le verre W C, (Figure 10.) qui contient des liqueurs de différentes pesanteurs spécifiques, (après qu'elles auront toutes été confondues en les secouant) elles reprendront toutes leurs places & leur transparence, même plûtôt que si le verre qui les contient avoit été suspendu en l'air, & en repos. La raison en est, que comme les différentes substances contenues dans le verre ont la même vîtesse qui leur est donnée par la force centrifuge, leur moment sera comme leur gravité spécifique, c'est-à-dire, que leur moment sera composé des dissérentes quantités de matiere qu'elles contiennent sous des volumes égaux, multipliées par la vîtesse commune (Lec. 2. nº. 3.) que la force centrisuge leur donne dans la ligne K C depuis le centre du mouvement vers la circonférence. Donc les grains de verre parmi les liqueurs, pesant plus que les goutes de toutes les autres liqueurs, auront le plus grand moment, & par conséquent se rendront à la partie G la plus éloignée du centre du mouvement K. Ensuite les goutes de l'huile de tartre, (qui est la plus pesante des liqueurs contenues dans le verre) ayant par la même raison plus de moment que les goutes des autres liqueurs, (quoique moins que les grains de verre,) prendre la place T, la plus proche des grains, & rempliront aussi leurs interffices. La liqueur suivante, qui est l'huile de petrole, remplira l'espace P: Et ensin l'esprit de vin, dont les goutes sont les plus legeres, sera le plus proche du centre du mouvement, (malgré sa force centrifuge ,) & occupera l'espace W , parce que les grains & toutes les autres liqueurs ayant plus de moment , le chasseront de l'extrémité C, à laquelle il tend pendant tout le tems. N. B. Le tube est scellé hermétiquement aux deux bouts.

LES grains de verre, & les autres liqueurs se reposent dans la place qui leur convient, lorsque le tube est suspendu, parce que comme tous les corps tendent en bas avec la même vîtesse, (Lec. 1. nº. 8.) le moment des particules d'un égal volume doit être comme leurs quantités respectives de mariere dans leur chûte: & la raison pourquoi les liqueurs ne sont pas aussi-tôr reposées en ce cas, que lorsque le tube est tourné en rond, est

Planche 23. Figure 9.

LEÇON V. que l'on peut donner autant de vîtesse que l'on veut dans la direction KC, par la force centrifuge, au lieu que celle qui vient de la pesanteur, est toujours la même.

COROLLAIRE.

DELA il suit qu'une bouteille de liqueur quelconque, (qui après avoir été troublée est devenue claire par la longueur du tems, & ensuite redevenue sale par la secousse,) peut s'éclaircir plus vîte par la force centrisuge, qu'en restant droite long-tems en repos.

EXPÉRIENCE VIII.

Planche 24.

JOIGNEZ par un fil les deux balles T & M, dont les poids font entr'eux comme 4 & 2, (ici nous employons une balle de 2 onces & une de 4,) & faites passer le fil par les trous opposés dans les côtés du petit tuyau C; que la longueur du fil en mesurant du centre d'une balle à celui de l'autre, soit de 18 pouces, & la distance des centres des balles au centre de la table, soit en raison réciproque de leurs masses : c'est-à-dire, que le centre de la balle de deux onces M, doit être à la distance de C de 12 pouces, & le centre de la balle T de 4 onces à la distance de C de 6 pouces. Soient les deux petites pieces quarrées ou rectangulaires Ss & Vv, fixées sur la table à la distance d'environ 1 ou 2 pouces derriere les balles pour les empêcher de s'échaper de la table, & que les longs côtés de ces pieces soient tellement sixées alternativement, que lorfqu'on fait tourner la table dans la direction marquée par la fléche, les balles ne restent pas en arriere, mais foient d'abord mises en mouvement. Que maintenant la table soit tournée en rond avec une vîtesse quelconque, les balles resteront aux points T & M, & décriront autour de leur centre commun de gravité des cercles inégaux, (Leç. 2. nº. 32.) en proportion réciproque des masses, les moments donnés aux corps par la force centrifuge étant égaux, & (à cause de leurs directions contraires) se détruisant mutuellement. Mais si l'une des balles est plus éloignée de C, que n'exige la proportion réciproque précédente, cette balle s'éloignera par dégrés du centre du mouvement, & entraînera l'autre avec elle, jusqu'à ce qu'elle soit arrêtée par le bout de la piece V v ou S s. C'est ainsi que la terre & la lune tournent l'une autour de l'autre, & autour de leur EXPE'RIMENTALE.

centre commn de gravité, comme on l'a déja observé. (Leç. Leçon IV.

n°. 3 2.

EXPÉRIENCE IX.

Donnez à la table un mouvement de pirouetement uniforme, & que ce mouvement soit continué, (ce qui peut se faire par le moyen d'une rouë & d'une poulie qui seront décrites ci-après,) & soit en même-tems un morceau de craye qui presse sur la table, & qui soit tiré selon la ligne droite CP; par ces deux mouvements la craye décrira la ligne spirale CDEFP: ensuite si l'on sait mouvoir de nouveau la craye de la même maniere & du même côté, (comme il est marqué par la sléche,) & qu'en même-tems la craye soit pressée sur la table dans la même ligne P-C, mais avec une direction contraire, c'est-à-dire, de P en C, elle décrira une autre ligne spirale semblable à la premiere, mais tournée du côté opposé, comme on le voit par la ligne ponctuée.

Planche 24. Figure 12.

COROLLAIRE.

Dela il suit que si un corps qui a une force centrisuge, par laquelle il s'écarte, ou une force centripéte par laquelle il s'approche du centre de son mouvement, est porté en même-tems circulairement par une force qui lui donne un mouvement circulaire, il s'écarte du centre par une ligne spirale dans le premier cas, & il s'en approchera par une ligne spirale dans le second cas.

EXPERIENCE X.

Sur un morceau de planche AEK, qui a en-dessous une piece en travers, pour élever son extrémité AE la plus large à un angle de 15 ou 20 dégrés au-dessus de la position horizontale; on attache 3 tubes AK, CK & EK, fermés par le haut aux deux bouts. Dans le premier il y a un petit cylindre de liége, qui peut glisser aisément en haut & en bas dans le tube: Dans celui CK il y a un petit cylindre de plomb mobile de la même maniere: & dans le tube EK il y a un pouce ou deux de vis-argent rensermé dedans. Cette planche a sous elle une vis, qui passant par un des trous de la table, (tels que ceux marqués A & B dans la Planche 23. Figure 13.) est arrêtée par un écrouë, ensorte que la planche des tubes soit fortement attachée à la table. Ensuite

Planche 24.

L28 COURS DE PHYSIQUE

LEÇON IV. Rirsque le liége, le plomb & le vif-argent, sont dans la partie du tube la plus proche du centre du mouvement, on fait piroueter la table en rond, & ces corps après quelques tours sont portés aux extrémités des tubes les plus éloignées du centre, quoiqu'elles soient de 3 ou 4 pouces plus élevées que les extrémités en K. Placez entre les tubes BK & DK, dont le premier étant rempli d'eau, a en-dedans un cylindre de liége; & le fecond a un ou deux pouces d'huile, le reste étant rempli d'eau. Au commencement, (lorsque la table est en repos,) le liége & l'huile sont en B & D, qui sont les bouts les plus élevés des tubes, & les plus éloignés du centre; mais lorsque la table tourne en rond, le liége & l'huile vont vers le centre en K, parce que la plus grande force centrifuge de l'eau, (qui est plus grande que celle du liége, & que celle de l'huile,) doit donner au liége & à l'huile une direction centripéte, comme on l'a expliqué dans l'Expérience des différentes liqueurs dans le verre de la Figure 10.

> 7. M. Descartes tâche d'expliquer le mouvement des planetes autour du soleil par un tourbillon de la matière celeste, en supposant que le soleil tournant autour de son axe, donne un mouvement circulaire à toute la matière celesse qui est autour de lui, & qui s'étend jusqu'à Saturne & au-delà; & que ce tourbillon de matière étant sans aucun vuide (car il soutient le plein) entraîne avec lui les planétes, & est par ce moyen la cause de leur mouvement autour du foleil. Ceux qui ne se donnent pas la peine d'examiner les choses à fond, croyent que les tourbillons sont la cause du mouvement des planétes; parce que lorsqu'il y a des tourbillons dans les rivieres & dans les étangs, nous voyons que les pailles, les petits fétus, les scieures de bois & autres corps legers sont entraînés circulairement en flottant sur l'eau, & par conséquent on s'imagine qu'il est fort probable que les planetes doivent être entraînées circulairement de la même manière dans le Ciel. Mais si l'on applique les expériences & les observations à la théorie des tourbillons, on trouvera qu'ils ne suffisent pas pour expliquer les mouvemens des planetes.

En premier lieu, on doit supposer que les Planetes sont plus denses que la matiere du tourbillon; & alors il doit leur arriver la même chese que l'on voit dans le liége, ou le plomb, ou le vis-argent contenus dans des tubes de verre, & tournés en rond sur la table. Car les tubes pleins d'air étant tournés circulairement.

contienne

contiennent une partie d'un tourbillon d'air, dans lequel les corps Leçon V. qui y sont mûs sont de différentes gravités spécifiques, mais tous plus pesants spécifiquement que les parties du tourbillon; & ces corps se mouvant circulairement, & étant en même tems agités par une force centrifuge, s'écartent continuellement du centre du tourbillon par une ligne spirale. Ainsi les planétes étant plus pesantes spécifiquement que les parties du tourbillon, s'écarteront continuellement du soleil, en décrivant une ligne spirale. Mais puisque cela n'arrive pas, supposons que les planétes soient toutes plus rares que la matiere du tourbitton, il s'ensuivra que comme les parties du tourbillon seront plus denses que les planétes, leur force centrifuge donnera aux planétes une direction centripéte, & ainsi elle les approchera continuellement du soleil par une ligne spirale, jusqu'à ce qu'elles tombent dans le soleil, de la même maniere que le liége & l'huile dans leurs tuyaux respectifs pleins d'eau, sont poussés vers le centre; car on voit par l'expérience que la force centrifuge de l'eau leur donne une tendance contraire, par laquelle ils s'approchent continuellement du centre en ligne spirale.

Il ne reste plus pour soutenir l'hypothese cartésenne, que de supposer que les planétes ont la même densité que les parties du tourbillon; & dans le fonds si tout est plein, comme M. Descartes le suppose, tous les corps seront également pleins, & il n'y aura rien de ce que nous appellons différentes gravités spécifiques; car tous les corps de même volume, ayant la même quantité de matiere, peseront également; & dans cette supposition il s'ensuit que les planétes formant en haut une partie du tourbillon lui-même, seront mûës avec les parties voisines du tourbillon; & quoiqu'au commencement les parties du tourbillon, qui sont les plus proches du soleil, doivent se mouvoir plus vîte, * cependant à la fin tout le tourbillon sera mû circulairement comme un corps solide ou une sphére, dont les parties les plus éloignées du centre feront leurs révolutions dans le même tems que celles qui en sont les plus proches; ce qui doit être la conséquence du plein. Ensorte que toutes les planétes auront à la fin leurs tems périodiques égaux, ce qui est contraire aux observations; car les tems périodiques des révolutions des planétes sont toutes différents. Mercure qui est le plus près du soleil, fait sa révolution presque 120 fois plns vîte que saturne, qui en est le plus éloigné. En un mot, voici la proportion de leurs distances & révolutions;

Tome I.

* Note 2

LEÇON V. Les quarrés des tems périodiques des planètes principales autour du soleil, & des satellites autour de jupiter & de saturne, sont comme les cubes de leurs distances au corps central respectif. *

> 8. Puisque l'hypothese cartesienne ne suffit pas pour expliquer la cause du mouvement des corps celestes, nous devons faire voir quelle en est la cause réelle, & cela non pas par des conjectures, mais par les observations & les expériences. On voit évidemment par ce qui a déja été dit, & par les conséquences que nous allons tirer de la seconde loy de nature, que la pesanteur ou l'attraction vers le foleil, retient chaque planéte (ou même chaque cométe) dans son orbite autour du soleil, (aussi-bien que les satellites autour de leurs planétes principales, notre lune étant également un satellite de la terre,) pendant que la force projectile fait un effort continuel pour les écarter le long de la tangente ; mais il faut auparavant expliquer les différentes loix relatives aux forces centrales, par les Expériences suivantes, après que nous aurons. décrit la machine propre à faire ces Expériences.

Description de la Machine.

Manche 25 .. Bigure 1 ...

La machine pour les forces centrales est composée d'un chassis de bois très-folide CABDHGKEF, triangulaire en haut & en bas. Sur la piece verticale G a, il y a au sommet une rouë G, qui (par le moyen de la corde GKHG) lorsqu'elle tourne circulairement, donne un mouvement circulaire aux poulies & aux fuseaux K L & H J, ensorte qu'elle les fait mouvoir ou avec des vîtesses égales, ou avec des vîtesses qui sont comme 2 à 1, comme 3 à 1, ou comme 3 à 2, parce que dans la poulie K il y a deux rainures, l'une de 3, & l'autre de deux pouces de diametre, & dans la poulie H il y en a aussi deux, l'une de 6, & l'autre de 3 pouces de diametre. Il y a deux pieces MN, mn (que nous pouvons appeller porte-planétes) d'environ 30 pouces de longueur, qui doivent être arrêtées à vis sur les poulies K, H, ensorte qu'elles tournent circulairement avec elles. Ces pieces ont chacune une tour quarrée S, s, avec une petite poulie au haut & au bas pour conduire un cordon depuis les poids S, s jusqu'aux balles de cuivre P & p (que nous appellerons ici planétes) enforte que lorsque P & p vont vers N ou n, les poids sont tirés en haut de leurs bases, qui sont environ un pouce au-dessus du bas de leurs

tours, & qui s'élevent en-dedans des tours, jusqu'à ce que la piece qui porte le poids frape le haut de la tour; chaque balle ayant deux petites aîles avec des trous pour glisser aisément le long des fils de fer, qui vont d'un bout à l'autre de la piece porteplanéte, passant par les deux plans perpendiculaires de cuivre M & N, & par les tours à la distance d'environ 4 de pouce de la surface de la piece porte-planéte.

N.B. On n'a marqué ici que l'une des aîles & l'un des fils de fer sur chaque piece, pour éviter la confusion.

IL y a aussi des colliers de cuivre en H & K, dans lesquels tournent les cous des sus factions des fort d'acier), avec des vis de fer qui entrent dans des écrouës de cuivre en L & J, avec de

petits trous pour recevoir le bas des fuseaux.

La seconde Figure représente un peu plus que la moitié de l'une des pieces porte-planétes, divisée en pouces des deux côtés depuis le centre. Bb est le plan perpendiculaire de cuivre à l'un des bouts, par où passent les fils horizontaux Ww, Ww, pour porter la planéte P par ses aîles percées LL, pendant que le cordon qui passe par le milieu de la planéte, est attaché, en le faisant entrer dans une petite pointe p pour donner à la planéte une certaine distance de T, centre de son mouvement, avant qu'elle se meuve circulairement lorsqu'on fait tourner la rouë G (dans la Figure 1.) S's représente la coupe de la tour de cuivre attachée au bois par une cheville traversiere, dont on voit la tête en s. Test la base ou la plaque qui doit soutenir la piece qui porte le poids, laquelle est représentée dans la Figure 4. & consiste dans une piece circulaire & dans une tige percée pesant deux onces, & sur laquelle on peut faire glisser dissérents poids de plomb, comme X (Figure 5.) On peut voir aussi en T (Figure 2.) la petite poulie sous laquelle passe le cordon.

La troisiéme Figure est une coupe verticale de l'une des tours quarrées Ss, avec le poids X, la piece X x qui porte le poids, une partie de la piece porte-planéte, la poulie & le sus la plaque sur laquelle les poids reposent : une autre est soutenuë par un bras de ser V S au-dessus du trou S, au plus haut de la tour : Ensorte que le cordon venant de la planéte P, passe premierement sous la poulie T, ensuite par la tige percée de la piece qui porte le

Ttij

COURS DE PHYSIQUE I ECON V. poids, & delà par le trou qui est au plus haut de la tour, enfuite au-dessus de la poulie S; delà encore au haut de la tige de X, où il est attaché. En observant cette Figure, on voit aisément que si la planéte P se meut tant soit peu dans la direction PQ, la piece qui porte le poids X s'élevera en haut vers S.

> La table tournante, dont nous avons déja fait mention, (Planche 23. Figure 13. & Planche 24. Figures 8, 11, 12, 13,) pour faire diverses Expériences, tourne mieux en rond étant placée à vis au haut de l'un des fuseaux LK, ou JH à la place de la piece porte-planéte MN ou mn.

> La sixième Figure, Planche 25 représente la coupe de la rouë & d'une partie de la piece horizontale, la partie supérieure du chassis qui porte la rouë & le bout supérieur de la piece qui la foutient, marquée LLL, l'aissieu de la rouë & le collier quarré glissant g, qui est mobile sur le ser quarré horizontal HJ, attaché au bois par une écrouë & une cheville en J, & par deux vis en bois Hh.

> N. B. Il y a une vis dans la piece glissante g, pour fixer le centre de la rouë, lorsqu'elle est portée en avant ou en arriere.

> Quoiqu'il n'importe pas de quelle grandeur soit la machine cidevant décrite, pour vû que ses parties soient proportionnelles; cependant en faveur de ceux qui voudroient en faire une semblable, je donne: ici les mesures des principales parties de la mienne, en pouces d'Angleterre.

L'E'PAISSEUR du bois de tous les côtés d'environ r pouce,

excepté le pied en A & D, où il a deux pouces d'épaisseur.

MN = mn = 30 pouces. KH = 33 (6 pouces. KL = JH) =8 (5 pouces. AD = 34 (9 pouces. AC = CD = 27 (2) pouces. BC = 24 (8 pouces. Le diametre de la rainure de la rouë G = 14 pouces. La largeur de la piece porte-planéte M N ou mn = 2 (3 pouces. Les rainures de la poulie K, l'une de 2, & l'autre de 3 pouces. Rainures de H, l'une de 6, & l'autre de 3 pouces. Hauteur AK = HD = 13 pouces. Hauteur des tours S ou s au-dessus de la planche MN, mn 5 (8 pouces.

Largeur des tours = 2 (3 pouces. On se sert de 4 planétes

Pranche 25: Maureur.

de cuivre, dont deux pesent chacune 2 onces troy, & les donx Leçon V autres chacune 4 onces troy. La plaque qui porte le poids & la tige pese deux onces, & chaque poids de plomb (tel qu'il est représenté par la Figure 5.) pese aussi deux onces.

Ce qu'il faut considérer dans l'usage de cette Machine.

9. Les poids dans chaque tour doivent représenter le soleil, dont on voit l'attraction par la force avec laquelle le poids résiste à l'action de la balle P ou p (qui représente une planéte) laquelle sait effort pour l'élever par le cordon PTSx, (Figure 3.) lorsqu'elle reçoit une force centrisuge par le mouvement circulaire de la rouë G. De sorte qu'en plaçant des poids égaux ou inégaux dans les tours; en employant des planétes égales ou inégales, comme P ou p; & en prenant leurs distances égales ou inégales en dissérentes proportions; & les tems périodiques égaux ou inégaux (à mesure que le cordon de la rouë passe autour de poulies égales ou inégales,) on peut saire voir par des Expériences les loix des forces centrales, que Newton a démontré mathématiquement dans les principes.

En considerant les forces centrales des corps, (par exemple des planétes principales par rapport au soleil, & des lunes par rapport à leurs planétes principales) qui se meuvent autour des autres corps qui ont des influences sur eux, nous avons trois choses à observer. 1°. Le tems périodique, ou les tems que les corps employent à faire leurs révolutions. 2°. La quantité de matiere dans les corps qui roulent. 3°. La distance des corps aus centre de révolution.

EXPÉRIENCE XI.

1°. RENDEZ les tems périodiques égaux, en plaçant le cordon de la rouë sur la rainure de 3 pouces de chaque poulie, la croisant devant chaque poulie pour lui faire mouvoir les poulies avec plus de force, mais ensorte que les poulies puissent toutes deux tourner du même côté que la piece porte-planétes, sans en désaire la vis. Ensuite ne mettez dans chaque tour que la piece qui porte le poids : & ensin, vous attacherez à leurs cordons une balle de cuivre de 2 onces, comme P & p, à la distance de 12 pouces au centre de chaque piece porte-planéte. Ainsi vous aurez les tems périodis-

P'anche 25.

LEÇON V. ques, les quantités de matiere, & les distances au centre égales. Donnez un mouvement circulaire à la rouë G, & les planétes par leur force centrifuge éleveront les poids S & s au même instant de tems; ce qui fait voir que dans ce cas les forces centrifuges sont égales

N.B. Si sur chaque piece porte-poids vous placez un ou deux ou plusieurs poids égaux, (comme ceux marqués par la Figure 5.) les planétes les éleveront toujours au même instant, pourvû qu'on tourne la rouë plus vîte à proportion qu'il y a plus de poids.

EXPÉRIENCE XII.

2°. METTEZ au lieu de p une balle de 4 onces & un poids double dans la tour s q; tournez ensuite la rouë, & les deux poids s'éleveront tout-à-la-fois. Cela fait voir que lorsque les quanités de matière dans les planètes sont inégales, mais que les distances & les tems périodiques restent toujours égaux, la force centrisuge est proportionnelle à la quantité de matière.

Expérience XIII.

3°. OTEZ la balle de 4 onces, & servez-vous encore de p; mais ne la placez qu'à 6 pouces du centre. Otez le poids additionnel de s, & ajoutez-le à S; c'est-à-dire, saites que le poids S, qui a P à 12 pouces de distance, soit = 2 onces: & ensuite tournant la rouë, ils s'éleveront tous deux en même-tems. Par où l'on voit clairement, que si les tems périodiques, & les quantités de matiere continuent d'être les mêmes, mais que les distances soient dissérentes, les forces centrisuges seront comme les distances.

Expérience XIV.

4°. A la distance de 6 pouces, où p étoit en dernier lieu; substituez à p une balle de 4 onces, & placez des poids égaux dans les deux tours; alors en tournant la rouë, les deux poids s'éleveront en même-tems; ce qui fait voir que lorsque les tems périodiques sont égaux, & que les distances au centre sont réciproquement comme les quantités de matiere dans les planétes, les forces centrifuges sont égales.

LECON V.

Expérience X V.

Enfin changez le cordon qui est sur la poulie H, & placezle dans la rainure de 6 pouces de diametre, ensorte que le tems périodique de la planéte p soit double de celui de la planéte P, laquelle aura le double de vîtesse, si sa distance au centre est la

même; ce qui doit s'observer dans cette Expérience.

Placez 8 onces dans la tour SQ, & seulement 2 dans la tour sq, les planétes égales P & p étant alors chacune à 12 pouces de distance du centre. Tournez la rouë, & les deux poids s'éleveront tout à la fois; ce qui fait voir que les planétes qui ont une égale quantité de matiere, & la même distance au centre, mais dissérents tems périodiques, ont leurs forces centrisuges en raison réciproque des quarrés de leurs tems périodiques; c'est-à-dire en raison directe du quaré de leurs vîtesses.

COROLLAIRE.

DELA il suit que si la même planete change de vîtesse dans la même orbite, sa force centrisuge augmentera ou diminuera selon le quarré de la vîtesse que la planete a dans cette partie de son orbite.

SCHOLIE S

Lors que l'on compare la derniere Expérience avec la 13°, & que l'on trouve que la planete p (décrivant un cercle de 12 pouces de rayon en même-tems que P en décrit un de 6 pouces) éleve le double du poids, parce que sa vîtesse est double; il doit paroître étrange que dans la derniere expérience, ou P (décrivant deux sois un cercle de 12 pouces de rayon, pendant que p ne décrit qu'une sois le même cercle) n'a que le double de la vîtesse de p, & cependant il éleve un poids quadruple; maiscette proportion (qui est d'un grand usage dans l'explication du mouvement des corps celesses) se tire clairement de la premiere Loi, & de ce que nous avons dit sur cette Loi.

Autour du corps supposé en M (Planche 24. Figure 7.) ou du centre M, soit une planete qui roule dans le cercle FJN; il est clair que lorsqu'elle décrit l'arc FJ, sa force centrisuge est représentée par la ligne HJ: si l'on suppose ensuite que la même

Planche 24.

LEÇON V. planete décrit l'arc fin d'un rayon double dans le même tems, il est évident qu'elle aura une vîtesse double, & que par consequent elle décrira l'arc fn de ce cercle dans le même tems qu'elle décrit FJ du petit cercle; en sorte que maintenant gn qui est double de HJ ou hi (parce que les triangles fg M & FM, aussi-bien que les arcs fn & FJ sont semblables) representera la force centrifuge qui est double de ce qu'elle étoit dans le petit cercle. Mais si au lieu de décrire le grand cercle, la planete décrit le petit cercle avec une vîtesse double en parcourant deux fois le petit cercle FJN dans le même tems qu'elle le parcouroit une fois auparavant, elle décrira l'arc FN du nombre double de degrés au lieu de FJ, & comme l'ac FN (quoique de la même longueur) est deux fois plus court que fn, la planete en N s'éloignera de la tangente deux fois autant que si elle avoit été en n, par conséquent quatre fois autant que lorsqu'elle étoit en J avec la moitié de la vîtesse. Donc la force centrifuge en N: sera à la force centrifuge en J:: comme GN: est à HJ; ou comme 4 : à 1.

N.B. Cela n'a lieu que dans les petits arcs, tels qu'on suppose ceux FJ & FN; mais alors on ne doit la considérer que dans ces sortes d'arc de corde.

On peut faire avec cette machine plusieurs autres expériences relatives aux forces centrales; mais celles-ci suffisent quant à present à notre dessein. Cependant en faveur des Curieux nous en donnerons quelques autres dans les notes. *

Note 3.

SECONDE LOY DE MOUVEMENT.

10. LE changement de mouvement est toujours proportionel à la force mouvante imprimée, & il se fait dans la ligne droite selon

laquelle cette force est imprimée.

Si une force produit un mouvement, une force double produira un mouvement double, une force triple un mouvement triple, &c. foit que cette force foit imprimée toute à la fois ou successivement & par degrés. Ce mouvement étant toujours dirigé du même côté que la force generatrice) si le corps se mouvoit auparavant, est ajouté au premier mouvement ou en est retranché, selon qu'ils conspirent directement ensemble ou qu'ils sont direc-

tement

mouvement composé de la détermination des deux.

Leçon V.

>

Planche 25. Figure 7.

11. Soit le corps A (Planche 25. Figure 7.) qui reçoit une impulsion dans la direction AL, en sorte qu'il parcoure un espace déterminé dans un tems déterminé, par exemple, l'espace A B ou une perche (16 pieds) dans une seconde de tems. Le corps selon la premiere Loi, en vertu de la force qui lui est imprimée, décrira uniformément les espaces AB, BC, CD, DE, EF, FG, GH, HJ, JK, KL, &c. en sorte qu'il décrira chacun de ces espaces (en les supposant tous égaux) dans une seconde, & ainsi de suite à l'infini. Maintenant lorsque le corps est en mouvement, si la même force qui agissoit sur lui au commencement ou une autre force égale, agit de nouveau sur lui dans la même direction, lorsqu'il est en B par exemple, alors le corps décrira un double espace, c'est-à-dire, l'espace BD dans une seconde, & de même DF, FH, HK, &c. dans chaque seconde, c'est-àdire, qu'il aura une vîtesse double; parce que pendant qu'il alloit à raison d'une perche par seconde, il a reçu une addition de sorce capable de le faire aller aussi une perche par seconde, & par conséquent cette addition de ces deux forces qui conspirent ensemble, doit donner au corps une vîtesse double. Si le corps en mouvement étant en B, a reçu la seconde impulsion par une force double de la premiere, il décrira après cette impulsion dans chaque seconde les espaces BE, EH, HL, &c. c'est-à-dire, qu'il aura une vîtesse triple. Si après avoir reçu la feconde impulsion avec une force égale à la premiere, pendant qu'il va avec une vîtesse double (par exemple, en décrivant l'espace B D ou DF, &c. dans une seconde) il reçoit une troisiéme impulsion (toujours dans la même direction) égale à la premiere, il ira de D en G, & ainsi de suite de G en K, &c. dans chaque seconde de tems, c'est-à-dire, avec une vîtesse triple, après trois impulsions égales, précisément autant qu'il auroit fait s'il n'avoit reçu qu'une impulsion au commencement, mais trois fois plus grande qu'on ne l'a supposée.

12. Si pendant que le corps par la force imprimée, parcourt (par la premiere Loi) uniformément les espaces AB, BC, &c. une force égale à la force imprimée agit sur lui dans la direction LA, (c'est à-dre, dans une direction contraire) le corps perdra Tome I.

LECON V.

tout son mouvement. Mais si cette derniere force n'agit sur sui qu'après qu'il a reçu diverses impulsions selon la premiere direction, elle ne détruira qu'autant de mouvement que sa propre quantité de force est capable d'en produire : par exemple, si le corps après trois impulsions parcourt les espaces DG, GK, &c. c'est-à-dire, 3 perches dans une seconde, & qu'alors il reçoive une quatriéme impulsion, mais dans un direction contraire, il ne perdra qu'autant de mouvement qu'il en faut pour ne plus parcourir que deux perches par seconde, & pour continuer d'aller en avant uniformément avec cette vîtesse, tout comme s'il n'avoir reçu que deux impulsions. De plus, si pendant qu'il s'avance de trois perches par seconde, il reçoit deux impulsions toute à la fois égales à la premiere, mais dans des directions contraires, l'une dans la premiere direction & l'autre dans la direction opposée, ces forces se détruiront mutuellement, & le corps ira uniformément avec la même vîtesse qu'il avoit avant ces impulsions, c'est-à-dire, à raison de 3 perches par seconde.

N.B. On ne fait ici aucune attention à l'électricité que le corps peut avoir.

13. SUPPOSONS maintenant que le corps se meuve uniformément à raison d'une perche par seconde, ou en décrivant les espaces AB, BC, &c. Supposons encore qu'étant en E, une nouvelle force égale à la premiere (ou à celle que le corps a alors) agisse sur lui dans la direction Ee, ou à angles droits avec sa direction presente AL; le corps changera de direction, &c décrira (comme on l'a fait voir) la diagonale Ef du parallélograme achevé E ef F (Leçon 3. n° 85. Leçon 5. n° 3.) Si la nouvelle sorce avoit été double, le corps auroit décrit la diagonale Ef du parellélograme E ef F. Mais si elle n'avoit été que la moitié de la premiere sorce imprimée, le corps n'auroit parcourue que la diagonale E q du parallélograme E e F.

COROLLAIRE I.

DELA il suit que quelle que soit la quantité de la nouvelle force, si elle agit à angles droits, la vîtesse sera plus grande que si le corps avoit continué dans sa premiere direction rectiligne; parce que (comme on l'a fait voir Leçon 3. n°. 85.) le corps

par l'action des deux forces décrira la diagonale dans le même LEÇON V. tems qu'il auroit décrit l'un des côtés du parallélograme par la la seule action de l'une des forces; & dans les parallélogrames Eφ, Ef, EF, les diagonales sont plus longues que les côtés, étant opposés à l'angle droit (cest-à-dire, au plus grand angle) des triangles rectangles EF , EFf, & EFf, (par la 19 du L. I. Eucl.)

N. B. Lorsque nous employons ces mots Force imprimée on Force naturelle, nous entendons la force que le corps a, lorsqu'il est en mouvement, sans considérer ce qui lui a donné le mouvement; c'est àdire, que nous entendons la même chose que Newton appelle vis infita.

COROLLAIRE

DELA il suit que si la nouvelle force agit à angles aigus, son effet sera d'autant plus considérable que l'angle sera plus aigu; mais elle n'augmentera jamais la vîtesse du corps, autant que si elle agissoit sans angle ou dans la même direction. Par exemple supposant que la nouvelle force est égale à la force imprimée, & que sa direction est dans la ligne Fg, GFg sera l'angle aigu formé par les deux directions. Maintenant il est évident que plus l'angle GF g est petit, plus aussi l'angle FG g sera grand, & par conféquent la diagonale F g (qui exprime la vîtesse du corps) laquelle est opposée à cet angle; mais tant qu'il y a un angle aigu en F, il y a aussi un angle obtus en G, & GFg sera un triangle dont un côté F g sera toujours moindre que les deux autres côtés Fg & Gg (par la 20. du 1. Euc.) qui sont égaux aux deux FG & GH, par où va le corps, lorsque les deux forces agissent dans la même direction en même-tems.

COROLLAIRE III.

IL suit aussi que la nouvelle force peut agir sur le corps dans une telle direction qu'il n'en sera point acceleré par ce moyen, & que même il en sera quelquesois retardé. Car si la nouvelle force ne conspire point avec la force imprimée, en agissant à angles aigus avec sa direction, & si elle n'agit pas avec elle à angles droits, le corps peut conserver sa vîtesse, quoique dans une direction nouvelle, & même il peut aller plus lentement

LECON V. lorique la nouvelle force agit à angle obtus. Supposons, par exemple, que la nouvelle force égale à la force imprimée, agisse lorsque le corps est en mouvement en K, dans la direction Kk, en sorte que l'angle obtus LK k soit de 120 degrés; alors la diagonale K J du parallélograme K k l L sera égale au côté K L, parce que KL 1 & K kl sont deux triangles équilateraux, & par conséquent le corps aura la même vîtesse qu'auparavant. Mais si (tout le reste subsissant comme nous l'avons supposé) la nouvelle force est moindre que la force imprimée; si elle n'en est, par exemple, que la moitié, la vîtesse du corps sera diminuée; car alors K k representant la nouvelle force, K l sera la diagonale du parallélograme (qui est à present KL/k;) & Kl tombant de K, qui est un angle d'un triangle équilatéral sur le milieu de fon côté opposé, sera plus court qu'aucun des côtés; donc, &c. Si la nouvelle force étoit plus ou moins grande que la moitié dans une proportion quelconque, la vîtesse du corps en seroir à la verité diminuée, mais non pas autant; car alors le point P tomberoit entre Ll ou entre Ll, & dans chacun de ces cas la diagonale seroit plus longue que K l, parce que K l est perpendiculaire à L l, & que cette diagonale lui seroit oblique, & par conséquent plus longue, quoique toujours plus courte que le

> Si la nouvelle force avoir été plus grande que la force imprimée, par exemple double, le corps (en supposant l'angle d'application le même) auroit augmenté sa vîtesse par l'action de cette force; car la nouvelle force étant représentée par K 1, la diagonale ou vîtesse auroit été K 2, plus longue que K L. Mais à present si la direction de cette grande force (en la supposant maintenant diminuée dans la proportion de L 2 à LK) étoit glus opposée à la direction de la force imprimée; c'est-à-dire, si l'angle LK 1 étoit augmenté, par exemple de 30 degrés de plus, en forte qu'il devînt L K 3, alors le corps ne changeroit pas de vîtesse avec sa nouvelle direction, parce qu'il suivroit la diagonale Kk qui est égale à KL, & même si l'angle d'application étoit plus grand que LK3, ou de plus de 150 degrés, la vîtesse du corps seroit diminuée, la nouvelle diagonale devenant plus courte que K k. Si la nouvelle force n'étoit égale qu'à la force imprimée. & que sa direction fût K 4, c'est-à-dire, si l'angle d'application étoit de 150 degrés, la vîtesse du corps seroit diminuée de presque la moitié, la diagonale K 5 n'étant alors qu'un peu plus

côté KL.

EXPE'RIMENTALE.

de la moitié de K / (= KL), parce qu'elle est opposée à l'angle Leçon V.

KL, qui n'est que la moitié de l'angle KL/.

N. B. Connoissant l'angle d'application & la moitié de la nouvelle force, on peut toujours connoître ce que deviendra la vîtesse du corps après l'action de la nouvelle force; parce qu'on connoît toujours la diagonale qui la détermine; étant un côté d'un triangle, dont les deux autres côtés, qui représentent les deux forces, sont donnés avec l'angle qu'elles font ensemble, & par conséquent on aura le 3° côté (par la 15 & 17 du L. 1. Eucl.) qui est cette diagonale. L'angle connu contient toujours le nombre de degrés qui manquent à l'angle d'application pour aller à 180. Ainsi dans le triangle K&L, ou KL&L&(=K3) représentent les forces (à cause des paralléles K3 & Lk) l'angle KLk est égal à JK3 qui est le supplément de LK3 à 180 degrés; & par conséquent la diagonale Kk opposée à cet angle est connue.

14. On a observé que lorsqu'un corps tombe, il décrit dans une seconde un espace égal à'16 1 pieds d'Angleterre ou une perche, comme nous l'avons déja dit. * Donc la force imprimée par la pesanteur au commencement de sa chûte (en ne considérant la pesanteur que comme un coup) est capable de faire descendre le corps à raison d'une perche par seconde; (par la 1 ere Loi) si elle n'agissoit sur lui que durant la premiere seconde; c'est-à-dire, si le corps cessoit d'être pesant pour toujours, par exemple, si le corps A (Planche 25. Figure 8.) décrit en tombant l'espace A B pendant la premiere seconde de sa chûte, & qu'il cesse alors d'être pesant, il décrira des espaces égaux à AB durant toutes les secondes suivantes; c'est-à-dire, les espaces Bc, cD, De, ef, fG, Gh, hi, ik, kL, &c. Mais comme le corps ne cesse pas d'être pesant, on doit considérer l'action de la pesanteur, comme une impulsion donnée par une nouvelle force égale à la premiere, agissant en bas lorsque le corps est arrivée en B au commencement du second tems, & le corps pendant cette seconde décrira l'espace BD, double de l'espace AB, ou égal aux deux espaces Bc & cD. Ensuite si le corps cessoit d'être pesant, il décriroit uniformément

Planche 25. Figure 8.

*Les corps dans la réalité ne tombent que de 16 pieds & un dixième dans une seconde; mais nous prenons cet espace pour 16 pieds & demi, parce qu'une perche (qui est une

mesure de 16 pieds & demi) nous donne una nombre qui évite les fractions dans les exempples de calcul que nous donnerons.

I EÇON V. les espaces doubles D f, fh, &c. chaque seconde; mais la pesanteur agissant aussi sur lui au commencement de la 3º seconde, lorsqu'il est en D, lui ajoute une force capable de lui saire parcourir dans une seconde un espace égal au premier A B: par conséquent il décrira 3 espaces ou perches (ou l'espace D G égal à 3 perches) dans la 3º seconde. Au commencement de la quatrième seconde, la pesanteur agissant par une quatrième impulsion, ajoute une nouvelle sorce égale à la premiere; ce qui fait qu'il doit parcourir la longueur G L, ou quatre perches ou espaces dans la quatrième seconde, & ainsi de suite, (nº. 11.) & ce sera là un mouvement uniformément acceleré.

Ce mouvement d'un corps ainsi acceleré dans sa chûte seroit le mouvement réel des corps qui tombent, si la pesanteur n'agissoir que par intervalles, comme nous l'avons supposé, pour aider à l'imagination: mais comme elle ne cesse pas d'agir, nous devons remplir les intervalles entre le commencement & la fin de chaque

seconde ou petite partie du tems.

Planche 25.

Ainsi en considérant que le corps décrit l'espace A B (Planche 25. Figure 9.) dans la premiere seconde, nous ne devons pas seulement considérer la pefanteur comme un nouvelle force capable de faire parcourir au corps une perche de plus au commencement de chaque seconde; mais aussi durant tout le tems de chaque seconde. Par exemple, en B au commencement de la seconde seconde, le corps ne reçoit pas seulement une impulsion additionnelle pour le porter en d au lieu de c, mais encore durant le tems de la seconde seconde, il reçoit une autre impulsion qui le porte en E au lieu de d; en sorte que le corps décrit 3 perches durant la seconde seconde. De même au commencement de la troisième seconde lorsque le corps est en E, il recoit encore de la gravité une impulsion au commencement de cette seconde, & une autre pendant le tems de la seconde; en sorte qu'il décrira cinq espaces Ef, fg, gh, hi & i K durant le tems de cette troisième seconde. Ainsi dans le tems de la quatriéme seconde, le corps (par la même raison) décrira sept espaces ou perches de K en R, & ainsi de suite; le nombre des espaces parcourus augmentant de deux à chaque seconde; c'està-dire, selon la suite des nombres impairs 1, 3, 5, 7, 9, &c.

Comme la plûpart de mes Auditeurs, quoique fort curieux, ne sont pas exercés dans l'Etude des Mathématiques, j'ai toujours trouvé qu'il étoit très-difficile de leur faire comprendre l'effet

de la pesanteur dans l'acceleration des corps qui tombent, par LECON V. la figure des triangles de Galilée, sans les avoir préparés auparavant par les réfléxions que je viens de faire dans ce 14e paragraphe; mais comme cette explication n'est pas exactement vraie, j'espere que celle qui suit contentera tout le monde.

Les actions ou accelerations de toute force centripete sur un corps, sont (à mêmes distances ou à distances égales du corps central) toujours proportionnelles aux tems; c'est-à-dire, égales en tems égaux; & telles sont celles de la pesanteur (sensiblement) auprès de la surface

de la terre.

Supposons qu'un corps tombe librement dans le vuide, & qu'il reçoive les impressions ou impulsions de la pesanteur pendant un certain tems, par exemple pendant toute une seconde; si ce rems est divisé en un grand nombre de petites parties ou intervalles (que j'appelle momens ou instans) la vîtesse du corps qui tombe augmentera uniformément ou également dans chaque instant; lesquels étant tous supposés égaux, les espaces décrits dans ces instans par la chûte du corps, seront comme les vîtesses, c'est-à-dire, comme les termes d'une progression arithmétique, telle que la suivante.

Momens ou instans. Vitesses ou espaces. Dont le premier terme est . la vîtesse du corps qui I er I premier inflant par la fomme des impulsions de la 4° 4 pesanteurdurant cet instant.) 5e. 5, &c.

Le dernier terme sera la vîtesse du corps qui tombe à la sin du dernier instant de la chûte. Et de la même manière le terme du milieu de la progression exprimera la vîtesse acquise à la finde la moitié du tems de la chûte, par les sommes des impulsions de la pesanteur durant la moitié du tems de cette chûte. Et puisque les espaces décrits dans le même tems sont commeles vitesses, la somme des termes de la progression exprimera tout l'espace décrit pendant tout le tems de la chûte. Mais par la théorie des progressions, tout le monde sçait que le terme moyen multiplié par le nombre des termes, donne un produit égal à la somme de la progression; c'est-à-dire, dans le cas present que la vîtesse moyenne (qui est celle que le corps a acquis à la fin de la moitié du tems de sa chûte) étant multipliée par le tems. pentier de la chûte, donnera un espace égal aux espaces parcourus

36.4 LEÇON V. par le corps pendant tout ce tems par un mouvement uniformément acceleré.

> C'est-à-dire, en d'autres termes, que si le corps s'étoit mû uniformement durant tout le tems de sa chûte avec la vîtesse moyenne qu'il a, lorsqu'il est tomb é pendant la moité de ce tems, il auroit décrit un espace égal à celui qu'il décrit pendant tout le tems, depuis qu'il est sorti de son repos, & qu'il a acceleré sa vîtesse pendant tout ce tems.

> Maintenant puisque nous avons déja dit que les vîtesses ou accelerations de la chûte d'un corps sont toujours proportionnelles aux tems, la derniere vîtesse à la fin de la chûte sera double de la vîtesse moyenne, acquise à la fin de la moitié du tems de la chûte; & par conséquent si cette derniere ou plus grande vîtesse, est multipliée par tout le tems de la chûte, le produit sera l'espace que le corps auroit décrit avec cette derniere vîtesse dans le même tems, & par un mouvement uniforme, lequel est double de l'espace décrit dans le même tems avec la vîtesse moyenne, ou ce qui est le même, lequel est égal à l'espace décrit dans le même tems par un mouvement acceleré.

> Il est donc évident qu'après qu'un corps est tombé librement pendant un certain tems, il a acquis par les accelerations égales & unisormes de la pesanteur, une vîtesse telle qu'elle lui auroit fait décrire (dans un tems égal à celui de sa chûte) un espace double de celui qu'il a parcouru dans le même tems par un

mouvement uniformément acceleré.

Par où l'on voit clairement de quelle manière le mouvement des corps qui tombent est acceleré, & que les espaces qu'ils décrivent dans chacun des tems égaux, sont comme les nombres impairs 1, 3, 5, 7, &c. & les espaces entiers comme les quarrés des tems. Car supposons qu'un corps dans le vuide tombe par la pesanteur pendant le tems de quatre secondes; si l'on trouve qu'à la fin de la premiere seconde, il a décrit un espace égal à une perche, & que la pesanteur n'agisse plus sur lui, il a déja acquis par des accelerations uniformes une vîtesse à la fin de la premiere seconde, capable de lui faire décrire un espace égal à deux perches d'un mouvement uniforme pendant la seconde suivante. Mais si la pesanteur continue d'agir sur lui durant la seconde seconde, la fomme de ses actions ou impulsions sera (auprès de la surface de la terre où la distance au centre n'est pas sensiblement alterée) égale à celle des impulsions dans la premiere seconde, & par conséquent

conséquent le corps décrira trois perches dans la seconde sui- Leçon V. vante. Mais pour trouver la vîtesse du corps à la fin de la seconde seconde, nous devons considérer que puisque par la pesanteur il a acquis une vîtesse uniforme de deux perches par seconde, il aura par les actions ou impulsions reçues pendant une seconde, une vîtesse double, c'est-à-dire, de quatre perches par seconde, après sa chûte & après qu'il aura été poussé par la pesanteur pendant deux secondes de tems; en sorte que dans la troisiéme seconde (au lieu de quatre perches qu'il auroit décrit, si la pesanteur avoit cessé d'agir) il en décrira cinq, parce que durant cette troisiéme seconde, les impulsions de la pesanteur sont encore supposées égales à celles que le corps a reçu dans la premiere. De la même maniére & pour la même raison si la pesanteur cessoit d'agir, après avoir agi pendant trois secondes, le corps auroit une vîtesse qui lui feroit décrire six perches dans une seconde (triple de deux perches par seconde, qui est la vîtesse que la pesanteur donne par les impulsions dans une seconde;) mais la pesanteur agissant comme auparavant pendant la quatriéme seconde, le corps par l'addition où sommes de toutes ces impulsions réunies décrira sept perches; en sorte que les tems & les espaces seront comme on va voir.

Nombre de chaque seconde particuliere.

$1 = 1^{\text{ere}}, \dots, 1$	7 Perches on elvaces
$\mathbf{I} = 2^{\mathrm{e}} \dots 3$	Perches ou espaces parcourus dans
· _) · · · · · ·)	chaque leconde.
$1 = 4^{e} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot 7$	

4 fecondes 16 perches.

On voit évidemment par cette progression que les espaces entiers depuis le commencement de la chûte, sont comme les quarrés des tems employés à les parcourir pendant la chûte des corps; car dans une seconde les espaces parcourus sont i perche; dans deux secondes, 1 + 3 = 4 perches (2×2) ; dans trois secondes, 1 + 3 + 5 = 9 perches (3×3) ; & dans quatre secondes, 1+3+5+7=16 perches (4×4) . Il est donc vrai que les espaces parcourus par les corps qui tombent sont en raison doublée des tems ou des vîtesses; & au contraire que les tems ou de la chûte ou les vîtesses acquises à la fin de ces tems, sont en propor-

Tome I.

LEÇON V. tion sous doublée des espaces, ou comme les racines quarrées

de ces espaces.

C'est ainsi que les corps tombent réellement par un mouvement acceleré par la force de la pesanteur, si l'on fait abstraction de la resissance de l'air que nous considérerons dans la suite.

N. B. Tous les corps tombent également vîte dans les endroits où il n'y a point d'air, comme on l'a prouvé par l'expérience d'une piece d'or & d'une plume qui tombent dans le même tems de la même hauteur dans un recipient deut en a pompé l'air.

* Legon 1. dans un recipient dont on a pompé l'air. *

15. CF que nous avons fait voir (pied à pied) de l'effet de la pesanteur sur les corps qui tombent, peut se démontrer autrement d'après Galilée en cette manière : comme les corps (faisant abstraction de la resistance de l'air, ainsi que nous l'avons dit) augmentent leur vîtesse en tombant selon le tems pendant lequel ils tombent, Galilée représente les tems & les vitesses par des lignes égales qu'il joint à angles droits; & ensuite joignant leurs autres bouts par une troisiéme ligne droite, il forme un triangle rectangle, dont cette derniere ligne est l'hipothenuse, pour représenter l'espace parcouru par la chûte dans un certain tems. A B, par exemple, (Planche 25. Figure 10.) represente le tems; BV représente la vîtesse, & le triangle ABV l'espace parcouru durant ce tems-là, par exemple d'une perche, si ce tems est d'une seconde. Maintenant si le tems est double AC le repréfente & alors la vîtesse étant aussi double, la ligne CV la repréfente encore; menez V A & le grand triangle A V C represente l'espace parcouru dans la chûte pendant ce tems-là; lequel plus grand espace étant divisé en triangles égaux au premier ABV, on verra qu'il en contient quatre. Donc puisqu'un corps tombant pendant une seconde de tems parcourt l'espace d'une perche, le même corps tombant pendant deux secondes décrira l'espace de quatre perches. Si le tems avoit été AD (= trois fecondes) la vîtesse auroit été Dv = AD, & l'espece AvD = 9 perches, ou 9 fois le premier espace. De même, si le tems étoit A E = quatre secondes, la vîtesse seroit Eu quadruple de BV, & tout l'espace Au E qui contient seize fois le premier AVB.

Flancher 25.

COROLLAIRE I.

Leçon V.

DELA il suit que si l'on multiplie les tems par les vîtesses, ou si l'on quarre les tems & les vîtesses, on aura le nombre des espaces (égaux au premier) que le corps a parcouru durant toute sa chûte: comme ici les tems étant 4 & les vîtesses 4, les espaces parcourus sont 16.

COROLLAIRE II.

DELA il suit aussi que si l'on marque les tems (ou le nombre des secondes) comme le designent dans la figure les nombres 1, 2, 3, 4; on aura vis-à-vis de chacun des nombres particuliers, autant de petits triangles que le corps aura parcouru d'espaces, pendant la partie du tems exprimée par ce nombre. Par exemple, il y a à main droite un triangle vis-à-vis le nombre 1, trois vis-àvis 2, cinq à côté de 3, & sept à côté de 4, & pour connoître combien de perches un corps parcourt dans sa chûte pendant une seconde déterminée ou une partie du tems, par exemple, dans la dixiéme seconde, sans tracer la figure, il faut chercher combien de perches sont parcourues par le corps dans tout ce tems, comme ici en dix secondes; ensuite combien il en a parcouru dans neuf secondes, & ôter le dernier nombre du premier, 10 x 10 = 100, nombre des espaces en dix secondes; $9 \times 9 = 81$, nombre des espaces en secondes; ôtant de 81 de 100, il reste 19 espaces ou perches parcourues dans la dixiéme seconde.

COROLLAIRE III.

C'est aussi une conséquence de ce que nous avons dit que lorsqu'un corps a parcouru dans sa chûte un certain espace par un mouvement uniformément acceleré, il a acquis une vîtesse qui le rend capable de parcourir un espace double dans le même tems, si la pesanteur cessoit d'agir, ou si son esse étoit détruit de quelque manière que ce sut, ou si la direction du corps se changeoit de verticale en horizontale. Par exemple, lorsque le corps dans le tems AB décrivant par sa chûte un espace représenté par le triangle AVB a acquis la vîtesse BV, si la pesanteur cesse d'agir, il ne reçoit point d'augmentation à la vîtesse; quoiqu'il continue de tomber peu dans le tems Xx ij

LECON V.

COURS DE PHYSIQUE

Be = AC; en sorte qu'on peut représenter tout le tems par toute la ligne AC; cependant la vîtesse ne sera plus représentée par ligne égale CV, mais par la ligne Ck égale à BV vîtesse que le corps avoit lorsqu'il a cessé d'accelerer son mouvement; pour connoître donc combien le corps a parcouru d'espaces dans le tems BC = AC par un mouvement unisorme, il faut multiplier BC par Ck = BV vîtesse invariable du corps, & nous aurons le rectangle BVCk, contenant deux triangles égaux chacun à AVB, c'est-à-dire, que le corps décrira deux espaces en se mouvant d'un mouvement uniforme dans le tems BC égal à AB, pendant lequel le corps n'a décrit qu'un espace par le mouvement acceleré. De même si le corps ayant parcouru par sa chûte quatre espaces pendant le tems AC, & ayant acquis à la fin de ce tems la vîtesse CV; cette vîtesse n'est plus augmentée & si le corps continue de descendre pendant le tems CE égal à AC, il décrira 8 espaces au lieu de 12 qu'il auroit décrit par sa chûte, si sa vîtesse avoit continué d'augmenter; en sorte qu'elle seroit devenue Eu à la fin du tems CE; mais comme elle n'est alors que Ee, égale à sa vîtesse CV au commencement du tems CE, nous devons multiplier le tems CE par V C ou Ee vitesse uniforme, & nous n'aurons que le rectangle VCE e qui contient 8 espaces, au lieu du trapeze CV u E qui en contient 12. Cela devient sensible lorsqu'on change la direction du mouvement d'un corps de verticale en horizontale; car la pesanteur n'agissant que perpendiculairement ne peut ni accelerer ni retarder le corps dans son mouvement horizontal.

N. B. Nous apprendrons dans la suite de quelle manière cela peut fe faire.

COROLLAIRE IV.

On peut aussi conclure de ce qui a été dit, que la pesanteur n'agit pas par intervalles (quoique nous l'ayons expliquée d'abord dans cette supposition, pour la faire mieux comprendre;) car si cela étoit, après chaque impulsion le corps auroit une vîtesse uniforme, quoique plus grande qu'auparavant, & après avoir parcouru un certain espace, il n'auroit pas une vîtesse capable de lui faire parcourir un espace double dans le même tems, lorsque la vîtesse cesseroit d'agir, mais seulement un espace égal au premier.

Par exemple, selon la méthode de Galilée, le triangle A B (Planche 25. Figure 11.) représente l'espace parcouru par la chûte dans une partie du tems, comme dans une seconde, dans le tems A B avec une vîtesse naissante (ou qui ne fait que de commencer) en A commencement de la seconde; au lieu que si un corps décrivoit en tombant une perche par une impulsion ou par un coup, sa vîtesse seroit au commencement égale à AD, & elle continueroit de même pendant tout le tems; en sorte qu'à la sin de la seconde, elle ne seroit que BV égale à AD, & la moitié de BC, & par ce moyen sans une nouvelle impulsion, elle ne porteroit point le corps en bas une perche de plus dans une autre seconde; car alors le tems étant multiplié par la vîtesse ne produiroit que le rectangle ADVB égal au triangle ACB, parce qu'il est de la même hauteur, & qu'il a la moitié de sa base. (par la 41. Luclide.)

16. SI la direction de la chûte d'un corps est tellement changée qu'il soit porté directement en haut, en commençant ce mouvement avec toute la vîtesse qu'il a à la fin de sa chûte, il montera (par un mouvement uniformément retardé) exactement à une hauteur égale à celle d'où il est tombé, & l'on verra dans la figure les espaces qu'il décrira dans chaque partie du tems visà-vis les nombres qui représentent ces parties du tems. Si par exemple le corps est tombé dans quatre secondes, il aura parcouru 16 perches dans sa chûte, & il aura acquis la vîtesse E u (Planche 25. Figure 10.) capable de lui faire parcourir 32 perches dans le même tems par un mouvement uniforme; mais comme la pesanteur agit contre lui lorsqu'il monte, elle détruit tout son mouvement dans le tems qu'il s'éleve seulement de 16 perches : car c'est la même chose de faire mouvoir un corps en bas depuis le repos jusqu'à 16 perches pendant un certain tems, que de détruire la moitié de la force qui étoit capable de porter un corps en haut à 32 perches dans le même tems. La même chose se démontrera aussi en considérant tout le tems, comme divisé en petites parties, & observant la diminution uniforme du mouvement du corps. Par exemple, si le corps est poussé en haut, & que l'on considére les espaces qu'il parcourt dans chaque seconde; la vîtesse donnée au corps jetté en haut, étant celle avec laquelle dans le tems ED, (qui sera maintenant la premiere seconde du tems) il parcourt sept perches, dans la seconde suivante il n'en décrira

LEÇON V.

Planche
Figure 17

Planche 25. Figure 10.

que 5; parce que la pesanteur lui donne une impulsion en bas au commencement, & pendant la seconde seconde, capable de lui faire décrire en descendant deux espaces ou deux perches, ce qui (en d'autres termes) se réduit à détruire deux des 7 espaces, que le corps auroit parcouru dans ce tems-là. De même au lieu de parcourir 5 espaces dans la 3 seconde, la pesanteur en détruisant deux, le corps n'en décrira que 3; & dans la 4 seconde, (qui est la derniere de son élevation) au lieu de parcourir 3 espaces, il n'en décrira qu'un pour la même raison, & alors le corps sera en repos pendant un moment indivisible de tems. Depuis le point de repos le corps recommence à descendre par un mouvement acceleré dont on a déja parlé, & il viendra précisément dans le même espace de tems au point d'où il étoit monté.

SCHOLIE.

Planche 24. Figure 12.

LECON V.

SI un corps au lieu de monter dans la ligne AB s'éleve à la même hauteur dans les lignes droites inclinées A C ou A E, ou dans les courbes A a C ou A e E, il viendra en bas dans le même tems dans les lignes droites CD ou EF, ou dans les courbes C c D ou E f F. Car nous avons déja fait voir que lorsqu'un corps est poussé par une force qui le porte dans la ligne AB dans un certain tems; si une autre force Ag agit sur lui, le corps décrira la diagonale AC du parallélograme ABCg dans le même tems; & nous avons aussi fait voir qu'il décriroit la courbe A c C dans le même tems de A en C. Maintenant puisque la force de la pesanteur dans la direction BA, qui détruit le mouvement du corps qui s'éleve, est égale à la force de la pesanteur qui agit dans la direction Cg, pour faire tomber le corps de son point de repos C, les forces CE & Cg seront égales à Ag & AB, & par conséquent la diagonale rectiligne CD ou curviligne C c D, sera parcourue dans le même tems que les lignes A C & A a C. On doit dire la même chose des lignes A E & A c E comparées avec EF & Eff.

N. B. Lorsque nous poussons un corps directement en haut, & qu'il retombe au même point de la terre d'où il étoit parti; il décrit réellement deux lignes telles que AC & CD de A en B par le mouvement que la terre lui donne de l'Est à l'Ouest; mais si nous le poussons obliquement en haut, il décrit les deux courbes AC, CD,



ou la parabole ACD, ou tout autre parabole, telle que AEF, selon l'angle de direction qu'il prend.

LEÇON V.

COROLLAIRE I.

Del a il suit qu'on peut dans chaque tems connoître à quelle hauteur un projectile, comme une bombe ou un boulet de canon, &c. (foit qu'il soit poussé directement ou obliquement) s'est élevé. Car si l'on prend le tems entre le moment où l'on met le seu au mortier, & celui où la bombe tombe, la moitié de tems sera celui de la chûte de la bombe. Quarrés le nombre des secondes contenues dans ce tems, & vous aurez les perches ou espaces parcourus dans la hauteur perpendiculaire. Par exemple, s'il s'est écoulé 20 secondes depuis qu'on a mis le seu au mortier jusqu'à la chûte de la bombe, la moitié de ce tems sera 10, le quarré de 10 est 100, & ces 100 perches multipliées par 16 & demi, donneront la plus grande hauteur de la bombe en pieds, c'est-à-dire 1650 pieds.

N. B. Nous faisons toujours abstraction de la résistance de l'air, que nous considérerons dans la suite en faisant qu'on y ayeégard, comme on le doit, & nous prenons aussi 16 ½ pieds pour 16, par la raison donnée ci-devant.

COROLLAIRE II.

DELA il suit aussi que connoissant le poids d'un corps & la hauteur d'où il tombe, on peut connoître le coup qu'il donnera; c'est-à-dire, le moment qu'il aura à la sin de sa chûte; car la racine quarrée des espaces donnera toujours la vîtesse, laquelle étant multipliée par la masse ou poids du corps, nous donne son

momentum. (Lecon 2. N. 3.)

Quelques-uns se sont imaginés que le corps qui tombe à un moment, & frappe un coup proportionnel à la hauteur d'où il tombe; par exemple, qu'une livre tombant de 4 pieds de hauteur à quatre sois plus de moment qu'elle n'auroit en ne tombant que d'un pied de hauteur. Mais leur erreur consiste à ne pas faire attention au tems; car un corps employe le double du tems à tomber de 4 pieds qu'il employeroit à tomber de deux pieds, en sorte que sa vîtesse n'est que double dans le premier cas. Il est vrai que si un corps pouvoit décrire 4 espaces en tombant, ou parcourir

Leçon V.

dans une direction quelconque 4 espaces, pendant qu'un autre corps d'une masse égale n'en parcourt qu'un seul; il auroit alors quatre sois autant de moment, & par conséquent son effet seroit quadruple. D'autres conviennent que la vîtesse est comme la racine quarrée des espaces; mais ils prétendent que le momentum n'est pas comme le produit de la masse par la vîtesse du corps qui se meut, mais comme la masse multipliée par le quarré de la vîtesse; ils tâchent d'appuyer cette opinion par plusieurs expériences & par divers raifonnemens, dont j'examinerai quelquesuns dans les notes. * Je dirai seulement ici, que quoique je ne pense pas que les expériences des corps durs qui tombent sur des substances molles (que nous décrirons plus au long dans la suite) soient concluantes à l'égard des momens de ces corps; cependant elles prouvent fort bien, que les substances qui cedent ou les corps mous sans ressort, plient sous le coup du même corps qui les frappe, à proportion du quarré de sa vîtesse, & de-là on peut tirer des conséquences très-utiles que l'on peut appliquer à la pratique des méchaniques.

En expliquant l'action de la pesanteur sur les corps qui tombent, nous l'avons considérée comme agissant toujours sur les projectiles avec la même sorce, quoiqu'elle soit certainement plus soible dans son esset lorsque le corps sur lequel elle agit est plus élevé au-dessus de la terre, comme nous l'avons fait voir dans la 11° note sur la Leçon 1. car la pesanteur, (c'est-à-dire, sa sorce acceleratice) décroît comme les quarrés des distances au centre de la terre croissent. Mais comme la plus grande hauteur à laquelle nous pouvons (même avec la poudre à canon) pousser les corps n'a point de proportion avec la distance au centre de la terre, (en étant à peine une 2000° partie) nous ne pouvons avoir aucun égard à ce décroissement de la force de la pesanteur, sans en

prendre trop, puisque la différence est insensible.

17. Si la force de la pesanteur étoit plus grande ou plus petite qu'elle ne l'est ici, les corps en seroient accelerés dans leur chûte de la même manière que nous l'avons expliqué; la seule dissérence seroit que les espaces, que le corps décrit en tombant dans le même tems, seroient plus grands ou plus petits à proportion. Si la force de la pesanteur étoit 4 sois plus grande, un corps tomberoit de 4 perches dans la premiere seconde de la chûte;

* Note 2

chîte; & si la force de la pesanteur étoit quatre sois plus petite, Leçon V. (comme elle le feroit si le corps étoit porté à la hauteur de 4000 milles, ou plus éloigné du centre de la terre, que nous ne le sommes, de la distance d'un demi diametre de la terre,) ce corps ne tomberoit que d'un quart d'une perche dans la premiere seconde de sa chûte, (Leçon 1. Note 11.) Et si nous trouvons par observation, que dans une partie de la surface de la terre un corps en tombant ne décrit pas un espace aussi grand qu'une perche dans une seconde; nous pouvons être sûrs que la force de la pesanteur est moindre dans cet endroit là, que dans le pays où nous sommes, & où les corps parcourent en tombant une perche dans une seconde. Or cette observation a été saite sort près de l'équateur, ou par les expériences que l'on a faites sur les pendules, on voit que les corps ne parcourent pas en tombant, une perche dans une seconde; & delà il suit que la force de la pesanteur y est moindre que dans des latitudes plus grandes ; ce qui arrive à cause que la surface de la terre est plus élevée, (c'est-àdire, plus éloignée du centre dans ces endroits-là, qu'elle ne l'est aux poles,) d'environ 31 milles; & en partie, parce que l'augmentation de la force centrifuge détruit plus de l'action de la pesanteur auprès de l'équateur, que vers les poles. Mais je traiterai plus à fonds cette matiere dans un autre endroit. En attendant je renvois les Curieux aux Principes de Newton, Livre 3. Prop. 20. & aux Transactions Philosophyques, No. 386, 387 & 388.

18. Lorsqu'un corps descend sur un plan incliné, il ne peut pas descendre avec toute sa pesanteur, parce que le plan en soutient une partie, & cela à proportion de la longueur du plan à sa hauteur, (ou du rayon au sinus de l'angle d'inclinaison) comme on l'a fait voir dans la septiéme Note sur la troisséme Leçon. Mais alors la partie du poids qui n'est pas soutenu par le plan, oula pesanteur relative, étant toujours de la même quantité, parce que chaque partie du plan a la même inclinaison, elle sera cause que le corps qui roule en bas accelerera son mouvement de la même maniere qu'un corps qui tombe librement en bas, mais non pas aussi vîte; ou de la même maniere que les corps tomberoient librement, si la force de la pesanteur étoit d'autant plus petite.

Tome I.

354

LECON V.

CONS UCTION. TR

Sur une ligne droite horizontale comme CB, élevez une perpendiculaire en C, & faites A B hypothénuse du triangle A B C (qui doit représenter un plan incliné) égal en longueur à deux tois la hauteur ou perpendiculaire A C. Divisez A B en quatre parties égales, marquées par les points D, F, G, & de même A C en quatre parties égales marquées par les points E, H, J. Menez ED & CD.

Si A F, EH, HJ& JC, font les quatre espaces (ou verges) qu'un cerps en tombant parcourt dans deux secondes, A E sera Note 14: 15. un espace que ce corps parcourt dans une seconde. * Maintenant si la force de la pesanteur n'étoit que la moitié de ce qu'elle est , le corps au lieu de descendre de A en C dans deux secondes ; ne descendroit que de A en H. Soit posé ce corps sur le plan-AB, & alors il sera tellement soutenu par le plan, qu'il descendra vers B, avec seulement la moitié de son poids; c'est-à-dire, qu'il perdra la moitié de son poids, & qu'il n'ira pas plus vîte sur le plan, qu'il l'auroit fait dans la ligne AC, s'il étoit tombé librement, & que la force de la pesanteur n'eût été que la moitié de ce qu'elle est. Donc le corps roulant sur le plan incliné, ne descendra qu'en D, qui est un point de même niveau (ou aussi près du centre de la terre) que E, dans deux secondes. Au lieu que s'il n'avoit pas été soutenu par le plan, il auroit décrit quatre espaces, ou seroit tombé en C. Il a donc en D la même vîtesse qu'un corps qui tombe librement de A doit avoir en E; mais (dans ce cas) il reste deux sois aussi long-tems à acquerir cette vîtesse. Si le corps, lorsqu'il est venu en bas en D, continue de fe mouvoir le long du plan incliné, il décrira par les raisons déja alleguées les trois espaces suivant égaux DF, FG, GB dans les deux suivantes secondes de tems, précisément comme un corps qui tombe librement dans la ligne AC, le feroit, si la force de la pesanteur étoit réduite à la moitié, ou comme un corps le fera avec toute la force de la pesanteur dans la moitié du tems, & la vîtesse du corps qui roule, lorsqu'il est en B, sera aussi grande que celle du corps en C; mais il restera d'autant plus longtems à l'acquerir, que la ligne AB est plus longue que AC...

N. B. On trouvera une solution plus géométrique de ceci dans le Leçon V. 37°. Théorème du Docteur Jean Keill, dans son Introductio ad veram Physicam.

COROLLAIRE. I.

Dela il fuit que quelle que foit l'inclinaison du plan, le corps aura la même vîtesse lorsqu'il sera arrivé en bas, qu'il auroit eu s'il étoit tombé le long de la perpendiculaire; & si l'on prend deux points (comme E & D, H & F, J & G) dans la même ligne horizontale, l'un sur le plan incliné, & l'autre sur la perpendiculaire, le corps aura la même vîtesse dans tous les deux, quoiqu'elle soit acquise en disserents tems. Car si le plan est moins incliné, la pesanteur relative qui porte le corps en bas sera plus grande, & accelerera le corps d'autant plus vîte, que le plan est plus court; au lieu que si le plan est plus incliné ou plus long, l'accéleration en sera plus lente.

COROLLAIRE II.

Del a il suit aussi, que si l'on mene une perpendiculaire d'un point de la ligne où un corps tombe librement sur le plan incliné, elle marquera le point du plan incliné où un autre corps arriveroit dans le même tems, s'ils avoient tous deux commencé à tomber du même point : c'est-à-dire, où CD, qui part du bas de la verticale AC sur le plan en D, (auquel on a fait voir qu'un corps arriveroit sur le plan, dans le même tems qu'il seroit tombé librement en C) est perpendiculaire au plan AB. Car si la construction AB est double de AC, & AC de AD, & l'angle CAD commun aux triangles CAB & CAD. Ils sont donc semblables (par la 6. du 6. Eucl.) Donc CR est perpendiculaire à AD.

COROLLAIRE III.

IL est de même évident, que si un corps tombe dans un arc de cercle, il aura la même vîtesse en bas, que s'il étoit tombé dans la perpendiculaire, parce qu'on doit regarder un arc de cercle comme un nombre infini de plans différemment inclinés.

19. La théorie des pendules se tire naturellement de ce que Y y ij

LECON V. nous avons expliqué sur la chûte des corps; mais comme il y à certaines choses dans cette théorie qui exigent l'intelligence de la troisième Loy du Mouvement, nous en renvoyons l'explication après que cette Loy aura été expliquée. En attendant, je vais rendre compte des instruments méchaniques dont je n'ai pas parlé dans la seconde Leçon, (lorsque j'ai donné la description des machines simples, qu'on appelle communément, mais par erreur, Puissances Méchaniques): parcè que les principes développés dans cette Leçon ne suffisoient pas, sans la connoissance de la premiere & seconde Loy de Nature.

20. Les sept machines simples ou instruments méchaniques que j'ai expliqué dans ma seconde Leçon, ne sont que des instruments destinés à la même opération par dissérents moyens; sçavoir, pour faire agir les puissances, ou pour employer les forces de certains corps, ensorte qu'elles soient appliquées à mouvoir d'autres corps, ou à transmettre ou regler la puissance d'un corps à un autre. Les instruments que je vais décrire ont aussi la même destination, & l'on peur par conséquent les appeller instruments méchaniques : mais la différence dans leur action est celle-ci : dans les machines ou instruments déja décrits, on perd une grande partie de la force des hommes, ou des autres animaux, &c. (c'est-à-dire, de l'intensité de la puissance) par le frottement, en s'attachant aux parties de la machine, en faisant effort, & portant sur elles, & en leur cedant, & la force des hommes qui y est employée, n'agit que par dégrés, avec les pertes dont je viens de parler. Mais dans les machines que je vais décrire, la puissance est ramassée, & portée d'un corps à l'autre avec peu ou point de perte, par une accumulation qui continue dans la même ligne.

21. Si un homme qui pese 140 livres, presse un levier avec rout son poids, ou agit avec une sorce égale à son poids, sur un levier ou bras de balance divisé en deux parties égales par son centre de mouvement, il lui est impossible de surmonter une résistance plus grande que 140 livres, quand il agiroit sur ce bras un jour entier avec toute sa sorce, parce que la puissance ou sorce de cet homme est détruite aussi-tôt qu'elle a été employée; mais s'il peut communiquer sa sorce par dégrés à un corps qui la conserve toute entiere, & qui puisse dans un moment déployer

la fomme de toutes les impulsions que l'homme lui a donné en Leçon V. dissérents tems, alors toute la force du corps ainsi ramassée, & pour ainsi dire condensée, fera tout-à-la-fois ce qu'un

& pour ainsi dire condensée, sera tout-à-la-sois ce qu'un homme n'auroit jamais pu saire avec une machine ordinaire.

Tel étoit le belier des Anciens, composé d'une grande poutre (tel que nous l'avons décrit dans la troisséme Note sur la seconde Leçon,) & d'une tête de métal à l'un de ses bouts, l'aquelle étoit de cuivre ou de fer, on avoit trouvé différents moyens de le soutenir, & par la force réunie de plusieurs hommes, on le faisoit mouvoir avec la tête de métal en avant, jusqu'à ce qu'ayant reçû & conservé toutes les impressions excessives de la force des hommes, (qui étoit toute employée à mouvoir le belier en avant, parce que son poids étoit suspendu par des cordes ou chaînes à une distance au-dessus de celle qui lui étoit necessaire pour se mouvoir librement,) il acqueroit peu à peu un certain dégré de vîtesse; & avec ce dégré de vîtesse il rencontroit ou frapoit les murailles ou fortifications de Villes ou Châteaux, & par ce moyen il les brifoit ou les renversoit.* Cette machine est accelerée par la force des hommes dans une direction horizontale, de la même maniere que les corps qui tombent sont accelerés par la pesanteur dans une direction verticale. L'homme donc qui seroit incapable de surmonter une résistance plus grande que 140 livres. par les instruments méchaniques ordinaires, peut le faire avec un corps pesant qui est agité horizontalement, de maniere qu'il peut lui donner un mouvement acceleré, jusqu'à ce qu'il frappe l'obstacle; c'est-à-dire, qu'il peut le faire par le moyen d'un petit belier. Et s'il étoit question d'avoir une force imprimée vers le bas, il surmonteroit la résistance avec le mouton, qui est un corps pesant dont on se sert pour enfoncer les pilotis dans la terre, dans lequel appliquant successivement sa force contre la pesanteur, (c'est-à-dire, en élevant le corps à une certaine hauteur,) le mouton se met dans une situation à pouvoir recevoir de la pesan-

éloigne l'obstacle qui lui résistoit trop auparavant : dans ce cas il se retire après si loin, qu'il est en état d'accelerer son mouvement, autant que ses muscles peuveut agir en courant, & par ce moyen il donne un coupprodigieusement sort avec sa tête armée par cette sorce accumulée contre l'objet on l'animal qu'il attaque, ses cornes étant tellement sixées sur sa tête, qu'il ne ressent aucune douleur par la segousse.

^{*} Il n'y a point de doute que la premiere invention du belier ne fût copiée de la nature plû tôt que des raisonnements mathématiques, c'est-à dire, en observant ce que le belier saisoit par instinct. Si cet animal a poussé inutilement avec sa tête un obstacle par le moyen des muscles qui étendent ses jambes, ses pieds de derriere étant fortement fixés contre la terre, il fait une seconde tentative; & par un coup subit de sa tête, il-

LEÇON V. teur un mouvement acceleré, avant que d'agir sur la résissance; ce qu'il fait à la sin avec une grande force, parce que la même quantité de matiere auroit une grande vîtesse, laquelle seroit d'autant plus grande, qu'il auroit employé plus de tems à tomber, à raison de la hauteur où il avoit été élevé.

N. B. On auroit tort d'alleguer ici qu'un homme, qui ne peut pas élever un poids, ou surmonter une résistance un peu plus grande que 140 livres, avec la force 40, par le moyen d'un levier ou d'un steau, dont les bras sont égaux, le peut en appliquant sa puissance plus loin du centre du mouvement; car nous supposons ici le poids ou l'intensité de la résistance toujours un peu plus grande en proportion avec la puissance, que dans la raison réciproque des distances: c'est-à-dire, que nous supposons dans cette comparaison un cas impossible dans l'usage commun des instruments méchaniques.

22. Le maillet ou le marteau, qui est un corps ou masse de bois ou de métal, dirigée ou muë circulairement, ou dans une ligne courbe par le moyen du manche, ensorte qu'il reçoit par dégrés une certaine vîtesse, & qu'il a par ce moyen une force de mouvoir les autres corps, ou de faire sur eux des impressions, participe aux deux instruments précedents, en ce qu'il reçoit une force accumulée du bras qui le met en mouvement, & en mêmetems de la pesanteur, lorsqu'on s'en ser pour frappert en bas.

Quoiqu'il se meuve circulairement, le coup qu'il donne est en ligne droite, sçavoir dans la tengente à la courbe qu'il décrit, précisément au point de la courbe où se fait le coup, parce que tous les corps qui se meuvent dans une courbe, sont effort pour s'échaper dans la tangente à cette courbe, comme nous l'avons

déja fait voir. (Nº.5.)

23. Le volan, (dont j'ai déja examiné quelques usages dans la quatriéme Leçon,) est un instrument par le moyen duquel le corps qui se meut est forcé de circuler ou de se mouvoir autour d'un centre ou d'un axe, & devient par-là capable d'accumuler les puissances qui lui sont imprimées par dégrés, aussi long-tems qu'il est nécessaire. Cet instrument dissére du marteau & du maillet, de la même maniere que le cabestan dissére du levier : car tandis que le levier ne peut élever ou éloigner le corps que dans un espace sort court, le cabestan peut faire cette operation

dans un espace donné: de même le marteau ou le maillet ne peut Lecon Virecevoir qu'autant de force qu'on peut lui donner dans la partie d'un arc de cercle, ou dans une ligne droite d'une courte longueur, au lieu que le volan peut acquerir sa force par accumulation dans plusieurs révolutions, & ainsi il devient capable de recevoir une puissance & une vîtesse donnée, & il peut l'employer sur un autre corps d'une maniere déterminée.

24. CET instrument méchanique joint à la vis, compose une puissante machine, par laquelle on imprime des Figures sur les Monnoyes & Médailles, qui exigent une force également prodigieuse & réguliere. Dans cette machine les puissances sont accumulées par trois instruments méchaniques. 1°. Par le volan, dans lequel la force de l'homme qui se meut, est accumulée dans les poids qui sont à son extrémité. 2°. Cette puissance accumulée est condensée & imprimée sur le cylindre de la vis, par le moyen des rayons qui sont au volan; ce sont deux leviers qui servent à condenser la même puissance dans une proportion donnée. 3°. Cette puissance ainsi communiquée au cylindre, accumulée & condensée, est encore condensée par l'enchancrure de la vis dans une proportion donnée; & ainsi toute la puissance, (ou toutes les puissances successives) employées par l'homme qui meut les poids du volan, est accumulée & condensée dans la derniere impulsion, qui se fait sur la Médaille.

volan. C'est un instrument méchanique, par lequel on peut accumuler le mouvement dans le corps ou dans son poids: il est suspendu par une corde d'un centre qui est au-dessus, & elle le tient à une distance convenable de ce centre.

Par le moyen de cet instrument, le poids qui doit être mû par la force imprimée, est plus libre pour recevoir & retenir la puissance accumulée, & il n'a aucun des premiers empêchements du
volan, sçavoir le frottement & le déperissement des pivots ou des
tourillons; il n'est sujet qu'au dernier, qui est l'empêchement de
l'air ou du milieu dans lequel il se meut, lequel est aussi moindre,
parce que la corde où le poids est suspendu, est moindre que les
bras ou branches du volan: Et delà vient que cet instrument conserve la force imprimée beaucoup plus long-tems que l'autre,
sçavoir le volan, & qu'il continue plus long-tems dans son mou-

Leçon V. versient: Lorsqu'il a été mis entrain, il continue souvent de se mouvoir pendant plusieurs heures de suite; & si l'on calcule la longueur de l'espace spiral où il se meut, on trouvera qu'elle monte à plusieurs milles de longueur. Mais n'ayant pas encore rendu compte du pendule simple ou commun, je dissére de traiter plus au long du pendule circulaire, jusqu'à ce que j'aye expliqué le pendule simple.

26. LE dernier de ces sortes d'instruments, que je prétends décrire à present, est la fronde; car le ressort dépend dans son action de la trossième Loy du Mouvement, & par conséquent je ne puis en parler que lorsque j'aurai expliqué cette Loy. La fronde donc est un instrument qui sert par le moyen des cordons, à porter par dégrés la force d'une main qui se meut dans un petit cercle, jusqu'à un corps retenu par ces cordons, en le faisant mouvoir dans un plus grand cercle autour du même centre, jusqu'à ce qu'elle ait entierement accumulé toute la puissance de la main, ou la quantité que l'on en veut prendre, & alors elle le décharge avec la direction & la détermination proposée. Cet instrument participe au volan & au pendule circulaire; car comme le volan, il peut recevoir une accumulation de puissance par plusieurs révolutions, & comme le pendule circulaire, il est exempt du frottement des pivots & des tourillons; & il ne perd de la force qui lui est appliquée, que celle qui est nécessaire pour vaincre la résistence de l'air.

Anciens & les Modernes ont fait usage pour appliquer cet inftrument. Il suffit de remarquer que l'on peut les réduire tous à la fronde commune, qui est la plus simple, & dont la puissance & l'esset peuvent se réduire aussi aisément au calcul géométrique, qu'aucun des autres instruments dont j'ai déja parlé: n'y ayant qu'un seul principe commun à tous, qui consiste à trouver quelle est la vîtesse du corps précisément à l'instant où se fait la percussion, * ou de la machine qui est mise en usage. Car comme on suppose toujours le poids du corps ou de l'instrument connu, on n'a qu'à le multiplier par la vîtesse, & on aura le momentum du corps qui doit être mû, (Leç. 2, N°. 2, 3.) & l'on sçaura par conséquent l'esset que la machine peut produire en agissant sur un corps, pour l'arrêter, le pousser, le rompre ou le fraper, ensorte

M Note 4:

qu'on l'ébranle, qu'on le meuve, ou qu'on l'écarte entierement Leçon V. ou en partie.

27. Toute la difficulté consiste donc à trouver quelle est la vîtesse réelle du corps qui frape, précisément au moment de la percussion, ce que l'on peut faire de la maniere suivante, que j'appliquerai d'abord au mouton, ou à un grand poids, pour enfoncer les pilotis, parce qu'il est beaucoup plus aisé de la considerer dans

cet instrument, & qu'on peut en tirer tous les autres cas.

La 15e. Figure de la Planche 25. représente une machine pour enfoncer les pilotis, composée de la poutre KJ, & du chassis FL, sur laquelle sont arrêtées les pieces droites LH & LG, soutenues par les montants C, C, & par un autre montant parderriere FE, (qui porte des chevilles pour servir d'échelle,) & qui sont liées ensemble par le collier quarré E D. Le mouton A est une piece fort pesante de bois dur ou de fer, qui glisse en haut & en bas entre les deux jumelles ou pieces droites LH, LG, & que l'on tire en haut par son crochet B au moyen de deux cordes HO, GO, qui ont chacune cinq autres cordes plus petites, avec des manches en N, & N, pour dix hommes qui tirent en haut le mouton à une certaine hauteur, (les grandes cordes roulant sur deux poulies ou rouleaux sixés à la cheville de fer HG, & alors on le laisse retomber tout à la fois sur la tête du pilotis en M, pour le pousser en avant dans la terre. Supposons maintenant que le mouton A pese 500 livres, & tombe de la hauteur d'un pied, il tombera de cette façon dans un quart de seconde, & par conséquent il aura une vîtesse capable de lui faire parcourir uniformément deux pieds dans le même tems, (Nº. 15. Cor. 3.) c'est-à-dire, 8 pieds par seconde, au même instant qu'il frape le pilotis M. Multipliant donc sa masse par sa vîtesse, ou 500 x 8,. nous aurons 4000 pour le momentum du mouton, par une telle chûte. Mais si l'on éleve le mouton à 4 pieds, il tombera de cette hauteur dans une demi-seconde, & il aura au moment de la percussion une vîtesse capable de lui faire parcourir 8 pieds dans une demi-seconde, sans aucun autre secours de la pesanteur; ensorte qu'il nous faudra multiplier 16 pieds (sa vîtesse actuelle, qui est à raison de 16 pieds par seconde,) par 500, masse du mouton; ce qui nous donnera un moment double, par lequel il frapera le pilotis dans ce dernier cas; car 500 x 16 = 8000. Si l'on considere toute autre hauteur d'où le mouton peut tomber; (car on peut Tome I. Zz

Planche 25. Figure : 5.

Leçon IV. employer un cabestan, un vindas, ou des poulies, pour l'élever à une sort grande hauteur, & ensuite pat une invention aisée le détacher tout-à coup de son crochet,) le momentum avec lequel il frapera le pilotis, sera toujours comme la racine quarrée de la hauteur d'où le mouton tombe; c'est-à-dire, comme la vîtesse que ce corps qui descend se trouve avoir à la fin de sa chûte.

- N. B. Je ne puis m'empêcher de dire que le pilotis peut entrer dans la terre quelquefois plus avant que selon cette proportion; mais j'en donnerai la raison dans les Notes.
- 28. S I l'on doit pousser obliquement un pilotis, il faut placer la machine ensorte que les montans ayent la même obliquité, & le coup sera toujours perpendiculaire à la tête du pilotis; mais alors il faudra estimer la force du coup, non pas par la longueur, mais par la hauteur de la chûte, de la maniere qu'on l'a déja fait voir, parce que quelque long que soit le plan incliné, dans lequel le corps tombe, il n'acquiert pas plus de vîtesse que s'il étoit tombé perpendiculairement de la hauteur du plan.
- 29. Pour trouver la vîtesse du belier des Anciens, lorsqu'il donnoit fon coup, il faut remarquer en quelle proportion son mouvement étoit acceleré; car selon le nombre & la force des hommes qui y étoient occupés, il pouvoir être acceleré plus ou moins que la pefanteur n'auroit fait, s'il étoit tombé perpendiculairement. Nous observons donc la longueur du coup depuis le point le plus éloigné du mur, (ou de la chose qui est batue par le belier,) jusqu'au mur, & sçavoir en quel tems le coup se fair; (car lorsque les hommes par un peu de pratique ont appris à manier le belier, tous les coups se donnent dans le même tems.) Si le coup, par exemple, est de 4 pieds, & se fait dans un quart de feconde, le momentum du belier est le même que si le belier avoit parcouru uniformément 8 pieds dans un quart de seconde, ou 32 pieds dans une seconde entiere. Cette force seroit quadruple de celle que la pesanteur donneroit à la chûte du belier, (ou à un mouton de même pesanteur que le belier,) dans le même tems; mais elle seroit seulement égale à l'effet qu'elle feroit dans une feconde, ou dans le quadruple du tems, & elle ne seroit que la moitié de ce que la pesanteur donneroit dans deux secondes à un corps qui tomberoit d'une hauteur d'un peu plus de 64 pieds. Si

le tems pour donner le coup avoit été deux fois aussi long, ou d'une demi-seconde, le momentum ou la force de la percussion n'auroit été que la moitié aussi grande, &c. la percussion avec le même belier étant toujours en raison inverse du tems pendant lequel il est acceleré par la même force des hommes.

Leçon V.

30. Pour trouver la vîtesse (& par conséquent le momentum) du maillet ou du marteau, à l'instant de la percussion, nous devons le considérer d'abord de la maniere la plus simple, comme lorsqu'étant élevé en haut, il retombe en bas dans un arc de cercle par sa propre pesanteur : alors nous n'aurons qu'à examiner la hauteur d'où il tombe, & nous connoîtrons par ce qui a été dit des corps qui tombent perpendiculairement ou sur un plan incliné, quelle vîtesse il doit avoir à la fin de sa chûte. Ainsi nous pourrons connoître avec quelle force les grands marteaux élevés par l'aissieu d'une rouë à eau, tombent sur les plaques ou barres de ser ou de cuivre, qui sont applaties dans les moulins ou forges de fer ou de cuivre. Lorsque le marteau est mû avec la main, ou qu'il est poussé par un ressort autant que par sa pesanteur, il doit se mouvoir plus vîte, & son effet doit être à proportion plus grand; ainst en observant le tems de sa chûte dans un tel cas, on pourra connoître sa vîtesse.

N. B. Quoiqu'un corps qui se meut deux sois qust vîte dans le même cercle, soit capable, selon ce qu'on a vû dans la quinzième Expérience de cette Leçon, d'élever quatre sois le poids, on ne doit pas s'imaginer qu'un marteau qui se meut deux sois aust vîte, doive fraper avec quatre sois le momentum, pendant qu'un marteau du même poids se mouvant deux sois austi vîte, uniquement à cause du manche ou du rayon qui est deux sois austi long, n'a que le double du momentum, selon la treizième Expérience; car ce n'est que la force centrisuge dans le même cercle, qui est comme le quarré de la vîtesse, & non le coup qui se donne le long de la tangente. L'esset de la force centrisuge ne sera que celui-ci; c'est que la main qui tient le marteau, sentira quatre sois la sorce qui fait essort pour tirer le marteau de cette main, & elle ne sentira que deux sois cette sorce, si la vîtesse n'est que double, ayant un manche deux sois aussi long.

IL faut aussi observer, que dans l'usage du marteau il vaut mieux fraper avec la même masse de matiere, & avec une vîtesse double,

Zzij

Leçon V.

Note 4.

qu'avec une masse double & une vîtesse simple, parce que les substances qui cedent, comme le fer rouge, & c. & les clouds chasses dans le bois, cedent au même marteau presque selon le quarré de sa vîtesse, comme nous le ferons voir dans les Notes. * Mais il faut faire tout le contraire dans le belier, si l'on veut avoir son plus grand effet. *

31. S I l'on ne se sert du volan que pour donner un coup avec un de ses poids après quelques révolutions, la maniere de trouver sa vîtesse, & par conséquent son momentum, précisément à l'instant du coup, est la même que pour la fronde : car quoique le volan ait beaucoup plus de frottement que la fronde, il sussit d'observer la vîtesse qu'il a (sans aucun égard aux obstacles qui empêchent cette vîtesse d'être aussi grande qu'elle l'auroit été sans eux) au moment du coup; ce que nous pouvons connoître, en comparant ensemble plusieurs révolutions, ou parties de révolutions, qui nous conduiront à la connoissance du dégré d'accéleration.

32. MAINTENANT pour sçavoir calculer la force de ces instrumens, lorsqu'ils sont joints aux autres, qu'on nomme communément Puissances Méchaniques, (& que j'ai expliqué dans la seconde Leçon,) je vais faire voir quelle sorce peut donner une machine composée du volan combiné avec la vis, pour imprimer une figure sur les monnoyes, comme nous l'ayons indiqué cidevant.

Supposons que les deux bras du volan ayent chacun quinze pouces de longueur, (en mesurant depuis le centre des poids jusqu'à l'axe du mouvement, que les poids soient chacun de 50 livres, & que le diametre de l'aissieu qui presse sur le dez, soit d'un pouce. Si chaque coup se donne dans une demi-seconde, & que les poids décrivent une demi-circonférence, qui sera dans ce cas de 4 pieds, la vîtesse sera à l'instant du coup à raison de huit pieds par seconde, & par conséquent le momentum sera 800; mais les bras du volan étant comme des leviers, dont un bras est de quinze pouces de long, pendant que l'autre, (qui est la moitié de l'aissieu,) n'est que d'un demi-pouce, cette force en est augmentée 30 sois, ce qui nous donne 24000: force immensée, égale au poids de 100 livres, qui tombe de 120 pieds ou à peu-près dans deux secondes de tems, ou à un corps de 750 livres qui tombe de 16 12 pieds, ou dans une seconde de tems.

Quelques unes de ces machines pour battre les Monnoyes d'ar- Leçon V. gent, ont les bras du volan cinq fois aussi longs, & les poids deux fois aussi pesans. Leur effet en est dix fois plus grand.

N. B. Nous n'avons eu aucun égard au plan incliné de la vis ; parce que cette inclinaison ne sert qu'à faciliter l'acceleration du mouvement des poids, que nous avons considéré en prenant le tems qu'ils ont employé à décrire le demi-cercle.

33. On ne finiroit jamais, si l'on vouloit déveloper toutes les conséquences des deux Loix du Mouvement, déja expliquées, dans la pratique des opérations méchaniques; & si l'on vouloit les appliquer à l'explication de toutes les espéces du mouvement, tant des corps qui sont sur la terre, que des planétes & des cométes qui sont dans le Ciel : nous n'en donnerons ici que quelques exemples de plus; mais il nous faut auparavant examiner combien la résistance de l'air (que nous avons jusqu'ici négligé dans nos calculs) empêche les effets d'être tels qu'on devroit l'attendre de leurs causes sans cet obstacle.

Quoique mon dessein soit de considérer la résistance du milieu dans la partie hydrostatique de cet ouvrage, cependant j'en diraiici autant qu'il en faut pour comprendre le changement que produit dans le mouvement des corps l'obstacle qui leur vient par la résistance des milieux, soit que leur mouvement vienne de la

pesanteur ou de toute autre cause.

34. Lors qu'un corps se meut dans un fluide d'une espéce quelconque, ou dans un milieu résistant, il ne peut pas aller en avant sans séparer les parties du milieu pour se faire jour; & autant qu'il communique de son propre mouvement à ces parties, autant il en perd; de sorte que son mouvement sera retardé, si auparavant il étoit uniforme; ou s'il alloit d'un mouvement acceleré, cette résissance (ou le mouvement communiqué aux parties du milieu) empêchera que l'accéleration ne soit aussi grande qu'elle l'auroit été, où (selon la quantité de la résistance) elle pourra détruire l'accéleration; c'est-à-dire, détruire le mouvement additionnel aussi-tôt qu'il est donné au corps par la cause accéleratrice : ensorte que le corps se meut alors uniformément; comme si la cause accéleratrice avoit cessé d'agir, & que le mouvement du corps se fît dans le vuide sans aucune résistance.

Leçon V.

35. Il y a deux fortes de résistances dans les fluides; la premiere, qui vient de la tenacité du fluide, c'est-à-dire, de la cohésion de ses parties; & cette résistance est toujours comme la vîtesse du corps qui se meut dans le fluide: car plus le corps se meut vîte dans un tel fluide, plus il a de parties à écarter ou à détruire leur cohésion dans le même tems, selon qu'il parcourt un plus grand espace. On peut diminuer cette sorte de résistance, en rendant le milieu plus fluide; c'est ainsi que l'huile, le miel, & la poix, deviennent plus sluides lorsqu'on les fait chausser.

N. B. Les fluides qui n'ont pas de tenacité, n'ont pas cette sorte de résistance.

L'AUTRE espéce de résistance vient de la quantité de matiere qu'il faut écarter, & elle est toujours proportionnelle à la densité ou à la gravité spécifique du milieu suide. C'est ainsi que l'eau résiste 850 sois plus que l'air, parce qu'un corps qui parcourt dans l'eau un certain espace, trouve 850 sois plus de matiere à écarter; & s'il se mouvoit dans le mercure, la résistance seroit 11 900 sois plus grande, parce que le mercure a 11 900 sois plus de matiere que l'air dans le même espace. A l'égard du même corps, qui se meut avec dissérentes vîtesses dans un fluide, cette résistance est toujours comme le quarré de la vîtesse. Un exemple ou deux en nombres rendront la chose évidente.

Planche 25. Figure 16.

Supposons que le corps A (Planche 25. Figure 16.) se meuve dans un milieu à raison de deux pouces par seconde, ou de A en B; c'est-à-dire, qu'ils écartent quatre particules de matiere h, c, g, f, pour lui faire jour; & supposons que ces particules ayent chacune un pouce de diametre. Ce n'est pas assez de faire attention que ces particules doivent être écartées, il faut aussi examiner quelle doit être leur vîtesse, si l'on veut trouver la quantité de mouvement qu'elles reçoivent. Supposons donc que chacune de ces particules s'éloigne d'un pouce dans une seconde, ou des points f, h, c, g aux points f, h, c, g, pour laisser passer le corps A au milieu. Mais comme c'est la même chose de mouvoir toutes les quatre particules entassées les unes sur les autres de f en f, que de les mouvoir toutes quatre d'un pouce en différentes lignes, il est évident que l'espace ff ou un pouce, est leur vîtesse commune. Ainsi multipliant un par quatre, nombre des particules, j'ai le momentum quatre de la matiere qui doit être

écartée par le corps A. Supposons encore que le même corps se Leçon V. meuve deux fois aussi vîte, c'est-à-dire, de A en B, (Figure 17.) dans une seconde, il aura 8 particules (qui sont, b, c, d, e, f, g, m, n ou le double de matiere) à écarter dans le même tems; mais comme le corps se meut deux sois aussi vîte, il frapera chacune de ces particules deux fois aussi vivement, ce qui les sera écarter aux points β, ⁿ, ^δ, ^e, φ, Υ, μ, _n, au lieu des points b, c, d, e, f, g, m, n dans le même tems; ensorte que leur vîtesse commune sera de deux pouces au lieu d'un. Mais huit particules multipliées par deux, donnent seize, qui est un momentum quatre fois aussi grand que celui que la matiere du fluide avoit reçû auparavant. Donc le corps se mouvant deux fois aussi vîte dans le même fluide, communique quatre fois autant de mouvement à ses parties, & par conséquent il y trouve quatre fois autant de résistance. De même si le corps se mouvoit trois fois aussi vîte, il écarteroit trois fois plus de matiere dans le même tems, & il la pousseroit trois fois plus loin; donc il y trouveroit neuf fois plus de résistance.

Et cela aura lieu dans tous les dégrés de vîtesse du corps qui se meut; car la quantité de matiere écartée dans un certain tems, & la vîtesse avec laquelle cette matiere est écartée, produira toujours un momentum dans le milieu sluide, & par conséquent une résistance proportionnelle au quarré de la vîtesse du corps qui se

meut dans ce milieu.

N. B. Cette résistance proportionnelle au quarré de la vîtesse, est la seule que l'on trouve dans l'air, par les Expériences des corps qui s'y meuvent: & par conséquent il n'a point de tenacité, d'où il suit que ses parties ne se touchent pas mutuellement.

DELA il suit qu'un fluide résistera quelquesois autant qu'un solide, & même plus, lorsque la vîtesse du corps qui s'y meut est fort grande, comme on le verra par quelques exemples que nous donnerons dans les Notes. *

"Note 5.

SCHOLIE.

& le long des plans inclinés, ne doit pas s'accorder avec les. Expériences, parce que dans cette théorie nous avons fait abstractions.

Leçon V. tion de la résistance de l'air; mais lorsqu'on y fait l'attention convenable, les Expériences consirment la théorie. Selon les meilleures observations, un corps qui tombe dans le vuide doit parcourir seize pieds d'Angleterre, un pouce & un quart dans la premiere seconde de sa chûte; mais dans l'air il doit perdre une partie de cet espace à proportion du mouvement qu'il donne à l'air, & qui doit être soustrait de son propre mouvement: ensorte que plus le corps a de matiere à proportion de la surface par laquelle il frape l'air, moins il perd de son propre mouvement. Nous expliquerons mieux cela en rendant compte d'une Expérience que j'ai faite pour observer le tems de la chûte de plusieurs balles de plomb, que je laissai tomber du haut de la coupole de l'Eglise de Saint Paul en-dedans.

Expérience XVI.

JE pris plusieurs balles de plomb de deux pouces de diametre; qui pesoient deux livres Troy, je les laissai tomber d'une planche qui étoit arrêtée à deux pieds au-dessus de la coupole intérieure, & j'observai le tems de leur chûte fort exactement par le moyen d'un instrument que je décrirai dans la suite. Je trouvai qu'elles tomberent au plus bas dans 41 secondes, & tant soit peu plus. Cette hauteur étoit de 272 pieds. Or, selon la théorie ces balles dans ce tems-là auroient dû tomber 52 pieds plus bas, c'est-àdire, à 324 pieds; donc la résistance de l'air enlevant continuellement un peu de ce que la pesanteur ajoutoit au mouvement du corps qui descendoit, sut cause que l'accéleration ne sut pas si prompte, & que par conséquent le corps resta plus long-tems à parcourir ces 272 pieds, qu'il n'auroit dû le faire; car puisqu'un corps décrit un pied dans le premier quart d'une seconde de sa chûte, si l'on prend la racine quarrée de 272. (nº. 15.) on aura 161 quarts, c'est-à-dire, 4 secondes, & 1 pour le tems qu'un corps auroit employé à tember de 272 pieds dans le vuide. Supposons maintenant que la résistance de l'air ait enlevé 5 pouces de l'espace que les balles auroient parcouru dans la premiere seconde, cette résistance pendant la 2°. seconde auroit été plus grande à proportion du quarré de la vîtesse du corps; c'est-à-dire, que comme le corps auroit dû parcourir 3 espaces égaux à celui qu'il avoit parcouru la premiere seconde, la résistance devoit être 9 fois plus grande; & par conséquent la résistance de l'air @ devoit

devoit enlever 9 fois 5 pouces ou 45 pouces de l'espace parcouru par le corps dans la 2º seconde; de même dans la 3e seconde il devoit perdre 125 pouces; dans la 4e 245, & dans la derniere demie seconde plus de 200; ce qui fait en tout environ 52 pieds, conformément à ce qu'on a observé dans l'expérience.

LEÇON V.

N.B. Ce calcul n'est pas exact, & on le donne ici plûtôt comme un éclaircissement que comme une démonstration. Il n'est fondé que sur la supposition qu'un corps en tombant ne parcourt que 16 pieds dans la premiere seconde de sa chûte, lequel nombre n'a été pris que pour éviter les fractions.

On peut tirer plusieurs conséquences de la résistance de l'air à l'égard des corps qui s'y meuvent, & qui sont confirmées par les

expériences:

La premiere est, que le mouvement d'un corps pesant n'est pas toujours acceleré, mais qu'à une certaine hauteur il devient égal & uniforme dans l'air; parce que la résistance de l'air croissant en même proportion que les espaces croissent (& par conséquent en raison doublée des tems ou des vîtesses) cette résistance peut devenir assez grande pour détruire autant de vîtesse que la pesanteur en produiroit, & par ce moyen empêcher la vîtesse du corps qui se meut de recevoir aucun accroissement, (nº. 12 & 13) précisément comme si le corps dans ce tems-là cess jit d'être pesant.

La feconde est, que les corps de différentes pesanteurs spécifiques se mouvant dans le même milieu, n'ont pas leurs mouvemens accelerés de la même manière, à cause de la dissérence de leur volume, comparé, à leur poids qui prouve plus ou moins de résistance; parce que ceux d'un plus grand volume, lorsque le poids est le même, poussent plus d'air devant eux que ceux d'un moindre volume.

La troisséme conséquence est, que le mouvement des corps pesans est différemment acceleré dans les milieux differens, & qu'il devient plûtôt uniforme dans les milieux plus denses; parce que plus le milieu est dense, plus il a de peine à faire ses circulations, &

plus il resiste aisément au moment.

La quatrieme est, que les petits corps de la même matière homogéne tombent avec moins de vîtesse, & arrivent plûtôt à l'égalité; parce que le milieu resiste plus à un corps qui a une grande surface qu'à celui qui en a moins, & que plus les corps sont petits, plus leur surface est grande par rapport à leur poids ou à leur solidité; car la

Tome I. Aaa

LEÇON V.

géométrie nous apprend, que si un cube a, par exemple, un pied de surface, un autre cube huit sois aussi pesant n'aura que quatre pieds de surface. Conformément à ce principe, la poussière tombe fort lentement lorsquelle est élevée dans l'air; les oiseaux se soutiennent eux-mêmes dans l'air en déployant leurs aîles; & une charge de dragées de plomb n'ira pas à beaucoup près aussi loin qu'un boulet du même poids que cette charge avec le même canon & la même quantité de poudre, quoique tous deux commencent à se mouvoir avec des vîtesses égales.

La cinquième est, qu'il y a un hauteur déterminée qui produit dans un corps pesant, la plus grande vîtesse qu'il puisse acquerir en tombant; en sorte que s'il tomboit d'un endroit plus élevé, il n'auroit plus de vîtesse; ce qui est évident par la premiere conséquence, où nous avons dit que le mouvement d'un corps pesant n'est pas continuellement acceleré; mais à une hauteur déterminée, il

devient égal.

La sixieme est, qu'il y a une hauteur déterminée, la plus grande de toutes celles où la vîtesse qu'un corps a acquis en tombant puisse faire remonter le corps; parce que par la conséquence précedente, il y a une hauteur démontrée qui produit la plus grande vîtesse qu'un corps puisse acquerir en tombant, & cette vîtesse ne peut

le faire remonter qu'environ la même hauteur.

La septiéme est, qu'un corps poussé en haut par une force plus grande que n'est la plus grande de celles qu'il peut acquerir en tombant, doit rester plus long tems à tomber qu'à monter; parce que la vîtesse d'un corps poussé en haut à une hauteur quelconque diminue continuellement; au lieu que la vîtesse du même corps dans sa chûte n'augmente que jusqu'à ce qu'il soit arrivé à cette hauteur; étant certain que si elle augmentoit continuellement, le corps resteroit précisément aussi long-tems à descendre qu'à monter.

La huitième est, que si un corps est poussé en bas par une force qui surpasse la plus grande sorce qu'il puisse acquerir en tombant, il aura un mouvement retardé; parce que par la premiere conséquence le corps qui tombe avec la plus grande vîtesse que sa chûte puisse lui donner, trouve dans l'air une resistance égale à sa pesanteur; & lorsqu'il s'avance avec une plus grande force, la résistance de l'air devient encore plus grande, & détruit une partie du mouvement qui de cette manière sera ralenti & retardé.

Cette derniere conséquence nous apprend la raison pourquoi un boulet de canon poussé en bas retarde son mouvement; car

donne une plus grande vîtesse que celle que sa pesanteur absoluë lui auroit donnée dans sa chûte; & la septiéme conséquence nous apprend aussi la raison de l'expérience, dont parle le Pere Mersenne dans sa Balestique ou Art de jetter les corps pesans, Proposition 13.

Cet Auteur dit, qu'il a trouvé par plusieurs expériences, qu'une stéche qui avoit été trois secondes à monter, en avoit employé cinq à descendre; & quoiqu'il ajoute qu'un boulet de ser pesant trois sivres ayant été poussé en haut perpendiculairement par un mortier d'un pied de longueur, avoit employé autant de tems à monter qu'à descendre; sçavoir six secondes; il ne s'ensuit pas de-là que cela doive toujours arriver, la différence n'étant pas aussi considérable dans un boulet comme dans une sléche, dont le mouve-

ment arrive plûtôt à l'égalité à raison de sa legereté.

Une bombe ordinaire ne recevant par de la charge ordinaire de la pondre, une vîtesse plus grande que n'est la plus grande qu'elle puisse acquerir en tombant, reste aussi long-tems à descendre qu'à monter. Mais une balle d'un bois leger ou de liege (qui dans le vuide iroit beaucoup plus loin & plus haut qu'une bombe de même grosseur, parce quelle recevroit de la poudre d'autant plus de vîtesse au commencement qu'elle a moins de matière) n'ira pas aussi haut qu'une bombe, & elle restera aussi plus long-tems à descendre qu'à monter, à cause de la résissance de l'air qui a plus d'esset sur ces corps legers pour les raisons données ci-devant.

- N.B. Il n'est pas vrai mathématiquement qu'un corps qui tombe dans l'air, arrive jamais au mouvement uniforme; mais comme il s'en approche toujours de plus en plus, nous pouvons le prendre pour tel physiquement, & raisonner en conséquence de ce principe.
- 37. J'AI fait voir, après avoir expliqué la premiere Loi du mouvement, combien elle peut nous servir à nous mettre au fait du mouvement des corps celestes, en nous apprenant de quelle manière la pesanteur & la force projectile retient ces corps dans leurs orbites; mais l'intelligence de la seconde Loi étoit necessaire pour bien concevoir comment ils se meuvent dans des ellipses qui ont le corps central dans un de leurs soyers, & comment leurs vîtsses sont successivement accelerées & respardées.

Aaaij

LEÇON V.

vement, il faut que j'explique quelque termes Astronomiques, & que je fasse voir ce que l'on entend, lorsqu'on dit, que les planétes & les cométes décrivent autour du soleil des aires proportionnelles aux tems, & que les satellites sont la même chose à l'égard de leurs planétes principales. C'est là une verité connuë & avouée de tous les Astronomes modernes, quelque différens que soient leurs sentimens sur les causes des mouvemens celestes.

Je suppose qu'un corps celeste se meut autour d'un autre dans une courbe qui rentre en elle-même comme le cercle ou l'ovale; par exemple, la lune autour de la terre, dont je regarderai l'orbite au commencement comme circulaire, quoiqu'elle soit réellement. elliptique. Si dans un moment d'un certain jour nous observons que le lieu de la lune dans son orbite est L, & que le jour après, au même tems la lune se trouve dans un autre lieu comme L; l'espace triangulaire TLL (compris entre la ligne ou rayon TL mené du corps central au corps qui fait sa révolution dans la premiere observation; & la même ligne dans la situation TL à la seconde observation, & par l'arc LL décrit par la lune durant l'intervalle des observations) se nomme Aire astronomlque, & le rayon TL, considéré comme balayant en quelque manière cet espace, & portant la lune avec lui, se nomme le rayon vecteur. Si quelques jours après, par exemple, au bout de 14 jours, on observe la lune en l, & que le jour suivant à la même heure, & à la même minute, on l'observe en l, l'aire T 1 l sera égale à la premiere aire TLL, qui avoit été décrite par la lune & par le rayon vecteur dans le même tems, & c'est ce que l'on entend lorsqu'on dit, que les corps qui roulent dans les cieux, décrivent autour du corps central des aires proportionnelles aux tems.

Planche 25. Rigure 18.

39. Ic i l'on doit observer que ses triangles ou aires TLL; T11, sont non-seulement égales, mais semblables, & par conséquent le corps L décrit dans ce cas les arcs égaux LL & 11 en tems égaux, aussi-bien que des aires égales; de sorte que le mouvement de L autour de T est égal, & n'est ni acceleré ni retardé. Tels sont les mouvemens des satellites de Jupiter autour de son centre, leurs orbites étant circulaires (autant qu'on en peut juger par les observations saites jusqu'ici) excepté autant qu'ils se détournent les uns les autres par pesanteur mutuelle, & qu'ils sont détournés par le soleil selon les différentes distances de Jupiters.

au soleil, ou par Saturne dont l'attraction devient sensible dans sa conjonction, ou auprès de sa conjonction avec Jupiter. Mais on peut négliger ici toutes ces inégalités; parce que quoiqu'elles suivent necessairement de l'attraction mutuelle des corps, elles ne sont pas assez considérables pour être observées avec les telescopes.

Leçon V.

40. SUPPOSONS maintenant que le corps T ne soit pas dans le centre de l'orbite, comme la terre n'est pas dans le centre de l'orbite de la lune, mais qu'il en soit éloigné de toute la longueur CT (Figure 19.). Si l'on observe la lune ou le corps qui fait sa révolution en L & L, & qu'on'trouve qu'il ait parcouru l'arc L L' dans l'espace d'un jour; si ensuite on l'observe 14 jours après en l, le jour suivant il sera non pas en a (où il auroit été dans un jour si sa vîtesse n'avoit pas saugmenté) mais il arrivera en l, sa vîtesse croissant de manière qu'il décrit un arc d'autant plus grand qu'il est plus près du corps central T, autrement la derniere aire décrite ne seroit pas égale à la premiere ; car autant que T l distance au corps central dans le commencement de la description de la derniere aire, est moindre que T L distance au corps central dans le commencement de la premiere, autant l'arc décrit dans la derniere est plus grand; ce qui manque à la derniere aire en longueur, est suppléé par sa largeur.

Planche 25. Figure 19.

41. Si au lieu d'un cercle, le corps qui roule se meut dans une ellipse, & que le corps central soit placé dans l'un de ses foyers (comme dans le cas de la lune autour de la terre, & encore plus exactement dans celui des planétes & des cométes dans leur mouvement aurour du soleil) & si rout le tems périodique de la révolution du corps est divisé en parties égales, dans chacune d'elles le corps (par son rayon vecteur) décrira une aire égale; mais aucune de ces aires ne sera semblable, excepté celles qui sont décrites de chaque côté de l'axe de l'ellipse, dans les parties correspondantes de la courbe, à distances égales du corps central. Soit ABCDEPFGHJ qui représente une des ellipses décrite par une planéte ou une cométe autour du foleil; PS s A l'axe de l'ellipse, & S, s ses foyers; S le soleil. & A une planéte dans l'aphelie du soleil (c'est-à-dire, à la plus grande distance de cet astre) & P la même planéte au perihelie » (ou à la moindre distance du soleil) & que le tems de la révolu-

Planche 254' Figure 266

COURS DE PHYSIQUE LECON V. tion soit divisé en dix parties égales; la planéte partant de A & allant vers B, décrira par son rayon vecteur AS, successivement les 10 aires égales, ASB, BSC, CSD, ESP, PSF, FSG, GSH, HSJ, JSA, dont il n'y a que chacune des deux aires correspondantes qui soient semblables, comme BSC est semblable à JSH, DSE à GSF, &c.

COROLLAIRE

DELA il suit que dans une orbite excentrique, telle que l'ellipse, le corps qui roule se meut plus vite au perihelie (le soleil étant dans l'un des foyers) que dans l'aphelie; accelerant son mouvement depuis l'aphelie jusqu'au perihelie, & le retardant depuis le perihelie jusqu'à l'aphelie.

COROLLAIRE II.

DELA il suit aussi que plus l'ellipse est excentrique (c'est-à-dire) que plus elle est allongée) plus la difference de vîtesse est grande à l'aphelie & au perihelie; tel est le cas des cométes qui se mouvant dans des ellipses fort excentriques, passent par la partie inférieure de leur orbite avec une très-grande vîtesse, mais se meuvent très-lentement auprès de leurs aphelies.

COROLLAIRE III.

CELA fait voir d'où vient qu'une planéte, quoique beaucoup plus fortement attirée dans son perihelie que dans son aphelie, ne tombe pas dans le soleil; c'est qu'elle acquiert une plus grande force centrifuge à mesure que sa vîtesse augmente, & par ce moyen elle balance l'attraction du soleil qui est augmentée. De même lorsque la planéte va du perihelie à l'aphelie, quoique l'attraction du foleil soit diminuée à cause que la distance est augmentée, la planéte ne s'échappe pas de son orbite; car sa vîtesse diminuant, sa force centrifuge diminue aussi. Dans l'ellipse représentée par la Figure 20, lorsque la planéte est en P, elle est six fois plus proche du soleil S, que lorsqu'elle est en A; elle est donc 36 fois plus attirée, (Leçon 1. nº. 17. Note 11.) mais alors sa vitesse étant aussi six sois plus grande, la force centrifuge qui croît comme le quarré de la vîtesse (Expérience 15.) devient 36 sois

plus grande. De sorte que l'attraction ou la force acceleratrice, LECON V. de quelque manière qu'elle croisse ou décroisse, eu égard à la différente distance) est toujours balancée par la force centrifuge de la planéte.

COROLLAIRE

PAR-LA on voit la raison pourquoi les planétes qui sont les plus proches du foleil, forment leurs révolution dans un tems plus court, que celles qui en sont plus éloignées, afin que leur plus grande vîtesse puisse leur donner une force centrifuge suffifante pour balancer leur force centripéte (ou leur gravitation) vers le foleil; ayant aussi égard à leur quantité de matière. (Expérience 12.) Les satellites de Jupiter & de Saturne ont aussi leurs tems périodiques plus courts, comme étant plus proches de leurs planéres principales, comme nous l'avons déja indiqué. (Nº. 7.)

Quoique les orbites des planétes soient presque circulaires; cependant comme les foyers d'une ellipse sont fort éloignés l'un de l'autre, même lorsque la courbure ne différe pas beaucoup de celle d'un cercle, l'excentricité sera assez sensible pour être observée. De-là vient que notre demi année d'hyver (dans l'hemisphére nord de notre terre) où nous passons par le perihelies est de huit jours plus courte que la demie année d'été, &c.

42. KEPLER est le premier qui ait découvert que les planétes par un rayon mené de leur centre au-foleil, décrivent des aires proportionnelles aux tems, & qui ait conjecture que la cause de ce phénoméne est leur gravitation vers le soleil; mais il ne l'a pas démontré. Newton nous a donné cette démonstration dans ses principes, & il a fait voir que lorsqu'une force centripéte pousse un corps vers un autre, & lorsque le premier corps a recu l'impression d'une force projectile dans une autre direction, il doit décrire autour de ce dernier des aires proportionnelles aux tems; & au contraire si le corps qui roule décrit par un rayon mené au corps central des aires proportionnelles aux tems, il y est poussé par une force centripéte. Ensuite il fair voir (par les observations du mouvement de la lune) que la force centripéte est la même que la pesanteur qui fait tomber nos corps par un mouvement acceleré auprès de la surface de la terre. Nous donnerons dans les notes * ses démonstrations & un plus grand détail sur cette matière.

* Mote of

LEÇON V.

43. En même-tems je tâcherai de faire voir de la maniére la plus aisée, comment la pesanteur fait décrire aux planétes leurs orbites excentriques par un mouvement uniformément acceleré & retardé; car quoique je ne donne pas un détail géométrique dans toutes la rigueur sur toutes les choses qui ont rapport à ce mouvement & sur la nature de la courbe, cependant chaque proposition sera une conséquence des deux Loix du mouvement déja expliquées & de leurs corollaires.

Exemple d'une orbite excentrique.

Planche 25. Eigure 20. L'ELLIPSE représentée par cette Figure est plus excentrique qu'aucune de celles qui sont décrites par les planétes, mais elle ne l'est pas autant que celles qui sont décrites par les cométes. Je l'ai choisie comme une ellipse moyenne; parce que tant les cométes que les planétes sont retenues dans leurs orbites, & continuent leurs mouvemens par les mêmes causes, la même

explication fervant aux unes & aux antres.

Soit S qui représente le soleil, A la planéte ou la cométe qui est poussée par la pesanteur (ou mutuelle attraction du soleil & du corps qui roule) vers le soleil dans la direction AS, & soit AM pour représenter la quantité de cette force; c'est-à-dire, l'espace que cette force agissant seule feroit décrire à la planéte dans un tems donné. Supposons que la planéte A ait reçu une force projectile dans la direction A a à angles droits avec A S. Si A a exprime l'espace que la force projectile seule auroit fait décrire à la planéte dans le même tems donné, & que la quantité de cette force soit telle qu'en agissant conjointement avec la pesanteur, elle fasse décrire à la planéte (en parcourant la diagonale Am du parallélograme achevé A am M) le cercle Am \mu, &c. dont le centre est S, centre du soleil; alors une plus grande force projectile telle que A a (la force de pesanteur A M restant la même) fera décrire à la planéte la diagonale An du parallélograme A an M, & une ellipse A ny, &c. dont le foyer le plus près est S; alors le point A deviendra le perihelie au lieu de l'aphelie, & le mouvement sera retardé depuis A jusqu'à ce que la planéte arrive à l'aphelie de l'autre côté de S; & ensuite depuis cet aphelie il sera acceleré jusqu'à ce qu'elle revienne en A, par où le mouvement a commencé. Mais si la force projectile est moindre que nous l'avons supposé pour faire mouvoir la planéte dans

un

un cercle, & si elle s'exprime par A a, au lieu de A a, alors la planéte (commençant son mouvement dans la diagonale A B du parallélograme A a B M) décrira l'ellipse ABCDEPFGHJA. Le soleil S étant dans le foyer le plus éloigné, & le foyer le plus proche étant en S, de sorte que maintenant A sera l'aphelie,

& P le perihelie. Maintenant pour faire voir comment la planéte est accelerée en allant de l'aphelie au perihelie, nous observerons que dans sa premiere sortie, la direction de la force projectile A æ est à angles droits avec celle de la pesanteur (ou de la force centripéte) A S. Lorsque la planéte par l'action réunie des deux forces est arrivée en B; la force projectile a sa nouvelle direction le long de la tangente Bb, qui fait un angle aigu avec la direction de la pesanteur qui est maintenant BS; donc la planéte décrira une diagonale plus longue dans le même tems (n° 13.) sçavoir BC, c'est-à-dire, que sa vîtesse augmentera de maniere que l'aire BCS par une largeur proportionnellement plus grande, soit égale à l'aire plus longue ABS. Lorsque la planéte est arrivée en C, la direction de la force projectile le long de la tangante C c, faisant toujours un angle aigu avec CS direction de la pesanteur, les deux forces réunies accelereront toujours la planéte, & la porteront de Cen D dans le même tems qu'elle est partie au commencement de A en B. Les mêmes forces conspirant toujours dans leurs directions D d & D f, lorsque la planéte est en D, la conduiront en E dans un espace de tems égal au premier : & enfin les mêmes forces avec leurs directions conspirant ensemble accelereront encore la planéte dans son mouvement de Eà son perihelie P ou sa vîtesse est la plus grande de toutes. Au perihelie P, la direction de la force projectile est le long de la tangente Pp, & fait un angle droit avec PS direction de la pesanteur : donc la planéte par l'action de ces deux forces ira en F. Lorsque la planéte est en F, la direction de la force projectile, le long de la tangente F f fait un angle obtus avec F S direction de la pesanteur, & par conséquent le mouvement de la planéte sera retardé; (nº. 13.) parce que la diagonale F G est plus courte, à mesure que l'angle f F S est plus ouvert, & les forces commencent à agir l'une contre l'autre. Cet angle deviendra encore plus grand en G, de sorte que la force de la pesanteur dans la direction GS arrêtera la force projectile qui agit maintenant dans la ligne Gg, & qui retarde toujours plus la planéte. L'angle continuant d'être obtus Tome I. Выь

LECON V. .

Planche 25 Figu.

LEÇON V.

378 COURS DE PHYSIQUE en H&J, la planéte sera toujours retardée jusqu'à sce qu'elle arrive à l'aphelie A, ou son mouvement est le plus lent de

Note 7.

N. B. On pourroit peut-être objecter ici que puisque les angles a AS, bBS, cCS, &c. ne décroissent que jusqu'à mi-chemin de A en P; * & que les angles SPp, SFf, SGg, &c. ne croissent que jusqu'à mi-chemin de P en A, la planéte qui descendra vers le perihelie ne doit augmenter de vîtesse que jusqu'au milieu du chemin; parce qu'alors les angles, comme SEe, &c. croissent de nouveau : & qu'elle ne devroit pas non plus retarder son mouvement lorsqu'elle est arrivée au milieu du chemin de P en A, parce que les angles formés par les directions des deux forces ne croissent plus, mais décroissent par degrés. Mais ici nous devons considérer qu'il y a une autre cause d'acceleration & de retardement qui ne dépend pas de la quantité de l'angle ci-dessus mentionné, & qui continue de croître après que les angles cessent de diminuer dans la descente de la planéte vers le soleil, & que cette cause continue de même à décroître lorsque cette planéte monte du perihelie à l'aphelie, même après que les angles de directions des forces ont cessé de croître: & cette cause est la distance diminuée ou augmentée du corps central (ou du soleil S.) la puissance de l'attraction changeant continuellement en raison réciproque du quarré de cette distance. Si, par exemple, nous voulons comparer la vitesse de la planéte en D & E, il nous faut acherier le parallelograme D & E d, dont leux côtes D & & D d, representent la force de la gravité & la force projectile lorsque la planéte est en D; ensuite nous devons aussi achever le parallelograme E . Pe, dans lequel E . est plus grand que D s en même proportion que la pesanteur est plus grande en E qu'en D; de même E e doit être plus grand que D d à proportion que la force projectile par son acceleration continuelle, est aussi devenue plus grande; & quoique l'angle E e soit plus grand que & Dd, nous aurons une diagonale EP plus grande, à cause de la plus grande longueur des côtés dans le parallelograme & E e P.

44. Pour faire voir combien la gravitation des planétes & des cométes (car ce que nous avons dit des planétes doit s'appliquer aux cométes) vers le foleil, s'accorde avec la gravitation des corps pesans vers la terre; jettons un coup d'œil sur la 21° figure qui represente une ellipse allongée ou l'orbite de la cométe autour du soleil S, lorsque \(\pi \) represente le perihelie. La demi

ellipse m æ est la ligne dans laquelle le mouvement de la comete Leçon V., est unisormément retardé & la demi ellipse a m est celle ou le mouvement de la cométe est uniformément acceleré. Maintenant si au lieu de renfermer le soleil S dans l'orbite, on jette d'une partie de la surface du soleil P un corps en haut, en sorte qu'il monte jusqu'en A, son mouvement sera uniformément retardé jusqu'à ce qu'il arrive en A, où il aura sa moindre vîtesse; ensuite il retournera & tombera dans la ligne A p accelerant son mouvement jusqu'à ce qu'il arrive en p, employant précisément autant de tems à monter qu'à descendre, & c'est ce que nous avons fait voir au sujet de l'action de la pesanteur sur les projectiles, en fai ant abstraction de la resistance de l'air.

en des anciens le loie per en finacione due che une 45. Considerons maintenant la resistance de l'air & comparons-la avec un milieu resistant quelconque, pour voir ce qui arriveroit aux planétes, si elles se mouvoient dans un tel milieu. Jennes a sant Shollidarot on brus againg subrade asb

Nous avons fait voir (n°.35.) que lorsque les corps se meuvent dans l'air, ils perdent une partie de leur mouvement par la resistance de l'air, à proportion du quarré de leur vîtesse, & que cette resistance empêche les corps qui tombent d'accelerer leur mouvement, autant qu'ils le feroient s'ils tomboient dans le vuide; parce que cette resissance enlevant continuellement une partie de la vîtesse que la pesanteur ajoute au corps qui tombe, rapproche toujours le mouvement du corps de plus en plus à un mouvement d'égalité. Si donc les planétes se mouvoient dans un milieu resissant, tel que la matière celeste, que les Cartésiens supposent; la resistance de cette matière empêcheroit que la planéte n'acquit en descendant au perihelie, la vîtesse qui est nécessaire pour faire balancer sa force centrifuge avec la force de la pesanteur : car cette derniere force croîtroit toujours à proportion du quarré de la distance diminuée, de quelque nature que fût le milieu qui environne le soleil; mais la force centrifuge n'auroit pas son accroissement convenable, si la planéte n'avoit pas la vîtesse requise. La conséquence seroit donc que la planéte changeroit de route, & qu'elle s'approcheroit toujours du soleil, roulant dans une ellipse plus allongée. Dans la révolution suivante, la planéte venant au perihelie, & n'ayant pas une force centrifuge convenable, s'approcheroit encore plus du foleil par l'attraction (qui ne seroit pas diminuée, mais augmentée, parce que le perihelie seroit alors Bbbij

LEÇON V. plus proche;) ainsi l'ellipse se changeroit encore en une ellipse plus allongée, & le perihelie suivant seroit encore plus proche, jusqu'à ce que la planéte n'ayant pas sa vîtesse convenable dans une direction le long de la tangente, & s'approchant toujours plus dans chaque révolution, viendra enfin à tomber dans le soleil.

Maintenant, puisque cela n'arrive pas, il est évident qu'il n'y a point de milieu resistant pareil, ou de matiere celeste d'un tourbillon, que les Cartésiens supposent être la cause du mouvement des planétes autour du soleil. Bien loin de-là, un tel fluide détruiroit

le mouvement des planétes, comme nous l'avons fait voir-

Mais ce qui détruit entierement l'hypothese Cartésienne (aussi bien que l'opinion des anciens Philosophes, qui supposoient que chaque planére étoit enchassée dans un orbe solide de cristal, qui l'entraînoit circulairement) c'est l'observation des cométes, qui ne sont ni des météores comme quelques anciens les avoient supposés, ni des planétes qui passent d'un tourbillon à l'autre, comme les Cartésiens le prétendent; mais ce sont des planétes qui se meuvent dans des orbites fort excentriques, que nous examinerons plus à fond dans un autre endroit. * Nous remarquerons seulement ici qu'elles se meuvent fort librement dans toutes les parties du ciel & de tous les côtés, & que par conséquent les cieux ne sont pas des coquilles sphériques, qui les arrêteroient; ni des tourbillons de matière, qui changeroient leur direction par degrés, & qui à la fin les feroient mouvoir à fort peu près dans le même plan que les planétes, dont les orbites ont tous leurs plans renfermés dans la largueur d'une zone de peu de degrés. Mais ce qui est le plus contraire à l'hypothese Cartésienne, c'est le mouvement d'une cométe retrograde, comme celle de l'an 1682. qui se mouvant de l'Est à l'Ouest étoit portée directement contre le courant supposé de la matière celeste; au lieu que son mouvement auroit dû. être d'abord diminué, ensuite totalement arrêté, & ensin dans une direction contraire (ce qui doit arriver lorsqu'un corps se mouvant de l'Est à l'Ouest tombe dans un tourbillon qui se meut de l'Ouest à l'Est) elle accelera son mouvement en descendant vers le foleil.

46. QUOTQUE nous puissions fort bien appeller vuide le milieu où les planétes se meuvent; cependant, puisque la lumiere traverse tous les espaces celestes, & qu'il peut sortir des cométes

381

& des planétes quelques écoulemens subtils, il y aura (en parlant exactement) quelque resistance au mouvement d'une planéte quoiqu'elle soit plusieurs mille sois moindre que celle que notre air produiroit; & cette resistance après un grand nombre d'années, doit alterer le mouvement des planétes, de maniere qu'il sera nécessaire que l'Auteur de la nature y mette la main pour le rétablir. * Si l'on a trouvé quelque alteration dans leurs orbites, quoique trèspetite, depuis que les Astronomes ont commencé à faire des observations exactes (comme plusieurs assurent qu'ils en ont trouvé) cela suffit pour faire voir que le monde n'est pas éternel, quand il n'y auroit pas d'autres preuves contre son éternité.

On a observé que le soleil a une grande atmosphére; comme sa surface, à cause de sa chaleur immense doit toujours pousser en dehots des écoulemens de marière; ces écoulemens (excepté ceux qui sont affez petits pour devenir des particules de lumieres, & qui sont pousses avec une vîtesse immense), flottant tout autour du corps du foleil, doivent former un milieu pour le moins aussi dense que notre air. Maintenant si une cométe s'approche assez pour entrer dans l'atmosphére du soleil, elle s'approchera toujours du foleil de plus en plus dans chaque révolution à raison de la resistance qu'elle trouvera. Tel a été peut-être le destin de la cométe observée en 1680, laquelle approcha tellement du soleil, dans son perihelie, qu'elle ne fur éloignée de la surface du soleil que de la sixiéme partie du diamétre de cet astre. Par les connoissances que nous avons, plusieurs cométes doivent être tombées dans le soleil, sans que nous l'ayons observé ou que l'on s'en soit apperçu, & peut-être ces corps peuvent servir de nourriture pour remplir le vuide qui se fait dans le soleil en fournissant la lumiere à tout le système. Car quoiqu'on ait objecté qu'une cométe ne seroit qu'un perit supplément, cependant si elle étoit aussi grande que la terre son diamétre seroit la 100e partie de celui du soleil; c'est-à-dire, que sa solidité seroit la millionième partie de celle du soleil, & elle suffiroit pour fournir au soleil autant qu'il peut perdre de matière en répandant la lumiere pendant plusieurs années : & même quand la cométe ne seroit pas plus grande que que la lune (comme on suppose que plusieurs cométes ont été de cette grandeur) elle suffiroit cependant pour suppléer au vuide produit parla lumiere.

^{*} C'est l'opinion de Newton. Voyez ses questions à la fin de son Optiques



Leçon V.

47. QUOIQUE ce ne soient-là que des conjectures, je crois que le Lecteur ne sera pas fâché de voir dans une figure, comment une cométe, lorsquelle est une sois entrée dans l'atmosphére du soleil, doit ensin tomber dans le corps de cet astre.

Planche 26. Figure I.

Planche 26. Figure 1.

SOIT ABP # l'orbite d'une cométe, S & F ses foyers, S le foleil & DBC l'atmosphére du soleil. Lorsque la cométe vient de l'aphelie A au perihelie jusqu'en B, la resissance de l'atmo phé e du soleil empêchant une partie de l'acceleration que la comé e auroit dû avoir, l'attraction du soleil donne à son orbite plus de courbure au perihelie, la ramenant plus près de lui & la fait ve nir en bau lieu de men sortant; de sorte qu'elle a alors moins de courbure, parce que l'attraction du soleil lorsque la cométe sort, agit plus directement contre la direction de la force projectile. Cela doit rendre l'ellipse plus longue, porter son aphelie en A faire que son foyer f soit plus éloigné du soleil, que lorsqu'il étoit en F. Dans la révolution suivante, lorsque la cométe descend en B, elle s'approche encore plus du soleil dans son perihelie, & elle prend en B une nouvelle direction, de forte qu'elle décrit une ellipse encore plus longue, dont le foyer le plus éloigné est en o, & l'aphelie en a; & ainsi de suite, jusqu'à ce qu'à la fin elle descend dans le soleil par la ligne a S. Mais si une cométe se meut dans l'orbite a p, dont les soyers sont au soleil S & enf, & dont le perihelie p est totalement hors de l'atmosphére du soleil, le mouvement du corps qui fait sa révolution ne sera pas sensiblement troublé de plusieurs milliers d'années.

On ne peut bien comprendre les autre choses qui ont rapport à l'Astronomie qu'après avoir expliqué la 3^e Loi de mouvement.

TROISIE ME LOY DE MOUVEMENT.

48. A chaque action est toujours opposée une réaction égale; ou bien les actions mutuelles des corps les uns sur les autres,

sont toujours égales & ont des directions contraires.

Tout ce qui rire ou presse un autre corps, en est autant attiré & pressé. Si un homme presse une pierre avec le doigt, son doigt est aussi pressé par la pierre. Si un cheval tire une pierre attachée à une corde, le cheval (pour ainsi dire) est également tiré en

arriere vers la pierre : car la corde étant bandée, par le même LEÇON V. effort qu'elle fait pour se relâcher & se débander, tire autant le cheval vers la pierre, que la pierre vers le cheval, & elle empêche autant l'un d'avancer qu'elle fait avancer l'autre. Supposons, par exemple, que le cheval soit capable de surmonter un obstacle qui pese 1000 livres, en pressant contre lui avec sa poitrine; lorsqu'il tire une pierre de 100 livres pesant, il n'est plus capable que de vaincre un obstacle de 900 livres, la pierre retranchant de la force du cheval autant qu'il en faut pour s'avancer elle-même. Il faut donc s'attacher à bien comprendre ce terme autant & à le bien distinguer de celui-ci aussi vite. Si un corps en frappe un autre & si par sa force il en change le mouvement, ce corps essuyera aussi (à cause de l'égalité de la pression mutuelle) un changement égal de son propre mouvement vers le côté opposé. Les changemens produits par ces actions seront égaux, non pas dans les vîtesses (excepté dans le cas où les deux corps ont la même quantité de matière) mais dans les mouvemens ou momens des corps; ce qui doit s'entendre, si les corps ne sont pas arrêtés par d'autres obstacles. Car puisque les mouvemens sont également changés, les changemens de vîtesse qui se font vers les parties opposées seront en raison réciproque des corps. Cette Loi a aussi lieu dans les attractions.

Planche 26. Figure 2.

49. Si dans un grand vaisseau d'eau AB, on fait nager une pierre d'aiman L l sur un morceau de liege, & une piece de ser ou d'acier J i du même poids sur un autre morceau de liege, ils s'approcheront l'un de l'autre, & ils se rencontreront en C, milieu de leur distance; ce qui fait voir que l'attraction est mu-

ruelle entre la pierre d'aiman & le fer.

Tout le monde sçait qu'une longue piece d'acier, dont les deux bouts ont été frotés sur les poles d'un aiman, attire par un bout le pole qui lui a donné sa vertu & repousse l'autre pole; & ainsi de l'autre bout. Si donc J i est la piece d'acier qui a été touchée, & que son extrémité J ait reçu sa vertu du pole L de la pierre, & i du pole l; l'aiman & l'acier viendront à la rencontre l'un de l'autre de la maniere qu'on vient de le dire, lorsque Jest placé vers L; mais si de l'acier est placé vers L de la pierre, ou l de la pierre vers J de l'acier, & qu'on les approche de C

Planche 26. Figure 2.



LECON V.

* Note 9.

autant que les liéges sur lesquels ils flottent, le pourront permettre, alors au moment qu'ils seront abandonnés à eux-mêmes, la pierre & l'acier se repoussent mutuellement; ce qui fait voir, que l'action & la réaction sont égales & contraires aussi-bien dans les répulsions que dans les attractions. *

Planche 16. Figure 3.

50. AG & BF (Planche 26. Figure 3.) font deux bateaux d'égal volume & de même poids, flottant sur l'eau & en repos, à la distance GF; un homme dans l'un en G tire une corde attachée en F; en tirant il joint ensemble les deux bateaux, & ils se rencontrent en C leur centre commun de gravité, lequel se trouve ici (parce qu'ils font égaux) au milieu de leur distance. (Leçon 2. nº. 31.) Lorsque les bateaux sont unis en C, si l'homme pousse le bateau FB loin de lui, ce bateau & celui où il est se sépareront l'un de l'autre à égales distances de C. Mais si le bateau FB avoit été une fois aussi gros, (par exemple s'il avoit été FBH) & que le centre commun de gravité des deux bateaux eût été en c, la distance des bateaux étant GF; alors par l'attraction de l'homme, les bateaux se seroient rencontrés en c, le plus grand bateau ne parcourant que la moitié de l'espace parcouru par le plus petit; de même s'ils étoient poussés loin du point c, la vîtesse de leur séparation auroit été réciproquement proportionnelle à leur masse; c'est-à-dire, que AG se seroit écarré une sois aussi loin que FBH, leur centre commun de gravité restant en repos dans dans les deux cas. (Leçon 2. nº. 32.) On voit ici clairement que les momens des deux bateaux sont toujours égaux, quoique leurs vîtesses ne soient égales que lorsque les bateaux sont égaux, & ces momens égaux par lesquels les bateaux sont portés vers les côtés opposés, font voir que l'action & la réaction, dans tous les cas où les corps agissent les uns sur les autres, sont égales & contraires. Si le bateau A G avoit été joint à un grand vaisseau, & que l'homme eur poussé son bateau loin du vaisseau; il auroit donné autant de mouvement au vaisseau qu'au bateau; je dis que le vaisseau se seroit mû autant, mais non pas aussi vîte; parce que la vîtesse du vaisseau étant d'autant plus petite que le vaisseau est plus grand que n'est le bateau, auroit été insensible à la vûe, & par conséquent le vulgaire en ce cas s'imagine que le vaisseau ne se meut point du tout, & l'on a bien plus de peine à se perfuader qu'un homme qui pousse contre le rivage pour faire avancer son bateau, donne autant de mouvement à toute la terre,

qu'il

qu'il en donne à son bateau; quoique la chose soit très-certaine. Leçon V. En mettant le feu au canon, l'explosion de la poudre pousse autant le canon en arriére, qu'elle pousse le boulet en avant; mais comme la quantité de matière est beaucoup plus grande dans le canon que dans le boulet, le recul n'est que de quelques pieds, pendant que le boulet s'avance peut-être de 10000 pieds; en considérant le recul, il faut y ajouter le frottement de l'affut de canon contre la terre, qui doit encore diminuer la vîtesse du mouvement du canon. Si le canon est attaché à un vaisseau, on ne ressent qu'une secousse dans le navire lorsqu'on met le seu au canon, parce que toute la matière du vaisseau étant ajoutée au recul du canon, la vîtesse diminue à proportion de cette matière, qui rend cette vîtesse insensible à la vûe, & ne se fait sentir que par une sécousse.

51. L'ACTION & la réaction se voyent très-clairement dans l'action de voguer, de nager & de voler; par exemple, lorsque l'homme K dans le bateau JK (Figure 4.) pousse sa rame, il pousse l'eau vers H, & l'eau pousse autant le bateau vers D. Dans l'action de nager, qui n'est autre chose que celle de voguer avec les mains & les pieds, on est autant poussé en avant par l'eau qu'on pousse l'eau en arrière. La même chose sert à expliquer le vol des oiseaux, qui sont poussés en avant par la réaction de l'air contre leurs aîles étendues, pendant qu'ils frappent l'air avec leurs aîles. Par exemple, si un oiseau frappe l'air en bas avec ses aîles, par une force égale à celle qui pourroit élèver 10 livres, la réaction de l'air le poussera en haut avec la même force; mais si l'oiseau pese une livre, l'effet de la réaction de l'air le fera monter avec une force qui ne sera que de 9 livres; c'est-à-dire, que l'oiseau s'élevera précisément autant que feroit une livre attachée à une corde qui passeroit sur une poulie, par la force de la chûte de 10 livres à l'autre bout de la corde. Si l'oiseau ne frappoit l'air qu'avec une force égale à son propre poids, il resteroit pendant quelque tems suspendu dans l'air sans aucun mouvement, comme nous voyons souvent que cela arrive aux milans, aux faucons & aux autres oiseaux de proye.

52. Lorsqu'on aura bien compris les Loix précedentes du mouvement, on expliquera aisément les phénomenes des marées; mais pour rendre la chose encore plus aisée, il nous faut commencer par la considération ou lemme qui suit.

Tome I. Ccc

LECON V.

Si lor que trois corps se meuvent l'un après l'autre du même côté, avec la même vîtesse, on imprime sur chacun d'eux une nouvelle force, mais, qui soit plus grande dans le premier, moindre dans le second, & encore moindre dans le troisiéme, leurs distances les uns des autres augmenteront continuellement, quoiqu'ils continuent tous à se mouvoir du même côté, & que chacun d'eux se meuve plus vîte qu'auparavant.

Supposons que les trois bateaux AG, FB & JK (Figure 3 & 4.) sont portes par un courant d'eau de L vers D, flottant sur l'eau avec une vîtesse égale, & qu'il n'y ait qu'un homme attaché à la rame du bateau AG, deux au bateau FB, & quatre au bateau JK. Maintenant pendant qu'aucun de ces hommes ne vogue, les bateaux étant entraînés par le courant, continuent d'être à égales distances l'un de l'autre; de maniere que si un homme, étant assis dans le bateau du milieu, peut avec une longue perche atteindre l'avant du bateau AG de derriere en G, & la poupe du bateau de devant en J, il sera toujous en état de le faire tant que les hommes qui sont dans les bateaux ne vogueront pas: mais si l'on suppose que tous les hommes se mettent tout à la fois à voguer, le mouvement de tous les bateaux vers D sera acceleré, & il le sera d'une maniere différente; car les quatre hommes qui sont dans le bateau de devant lui donneront plus d'acceleration vers D, que les deux qui sont dans le bateau du milieu, & ces deux-ci feront marcher leur bateau plus vîte, que celui qui est seul dans le dernier bateau AG; en sorte que la personne qui tient une perche dans le bateau du milieu FB, ne pourra plus atteindre ni le bateau qui passe devant, ni celui qui le suit en arrière; mais elle s'imaginera (si elle ne fait pas attention à son propre mouvement) que le bateau qui est devant s'érarte en avant, & que celui qui est derriere recule. Cette considération nous aidera à expliquer la cause du flux & reflux de la mer.

53. Si la terre étoit parfaitement unie, sans montagnes ou valleés, la mer formeroit tout autour une coquille d'eau, qui seroit concentrique à la terre, s'il n'y avoit auprès d'elle aucun corps, qui pût asterer la figure de ce fluide par son attraction. Soit Planche 26. @ p ? n (Planche 26. Figure 5.) la figure que la terre auroit dans cette supposition, C son centre, & A PLN la surface de la mer, concentrique à la terre, à cause de sa gravitation égale dans toutes ses parties vers le centre de la terre. Considerons maintenant quel effet doit avoir la lune en M (CM étant une distance de 60 demi diametres de la terre.) Puisque l'action & la réaction sont égales, autant que la lune gravite vers la mer en L, autant la mer gravite

Figure 5.

000

vers la lune; mais comme la mer gravite aussi vers C centre de la terre avec plus de force, (comme ayant 40 fois plus de matiére & étant 60 fois plus proche;) la lune l'attirant à la distance ML par une direction contraire, n'enleve de sa gravitation vers la terre que l'équivalant de la force acceleratrice à la distance ML. Cela fera monter l'eau qui est en L jusqu'à 1, & en même-tems l'eau s'élevera de l'autre côté de la terre de A en a, pendant qu'elle s'abaissera en P & N pour fournir à l'élevation en l & a. Si l'on considére l'eau en L, la terre en C (réduisant tout son poids à son centre de gravité, puisque ce n'est pas un fluide qui change de figure) & aux antipodes de L l'eau en A, on aura le cas des trois corps ou des trois bateaux du lemme précedent : car ces trois corps gravitent vers la lune en M; mais différemment selon leurs distances & dans les proportions suivantes. L'eau en L est éloignée de la lune M de 59 demi-diamétres de la terre; mais le centre de la terre C en est éloigné de 60 demi-diamétres; donc autant que 3600 quarré de la distance de la lune au centre de la terre, est un nombre plus grand que 3481 quarré de 59, distance de la lune à la mer en L, autant l'attraction de la lune, (c'est-à-dire, la force acceleratrice vers la lune) est plus grande sur la mer en L que sur la terre en C, ce qui fait avancer la mer vers la lune jusqu'en 1, ou en d'aurres termes, c'est ce qui produit la haute mer en 1 sous la lune. Il y a aussi dans le même tems une haute mer aux antipodes, ou dans la partie opposée de la terre en a; parce que l'eau y étant moins attirée que le centre de la lefre (dans la proportion réciproque du quarré des distances, c'est-à-dire, autant que 3600 quarré de la distance du centre de la terre, est un moindre nombre que 3721 quarré de A M = 61, distance de la mer à la lune dans les antipodes) doit s'élever en a restant en arrière, ou ne s'avançant pas vers la lune autant que le centre de la terre. Car comme les trois corps L, C & A tendent tous vers la lune; mais que L y tend avec plus de force que C, & C avec plus de force que A; les distances CL & CA doivent croître par ces inégalités de forces qui agissent du même côté.

54. On m'a souvent objecté, qu'il ne paroît pas problable; que la lune éleve l'eau dans un partie de la terre en L, en attirant l'eau plus que la terre, & qu'en même tems elle l'éleve dans la partie opposée de la terre, comme en A, en l'attirant moins que la terre; mais toute l'objection disparoîtra, si l'on explique ce que Ccc ii

LECON V.



LEÇON V. l'on entend par ce mot élever l'eau, qui est ici équivoque. A l'égard de la terre, ce qui est plus éloigné de son centre est dit élevé, & dans ce sens l'eau en a est élevée aussi-bien qu'en l; mais à l'égard de la lune M, l'eau en L est plus élevée, parce qu'elle vient en l' plus près de la lune, & l'eau en A venant en a plus loin de la lune, est plûtôt abaissée ou laissée en arriere, comme étant moins attirée que la terre. Si l'on considere la terre tirée vers M, ensorte que la partie Bas de sa surface soit portée vers Bæb, il arrivera la même chose à un habitant de la terre en æ, que si l'eau (sans aucun égard à la lune) s'étoit élevée en A, de A en a. Pour rendre ceci encore plus clair, supposons qu'un Habitant de la terre en A, est debout dans la mer auprès du rivage, ensorte qu'il ait l'eau jusqu'au milieu de son corps, que ses pieds soient vers a, & sa tête vers Z le zenich, si la lune est dans le nadir en M (c'est-à-dire sous la terre à l'égard de l'homme en A) la terre sur laquelle cet homme est debout, sera tirée en bas, pendant que la furface de l'eau ne descend pas si vîte. La consequence sera que l'homme se trouvera dans l'eau jusqu'au cou; & s'il n'a aucune connoissance de l'action de la lune pour tirer en bas le fonds sur lequel il est appuyé, il dira que c'est l'eau qui monte, & c'eff-là réellement ce que nous appellons la haute-mer, lorsque la lune est à nos antipodes..

> 55. En faveur de ceux de mes Lecteurs qui ne sont pas assez satisfaits de ce qu'on a dit jusqu'ici sur les marées, je vais en donner une solution hydrostatique, en anticipant seulement une proposition évidente d'hydrostatique; sçavoir, que toutes les liqueurs de la même pesanteur specifique, * qui étant contenues dans différens vaisseaux, ont une communication entr'elles, se tiennent à la même hauteur; mais si dans l'un des vaisseaux il y a une liqueur spécifiguement plus legere que les autres, elle s'élevera d'autant plus haut, qu'elle sera plus legere pour rétablir l'équilibre.

> Il faut maintenant observer que les points LNAP étant également éloignés du centre de la terre C, sont également élevés, & que les eaux dans ces endroits que l'on suppose communiquer les unes avec les autres, gravitent vers le centre de la terre, selon les lignes LC, NC, AC & PC dans les colomnes égales L2, Nn, Ax & Pp, tandis qu'il n'y a point d'autre



^{*} Un corps est dit specifiquement plus de matiere sous le même volume, ou autant pesant qu'un autre, lorsqu'il contient plus de matiere sous un moindre volume.

corps que la terre qui attire les eaux. Mais lorsque la lune est en Leçon V. M, les colomnes d'eau en L, deviennent moins pesantes vers C, qu'elles ne l'étoient auparavant, parce que la lune les attire dans une direction contraire (fçavoir de L en M); ce qui doit produire le même effet que si l'eau étoit dans cet endroit specifiquement plus legere, comme elle le seroit si elle avoir perdu sa falure. Mais les colomnes en P & N ne deviennent pas moins pesantes vers C, parce que la lune tirant à angles droits sur PC & NC, ne diminuë pas la tendance des eaux en P & N vers C, & par consequent elles retiennent toute leur pesanteur; ce qui fait qu'elles pesent plus que les colomnes en L, qui ont perdu une partie de leur pésanteur vers C. Les eaux donc tomberont en P & N, & s'éleveront en L, jusqu'à ce que les eaux venant de L en l, ayent autant augmenté en quantité qu'elles ont perdu en pesanteur specifique, & par ce moyen l'équilibre sera rétabli. De même les colomnes d'eau en A, qui ont moins de tendance vers C, que les eaux en P & N deviennent (pour ainsi dire) specifiquement plus legeres, & par consequent pour conserver

76. JE n'ignore pas une objection que l'on fait ici, & que paroît d'abord être d'une grande force; sçavoir que puisque les eaux en L par l'attraction de la lune, ont une tendance vers la lune, dans la direction L M; les eaux en A do ant aussi recevoir une tendance vers la lune dans la direction A M par l'action de la lune, quoique cette action soit moindre en A qu'en L; & par conséquent bien loin que leur pesanteur ou tendance vers C soit diminuée, elle doit être augmentée par une addition quelque petite qu'elle soit; donc elles doivent presser plus vers C, que les eaux en P & N, & ainsi elles doivent s'abaisser en A, au lieur de s'élever vers a.

l'équilibre, elles doivent recevoir une nouvelle quantité d'eau de

P & N, qui les élevera en a.

Pour répondre à cela, il faut faire attention que comme la terre en C est plus attirée vers la lune que l'eau en A, c'est la même chose que si on éloignoit le centre de gravité de la terre de Cen c; & par ce moyen l'eau en A seroit d'autant moins attirée vers C, que la distance A c seroit plus grande que A C (Leçon r. N°. 17.) ensorte que même avec la force additionnelle qui lui est donnée par la lune dans la même direction, elle auroit moins de tendance vers le centre de la terre, que l'eau en P & N₂. & C.

Lecon V. par conséquent elle devroit s'élever en a par l'écoulement des eaux de P & N.

57. Il y a une autre objection qui semble renverser tout le fondement de ce raisonnement sur les marées, & rendre le cas entierement différent de l'exemple des trois bateaux que nous

avons donné pour l'éclaircir.

La voici: Si la terre C, & les eaux en L & A (comme dans le cas des trois bateaux), étoient toutes portées vers la lune, la terre & la lune devroient avec le tems se réunir; mais on ne peut pas observer qu'elles s'approchent le moins du monde: les distances de la terre & de la lune ne variant que selon la nature de la courbe dans laquelle la lune se meut, & selon les actions réunies du soleil & de la terre dans les différentes positions de ces trois corps, & dans les différentes distances de la terre au soleil,

à mesure qu'elle décrit autour de lui son orbite elliptique.

Pour répondre à cela, on doit observer que c'est une conséquence nécessaire de l'attraction mutuelle de tous les corps, & de la troisiéme loi, que la terre doit graviter vers la lune, aussibien que la lune vers la terre; mais qu'il ne faut pas s'attendre à voir la terre s'approcher de la lune, parce qu'une autre cause Estruit cet effet. Car la lune & la terre (comme nous l'avons remarqué ci-devant, Leçon 2. Nº: 32.) décrivant des ellipses semblables autour de leur centre commun de gravité, acquierent par la vîtesse à leur mouvement une telle force centrifuge, qu'elle balance (ou détruit quant à l'effet) leur force centripéte vers le centre commun de gravité. Par ce moyen il ne leur reste qu'une tendance, & non aucun effet visible dans la terre ellemênie. Mais à l'égard des eaux, cette tendance doit produire un effet visible, quoiqu'elles n'abandonnent jamais la terre, parce qu'il y a une communication de l'eau en P & en N à celle qui est en L & en A; & comme nous avons déja démontré que les eaux en L & en A ont moins de tendance vers C, centre de la terre, que les eaux en P & en N; l'effet de cette tendance fera que les eaux s'éleveront en A & L, & tomberont en P & L pour conserver l'équilibre; mais s'il n'y avoit point de communication entre P, N & A, L, il n'y auroit point d'effet visible; c'est-à-dire, que l'eau ne s'éleveroit pas en L & A, comme cela arrive dans les lacs & dans les mers qui n'ont point de communication avecl'océan, à moins qu'elles n'ayent une vaste étendue.



78. CE que j'ai encore à faire voir au sujet des marées, est LECON V. l'élevation & l'abaissement de l'eau, qui arrivent successivement dans chaque endroit; par exemple, si la haute mer est à Portsmouth à midi, la basse mer arrivera un peu après six heures du sois ; ensuite vers le minuit, ou six heures après, la haute mer reviendra, à six heures du matin la basse mer, & environ à midi le jour suivant, encore la haute mer, &c. On voit par ce qui a été dit, que les eaux autour de la terre forment par l'attraction de la lune un sphéroïde allongé, dont le plus grand axe prolongé passe par le centre de la lune; comme le sphéroïde l'N a P (Figure 5.) dont l'axe est al, & qui étant prolongé passe par le centre de la lune en M. Supposons maintenant que L soit un Port de Mer sur l'Océan, par exemple, à Lucaio, l'une des Isles Bahama, à 27°. de latitude nord, & que C est l'axe aussi-bien que le centre de la terre, & que Lucaio soit à midi en L, lorsque l'eau est sous la lune M; comme la terre tourne de l'ouest à l'est, Lucaio sera dans six heures portée en P, où l'eau est la plus basse (car le sphéroide de l'eau sera immobile par rapport à la lune jupe nous supposons en repos en M, pendant que tous les Pays de la terre tournent dans le cercle LPAN, ou dans d'autres cercles paralléles). Six heures après, Lucaio arrivera en A, où elle aura haute mer; six heures ensuite, elle sera en N, où l'eau est basse; & enfin elle reviendra en L le jour suivant à midi , & ainsi elle aura haute condent on conquience moins. Newson a thickeis (Film of Iram

Le fait est, que s'il y a haure mer dans un lendion aujourd'hui à midi, la haute mer ne sera le jour suivant qu'environ 53 minutes, c'est-à-dire près d'une heure après midi. La raison de cela est, que la lune ne reste pas immobile dans le Ciel, comme nous venons de le supposer, mais qu'elle parcount dans son orbite 13 dégrés & 10' minutes; par exemple, l'arc Mm (Figure 6.) en 24 heures; de sorte que lorsqu'un lieu de la terre, comme Lucaio, a passé de L en L, ensuite de l'en >, & est ensin revenu au même point à la même heure en L; la lune n'étant plus en M, mais en m, la haute mer a changé de place avec la lune, & le grand axe du sphéroïde n'est plus L1, mais Nn; par conséquent Lucaio doit se mouvoir jusqu'en N, où se trouve la haute mer vers la lune, le sphéroide de l'eau étant main enant représenté par l'ovale ponctuée, dont l'axe prolongé est la ligne n N m, & le tents de ce mouvement sera d'environ 53 minutes, à raison de 15 dégrés par heure, que chaque Pays de la terre parcourt de l'ouest à l'est.

LECON V. 59. OUTRE cette élevation & cet abaissement alternatifs de l'eau deux fois en 24 heures, on a observé qu'au tems de la pleine lune & de la nouvelle lune, les marées (qui s'appellent alors hautes marées) sont plus grandes qu'au tems des quadratures, c'est-à-dire lorsque nous ne voyons que la moitié de la lune; & comme l'eau s'éleve plus haut dans le flot, elle descend aussi plus bas dans le jussant ou ressux, lorsque la lune est pleine, ou qu'elle est nouvelle.

Les marées qui arrivent aux quadratures se nomment basses marées, & l'on peut rendre raison des unes & des autres par

l'action réunie du foleil & de la lune.

Si l'on considére l'action du soleil sur les eaux & la réaction des eaux, comme nous l'avons fait par rapport à la lune, on trouvera (par les mêmes raisons) que les eaux doivent s'élever sous le soleil, & aux antipodes; mais comme l'attraction du soleil, à cause de sa distance immense, est plus de cinq sois moindre que celle de la lune, * tous ses effets, le reste étant égal, seront plus de cinq fois moindres. Maintenant puisque tant la lune que le soleil agissent sur les eaux, lorsque leurs actions se confondent ensemble (comme il arrive lorsque la lune est pleine ou nouvelle) l'eau s'éleve d'un cinquiéme plus haut, & descend un cinquiéme plus bas; & lorsque leurs actions sont contraires l'une à l'autre (comme elles le sont aux quadratures) les eaux montent & descendent un cinquiéme moins. Newton a fait voir (Princip. L. 3. Prop. 38.) que la lune est capable d'élever de 10 pieds l'eau de l'Océan, & que le soleil ne peut l'élever que de 2 pieds : Done lorsque leurs deux actions sont réunies, l'eau s'élevera de 12 pieds; & lorsqu'elles sont contraires l'une à l'autre, l'eau ne s'élevera que de huit pieds. Mais on comprendra mieux ceci par une Figure.

Planche 26. Figure 7.

Planche 26.

ACL est la terre, dont le centre est en C; M ou m la lune;

* La surface visible des corps décroit comme les quarrés de leurs distances croisfent, & la puissance de l'attraction des corps (c'est à-dire leur force accélératrice) décroît dans la même raison. Donc si le soleil & la lune avoient la même densité, leurs attractions sur la terre & sur la mer seroient égales sorsque leurs diamétres appa-

rents sont égaux. Mais le soleil ayant environ cinq sois moins qu'une lune de même volume (c'est-à-dire, étant environ cinq sois moins dense que la lune) a cinq sois moins de sorce absolue, & par conséquent doit avoir cinq sois moins de puissance pour mouvoir la mer.

par hourd, due chaque rays uc

dont

dont l'action réduit l'eau au sphéroïde allongé Inap, dont l'axe Leçon V. prolongé passe par la lune. S'est le soleil, qui, s'il n'y avoit point de lune, auroit élevé l'eau en L, & au côté opposé en A, ensorte qu'il l'auroit réduite au sphéroïde APLN, moins allongé que celui de la lune. Maintenant lursque le soleil & la lune sont dans la même ligne (comme lorsque la lune est pleine en M, ou nouvelle en m) les axes des deux sphéroïdes se confondent, ensorte que l'eau qui n'auroit été élevée par la lune qu'en a & l, sera par la force additionnelle du soleil élevée en æ & à 12 pieds au lieu de 10, & par conséquent abaissée d'autant en p & n. Mais si la lune étant en M ou m, le soleil étoit en s ou s (c'est-à-dire, aux quadradures, lorsque la lune paroît à demi) l'action du soleil seroit capable d'élever l'eau en P & N, si elle agissoit seule; mais comme la lune éleve l'eau en même-tems en a & l, tout l'effet de la force du soleil ne sera que pour empêcher l'eau de s'élever aussi haut sous la lune & au côté opposé de la terre, que la lune l'auroit élevée sans cet obstacle; ensorte que l'eau, au lieu de s'élever en a & l, ne s'éleve qu'en A & L, de 8 pieds au lieu de 10, & l'eau est seulement abaissée en P & N, au lieu de tomber aussi bas que p & n. C'est ainsi que les basses marées sont produites par les actions contraires, comme les hautes marées par les actions réunies du foleil & de la lune.

Comme les côtes de la mer sont fort irrégulieres, que la mer a différentes profondeurs, que les rivieres s'y précipitent plus vîte ou plus lentement avec la marée & contre la rée, & que l'eau coule différemment dans les bayes, golphes & détroits, nous ne devons pas nous attendre que les marées soient partout aussi régulieres que nous l'avons supposé, excepté dans l'Océan, libre de tout empêchement; mais si l'on examine bien les circonstances & les faits, on pourra résoudre tous les phénomenes relatifs aux marées par les principes expliqués ci-dessus. Le Docteur Halley, ce savant & insatigable Astronome, en a donné un exemple dans le premier volume des Miscellanea curiosa, & dans les Transactions Philosophiques, No. 162. où il a donné plus d'étendue à la Théorie de Newton, & l'a appliquée à différens cas, qui sans cela seroient inexpliquables, en faisant voir par la solution des phénoménes les plus difficiles, que la théorie répond à tous les cas connus & fidellement rapportés. Je renvoye ceux qui sont curieux d'approfondir cette matiere, à la 37°. Proposition du 3°., Livre des Principes de Newton, & à la Dissertation du Docteur

Tome I.



LEÇON V. Halley dont je viens de parler. Ils y verront d'où vient que la mer s'éleve aux hauteurs prodigieuses de 40, 50, & même de plus de 60 pieds en différens endroits, comme à Chepstow audessus de Bristol, à Saint-Malo, à Avranches en Normandie, à Cambaye & à Pegu dans les Indes Orientales. D'où vient qu'il n'y a point de marées sensibles en certains endroits, comme dans la Méditerranée, la Mer Caspienne, la Mer Noire, & dans les Lacs. D'où vient que les marées sont si extraordinaires à Tonquin dans la Chine, où il n'y a qu'un flux & un reflux en 24 heures, & où il n'y a point du tout de marée deux fois chaque mois. D'où vient que la lune doit avoir un peu passé le méridien pour produire la haute mer en certains endroits, & d'où vient que les hautes marées n'arrivent pas précifément lorsque la lune est nouvelle ou pleine, ni les basses marées dans les quartiers, mais ordinairement trois marées après, à cause de la résistance que l'eau rencontre, & qui l'empêche de suivre la lune aussi vîte qu'elle l'auroit fait, si elle avoit couvert la surface d'une terre bien unie. Je n'expliquerai plus qu'un article, avant que de quitter ce sujet, sçavoir les phénoménes des marées équinoctiales, qui sont plus hautes vers l'équinoxe du printems & de l'automne, que dans tout autre tems, & qui sont moindres que toutes les autres aux solfices.

Planche 26. Figure 8.

Planche 26. Figure 8.

60. Som C2D l'orbite de la terre, S le soleil au milieu; 1 & 2 la terre au tems du solstice d'été & d'hyver; 3 & 4 la terre aux équinoxes. 1°. Considerons ce qui doit arriver dans un lieu particulier, comme à Lucaio, ci-devant cité, lorsque ce Pays est au solstice d'été, comme en 1. Si la lune est dans la ligne AS. c'est-à-dire, soit qu'elle soit nouvelle ou pleine., ou dans les syzygies, comme parlent les Astronomes, AL sera le grand axe du sphéroide aqueux, & les eaux seront le plus élevées en L & A. Maintenant Lucaio étant à midi en L, aura haute mer, & cela dans l'endroit où le sphéroïde est le plus élevé; mais à minuit Lucaio viendra en L, où à la vérité il aura haute mer, mais non pas à beaucoup-près aussi haute que s'il avoit été en A, antipodes de L. Le paralléle de Lucaio, c'est-à-dire son plan (aussi-bien que ceux de tous les autres paralléles ou cercles dans lesquels · les différens Pays du monde sont leur révolution autour de l'axe de la terre) formant un angle avec le sphéroïde aqueux, la



rotation de la furface de la terre est oblique au mouvement de l'eau produit par l'action du soleil & de la lune, & par conséquent l'élevation de l'eau est abattue par les rivages qui la portent d'un autre côté. Au solstice d'hyver, lorsque la terre est en 2, Lucaio étant en l'à midi, a bien haute mer à la vérité, mais l'eau n'est pas à beaucoup près aussi haute qu'en b, où sont les antœciens de Lucaio; mais à minuit Lucaio est porté en à, où il a une grande marée, l'eau y étant dans l'endroit le plus élevé du sphéroïde.

COROLLAIRE.

Dela il suit qu'au solstice d'été les Pays septentrionaux ont la marée plus haute pendant le jour que pendant la nuit, & au contraire dans le solstice d'hyver, la même chose arrive aux Pays

méridionaux dans les mois opposés.

Lorsque la terre est en 3 ou 4, où sont les équinoxes, l'eau est plus élevée en C & D, le soleil étant dans le plan de l'équateur ÆQ; ensorte que chaque Pays qui a eu la haute marée pendant le jour, comme dans l'hémisphére Æ4QC, l'aura aussi haute la nuit 12 heutes & demi après, comme dans l'hémisphére Æ3QD. La force centrifuge de chaque Pays aidant aussi à élever l'eau, & chaque paralléle de latitude ayant son plan paralléle à l'axe du sphéroide. Mais cela paroîtra encore plus clair par la 9^e. Figure, dans laquelle Pp est l'axe de la terre, ÆQ l'équateur, ÆNpnQP le sphéroïde aqueux formé par le soleil S, & la nou de lune M, L Lucaio qui a la haute mer à midi; or il est évident que lorsque Lucaio arrive en l'à minuit, il aura la mer presque aussi haute qu'à midi. On peut dire la même chose de tout autre Pays, comme des antaciens de Lucaio en N, qui lorsqu'ils arrivent en n à minuit, ont presque la mer aussi haute qu'ils l'avoient à midi en N. Il en est de même des Habitans en Æ, qui trouvent la mer dans 12f. heures aussi haute en Q.

N.B. Comme le soleil est plus près de la terre en hyver, nous avons les plus hautes marées dans le solstice qui fait l'hyver de nos Pays septentrionaux; & de-là il suit aussi que les plus grandes marées ne sont pas précisément au tems des équinoxes, mais un peu avant l'équinoxe du printems, & un peu après celui d'automne.

Planche 16. Figure 9.



LECON V.

SUR LES PENDULES.

Planche z6. Figure 10.

61. Le Pendule est un corps pesant d'une espece quelconque, qui étant attaché à un cordon ou à un fil de ser, est suspendu à un point fixe; comme le pendule P (Planche 26. Figure 10.) qui est suspendu au centre C par le sil CP. Si ce corps est tiré de son point le plus bas P, & porté à un autre point comme p, aussi-tôt qu'il sera lâché, non-seulement il reviendra au point le plus bas P, d'où il étoit parti, mais il continuera son mouvement jusqu'à ce qu'il se soit élevé en m, à une hauteur égale à celle d'où il étoit tombé, excepté autant qu'il en sera empêché par la résissance de l'air, & par le frottement en C; sans quoi il iroit toujours en avant & en arrière sans discontinuer. Cette chûte & cette élevation du pendule, par exemple de p en m, se nomme oscillation ou vibration.

Les usages des pendules sont en grand nonibre; mais on s'en ferr le plus communément pour mesurer le tems. Toute la théorie des pendules, c'est-à-dire, tout ce qui a rapport à leurs phênomènes, suit naturellement de ce que nous avons dir sur la chûte des corps.

62. J'A I déja fait voir que s'il y a un plan incliné, comme AB (Figure 11.) dont la hauteur est Ab, & la base CB; un corps qui tombe de A le long du plan incliné, n'ira pas plus loin que D, dans le tems qu'un autre corps étant parti du même point A, tombe en C de toute la hauteur du plan, & que ce point D se trouve en abaissant une perpendiculaire de C (extrémité de la ligne verticale qui mesure la hauteur du plan) sur ce plan. (Nº. 18.) Si donc il y a plusieurs autres plans inclinés depuis le point A jusqu'à la ligne horizontale CB, comme AE, AF, AG, &c. les perpendiculaires CH, CJ, CK, marqueront les points de ces plans où un corps tombant de A, arriveroit dans le même tems; mais puisque tous les angles dans le demi-cercle sont droits, on peut décrire sur la ligne A C avec la distance A P (moitié de AC) autour du point P un demi-cercle, qui passera par les points angulaires D, H, J, K, &c. Soit achevé le cercle entier. Les parties interceptées des lignes (ou plans) AB, AE, AF, AG, scavoir AD, AH, AJ, AK, sont maintenant des cordes du cercle. Menez dans l'autre demi-cercle les lignes OC, NC, MC, LC,

respectivement paralléles aux cordes ci-dessus (& par conséquent Leçon V. égales & également inclinées.) Or il est évident par ce qui a été dit, qu'un corps tombera par toutes ces dernieres cordes dans le même tems qu'il employera à parcourir toutes les autres. Donc si un cercle est placé verticalement, & qu'on y mene tant de cordes qu'on voudra à la partie la plus basse du diametre, un corps tombera dans le diametre, (ou dans toute sa longueur,) & dans chacune des cordes dans le même tems, celles qui sont plus inclinées étant plus courtes & au contraire. Maintenant puisque les petits arcs de cercle ne différent que fort peu de leurs cordes, les corps qui tombent dans les petits arcs de cercles, au lieu de tomber dans leurs cordes, décriront ces arcs dans des tems qui seront sensiblement les mêmes. * Par exemple; soit un corps C (Figure 11.) suspendu par le fil CP en P, centre du cercle; soit ensuite élevé ce corps de C en M, ou à un point quelconque entre C & M, (ou de la même maniere de l'autre côté de C,) aussi-tôt qu'on le laissera aller, il tombera en C dans un arc de cercle, au lieu de la corde, & sensiblement dans le même tems; soit qu'il tombe de L, K, ou J, parce que la corde LC ou JC ne différe de son arc LC ou JC un peu plus que la corde CK du finus CK. Mais si le pendule tomboit dans l'arc NMC ou MLC, il resteroit un peu plus long-tems à p venir au point L, point le plus bas C, que s'il n'étoit tombé que de K, parce que l'arc NMC ou MLC surpasse en longueur la corde NC ou MC beaucoup plus que l'arc CKe surpasse la corde CK. Mais si le pendule tombant de M étoit seulement arrêté par l'air dans son mouvement, il s'élevoit à fort peu-près jusqu'en H, qui est aussi haut que M, & alors à peine v auroit-

* Je ne prétends pas qu'un corps doive tomber le long des arcs de cercle dans le même tems qu'il tomberoit le long des cordes; mais que dans les arcs qui ne sont pas fort inégaux, il tomberoit sensiblement dans le même tems. Car un corps tombera plus vîte dans un arc que dans sa corde, parce qu'il en part avec une plus grande is clinaifon; le tems de la chûte dans l'arc étant au tems de la chûte dans la corde à fort peu près dans la proportion de 785 à 2000. La chûte le long de la corde se faisant dans le même tems que le long du diametre, il s'ensuit que toute la vibration ou la chûte & l'élevation dans deux cordes en doublant le tems, se fera dans le même tems qu'un corps employeroit à parcourir 4 diamétres, ou 8 fois la longueur du pendule : mais les Mathématiciens ont démontré que le tems employé par un pendule à faire ses vibrations dans un arc de cercle est au tems que le corps employeroit à parcourir ces 4 diamétres, comme la circonférence du cercle est à ces 4 diamétres; ou que le tems de la chûte dans un arc : est au tems de la chûte dans une corde :: comme le quart du cercle : est à son diametre : c'est-à-dire , à fort peu près comme 785 : à 1000,

LEÇON V. il quelque différence entre le tems de l'élevation & de la chûte du pendule.

COROLLAIRE I.

DELA il suit que si l'on sait décrire à un pendule de grands arcs de cercles, & qu'étant abandonné à lui-même il diminue continuellement ses vibrations par la résistance de l'air, les tems des vibrations seront un peu plus longs au commencement qu'à la sin; mais si le corps ne décrit au commencement que de petits arcs de cercle, toutes ses vibrations pourront être regardées, sans aucune erreur sensible, comme isochrones (c'est-à-dire, achevées dans le même tems) jusqu'à ce qu'il soit en repos.

COROLLAIRE II.

Dela il suit aussi que de quelque métal ou espece de corps que le pendule soit composé, pourvû que le sil soit de la même longueur, toutes les vibrations, si elles sont petites, seront achevées dans le même tems (puisque tous les corps tendent à tomber avec la même vîtesse, Leçon 1. N°. 8.) En comptant les vibrations on peut mesurer le tems fort exadement. Car quoique les corps qui sont spécifiquement plus legers que les autres, arrivent alû-tôt au repos par la résistance de l'air, & qu'ainsi ils sassent moins de vibrations, cependant chacune de ces vibrations sera achevée dans le même tems.

N. B. Ceci avec ce qu'on a dit auparavant, deviendra plus évident par les Expériences.

Expérience XVII.

Planche 26. Figure 12. 63. ECD est une planche triangulaire de bois placée verticalement, avec un arc de cercle tracé autour du centre b de o en 9, & un autre tracé autour du centre a de o en 9 de l'autre côté, les divisions de chaque côté étant égales. On suspend de a & b deux balles ou pendules, de maniere qu'elles ne fassent que se toucher l'une & l'autre, lorsqu'elles sont au point le plus bas; ce qui arrivera si les points a, b sont précisément éloignés l'un de l'autre de la distance des centres des balles. Si la balle A est élevée à 7, 8 ou 9, & la balle B à 1, 2, ou 3, & si on les lâche toutes deux en même-tems, elles se rencontreront exactement en o, quoiqu'elles ayent décrit des arcs inégaux, & elles le feront toujours, quoique les arcs soient aussi dissérens qu'ils peuvent

l'être par cet instrument, du moins autant que la vûe pourra le LEÇON V. déterminer, lorsque le plus grand arc ne sera pas au-dessus de 20 dégrés, comme il ne sçauroit l'être dans cet instrument.

Expérience XVIII.

PRENEZ 3 balles P, P & n, l'une de plomb, l'autre d'ivoire, & la troisiéme de liége; & les ayant attachées chacune à des fils d'égales longueurs, suspendez-les au fil de fer horizontal W, au haut du guéridon Ss; ensuite les élevant toutes à hauteurs égales, & les laissant tomber en même-tems, elles feront leurs vibrations dans le même tems; car quoique le liége soit plû-tôt en repos que l'yvoire, & l'yvoire que le plomb, & quoique pendant que le plomb fait toujours ses vibrations dans l'arc Pp, l'yvoire ne fasse les siennes que dans un arc plus petit Pp, & le liege dans un arc encore plus petit II m, on verra que ces balles arrivent toujours à la partie la plus basse de la vibration dans le même tems.

Planche 26, Figure 13.

XPÉRIENCE XIX.

FAITES mouvoir le pendule P autour de la cheville C, comnie centre, l'ayant d'abord élevé de F en P, & il décrira l'arc PFe, s'élevant en e sensiblement aussi haut que P dans la ligne horizontale Pe. Ensuite au point A, milieu de cette lignorizontale, plantez la cheville A, & le fil du pendule sera retenu & arrêté par cette cheville; mais le reste du fil en-dessous de A en F sera en liberté, de sorte qu'il laissera monter le pendule en B, qui est un point de la ligne horizontale précédente, & cela dans un arc de cercle dont le rayon est AF. Si la cheville étoit placée en a, le pendule s'éleveroit dans la courbe FD; & si l'on plantoit deux chevilles en b & c, le pendule s'éleveroit dans la courbe FE, composée de trois arcs différens, dont le premier a son centre en C, le second en b, & le troisséme en c. Cela fait voir (comme on l'a déja expliqué) que quelle que soit la courbe ou les courbes qu'un pendule décrit en montant après sa chûte, il arrivera à la même hauteur d'où il est tombé, excepte ce que l'on en doit retrancher à cause de la résistance de l'air ; la vîtesse du pendule au point le plus bas F étant la même que celle qu'il auroit acquise en tombant directement du point A, & cette vîtesse est capable de porter le corps

Planche 27. Figure I.



au double de l'espace AF, par un mouvement unisorme, dans le même tems qu'elle parcourt l'espace AF par un mouvement acceleré, comme on l'a déja prouvé (N°. 15.) mais la chose deviendra visible par l'Expérience suivante.

EXPÉRIENCE XX.

Planche 27.

66. LE pendule P est suspendu à un fil d'environ 40 pieds de longueur depuis le centre C; & lorsqu'il est en liberté, il descend en p, & fait ses vibrations dans l'arc pq. Du point le plus bas p sur l'arc pq, mesurez deux pieds ou l'arc p\u00c4, qui sera une ligne sensiblement horizontale, le sinus verse de cet arc n'étant que d'environ la moitié d'un pouce. A la distance du demi-diametre du pendule au-delà de m, fixez un obstacle vertical ou un plan de bois O 7; & un autre pareil de l'autre côté de p, à la distance d'environ un pied & demi, mais dans une situation horizontale; ensorte que sa surface soit à niveau du bas du pendule, scavoir, dans la ligne p . Plantez la cheville N perpendiculairement au fil (c'est-à-dire, dans une position horizontale) à la hauteur d'un pied au-dessus de p. Il faut aussi faire une marque ou un gros point en n sur la muraille ou plan qui est derriere le fil du pendule, un peu au-dessus de p. Ensuite ayant élevé le pendule en P dans la ligne Hh, c'est-à-dire, précisément à la hauteur d'un pier, il faut le laisser aller de nouveau, & observer l'instant précis ou une marque dans le fil de P, arrive au point n, afin qu'on puisse précisément dans cet instant laisser tomber le corps H de la ligne horizontale H h à l'obstacle M, & l'on trouvera que la balle H frappe M au même instant que P frappe l'obflacle O men m, P décrivant horizontalement l'espace p m, qui est de deux pieds, pendant que H tombe de la hauteur H M, qui n'est que d'un pied. On peut saire cela si exactement, que le son des deux coups n'en forme qu'un seul.

* Note 9.

67. On a observé qu'un pendule, dont la longueur est de 39 pouces & deux dixiémes (mesure d'Angleterre *) depuis le centre de la balle jusqu'au point de suspension, forme une vibration dans une seconde de tems; c'est-à-dire, 3600 dans une heure. On a fait cette expérience avec un pendule qui pesoit 50 l. qui étoit d'une sigure lenticulaire, pour mieux couper l'air, &

en®

en se servant d'un fil d'acier très-subtil au lieu d'un fil ordinaire, LEÇON V. avec cet instrument les vibrations ont continué pendant tout un jour. Delà vient que les pendules servent à mesurer le tems également & exactement, ayant égard à la longueur du pendule, de quelque espece ou de quelque grandeur que soit le poids.

68. PLUS les pendules sont courts, plus les tems de leurs vibrations sont courts, quoique les tems des vibrations ne soient pas comme les longueurs des pendules, mais comme les racines quarrées de leurs longueurs; par exemple, un pendule de 13 pieds & de près d'un pouce de longueur (c'est-à-dire de 156, 8 pouces) qui est quatre fois aussi long que celui qui bat les secondes, fera ses vibrations dans deux secondes; & si l'on veut avoir un pendule qui aille deux fois aussi vîte que le pendule à secondes, c'est-à-dire, qui batte deux sois dans une seconde, il faut le faire 4 fois plus court, ou de 9 pouces 8 dixiémes. La raison en est évidente par la démonstration suivante.

DE'MONSTRATION.

AEBG & DFB font deux cercles dont les diamétres AB & ADB font l'un à l'autre comme 4 à 1. On a démontré (L. 5. Nº. 15.) que si un corps décrit en tombant un certain espace, comme AB dans un tems déterminé, il ne décrira que le quart de cet espace comme DB, dans la moitié de ce tems. Mais on a aussi prouvé (No. 62.) que les corps tombent le long de la corde ou d'un cercle dans le même tems qu'ils tombent le long du diamétre. Donc un corps en E tombera le long de la corde FB dans le double du tems qu'un corps en F tombera le long de la corde FB. Mais comme la corde EB différe de l'arc EB (ou est plus courte que cet arc) en même proportion que la corde FB différe de son arc FB (en supposant les deux arcs du même nombre de dégrés) la différence sera proportionnelle dans la chûte des deux pendules CE & cF; par conséquent E restera deux fois aussi long-tems à venir au point le plus bas B, que F à venir aussi en B: mais toute la vibration qui porte en haut E en G, & F en g, dans les deux pendules est double du tems de leurs chûtes respectives. Donc un pendule, pour faire ses vibrations deux fois aussi vîte qu'un autre, doit être 4 fois plus court. C. Q. F. D.

Tome I.

Eee





Expérience XXI.

Planche 27

Sur le fil de fer horizontal W du guéridon représenté dans la 13°. Figure de la Planche 26. dont le haut est ici exprimé Figure 4. on suspend un pendule CP, dont la longueur est 39, 2 pouces, & sur le même sil de fer un peu plus en avant, un autre pendule cp du quart de cette longueur. Faites tomber ces deux pendules en même-tems de la hauteur quelconque où vous les aurez élevés, comme P & p, & vous verrez que p arrivera en f (ayant achevé toute sa vibration, lorsque P ne sera encore arrivé qu'en B) lorsque P arrive en F, alors p est en arriere de f en p; lorsque P est revenu en B, p est arrivé en f; & à la sin lorsque P est revenu en P, p est aussi arrivé en p, d'où il étoit parti au commencement: de sorte que les deux pendules commenceront à tomber ensemble dans chacun des autres coups, le plus court faisant sa vibration dans une demi-seconde, pendant que le second la fait dans une seconde entiere.

Expérience XXII.

Prenez une barre de fer, quarrée ou ronde, peu importe, courvû qu'elle soit de la même épaisseur dans toutes ses parties, & dont la longueur soit de 58, 8 pouces, en mesurant depuis un petit trou destiné à recevoir le sil de ser du guéridon à son extrémité; & avent sait entrer le sil dans son trou en A, & suspendu un pendule à secondes en C, on les laissera tomber de P & B, dans le même tems, & leurs vibrations seront isochrones, c'est-à-dire, achevées dans le même tems. Cela fait voir que toute perche droite, unie, quarrée ou ronde, de quelque métal que ce soit, sera ses vibrations dans le même tems qu'un pendule qui a les ; de la longueur de la perche; comme si toute la matiere de la barre avoit été ramassée dans le point p, qui se nomme pour cela le centre d'oscillation.

N. B. Si une personne tenant une barre, comme AB, par son bout A, frappe un coup avec cette barre, elle donnera le plus grand coup possible, lorsque le point p frappera contre l'obstacle; c'est pour cela que ce point qui est ici le centre d'oscillation, peut aussi se nommer le centre de percussion.

* Dans quelques especes de corps le centre d'o/cillation n'est pas le même que le centre de percussion; mais la discussion de cette matiere étant étrangere à monsujet, je n'en diraipas davantage.



69. On applique avec beaucoup de succès le pendule aux Leçon V. orloges, pour mesurer le tems, comme on peut le voir dans la plûpart des horloges. Mais pour faire voir de quelle maniere il regle le mouvement, un exemple suffira. C'est la description d'une petite horloge ou chronométre, que M. Georges Graham a inventé,

& qu'il a fait pour moi il y a quelques années. Ce chronométre est si exact, qu'il mesure avec beaucoup de précission une petite partie du tems, même jusqu'à la seiziéme partie d'une seconde.

A l'extrémité d'un aissieu horizontal, est attaché une rouë de chan de 120 dents, & il y a à l'autre extrémité un petit tambour qui porte en-dehors la corde d'un petit poids pour faire tourner la rouë. Les dents de cette rouë font mouvoir un pignon horizontal de 15 fuseaux (ou dents) fixé au bas d'un aissieu vertical, au haut duquel est la rouë de rencontre, qui a 15 dents coupées de travers: c'est-à-dire, qu'un côté de chaque dent est perpendiculaire au plan de la rouë, & que l'autre côté est coupé obliquement par une courbe. Précisément au-dessus de cette derniere rouë, il y a un petit aissieu ou verge d'acier placé horizontalement, qui a deux petites palétes à angles droits l'une à l'autre, tellement placées qu'elles sont frappées alternativement par la partie perpendiculaire de chaque dent de la rouë de rencontre aux côtés opposés de cette rouë, de maniere qu'aucune des dents de cette rouë ne peut passer sans donner un coup contre chaque paléte pour donner un quart de tour à cet aissieu. A l'autre extrémité du même aissieu, on a fixé un fil de fer, qui est charge en bas d'un poids de cuivre, dont le centre de gravité est éloigné de l'aissieu horizontal de 2, 45 pouces, c'est à-dire, de presque 2 pouces & demi, ou de la 16e. partie de la longueur du pendule qui bat les secondes. Par conséquent à mesure que le poids fait tourner la rouë principale, les dents de la rouë de rencontre frappent les palétes fixées à l'aissieu horizontal, autour duquel se meut le petit pendule; & comme ce pendule, à cause de sa longueur, fait 4 vibrations dans une seconde (nº. 67, 68.) & qu'il doit y avoir deux coups contre les palétes pour chaque dent qui passe de la rouë de rencontre, il doit y avoir aussi deux vibrations du pendule, ou une demi-seconde de tems, pour chaque dent de la grande rouë qui est poussée par le pignon (dont le nombre des dents est égal à celui de la rouë de rencontre); & comme la grande rouë a 120 dents, il se fera 240 vibrations du pendule pendant qu'elle fait un tour; de sorte qu'une aiguille ou index fixé à la

Eee ij

grande rouë, fera son tour dans une minute, en marquant so grandes divisions pour les secondes sur le cadran, lesquelles divisions sont encore sous-divisées en 4, pour marquer les quarts de secondes. Mais outre cela, il y a un quart de cercle d'un rayon égal à la longueur du pendule, qui est divisée en quatre parties par 5 petites chevilles de cuivre, & qui est sixé à un aissieu horizontal; ce quart de cercle sert non-seulement de détente, pour saire aller la machine dans la 16°. partie d'une seconde, mais aussi pour l'arrêter dans le même tems, les chevilles arrêtant le pendule dans la 4°. partie de sa vibration; car en sixant les chevilles, on a eu égard au tems de chaque quart de vibration, les deux espaces entre les chevilles les plus proches de la partie la plus basse du quart de cercle que le pendule décrit dans ¼ d'une seconde, étant d'autant plus grands que le pendule se meut plus vîte dans cette partie de sa vibration.

Ce chronométre est d'un grand usage pour mesurer les petites parties du tems dans les observations astronomiques, le tems de la chûte des corps, la vîtesse des eaux courantes, & dans plusieurs autres occasions où il est question de mesurer avec précision un petit espace de tems, comme de 3 ou 4 secondes jusqu'à une ou deux minutes; mais il n'est pas propre à mesurer assez exactement les longs espaces de tems; parce que, quoiqu'il semble décrire exactement un quart de cercle dans chaque vibration, il ne le sait pourtant pas réellement, & la dissérence des longueurs des vibrations dans des arcs aussi grands, produit une dissérence dans le tems, & quelques petites que soient ces dissérences, leur nombre trop multiplié produit une erreur sensible. Dans cette machine il y a quelquesois une erreur de 4 de seconde dans 14 secondes. C'est le désaut commun à toutes les horloges qui ont de petits pendules, & qui sont leurs vibrations dans de grands arcs

de cercle.

LECON V.

70. Mars il y a une courbe qui n'est ni un cercle ni une ellipse, dans laquelle toutes les vibrations du même pendule, soit qu'il soit long ou court, se sont dans le même tems; & lorsqu'une horloge est reglée par un pendule qui se meut dans cette courbe, elle peut servir à mesurer exactement un long espace de tems. Cette courbe est la cycloïde, dont voici la description.

711. SI un cercle dans une position verticale roule le long d'une



ligne horizontale A B (Planche 27. Figure 6.) comme fait la roue d'une voiture dans un chemin) jusqu'à ce qu'elle ait fait une révolution, le point du cercle, tel que A, qui touche le plan, s'élevera au-dessus de la ligne horizontale, & sera en a lorsque le cercle aura fait la moitié de sa révolution, ayant décrit la courbe A a, d'où il descend (à mesure que le cercle s'avance) par la même espece de courbe, jusqu'à ce qu'il touche la ligne A B en B; le point C qui étoit le plus élevé au commencement du mouvement, étant descendu en c lorsque A est arrivé en a, & ensuite revenu en K, lorsque le cercle est dans la même position où il étoit avant sa révolution. Toute la courbe A a B ainsi décrite, se nomme cycloïde, le cercle A C cercle generateur, & la ligne A B, base de la cycloïde.*

Il est évident par la formation de la cycloïde, que sa base est égale à la circonférence du cercle generateur. Les Mathématiciens * ont démontré plusieurs autres proprietés de cetre courbe. Il seroit trop ennuyeux de les repeter ici; nous les supposerons donc accordées, & nous en ferons mention à mesure que nous aurons occasion de nous en servir dans nos conclusions sur les

pendules.

72. RENVERSONS maintenant la cycloide, ensorte que a base AB soit en haut, & la cycloïde en-dessous. (Planche 27. Figure 7.) On a démontré que si d'un point quelconque de la cycloide, comme E ou p, on mene une ligne passiere à la base, & si du point où cette ligne coupe le cercle generateur lorsqu'il a fait sa demi-révolution (c'est-à-dire, lorsqu'il est en G), on mene une corde telle que eD ou qD, l'arc intercepté de la cycloide, comme ED ou pD sera double de la corde eD ou qD, & qu'ainsi la moitié de la cycloïde, comme AD, sera double du diametre GD du cercle generateur. Or, comme on a fait voir qu'un corps tombe dans le même tems le long du diametre GD, & le long des cordes qD, eD, il doit tomber dans les arcs AD, pD, & ED en tems égaux, parce que chacun de ces arcs est double des lignes précédentes GD, qD & QD; mais fur-tout parce que les tangentes sont partout paralléles auxcordes correspondantes. Ensorte que lorsqu'un pendule fait ses vibrations dans une cycloide, toutes ses vibrations, quelqu'inégales qu'elles soient, sont isochrones.

* Le Docteur Wallis, Craig, Ditton, Bernoullis, &c.

Leçon V.

Planche 27:-

* Note 101.

Planche 17%. Figure 7.

LECON V.

Maintenant pour faire rouler un pendule dans une cycloide, on a imaginé des jumelles cycloïdales de chaque côté du centre de suspension, de maniere que le fil s'y appliquant, racourcisse la distance du pendule au point de suspension, ensorte qu'elles lui fassent décrire un arc cycloïdal au lieu d'un arc circulaire. Ces jumelles cycloïdales se sont en cette maniere: transportez la demicycloïde AD en CB, ensorte que le point D soit sur B, & l'autre demi-cycloïde B D fur CA, enforte que D foit fur A. Si maintenant vous coupez deux jumelles de bois ou de métal exactement assez convexes pour couvrir ces demi-cycloïdes, & si vous suspendez un pendule comme P de la longueur CD, double du diametre GD, au point de suspension, précisément entre ces deux jumelles dans l'endroit Coù elles se touchent, ce pendule ne fera plus ses vibrations dans l'arc HDJ (dont le centre est C, & dont le rayon est la longueur du pendule) mais dans la cycloïde ApDFB, par le racourcissement du fil à mesure qu'il s'applique aux jumelles cycloïdales, comme à CSp.

Il y a un autre moyen pour faire ensorte qu'un pendule fasse se vibrations dans un arc qui approche si fort d'être cycloïde, qu'il n'y ait point d'erreur dans la mesure du tems, & c'est d'avoir un pendule fort long, & de faire ensorte qu'il ne décrive que de très-petits arcs. Par exemple, soit CD un pendule à secondes, c'est-à-dire, de 39, 2 pouces de long, & qu'il ne fasse ses vibrations que de P en & d'environ 4 ou s degrés, il est clair que le cercle & la cycloïde se consondent en D avec quelques degrés de part & d'autre. Ainsi le pendule qui fait ses vibrations dans l'arc circulaire HDJ, n'en décrivant que la partie P&, doit être regardé comme s'il les faisoit dans un arc cycloïdal; & si quelquesois il n'alloit que de D en d, il décriroit ce petit arc dans le

même tems que le plus grand arc D s.

N. B. It vaut mieux se servir d'un long pendule que des jumelles cycloïdales, parce que si le fil, où le pendule est suspendu, frappe fortement ces jumelles, leur réaction, qui est en quelque façon élastique, ajoutera quelque force à celle de la pesanteur, qui seule doit agir dans le pendule, pour que ses vibrations soient isochrones dans une cycloïde, de sorte que lorsqu'une telle secousse survient, la vibration doit être trop prompte. Mais le long pendule, à moins d'une fort grande secousse (telle que celle qui le porteroit jusqu'en p) ne fera pas asser sensiblement ses vibrations hors de la cycloïde, pour produire quelque erreur dans



la mesure du tems. De sorte qu'on s'en sert maintenant avec beaucoup LECON V. de succès pour mesurer le tems à terre; les secousses à la mer étant trop grandes pour conserver dans un Vaisseau le mouvement uniforme d'un grand pendule.

73. AVANT que de quitter ce sujet, il est à propos de faire mention d'une proprieté remarquable de la cycloïde; c'est que cette courbe est la ligne de la plus vue descente; c'est-à-dire, que si un corps doit se mouvoir de A en D, il n'est pas possible de tracer aucune sorte de lignes depuis le plus haut jusqu'au plus bas de ces deux points, le long de laquelle un corps puisse descendre aussi vîte que dans la demi-cycloïde AD; ni l'arc de cercle, ni même la ligne droite A D, quoiqu'elle soit beaucoup plus courte; car le corps partant d'abord de A, descend dans une direction si roide (c'est-à-dire que la pesanteur agit tellement sur lui) qu'il acquiert une grande vîtesse, ensorte qu'il va plus vîte dans la partie inférieure de la courbe qui est moins roide; & un arc de cercle qui seroit plus roide au bas, l'est moins en haut. Si l'on mene une ligne inclinée comme AF, depuis A au-delà du point le plus bas de la cycloïde, & qu'un corps descende le long de cette ligne, pendant qu'un autre roule du même point le long de cycloide, la plus grande vîtesse du corps dans la cycloïde paroîtra encore plus évidemment. Cette proprieté & celle d'avoir la descente d'un corps de chaque partie de la cycloïde (reselée) jusqu'au point le plus bas, exactement dans le même tems, sera éclaircie par les Expériences suivantes.

EXPÉRIENCE XXIII.

74. La machine BHMD, représentée par la figure, est d'un bois d'environ 10 pouces de haut, deux pieds de long, & deux Figure 8. pouces de large. De J en F, on y creuse un canal aussi large en bas qu'en haut, de la figure d'une demi-cycloïde renversée, le point le plus bas étant en F, d'où le canal est continué horizonta-Tement pendant la longueur d'un pied, les bornes du canal étant HH & JJ; il doit être fort uni & divisé en deux autres canaux par une séparation verticale de cuivre LL, depuis le haut entre H & J, jusqu'à l'extrémité la plus éloignée en G. Sur cette séparation on marque des divisions qui de F en G sont égales, & de F en J inégales, de maniere qu'elles marquent des haureurs.

Planche 27.



égales. Le commencement H du canal est élevé de 9 pouces au-dessus du niveau de F; O O sont deux traverses de bois que l'on fixe où l'on veut dans les canaux par le moyen d'une vis à l'extrêmité de chacune. Tout l'instrument peut se placer vertica-lement & horizontalement par le moyen de trois vis telles que C, C & du sil à plomb N M.

Deux bales de cuivre, d'un demi pouce de diamétre chacune,

sont destinées à se mouvoir dans les deux canaux.

Fixez les deux traverses exactement en F, & les bales de cuivre, quoiqu'elles partent de différens points de leur canal cycloïdal respectif, les frapperont dans le même tems; ce qui deviendra aussi fort sensible à celui qui tiendra un doigt dans chaque canal en F pendant qu'un autre sera partir les bales de deux hauteurs inégales.

Changeons maintenant les traverses & que l'une soit fixée 4 pouces en-delà de F vers G, & l'autre 6 pouces en-delà de F, & saisons tomber les deux bales tout à la sois, l'une de la hauteur de 4 pouces, & l'autre de la hauteur de 9 pouces, celle qui tombe de 4 pouces de hauteur, ira 4 pouces au-delà de F, & celle qui tombe de 9 pouces de hauteur, ira 6 pouces au-delà de F, frappant chacune l'obstacle exactement dans le même tems. Quatre & neuf sont les spaces parcourus par la chute, dont les racines 2 & 3 expriment les vîtesses respectives des bales, qui se manisestent en ce que l'une parcourt 4 pouces dans la partie horizontale de son canal, & l'autre de pouces dans celle du sien.

EXPÉRIENCE XXIV.

Planche 27. Figure 9.

LECON: V.

A E C b est une autre machine qui a un canal cycloïdal dans lequel toute la cycloïde est creusée de B en b, sa partie la plus basse étant en C. Il y a un canal rectiligne A a mobile autour du point A comme centre, pour être appliqué derriere la cycloïde lorsque la machine est droite, en sorte que ce canal soit dans le plan d'une corde menée du point A à une partie quelconque de la cycloïde. Plaçons d'abord cette auge ou canal dans la ligne A C, & laissons tomber une des balles du point B dans le canal cycloïdal, pendant que l'autre commence à tomber en même-tems du même niveau dans le canal rectiligne, & l'on verra que la balle qui tombe dans la cycloïde sera bien au-delà de C, lorsque la balle qui tombe dans le canal rectiligne arrive au point C; ce qui sera encore plus sensible si l'on arrête une des traverses dont on



a parlé ci-dessus (dans l'explication de la derniere figure) vis-à-vis LEÇON V. e C dans le canal rectiligne, & l'autre entre C & b dans le canal cycloïdal. Si le canal rectiligne est arrêté en de-là du point C comme en A a, la balle de la cycloïde arrivera de B en b, & en retombera encore en C, lorsque l'autre sera venue de A en G dans une ligne droite.

75. Lorsqu'un pendule d'une longueur propre à battre les secondes est appliqué à une horloge; il est sujet à une autre erreur par la nature des materiaux. Car tous les métaux sont sujets à être dilatés par la chaleur & resserrés par le froid; de sorte que si la verge du pendule (c'est-à-dire, le fil de ser par lequel il est suspendu au lieu du fil ordinaire) est ajoutée en hyver à sa vraye longueur, elle deviendra trop longue en été par sa chaleur, & par conséquent elle fera trop lentement les vibrations; & au contraire si elle a été ajustée en été, elle fera marcher l'horloge trop vîte. La différence de longueur dans la verge d'un long pendule monte quelquefois à environ la 40° partie d'un pouce, ce qui après plusieurs vibrations peut produire une alteration considérable du tems. Mais on a l'invention d'une vis pour élever ou abaisser le poids d'un pendule; en sorte qu'on peut toujours maintenir dans la veritable longueur, en le reglant avec un thermométre.

N. B. Je donnerai dans les notes * la maniere de mesurer la moindre alteration dans les dimensions des métaux, en sorte qu'elle soit sensible.

76. OUTRE tout cela, les pendules peuvent alterer le tems de leurs vibrations à cause de la figure de la terre, qui est un spéroïde applati comme une orange, la terre (comme nous l'avons déja dit) étant environ 31 milles plus élevée à l'équateur qu'au pole. Car lorsqu'on va au Sud, on trouve que les horloges à longs pendules (outre le retranchement qu'on y doit faire eu égard à la chaleur) vont trop lentement, comme le Docteur Halley & plusieurs autres Astronomes l'ont observé, étant obligés d'accourcir les pendules de leurs horloges pour leur faire marquer le vrai tems. M. Richer, pour examiner ce phénomene à fond, sit des observations sur les vibrations d'un pendule simple (c'est-à-dire, d'un pendule qui n'étoit pas appliqué à une horloge) pendant dix mois de suite, & il trouva qu'un pendule à secondes sous Tome I.

* Note II.



l'équateur devoit être plus court d'environ un dixième d'un pouce que dans notre latitude nord; sans quoi l'horloge qui en est regliroit trop lentement de deux ou trois minutes par jour.

Par le moyen de ces observations sur les pendules, Newton a fait voir quelle est la vraye sigure de la terre; quoique son sentiment soit contraire à l'opinion de quelques Membres de l'Académie Royale des Sciences à Paris, qui prétendent que la terre est un sphéroide allongé (comme un œuf) plus élevé aux poles qu'à l'équateur d'environ ½ de tout le diamétre. Je ferai voir dans les notes combien ils se trompent. *

Note It.

LEÇON V.

77. Lors que l'on considére la vîtesse que la rotation diurne de la terre doit donner aux corps qui sont sur sa surface, sur-tout fous l'équateur ou auprès de l'équateur (ou les corps roulent à raison de 1040 milles par heure) on peut aisément conclure qu'il faut necessairement qu'elle soit plus élevée sous l'équateur; parce qu'à moins qu'il n'y ait une descente vers les poles, la force centrifuge attireroit toutes les eaux vers les régions équinoctiales, qui seroient par conséquent submergées, pendant que non-seulement les régions polaires, mais même les zones temperées resteroient à sec. Et si a terre étoit toujours dans un état de fluidité, ou que sa substance fût, molle & qu'elle cedât aisément, l'Auteur de la nature en lui donnant la rotation diurne qu'elle a, auroit changé sa figure sphérique en celle d'un sphéroïde, elle se seroit enflée sous l'équateur, de maniere qu'elle auroit pris la figure qu'elle a maintenant. Une révolution plus rapide autour de son axe, auroit rendu la différence encore plus grande entre les diamétres polaires & équinoxiaux. Et c'est ce qu'on a remarqué dans Jupiter, qui par quelques observations délicates de seu M. Pound, cet ingenieux Astronome, paroît avoir le diamétre de son équateur, i plus long que son diamétre polaire, conformément à sa révolution diurne plus prompte, laquelle s'acheve dans environ 10 heures.

EXPÉRIENCE XXV.

Sur un aissieu de fer que l'on pourra faire tourner rapidement (par le moyen de la rouë d'un établi dont la corde passe autour d'une poulie sixée à cet aissieu) j'ai placé deux anneaux de fer dont les plans se coupent à angles droits, pour représenter les deux colures, qui étant d'une trempe à ressort, étoient arrêtés



d'abord de maniere qu'ils étoient 1 plus longs dans le diamètre Leçon V. ui se confond avec l'axe, que celui de l'équateur; cette proportion étant la même que M. Cassini suppose entre l'axe de la terre & le diamétre de son équateur. Les deux plaques circulaires où ces cercles sont rivés, ont des trous quarrés, par où l'aissieu passe, de maniere que les deux poles du sphéroïde oblong, que les anneaux décrivent dans leur révolution, peuvent s'approcher l'un de l'autre, de maniere qu'ils peuvent lui donner la forme d'une vraye sphére, lorsqu'en roulant le diamétre de l'équateur de la machine, s'éleve & furmonte le ressort des anneaux. Un plus grand degré de vîtesse change la sphére en sphéroïde applati de la Figure de celui de Newton: une vîtesse encore plus grande produit la disproportion des diamétres, semblable à celle de Jupiter; & le diamétre de l'équateur augmente toujours avec la force centrifuge.

Un autre anneau avec un loquet, representant l'équateur, fait voir (dans l'Expérience) l'augmentation de la circonférence de l'équateur, & une aiguille ou index appliquée au chassis, fait voir

l'augmentation du diamétre.

Aussi-tôt que la révolution de la machine cesse, les colures, les méridiens ou les anneaux reviennent à leur figure elliptique, dont le diamétre vertical le plus long est l'axe de la révolution.

Ceux qui veulent en scavoir davantage sur les pendules, peuvent consulter les Oeuvres posthumes d'Hugens, & l'Introductio ad veram Physicam du Docteur Kail à la fin de cet of age, où il y a plusieurs propositions sur le pendule circulaire dont je ne puis pas parler ici, cette Leçon étant déja trop longue; mais je ne puis pas la finir, sans m'acquitter de la promesse que j'ai faite de rendre compte de l'arc ou du ressort, en tant que c'est un instrument méchanique.

78. CET instrument est tellement connu, & tout le monde en comprend si bien la pratique; il est d'ailleurs si naturel & si aisé, que dans tous les siécles du monde & dans tous les pays de la terre habitable, même parmi les peuples les plus grossiers, les plus ignorans & les plus barbares, aussi-bien que parmi ceux qui sont les plus civilisés, polis & sçavans, tous les hommes se sont trouvés exercés & habiles dans l'usage de cette machine; & même dans ces vastes pays, qui s'étendent si loin vers le Nord & vers le pole Sud, où à peine on connoît un seul de ces instrumens

LECON V.

méchaniques qui dépendent de la balance & du fleau, comme le levier, le cabestan, la poulie, la vis ou le coin; & où l'on n'a pas même pensé à l'usage du rouleau & de la rouë, les peuples n'ont pas laissé dans ces vastes pays & dans les Isles adjacentes, de devenir fort adroits & habiles dans l'usage de l'arc, & de sçavoir lancer un trait par son moyen de maniere à atteindre & à percer le but proposé; de sorte qu'il semble que c'est-là la machine la plus commune, & qu'il a été plus aifé aux hommes d'imaginer: Et cependant je ne vois pas qu'aucun des anciens ou des modernes ait reduit la nature, les proprietés & la puissance des ressorts à une théorie certaine & au calcul, quoique plusieurs ayent beaucoup écrit sur cette machine, & qu'on ait fait diverses tentatives & expériences à ce sujet, jusqu'à ce que le Docteur Hooke en dernier lieu ait réduit le ressort à un principe certain, en démontrant que la puissance d'un ressort de quelque espece qu'il soit, augmente en même proportion que sa tension; soit qu'il soit tendu par compression ou par condensation, par distension ou par rarefaction; de forte que si la force d'une livre lui donne un degré de mouvement pour le tirer de son état naturel, deux livres lui en donneront deux degrés, 3 livres 3 degrés, & ainsi de suite. Mais cet instrument méchanique, tout au contraire de rous les autres que j'ai déja specifié, reçoit toute la puissance ou le mouvement qui lui est imprimé, & le retient jusqu'à ce qu'il soit en liberté, ou qu'il ne soit plus tendu au-delà de ce qu'il étoit, ou forcé par une puissance plus grande; mais alors au lieu d'aller en avant selon la direction où il a été mû, il recule & agit dans une direction contraire; & par reaction il agit avec toute la puissance & le mouvement qu'il a reçu sur les corps qu'il rencontre dans sa route à mesure qu'il recule, & il les entraîne avec une grande vîtesse, comme ayant reçu toute la puissance qu'il a par la tension que la force qui a bandé l'arc, lui a imprimée. Par ce moyen toute la force du bras qui a été employée à bander l'arc d'un côté, est subitement communiquée par l'arc à la fléche du côté opposé, ce qui la fait mouvoir avec cette grande vîtesse lorsqu'elle est déchargée, continuant son mouvement par la premiere loi. Mais on peut demander, comment il peut arriver que l'arc qui en le bandant ou le tirant n'est mû que par un mouvement lent & pesant (& qui même souvent est arrêté pendant quelque tems sans aucun mouvement) retient cependant une si grande quantité de mouvement qu'il en produit un très-rapide, ou qu'il agit avec



une grande force sur un autre corps, quoique sensiblement il pa- LECON V. oisse n'avoir de lui-même aucun mouvement; au lieu que tous les autres instrumens, qui produisent un mouvement aussi grand ou aussi rapide, le reçoivent sensiblement d'une puissance qui agit sur eux, lorsqu'ils produisent leur effet, s'avançant directement selon la ligne de direction où ils sont mûs avant le choc, en sorte qu'on n'y voit que la continuation de tout le mouvement acquis.

A cela je réponds que quoique la raison physique de la puissance des ressorts ne paroisse pas peut-être aussi évidente aux sens que celle d'un poids qu'on éleve, & qu'ensuite on laisse tomber, elle est cependant de la même nature, comme on peut le démontrer clairement : car comme en élevant un poids à une certaine hauteur, & en le laissant tomber de cette hauteur, la puissance de la pesanteur fait retomber ce poids à l'endroit d'où il avoit été élevé, & qu'ainsi dans sa chute elle le met en état d'employer autant de force ou de puissance qu'on en a employée à l'élever à une si grande hauteur: ainsi un ressort, qui a une puissance semblable à la pesanteur, ou une activité équivalente & renfermée dans lui-même, mais avec cette différence qu'elle agit de tous les côtés où on la dirige, (au lieu que la pesanteur n'agit qu'en bas) employe en revenant toute la force ou la puissance qui a été employée à la bander & à lui donner cette tension; & comme le mouvement de la pesanteur ou de la chute, quelle que soit la vîtesse du mouvement qui a élevé le poids, le fait revenir à l'endroit d'où il a été élevé, par une progression uniforme d'acceleration, qui est particuliere à la puissance de la pesanteur, comme nous l'avons fait voir; ainsi le recul du ressort, quelle que soit la vîtesse avec laquelle il a été bandé, le fait débander de lui-même, avec les degrés de puissance & de vîtesse, qui sont propres & particuliers à la nature des ressorts, qui, comme je l'ai dit ci-devant, ont d'autant plus de puissance, qu'ils sont plus bandés : de sorte que pour faire une comparaison exacte, nous ne devons pas considerer un simple poids à élever, comme dans l'exemple de la pesanteur, parce que la puissance ou la resistance de la pesanteur, dans un tel poids est la même fensiblement à la fin qu'au commencement; car la même puissance qui éleve ce poids à un pied de hauteur au commencement, peut l'élever un pied plus haut après qu'elle l'a porté à cette hauteur, ou à un troisième pied après le second : Par exemple, si la force du poids d'une livre éleve un poids à un pied de hauteur, cette force' d'une livre continuée, l'élevera à un autre pied de hauteur, &

ensuite (étant continuée) à un troisiéme pied. Mais c'est toute autre LECON V. chose dans un ressort; car s'il faut la force d'une livre pour bander un ressort d'un pouce, il en faudra une de deux livres pour le bander de deux pouces, & de trois livres pour le bander de trois pouces; de sorte qu'on peut representer plus exactement la puissance d'un ressort par l'élevation d'une chaîne ou d'une corde chargée de poids comme un chapelet qui étoient à terre; car s'il faut, par exemple, une livre pour élever le premier chaînon ou le premier poids, on ne pourra pas l'élever plus haut sans élever deux chaînons ou deux poids, & ainsi il faudra y employer la force de deux livres; si l'on veut l'élever plus haut, il faudra élever trois chaînons ou trois poids, & ainsi de suite. Ou plus exactement encore on peut representer cette force par un cylindre de bois que l'on tire de l'eau, qui est presque de la même pesanteur spécifique que l'eau, ou par l'élevation de l'eau dans un tuyau par le moyen d'une pompe foulante; car dans ce cas, à mesure qu'on éleve le cylindre plus haut au-dessus de la surface de l'eau, d'où on le tire, sa pesanteur augmente, & la puissance qui l'éleve doit croître dans la même proportion, laquelle est exactement la même que celle du ressort; & ainsi l'un de ces exemple devient très-propre à éclaircir la puissance du ressort, & la maniere dont il agit; & projue la cause de la nécessité d'augmenter la puissance pour mouvoir l'un de ces pieds, soit plus sensible & plus aisée à comprendre que la nécessité pareille d'augmenter la puissance pour bander le cependant si nous allons plus avant pour découvrir la vraye raison & l'explication physique de la puissance de la pesanteur, nous la trouverons aussi difficile & aussi peusensible, que la cause physique & la raison de la puissance & de son accroissement dans le ressort. Il sussit donc à la Géométrie de sçavoir que les phénoménes existent de telle maniere, & de s'en servir pour examiner & démontrer les conséquences qui en resultent. Maintenant la puissance de la pesanteur dans l'acceleration de la vîtesse ou du mouvement des corps qui tombent, telle qu'elle a été d'abord trouvée & découverte par Galilée, a extrêmement perfectionné la théorie des corps pesans, quant au mouvement de leur chute sur des plans inclinés & à la courbure de la parabole, que Galilée a poussé fort loin, & d'où l'on a tiré plusieurs théories fort curieuses sur cette matière, comme nous l'avons fait voir dans cette Leçon; & la même théorie a été poussée encore plus loin par Toricelli, & par plusieurs autres après lui. Mais tout cela



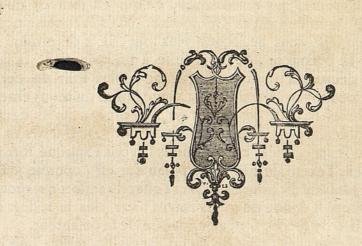
est fondé sur une supposition, que la puissance de la pesanteur LECON V. dans tous les points ou perpendiculaires de la chute est mathématiquement la même & uniforme; & il est vrai que dans tous les mouvemens des corps terrestres pesans, on l'a trouvée sensiblement la même; mais dans l'exactitude mathématique & dans la théorie physique, il y a réellement une différence : c'est-à-dire, que les perpendiculaires de la chute ne sont pas paralléles entr'elles, mais convergentes, & s'approchant toujours plus les unes des autres, à mesure qu'elles s'approchent du centre de la terre; la puissance de pesanteur dans chaque point de ces lignes n'est pas égale & uniforme, mais elle est plus forte à mesure qu'elles approchent plus de la terre, & plus foible à mesure qu'elles s'en éloignent (Leçon 1. nº. 17.) felon une certaine proportion, qui est cause que la ligne courbe décrite par un projectile n'est pas une portion de la ligne parabolique, comme Galilée, Toricelli & les autres l'avoient supposé; mais plûtôt une partie d'une ellipse qui a dans l'un de ses foyers le centre de la terre. Malgré cela, les théories & les problêmes qu'ils ont tiré géométriquement de ces phénomènes, tels qu'ils les avoient découverts, & de l'hipothese qu'ils avoient prise en conséquence, sont très-utiles; ils en ont tiré & demontré les corrollaires, ce qui est tout ce qu'es peut attendre de mieux de la Géométrie. Mais Newton a porté toutes ces connoissances beaucoup plus loin; il a déterminé la puissance de la pesanteur, & l'a réduite à un poir faisant voir qu'elle décroît à mesure qu'elle agit plus loin du corps central: par ce moyen, il a trouvé la vraye raison du mouvement des corps celestes & celle des lignes ou des orbites qu'ils décrivent, en combinant parfaitement les vîtesses avec lesquelles ils se meuvent dans leurs orbites, comme nous l'avons expliqué fort au long. Mais ici, l'exemple tiré de la pesanteur est (comme je l'ai dit ci-devant) insuffisant pour expliquer l'effet du ressort qui recule sur un corps à qui il donne du mouvement; car plus le ressort est bandé, plus il a de force, tout au contraire de la pesanteur.

Il faut donc chercher l'effet de la puissance du ressort, en ce point particulier, dans la théorie même de la nature des ressorts, qui sont, comme je viens de le dire, toujours plus forts, à mesure qu'ils sont plus bandés, c'est-à-dire, en même proportion que l'action qui les bande; & par conséquent (puisque l'action) & la réaction sont égales) la vîtesse du corps qu'un ressort fait mouvoir, sera toujours en même proportion que le degré de

l'action qui l'a bandé, soit qu'elle soit plus longue ou plus courte; c'est-à-dire, que plus le ressort est bandé, plus le mouvement de son recul est prompt, & que moins il est bandé, plus ce mouvement est lent. S'il est bandé d'un dégré, la vîtesse est comme un; s'il est bandé de deux degrés, la vîtesse est comme deux; s'il est bandé de trois degrés, elle est comme trois; & ainsi de suite pour tout autre degré: par conséquent la vîtesse étant toujours proportionnelle à l'espace qu'elle fait parcourir, le tems du mouvement du ressort, soit que l'espace soit plus long ou plus court, sera toujours le même ou isochrone; ce qui revient au mouvement d'un pendule, dont le poids se meut dans une cycloïde, comme nous l'avons fait voir.

Cela me conduiroit à expliquer plusieurs choses qui concernent l'élasticité & les loix des corps élastiques dans leurs êtres; comme aussi l'esset de cette proprieté dans l'air pour porter les sons; mais je parlerai de tout cela dans le second Volume, celui-ci

étant déja trop gros.



NOTES



NOTES sur la Cinquiéme Leçon.

1. [3 - 283. Ce corps décrira toute la diagonale par l'action de ces deux forces. 7

SI trois, quatre, cinq, ou un nombre quelconque de forces agissent sur la Ve. Leçon. ligne décrite par ce corps sera le resultat de toutes les forces composées. Par exemple, si quatre forces, dont les quantités & les directions sont représentées par les longueurs & les positions des lignes AB, AC, AD, AE (Planche 28. Figure 1.) agissent tout à la fois sur un corps en A; menons d'abord B a & a C, respectivement égales & paralléles aux lignes A B & AC, & ayant par ce moyen achevé le parallélogramme ABaC, nous menerons la diagonale A a que le corps décriroit, s'il n'étoit mû que par les deux forces AB & AC qui agiffent sur lui. Maintenant, puisque nous avons fait voir que le corps par une seule force, dont la quantité & la direction sont représentées par la longueur & la position de A a, auroit le même mouvement que si les deux forces AB & AC agissoient sur lui; nous pouvons les confidérer comme une seule force A a, qui étant comparée avec la force A D, nous donnera la diagonale A a du parallélogramme A a a D, laquelle sera la ligne dans laquelle le corps poussé par les trois forces A B A C & A D doit se mouvoir précisément de la même maniere que s'il n'y avoit que deux forces, comme A a & AD qui agissent sur lui. Les trois forces étant donc ainsi réduites à une seule, représentée par A a, on peut combiner A a avec A E quatriéme force, & avoir par ce movingonale A a du parallélogramme A a a E, qui sera la ligne que le corps décrira par l'action réunie des quatre forces.

N. B. On peut commencer par celle des quatre forces que l'on voudra, la ligne A æ sera toujours la diagonale du dernier parallélogramme.

On trouvera de la même maniere le resultat des actions d'un nombre quelconque de force.

2. [3 - 283. L'espace dans lequel un corps se meut est transporté, &c.] Lorsqu'on ne fait pas attention à ceci, on se trompe souvent dans les jugemens que l'on porte sur le mouvement & la percussion, prenant souvent par erreur un coup oblique pour un coup perpendiculaire, & un coup perpendiculaire pour un coup oblique, & l'on tire de fausses conséquences des phénoménes par le moyen de ces méprises. Cela paroîtra plus évidemment par une figure. (Voyez Planche 28, Figure 2.) GHBA & ABDC font deux quarrés ou parallélogrammes égaux placés l'un sur l'autre, & séparés l'un de l'autre par le plan ou ligne AE. Il y a un corps mobile sur la ligne

Notes fur

Planche 28 Figure 1,

Planche 28. Figure 2.

Tome I.

Ggg

Notes sur GA de G en A. Supposons premierement que ce corps tombe * de G en A, la V^e. Leçon. dans cette fituation des parallélogammes ; le parallélogramme ABDC recev le coup de la chute du corps en A, & ce coup se donnera dans une direction perpendiculaire à A E. Plaçons ensuite le parallélograme GHBA devant l'autre parallélogramme; en sorte que la ligne GA soit directement devant AC, & la ligne HB devant BD (ou pour parler plus mathématiquement, supposons que ces lignes se confondent respectivement) le corps qui tombe de G en A, décrira aussi la ligne A C perpendiculaire à A E. 3°. Les parallelogrammes étant toujours l'un devant l'autre, supposons que le corps tombe encore le long de GA, qui est maintenant devant AC; mais que dès le commencement de la chute, le parallélogramme GHAB (qui porte le corps) soit mû horizontalement dans la direction AE, en sorte qu'il arrive à la situation BEFD, lorsque le corps qui tombe a parcouru sa longueur GA; par ce moyen il arrivera en D au lieu de C, le parallélogramme ABDC restant pendant tout ce tems immobile Par ce moyen le corps étant porté pendant son mouvement par son propre parallélogramme, aura décrit dans le parallélogramme ABDC, la diagonale AD, pendant qu'il n'a décrit dans son propre parallélogramme que la ligne GA, qui est maintenant représentée par BD. De sorte qu'une personne que l'on suppose être dans le parallélogramme GHBA, lorsqu'il étoit devant ABDC, & qui ne s'apperçoit pas du mouvement du parallélogramme où elle est portée, croira que le mouvement du corps a été abfolument dans la ligne BD, perpendiculaire à A.E., tandis qu'il n'y a été que relativement, & qu'il s'est fait absolument dans la ligne AD oblique à AE, comme nous l'avons fait oir dans la Leçon (n°. 3.) 4°. Supposons que le parallélogramme GHAB est au-deffus de l'autre ABDC, & se meut horizontalement sur la ligne AE, pendant que le corps tombe de G en A, en sorte qu'il soit dans la position HJEB, lorsque le corps est arrivé en A, qui est maintenant porté en B. Che personne qui ne fait pas attention à ce mouvement lateral du parallélogramme où elle est placée, s'imaginera que le coup en B se fait dans la direction HB, perpendiculaire à AE, & cela d'autant plus, que la force du coup ne fera pas plus grande que si le corps s'étoit mû dans la perpendiculaire HB, à cause de son obliquité. Car quoique par le mouvement du parallélogramme, qui fait aller le corps dans la diagonale GB, fa vîtesse (& par conséquent son momentum) soit augmentée dans la raison de GA à GB; cependant la force du coup, eu égard à l'obliquité, doit être aussi diminuée dans la raison de GB à GA ou du sinus total au sinus droit de l'angle d'inclinaison, comme nous l'avons démontré dans le cas de la traction oblique. (Leçon 3. Notes 5 & 7.)

5°. Supposons le parallélogramme GHBA sur l'autre parallélograme ABDC, comme nous l'avons supposé au commencement, mais que le corps fe meuve en bas dans la ligne HB, en ce cas le corps frappera le parallélogramme ABCD en B, dans la direction HB perpendiculaire à AE, & si

& non acceleré, pour rendre cette explication plus aifée; elle seroit pour tant également vraye dans l'acceleration.

^{*} Quoique nous nous servions du mot (tomber) nous pouvons supposer que le corps descend par un mouvement uniforme

419 le parallélogramme supérieur est placé devant l'inférieur, la ligne BD & HB sera décrite en même-tems par un mouvement du corps perpendicu- la Ve. Leçon. laire à AE.

6°. Soit le parallélogramme GHBA placé devant le parallélogramme ABDC, que nous supposerons se mouvoir derriere lui pendant que le corps descend de H en B, lesquels points sont maintenant dans la position de B & D; de sorte que le corps peut arriver en D par toute sa chute, lorsque le parallelogramme ABDC est venu à la position BEFD; le point D étant arrivé en F, & le point C en D, où il rencontre le corps, au lieu du point D où le corps est arrivé en-devant. Dans ce cas un homme en B, porté dans le parallélogramme ABDC, s'il ne s'apperçoit pas de son propre mouvement, s'imaginera que le corps a réellement décrit la diagonale E D oblique à A E, qu'il n'a décrit que relativement; car le corps n'a décrit absolument aucune autre ligne que BD perpendiculaire à AE. En effet lorsque le parallélogramme ABDC, est venu dans la position abdc, le corps est descendu de Ba, qui est un point commun à la diagonale bc, & à la ligne perpendiculaire de la chute BD, & par conséquent il paroît avoir décrit 66, tandis qu'il n'a parcouru que Bi. Ensuite lorsque le parallélogramme est venu par son mouvement à la position & BSu, le corps sera au point 2, commun à la diagonale B &, & à la ligne de chute BD, paroissant avoir parcouru B2, lorsqu'il n'a parcouru que B2, & lorsque le parallelogramme ABDC est venu à la position BEFD, une personne portée dans ce parallélograme, & ne s'appercevant pas de son propre mouvement, s'imaginera que le corps a parcouru toute la diagonale ED oblique à AE, tandis qu'il n'a réellement parcouru que la ligne BD perpendiculaire à AE.

Enfin supposons le parallélogramme GHBA immobile sur ABDC & que celui-ci se meuve horizontalement de la longueur BE, pendant que le corps tombe de H en B. Dans ce cas le coup sera reçu par le parallélogramme ABDC au point A, au lieu de B, le point A avenintenant pris la place B, précisément au moment que le corps y arrive. Le coup paroîtra aussi oblique que si le corps avoit parcouru la diagonale JB, & cela d'autant plus que sa force sera moindre que si le coup avoit été donné au point B, du parallélogramme mobile, en raison de JB à HB; c'est-àdire, du finus total au finus droit de l'angle sous lequel le parallélogramme ABDC par son mouvement latéral reçoit le coup.

N. B. La différence entre ce cas & le 4º est que, quoique l'obliquité de JB soit la même que celle de GB, cependant la force du coup est plus grande dans ce cas que dans celui-ci. Car en ce cas-là, le mouvement latéral du parallélogramme, qui porte le corps, est une seconde force ajoutée, & la combinaison de ces forces porte réellement le corps dans la diagonale, & augmente son momentum, dont l'effet n'est diminué qu'à cause de l'obliquité de l'angle GBA: mais dans ce dernier cas le corps ne décrivant rien de plus que la perpendiculaire HB, n'a point son momentum augmenté, parce que le mouvement lateral du parallélogramme ABDC n'ajoute aucune force au corps; au contraire elle diminue l'effet de sa force, en recevant obliquement son coup, & cela dans la proportion de J B H B. nothio qui ou ocumo

Gggij

Notes fur

Si le parallélogramme ABDC s'étoit mû plus lentement; par exemple, la Ve. Leçon. s'il n'avoit été que dans la position abdc, lorsque le corps avoit parcouru en descendant toute la longueur HB, il auroit reçu le coup sur son point æ, qui seroit maintenant en B, & l'obliquité auroit paru moindre. La direction du mouvement paroissant être maintenant dans la ligne KB, qui aussi se seroit moins écartée de la force du coup. Mais si ABDC s'étoit mû plus vîte que nous ne l'avons supposé au commencement; alors l'obliquité du mouvement auroit paru plus grande à proportion de l'obliquité

du coup, dont la force auroit été plus diminuée.

La vérité que nous venons d'expliquer est d'un grand usage, non-seulement dans la méchanique, mais encore dans toutes les mathématiques mixtes. J'en donnerai un exemple dans l'optique, en faisant voir que le mouvement annuel de la terre autour du foleil, est une conséquence certaine de quelques observations sur les étoiles fixes, faites par M. Jacques Bradley, Astronome curieux & exact, Professeur d'Astronomie dans l'Université d'Oxford. Ceux qui sçavent l'Astronomie & la Trigonométrie sphérique, peuvent lire le détail qu'il donne lui-même de ses observations, & les conséquences qu'il en tire, dans les Transactions Philosophiques, N°. 406. Mais comme les principes que j'ai expliqué jusqu'ici dans ce premier volume de mon Cours de Physique, ne mettent pas le Lecteur en état de comprendre le Mémoire de M. Bradley, je vais en expliquer autant qu'il en faut pour faire sentir l'application de ce que j'ai dit du mouvement oblique, & pour mettre en même-tems hors de doute cette importante découverte du mouvement de la terre.

Il est bon, pour me faire mieux entendre, que je fasse ici une digression sur les opinions des Philosophes au sujet du mouvement ou de la stabilité de la terre, & fur les méthodes qu'on a employées pour fixer ce point.

Quoique la premiere notion, que les plus anciens Observateurs des mouven restes, après avoir découvert la rondeur de la terre, a dû être (selon toute apparence) que le Ciel avec le soleil, la lune & les étoiles, tournoient autour de la terre; cependant quelques Philosophes enseignerent bien-tôt que le soleil étoit au centre du système, & que la terre & toutes les planétes rouloient autour du foleil; tel fut Pythagore, Philolais, & quelques autres. Mais Ptolemée & ses Sectateurs soutinrent l'opinion contraire, qui s'accorde avec la notion commune du vulgaire, lequel s'imagine que la terre est un vaste corps en comparaison du soleil & des planétes, & qu'elle est immobile, comme leurs sens semblent le leur apprendre. Mais à mesure que les Astronomes vinrent à observer les mouvemens des planétes, dont on ne peut pas expliquer l'irrégularité apparente, dans la supposition-de la stabilité de la terre, & ayant découvert que le foleil étoit beaucoup plus grand que la terre; voyant aussi que le mouvement diurne de la terre autour de son axe, expliquoit tous les phénon énes du jour & de la nuit, avec tous les autres mouvemens attribués au prenier mobile comme le mouvement annuel explique rous les phénoménes des failons, & éclaircit toutes les difficultés relatives aux stations & rétrogradations des planétes; plusieurs reçurent l'opinion du mouvement de la terre renouvellée par Copernic, comme une supposition très-raisonnable; mais



Notes fur

n'étant appuyée par aucune démonstration, elle ne pouvoit être qu'une supposition. Quoique l'usage des telescopes, inventés dans ces derniers la Ve. Leçon. nécles, ait beaucoup augmenté la probabilité de l'hypotèse de Copernic, en faisant voir par les phases de Mercure & de Venus, qu'elles doivent indubitablement se mouvoir autour du soleil, & non pas autour de la terre. Les Philosophes tâcherent donc de faire des observations capables de leur donner une démonstration d'un côté ou d'autre; & le but principal qu'ils se proposerent, sut de travailler à découvrir une parallaxe annuelle dans les étoiles fixes : on en comprendra aisément la méthode par la troisiéme Figure de la Planche 28.

Planche 28, Figure 3.

Eoe représente l'orbite de la terre, dont le plus long diamétre est Ee, S une étoile fixe, qu'un observateur en E, voit par le rayon visuel ES, lequel forme un angle droit avec le diamétre E e, & avec le plan de l'écliptique EOe. Supposons que cette observation soit saite en Juin, alors six mois après, lorsque la terre & l'observateur seront partis de E, & arrivés en e, à la distance E e du point E, où le rayon visuel S E étoit perpendiculaire, si l'on observe de nouveau cette même étoile, on ne la verra plus par un rayon perpendiculaire comme se, mais par le rayon oblique Se, l'angle qu'il fait avec la perpendiculaire étant Ses, lequel est égal à ESe, angle sous lequel on verroit le diametre de l'orbite de la terre, si un observateur étoit dans l'étoile S; & c'est ce qu'on appelle angle parallactique. Il est évident que si l'étoile étoit encore une fois aussi loin de la terre, comme en E, au lieu d'être en S, on la verroit par le rayon Ee, & l'angle parallactique seroit encore une fois plus petit; & par conséquent plus l'astre est éloigné à proportion du diamétre Ee, plus l'angle parallactique est petit; ensorte que si l'astre étoit à une distance immense de la terre, le diamétre E e vû de l'astre; (c'est-à-dire, en comparaison de la distance de l'étoile) n'est qu'un point, & par conséquent l'angle parallactique disparoît. Or, le fait est réellement tel; car lorsque l; est arrivée en e, on voit par le rayon se l'étoile, qui est à une distance immense; & quoique ce rayon forme un angle avec l'autre rayon SE, cependant il lui est sensiblement paralléle. C'est ce qui a fait triompher les Disciples de Ptolemée, & leur a fait dire, que l'orbite EOe n'est qu'imaginaire, & que la terre ne bouge jamais de la place E; parce que l'étoile paroît toujours dans la même place, l'angle droit que SE forme avec le plan de l'écliptique, (décrite par le soleil, & non par la terre,) ne changeant jamais. Les Coperniciens ont toujours répondu que le manque d'instruments suffisamment exacts, a été la raison pour laquelle on n'a pas pu observer l'angle de la parallaxe, & en conséquence ils ont fixé à ce dessein les instruments les plus exacts de la meilleure maniere qu'ils ont pû. M. Flamstead fixa un arc de cercle à une muraille, pour observer la parallaxe de l'étoile polaire, qu'il trouva de 40 ou 50 secondes; mais on ne pouvoit pas compter sur cette observation, parce qu'il n'étoit pas probable que la muraille à laquelle cet instrument étoit fixé, dût rester exactement dans la même position dans toutes ses parties, d'un solstice à l'autre.

Le Docteur Hook prétendit avoir trouvé une parallaxe sensible dans les étoiles fixes, en l'observant dans l'étoile brillante de la tête du Dragon,

Notes fur par une meilleure méthode qui ne dépendoit pas de la fixation d'un instrula Ve. Leçon, ment; c'étoit avec un telescope de 36 pieds, qu'on pouvoit aisément rectifier a ce deffein; mais ses observations que l'on avoit regardées comme fort exactes, parurent erronées à M. Bradley, dont nous allons faire mention. Newton est le premier qui ait démontré le mouvement de la terre; mais il l'a fait par les loix de la péfanteur, & non par des observations astronomiques. Il le gardoit bien de donner crédit aux observations d'où les autres concluoient la parallaxe des étoiles fixes; & lorsque M. Jean Rowley eut poli un verre objectif pour le fixer dans l'une des Tours de l'Eglife de S. Paul, au haut de la Tour de l'escallier, pour servir d'un fort long telescope propre à observer les astres auprès du Zenith, & à déterminer leur parallaxe, il défendit qu'on y plaçât ce verre, de peur qu'on ne vînt à tirer dans un point aussi important des conséquences appuyées fur des observations incertaines, regardant celles-là comme telles, parce que la batisse pouvoit en s'affaissant un peu altérer la situation de cette Tour telescopique. Le Docteur Gregory parle d'une autre méthode dans la neuviéme section du troisiéme Livre de son Astronomie; la voici: il suppose que deux étoiles S & \(\Sigma\) (Planche 28. Figure 3.) sont dans une ligne, de maniere qu'un Observateur qui est dans la même ligne en E, les prend toutes deux pour une seule étoile S; il est certain que si cet Observateur s'éloigne en e, ou à une distance sensible de E, l'étoile paroîtra double, parce que maintenant les deux sont comprises sous l'angle Se E, & une telle observation ne dépend pas de la fixation d'un instrument à un point immobile, ou de beaucoup d'appareil; un telescope armé d'un micromêtre suffit à ce dessein. On esperoit de tirer quelqu'avantage d'une telle observation, parce que M. Cassini avoit observé plusieurs étoiles, qui paroiffoient doubles ou triples dans un tems, & fimples dans un autre;

Comme un grand nombre même de Sçavans ne comprennent pas les Principes de Newton, & par conséquent ne se rendent pas à sa preuve du mouvement de la terre, tirée des loix de la pesanteur; & que ceux qui comprennent son Livre, seroient pourtant bien-aises d'avoir une preuve collatérale tirée des observations astronomiques; plusieurs personnes ont sait d'autres tentatives pour observer une parallaxe dans les étoiles fixes; & l'an 1725. le seu Samuel Molyneux, Ecuyer, avec un instrument sait & imaginé par M. George Graham, ce Membre illustre & curieux de la Societé Royale (d'autant plus exact que celui du Docteur Hook, que sans lui nous serions encore dans une grande incertitude sur la parallaxe des étoiles sixes) commença à observer l'étoile brillante de la têze du Dragon

comme la premiere du belier, celle qui est à la tête des jumeaux, celle qui est pée d'orion, & quelques-unes des pleiades. Mais après un mûr examen, on vit qu'elles ne paroissoient pas doubles & simples à six mois de distance, & d'une maniere conforme à ce qu'on auroit dû attendre de la parallaxe; & l'on conclut que le phénoméne des étoiles qui paroissent simples ou doubles, venoit de quelqu'autre cause: leur distance est si grande, que même l'éloignement de la terre à 160 millions de milles, n'est pas capable de nous faire découvrir les astres qui sont l'un derriere



Notes fur

(marquée y par Bayer) lorsqu'elle passoit près du Zenith; M. Bradley observa aussi tout le tems avec lui, & par plusieurs observations, faites la V. Lec avec beaucoup de soin, il parut que l'étoile étoit plus nord de 39 secondes d'un dégré en Septembre qu'en Mars, précisément tout au contraire de ce qu'elle auroit dû être par la parallaxe annuelle des étoiles fixes; c'est-àdire, que les Observateurs qui en Septembre voyoient l'étoile en S dans la ligne ES, dans le mois de Mars suivant, au lieu de la voir en S dans la ligne eS, la virent en o dans la ligne eo. Cette étrange apparence embarrassa les Observateurs, & M. Molyneux mourut avant qu'on en eût découvert la cause. M. Bradley avec un autre instrument de la même espece, fait aussi par M. Graham, observa les mêmes apparences, non-seulement dans cette étoile, mais dans plusieurs autres; & s'étant pleinement convaincu par plusieurs Expériences, que le phénoméne ne venoit d'aucune erreur de l'instrument, il examina quelle pouvoit en être la cause, & il trouva que la cause réelle étoit le mouvement de la terre, & le mouvement progressif de la lumiere; ensorte que maintenant le mouvement de la terre est appuyé sur une observation astronomique. Cette découverte, qui est d'une grande conséquence pour l'Astronomie, qui avoit été tentée inutilement pendant plusieurs années, & qui enfin a été faite en 1728, n'est encore connue en aucun endroit que je sçache, si ce n'est dans les Tranfactions Philosophiques, par une lettre au Docteur Halley, écrite par l'Auteur de la découverte, dont la modestie est égale à sa grande capacité dans l'Astronomie. Si elle avoit été faite par certains Etrangers, nous aurions eu déja des volumes entiers écrits avec pompe sur cette matiere. Il est furprenant que dans l'espace de cinq ans, aucun Sçavant hors de Royaume n'ait pris connoissance de cette découverte, soit pour nous proposer des objections, ou pour convenir de la vérité.

Cela nous fait voir que la parallaxe des étoiles fixes est beaucoup plus petite, que ne l'ont supposé jusqu'ici ceux qui ont prétermirer de leurs observations; car au lieu de plusieurs secondes, elle ne monte pas à une seule. Delà il suit que l'étoile de la tête du Dragon, dont on a parlé ci-devant, est au-dessus de 400 mille fois plus éloignée de nous que le foleil; que la lumiere vient du foleil à la terre en 8 minutes & 13 fecondes, & que le mouvement de la terre dans son orbite annuelle est 10, 210 sois plus lent que celui de la lumiere, quoique la terre se meuve à raison de

56, 000 milles par heure.

Quoique la lettre de M. Bradley soit fort claire pour les Astronomes, cependant en faveur de ceux qui n'ont qu'une connoissance superficielle de la science du Ciel, je vais (conformément à ma promesse) tâcher de faire voir de la maniere la plus claire, comment le mouvement progressif de la lumiere," comparé avec celui de la terre, fait paroître une étoile (qui après avoir été observée dans le Zenith, est laissée en arrière par le mouvement de la terre) comme si elle s'étoit muë en avant, tout au contraire de ce qu'on auroit dû attendre.

Planche 28. Figure 4.

Supposons qu'une étoile est en S, d'où la lumiere s'étend de tous

Planche 28. Figure 4.

la Ve. Leçon.

Notes fur les côtés en lignes droites ; mais nous ne confidérons ici que deux de ces rayons ou lignes; sçavoir SE & Se. Ee est une ligne, dans laquelle l'Obfervateur est entraîné avec la terre dans l'orbite annuelle; nous supposerons ici ce mouvement rectiligne (pour rendre notre explication plus aisée); & nous supposerons ici que le mouvement est seulement 6 fois plus rapide que celui de la terre; de sorte qu'une particule de lumiere décrira toute la ligne A E ou Se dans le même tems que la terre décrit E e. Il s'ensuit delà, que pendant qu'une particule de lumiere parcourt une partie de la ligne Se, comme S1, 12, 23, &c. la terre décrira une partie correspondante de la ligne Ee, comme Ef, fg, gh, &c. Maintenant si la terre étoit en repos en E ou e, un Observateur y verroit l'étoile dans la ligne ES ou Se, par le moyen de la particule de lumiere qui doit venir de S en E, ou de S en e; mais il ne verroit jamais l'étoile dans la ligne es, comme si elle étoit en s. Que si l'on suppose que la terre partant de E se meut dans la ligne Ee, en même-tems que deux particules de lumiere partent de l'étoile S, pour se mouvoir, l'une dans la ligne SE, & l'autre dans la ligne Se *, il arrivera que la terre sera sortie du point E, avant que la particule de lumiere qui vient dans la ligne SE, foit arrivée à l'œil de l'Observateur, qui sera en e, lorsque cette particule de lumiere est en E; mais alors l'autre particule, qui vient dans la ligne Se, fera arrivée dans l'œil de l'Observateur, précisément à mesure que la terre arrive en e, & elle le frappera dans la direction se, comme si cette particule étoit venue de s, parce que quoiqu'elle vienne réellement dans la ligne Se, perpendiculaire à Ee, le mouvement de l'Observateur dans la ne Ee, lui fait recevoir un coup perpendiculaire, tout comme si réellement il étoit oblique, ainsi que nous l'avons fait voir dans le dernier cas de la Figure 2. (page 380.) Car si l'on suppose que le parallélogramme ASeE, avec la terre à l'angle E, se meut latéralement dans la direction Ee, avec une vîtesse capable de lui faire parcourir SI, pendant que la terre parcourt Ef; 12, pendant que la terre parcourt fg; 23, pendant que la terre parcourt gh; 34, pendant qu'elle parcourt hi; 45, pendant qu'elle parcourt ik; & enfin, 56, pendant qu'elle parcourt ke, ou, ce qui revient au même, s'il a 6 fois la vîtesse de la terre; alors la diagonale SE étant portée latéralement, lorsque la particule de lumiere est portée en 1, & la terre (en entraînant le parallélogramme ASeE) en f, le point a de la diagonale se confondra avec le point 1 du rayon Se, ou de la ligne du mouvement de la particule de lumiere, qui par ce moyen paroîtra s'être muë dans la ligne Sa; lorsque la terre est en g, le point b de la diagonale se confondra avec 2 de la perpendiculaire, & la particule paroîtra avoir décrit ab; lorsque la terre est en h, c se confondra avec 3; lorsque la terre est en i, d se confondra avec 4 (ou sera porté sur 4); lorsque la terre arrive en k, d se confondra avec 5; & enfin, lorsque la terre est en e, E se confond avec 6, & la particule de lumiere paroît avoir décrit le rayon ou la diagonale SE, qui doit maintenant être portée sur

^{*} A cause de la distance immense de l'étoile, nous pouvons regarder la ligne S E, comme égale à le.

sa paralléle se, parce que la terre est venue en e. De sorte que l'étoile qui devient visible à l'Observateur par la ligne ou rayon Se lui paroît la V. Leçon. (à cause de son mouvement dans la ligne E e) être dans la ligne se; au lieu que si le lieu de l'Observateur avoit été immobile, il auroit vû l'étoile en S, & non en s. Si donc l'Observateur, à mesure qu'il est entraîné par le mouvement de la terre, regarde par un telescope, dont l'axe fait l'angle SE e avec la ligne E e du mouvement de l'Observateur, lorsqu'il arrive en e, il verra l'étoile en s; ce qu'il n'auroit pas pu faire, si son telescope avoit été dirigé dans la ligne E A ou cS perpendiculaire à E e.

N.B. Puisque la ligne Se est réellement 10210 fois plus longue que la ligne Ee, à cause que la lumiere se meut autant de sois plus vîte que la terre; combien l'angle AES (=Ses) doit-il être petit? & combien doit être exact l'instrument dont on se sert pour observer un tel angle? Cependant on trouve par des expériences réitérées, que cet instrument en vient à bout; ce qui fait voir la grande exactitude de M. Graham, qui passera à la postérité autant que la grande sagacité de M. Bradley dans la conséquence qu'il en a tirée.

2. [7. page 302. Les parties du tourbillon qui sont les plus proches du soleil, devroient se mouvoir plus vîte, &c. - Les quarrés des tems périodiques, &c. sont comme les cubes de leurs distances, &c.) Newton a examiné dans la neuvieme section du second Livre de ses Principes, tous les cas possibles des tourbillans, dont je n'ai pris que celui qui est rapporté dans le onziéme Corollaire de la Proposition 52, comme étant le plus commun. Je renvoye les Curieux à cette section, qu'il seroit trop long d'inserer ici toutene entiere; mais je crois qu'il est à propos d'en transcrire la derniere partie (qui est la trente-cinquiéme Proposition que l'Auteur a voulu appliquer à l'hypothèse de Descartes, pour en démontrer l'inconsissence, & pour faire voir qu'il est impossible que les planétes se meuvent dans de lons); j'y joins aussi une partie de son Scholie general, qui est à la fin de son Livre, & qui a le même but.

PROPOSITION LIII

Du second Livre des Principes de Newton.

Les corps qui roulent dans un tourbillon, & reviennent au même point dans le même orbe, ont la même densité que le tourbillon, & gardent dans leur mouvement la loi qui est observée par les parties du tourbillon, quant à

leur vîtesse & à la direction de leur mouvement.

Car si l'on supposoit qu'une petite partie du tourbillon, dont les particules où les points physiques conservent entr'eux une situation constante, vint à le glacer; cette partie ne changeant point de densité, ni de force, ni de figure, suivroit dans son mouvement la même loi qu'elle suivoit auparavant; & au contraire, si une partie glacée & solide du tourbillon, étoit de même densité que le reste du tourbillon, & si elle venoit à se résoudre enfluide, elle conserveroit la même loi de mouvement qu'auparavant, Tome I. Hhh

Notes fur

Notes fur excepté que ses particules devenues fluides, auroient encore un mouve la V Leçon. ment entr'elles. Mais on peut négliger ce mouvement relatif des particules entr'elles, comme n'ayant aucun rapport au mouvement progressif du tout, & le mouvement du tout sera le même qu'auparavant. Mais ce mouvement sera aussi le même que celui des autres parties du tourbillon également éloignées du centre, parce que le solide changé en fluide devient partie du tourbillon, & partie entierement semblable aux autres parties. Donc si le solide est de même densité que la matiere du tourbillon, il aura le même mouvement que les parties de ce tourbillon, & il sera dans un repos relatif par rapport à la matiere qui l'environne immédiatement. S'il est plus dense, il fera de plus grands efforts qu'auparavant, pour s'éloigner du centre du tourbillon, & il furmontera la force qui le retenoit auparavant comme en équilibre de son orbite. Il s'éloignera du centre, en décrivant par sa révolution une spirale, & ne revenant plus au même point de son orbite. On prouvera de même que s'il est plus rare, il s'approchera du centre. Donc il ne reviendra plus au même point, qu'il n'ait la même densité que le fluide, & dans ce cas on a fait voir qu'il rouleroit de la même maniere que les parties du fluide, également éloignées du centre.

COROLLAIRE I.

Donc le folide, qui roule dans un tourbillon, & qui revient toujours au même point, est dans un repos relatif par rapport au sluide qui l'entraîne.

COROLLAIRE II.

Et si le tourbillon est d'une densité uniforme, le même corps peut rouler à chaque distance du centre du tourbillon.

SCHOLIE.

DELA il suit évidemment, que les planétes ne sont pas emportées par des tourbillons corporels. Car les planétes, felon l'hypothèse de Copernic, étant portées autour du foleil, décrivent des ellipses, dont le soleil est le foyer commun; & par des rayons menés au foleil, elles décrivent des aires proportionnelles aux tems. Soient AD, BE, CF (Planche 28. Figure 5.) trois orbes décrits autour du foleil, dont le plus grand CF est un cercle concentrique au soleil, & les aphelies des deux intérieurs font A & B, leurs perihelies D & E. Donc le corps qui roule dans l'orbe CF, décrivant par des rayons menés au foleil des aires proportionnelles. aux tems, sera mû d'un mouvement uniforme; & selon les loix de l'Astronomie, le corps qui roule dans l'orbe BE, ira plus lentement dans l'aphelie B, & plus vîte dans son perihelie E; au lieu que selon les loix de la Méchanique, la matiere du tourbillon doit se mouvoir plus vîte dans un espace plus étroit entre A & C, que dans un espace plus large entre D & F, c'est-à-dire, plus vîte dans l'aphelie que dans le perihelie. Mais ces deux conclusions se contredisent. Ainsi au commencement du signe de la

Planche 28. Figure 5.

Vierge, où est maintenant l'aphelie de Mars, la distance entre les orbes de Mars & de Vénus, est à la distance entre les mêmes orbes au commen- la V. Leçon. ement du signe des Poissons, comme 3 à 2 environ, & par contéquent la matiere du tourbillon entre ces deux orbes au commencement des Poissons, doit avoir plus de vîtesse qu'au commencement de la Vierge, en raison de . 3 à 2. Car plus l'espace est petit par où la même quantité de matiere passe dans le même tems d'une révolution, plus la vîtesse avec laquelle elle passe doit être grande. Donc si la terre, qui est relativement en repos dans cette matiere céleste, en étoit emportée, & tournoit avec elle autour du soleil, sa vîtesse au commencement des Poissons, seroit à sa vîtesse au commencement de la Vierge en raison sesquialtere. Donc le mouvement diurne & apparent du foleil au commencement de la Vierge, seroit au-dessus de 70 minutes, & au commencement des Poissons, il seroit au-dessous de 48 minutes; au lieu qu'au contraire ce mouvement apparent du foleil est réellement plus grand au commencement des Poissons, qu'au commencement de la Vierge, comme l'expérience nous l'apprend. Donc la terre va plus vîte au commencement de la Vierge, qu'au commencement des Pois-Jons. Donc l'hypothèse des tourbillons est entierement contraire aux phénoménes astronomiques, & elle est plus propre à troubler les mouvemens celeltes, qu'à les expliquer.

SCHOLIE GENERAL.

L'hypothèse des tourbillons est combattuë par un grand nombre de difficultés. Il faut que chaque planéte par un rayon mené au foleil, décrivere des aires proportionnelles aux tems de leurs descriptions, que les tems périodiques des différentes parties des tourbillons, obtervent la raison doublée de leurs distances au soleil. Mais afin que les tems périodiques des planétes puissent avoir la proportion sesquipliquée de leux ces au soleil, il faut que les tems périodiques des parties du tourbillon, soient en proportion sesquipliquée de leurs distances. Afin que les plus petits tourbillons puissent conserver leurs petites révolutions autour de Saturne, Jupiter, & autres planétes, & pour qu'ils puissent nager tranquillement, & sans être troublés dans le grand tourbillon du foleil, il faut que les tems périodiques des parties du tourbillon, soient égaux. Mais la rotation du soleil & des planétes autour de leurs axes, qui doit correspondre aux mouvemens de leurs tourbillons, s'écarte beaucoup de toutes ces proportions. Les mouvemens des cométes sont extrêmement réguliers, & conduits par les mêmes loix que les mouvemens des planétes, & on ne peut en aucune maniere les expliquer par l'hypothèse des tourbillons. Car les cométes sont portées par des mouvemens très-excentriques dans toutes les parties des Cieux indifféremment, avec une liberté qui est incompatible avec l'idéedes tourbillons.

3. [9. page 308. On peut faire plusieurs autres expériences relatives aux forces centrales, &c. En faveur des Curieux nous en donnerons quelques autres dans les Notes.] Pour faire voir par expérience comment une planéte Hhhi

NOTES fur

428

Notes sur accélere son mouvement à mesure qu'elle s'approche du soleil, & comla V. Leçon. ment elle le retarde, lorsqu'elle s'en éloigne; il faut fixer la table tour nante (telle qu'elle est représentée par la onzième Figure de la Planche 24. » fur son pied, de maniere qu'elle puisse tourner dans sa situation horizontale. Ensuite on ôtera la piece quarrée ou rectangulaire Ss, & on l'attachera à la table dans l'endroit Mm, par le moyen d'une vis dans son bord inférieur, laquelle passera à travers la table, & sera fixée en-dessous par une écrouë. Cela étant fait, au lieu des deux balles T, M, prenez-en une comme M, & l'ayant placée à un pouce en-dedans de la partie la plus courte du quarré en M, vous serez passer son cordon par un des trous quisont à côté de la piece centrale C, & en haut par le trou du milieu; ensuite ayant attaché un fil de fer w à travers le cordon, ensorte que la force centrifuge agissant sur M, (pendant que la table tourne) ce fil de ser puisse empêcher la balle de frapper contre le bout de Mm; faites enfin tourner la table dans la direction de la fléche, pendant que la main tient l'autre bout du cordon assez lâche en x, la balle pressera le quarré V v en M. Tirez un peu le fil pour faire approcher un peu plus la balle, du centre, vous verrez qu'elle frappera l'autre côté en m, & vous entendrez le coup, ce qui fait voir que son mouvement est acceleré; mais si alors, (la table to rna it toujours avec la même vîtesse) vous la tenez avec la main, elle s' loign ra du centre, & frappera contre M, ce qui fait voir que son mouvement est retardé, parce qu'elle se meut plus l'entement que les parties de la table qui sont sous elle, comme elle se mouvoit plus vîte que la table dans l'autre cas.

La conclusion de la quinziéme Expérience (scavoir, que dans la même orbite la force centrifuge est comme le quarré de la vîtesse) s'ensuivroit également de toute autre variation des tems périodiques. Par exemple si le fil de la poulie H (Figure 14. Planche 25.), passoit sur la rainure de 3 pouces, a cciui de la poulie K sur la rainure de 2 pouces, chaque planéte étant de même poids, & à la même distance du centre; la planéte P qui a le plus de vîtesse, éleveroit (dans sa tour) un poids de $2\frac{1}{4}$ livres; pendant que celle p qui a le moins de vîtesse, ne leveroit qu'une livre; ces poids étant l'un à l'autre, comme 9 à 4; c'est-à-dire, réciproquement comme les quarrés des tems périodiques 2 & 3, ou directement comme les quarrés des vîtesses.

En un mot, si les forces centrales différent en quelque façon que ce soit, on peut les comparer ensemble par le moyen de ce qu'on a déja expliqué; car elles sont toujours en raison composée de la raison de la quantité de matiere des corps qui font leurs révolutions, de la raison des distances au centre, & enfin de la raison inverse des quarrés des tems périodiques; & cette comparaison se fait ainsi : multipliez la quantité de matiere dans chaque corps par sa distance au centre, & divisez le produit par le quarré du tems périodique; les quotients des divisions seront dans cette raison?

composée, c'est-à-dire, comme les forces centrales.

EXPERIENCE.

Planche 25: Figure 14.

Passez le cordon de la roue sur la rainure de 2 pouces de la poulie K



& sur celle de 3 pouces de la poulie H; ce qui fera que les tems périodiques des planétes P & p seront l'un à l'autre comme 2 à 3. Par l'ad- la V. Leçon. dition de 4 onces à la piece qui porte le poids dans la tour S, tout le poids fera de 6 onces, & soit la planéte P de 2 onces, & à 8 pouces du centre. La planéte p doit être de 4 onces, & à 12 pouces du centre, & le poids qui la tire dans la tour s', doit être de 8 onces. Tournez la rouë, & les deux poids s'éleveront au même moment. Multipliez 2 (poids de la planéte P) par 8 sa distance; le produit est 16, lequel étant divisé par 4 (quarré de son tems périodique), donne 4 au quotient; (car $2 \times 8 = 16 & \frac{16}{6} = 4$.) Ensuite multipliez 4 (poids de la planéte p) par sa distance 12, & le produit 48 étant divisé par 9 (quarré du tems périodique de p) vous aurez $5\frac{1}{3}$ (car $4 \times 12 = 48 & \frac{43}{3} = 5\frac{1}{3}$). Or ces nombres 4 & 51 font l'un à l'autre comme 12 à 16, ou comme 6 à 8, qui sont les poids dans les tours qui expriment les quantités des forces centrales.

Lorsque les quantités de matiere sont égales, il suffit de diviser les distances par les quarrés des tems périodiques pour déterminer la proportion des forces centrales l'une à l'autre.

Et dans ce cas, si les quarrés des tems périodiques sont entreux, comme les oubes des distances, les quotients des divisions seront en raison inverse des quarrés des distances, & l'on trouvera que les forces centrales sont en même raison: ce qui est le cas des planétes & des cométes dans le Ciel.

On peut fort bien éclaircir cela par l'Expérience suivante

EXPERIENCE.

FAITES passer le cordon de la rouë sur la rainure de a pouces de la poulie K, & sur celle de 6 pouces de la poulie H, afin que le tenis périodique de la planéte P, soit 3, pendant que celui de p est 6. Soient P & p chacune de 4 onces, P étant à 5 pouces du centre, & p à 8 pouces. Alors si P est attachée à 10 onces dans sa tour S & p à 4 dans la sienne s, les deux poids s'éleveront tout-à-la-fois, lorsqu'on fera tourner la rouë.

Les forces centrales sont ici comme 4 à 10, & la raison inverse des quarrés des distances, est celle de 25 à 64 (& ce dernier nombre devoit être exactement 62 1, & le seroit si l'on avoit pris pour la distance au centre la racine quarrée de 62 1; mais nous avons préferé 8 pouces; pour éviter les fractions) ce qui suffit pour une expérience. Les quarres des tems périodiques sont 9 & 36; ce qui aussi s'accorde assez avec les cubes des distances, qui sont 125 & 512; car 512 auroit du n'être que 500, qui est la raison exacte qui manque ou qui auroit été beaucoup plus proche, si la distance au centre avoit été la racine quarrée de 62 1, comme nous l'avons dit ci-devant.

4. [16. Page 32. D'autres, &c. prétendent que le momentum n'est pas comme le produit de la masse par la vîtesse du corps qui se meut, mais comme la masse multipliée par le quarré de la vîtesse.]

Notes fur

Planche 2 · Figure

NOTES sur [26. Page 329.] Le poids, &c. Multipliez-le par la vîtesse, & on aura

la V. Lecon, le momentum, &c.

Il y a peu d'années, que tous les Mathématiciens & Philosophes s'accordoient dans l'opinion, que le momentum ou force mouvante des corps, confissoit dans la masse ou quantité de matiere, multipliée par la vîtesse, comme nous l'avons expliqué dans la seconde Leçon, N°. 1, 2, 3, &c. M. Leibnitz (si je ne me trompe) est le premier qui a rejetté l'ancienne opinion, en disant que la force des corps en mouvement, étoit composée de la masse multipliée par le quarré de la vîtesse, en l'appliquant à la chûte des corps, & disant que le coup donné par les corps qui tombent, est toujours proportionnel aux hauteurs d'où ils tombent, lesquelles hauteurs sont (Leg. 5. N°. 16. Cor. 1.) comme les quarrés des vîtesses. Mais son erreur consiste en ce qu'il ne considere pas le tems, (comme nous l'avons fait voir;) car les vîtesles seules ne sont pas la cause des espaces parcourus, mais ce sont les tems & les vîtesses ensemble; autrement l'effet feroit plus grand que la cause, ce qui est absurde. Bien des gens d'esprit ont tâché de défendre l'opinion de M. Leibnitz, par des argumens subtils, quoique faux, s'étant d'abord trompés eux-mêmes, en appliquant mal les

Observations & les Expériences.

Quelques-uns ont distingué les actions employées sur les corps (par exemple, la force de la pefanteur) en force vive & force morte (vis viva & vis mortua) appellant force vive, celle qui produit un effet visible sur un corps, & force morte celle qui est détruite par une cause contraire, comme lorsqu'un obstacle empêche un corps de tomber, ou qu'étant dans 🔁 bassin d'une balance, un contrepoids dans le bassin opposé l'empêche de descendre. Quand même nous admettrions cette distinction, l'expérience commune de l'instrument le plus simple de la méchanique, je veux dire de la balance, fait voir que la force vive & la force morte, sont toutes les deux en proportion simple de la vîtesse multipliée par la masse. Par exemple, 4 livres étant placées à 6 pouces de distance du centre de mouvement, & 2 livres à 12 pouces, auront une force vive, si la balance est mile en mouvement; mais on voit bien que ces forces sont égales, puisqu'ayant des directions contraires, elles se détruisent bien-tôt mutuellement, & elles sont l'une à l'autre en raison simple de la vîtesse multipliée par la masse, qui est $4 \times 6 = 24$ & $2 \times 12 = 24$. Au lieu que si les forces avoient été en ce cas comme la masse multipliée par le quarré de la vîtesse, le poids 2 placé à près de 8 pouces & demi, auroit détruit le mouvement du poids 4 à 6 pouces de distance, & l'auroit réduit à l'équilibre, c'est-àdire, $6 \times 6 \times 4 = 144 & 8$, 426, &c. $\times 8$, 426, &c. $\times 2 = 144$: Le cas est le même dans la force morte; car alors 2 à la distance 12, tient 4 en équilibre à la distance 6, & la moindre altération des poids ou des distances, détruit l'équilibre. La même chose se vérifie dans le levier, la poulie, le tour, le plan incliné, le coin & la vis.

Le momentum des corps paroissant si évidemment par cette expérience commune, être le produit de la masse par la vîtesse, d'autres ont dit que la construction particuliere des instruments de méchanique, étoit la caule

de ce phénomène, & que cette action des corps l'un sur l'autre par le moyen des instruments, devoit s'appeller pression, distinguant la force de la pression, la V. Leçon. & avouant que les pressions des puissances sont l'une à l'autre réciproquement comme les masses multipliées par les vîtesses; mais niant que les forces soient dans cette raison.

Mais pour faire voir que les forces que nous appellerons aussi les moments des corps, sont dans la raison précédente, il nous faut considérer l'Expérience suivante, qui m'a été communiquée par M. George Graham.

Experrience.

La machine représentée par la figure a déja éte décrite ci-devant. Nous supposons seulement que l'arc FE est divisé en 24 dégrés de chaque côté, en comptant depuis les extrémités AD & CB du pendule plat quarré, au lieu des 18 marqués dans la figure, & que le pendule pese deux livres,

& le poids W aussi deux livres.

Maintenant si le pendule sans le poids W est tiré en haut au vingtquatriéme dégré du côté de E, lorsqu'on le laisse aller, il doit monter à 24 de l'autre côté; mais si une personne qui tient la corde L dans sa main (pendant que le poids W est suspendu, un demi-pouce au-dessus de ABCD, lorsqu'il est dans le lieu le plus bas) laisse aller la corde précisément au moment que le pendule plat vient à l'endroit le plus bas, le pendule recevant par ce moyen une addition de matiere égale à la fienne propre, n'ira qu'à douze du côté de F. Si on laisse aller le pendule depuis le vingtieme degré, & qu'on laisse tomber W sur lui dans la partie la plus basse de sa vibration, alors (étant ainsi chargé) il n'ira qu'à 10 dégrés; & lorsqu'on le laisse partir de 12, s'il reçoit le poids W au lieu le plus bas, il n'ira qu'à 6.

Pour comparer maintenant ensemble les deux opinions de sus faut examiner laquelle des deux donne le momentum le même avant & après

W menginess an relieu de A D C D., de s'ai jaire plase en expriences, et utinio no cerelo secce ha la plan A & C.D., and ar misman confluence in million : million Temperature of the season was the effect of the continued and

A COLOMBIA CLEAR AS SOUTH STORMS OF THE STOR

to car to get with the peaks of a measure que la stage esse gode, presidente une

The foreign want is entired on the foreign which is the constituted and the foreign of the forei

que la bercho M. W. chafe du pard, los fer de forçes) mente-un est

la réception W.

NOTES fue

Planche 24 F.gure 1.

la V. Lecon.

ANCIENNE

vibration.

Dans la premiere moitié de la Dans la derniere moitié de la and succession wibration.

Vîtesses.	Masse.	Momens.	Vitesses.	Masse.	Momens.
	THE RESERVE TO SECURITION OF THE PARTY OF TH	(48) (48 40 24
24	6 2 -	40	12	- 4	40
.12		24	6)		. 24

OPINION. NOUVELLE

Dans la premiere moitié de la vibration.

Dans la seconde moitié de la vibration.

Mais pour voir les momens tels qu'ils doivent être selon la nouvelle opinion, les vîtesses après la réception de W sur le pendule, devroient être 17-, 14, 1+ & 8,48+; car 17- ×17-= 288 & 14,1+ ×14, $1 + = 200, & 8,48 + \times 8, 48 + = 72$; lesquels nombres étant multipliés respectivement par la masse 4 du pendule du poids, donneroient pour produite proper 800 & 288, les mêmes momens que le pendule avoit dans la premiere moitié de la vibration,

N. B. Comme il faut un peu de pratique & de dextérité pour faire tomber W précisément au milieu de ABCD, on doit faire plusieurs expériences, & avoir un cercle tracé sur le plan ABCD, pour en marquer exactement le milieu; mais l'expérience est concluante, quand même W ne tomberoit pas précisément dans le cercle; car lorsqu'il tombe en delà (par exemple, lorsqu'on laisse aller le pendule depuis 12) alors le pendule composé ira aussi loin en-delà de 6 vers F, & en-deça de 6 vers E. La même chose arrivera de quelque hauteur que le poids tombe. L'expérience réussit aussi également, soit que le bas du poids & la surface supérieure de la plaque soit polie ou raboteuse, molle ou dure. Il y a même un autre moyen de faire l'expérience, plus aisé que celui de laisser tomber le poids; & c'est en sixant la corde qui tient le poids de maniere que la plaque ne fasse précisément que glisser sous lui dans sa vibration, & alors arrêtant à vis la piece droite recourbée w x w sur la platine, qui est maintenant représentée par abcd, de maniere que la piece recourbée ou demi cylindre, qui est un peu plus grande que le cercle ww (base du poids lorsqu'il est sur la plaque) vienne au bas

de la vibration embrasser le poids W, & l'entraîner avec elle, sans qu'il NOTES sur tombe sur la plaque. En ce dernier cas l'expérience réussira aussi également, la Ve. Leçon. soit que la surface cylindrique du poids soit de plomb, de fer, de cuivre, ou même de cuivre doux. J'ai fait l'expérience de ces différentes manieres, pour répondre à différentes objections, quoiqu'elles ayent si peu de force, qu'on peut y répondre d'ailleurs, & les voici.

OBJECTION Ire. LE choc produit par la chûte du poids W, empêche le pendule composé d'aller aussi loin qu'il devroit aller.

Réponse. Le pendule est dans un mouvement horizontal, lorsqu'il reçoit le poids W, lequel par sa chûte lui donne un coup perpendiculaire. Ce coup (par ce qui a été dit, Leçon 3. N°. 85. de deux forces qui agissent en même-tems sur un corps) ne peut ni l'avancer ni le retarder vers le côté où il va, mais seulement le faire descendre plus bas, si les cordes qui suspendent le pendule plat cedent un peu. Par exemple, soit ef (Planche 24. Figure 1.) la ligne dans laquelle le pendule se meut dans la partie la plus baffe de sa vibration, que l'on pourra regarder comme une ligne droite, en prenant la tangente pour un petit arc; que le poids W dans la ligne W e. Si nous supposons qu'on lâche la corde, ensorte qu'elle devienne plus longue de toute la hauteur eg, le pendule sera alors poussé par deux forces, telles que ef & eg, qui lui feront parcourir la diagonale el; si la corde n'est étendue que jusqu'en h, le corps décrira la diagonale em; si elle ne s'étend que jusqu'en i, il décrira la diagonale en; & enfin si les cordes ne s'étendent point du tout, ou que par leur réactionse elles se rétablissent entierement, alors tout l'effet du choc de la chûte de W sera détruit, & le corps décrira la ligne ef, comme s'il n'y avoit point eu de choc. Mais dans tous ces cas le pendule composé va de la ligne eg à la ligne fl dans le même tems, & le bord de la plaque de rque le même nombre de dégrés sur l'arc de cercle gradué au-dessous de lui. Le succès de l'expérience, lorsqu'on attache un cuir bien doux sous le plomb, doit donner satisfaction à ceux qui font cette objection; mais lorsqu'on fait l'expérience sans laisser tomber le plomb en aucune maniere, (lorique le petit demi-cylindre w x iv de la plaque emporte le poids avec lui) elle doit les convaincre entierement.

Planche 24 Figure 1.

OBJECTION II. LE frottement du poids W & de la plaque ABCD l'un contre l'autre, occasionne la perte d'un mouvement, & empêche le pendule composé d'arriver aux distances, qui sont conformes a la nouvelle opinion.

Réponse. CETTE objection est trop vague & incertaine; car ceux qui la font devroient faire voir combien le frottement doit détruire de mouvement dans les autres cas, & prouver qu'ici elle en détruit autant ; au lieu qu'en examinant la chose de près, on voit que la cause est beaucoup moindre que l'effet; car le mouvement qui est ici perdu, selon la nouvelle opinion, doit être la moitié de tout se mouvement du pendule com-Tome I.

Notes fur posé; au lieu que le frottement ne détruit jamais que le tiers tout au plus. la V. Leçon. D'ailleurs le frottement d'une partie du pendule contre l'autre, n'affecte en aucune maniere le mouvement de tout le pendule, ou le système de ces deux corps, par rapport au côté où ils sont portés. Car Newton a démontré dans ses Principes, Livre premier, dans les Corollaires des Loix du Mouvement, que si les corps, mûs de quelque maniere que ce soit entr'eux, sont poussés dans des directions parallèles par des forces accélératrices égales; ils continueront tous à se mouvoir entreux, de la même mani:re que s'ils n'avoient pas été poussés par de telles forces. Or tel est le cas de notre pendule composé, dont toutes les parties pendant le petit tems du choc ou du frottement, peuvent être regardées comme portées en lignes droites; c'est-à-dire, dans la lign ef & dans ses paralléles. La réponse par la voye de l'expérience est, que lorsque j'ai eu bien poli le dessous de W, aussibien que la surface de la plaque (comme me l'avoient demandé quelquesuns de ceux qui ont fait l'objection) il a été plus difficile de faire l'expérience; mais le succès a été le même : car toutes les fois que le poids W a eu son centre un peu en-derriere du centre du cercle ww, peutêtre en glissant en arriere, le pendule composé a été court de 12, 10, ou 6 dégrés en avant vers F; mais alors il excédoit d'autant plus, qu'il étoit venu en arriere vers E : au lieu que la diminution du frottement auroit dû le faire aller au-delà de ces nombres, selon le nouveau prin-

Quoique cela suffise (au moins autant qu'il me paroît) pour convaincre tout homme attentif de la vérité de l'ancienne opinion; cependant pour Andre justice à deux Professeurs ingénieux de Leyde & d'Utrecht, je dois faire mention d'une expérience qu'ils ont faite pour l'opposer à celle-ci du

pendule plat.

X P I E N C E.

Planche 28. Figure 6.

ABG est une planche verticale qui porte une piece droite AD qui lui est attaché par deux vis yy, au haut de cette piece est attaché un bras horizontal DF. De ce bras horizontal partent deux petites cordes de violon cm, cn, qui par les deux petits crochets mn, soutiennent le cylindre de cuivre W. Ce cylindre est une boëte avec un cone H, qui y entre à vis, pour y enfermer tous les poids qu'elle contient, & en mêmetems pour mieux couper l'air, lorsque le cylindre se meut avec son extrémité conique en avant. It est une petite queuë ou regle fixée à l'autre extrémité du cylindre sur son axe prolongé, avec plusieurs trous verticaux, pour recevoir la cheville P, qui traverse derriere rr une forte platine de cuivre fixée à angles droits à la planche ABG, par le moyen de son retour R fixé à vis fortement contre la planche; cette plaque a un trou pour y faire passer la queue tt, par le moyen de laquelle le ressort ss (attaché aussi à l'extrémité du cylindre) est bandé.

Lorsque la cheville P est tirée subitement en-dehors, le cylindre est pouffé en avant par le débandement du ressort, selon la ligne Hh, & le glissoir On étant tiré en-dehors, ensorte que sa premiere division com-



mence au point où passe la corde en; cette corde dans le mouvement du cylindre passe successivement sur les divisions marquées par la regle, la V. Leçon. & fait voir combien le cylindre a été poussé en-dehors dans chaque expérience. Le cylindre, avec sa queue, son ressort, & sa tête, ne pese précisément qu'une livre; mais si l'on met en-dedans différens cylindres de plomb, on le fera peser 2, 3, ou 4 livres, & de même le ressort peut avoir différens degrés de force qu'on peut lui donner, selon que la queuë tt est tirée plus avant par la platine rr vers R, & arrêtée en sa place par la cheville P.

N.B. La septiéme Figure représente une partie du cylindre avec sa queuë & son ressort, & la platine rectangulaire tracée sur une plus grande échelle, & marquée des mêmes lettres.

Lorsque le ressort étant bandé au même degré, pousse successivement en avant le cylindre différemment chargé, en tirant en-dehors la cheville P, on trouve, en observant la corde en, à quelles distances le cylindre est poussé. Mais on trouve toujours que dans ces cas, quelque soit le poids du cylindre, le produit de sa masse par le quarré de sa vîtesse, est toujours le même. C'est-à-dire, si le cylindre pesant 1, le ressort est tellement ajusté qu'il le pousse au dégré 8, marqué sur la regle ou sur la tangente no; le cylindre chargé avec 2, sera poussé par la même force du reffort à 5, 65, &c. S'il est chargé avec 3, il ira à 4, 62, &c. & s'il est chargé avec 4, il ira à 4. Ces Messieurs prétendent donc qu'ils ont fait usage de l'élasticité dans leur expérience, comme j'ai fait usage de la gravité dans la mienne; & que comme leur expérience s'accorde avec la nouvelle opinion, & la mienne avec l'ancienne; on ne peut donc rien conclure ni de l'une ni de l'autre.

Il est vrai qu'on pourroit se l'imaginer d'abord, & l'on est lieu de croire que (selon l'ancienne opinion) le ressort qui pousse le poids i à o degrés, devroit ne pousser le poids 4 qu'à 2 degrés; au lieu que nous voyons qu'il le pousse à 4 degrés; quoique la même force doive produire le même momentum. Mais c'est ici où est l'illusion. Si la force du ressort n'agissoit pas plus long-tems sur le poids 4 que sur le poids 1, elle ne le pousseroit qu'à 2; mais le ressort agit encore une sois aussi long-tems sur le poids 4, que sur le poids 1; comme il est évident, puisque le poids 4 ne se meut qu'avec la moitié de la vîtesse du poids 1, le ressort quittant la platine rr, une fois aussi-tôt, lorsqu'il pousse en avant le poids 1. De forte qu'une cause égale agissant dans un tems double, doit produire le même effet qu'une cause double qui agit dans le même tems que la cause

timple.

Lorsqu'une vérité a été prouvée par des raisonnemens clairs, & des expériences simples, il n'est pas nécessaire de prendre connoissance de ces raisonnemens, & de ces expériences compliquées dont ou se sert pour l'embarrasser, ou pour la confirmer. Mais si les expériences qu'on a faites pour établir une opinion, & pour en détruire une autre, quoiqu'elle? n'ayent pas répondu à la fin proposée, ne laissent pas de nous conduire à

11111

Notes fur

Notes sur quelque nouvelle découverte, ou d'éclaircir quelqu'autre vérité qui ne la Ve. Leçon. soit pas généralement connuë, elles méritent certainement notre attention & un examen sérieux. Le Docteur s'Gravesande & le Docteur P. Muschembrock sont trop curieux en faisant leurs expériences & trop fideles en les apportant pour ne pas mériter d'être crûs sur leur parole : Ainsi, quoique je nie la conclusion qu'ils tirent des impressions faites sur l'argile, ou autres substances molles, par des sphéres, des cones ou des cylindres, je crois qu'on peut tirer des conféquences très-utiles de leurs expériences par rapport à la percussion & à la resistance des corps mous. Je crois de même que le Professeur Poleni a fait ces expériences avec soin, quoique je n'aye pas l'honneur de le connoître. Ainsi j'examinerai à sond cette dispute dans le commencement de mon fecond volume, & j'espere de faire voir toute l'illusion des raisonnemens, qui ont été publiés en faveur de la nouvelle opinion, & de faire bien sentir que ces expériences alleguées ne sont rien moins que concluantes en ce point. Il n'est pas à propos de le faire à present; parce que je n'ai pas encore expliqué les loix de la percussion du choc des corps, qui ne trouveroient pas place dans ce Volume deja trop groffi. J'espere qu'alors je serai en état de terminer cette dispute en prouvant les trois propositions suivantes.

> 1. Que la cause, qui accelere les corps dans leur mouvement en bas, & qui les retarde dans leur mouvement, (faisant abstraction de la resistance de l'air, ne les accelere pas sur leur chute avec plus de difficulté, ou plus lentement) qu'elle ne les retarde dans leur élevation; ce qui est une supposition qu'on a faite en faveur de la nouvelle opinion.

> 2. Que les impressions ou creux de capacités ou prosondeurs égales, que les corps durs font sur des substances molles, en les frappant avec des vitesses inégales font proportionnelles aux momens, ou aux forces des corps qui frappent; quand même ellement proportionnelles aux masses multipliées par les quarrés des viielles.

> 3. Que les expériences de la percussion des corps mous & à ressort ne prouvent pas la nouvelle opinion, mais confirment l'ancienne.

> En même-tems, je renvoye le Lecteur curieux pour sa satisfaction aux Transactions philosophiques où il trouvera des differtations sur ce sujet dans les nombres suivans, n°. 371, 375, 376, 396, 400. & 401.

> Dans le n°. 371 il y a un écrit du Docteur Henry Pemberton, qui fait voir que les expériences de Poleni ne concluent rien en faveur de la nouvelle

opinion.

Dans le n°. 375 je tâche de confirmer l'ancienne opinion, par l'expérience ancienne de la balance & par quelques expériences sur le choc des bales d'acier.

Dans le n°. 376 je tâche de faire voir l'illusion des expériences de Polent

par deux expériences nouvelles.

Dans le n°. 396 M. Jean Eames de la Societé Royale donne des remarques fur la nouvelle opinion, relativement aux forces des corps qui se meuvent, dans le cas de la collision des corps sans ressort : & dans la même Transaction il fait voir, par une autre differtation, que la preuve de la nouvelle opinion,

tirée de la théorie de la composition & résolution des forces (lorsqu'un corps par son impulsion bande plusieurs ressorts) prouve également le pour & le la Ve. Leccin. contre de la question, & qu'ainsi prouvant trop, elle ne prouve du tout rien; & que par conséquent il s'en faut bien qu'elle merite le nom d'une démonstration

Dans le n°. 400 ledit M. Eames a fait des remarques sur quelques expériences en Hydraulique, qui semblent prouver, que les forces des corps égaux qui se meuvent sont comme les quarres de leurs vîtesses.

Dans le n°. 401 il y a une lettre du feu Docteur Samuel Clarke sur la

proportion de vîtesse, & sur la force des corps en mouvement.

Cependant je ne puis que blâmer la maniere impolie dont le Docteur traite ces Mrs qui soutiennent la nouvelle opinion, employant contr'eux des expressions fort groffieres, & qui n'ont du tout point de rapport au sujet : Je ne suis pas non plus de son opinion en ce qu'il accuse le Docteur s'Gravesande de prétendre former une opposition contre la Philosophie de Newton; car je scai que ce Professeur estime & a toujours beaucoup estimé les ouvrages de Newton, & que tant lui que le Docteur Pierre van Muschenbrock, Professeur à Utrecht, enseignent la Philosophie Newtonniene, quoiqu'ils disse. rent de Newton quant au momentum des corps.

4. [27 — Le pilotis peut entrer dans la terre plus avant que dans cette proportion, &c. 30 - Les clouds, &c. cedent au même marteau presque selon le quarré de la vîtesse, &c. - Mais il faut faire tout le contraire dans le belier.] Quoique les expériences qui ont été faites par les Professeurs ingénieux Poleni, s'Gravesande, Muschenbrock & autres, ne prouvent pas que les momens des corps soient comme la masse multipliée par le quarré de la vîtesse, pour les raisons données dans les Transactions philosophiques, où j'ai renvoyé le Lecteur, & pour d'autres raisons (que je reserve à l'autre partie de mon Ouvrage, où j'examinerai la percussion des corps, cor comme je l'espere, satisfaisantes pour ces Messieurs eux-mêmes) cependant elles ont beaucoup de merite, parce qu'elles font voir avec certitude, que le même corps frappant des substances molles avec différentes vîteffes, fait sur elles des impressions, à proportion des quarrés de ces vîtesses, & que par-là elles nous donnent un principe pour nous conduire dans la pratique de quelques operations méchaniques, qui n'étoit pas bien connu auparavant. Et en conséquence un marteau à la main frapant sur un ser chaud, lorsqu'il a quatre fois la vîtesse d'un plus gros marteau, quatre fois plus pesant, fait le double d'ouvrage en forgeant le fer, quoique le momentum soit le même dans les deux; mais l'introceffion qui fait ceder le fer, n'est pas la même. Ainsi en poussant les pilotis, lorsque la terre cede également, si l'on éleve le marteau quatre fois aussi haut, le pilotis entrera dans la terre quatre fois plus aisément; mais lorsque le pilotis (quoique bien ferré) frappe sur un rocher, ou est poussé dans une terre pierreuse, le cas n'est pas le même & la proportion est mêlée entre celle de la masse par la vitesse & celle de la masse par le quarré de la vîtesse.

Maintenant dans le belier, l'effet est plus grand, lorsqu'une grande quantité de matière semeut avec une p etite vîtesse, que lorsque le même momen-

Notes für

Figure 8.

OTES sur tum est produit par une petite quantité de matiere qui se meut avec une e. Lecon, grande vîtesse. L'explication de ceci donnera quelque jour à la dispute sur l'ancienne & la nouvelle opinion. Car si l'on suppose que ACDE (Planche 28. Figure 8.) est un pan de muraille, (dont on représente ici la coupe hori-Contale) & qu'il soit frappé par un boulet de canon ou par un belier en B, l'effet dans le premier cas, sera que le boulet de canon ((en supposant qu'il ait une vîtesse suffisante) traversera la muraille, faisant le trou ab Bc, outout au plus le trou d c B c, de la figure du cone tronqué, ébranlant un peu plus de la muraille que les parties qui sont fort proches de ce trou, parce que la vîtesse est si grande, que le mouvement n'a pas le tems d'être communiqué fort loin, lorsque le boulet traverse la muraille. Mais si un belier, avec le même momentum, & avec une vîtesse d'autant plus petite qu'il a plus de matiere, frappe la muraille en B, il l'ébranlera tout autour à une grande distance, le mouvement ayant le tems de se communiquer; & si les coups successifs sont continués de maniere que le fecond foit donné avant que l'ébranlement produit par le premier, se soit dislipé; après plusieurs coups on renversera un grand pan de muraille comme FGHJ. C'est là le moyen que le sieur Christophe Wren a fouvent pratiqué pour abattre de vieillles ruines & bâtisses, & pour élever de nouveaux édifices dans l'endroit où étoient les anciens: & il dit, qu'il n'a point trouvé de moyen aussi expeditif pour démolir de vieilles murailles, dont le mortier étoit presqu'aussi dur que la pierre même.

Il est vrai qu'à la guerre le canon est préferable au belier des Anciens pour plusieurs raisons : j'en ai rapporté quelques-unes dans la Leçon 2e. n°. 9, & dans la 3e Note, & dans ces cas il faut remarquer que les Affiegeans battent obliquement, préférant de frapper les murailles obliquement par différentes batteries, quoiqu'avec moins de momentum, afin que le second boulet puisse les abbatre lorsque le premier les a ébranlées : ce qui est plus efficace que de faire plusieurs petits trous dans une muraille en la frappant perndin archient. Pour éclarcir ceci encore plus, je vais repeter ce que j'ai déja dit dans les Transactions Philosophiques, (11°. 376) sçavoir, » que lorsqu'une porte est à demie ouverte, & qu'elle se meut très-librement sur ses gonds, » si l'on tire contre cette porte un coup de pistolet, la bale traversera sans

- » la remuer de place; mais si l'on prend une grande masse de plomb, & y qu'on la pousse contre la porte, avec la même force qui fait mouvoir la
- » balle du pistolet, la porte sortira de sa position, & sera portée sur ses gonds » hors de sa place; parce que dans le premier cas le mouvement de la balle
- » n'est communiqué qu'à peu de parties de la porte, & que dans le dernier » cas il est répandu sur toute la porte. Et même la porte sera mue par le coup,
- » quoiqu'il y ait dans le plomb une partie qui avance, & qui ne soit pas plus
- » grosse qu'une balle de pistolet, pour pouvoir ne frapper la porte que sur la
- » même étendue de surface qu'avoit fait la balle. »

5. [35 - 335. Un fluide resistera quelquesois autant qu'un solide, &c.] Supposons qu'un morceau de bois, comme une planche d'un pouce d'épaisseur, soit de la même pesanteur spécifique que l'eau, & que cette eau de même épaisseur couvre une surface d'argile; & voyons quel sera l'effet d'un boulet qui frappe le solide ou le fluide. Supposons encore que

le boulet frappant l'eau avec la vîtesse 1, surmonte par son momentum, la resistance comme 1, qui vient de sa tenacité. Si le boulet, avec la même la Ve. Lécon. vîtesse frappe le bois, dont la resistance par sa densité est comme 1, mais dont la resissance par la tenacité est comme 9; c'est-à-dire, dont toute la resissance est 10; il est certain, que le boulet ne sçauroit pénétrer le boi avec la vîtesse 1, mais qu'il doit avoir la vîtesse 10, pour surmonter la resissance dont on vient de parler.

Maintenant si le boulet avec la même vîtesse 10, vient contre l'eau, il trouvera une resistance, comme 100, à cause de la densité (Leçon 5, 35.) & encore la resistance 10, à cause de la tenacité de l'eau, c'est-à-dire, 110. Ensuite si le boulet avec la même vîtesse frappe le bois, & que l'on suppose que la resissance du bois, par sa quantité de matiere, croisse comme le quarré de la vîtesse, comme elle fait dans l'eau (quoiqu'elle ne croisse pas en si grande proportion) toute la resissance du bois sera 190, c'est-à-dire, 100 par sa densité, 90 par sa tenacité. Ici toute la resissance de l'eau est à toute la resistance du bois, comme 110 à 190 ou comme 11 à 19. Si l'on double la vîtesse du boulet, c'est-à-dire, qu'elle devienne 20, toute la resistance de l'eau sera 400 + 20 = 420; & la resissance des bois sera 400 + 180 = 580 : alors la refistance de l'eau sera à celle du bois, comme 42 à 58 ou 21 à 29, la différence étant maintenant moindre qu'auparavant. Si la vîtesse du boulet est 40, la resistance de l'eau sera 1600 + 40 = 1640, & celle du bois, 1600 + 360 = 1960; & alors la resistance de l'eau sera à celle du bois, comme 164 à 196, ou 41 à 49, la différence étant encore plus petite. Donc à mesure que la vîtesse du boulet augmente, la resistance de l'eau s'approche toujours de plus en plus de celle du bois. Maintenant si le bois est moins dense que l'eau, la resistance de l'eau (par l'augmentation de la vîtesse du boulet) parviendra plûtôt à être supérieure à celle du bois. De même quoique le bois soit aussi dense que l'eau, si la resistance à cause de la quantité de matiere, ne croît pas auin vicale fait dans l'eau (comme je l'ai dit ci-devant, & comme l'expérience le fait voir) en augmentant la vîtesse du boulet, la resissance de l'eau surpassera bien-tôt celle du bois. On a fait l'expérience suivante pour confirmer cette proposition.

On a étendu une voile horizontalement sur un étang à environ 2 1 pieds fous la surface de l'eau, & ayant tiré un mousquet avec une petite charge obliquement sur la surface de l'eau, mais perpendiculairement à une planche de sapin d'un demi pouce fixée sous l'eau au-dessus de la voile, la balle perça la planche sous l'eau & ensuite la voile. On fit ensuite l'expérience avec une plus grande charge, & la balle frappa contre la planche sans la traverser, ne faisant qu'une petite impression sur la planche, & même la rondeur en fut plus alterée qu'il ne sembloit qu'elle n'auroit dû l'être par la resistance de la planche, & par conséquent on crut que la contusion du plomb ne venoit que de la refistance de l'eau. En augmentant la charge une troisiéme fois, la balle tomba sur la voile sans atteindre la planche, & perdit beaucoup de sa figure. A la fin en y mettant une charge presque égale à la preuve (c'est-à-) dire un poids de poudre égal au poids de la balle) cette balle fut mise en

pieces sur la surface de l'eau.

NOTES EN

NOTES fur

N. B. Je ne puis pas dire précisément en quelle proportion les charges furent Ve. Leçon. augmentées, parce que je ne sus pas moi-même témoin de l'expérience; mais des personnes diones de foi qui y étoient presentes, m'en ont fait le recit.

> On voit que la resissance de l'eau sut plus grande que celle du bois, en ce que si le coup eut été porté contre une planche de 1 2 pouces d'épaisseur dans l'air, la balle l'eut traversée toujours plus aisément, à mesure que la charge étoit augmentée.

Cette grande resistance de l'eau se confirme encore plus, par un accident,

qui m'est arrivé à moi-même.

Il y a quelques années, que dans un jour de réjouissance, le Colonel Samuel Horsey avec plusieurs autres personnes & moi, nous nous rendîmes fur la Tamise dans une grande barque qui appartient au Corps des Cabaretiers, où nous fîmes jouer quelques feux d'artifice. Il arriva qu'une fusée volante à eau (dont la proprieté est d'aller sous l'eau plusieurs sois & d'en fortir de nouveau, & enfin d'écarter sur la surface de l'eau) vint, lorsquelle étoit prête à crever, sous la poupe de la barque, qui l'empêcha de s'élever à la furface de l'eau, & lorsqu'elle vint à crever, elle donna un grand coup à la barque, qui la fouleva fenfiblement, ce que j'apperçus clairement, étant directement sur l'endroit du coup, & je sus bien surpris de la force d'une si petite quantité de poudre, y ayant beaucoup moins d'une once de poudre qui produifit ce bruit. Un peu après, quelques Meslieurs & Dames, qui étoient dans une autre barque, la moitié moins grande que la nôtre, s'approcherent de nous, & me prierent de jetter quelques-uns de ces artifices d'eau entre les deux barques, pour pouvoir mieux observer leur mouvement. J'en jettai plusieurs, mais à la fin l'un d'eux dans sa derniere élevation, s'arrêtant sous le mileu de la barque, s'y brisa, & y fit un si grand trou au fond, que la compagnie n'eut que le tems de fortir de leur barque Bear unis la nôtre, & les Matelots d'arriver au rivage du milieu de la Tamise à force de rames (à Morlake où elle est assez étroite) avant que la barque fût à demi pleine d'eau. Dans l'explosion de la poudre, dont la vîtesse, dans son expansion, est excessivement grande, l'eau resista comme un solide, & par conséquent la poudre se fit un chemin par le fond de la barque dont les planches étoient peu épaisses & moins denses que l'eau. Après cet évenement, pour éprouver l'effet de la poudre à canon sous l'eau; je chargeai une de ces fusées, en sorte qu'elle dût crever sous l'eau, & y ayant mis le feu, je la jettai dans un étang, qui couvroit une acre de terre : le choc fut si grand, que plusieurs personnes qui étoient autour de l'étang, le ressentirent comme un tremblement de terre instantané.

6. [42 - 342. Newton nous a donné cette démonstration ; &c.] Voici les deux démonstrations de Newton traduites mot à mot. Livre 1. Section 2.

THEOREME I. PROPOSITION I.

Les corps qui tournent autour du centre immobile des forces, décrivent par des

des rayons menés à ce centre, des aires qui sont dans les mêmes plans immobiles, Notes sur & qui sont proportionnelles aux tems où elles sont décrites. Planche 28. Fi- la Ve. Leçon.

» CAR supposons que le tems soit divisé en parties égales, & que le , corps par fa force d'inertie décrive la droite A B dans la premiere partie , de ce tems, il iroit droit vers c dans la seconde partie de ce tems (par la premiere loi) si rien ne l'empêchoit, & il décriroit la ligne B c égale à AB; en sorte que menant du centre des forces S, les rayons AS, BS, cS, il auroit décrit les aires égales ASB, BSc. Mais lorsque le corps est arrivé au point B, supposons que la force centripéte agissant par , une seule, mais forte impression, détourne le corps de la droite Bc, & lui sasse parcourir la droite BC: qu'on mene Cc paralléle à BS, & qui coupe BC en C: le corps après la 2e partie du tems se trouvera , (par le premier corollaire des loix) en C dans le même plan que le triangle ASB. Joignez SC, & parce que SB & Cc font paralléles, , le triangle SBC fera égal au triangle SBc, & par conféquent aussi au , triangle SAB. On prouvera de même que si la force centripéte agit " successivement en CDE, &c. faisant décrire au corps en chaque parti-, cule égale du tems les droites correspondantes CD, DE, EF, &c. elles seront toutes dans le même plan, & le triangle SCD sera égal à SBC, SDE à SCD, & SEF à SDE. Donc en tems égaux, le corps n décrira par les rayons menez au centre S des aires égales dans un plan immobile; donc (en composant) les sommes quelconques SADS, , SAFS de ces aires, seront entr'elles comme les tems employés à les " décrire. Qu'on augmente maintenant le nombre, & qu'on diminue à l'infini la largeur de ces triangles, leur derniere circonférence ABCDE sera (par le Cor. 4. Lem. 3.) une ligne courbe, & par conséquent la force centripéte qui détourne continuellement le corps de la corps de cette courbe, agira fans relâche, & les aires décrites quelconques SABCDS, SABCDEFS, toujours proportionnelles aux tems de leurs descriptions, seront aussi dans ce cas proportionnelles aux mêmes n tems. C. Q. F. D.

COROLLAIRE I.

"LA vîtesse d'un corps attiré vers un centre immobile, dans des milieux sans resistance, est en raison réciproque de la perpendiculaire abaissée de ce centre sur la tangente rectiligne de l'orbe que le corps décrit. Car les vîtesses dans ces points A, B, C, D, E sont comme les bases AB, BC, CD, DE, EF, des triangles égaux; & ces bases sont en raison réciproque des hauteurs perpendiculaires des triangles.

COROLLAIRE II.

» SI avec les deux cordes AB, BC de deux arcs décrits successivement en tems égaux dans des milieux sans resistance, on acheve le parallé
Tome I. K k k

No.

Notes fur ,, logramme ABCV, & si l'on prolonge de part & d'autre la diagonale

a Ve. Leçon. , BV, dans la position qu'elle a, lorsque ces arcs sont diminués à l'infini, , elle passera par le centre des forces.

COROLLAIRE III.

» SI avec les cordes AB, BC & DE, EF des arcs décrits en tems égaux , dans des milieux sans resistance, on acheve les parallelogrammes A B C V, DEFZ, les forces en B & E seront entr'elles dans la derniere raison , des diagonales BV, EZ, prises lorsque ces arcs sont diminués à l'infini. , Car les mouvemens BC & EF du corps (Corol. 1. des Loix) sont composés des mouvemens Bc, BV, & Ef, Ez; mais BV & Ez égaux à Cc & Ff, sont engendrés selon la démonstration de cette proposition par les impressions de la force centripéte en B & E; donc ils sont proportionnels à ces impressions.

COROLLAIRE

» LES forces qui retirent des corps quelconques de leurs mouvemens , rectilignes, dans des milieux sans resistance, & qui les sont tourner sur , des orbes curvilignes, sont entr'elles comme les sinus verses de arcs décrits en tems égaux, lorsqu'elles sont convergentes vers le centre des forces, , & ces sinus verses tendent au centre des forces, & coupent les cordes , en deux parties égales, lorsque ces arcs sont diminués à l'infini. Car ces finus verses sont la moitié des diagonales BV, Ez du Corol. 3.

COROLLAIRE V.

conséquent ces mêmes forces sont à la force de la pesanteur, , comme ces sinus verses sont aux sinus verses perpendiculaires à l'horison dans les arcs paraboliques que les projectiles décrivent en même-tems.

COROLLAIRE VI.

» Tout cela a lieu, par le Corollaire 5º des Loix, lorsque les plans ou , les corps se meuvent avec les centres des forces qui sont placés dans ces " plans, ne sont pas en repos, mais qu'ils se meuvent uniformément en n lignes droites.

PROPOSITION II. THEORÉME II.

» Tout corps qui se meut dans une ligne courbe décrite sur un plan, & qui par un rayon mené à un point immobile, ou à un point qui se meut uniformémeut en ligne droite, décrit autour de ce point des aires proportionnelles aux tems, est poussé par une force centripéte qui tend au même point.

la Ve. Lecon

PREMIER CAS.

" Tour corps qui se meut dans une ligne courbe, est détourné de sa " route rectiligne par quelque force qui agit sur lui, (par la premiere Loi) & cette force par laquelle ce corps est détourné de sa direction, & par laquelle il est forcé de décrire en tems égaux, les côtés des petits triangles égaux SAB, SBC, SCD, &c. autour du point immobile S, agit dans le lieu B selon une direction paralléle à e C (par la Prop. 40. L. I. El. & Loi 20) c'est-à-dire, selon la direction de ligne BS, & dans le lieu C, selon la direction d'une ligne parallele à d'D, c'est-àdire, selon CS, &c. Donc cette force agit selon des directions qui tendent toutes à ce point immobile S. C. Q. F. D.

SECOND CAS.

» Et (par le 5e Cor. des Loix) c'est toujours la même chose, soit que , la surface ou le corps qui décrit la figure curviligne reste en repos, soit , qu'elle se meuve uniformément en ligne droite avec le corps, la figure décrite & son point S.

COROLLAIRE I.

a DANS les milieux sans resistance, si les aires ne sont pas proportionnelles aux tems, les forces ne tendent pas au concours des rayons, mais elles s'en écartent in consequentia; c'est-à-dire, vers le côté où porte la direction du mouvement, supposé que la description des aires soit accelerée; ou bien in antecedentia, si elle est retardée.

COROLLAIRE II.

» MEME dans les milieux qui resistent, si la description des aires est , accelerée, les directions des forces s'écartent du concours des rayons, vers le côté où porte le mouvement.

SCHOLIE.

» Un corps peut être poussé par une force centripéte composée de , plusieurs forces. Auquel cas le sens de la proposition est, que la force refultant de toutes les autres tend au point S, &c.

J'ai inventé une machine pour représenter cela méchaniquement, dans laquelle une petite balle de cuivre représentant une planéte, se meut dans une ellipse autour d'un corps qui représente le soleil placé dans l'un des foyers de cette ellipse, décrivant par un rayon vecteur, des aires proportionnelles au tems.

N. B. Je donnerai une figure & une description de cela à la fin de ce Volume. the design the state of the Kkkij Add at

-

Notes fur la Ve. Lecon.

Que la force centripéte est la même que la pesanteur.

Newton démontre cela dans la 4° proposition du 3° Livre de ses Principes. Proposition 4. Théoreme 4. Que la lune gravite vers la terre, & que par la force de la pesanteur, elle est continuellement retirée du mouvement retiligne,

oretenue dans son orbite.

Newton ayant rendu compte de la distance moyenne de la lune selon le sentiment de divers Astronomes, au commencement de cette proposition, continue en ces termes : » Prenons pour distance moyenne 60 demi-diamé-, tres dans les syzigies, & supposons que la révolution de la lune à l'égard ,, des étoiles fixes s'acheve en 27 jours 7 heures & 43 minutes, comme les " Astronomes l'ont déterminé, & que la circonférence de la terre est de 123249600 pieds de Paris, comme les François l'ont fixée par leurs mesures. Si l'on imagine que la lune soit privée de tout mouvement, & , qu'elle soit abandonnée à la force qui la retient dans son orbe, (par le , Cor. de la Prop. 3.) en sorte qu'elle descende vers la terre, elle décrira en tombant dans la premiere minute de tems 15 : pieds de Paris. On , trouve cela par le calcul fondé sur la proposition 36. du ser Livre, ou (ce qui revient au même) sur le Corollaire 9. de la Proposition 4. du mêire Livre. Car le sinus verse de l'arc que la lune décrit pendant le tems d'une minute, par son mouvement moyen, à la distance de 60 demidiamétres terrestres est de 15 1 pieds de Paris à fort peu près, ou plus exactement de 15 pieds 1 pouce 1 ligne 4. Donc puisque cette force en s'approchant de la terre, augmente en raison doublée inverse de la distance, & que par conséquent à la surface de la terre, elle est plus grande qu'à la lune 60 x 60 fois, un corps tombant dans nos regions , par cette force devroit décrire dans le tems d'une minute $60 \times 60 \times 15 \frac{1}{12}$, pieds de Paris, & dans le tems d'une seconde 15 1 pieds; ou plus " exactement 15 pieds 1 pouce 1 ligne 4, & nous trouvons actuellement ps tombent sur la terre avec cette même force. Car un pendule n qui bat les fecondes dans la latitude de Paris, est de 3 pieds & 8 lignes , de longueur, comme M. Hughens l'a observé. Et l'espace qu'un corps , pesant décrit en tombant dans une seconde de tems, est à la moitié de la longueur de ce pendule en raison doublée de la circonférence d'un , cercle à son diamétre, (comme M. Hughens l'a aussi démontré). Il est donc de 15 pieds de Paris, 1 pouce 1 ligne $\frac{7}{9}$. Et par conséquent la force par laquelle la lune est retenue dans son orbite, devient, à la surface de la terre, égale à la force de la pefanteur, que nous y observons dans les corps pelans. Donc (par les regles 1 & 2.) la force qui retient la lune 27, dans son orbe, n'est pas différente de celle que nous appellons pesanteur. Car si la pelanteur en étoit dissérente, les corps tendant vers la terre " par l'union de ces deux forces, iroient deux fois plus vîte, & dans l'espace " d'une seconde de tems, ils décriroient 30 f pieds de Paris; ce qui est entierement contre l'expérience, &c.

SCHOLIE.

2 L A démonstration de cette proposition peut s'expliquer plus au long de la

Carlo and

maniere suivante : supposons plusieurs lunes qui roulent autour de la terre, comme dans le système de Jupiter ou de Saturne; les tems périodiques de la Ve. Leçon." ces lunes (par l'argument d'induction) garderont la même loi que Kepler a trouvé dans les planétes, & par conféquent leurs forces centriperes seront réciproquement comme les quarrés des distances au central de la terre, par la Proposition 1. de ce Livre. Mais si la plus basse de ces lunes étoit fort petite & proche de la terre, qu'elle touchât presque le haut des plus hautes montagnes, sa force centripéte qui la retient dans son orbe, sera à fort peu pres égale au poids de tous les corps terrestres, que l'on trouve au sommet de ces montagnes, comme on peut le voir par le calcul précedent. Donc si la même petite lune étoit abandonnée , par sa force centrisuge, qui la porte dans son orbite, & si elle étoit par ce moyen hors d'état d'aller en avant, elle descendroit sur la terre; & cela avec la même vîtefle avec laquelle les corps pefans tombent actuellement au sommet de ces montagnes, à cause de l'égalité des forces qui les obligeroient les uns & les autres à descendre. Et si la force par laquelle cette lune la plus basse viendroit à descendre, étoit différente de la pesanteur, & que cette lune gravitât vers la terre, comme nous trouvons que le font tous les corps terrestres au sommet des montagnes, elle descendroit deux sois plus vîte, étant poussée par ces deux forces qui conspireroient ensemble. Donc, puisque ces forces, c'est-à-dire, la gravité des corps pesans & la force centripéte des lunes, tendent au centre de la terre, sont semblables & égales entr'elles, elles auront (par la regle 1 & 2.) * une seule & même cause, & par conséquent la force qui retient la lune dans son orbite, est celle-là même que nous appellons ordinairement pesanteur; parce qu'autrement cette petite lune au haut , d'une montagne seroit sans pesanteur, ou tomberoit deux sois aussi vîte n que les corps pesans.

7. [43 — Puisque les angles, &c. ne décroissent que jusqu'à mi-chemin de A en P, &c. & que les angles, &c. ne croissent que jusqu'à mi-chemin de P en A, &c.] CELA deviendra évident en prouvant que les angles formés par une ligne menée de l'un des foyers à un point de la circontérence d'une ellipse, sont les moindres qu'il est possible, ou dans leur minimum, lorsque ce point est à l'une ou l'autre des extrémités du petit axe ; c'est-àdire, que SHT (Planche 28. Figure 10.) est moindre que SJt; & c'est ce que nous prouverons par le moyen des deux Lemmes suivans.

LEMME

Dans toute figure quadrilatére inscrite dans un cercle, la somme des deux rectangles formés par les côtés opposés, est légale au rectangle formé par les dux diag onales du quadrilatére.

C'est une propriété connue du cercle, & qui a été démontrée par Ptolemée & par plusieurs autres ; c'est-à-dire, (Planche 28. Figure 11.) A C x D B

 $+ BC \times AD = AB \times DC$.

NOTES Jui

oy ez le commencement du ,c Livre de Nevvron.

Notes fur la Ve. Leçon.

LEMME II.

Si un arc de cercle est divisé en deux parties égales & en deux inégales, je dis que la somme des cordes des deux arcs égaux, sera toujours plus grande que la somme des cordes des deux arcs inégaux, c'est-à-dire, que si l'arc ACKB est divisé en deux parties égales en C, & en deux inégales en K;

AC + CB est plus grand que AK + KB.

Pour le prouver, menons par C & par le centre K le diamétre CD, & les diagonales & cordes AB, DC, AD, BD. Il est évident (par la 26 & 29 edu Livre 3. Eucl.) que AD = BD, & qu'on peut les prendre l'une pour l'autre. Il est aussi évident, que DK est toujours moindre que CD. (par Eucl. 15. Livre 3.) Or par le dernier Lemme AK × DB + KB × AD = AB × DK, & puisqu'on a fait voir que DK est moindre que DC, il suit que AB × DC est plus grand que AB × DK. Donc AC × DB + BC × AD est plus grand que AK × DB + KB × AD, & puisque les facteurs DB & AD sont égaux, il s'ensuit que AC + CB

eft plus grand que AK + KB.

Soit décrit un cercle dans la figure 10. qui passe points S, H, s, il est évident (par Eucl. 210 du 30) que l'angle SHs est égal à SMs. & il est aussi évident par le 2. Lemme que SH + Hs est plus grand que SM + Ms. Mais par la proprieté de l'ellipse SJ + Js est toujours égal a SH + Hs, étant toujours égal à AP; il s'ensuit donc que SJ + Js est plus grand que SM + Ms; par où l'on voit que le point J est hors du cercle SHMs, & que par conséquent l'angle SJs est moindre que SMs, ou que son égal SHs. Mais par la proprieté de l'ellipse démontrée par tous ceux qui ont écrit sur les Sections consques. (voyez Elementa Conicorum Ludov. Trevigar. Lib. 2 Prop. 20.) les angles sJg & SJt sont égaux, & Sl à SHT; & ce qui a été prouvé du point J, peut se prouver du point F, ou de tout autre point dans la demi-ellipse AHP. Donc la vérité de la proposition que j'ai avancée est démontrée.

8. [45 — Les Cométes sont des planétes qui se meuvent dans des orbites sont excentriques, &c.] On a un grand détail des cométes, & de leurs mouvemens dans le Traité des Cométes du Docteur Halley, qu'il sit imprimer lui-même la premiere sois, & qui a été réimprimé à la sin de la Traduction Angloise de l'Astronomie du Docteur Gregory; comme aussi dans le 3e Livre des Principes de Newton, depuis le commencement de la 39e Proposition, jusqu'à la fin de la 42e où commence son Scholie général. Le Lecteur sera parsaitement satisfait sur les cométes, s'il consulte ces Auteurs. Cependant il ne sera pas hors de propos d'en donner ici un petit détail par maniere d'extrait.

Les cométes sont une espece de planétes excentriques, qui se meuvent dans des ellipses sort allongées autour du soleil placé dans l'un ces soyers de ces ellipses; dont les révolutions périodiques renserment un si long espace de tems que le même homme n'a jamais pû voir encore la même cométe deux sois. De sorte que l'Astronomie des cométes n'est que depuis

Con the contract of the contra

peu portée à une perfection tolérable, faute d'un nombre suffisant d'observations : & les rapports qu'on nous en a fait des premiers siécles, ne la Ve. Leçon!. viennent que des Historiens & non des Astronomes; ceux-ci étant tout occupés de l'observation des planétes & des étoiles fixes, négligeoient les cométes qui paroissoient dans leurs tems, étant entraînés par l'opinion commune, que ce n'étoient que des météores proches de la terre, & qu'on ne devoit pas les compter parmi les corps celestes. Mais dans le dernier siécle, on trouva d'abord que les cométes étoient plus élevées que la lune, & que par conséquent on devoit les ranger parmi les corps celesses, & pendant environ les 70 dernieres années, les Astronomes ont été fort exacts à observer celles qui ont paru. Newton a tiré de ses propres observations, & de celles des autres, une méthode pour trouver, par le moyen seulement de trois observations d'une cométe, faites en différens tems, toute la partie de son orbite, où elle continuera de nous être visible, & le Docteur Halley est le premier qui ait fait voir, que la même cométe revient après un certain nombre d'années, & que toute son orbite est elliptique. Nous sommes instruits par les Astronomes & les Historiens de 25 apparitions de cométes dans ces 400 dernieres années, quoique les cométes qui appartiennent à notre système, soient peut-être en moindre nombre; parce que les mêmes cométes ont été vûes plusieurs sois, mais on n'a pas sçu que c'étoient les mêmes, jusqu'à ce que le Docteur Halley l'a prouvé & a déterminé les orbites de trois d'entr'elles; en faisant voir que la cométe qui parut en 1661, avoit été auparavant, & qu'on avoit observé qu'elle avoit suivi la même route en 1532; ce qui rend sa periode de 129 ans. La cométe qu'on a vû en 1680 & 1681, avoit paru auparavant en 1106, en forte que sa periode est d'environ 575 ans. Enfin la cométe de 1682, parut en 1607 & 1531, ce qui fait voir que sa periode n'est que de 75 ans. En sorte que le nombre des cométes qui ont été vûes peut se réduire à 22. Et si, conformément aux conjectures de M. Whiston, la cométe de 1682 per la 1456, & celle de 1681 en 1532, comme aussi 44 ans avant l'Ere chrétienne, comme Newton & le Docteur Halley l'ont découvert depuis, le nombre n'en sera pas augmenté, parce que ces périodes sont avant le tems de la premiere des 25. Et même nous ne pouvons pas dire, qu'il n'y en ait que 22, parce qu'on en a vû plusieurs à une si grande distance de la terre, qu'elles ont échappé aux observations, comme l'auroit fait la derniere, si le Docteur Paizley ne l'avoit pas découverte par hasard en 1723. & s'il n'en avoit pas donné avis aux autres Astronomes, afin qu'ils pussent aussi l'observer. On compte que les cométes ne sont pas plus petites que la lune, hi

beaucoup plus grandes que Venus; & les plus petites sont celles qui s'approchent le plus du soleil, afin qu'elles n'agitent pas trop le soleil, losqu'elles s'en éloignent dans leur perihelie, & qu'elle ne troublent pas de même les planétes qui sont proches du soleil. On voit qu'elles ne sont pas fort grandes, en ce qu'elles ne sont visibles que lorsqu'elles arrivent plus près de nous que l'orbite de Jupiter; car comme ce sont des corps opaques, qui réflechissent la lumiere du soleil, on les auroit vûes aussi loin que Saturne, si elles avoient

été aussi grandes.

NOTES fur

Notes fur Au lieu que toutes les planétes ont les plans de leurs orbites dans celui la Ve. Leçon. de l'écliptique ou fort près, le plus incliné ne formant avec elle qu'un angle de peu de degrés; les cométes ont leurs orbites inclinées à l'écliptique par de très-grands angles, se mouvant vers toutes les parties du ciel. & par ce moyen elles sont moins sujettes à troubler les planétes, parce qu'elles ne reviennent que deux fois dans leur révolution au plan de l'écliptique, & lorqu'elles sont dans leurs aphelies, fort éloignées du soleil; elles sont aussi fort éloignées les unes des autres, & par-là peu exposées à s'attirer l'une l'autre avec une force suffisante pour déranger sensiblement leurs orbites mutuelles; car lorsqu'elles se meuvent fort lentement dans leurs aphelies, elles sont tirées aisément hors de leur route ordinaire.

Les cométes sont notablement moins denses que les planétes; car si elles étoient aussi solides, elles n'auroient pas ces queuës, que l'on observe lorsqu'elles sont assez proches du soleil pour en être échauffées avec un degré de chaleur, un peu moindre que celui de la planete de Mars: ces queuës étant des vapeurs élevées de leur noyau ou globe, en forte qu'elles forment une fort grande atmosphére, dont les particules étant poussées du côté qui est opposé au soleil, forment cette apparence qu'on appelle la Queuë, lorsqu'on la voit à angles droits ou sous un plus grand angle; on la nomme Barbe, lorsqu'on la voit obliquement, & Chevelure lorsqu'on la voit à une si grande obliquité, qu'elle est presque dans la ligne de son axe, en sorte que la vapeur paroît environner la cométe comme une Perruque ou une Tête à cheveux. Et ces trois apparences viennent de différentes positions de la terre à l'égard de la cométe; car une queuë de la même grandeur varie par raison d'optique selon la position de l'œil.

Mais alors la queuë en elle-même change continuel ement ; car souvent la cométe commence à paroître sans aucune queuë sensible, & la gueuë se forme par degrés & croît continuellement, à mesure que la cométe s'apprus près du foleil; la plus grande de toutes se voit lorsque la cométe vient de passer par le perihelie, ayant alors reçu son plus grand degré de

chaleur.

Si les espaces celesses où les cométes se meuvent, n'étoient pas vuides de matiere, nous ne pourrions pas voir leurs queues, parce qu'elles sont de beaucoup moins denses que notre air, puilqu'on peut voir clairement à travers les queues les étoiles fixes. Comme nous voyons la lumiere du foleil réflechie par ces particules qui flottent dans l'air, lorsqu'un rayon du soleil de 1 ou 2 pouces de large entre dans une chambre obscure; ainsi voyons-nous la lumiere des rayons du soleil qui nous est réflechie par les particules des queues des cométes, parce qu'il n'y a point auprès d'elle d'autre matiere sensible : car s'il y avoit une matiere celeste tout autour, quoiqu'elle sût 50000 fois plus rare que notre air, elle réflechiroit affez la lumiere pour confondre celle qui est réflechie de la queue de la cométe par un éclat qu'il seroit impossible de distinguer : de sorte que les cométes ne paroîtroient pas avoir aucune queuë, ou tout au plus elle seroit très-petite.

Les particules ou vapeurs qui forment la queuë paroissent être au commencement lancées par la cométe; mais du côté qui est vers le foleil elles

reviennent

reviennent en lignes paraboliques, en sorte qu'elles prennent une route contraire, & qu'elles aident à augmenter la queuë du côté opposé au soleil, la Ve. Leçon, comme si les rayons du soleil leur donnoient une impulsion, & les poussoient de ce côté-là. La 12e Figure de la Planche 28. représente une cométe avec la partie inférieure de sa queuë, telle que le Docteur Hook l'a observée soigneusement avec un telescope auprès de son perihelie, avec la partie la plus pure de son atmosphére, se tournant d'elle-même en queue, & sa partie nebuleuse placée tout autour du solide central. Mais comme la cométe de 1680 & 1681. fut la plus remarquable, & celle qui a été la plus exactement observée par Newton & par plusieurs autres Astronomes, il suffit de rendre compte de celle-là & de la figure de la partie de son orbite, où elle nous a été visible, telle que Newton l'a donnée dans la derniere édition de ses Principes. Et pour en rendre mieux le sens, je me servirai de ses propres paroles, que je traduirai mot à mot.

" J'ai donné (Planche 28. Figure 13.) une vraye représentation de l'orbite, ,, que cette cométe a décrit, & de la queuë qui en est sortie en différens , points, dans la figure ci-jointe, qui est dans le plan de la trajectoire. Dans " cette figure ABC représente la trajectoire de la cométe, D le soleil, DE " l'axe de la trajectoire, DF la ligne des nœuds, GH l'interjection de " la sphére de l'orbite de la terre avec le plan de la trajectoire, J le lieu ,, de la cométe Novembre 4. an. 1680, K le lieu de la même, Novembre 11, L le lieu de la même, Novembre 19. M le lieu en Decembre 21, O en Decembre 29, P en Janvier 5 suivant; Q, Janvier 25; R, Février 5; S, Février 25; T, Mars 5; V en Mars 9. Pour déterminer la longueur

, de la queuë, j'ai fait les observations suivantes.

» Novembre 4 & 6 la queuë ne paroissoit pas; Novembre 11 elle com-, mençoit à paroître, mais elle ne paroiffoit pas plus longue d'un degré , par un telescope de 10 pieds; Novembre 17, Ponthœus vit queu

ongue de 15 degrés, &c.

Ensuite Newton continue à rendre compte des observations que plusieurs personnes avoient faites, & qu'il avoit fait lui-même de la queuë & de tous les changemens en augmentation & en diminution, telle qu'elle leur

avoit paru en différens pays, & ensuite il ajoute :

» Février 25, la cométe étoit sans queuë, & elle continua de même jusqu'à , ce qu'elle disparut. Maintenant si l'on fait réflexion sur l'orbite qu'elle a " décrite, & si l'on considére bien les autres apparences de cette cométe, , on sera aisément couvaincu que les cométes sont solides, compactes, fixés & durables, comme les corps des planétes. Car si ce n'étoient que " les vapeurs des exhalaisons de la terre, du soleil & des autres planétes, " cette cométe dans son passage au voisinage du soleil, auroit été dissipée , à l'instant. Car la chaleur du foleil est comme la densité de ses rayons; c'est-à-dire, reciproquement comme les quarrés des distances de chaque. endroit au soleil. Donc puisque le 8 Decembre, lorsque la cométe étoit dans ion peribelie, sa distance au centre du soleil étoit à la distance de la " terre au soleil, comme environ 6 à 1000; la chaleur du soleil sur la cométe étoit alors à la chaleur du soleil d'été sur nous, comme 1000000 à 36 ou comme 28000 à 1. Mais la chaleur de l'eau bouillante est environ Tome 1.

Notes lui

COURS DE PHYSIQUE Notes fur ,, trois fois plus grande que celle que la terre aride prend du foleil d'été , e. Leçon. " comme je l'ai éprouvé; & la chaleur du fer rouge au feu (si je ne me ,, trompe dans mes conjectures) est environ trois ou quatre fois plus grande que celle de l'eau bouillante. Et par conséquent la chaleur que la terre seche dans la cométe, pendant son peribelie, doit avoir pris des rayons du soleil, étoit environ 2000 sois plus grande que la chaleur du ter rouge. , Mais par une chaleur si vive, les vapeurs & les exhalaisons, & routes , les matieres volatiles auroient été dans un moment consumées & » Cette cométe doit donc avoir reçu une chaleur immense du soleil, & , l'avoir conservée pendant un très long-tems. Car un globe de fer d'un , pouce de diamétre, rougi au feu & exposé à l'air, perd à peine sa chaleur dans une heure de tems; mais un plus grand globe la retient plus long-tems à proportion de son diametre, parce que sa surface (à proportion de laquelle le globe se refroidit par l'attouchement de l'air qui l'environne) est moindre en cette proportion, par rapport à la quantité de la matiere chaude qu'elle renferme. Et par conséquent. un globe de fer rougi au feu, égal à notre terre, c'est-à-dire, d'environ. , 40000000 pieds de diamétre, seroit à peine refroidi dans un nombre égal , de jours, ou dans plus de 50000 ans. Mais je soupconne, que la durée de la chaleur peut à raison de certaines causes cachées, augmenter dans , une proportion encore moindre que celle du diamétre, & je voudrois bien qu'on en cherchât la vraye proportion par des expériences. 11 est encore à observer que la cométe dans le mois de Decembre; » précisément après avoir été échauffée par le soleil, jetta une sort longue " queuë, beaucoup plus brillante que dans le mois de Novembre d'auparavant, lorsqu'elle n'étoit pas encore arrivée à son perihelie. Et en général les que s'elevent toujours des cometes, immédiatement après qu'elles ont passé auprès du soleil. Donc " la chaleur reçue par la cométe contribue à la grandeur de la queuë. De-là je crois qu'on peut conclure que la queue n'est qu'une vapeur , très-subtile que la tête, ou le noyau de la cométe renvoye par sa chaleur, &c. Après cela notre incomparable Auteur rapporte trois opinions différentes sur les queues des cométes; en ayant refuté deux, il vient à prouver la troisième (qui est aussi la sienne) en ces termes. » Les loix que les queuës observent sont une nouvelle preuve que les " queues des cométes viennent de leurs têtes, & tendent vers le côté opposé au foleil. Ainsi on voit qu'elles sont dans les plans des orbites des cometés qui patient par le soleil, & qu'elles s'éloignent constamment de l'opposition du soleil vers les parties que les têtes des cométes , abandonnent en s'avançant sur ces orbites : qu'elles paroillent à un " spectateur placé dans ces plans, dans les parties directement opposées au toleil; mais qu'à mesure que le spectateur s'éloigne de ces plans, leur deviation commence à devenir sensible, & qu'elle paroît tous les jours plus grande que la deviation; tout le reste étant égal paroît moindre, lorsque la queue est plus oblique à l'orbite de la cométe, aussi

, bien que dans le tems où la tête de la cométe s'approche plus du foleil; ,, sur-tout si l'on observe l'angle de deviation plus près de la tête de la la Ve. Leçon; ,, cométe ; que les queuës qui n'ont point de deviation paroissent droites ; », mais que celles qui en ont sont recourbées; que la courbure est plus , grande, lorsque la deviation est plus grande, & qu'elle est plus sensible lorsque la queuë, tout le reste étant égal, est plus longue; car dans les queues plus courtes, la courbure s'aperçoit à peine; que l'angle de deviation est moindre auprès de la tête de la cométe, mais plus grand " vers l'autre extrémité de la queuë; & cela parce que le côté convexe de la queuë regarde les parties d'où se fait la deviation, & qui sont dans une ligne droite tirée du soleil à l'infini par la tête de la cométe; & que , les queuës qui sont longues & larges, & qui brillent d'une lumiere plus , forte, paroissent plus éclatantes & plus exactement terminées sur le côté convexe que sur le côté concave. Par où il est clair que les phéno-" menes de la queuë des cométes dépendent du mouvement de leurs têtes, & nullement des endroits du ciel où l'on observe leurs têtes; & que par , conféquent les queuës des cométes ne viennent nullement de la refraction du ciel, mais de leurs propres têtes qui fournissent la matiere de leurs queuës. Car, dans notre air, la fumée d'un corps enflammé monte , perpendiculairement, si le corps est en repos ou obliquement, si le corps se meut obliquement; ainsi dans le ciel où tous les corps gravitent vers le soleil, la fumée & la vapeur doivent (comme nous l'avons déja dit) s'élever du foleil & monter perpendiculairement; si le corps qui fume est en repos; ou obliquement, si le corps dans toute la progression de ion mouvement, laisse toujours les endroits d'où les parties supérieures ou plus hautes de la vapeur se sont élevées auparavant; & cette obliquité sera moindre, lorsque la vapeur monte avec plus de vîtesse; c'est-à-dire, », au voisinage du soleil & auprès du corps fumant. Mais comme cette obli-, quité varie, la colomne de vapeur doit se courber, & parce dans le côté qui précede est un peu plus recente, c'est-à-dire, qu'este est s, fortie un peu plus tard du corps, elle sera un peu plus dense de ce côté-là, & elle réflechira pour cette raison plus de lumiere qui sera aussi mieux , terminée.

Ensuite Newton faisant voir combien notre air doit être rare à la distance d'un demi-diamétre de la terre depuis sa surface, se sert de cet argument pour démontrer qu'une très-petite quantité d'air & de vapeur, suffit abandamment pour produire toutes les apparences des queuës des cométes. Ensuite il en vient à faire voir » que l'on peut à fort peu près déterminer , le tems employé pendant l'élevation de la vapeur depuis la tête de la », cométe jusqu'à l'extrémité de la queuë, en tirant une ligne droite depuis l'extrémité de la queuë au foleil, & marquant le lieu où cette ligne , droite coupe l'orbite de la cométe. Car la vapeur qui est maintenant à 9, l'extrémité de la queuë, si elle étoit montée en ligne droite depuis le " soleil, auroit commencé à s'élever de la tête au tems où la tête étoit , dans le point d'interjection. Il est vrai que la vapeur ne s'éleve pas en , ligne droite du foleil, mais conservant le mouvement qu'elle a de la ,, cométe avant que de monter, & le composant avec son mouvement d'éle-

Llli

NOTES

Notes lur ,, vation, elle monte obliquement. Et par conséquent la solution du problème la Ve. Leçon, , fera plus exacte , si l'on mene la ligne qui coupe l'orbite paralléle à la longueur de la queuë, ou plûtôt (à cause du mouvement curviligne de la cométe) un peu divergente de la ligne ou la longueur de la queuë. Et par le moyen de ce principe, je trouve que la vapeur, qui Janvier 25 étoit à l'extrémité de la queuë, a commencé à s'élever de la tête avant Decembre 11, & par consequent qu'elle a employé dans toute ion élevation 45 jours; mais que toute la queuë qui parut en Decembre 10, avoit achevé de monter dans lespace de deux jours qui s'étoient alors écoulés depuis le tems que la cométe étoit dans son perihelie. La vapeur donc, vers le commencement & au voisinage du soleil, s'éleva avec la plus grande vîtesse, & ensuite elle continua de monter avec un mouvement constamment retardé par la propre pelanteur, & plus elle s'éleva, plus elle ajouta à la longueur de la queuë. Pendant que la queuë continua d'être vilible, elle fut composée de presque toute la vapeur qui s'etoit élevée depuis le tems que la cométe étoit dans son perihelie; & la partie de vapeur qui s'étoit élevée la premiere, & qui avoit formé cette extremité de la queuë, ne cessa de paroitre que lossqu'elle sut à une trop grande distance, tant du soleil de qui elle recevoit sa lumiere, que de nos yeux, ce qui la rendoit invisible. De-là vient aussi que les queuës des autres cométes qui sont plus courtes, ne s'élevent pas de leurs têtes par un mouvement vif & continuel, & qu'elles disparoissent bien-tôt après; mais ce sont des colomnes fixes & permanentes de vapeurs & d'exhalaisons, lesquelles s'élevant des têtes par un mouvement lent de plusieurs jours, & participant au mouvement des têtes qu'elles ont eu depuis le commencement, continuent d'aller ensemble avec elles dans les cieux. De-là nous tirons encore une autre preuve que les espaces celestes sont libres & sans resistance; puisque non-seulecorps folides des planétes & cométes, mais auffi les vapeurs , extrêmement rares des queuës des cométes, y conservent leurs mouvemens rapides avec une grande liberté & pendant un tems extrêmement long.

Ensuite ayant fait voir d'où vient que les queuës des cométes, lorsqu'elles sont fort proches du soleil, s'élevent de leurs têtes à des hauteurs si prodigieuses, & n'abandonnent pas les têtes dans le mouvement des cométes,

il poursuit ainsi.

"Les queues donc qui s'élevent dans les positions du perihelie des cométes, s'avancent avec leurs têtes dans les parties les plus éloignées, & ensuite ou elles reviennent à nous avec leurs têtes, après une longue suite d'années, ou plûtôt elles se raressent, & par degrés disparoissent entierement. Car dans la suite, lorsque les têtes redescendent vers le soleil, il sort des têtes de nouvelles queues courtes par un mouvement sort lent; ces queues s'augmentent par degrés extrêmement, sur-tout dans les cométes qui dans leurs distances au perihelie, descendent aussi bas que l'atmosphére du soleil. Car toute vapeur dans ces espaces libres est dans un état perpetuel de raresaction & de dilatation. De-là vient que les queues de toutes les cométes sont plus larges à leur extrémité

, supérieure, qu'auprès de leurs têtes. Et il n'est pas horside vrai-semblance, que cette vapeur ainsi rarefiée & dilatée continuellement, se dissipe à la fin, & se repand dans tout le ciel, où elle est peu à peu attirée vers les planétes par sa pesanteur, & mêlée avec leur atmosphére. Car, comme les mers sont absolument nécessaires à la constitution de nous terre, afin que le soleil par sa chaleur en exhale une quantité suffisante de vapeurs qui forment des nuages, retombent en pluye pour humecter la terre, & pour la production & la nourriture des vegetaux; ou qui étant condensées par le froid au haut des montagnes (comme quelques Philosophes le conjecturent avec raison) forment les sources & les rivieres; ainsi les cométes paroissent nécessaires pour la conservation des mers & des fluides des planétes, afin de reparer continuellement par leurs exhalaisons & vapeurs condensées, le défaut de fluide des planétes, lequel a été employé à la vegetation & putrefaction, & qui s'est changé en terre seche. Car tous les vegetaux tirent entierement des fluides leur accroissement, & ils se changent dans la suite par la putrefaction en terre aride, & l'on trouve toujours un limon au fond des fluides putrifiés. De-là vient que le volume de la terre solide augmente continuellement, & que les fluides s'ils ne recoivent pas d'ailleurs une augmentation, décroissent continuellement & se dissipent entierement à la fin. Je conjecture même que c'est principalement des cométes que vient cet esprit, qui est à la verité la plus petite, mais la plus subtile & la plus utile partie de notre air, & qui est si nécessaire pour entretenir la vie de tous les animaux.

» Les atmosphères des cométes lorsqu'elles descendent vers le soleil, en se changeant en queuës, se diminuent & deviennent plus étroites au moins du côté qui regarde le foleil, & lorsqu'elles s'éloignent du soleit, où elles s'étendent moins en queuës, elles s'élargissent de nouveau si Hevelius a bien remarqué leurs apparences. Mais elles ne jamais plus petites que lorfqu'elles ont été beaucoup échauffées par le foleil, & c'est pour cela qu'elles lancent alors les queuës les plus longues & les plus brillantes, & peut-être qu'en même-tems leurs noyaux sont environnés d'une fumée plus denfe & plus noire dans les parties les plus basses de leur atmosphére. Car la fumée qui s'éleve par une grande & vive chaleur est communément plus dense & plus noire; ainsi la tête de la cométe que nous avons décrite, étant à égales distances, tant du soleil que de la terre, parut plus noire après qu'elle eut passé par son perihelie, qu'auparavant. Car dans le mois de Decembre on pouvoit ordinairement la comparer avec les étoiles de la troisiéme grandeur; mais en Novembre elle étoit comparable à celles de la premiere ou de la seconde. Et ceux qui ont vû les deux apparences, ont représenté la premiere comme étant une autre comété plus grande que la seconde.

Newton prouve cela par les observations de plusieurs Astronomes, ensuite il donne un problème sur la trajectoire de la cométe (auquel je renvoye le Lecteur Mathématicien & à tout ce que j'ai omis de Newton sur cette matiere) avec plusieurs tables d'observations des lieux des cométes, & à la fin il parle en général des cometes dans les termes suivans:

Notes fur la Ve. Leçon.

Notes sur la Ve. Leçon. , aphelies au soleil, & de la lenteur de leurs mouvemens dans les aphelies, elles doivent par leurs mutuelles gravitations se troubler les unes les autres; de sorte que leurs excentricités & les tems de leurs révolutions feront quelquesois un peu augmentés & quelquesois diminués. Nous ne pouvons donc pas nous attendre que la même cométe revienne exactement dans la même orbite, & dans les mêmes tems périodiques. Il suffit que nous trouvions que les changemens ne sont pas plus grands que , ceux qui peuvent resulter des causes dont on vient de parler.

» Par-là on peut donner la raison pourquoi les cométes ne sont pas comprises dans les limites du zodiaque comme les planétes, mais qu'elles s'en écartent & se dispersent dans le ciel par divers mouvemens; c'est assin, que dans leurs aphelies où leurs mouvemens sont extrêmement lents, en s'éloignant les unes des autres à de plus grandes distances, elles puissent être moins détournées par leurs gravitations mutuelles. Et de-là vient que les cométes qui descendent le plus bas, & par conséquent se meuvent le plus lentement dans leurs aphelies, doivent aussi monter le

" plus haut.

» La cométe qui parut en 1680, étoit dans son perihelie moins éloignée , du soleil que la 6e partie de son diamétre, & à cause de son extrême , vîtesse dans cette proximité du soleil & de quelque densité de l'atmosphére du soleil, elle doit avoir essuyé quelque resistance ou retardement; s, & par conféquent étant attirée un peu plus près du foleil dans chaque révolution, elle tombera à la fin dans le corps du foleil Et même dans ion aphelie où elle se meut le plus lentement, il peut arriver quelquefois qu'elle soit retardée par les attractions des autres cométes, & qu'en consequence de ce retardement elle descende vers le soleil. Ainsi les étoiles fixes qui diminuent peu à peu par la lumiere & les vapeurs qui en sortent ner long-tems, peuvent être reparées par les cométes qui , combent sur elles, & par cette nouvelle nourriture ces anciennes étoiles ,, acquerant une nouvelle splendeur, peuvent passer pour de nouvelles étoiles. De cette espece sont les étoiles fixes qui paroissent subitement, & qui ayant d'abord une lumiere très-brillante disparoillent ensuite peu à peu.

Planche 28. Figure 14. 9. [49 — L'action & la réaction sont égales & contraires aussi-bien dans les répulsions que dans les attractions.] Ainsi la gravitation est égale entre la terre & ses parties; car si l'on suppose la terre FEHJK. (Flanche 28. Figure 14.) divisée en deux parties égales, il est évident que ces deux parties viendront l'une contre l'autre avec des forces égales. Mais si elle est divisée en deux patties inégales, sçavoir EFG & EJG par un plan comme EG, elles graviteront alors aussi, ou presseront l'une vers l'autre avec des forces égales; (voyez Leçon 1. n°. 11.) car si l'on coupe de la partie EJG, la petite partie HJK égale à EFG, alors la plus grande partie EGHK, devient l'obstacle que les deux quantités égales de matiere EFG & HJK pressent, pendant qu'il reste lui-même entr'elles en équilibre, Si l'on suppose que EFG soit séparé de EJG, ces parties tendant l'une

vers l'autre par leur gravitation, la petite se portera d'autant plus vîte vers Norra fix la grande, qu'elle a moins de matiere que n'en a la grande; en sorte que le la Ve. Leçon. momentum étant égal dans les deux, elles resteront en repos en se rencontrant, chacune détruisant le mouvement de l'autre. Car si la grande avoit plus de force, elles s'éloigneront à l'infini, portant EFG avec elle dans la direction JF.

Pour mieux éclaircir la Loi de l'Action & de la Réaction, je crois qu'il n'est pas hors de propos de donner à mon Lecteur le Problème suivant qui m'a

été communiqué par un ami.

c nonso ob meneral PROBLEME.

Trouver avec quelle force un canon fait bréche avec un boulet de 24 livres.

SELON Mersenne un canon de 24 livres de balle, pesant 6400 livres, donne à son boulet une vîtesse uniforme de 600 pieds de Paris dans une seconde, qui font 640 pieds d'Angleterre. Soit maintenant le poids du canon = c = 6400 livres, le poids du boulet = b = 24 livres, & la vitesse uniforme que la poudre lui donne = V = 640 pieds par seconde, la vîtesse du canon = u. Les momens du canon & du boulet produits par la même force de poudre feront égaux. Donc $eu \Longrightarrow b$ V par conféquent 6400:24::640:2,4=u= vîtesse du canon, s'il reculoit sur un plan horizontal parfaitement uni. Mais si le canon ne peut pas reculer, la force de la poudre n'agiffant que par voye de pression, donnera au canon un choc avec une force qui est comme 15360 = 6400 x 2, 4. Donc lorsque le canon recule, une partie de la force de la poudre est employée à lui donner une vîtesse de 2, 4 pieds par seconde, & la partie restante agit fur le canon par voye de pression. Si alors on veut trouver de comb en toute la pression 15360 est diminuée, lorsque le recul est de 2, 4 seconde; puisque toute la pression est à la pression partielle, comme toute la vîtesse est à la vîtesse & à la vîtesse partielle; ces deux parties seront comme 640 - 2, 4: à 2, 4, ou comme 637, 6: à 2, 4, ou comme 797: 3. Il faut donc diviser 15360 en même proportion, faisant 797: 3: 15360 -x:x, par conféquent 797 + 3 (800):3::15360:x=57,6laquelle quantité étant ôtée de 15360, il restera une pression comme 15302, 4, lorsque le canon recule librement. Mais la plate forme de la baterie n'étant pas parfaitement polie, & s'élevant pour l'ordinaire en arrière, le reculdu canon qui dans ce cas est obligé de s'élever, sera si petit qu'on peut considerer à fort peu près toute la force de 15360 comme agissant sur le canon, & sur-tout ce qui l'empêche de reculer.

Maintenant comme il ne suffit pas de comparer les poids & les vîtesses du boulet & du canon (parce que la force qui est exprimée par le nombre 15360 auroit dû être exprimée par un autre nombre, comme par 184320 si nous avions pris 7680 pouces, au lieu de 640 pieds par seconde pour la vîtesse du boulet) il faut encore faire voir quel poids exprimé en nombre de livres pressant sur le canon, comme un poids placé dessus, est égal à la



Notes lur force avec laquelle la poudre presse le canon en-dedans, à mesure qu'il la V. Leçon. chasse le boulet; ce qui se trouve en cette maniere. Supposons que la longueur du canon en-dedans soit de 12 pieds, & que la poudre à mesure qu'elle s'étend en s'allumant, chasse le boulet avec une vîtesse uniformément accelerée, de maniere que le boulet étant sorti du canon, se meuve par une vîtesse uniforme à raison de 24 pieds dans le même tems qu'il se mouveit de 12 pieds par la vîtesse accelerée. Donc comme la balle par cette vîtesse uniforme décrit 640 pieds dans une seconde, elle n'employe

que $\frac{1}{26\frac{2}{3}}$ d'une seconde à parcourir 24 pieds, & par conséquent elle n'employe que $\frac{1}{26\frac{2}{3}}$ à parcourir la longueur de l'intérieur du canon, puisque par les vîtesses accelerées les espaces parcourus sont comme les

quarrés des tems, on aura $\frac{1}{26\frac{2}{3}}$: est à 1 seconde | ou 1 : $26\frac{2}{3}$ |

(=711 ½): comme 12 pieds: à 8533 ½ pieds que le boulet décriroit avec la vîtesse accelerée, qu'il a dans le canon. Si donc la pesanteur avec une sorce accelerée de 16 pieds dans une seconde, donne au boulet une sorce de 24 livres pesans, l'action de la poudre qui est capable de lui donner dans le même tems une vîtesse de 8533 ½ pieds dans une seconde, doit lui donner un momentum ou une sorce contre le canon, égale à un poids de 12800 livres, parce que 16 pieds: sont à 24 livres : comme 8533 ½ pieds: à 12800 livres, puisque l'action & la réaction sont égales.

Si nous donnons au canon un recul sensible, l'effet de la pression de la poudre sera diminué par la même analogie, comme nous avons diminué le

momentum dans la premiere consideration.

mesure d'Angleterre, sorme une vibration dans une seconde de tems.] Cette longueur (conformément à une mesure qui a été prise sur deux étalons de la verge d'Angleterre, l'un à Guildhall, & l'autre à l'Eschiquier) est trop grande; car 39, 13 pouces est la longueur du pendule à secondes qui a été trouvée, en comparant ensemble plusieurs expériences, dont aucune ne donne la longueur au-dessus de 39, 133, ni au-dessous de 39, 125. Mais j'ai fait usage de 39, 2 pouces, parce qu'on l'a comptée communément pour la vraye longueur, jusqu'aux expériences plus exactes qui ont été saites par M. George Graham & autres, dans ces 15 ou 20 dernières années.

Planche 29. ligure 1. la ligne BC (Planche 29. Figure 1.) représente une partie de la surface de la terre, sur laquelle une rouë ou cercle générateur roulant décrit par un point de sa circonférence une cycloïde, comme nous l'avons fait voir; il est clair qu'une partie aussi petite de la surface de la terre, qu'une rouë parcourt dans une révolution, peut se regarder comme un plan; & aussi que si le cercle générateur rouloit sous le côté de la ligne CB, il

décriroit

NOTES I

décriroit par un point de sa circonférence appliqué d'abord à une extrémité comme C, la même espece de courbe ou cycloïde CGB, comme la Ve. Leçon. s'il avoit roulé au-dessus de la ligne; laquelle courbe se termineroit en B, la base de la cycloïde CB étant égale à la circonférence du cercle generateur, & la courbe CGB égale à quatre fois le diamétre. Mais si le cercl generateur rouloit le long de la surface intérieure d'une sphére, comme du point c en b, au lieu de rouler de c en K le long d'une tangente dégale longueur avec la courbe c A b, la cycloïde c G b fera une courbe moindre & plus courte, que si la base cAb avoit été droite, comme on peut le voir, en la comparant avec la cycloide CGB, produite par le même cercle generateur. Celle-là se nomme épicycloïde. Si maintenant on suppose une grande rouë ou cercle generateur qui soit affez grand, pour que son diamétre ait une proportion sensible au diamétre de la terre, sa révolution sous la surface de la terre produira une pareille cycloïde, & si le cercle generateur est la moité aussi grand que le diamétre de la terre, comme le point ", le point " par le roulement du cercle generateur le long de l'hemispère ou du demi cercle « A B décrira un diamétre de la terre "B; en forte que la cycloïde deviendra une ligne droite. Or dans toutes ces épicycloides les vibrations d'un pendule ou d'un corps pesant qui fait ses oscillations de part ou d'autre du point du milieu G ou 2, &cc. seront isochrones. Car quoique nous ayons fait voir que la raison pour laquelle un corps tombe plus vîte dans une cycloïde que dans un arc de cercle, ou dans une autre ligne oblique, étoit parce que le corps en étoit parti au commencement dans la direction où la gravité agit; & qu'ici les épicycloïdes étant moins courbes que la cycloïde ordinaire, on pourroit s'imaginer qu'elles devroient perdre cet avantage de la pente roide au commencement : cependant on peut faire voir que dans toutes les épicycloïdes supposées en-dedans de la terre, comme c G b, & même dans colle qui devient une ligne droite, comme "B, les corps comme. mouvement dans la même direction que la pesanteur, dont l'action tend vers le centre y; car en quelque endroit que le cercle generateur commence fa révolution, une ligne comme ? c tirée du centre de la terre (où est dirigée la pesanteur) passera par le centre du cercle generateur & par le point décrivant : au lieu que dans la cycloïde ordinaire, nous appuyons nos démonstrations sur la supposition que les lignes où agit la pesanteur font paralléles entr'elles; cette supposition étant fort convenable, lorsqu'on fait attention à la grande distance du centre de la terre où ces lignes sont convergentes.

Nous avons fait voir dans la onziéme Note sur la Leçon 1. comme une conséquence de l'attraction de la terre, selon sa quantité de matiere, que la force de l'action de la pesanteur est la plus grande à la surface de la terre, décroissant comme les quarrés des distances à son centre croissent, lorsque les corps s'éloignent en-dehors de plus en plus de la surface de la terre; & que si les corps étoient supposés s'approcher de plus près du centre, en-dedans de la terre, la force de la pesanteur agissant sur eux, viendroit à décroître directement comme la distance au centre. Si donc (en supposant la terre pénétrable) plusieurs corps, par exemple, quatre

Tome I. Mmm

Notes sur étoient placés, l'un à la surface en B (à environ 4000 milles de distance la Ve. Leçon. au centre γ), un autre en G (à 2500 milles de distance), un autre en H (à 2000 milles du centre), & le quatriéme en L (seulement à 1000 milles du centre) la force de la pelanteur agissant sur ces disférens corps, pour s pousser au centre, seroit respectivement comme 4000, 2500, 2000 & 1000; c'est-à-dire, comme leurs distances à 2; & par conséquent s'ils partoient tous au même moment de tems, ils arriveroient aussi tous au centre au même instant; ensorte que s'il y avoit un trou à travers la terre le long de son diametre, comme Bx, un corps tombant de B, qui selon le calcul de M. Wisthons, seroit arrivé de la surface au centre en 21 minutes & 9 secondes, iroit de B en x dans un tems double, & ainsi feroit ses vibrations en avant & en arriere, (ou plûtôt en haut & en bas) dans la ligne H J. Si donc les vibrations isochrones dans un diametre de la terre, qui suivent de la supposition de l'attraction de la terre, étant proportionnelles à sa quantité de matiere, sont aussi une conséquence des vibrations isochrones des pendules dans une cycloïde, (qui ont été démontrées mathématiquement, & par expérience), il s'ensuit que cette supposition est vraie, quoiqu'il y ait d'autres moyens de la prouver.

On a toujours regardé le problème de la détermination du centre d'oscillation, comme l'un des plus subtils de l'analyse moderne. Messieurs Descartes, Roberval & plusieurs autres, l'ont résolu. M. Huygens étoit fort jeune, lorsque le Pere Mersenne le lui proposa, comme il nous l'apprend lui-même dans son excellent Traité intitulé de Horologio oscillatorio, & c'est le premier qui a donné une regle generale pour trouver ce centre. Depuis ce tems-là presque tous les Mathématiciens ont donné d'autres

démonstrations & d'autres analyses de la regle d'Huygens.

Celle que je vais donner ici est aisée, & à la portée de ceux qui ne

Les pas exercés dans le calcul des fluxions & des fluentes.

Le centre d'oscillation d'un corps, est le point où se trouve réunie toute la force de ce corps, lorsqu'il est en mouvement, de la même maniere que le centre de gravité est le point où se trouve réunie toute la force d'un corps qui est en repos. Pour déterminer ce point, & pour en avoir une idée plus claire, nous supposerons plusieurs corpuscules égaux A, B, D, &c. joints ensemble de maniere que les uns ne peuvent pas se mouvoir fans les autres, tels que sont les atomes ou particules dont un corps solide est composé, lequel roule autour d'un axe d'oscillation horizontal ou perpendiculaire à ce papier, lorsque ce papier est dans une situation verticale. Supposons aussi que la force qui fait rouler ce corps, est la force naturelle de la pesanteur, ou quelque autre force qui lui soit imprimée, » Il est à » present question de trouver un point ou en-dedans ou en-dehors de ce » corps (ou de cet assemblage de particules) tel que si toute la matiere y » étoit concentrée, les vibrations de ce point s'acheveroient exactement and and le même tems où se terminent actuellement celles du corps qui est s en mouvement s, ou pour m'exprimer d'une autre maniere. El est quef-• 5 tion de trouver la distance de l'axe d'oscillation, telle qu'un corpuscule se étant placé à cette distance, feroit ses vibrations en vertu de la vîtesse qui » lui seroit imprimée par la pesanteur ou par quelque autre force, dans le

» même tems que le corps en mouvement acheve les siennes.

Il faut remarquer d'abord, que quoique les points ou corpuscules A, la V. Lespois B, D, &c. soient ici dans le même plan, on peut les concevoir comme étant dans des plans différens les uns des autres. Il suffit d'imaginer que les lignes CA, CB, CD, &c. représentent leurs distances à l'axe d'olcillation, quoique ces distances soient prises à différens points de l'axe,

dont la section est représentée par C.

Soit G le centre commun de gravité du corps ou de l'assemblage des corpulcules, ou des points physiques A, B, D, &c. Il est certain en premier lieu, que le centre d'oscillation doit être dans C G prolongée de part ou d'autre, s'il en est besoin; sans quoi lorsque le corps est mis en repos par la réfistance du fluide où il fait ses oscillations, & par le frottement que se fait aux environs du centre de suspension, il ne s'arrêteroit pas au point le plus bas de l'arc qu'il décrit. Il est aussi évident que ce centre d'oscillation doit être du même côté du centre de suspension que le centre de gravité, puisque sans cela il ne sçauroit rester en repos, ni être librement suspendu; ce qui arrive lorsque la ligne CG passe par ce centre d'oscillation, & par le centre de la terre, (ou plûtôt par le centre où tendent tous les corps pesans.) Supposons que ce centre requis d'oscillation soit en O, sans déterminer encore si le point O est en-dedans ou endehors du corps. Il est évident que puisque les corpuscules sont joints ensemble, soit que par leur vibration ils décrivent de grands ou de petits arcs, leurs vîtesses seront toujours proportionnelles à leurs distances de l'axe de vibration, & par conséquent ces distances exprimeront leurs vitesses dans tous les cas possibles. Ainsi le momentum ou la quantité de mouvement du corpuscule A, sera comme CA x A; & par la même raison, celle de B, sera comme $CB \times B$, celle de D, comme $CD \times D$, & ainsi des autres, si l'on suppose un plus grand nombre de points ou de corpuscules

Mais comme tous les momens agissent à différentes distances, duire leurs forces pour en connoître la somme, ou pour ainsi dire, les transporter les unes après les autres en un seul point, qui sera le point O requis (par la définition de ce point.) Ainsi puisque le momentum du corpulcule A agit à l'extrémité d'un bras de levier, tel que CA, ce momentum transporté en 🔾, c'est-à-dire, celui que l'on ressentiroit en 🔾, par le moyen de celui de A, qui agit en A, doit être le même que le momentum, qui seroit capable de faire équilibre avec celui de A. Or, il est clair par les Principes de la Méchanique, que ce momentum doit être à celui de A en raison réciproque de leurs leviers ou de leurs distances à l'axe. Il sera donc égal au quatriéme terme de cette analogie, C O: CA:: CA x A:

CA' × A. Par la même raison les momens des corpuscules B & D, &c.

transportés en \odot , seront $\frac{CB^2 \times B}{C\odot}$, & $\frac{CD^2 \times B}{C\odot}$ &c. & ainsi leur som-

me, ou les momens de toutes les particules A, B, D, &c. que l'on ressentira en O, ou que l'on suppose y être transportés, seront Mmmij

NOTES IL

Cherchons maintenant quelle est la quantité de matiere, ou quel est le poids qui étant placé en 🕥 (& par conséquent lorsque tout le corps est en mouvement, avec une vîtesse proportionnelle à C (5) doit avoir autant de dementum ou de quantité de mouvement, qu'on en ressent en O par l'action des momens des particules A, B, D, &c. & dont nous venons de trouver l'expression. Il est certain que si G est le centre commun de gravité des corpuicules, toute leur quantité de matiere, ou tout leur poids étant supposé concentré en G, avec la vîtesse CG, aura le même momentum, ou un moment égal à la somme de ceux de tous les corpuscules, & il n'est pas moins certain qu'une quantité de matiere ou de poids placée en O, (qui auroit avec la vîtesse C O, le même momentum que toute la matiere en Gavec la vîtesse CG) doit être à la matiere concentrée en G, ou au poids de tout le corps, ou à l'affemblage des corpuscules A, B, D, &c. en raison réciproque de leurs distances à l'axe d'oscillation; ce qui donne pour l'expression de ce poids, le quatriéme terme de cette analogie,

 $\mathbb{C}_{\mathbb{O}}: \mathbb{C}_{\mathbb{G}}: \mathbb{A} + \mathbb{B} + \mathbb{D}$, &c. : $\mathbb{C}_{\mathbb{G}} \times \mathbb{A} + \mathbb{B} + \mathbb{D}$, &c. Donc ce

poids multiplié par la vîtesse qu'il a en (qui est comme C () donne pour l'expression du momentum, CGXATDTD, lequel doit être précisément égal à celui que nous avons conclu du premier raisonnement, & ainsi nous avons deux expressions de la somme des momens que l'on ressent en O, & par conséquent l'équation C G x A + D + D, &c. = CA2×A+CB2×B+CD2×B, &c. d'où l'on tire cette expression CO $CO = CA^2 \times A + CB^2 \times B + CD^2 \times D$, &c.

 $CG \times \overline{A + B + D}$, &c.

On auroit pu trouver d'une autre maniere la distance C O; car aussitôt qu'on a trouvé le poids ou la quantité de matiere, qui étant placée en O, a le même momentum avec la vîtesse proportionnelle à C O, que tous les corpuscules A, B, D, &c. avec les vîtesses respectives, scavoir, CG×A+B+D, &c. Il ne faut que diviser par ce poids ou quantité

de matiere, l'expression du momentum total qu'on ressent en O; & qu'on a déja trouvé, le quotient donnera la vîtesse du point O, ou plû-tôt la distance C o de l'axe, puisque les vîtesses ont toujours été exprimées par les diffances à l'axe ; ce qui donne exactement la même expression. Mais si au lieu d'une force quelconque, on suppose que la pesanteur donne le mouvement à ce corps, ou à cet assemblage de corpuscules, il fera ses vibrations comme s'il étoit totalement concentré ou réduit au point O ainsi que nous venons de le démontrer; c'est-à-dire, qu'un seul corpuscule placé à une distance égale à C O, fera ses vibrations dans le même

tems que le corps fait les siennes, & par conséquent se point o que l'on a trouvé par l'expression précédente, est le vrai centre d'oscillation. Donc la V. Le en general, la distance du centre d'oscillation à l'axe de vibration, est égale au produit de la somme des quarrés des distances de tous les points physiques du corps, multipliée par une très-petite portion de ce cor telle que l'on conçoit être dans chaque point physique, & divisée par le produit des poids, ou de la quantité de matiere du corps & de la distance du centre de gravité à l'axe de vibration.

SCHOLIE.

On a suppose dans cette démonstration, que tous les poids ou que tous les corpuscules étoient placés du même côté du centre de suspension 🗧 mais la démonstration ou sa formule n'en est pas moins generale; car si l'on suppose les poids des deux côtés du centre de suspension, plus la quantité des poids ou de la matiere de chaque côté de ce centre, approchera de l'égalité, & plus la distance CG de leur centre commun de gravité sera petite; de sorte que s'il y a autant de poids d'un côté que de l'autre, la distance C G sera = 0; & par conséquent le dénominateur de l'expression étant alors égal à o, la quantité CO, ou la distance du centre d'oscillation sera infiniment grande; ce qui s'accorde avec l'expérience, puisqu'alors un corps ne sçauroit faire aucune vibration, mais qu'il reste dans toutes les positions où on le place autour de son centre de suspenfion.

Il y a deux choies à observer, qui nous sont sournies par le cours de la démonstration; la premiere est que la somme des momens de toutes les particules d'un corps, ou le moment qui agit, ou se fait sentir au centre d'oscillation, est égal à CG×A+B+D, &c. c'est-àpoids du corps multiplié par la vîtesse du centre de gravité; de sorte que tous les momens agissent ou se sont ressentir au centre d'oscillation, qui par conséquent est aussi le centre de percussion ; c'est-à-dire, le point qui donneroit le plus grand coup possible; mais ce n'est que dans le cas où ce point seroit le centre d'oscillation d'un corps qui frappe contre un obstacle.

Une autre chose à observer, est que les forces des corps égaux (telles que celles qu'on a supposées dans les corpuscules A, B, D, &c. parce qu'elles sont toutes réunies au point 10) sont entr'elles comme les quarrés des distances à l'axe autour duquel ils se meuvent, ou font leurs vibrations. Ces deux dernieres remarques sont d'un grand usage dans le calcul des machines, ou de la force des corps qui se meuvent autour d'un centre.

Pour donner l'application de la regle que nous venons de démontrer, (qui est la même que celle d'Huygens) il nous faudroit entrer dans les subtilités de la théorie des fluxions & des fluentes; ce qui ne conviendroit pas ici, & seroit inutile à ceux qui ne sont pas au fait de cette théorie. Il suffira de faire remarquer à ceux qui sont initiés dans ce calcul , » que, pour déterminer la distance du centre d'oscillation à l'axe de vibration d'une maniere plus convenable, & même plus courte que celle qui, a

NOTES IN

No TES fur Qa V. Leçon.

* étéemployée par M. Huygens, il faut commencer par les deux lemmes puivans, sçavoir, que dans un triangle rectangle, dont la base est horizontale, & la perpendiculaire verticale (nommant b la base, & a la perpendiculaire), la somme des quarrés de toutes les lignes qu'il est possible de tirer ou d'imaginer du sommet à la base, est précisément est à b b b.

* Jeautre lemme absolument nécessaire pour trouver le centre d'oscillation des sphéres, sphéroïdes, conoïdes, cylindres, cones, &c. (dont quelques sections ou la plû-part sont des cercles) se réduit à ceci—. La somme des quarrés des distances de tous les points d'un cercle à l'axe d'oscillation conçû dans un plan paralléle au plan de ce cercle (nommant a la plus courte distance du centre du cercle à l'axe; r le rayon

» du cercle, & C la surface du cercle) sera aa + 1/4 rr x C.

Par le moyen de ces deux lemmes & de la théorie des fluxions & des fluentes, on trouvera la distance du centre d'oscillation dans la sphére, cylindre, &c. exactement la même qu'Huygens a donnée dans son Traité de Horologio oscillatorio, où je renvois le Lecteur, s'il veut approfondir cette matiere. J'ajouterai seulement ici, que selon ces regles, le centre d'oscillation d'une sphére suspendue par un point de sa surface, est aux du rayon au-dessous du centre de la sphére, ou à 700 du diametre depuis le centre de suspension.

Si la balle ou la sphére est attachée à un fil, on trouvera la distance de fon vrai centre d'oscillation dans tous les cas possibles, par le moyen de

l'analogie suivante.

Comme la distance entre le point de suspension & le centre de la balle :

est au rayon ou au demi-diametre de la balle ::

ainsi le même rayon est:

à use troisième proportionnelle, qui sera le quatriéme terme de l'analogie. Ce quatriéme terme, donneront la distance du centre d'oscillation au-dessous du centre de la balle, laquelle étant ajoutée à la distance de ce centre au point de suspension, donnera la vraye longueur de ce pendule. Delà il suit que si le corps du pendule est sort petit par rapport à la longueur du sil, ou si le sil est supposé très-long en comparaison du diametre de la balle du pendule, le centre d'oscillation (en ce seul cas) se consondra avec le centre de gravité ou de grandeur de la sphere ou de la balle.

On trouve par les mêmes regles, que si l'on fait rouler un cylindre autour de l'un des diametres de sa base supérieure (nommant a la hauteur ou longueur de l'axe du cylindre, & r le rayon du cercle de sa base) la distance entre le centre du cercle supérieur, & le point de l'axe, qui

est le centre d'oscillation du cylindre, sera $\frac{1}{3}a + \frac{r}{2}\frac{r}{a}$; d'où il suit que si

le cylindre est réduit à une ligne droite, en concevant son diametre ou fon rayon = o, $\frac{r}{2}$ deviendra alors = o, & la distance du centre d'oscilla-

tion de cette ligne droite qui roule autour de l'un de ses bouts, sera aux

de la longueur de cette ligne.

N. B. Comme plusieurs de ceux qui s'appliquent à cette sorte de calcul, commencent par la lecture du Livre de M. Carré, intitulé Methode pour la la Ve Lecon mesure des surfaces, Gc.

JE dois les avertir que ce Livre est fort bon en toute autre matient excepté en ce qui concerne le centre d'oscillation, que cet Aut fir n'a déterminé avec exactitude, que dans les quatre premiers problémes de la quatriéme section, & ainsi ils ne doivent pas être surpris si M. Carré donne d'autres distances que celles qu'on trouve ailleurs (par exemple du diametre, ou du rayon au-dessous du centre) pour la distance du centre d'oscillation d'une sphére suspendue par un point de sa surface; & ²/₃ de l'axe du cylindre comme de la ligne droite, sans faire attention à son diametre; ce qui est contraire à l'expérience & aux démonstrations, puifqu'on voit aifément que les cylindres de différens diametres & de hauteurs égales, ne sçauroient avoir les mêmes vibrations, qu'une ligne droite ou un fil de fer très-mince de la même longueur. Ainsi les Lecteurs de M. Carré doivent s'arrêter après les quatre premiers problémes de la quatriéme fection.

Je ne puis pas ici m'étendre davantage sur cette matiere ; j'ajouterai pourtant deux problémes que j'ai trouvé très-utiles en bien des occasions. Ceux de mes Lecteurs qui ne sont exercés que dans l'algébre commune, seront bien-aises de les trouver ici, & ceux qui ne pourront pas entrer dans ses principes, pourront faire usage des conclusions, sans craindre de se tromper, parce qu'elles ne dépendent que de la regle de M. Huygens, qui a été démontrée ci-devant, & d'où nous avons tiré géométriquement ces conséquences.

PROBLEME I.

La longueur d'un pendule prise entre le centre de suspension & le centre d'oscillation, étant donnée, trouver la longueur que l'on doit fixer entre le point de suspension & la surface de la balle (dont le diametre est donné) afin que le centre d'oscillation de la balle, foit à la distance donnée du point de suspenfron.

SOIT la longeur du pendule = b.

La longueur requise = x. Le rayon de la balle = r.

Il suit de ce que nous avons dit ci-devant, $r + x + \frac{2 r r}{5x + 5 r} = \xi$.

Donc 5xx + 10xr + 7rr = 5xb + 5rb. D'où l'on tire, 5xx + 10xr-5xb=5rb-7rr, & divifant par 5,

 $xx + \frac{2r}{t}$ $\left\{x = rb - \frac{7rr}{5}, & \text{ fubflituant } = 2 \text{ c pour } 2r = b, & d\right\}$

pour $rb = \frac{777}{5}$, nous aurons

xx - 2cx = d, & xx - 2cx + cc = d + cc. D'où l'on tire, $x - c = \sqrt{d + cc}$ & $x = \sqrt{d + cc} + c$. Ce qu'il falloit trouver

Ainsi pour trouver la longueur qu'il faut donner à un fil attaché à une buille d'un pouce de diamétre, asin qu'il puisse battre les demi secondes; nou aurons r = 0, 5. b = 9, 782. 2r - b = -2c, sera =

-8,782. Donc c = 4,391, & $rb - \frac{7rr}{5}$ fera = d = d = 4,

541, & x fera = $\sqrt{4,541 + 19,28881 + 4,391}$, ce que vous

trouverez égal à 9, 271 pouces pour la longueur requise.

En procedant de la même maniere pour une balle d'un demi pouce de diamétre, & pour lui faire battre les demi secondes, on trouvera tout égal excepté r, qui ne sera égal qu'à o, 25 pouces & la distance requise sera = 9, 1425 pouces. Il est bon d'observer que si l'on fait usage d'un sil pour faire un pendule, les alterations de l'air changeront souvent la quantité x de la longueur du sil, si l'on ne la mesure pas souvent. Ainsi pour avoir dans la pratique un pendule qui batte exactement les demi secondes ou les quarts de secondes, il vaut mieux y employer une petite broche de sil de ser cylindrique passée à la siliere avec un petit trou en haut, asin qu'elle puissé faire ses vibrations sur un petit aissieu bien poli, & qui soit placé dans le diamétre de la base supérieure de ce cylindre. La longueur de cette broche comprise entre le milieu du trou en haut & le bas de la broche, se trouvera par le moyen du problème suivant.

PROBLÉME II.

supposée faire ses vibrations autour de l'un des diamétres de sa base superieure, trouver combien cette barre doit être longue, asin que le centre d'oscillation soit à la distance que l'on voudra du point de suspension.

Soit la longueur du pendule simple ou la distance du centre d'oscillation

à celui de suspension, = a.

Whyes fur

Leçon.

Le rayon de la barre cylindrique = r.

La longueur requise de la barre pour ce dessein = x.

On a déja dit dans ce, cas $\frac{2x}{3} + \frac{rr}{2x} = a$. Donc $2 + \frac{3rr}{2x} = 3a$, & 4xx + 3rr = 6ax, & par transposition 4xx - 6ax = 3rr. Donc $xx = \frac{3}{2}ax = \frac{3}{4}rr$, & $xx = \frac{3a}{2}x + \frac{9aa}{16} = \frac{3}{16}$

 $\frac{9 \, a \, a}{16} = \frac{3}{4} \, rr$, D'où l'on tire $x = \frac{3}{4} \, a \equiv \sqrt{\frac{9 \, a \, a}{16}} = \frac{3}{4} rr$, & enfin

$$x = \sqrt{\frac{\frac{4}{9 a a} - \frac{3}{4} rr + \frac{3}{4} a}.$$

Supposons

Supposons maintenant que l'on demande la longueur d'une barre cylindrique, dont le diamétre est 2 d'un pouce, laquelle en faisant ses vibra- la Ve I sont tions par l'un de ses bouts batte les demi secondes; c'est-à-dire, qu'ici a = 0, 1 & a = 9, 782 pouces. On aura donc aa = 95, 687, 524

pouces, 9aa = 861, 87716 pouces, $8 \frac{9aa}{16} = 53,824232$ pouces,

&
$$rr = 0, 0.1, & \frac{3}{4}rr = 0, 0075.$$
 Donc $\sqrt{\frac{9aa}{16} - \frac{3}{4}rr} =$

$$V_{\frac{53,7947}{53,816732}} = 7,308$$
. Donc $x = 7,308 + \frac{3}{4}a$, ou parce

que a = 9, 782, $\frac{3}{4}a = 7$, 3365, & par conséquent selon l'expression

précédente,
$$x = \sqrt{\frac{9 a a}{16} - \frac{3}{4} rr + \frac{3}{4} a}$$
, la longueur requise sera 7, 308 + 7, 3365 = 14, 6445 pouces.

Si l'on demande la longueur d'un cylindre de même diamétre, qui étant suspendu par l'un de ses bouts batte les quarts de secondes, on aura a = 2, 4455 pouces, r = 0, 1 comme auparavant & aa = 5, 98047029 pouces, & 9 aa = 53, 82423225, $\frac{9aa}{16} = 3$, 36401451,

&
$$\frac{3}{4}rr =$$
, 0075. Donc $\sqrt{\frac{9aa}{16} - \frac{4}{3}rr} = \sqrt{\frac{3}{3}, \frac{35691451}{3}}$, qui

est égal à 1, 832 pouces, lesquels étant ajoutez à $\frac{3}{4}a = 1$, 834125, donnent pour la longueur requise de la barre qui bat les quarts 3, 666225 pouces.

11. [371 — La maniere de mesurer la moindre alteration dans les dimensions des métaux, en sorte qu'elle soit sensible.] LE Docteur Pierre van Muschembrock, cet ingénieux Professeur d'Astronomie, &c. à Utrrech, a inventé une machine a ce dessein qu'il appelle un Pyromete, dont il donne la description en ces termes.

La 2º Figure de la Planche 29. représente toute la machine avec toutes

ses parties jointes ensemble lorsqu'on en fait usage.

» A A A est un ser tourné en haut perpendiculairement à l'un de ses " bouts, lequel retour est de 1 & pouces de hauteur. L'autre bout qui en ,, est éloigné de 4 1/4 pouces est aussi tourné en haut, mais ensuite il est " retourné en bas, de sorte qu'il forme une platine quarrée horizontale ,, plus large, le côté de ce quarré étant de 2 pouces. Le fer a 1 pouce de largeur & 1 d'un pouce d'épaisseur, cette épaisseur étant requise, afin " qu'il ne s'échauffe pas trop aisément ou trop vîte, ce qui empêcheroit " l'exactitude des expériences.

» Il y a sur la platine de fer une machine de cuivre, qui est tracée

Iome I. Nnn

Mores fur " seule & plus en grand dans la Figure 3. & où on la voit d'un autre côté Leçon. ,, pour en mieux représenter les parties, qui pour cela sont marquées des " mêmes lettres comme dans la Figure 2. Cette machine est attachée au fer , par le moyen de deux vis x, x, qui en sont les jambe. D est une platine circulaire de 2 1 pouces de diamétre divisée en 300 parties égales, que ", no s n'avons pas toutes marquées dans la figure à cause de leur petitesse. " Sétte platine divisée est portée par quatre piliers E, E, E, E qui la lient ,, à la platine inférieure de cuivre : entre ces deux platines, il y a un arbre ou aissieu F d'acier perpendiculaire, lequel a sur sa partie inferieure un , pignon de 6 fuseaux ou dents, & sur sa partie supérieure une rouë de " 60 dents marquée G. Il y a aussi un autre aissieu JH soutenu par un coq qui vient de la platine supérieure en bas, & cet aissieu avec son extrémité supérieure passe par cette platine superieure; en sorte qu'elle reçoit l'aiguille ou index JK, ayant dans son extrémité inférieure un pignon de 6 fuseaux pour engrainer dans les dents de la rouë G. L'aiguille par un tour du pignon H parcourt toutes les divisions. Il y a outre cela un petit ratelier ou piece droite D avec des dents qui prennent les sufeaux du , pignon F, pendant que le ratelier glisse sous les deux petits coqs PP, , où il est pressé vers le pignon F, par le moyen de deux petites vis M, M, & d'où on le tire dans le besoin, afin que les dents puissent le prendre comme il faut sans le frapper ou sans être trop lâches. Les dents du ratelier sont au nombre de 25 dans un pouce, & comme il se meut en avant & en arriere, le pignon F tourne circulairement, & par conféquent la rouë G, qui fait tourner le pignon H, avec l'aiguille JK. Supposons que le ratelier ait parcouru la longueur d'un pouce, F & G " auront fait quatre tours & 1/4, & par conséquent le pignon H aura fait $10 \times 4\frac{1}{6}$, c'est-à-dire, $41\frac{2}{3}$ tours, parce que H fait dix tours pendant gue G en fait un : de sorte que l'aiguille JK aura fait 41 2 tours; & que la platine supérieure est divisée en 300 parties, l'aiguille aura , parcuru les 300 divisions 41 2 fois; c'est-à-dire, 12500 parties. Lorsque , donc l'aiguille ne passe que d'une division à l'autre, le ratelier ne se meut que de la 12500e partie d'une pouce. Or puisque les divisions sont encore assez grandes pour observer le mouvement de l'aiguille à la moitié de l'une de ces divisions, on pourra s'appercevoir du mouvement du ratelier lorsqu'il aura parcouru 1 partie d'un pouce. On a pris soin de faire en sorte que les dents & les pivots pussent jouer assez exactement pour marcher librement, lans quoi les expériences ne scauroient être exactes. Il y a une écrouë qui passe par la tête du ratelier. » La 4e Figure représente une barre quarrée ou parallélepipéde de métal, sur laquelle on a fait l'expérience, elle a 5 10 pouces de long

, metal, fur faquelle on a fait Texperience, elle a 5 10 pouces de long , & 1 d'un pouce d'épais; l'un de ses bouts O a une petite pointe, asin , qu'elle ne puisse pas communiquer un degré de chaleur sensible au fer A A; , elle entre dans une rainure auprès de B, & elle est arrêtée par la vis C; , son autre bout N a un trou dans lequel entre la vis Q, qui l'attache , au ratelier L; mais on sait aussi ce bout petit (comme on le voit dans la figure) asin que la chaleur ne se communique pas au ratelier.

La barre étant ainsi fixée, ne peut pas devenir plus longue sans pousser

EXPE'RIMENTALE. 5 en avant le ratelier L, & sans mouvoir par conséquent l'aiguille JK, ,, par le moyen de la rouë & des pignons F, G, H, & de même lorsqu'elle la Ve. Lich , devient plus courte, elles doivent se mouvoir du côté opposé. Mais afin , que le poids de la barre n'empêche pas le mouvement du ratelier, j'ai ,, mis un ressort de montre entre le fer quarré & les platines de cuivre E A qui est précisément de la force qu'il faut pour soutenir la barre al ant que sa pesanteur la pousse en bas; en sorte que le ratelier peut se mouvoir avec toute la liberté possible. Quelqu'inutile que cela puisse paroître, il est très-nécessaire d'y être bien attentif & exact; car en faisant des expériences avec des barres de différens métaux, j'ai été obligé de tirer ou de pousser mes ressorts plus ou moins selon leurs dissérens poids. L'aiguille JK se meut si librement qu'on apperçoit son mouvement lorsqu'on a attaché une barre d'étain à la machine, & qu'on applique seulement la main chaude à la barre; car l'étain ne demande qu'un fort petit degré de chaleur pour alterer ses dimensions, comme cette expérience le prouve. Mais pour y appliquer plus de chaleur d'une maniere convenable, sur-tout la flamme des elprits ardens, on y a fait une boëte de cuivre (voyez Figure 5.) de 3 1 pouces de long, 1 2 pouces de large, & 4 4 pouces d'épais, qui est couverte en haut d'une pierre bleuë (capable de soutenir le seu, & nommée par les Hollandois Lye) laquelle est représentée dans la figure avec le côté inférieur tourné en haut S. Il étoit nécessaire de faire ce couvercle de pierre, afin qu'il ne devînt pas trop chaud & qu'il n'allumât pas l'esprit versé dans la lampe, comme il arriveroit si le couvercle étoit de métal. Il est percé en long au milieu, & l'on fait entrer dans cette ouverture une platine de cuivre T qui est percée de 5 petits trous également éloignés à la distance de 65 d'un pouce, & ayant 7 pouces de diamétre, pour y faire passer les lumignons de la lampe. Cette lampe a quatre pieds VV qui tiennent serré le fer A entr'eux, afin que dans chaque la flamme puisse exactement venir au milieu de la barre; mais le fond de la lampe ne doit pas toucher le fer, qui dans ce cas s'échaufferoit, & en s'allongeant troubleroit l'expérience : aussi je ne l'ai jamais trouvé tiede dans aucune expérience. La distance entre le bas de la barre & la surface supérieure de la lampe, doit être d'un demi pouce, afin que les méches de coton qui s'élevent de 1 d'un pouce puissent donner une flamme exacte & égale. Les fils de coton doivent être très-fins & unis, & cinq d'entr'eux tortillés ensemble doivent faire une méche d'environ 100 d'un , pouce de diamétre. J'ai eu une attention particuliere à toutes les circonstances en faisant des expériences avec cette machine, parce que la moindre omission est capable de nous jetter dans de grandes erreurs : car si la méche est trop tirée en haut à travers le couvercle de la lampe, la flamme sera trop grande, & l'on voit qu'il est nécessaire de la tenir à la même hauteur : de même dans les expériences que l'on fait avec l'elprit de vin bien rectifié, si l'on ne met pas toujours une égale quantité

dans la lampe, la flamme s'en ira trop vîte ou trop lentement, & ainsi

, la chaleur variera; c'est pour cela que j'ai toujours eu soin de faire Nnnn

COURSDEPHYSIQUE ors sur ,, mes expériences avec la lampe à demi pleine d'esprit, ce qui m'a donné " les meilleures flammes qui étoient d'une figure cylindrique, depuis la lampe jusqu'au métal qu'elles échauffoient; elles s'ouvroient seulement un peu au haut. Le diamétre de leur base étoit 25 parties d'un pouce, & pour empêcher que le mouvement de l'air ou la respiration de la Desche ne fit mouvoir les flammes, je couvrois tout l'instrument d'un Lerre, excepté le cadran qui fortoit en haut au-dessus du verre pour mieux observer l'aiguille. Tout cela étant prêt, je me mis a examiner combien le fer, le cuivre, l'airain, l'étain & le plomb se dilatoient par une seule flamme, ensuite combient ils se dilatoient avec deux; ensuite avec trois, avec quatre, & enfin avec toutes les cinq flammes: j'examinai ensuite s'il y avoit quelque différence entre deux flammes allumées l'une auprès de l'autre ou plus éloignées. " Un jour qu'il commençoit à gêler, & que le Thermométre de Farenheyt étoit à 32 degrés par un vent d'ouest, le tems étant couvert, & le mercure à 29 4, je plaçai ces métaux les uns auprès des autres fur une pierre pour pouvoir les refroidir également : ensuite je les appliquai successivement au Pyrométre, & ayant d'abord allumé une méche, j'observai leur dilatation : & ensuite les ayant tirés du Pyrométre, je les exposai au froid jusqu'à ce qu'ils fussent aussi froids qu'auparavant, & je les éprouvai fur le Pyr mêtre avec deux méches allumées, & ainfi de suite jusqu'à ce que j'eusse éprouvé l'esset des cinq méches. Pour abreger, j'ai réduit dans la Table suivante tous les effets que j'ai observés. Les degrés d'expension sont marqués en parties, dont chacune est 125000 partie d'un pouce. Il faut observer sur l'étain qu'il se fond aisément, lorsqu'il est échauffé par deux flammes qui brûlent l'un auprès de l'autre; par conféquent on ne peut pas l'éprouver avec plus de deux flammes. Le plomb se fond communément avec trois flammes, qui sont proches l'une are, pourvû qu'elles brûlent long-tems.



Notes for la Vo. Lego

TABLE

QUI fait voir combien les Métaux sont dilatés par la chaleur des flammes de l'esprit de vin en différens nombres mais d'égale grosseur.

				DESCRIPTION OF		1 5 6
Dilatation par une flamme au mi-			touge		5 5 1	
lieu.	80	85	89	110	153	155
Par 2 flammes au milieu près l'une de l'autre.	117	123	155	220		274
Par 2 flammes 2 ½ distantes l'une de l'autre.	109	94	92	141	219	263
Par 3 flammes au milieu proches les unes des autres.	142	168	193	275		
Far 4 flammes au milieu proches les unes des autres.		270	270	361	E.U.S.	
Par toutes les 5 flammes.	230	310	310	377		SENSON SE

pas toujours produit parfaitement le même effet, cependant la difference a toujours été moindre que cinq degrés; ce qui est si peu de chose qu'il ne vaut pas la peine d'y faire attention: & cela peut venir du jeu des dents cu'on ne peut pas éviter cans ces expériences. Mais j'ai toujours pris la

, valeur moyenne dans un grand nombre d'expériences.

» On voit par ces expériences au premier coup d'œil que le fer est, celui de tous ces métaux qui se dilate le moins, soit qu'il soit échaussé, avec une ou pluseurs fammes : & par conséquent c'est le plus propre à , faire les machines ou instrumens qui doivent être le moins alterés par le chaud ou le froid.

" Il est donc très à propos de faire pour les horloges, les verges des " pendules de fer : celles d'acier ne sont pas aussi bonnes, & les plus " mauvaises sont celles de cuivre; cependant on employe souvent celles-ci A70 COURS DE PHYSIQUE

,, parce qu'elles ne sont pas si sujettes à la rouille; mais c'est fort mal-à
Vo. Leçon.

, propos. De même les mesures des aulnes ou pieds doivent être ordinai
, rement de fer, afin que leur longueur soit autant qu'il est possible la

même en été & en hyver.

2º. La dilatation du plomb & de l'étain par une seule flamme est

prique la même.

3°. La même flamme dilate l'étain & le plomb presqu'au double du , fer; car leurs dilatations sont comme 155 à 80; c'est-à-dire, à sort peu , près comme 2 à 1.

» 4°. Les flammes qui sont proches l'une de l'autre & qui agissent sur des verges de métal, causent une plus grande raresaction, que lorsqu'il y, a un intervalle sensible entr'elles : car deux slammes voisines étendent ,, le ser de 117 degrés, & deux séparées ne le dilatent que de 109; on

,, voit la même chose dans tous les autres métaux.

" Cela vient de ce que toutes les parties du feu ne montent pas direc" tement & ne s'appliquent pas aux verges; mais quelques-unes s'échap" pent par les côtés de toutes les parties de la flamme. Or lorsque deux
" flammes sont à quelque distance l'une de l'autre, les particules latérales
" du seu s'échappent des flammes, & n'agissent pas sur les métaux; au lieu
" que lorsqu'elles sont proches l'une de l'autre, les parties qui s'échappent
" du côté d'une flamme qui regarde le côté de l'autre, sont reflechies par
" cette flamme comme par un miroir, & revenant dans leur propre flamme,
" elles sont poussées en haut & entrent dans le métal, qui par ce moyen
" recevant une plus grande quantité de seu, doit sormer un plus grand
" volume.

5°. Comparons maintenant ensemble les dilatations du même métal produits par une, deux, ttois ou plusieurs flammes : deux flammes ; ne donnent pas le double de la dilatation d'une seule, ni trois flammes ; le triple, mais elles donnent moins ; & les dilatations différent d'autant ; plus de la raison du nombre des flammes qui agissent en même-tems. Je ; donnerai dans la suite la démonstration de ce phénoméne ; je ne vais ; donner à present que les proportions des dilatations opposées , comme ; on voit dans la petite Table suivante.

 Dans le Fer.
 Dans l'Acier.
 Dans le cuivre.
 Dans le Laiton.
 Dans le Plomb.

 80: 117::1:1 $\frac{17}{80}$ 85:123::1:1 $\frac{38}{81}$ 89:155::1:1 $\frac{66}{80}$ 110:200::1:1 $\frac{90}{110}$ 153:263::1:1 $\frac{110}{110}$

 80: 142::1:1 $\frac{32}{80}$ 85:168::1:1 $\frac{83}{81}$ 89:193::1:2 $\frac{15}{80}$ 110:275::1:2 $\frac{10}{110}$ 153:263::1:1 $\frac{110}{110}$

 80: 211::1:1:2 $\frac{32}{80}$ 85:270::1:3 $\frac{11}{80}$ 89:270::1:3 $\frac{31}{80}$ 110:361::1:3 $\frac{32}{110}$

 80: 230::1:2:2 $\frac{30}{80}$ 85:310::1:3 $\frac{31}{80}$ 89:310::1:3 $\frac{49}{80}$ 110:377::1:3 $\frac{49}{110}$

"6°. Avant que les métaux soient venus du même degré de froid à être "fondus, ils ne se dilatent pas également; mais quelques-uns se dilatent "plus, & d'autres moins. Car l'étain commence à se sondre lorsqu'il est "raressé de 219 degrés; mais le laiton étant raressé de 377 degrés, étoi

, bien éloigné d'être rougi par le feu, & par consequent de se sondre, Notes sur, & le cuivre étoit dilaté de 310 degrés, tandis qu'il auroit peut-être du la Ve. Locon.

, être rarefié au double avant que d'être fondu.

Ce que je viens de traduire du Docteur Muschenbroek (voyez les notes de sa traduction latine des Expériences de l'Academie Delcimento, Partie 20 depuis la page 12. jusqu'à la page 18, &c.) sert a faire voir quelque des des principaux usages du Pyrométre, que j'ai persectionné par le moy le des changemens suivans.

- r°. A la place des verges quarrées de métal pour y faire les expériences, je me fers de verges cylindriques, parce que je suis plus certain de les avoir toutes de la même grandeur, en les faisant toutes passer par le même trou d'une forte platine d'acier, comme font ceux qui tirent les fils de fer : & par ce moyen je suis sûr que les volumes des métaux comparés ensemble sont égaux.
- 2°. A la place du pignon F, j'ai un petit rouleau d'acier parfaitement rond, mais qui n'est pas poli & limé sur sa surface dans la direction de son aissieu, en sorte qu'on peut le regarder comme une petite rouë qui a un nombre infini de dents: la rouë G sur le même aissieu n'a point de dents, mais seulement une rainure pour y recevoir une petite chaîne de montre (ou même un crin de cheval) pour saire mouvoir un rouleau en H, par une petite rainure portant sur son aissieu l'aiguille sixée au plus haut en J.
- 3°. Afin que la chaîne parilaquelle G entraîne H, ne soit ni trop lâche, ni trop serrée, tout le cadran (qui dans mon pyrométre est quarré,) & le coq & pignon H sont poussés vers la rouë G, ou en sont écartés par une vis attachée à la platine supérieure, laquelle reçoit les piliers & l'arbre de G, pendant que le cadran glisse sur elle.
- N. B. Il n'y a point de pareille platine sous le cadran du pyrométre de Muschenbroek.
- 4°. Au lieu du ratelier NL (Figure 2.) j'ai une longue platine mince d'acier, large d'environ 15 d'un pouce, limée grossierement, asin qu'elle mette en mouvement le premier rouleau F; en frottant contre lui. Elle est bien trempée & un peu courbée, en sorte que son côté convexe porte contre F; mais lorsqu'elle est attachée à la verge en N, il y a un ressort sixé à la platine inférieure de cuivre, qui la tire droite & serrée par son extrémité L, dans la direction NL, & au lieu des coqs P, P (Figure 3.) il y a deux poulies placées horizontalement, dont les rainures larges & verticales reçoivent & dirigent la platine ou regle d'acier, qui tient la place du ratelier.
- 5°. Au lieu du ressort de montre pour soutenir les barres, j'ai un petit rouleau de cuivre de 4 d'un pouce de diamétre, dont l'aissieu est horizontal, & ce rouleau s'éleve de son piedestal, qui est fixé au fer en W, en sorte qu'il vient sous chaque verge de métal, & la soutient à son extrémité N.

NOTES fur

La 6º Figure représente la platine inférieure avec les alterations que j'y ai We. Leçon. faites. BN est la verge ronde de metal qui doit être éprouvée avec la platine d'acier attachée en N, par le moyen de la cheville Q. Cette platine d'acier dont la fituation naturelle est représentée par la ligne ponctuée N l, est ici forcée à la ligne droite N L, par le moyen du ressort qui est accroché à son extrémité en L, en le tirant dans la direction NL) & qui est dirigée par les rainures des poulies P, P, en sorte que son côt qui est porté à être convexe lorqu'il est en liberté, presse maintenant contre le rouleau H, qu'il fait tourner par son frottement à mesure qu'il s'approche vers L, ou qu'il s'en éloigne. Le cercle ponctué g g représente la rouë qui est au-dessus sur l'aissieu de H : Gig, la chaîne de montre qui entraîne le touleau i, & l'aiguille x i k, comme dans le Pyrométre du Docteur Muschenbroek. Le reste est aisé à comprendre par ce qui a été dit, & par la 2º Figure, qui représente le rouleau de cuivre qui supporte le métal qui s'éleve & s'abaille en tournant circulairement la platine à vis pp.

> N. B. Il n'y a point d'inconvenient à se servir du crin de cheval, si l'on a soin de placer son nœud en G; car comme le mouvement se fait dans la direction Gmg, le nœud n'ira jamais jusqu'en g, & par conséquent dans tout son mouvement, il portera également dans la rainure de la rouë G.

> En me servant de rouleaux, j'évite entierement dans mon Pyromètre la fecousse dents; en sorte que l'aiguille commence à se mouvoir au même moment que la chaleur est appliquée aux verges de métal, & si l'on en tire la flamme, au même instant l'aiguille commence à retourner, ce qui ne

fçauroit arriver lorsqu'il y a des dents.

Je parle du prompt retour lorsque la chaleur est éloignée. Je dois avouer fi l'as confidere le mouvement de l'aiguille seulement d'un côté, lorique la dent a une fois pris, & qu'elle commence à se mouvoir, elle doit marcher regulierement, & ainsi les expériences du Docteur Muschenbrock peuvent dépendre de-là; cependant je les réitererai avec mon Pyromêtre à mon premier loisir. Je dois aussi pour rendre justice au Docteur avouer qu'il m'a témoigné dans l'une de ses lettres, que s'il n'avoit pas perdu son Ouvrier, il auroit fait un nouveau Pyrométre sans dents.

12. [76 — Qui prétendent que la terre est un sphéroide allongée, comme un ouf, plus élevé aux poles qu'à l'équateur, &c.] M. Cassini dit que la terre est un sphéroïde allongé, plus élevé aux poles qu'à l'équateur, faisant son axe plus long que le diamétre de l'équateur d'environ 13 lieuës de France, ce qu'il tire de la comparaison des mesures de son pere du Meridien de Paris aux Pyrenées avec celles de M. Picard, dont on peut voir le détail dans les Memoires de l'Academie Royale des Sciences pour 1718. & ayant ensuite continué le Meridien qui passe par la France de Paris à Dunkerque, il en tire encore des conféquences pour prouver que la terre est sphéroïde allongée; mais alors il conclut que l'axe surpasse le diamétre de l'équateur de 34 lieuës. Les et sit de san ab ogue, separte moltaner

Pour

NOTES, G

Pour prouver cela, M. Cassini supposant que les mesures dont on vient de parler sont affez exactes, non-seulement pour déterminer la grandeur d'un la Ve. Leson degré de la terre correspondante à un degré d'un grand cercle du ciel ; mais encore pour le faire voir par la différence même des degrés de la terre, (trouvant que ceux qui ont été mesurés dans le sud de la France, surpasser ceux du Nord, d'un certain nombre de toises & de pieds) il démontre du si les degrés de la terre sont plus longs vers l'équateur que vers les peres, le plan du meridien doit être une ellipse dont le grand axe est celui de la terre.

La démonstration de M. Cassini est certainement bonne : mais les mesures qu'il a prises ne sçauroient rien déterminer, dans l'état où sont les choses, sur la différente longueur des degrés aussi proches l'un de l'autre; parce que comme la différence dans l'une des suppositions n'est que de 11 ou 12 toises, & dans l'autre d'environ 31 tout au plus, il faut prendre la latitude à un point d'exactitude qui surpasse la nature de tous les instrumens Astronomiques qu'on a fait jusqu'ici, & encore de ceux dont ces Messieurs se

sont servis dans la mesure de leur meridienne.

Car en premier lieu, l'instrument avec lequel ils ont observé la latitude aux deux extrémités de la meridienne, étoit un secteur de 10 pieds, où la 200° partie d'un pouce répond à 8 secondes d'un degré; mais la 200e partie d'un pouce étant une partie des moins visibles que l'on puisse appercevoir dans les divisions d'une ligne, on ne peut pas prendre un angle plus approchant que de 8 secondes, & même leur instrument, selon la description qu'ils en donnent eux-mêmes, n'étoit divisé que de 20 en 20 secondes. Ils avouent que 16 toises sur la surface de la terre répondent à 1 seconde dans le ciel; & ils ne prétendent pas avoir pris aucune observation plus approchante que environ 3 secondes, qui par conséquent ne sçauroit déterminer une différence moindre que 48 toifes; au lieu qu'on suppose que les degrés m décroissent (tout au plus) que de 31 toises chacun depuis Collina partie la plus sud de leur meridienne) jusqu'à Dunkerque. Mais une erreur de 8 secondes auroit produit une différence de 128 toises sur la terre plus de 10 fois plus grande que la différence des degrés dans la premiere supposition, & 4 fois plus grande que cette différence dans la 2º supposition. Outre cela la latitude n'a pas été observée dans les lieux intermediaires entre Paris & Collioure avec l'instrument dont on a parlé de 10 pieds de rayon, mais seulement avec un quart de cercle qui n'avoit que 39 pouces de rayon, & quelquefois avec un octant de 3 pieds de rayon. Et même ils disent eux-mêmes dans leur Memoire que ce n'est pas par les observations faites aux extrémités de la méridienne que l'on doit conclure la différence de la longueur d'un degré, mais par les hauteurs qu'on a prises en différens endroits entre ces extrémités; & si nous leur accordons qu'on peut prendre très-bien un angle à 4 ou 5 secondes près avec le plus grand instrument, ils ne pourront approcher que de 12 ou 15 secondes avec le quart de cercle ou l'octant, qui est à quoi il faut se borner pour la différence de la mesure des degrés. De sorte qu'il a fallu déterminer une longueur de 31 toises avec un instrument capable de s'écarter de plus de 200.

Tome I. 000



Et dans le fond en examinant de près le détail des mesures des degrés, j'y trouve plusieurs erreurs & incompatibilités, sur-tout dans la mesure de la hauteur des montagnes, où l'on a fait neuf observations du Barométre pour la mesurer dans le sud de la France, que l'on dit être consismées par nesures trigonométriques, se contrariant tellement les unes avec les antre l'equ'elles ne déterminent tout-à-fait rien, & même la conclusion que les degrés de la terre croissent en allant vers l'équateur, n'est tirée que de quelques observations choisses; car si on les avoit toutes comparées ensemble, il en seroit resulté que les degrés croissent en allant vers le Nord.

Mais en faisant abstraction des observations, l'ingenieux M. de Mairan a tâché de prouver que dans un sphéroïde allongé, les pendules doivent être plus courts pour battre les secondes à l'équateur que dans les grandes latitudes; mais on ne lui accorde pas les principes qu'il suppose, & quand on les lui accorderoit, il s'ensuivroit qu'un pendule qui bat les secondes à l'équateur; doit être racourci d'un pouce pour lui faire battre les secondes à l'équateur; au lieu que le sait est que ces pendules portés de Paris à l'équateur, ne doivent être racourcis que de i d'un pouce. Ainsi M. de Mairan en prouvant trop de beaucoup, ne prouve tout-à-fait rien. Ceux qui sont curieux de sçavoir tout ce qui a rapport à cette dispute, peuvent consulter les Transactions Philosophiques, No. 386, 387, 388 & 389, dans lesquelles je crois avoir bien prouvé la figure applatie de la terre selon Newton, & avoir démontré l'impossibilité du sphéroïde allongé.

N. B. Il y a quelques fautes d'impression dans ma seconde Dissertations qui ont été corrigées dans le dernier Abregé des Transactions, par Mrs Reides & Gray.

s mir es Cullinar avec inflicient des en la padé de lo pieds de rayon, mais feulement avec un quart de cercle qui d'avoir que 30 pouces de rayon, et quelque fois avec un ottent de 3, pieds de 2, on. Et même ils dilent

and officerated to the first of the constitution of the fifteen conditions to differ the difference of the first of the first of the first of the conditions and the conditions of the condition

des eillenr (tout au reis) que de 31 toiles cha un depuis Colling

reveluen un angle a a oa y lecondes près avec le plus grand in croment , ils acquartent apparencie que est con ly lecondes avec le quait de cercle cu acciant ; en ell à can il faut le bonner pour la chièvence de la mellire de crome les grands de propries avec les reverment de saint le constant de plus de la mellire avec les reverment de saint le constant de plus de la constant de saint le constant de plus de la constant de saint le constant de plus de la constant de saint le constant de

NOTES ILL

Pour me rendre aux prieres de quelques amis, je joins ici une courte description de mon Planetaire, qui est un instrument que j'ai fait depuis peu, pour représenter le mouvement des corps célestes.

DESCRIPTION DU PLANETAIRE.

ES machines pour représenter les mouvemens & apparences des corps célestes, ont été avec raison estimées dans tous les siécles, surtout depuis que le système de Copernic a été reçû generalement, non-seulement comme l'hypothése la plus probable, mais encore comme ayant été prouvé par Newton par les loix de la pesanteur, que c'est le vrai système du monde; * c'est au moins le système de toute la partie de l'Univers qui a relation avec nous, Habitans de la terre; c'est-à-dire, autant que nous pouvons en découvrir non-seulement par nos yeux, mais ençore par les telescopes.

Par le moyen de ces machines, un grand nombre de personnes qui n'ont pas le tems de s'appliquer à l'étude de l'Astronomie, & qui souhaitent cependant d'avoir une connoissance des apparences célestes, peuvent dans peu de jours acquerir cette connoissance, & surtout se guerir des pré-

jugés ordinaires contre le mouvement de la terre.

Lorsque les Astronomes, qui étoient exercés dans la Méchanique, ont fait ou inventé ces sortes de mouvemens, ils sont venu à bout de ce qu'ils se proposoient, en faisant voir tout ce qu'ils prétendoient représenter par leurs machines; mais lorsque les Faiseurs d'instrumens de Mathématique, sans une connoissance suffisante de l'Astronomie, ou sans avoir consulté des personnes habiles, ont fait mal-à-propos des additions aux machines qui avoient été inventées par des Astronomes (sous prétexte de vouloir les perfectionner) uniquement pour les rendre pompouses & lois pendieuses, ils ont détruit la vraye intention des premiers Inventours, & les Acheteurs ont payé cher de fausses notions d'Astronomie.

M. Georges Graham(ii je suis bien informé)est le premier Anglois qui ait fait une machine pour représenter le mouvement de la lune autour de la terre, & de la terre avec la lune autour du foleil, il y a environ vingt-cinq ou trente ans. Tout ce qui paroissoit dans cette machine étoit bien & parsaitement exécuté. Comme les phénoménes du jour & de la nuit, & leur augmentation & décroissement par dégrés, selon les saisons, les Pays de la terre où le soleil est successivement vertical, & paroît décrire ses paralléles, le mouvement réel & annuel de la terre, qui donne au foleil un mouvement apparent annuel, la rotation du foleil autour de son axe, le mois périodique & fynodique, le jour solaire & des étoiles, l'illumination successive de toutes les parties de la lune, &c. Cette machine étant entre les mains d'un Faiseur d'instrumens pour être envoyée avec quelques-uns de ses propres instrumens au Prince Eugene, il la copia, & fit la premiere pour le

^{*} Je ne dois pas oublier que l'ingénieux M. Jacques Bradley, Professeur d'Astronomie à Oxfort, l'a aussi démontré en dernier lieu par des Observations astronomiques. ii o o Oucune ne peut nous churer d'on mille on

Notes fur feu Comte d'Orrery, & ensuite plusieurs autres, avec des additions de son la Valeçon. invention. Le Sieur Richard Steele, qui n'avoit aucune connoissance de la machine de M. Graham, croyant rendre justice dans un de ses Ouvrages, au premier qui l'avoit fait construire, aussi-bien qu'à l'Inventeur d'un instrument aussi curieux, le nomma un Orrerie, & attribua au Sieur J. Roday, la gloire qui étoit dûe à M. Graham.

Débuis ce tems-là les orreries ont été fort en vogue & exécutées avec beaucoup d'ornemens, d'abord par le Sieur Rowley, & ensuite par d'autres Faiseurs d'instrumens; mais l'addition des autres planétes & des satellites, que les Ignorans ont regardé comme une perfection, ne donne que des idées confuses & fausses, quant aux distances & aux proportions de la grandeur de ces corps; ce qui arrivera toujours, tant qu'on placera dans la même machine l'orbite de la lune autour de la terre, avec les planétes principales & secondaires. Le système general (où notre terre n'occupe qu'une petite partie) doit être représenté par lui-même. Le soleil, la lune & la terre, doivent aussi être représentés séparément, & le système d'une planéte principale (comme jupiter par exemple) avec ses satellites dans leur vraye proportion de grandeurs & de distances, doit être représenté séparément.

Ces considérations (& le désir de donner une vraye notion des phénoménes célestes de la maniere la plus claire & la plus expéditive, aux perfonnes qui me font l'honneur d'assisser à mes Cours de Physique Expérimentale), m'ont porté à imaginer & à construire un mouvement avec toutes les qualités requises ci-devant, pour pouvoir montrer dans la vraye proportion tout ce qui se peut représenter dans une machine céleste.

Je l'ai composée de plusieurs parties que l'on peut mettre l'une sur l'autre, & séparer successivement, & je l'ai nommée Planetaire. Je vais en donner la description; mais avant que d'entrer en matiere, je prie le l'entre jetter les yeux sur la trentième Planche, qui contient la Figure aurègee du système solaire de M. Whiston, & qui le mettra au fait des distances moyennes, grandeurs, periodes, quantités de matiere, révolutions autour des axes, densités & vîtesses moyennes dans leurs orbites, pour toutes les planétes principales & secondaires, avec les orbites de différentes cométes, & les periodes de trois d'entr'elles. Je ferai seulement quelques remarques sur cette figure, sans lesquelles on risqueroit de tomber dans l'erreur.

1. Quoique la distance des planétes au soleil y soit marquée en milles, il ne saut pas s'imaginer que l'on puisse mesurer leurs distances jusqu'à la précision de quelques milles, comme on peut réellement mesurer la distance de la lune, parce que le demi-diametre de la terre (dont on connoît la quantité en milles) y étant environ \(\frac{1}{16}\) de la distance de la lune, est une mesure suffisante pour cette distance; au lieu que c'est à peine la vingt millième partie de la distance du soleil, & que par conséquent elle ne suffit pas pour la mesurer. Il y a à la vérité d'autres méthodes pour parvenir à connoître la distance du soleil, comme par la parallaxe de Mars; mais aucune ne peut nous assurer d'un million de milles. Nous

Notes fut

resterons dans cette incertitude jusqu'au passage prochain de Venus dans le disque du soleil, le 26 May de l'année 1761. Nous pourrons alors en la Ve. Ledock observant ce passage, trouver la distance du soleil jusqu'à une 500° partie de la distance totale, comme le Docteur Halley l'a fait voir dans les Transactions Phylosophiques, N°. 348. p. 454. & même cet avantage nous approchera de la vérité à 15 ou 16000 milles près. Nous conno sons cependant la grandeur & les distances proportionnelles des con qui roulent autour du soleil; c'est-à-dire, que si la distance du sold est, comme on la suppose ici, de 81 millions de milles, toutes les autres distances seront justes, ausli-bien que les diametres. On connoît ces distances en diametres du foleil, qui est la maniere dont la plû-part des Astronomes les expriment; car de quelque maniere qu'on vienne à les connoître, tout le reste sera connu, & par consequent on pourra représenter leurs proportions respectives, qui peuvent se représenter par des figures & par des machines, mais non pas exactement la proportion qu'elles ont avec la lune & la terre.

- 2. Venus est ici supposée tourner sur son axe en 20 heures; mais depuis que M. Whiston a publié sa figure, M. Bianchini a observé qu'elle faisoit sa révolution autour de son axe en 24 jours & 8 heures, & que cet axe étoit incliné au plan de fon orbite sous un angle de 13 dégrés.
- 3. La vîtesse de la lune dans son orbite, qui est la seule planéte dont on connoisse la vîtesse réelle, n'a pas été marquée ici. Elle parcourt 2300 milles par heure. Les autres planétes ne parcourent dans une heure que les milles marqués ici, en supposant le soleil éloigné de la terre de 81 millions de milles.

Pour donner une idée plus aisée des distances & diametres de ces corps, nous prendrons leurs distances moyennes en nombres ronds; & supposant la distance de la terre au soleil, divisée en 10 parties, Merce de la gné du soleil de 4 de ces parties, Venus de 7, Mars de 15, Jupiter 52, & Saturne 95. Si nous appellons le diametre du soleil 100, celui de 5 sera 7 10; de 12 10; de o 110; de 0 1, de 2 1, de \$ 14 & de la lune $\frac{281}{1000}$; & l'on conjecture que les satellites de L & h sont environ aussi gros que notre terre.

4. QUOIQUE la différente courbure des parties des ellipses, où les planétes se meuvent, ne soit pas assez sensible pour être exprimée, même dans une grande figure, cependant il a fallu exprimer leurs excentricités, & l'on a omis, pour éviter la confusion, celle des orbites des cométes. Les excentricités des planétes peuvent s'exprimer en supposant la ligne de la distance moyenne de chacune, divisée en 1000 parties égales, & alors les excentricités seront les nombres suivans de ces parties.



LE PLANETAIRE. (Planche 31.)

Est fixé dans une boëte d'ébéne d'environ six pouces de haut, & 3 pieds de diametre, terminée par 12 plans verticaux, sur lesquels sont représentés les 12 signes du Zodiaque. La surface supérieure est une plaque de cuivre poli, & sur sa circonférence extérieure sont placés à vis six piliers de cuivre qui portent un grand anneau plat d'argent, représentant l'écliptique avec différens cercles qui y sont placés. Les trois intérieurs sont divisés en 12 parties pour les signes du Zodiaque, dont chacun est divisé en 30 dégrés, & parmi ces dégrés on a gravé dans les endroits convenables, les nœuds, les aphelies, & les plus grandes latitudes nord & fud des planétes. Entre les deux cercles suivans, sont marqués les points cardinaux. Les trois cercles qui suivent ont les mois & les jours des mois, selon l'ancien Calendrier, & ils sont gravés dans les trois autres selon le Calendrier Gregorien. Mais dans la Planche 31. je n'ai pas marqué l'ancien Calendrier Julien, comme dans la trente-deuxième j'ai omis le Calendrier Gregorien. Sur la furface de cuivre de la machine, on a gradué des cercles d'argent, qui portent les planétes (représentées par des les d'argent) sur des arbres ou tiges qui les élevent à la hauteur du le l'écliptique; & en tournant le manche du Planetaire, toutes les planétes se meuvent dans leurs distances proportionnelles à une petite balle dorée qui est au milieu, pour représenter le soleil, & elles sont leurs révolutions felon leurs tems périodiques. On y a fixé des aiguilles d'acier bleuës, pour marquer les longitudes des planétes, en pointant aux divisions des anneaux ou cercles d'argent, à mesure qu'elles se meuvent circulairement. Mais comme ces cercles étant concentriques, ne donnent que les distances moyennes, les vrayes orbites selon leurs excentricités sont gravées en-dehors de chaque cercle, avec les tems périodiques tirés des tables, pour faire voir les révolutions plus approchantes qu'on ne peut les former par aucune machine. Les nœuds & les aphelies, avec les points des plus grandes latitudes nord & sud, sont marqués sur ces orbites. Comme les distances sont dans leurs vrayes proportions l'une à l'autre, ainsi les corps des planétes sont aussi dans leurs justes proportions les uns aux autres. Mais on ne doit pas s'attendre que les diametres des planétes soient en proportion avec les diametres de leurs orbites; car si l'on prenoit Jupiter de trois pouces de diametre, & la terre un peu plus d'un quart de pouce, comme dans ma machine, il faudroit que le système sût

de la grandeur d'un mille & 1/3, l'orbite de Saturne d'environ 9000 pieds de diametre, & ainsi des autres; & si l'on vouloit faire convenir les la V. Leco. corps à la machine telle qu'elle est, il faudroit qu'ils fussent 3000 fois plus petits, ce qui les rendroit tous invisibles, excepté le soleil, qui seroit pourtant moindre que 1 d'un pouce. C'est pour cela que je n'ave pas pu y mettre une balle assez grande pour représenter le soleil par port à mes planétes; mais on doit supposer le soleil à leur égard aussi krand que le cercle intérieur de l'anneau d'argent qui représente l'écliptique.

Dans les orreries (comme on les appelle) on ne fait pas voir la proportion des orbites les unes aux autres, ni des planétes entr'elles.

COMME l'orbite de la Lune, & les orbites de Jupiter & de Saturne, sont entierement éloignées de cette proportion des planétes principales, les fatellites le font encore plus; c'est pour cela qu'on n'a pas mis les satellites dans cette position de la machine. Mais on a joint à Saturne son anneau, selon sa proportion, & selon l'inclinaison de son plan, au plan de l'orbite de Saturne; & à mesure que la planéte se meut circulairement, l'anneau se meut parallélement lui-même, comme il le fait dans le Ciel. Par-là nous voyons comment les Habitans de la Terre, dans une révolution de Saturne, voyent deux fois l'anneau dans la fituation la plus ouverte des anses, comme dans la Figure 1. Planche 31. & deux fois, comme s'il n'avoit point d'anneau, c'est-à-dire lorsque le tranchant de l'anneau est tourné vers la terre (le plan de cet anneau passant par l'œil de l'Observateur), & l'augmentation & diminution successives de la grandeur vitible des anses.

La deuxième Figure représente Jupiter avec ses bandes & les taches qui

ont servi à faire connoître sa révolution.

Lorsque les Spectateurs ont assez consideré la machine pour roir idée complete de la grandeur proportionnelle des planétes, on en oue Jupiter & Saturne, & on y substitue un autre Jupiter & un autre Saturne trois fois plus petit que les premiers, pour y placer tout autour les satellites (& en même-tems on joint la Lune à la Terre) pour faire voir comment les satellites accompagnent leur planéte principale dans sa course autour du soleil. Ces satellites, qui sont des perles sur des tiges courbées, ne tournent pas par une horloge à rouës autour de leurs planetes principales, (comme on l'a fait dans quelques-unes des grandes orreries), mais on les conduit feulement à la main, parce que si on le faisoit, ce ne seroit qu'unedépense inutile, pour donner une fausse idée de leur grandeur, de leurs distances, & de l'inclinaison de leurs orbites, par rapport à celles de leurs planétes principales. Mais pour donner une notion exacte de Jupiter & de ses satellites, de Saturne & de ses satellites, on fait voir pour chacune de ces planétes un système à part, où l'on a exprimé les distances à la planéte principale, & la grandeur des satellites; & dans ce système, quoique Jupiter ne soit que d'environ un pouce de diametre, le satellite le plus éloigné est aussi distant du centre de Jupiter, que Saturne l'est du' soleil dans la machine, ce qui fait voir l'incompatibilité & la disproportion

NOTES far.

Notes sur qui se trouvent dans les orreries, à faire mouvoir les satellites autour de Jupiter. C'est encore plus mal-à-propos qu'on y place les satellites de Saturne, parce qu'il y en a quatre qui se meuvent dans des orbites sort inclinées à l'écliptique de Saturne (sçavoir d'un angle de plus de 30 pros), & le cinquiéme a son orbite presque dans le même plan que l'échip ique de Saturne, avec un diametre plus grand que celui de tout le Pinetaire, même lorsque Saturne est 3 sois plus petit que le Saturne du Planetaire.

Une autre chose qu'on y a mis, c'est une invention pour saire voir que toute la consussion des mouvemens des planétes dans l'hypothése de Ptolemée (qu'on appelle leurs stations & rétrogradrations) n'est pas réelle, mais apparente dans le système de Copernic, ou dans le vrai système du monde, & cela se fait par le moyen de deux aiguilles d'acier, dont l'une étant toujours appliquée au soleil, & successivement au haut de la tige de la planéte que l'on veut examiner, pendant que l'autre est appliquée à la terre (comme centre), & à ladite planéte. En tournant le manche de la machine, les lieux heliocentriques & géocentriques, (c'est-a-dire, vûs du soleil ou de la terre) de la planéte seront vûs sur l'écliptique en mêmetems, & l'on verra comment les planétes paroissent reculer & avancer vûes de la terre, quoiqu'elles aillent toujours régulierement de l'ouest à

l'est, comme on les verroit du foleil.

Ensuite pour faire voir la vraye inclinaison des orbites des planétes, ayant ôté toutes les balles d'argent, qui auparavant représentoient les planétes & leurs tiges, on place six orbites de fil de cuivre doré, par le moyen des piliers fixés sur les orbites, gravées sur le grand plan de la machine, & on les place affez haut pour avoir une partie au-deffus, & l'autre au-dessous du plan de l'écliptique ci-devant décrite, pendant que les nœuds, dans les deux parties opposées des cercles du fil de cuivre, rement dans le plan de l'écliptique, & les aphelies & perihelies felon leurs vrayes distances au soleil, directement sur les lettres A & P, gravées en-dessous dans chaque orbite. Par exemple, dans l'orbite de Jupiter, il y a deux piliers d'égale hauteur, (& de la hauteur du plan de l'écliptique au-dessus de la grande platine) sur les trous en & & ?, pour soutenir la partie de l'orbite qui est dans le nœud. Il y a en NL un pilier un peu plus haut, & un autre en SL un peu plus bas. Les têtes de ces piliers étant rondes, représentent Jupiter dans chaque nœud & dans les plus grandes latitudes nord & sud. Outre ces quatre balles, il y en a deux autres mobiles sur le fil de cuivre, pour être placées, l'une à l'aphelie, ou dans tout autre lieu, pour marquer la longitude ou la latitude de la planéte dans chaque tems; car une des aiguilles d'acier dont on a parlé, placée au centre du soleil & de la planéte, marque sa longirude heliocentrique, en même-tems qu'un arc mobile d'un cercle placé vernicalement sur le dégré de l'écliptique, dont l'aiguille est en-dessus ou en-deflous, marque sa latitude heliocentrique. La longitude & la latitude géocentrique se font voir de la même maniere, lorsque l'aiguille vient de la terre. Les autres cinq orbites de cuivre son fixées de la même maniere. Il

y a aussi un double index qui s'ouvre comme un compas, dont le trou qui est au centre étant placé sur la tige de la terre, ses jambes saississant les la V. Le orbites de mercure ou de venus, font voir la plus grande élongation de ces planétes par un arc gradué qui mesure la distance angulaire de cesa Jambes.

N. B. La plus grande élongation de & est d'environ 28 dégrés, & velle de 2 d'environ 48 dégrés.

IL y a aussi un fil de ser plié en sigure parabolique, & soutenu par trois piliers, pour faire voir la partie inférieure de l'orbite d'une cométe, c'està-dire, autant qu'on peut l'observer. La tête de chaque pilier représente la cométe dans ce lieu, & les petits fils d'argent étendus depuis la cométe dans son perihelie, font voir la queuë de la cométe lorsqu'elle a le plus de

grandeur.

Comme les observations des éclipses des satellites de jupiter, sont d'un grand usage en Astronomie, j'ai fait faire un système particulier de jupiter Et de ses satellites, applicable à la machine, par lequel les distances, les grandeurs & les vrayes périodes des satellites, par rapport à jupiter, sont marquées si exactement, que lorsqu'on a ôté le soleil & l'ouvrage à rouë, . qui entraîne \$, 2, 0 & 0, & qu'on y a mis l'ouvrage à rouës qui appartient au système de jupiter, (chacun de ces ouvrages pouvant s'ôter & se mettre tout d'une piece) quelques-unes des rouës qui étoient auparavant dans le Planetaire, aident à faire mouvoir jupiter & ses satellites, de maniere que s'ils sont une fois placés selon les tables, on verra en tournant la manivelle, quelles éclipses de chacun des satellites doivent arriver dans chaque tems. Il y a un cadran avec trois aiguilles dans un coin du Planetaire, où la manivelle est appliquée à ce dessein : une de ces aiguilles marquant les heures de la rotation de jupiter autour de son axe en neures solaires & en heures de jupiter, (c'est-à-dire, divisant sa rotation autour de son axe en 24 parties); l'autre aiguille marque les heures des mouvemens de chacun des satellites, & la troisiéme marque les jours.

En observant jupiter & ses satellites, à mesure qu'ils se meuvent par le mouvement de la manivelle, & y joignant l'usage de la lanterne, pour reptésenter le foleil, nous y voyons clairement les choses suivantes, telles

qu'elles arrivent réellement.

- 1. L'IMMERSION; c'est-à-dire, l'entrée d'un satellite dans l'ombre de jupiter.
 - 2. L'E'MERSION d'un satellite hors de l'ombre.
 - 3. En quel tems les immersions, ou les émersions sont visibles.
- 4. En quel tems un satellite est caché par le corps de 12, avant que d'entrer dans l'ombre, ou après qu'il en est sorti.
 - 5. En quel tems on peut voir un satellite traverser le corps de jupiter. Tome I.

Leçon. son ombre sur une partie de sa surface.

7. QUAND est ce que les fatellites s'éclipsent l'un l'autre.

C'ep l'à tout ce que le Planetaire représente par rapport au système general. Quant à la représentation des phénoménes du soleil, de la lune & de la terre, les unes à l'égard des autres, il faut une autre machine; mais pour la facilité du transport, j'ai imaginé de changer la machine précédente en une autre à ce déssein, quoiqu'il y ait quelque peine à faire les changemens nécessaires.

LA Planche 32. représente le Planetaire uniquement avec le foleil, la lune & la terre.

1. L'E'CLIPTIQUE étant placée sur d'autres piliers, s'éleve environ de deux pouces plus haut qu'auparavant.

2. La surface de la machine en-dedans de ces piliers, est une platine peinte en bleu, au lieu du cuivre poli d'auparavant, parce que la couleur bleuë du firmament dépend entierement de l'atmosphére de la terre, & non pas d'un arc ou d'une voûte azurée à une distance immense.

L'ouvrage à rouë qui est sous cette platine, s'appliquant de lui-même à l'ouvrage à rouës qui est en-dedans de la machine, & la manivelle étant fixée à une autre partie de la machine, on aura les mouvemens suivans.

- 3. Le foleil (qui est ici une balle de cuivre doré de deux pouces de diametre), tourne autour de son axe de l'ouest à l'est une sois en 25 jours 875 heures; chaque tour de la manivelle, qui étoit autresois un mois rystème general, est maintenant un jour, & les heures sont marquées par une aiguille & par un cadran divisé au bas de l'axe de la terre.
- 4. LE mouvement annuel étant arrêté, la terre, (dont le centre, aussilebien que celui du soleil, est dans le plan de l'écliptique), tourne en 24 heures solaires autour d'un axe incliné au plan de l'écliptique par un angle de 66 ½ dégrés de l'ouest à l'est, sans sortir de sa place. Mais lorsque le mouvement annuel n'est pas arrêté, elle tourne autour de son axe une sois en 23 heures & 56 minutes, & en même-tems elle est portée dans son orbite annuelle, aussi de l'ouest à l'est; son axe reste pendant tout le tems paralléle à lui-même.

Détail des Phénoménes expliqués par la feule rotation de la terre autour de son axe.

La terre est ici représentée par une balle d'argent d'un pouce de diamettre, sur laquelle on a tracé différens cercles, comme on le fait sur les globes ordinaires; sçavoir les deux cercles polaires, les tropiques, l'équa-



teur, l'écliptique & le paralléle de Londres; on y voit aussi 24 Méridiens dont l'un gravé plus profondément que les autres, représente le Méri- la V. Lecon dien de Londres, laquelle Ville est exprimée par une tache forte ou par un point à 51 1 dégrés de latitude nord. A un arc de fil de fer élevé & recourbé fkg, est suspendue une plaque semblable à un croissant, à qui manque 47 dégrés de tout le cercle en bas, afin qu'elle ne gâte p? axe de la terre. Le plan de cette plaque passe toujours par le centre de la terre, & faisant face au soleil, il est toujours perpendiculaire à un rayon venant du soleil à la terre, & par conséquent il divise la partie éclairée de la partie obscure de la terre; c'est pour céla que je l'appelle horizon solaire, & les lettres W, E, marquées sur cette plaque, désignent l'ouest & l'est.

Dans une ligne que l'on suppose tirée du centre du soleil au centre de la terre, on a fixé sur deux appuis, le rayon du soleil ou fil de ser ml, pour marquer sur laquelle partie de la terre le soleil est perpendiculaire chaque jour, chaque heure, ou chaque minute dans toute l'année.

Il y a un index h qui marque le lieu de la terre sur l'écliptique, & il y a aulii vis-à-vis un autre index (avec un petit soleil gravé au-defsus) qui

marque le lieu du foleil dans la partie opposée de l'écliptique.

Ayant arrêté la platine bleuë, on placera la terre sur le premier dégré du capricorne, qui sera marqué par son index; ensuite l'axe de la terre, (failant toujours un angle de 66 ½ dégrés avec le plan de l'écliptique), doit être tellement placé, que le pole nord soit tourné vers le soleil, & qu'un plan qui passe par l'axe de la terre & par le nombre XII. dans le cadran D, passe aussi par le centre du soleil. On aura par ce moyen la situation de la terre pour le jour le plus long dans notre hémisphére nord ; l'index du soleil qui tombera sur le premier dégré de l'écrevisse , tombera aussi sur le 10 de Juin : placez le Méridien de Londres dans le rayon du foleil, & vous aurez la fituation de Londres à midjour le plus long de l'année, dans laquelle un Habitant que l'on suppose avoir la face tournée vers le sud, verra le soleil devant lui dans sa plus grande hauteur.

Maintenant en tournant doucement le manche de la machine, le point qui représente Londres ou un Habitant de cette Ville, sera (par la rotation de la terre), porté en avant vers l'est, pendant que le soleil paroît se mouvoir vers l'ouest, ou vers la main droite, & lorsque Londres est porté du côté de l'est de l'horizon solaire, on voit l'heure du lever du soleil par le moyen de l'index sur l'axe de la terre, & sur le cadran D. Tournez encore, & Londres marchera vers la partie obscure de la terre, de l'autre côté de l'horizon solaire, par rapport au soleil. Lorsque l'index est arrivé à l'autre nombre XII. du cadran, Londres arrive à minuit; & lorsqu'on continue à tourner, Londres sort de dessous l'horizon solaire à l'ouest, l'index qui est en-dessous marquant l'heure du soleil, & un Habitant voyant le soleil à mesure qu'il sort de son horizon à l'est, ou à main gauche. Onpeutaussi observer que dans tout le tour de la terre autour, de son axe, le rayon solaire ne pointe que le tropique du cancer, & qu'ancuu autrePays que ceux qui sont sous ce tropique, n'a le soleil

Pppij

NOTES I

vertical; & cela arriveroit pendant tout le cours de l'année, si le soieil n'avoit point de mouvement annuel, & il n'y auroit point non plus de changement de saisons, ni d'altération dans la longueur des jours. Ici en observant comment l'horizon solaire coupe les dissérens paralléles, on peut s'appercevoir que tous ceux, (excepté l'équateur), qui sont entre les ces polaires nord & sud, sont divisés inégalement en arcs diurnes & noch rnes, les premiers étant les plus grands du côté nord de l'équateur, & ses autres, (c'est-à-dire ceux qui sont derriere l'horizon solaire), du côté sud de l'équateur.

Le cercle polaire nord dans cette fituation, est toujours éclairé, étant du côté de l'horizon solaire qui est exposé au soleil, pendant que tous les Pays qui sont dans le cercle polaire sud, continuent d'être dans les ténébres, malgré la révolution diurne de la terre; n'y ayant que la révolution annuelle qui soit capable de changer leur situation insupportable d'une nuit & d'un hiver perpetuel, pour y faire venir le jour, le printems,

l'été, &c.

. Lecon.

Si maintenant on délie le mouvement annuel, & qu'on le joigne au mouvement diurne, alors en tournant la manivelle, la balle qui représente la terre, aura le même mouvement que la terre, & représentera tous les phénomènes qui dépendent des deux mouvemens.

PREMIEREMENT donc, pendant qu'elle continue à tourner sur son axe propre, une sois le jour, elle s'avance dans le grand orbe de l'ouest à l'est, selon l'ordre des signes (ou in consequentia, comme parlent les Astronomes), & on le voit par son index, qui pointe successivement tous les signes & dégrés de l'écliptique, pendant que le soleil autour duquel elle se meut, paroît décrire aussi in consequentia, ou de l'ouest à l'est, la même orbite, à la distance de six signes; c'est-à-dire, qu'il paroît partir de premier dégré de l'écrevisse, précisément au moment que la terre part des la l'est du capricorne, comme l'index solaire i (qui dans la Planche 32. est au-dessus du Taureau), le fait voir clairement.

Comme dans le mouvement annuel de la terre, l'axe reste toujours parallése à lui-même, sa situation par rapport au soleil, doit changer continuellement, & un plan qui passe par cet axe & par le nombre XII. sur le cadran D, ne repassera par le centre du soleil, lorsqu'il l'aura une sois quitté, qu'à la distance de la moitié de l'année, & alors le pole nord de la terre, (qui étoit auparavant le plus près du soleil), en sera le plus

éloigné.

N.B. La situation de la terre par rapport à l'étoile polaire, à laquelle l'axe est dirigée, ne change jamais sensiblement, parce que tout le diametre de l'orbite de la terre; n'a aucune proportion avec la distance des étoiles sixes, qui sont 40000 fois plus éloignées de nous que le soleil, & par conséquent leur parallaxe ne peut monter qu'à une seconde d'un dégré.

2°. O voit, à mesure que la terre se meut dans l'écliptique, que le cercle polaire nord descend par dégrés sous l'horizon solaire, qui le coupe



EXPE'RIMENTL'A E.

en deux parties égales, lorsque la terre entre dans le belier, (& que le Nortes sur soleil paroît entrer dans la balance), comme il paroît aussi couper chaque la V. Leggi. cercle paralléle sur toute la terre, rendant égaux l'arc diurne & l'arc nocturne, & c'est ce qu'on nomme l'équinoxe, les jours & les nuits étant alors de 12 heures sur toute la terre, comme l'index horaire en D le fait voir aussi; & les deux poles étant également éclairés, ont le soleil des leur horizon; de même le rayon solaire ayant successivement point, tous les paralléles supposés entre le tropique du cancer & l'équateur, ton sent maintenant sur l'équateur, dont chaque partie, (pendant ce jour, ou pendant un tour de la manivelle), reçoit successivement la lumiere perpendiculaire, & la chaleur du soleil; qui est-ce que les Sectateurs de Ptolemée appellent le soleil être dans l'équateur, ou décrire l'équateur. En continuant de tourner le manche, la terre marche par dégrés in consequentia, & l'horizon folaire fait voir comment les jours continuent à décroître à mesure que les arcs diurnes se racourcissent, & peu à peu tout l'espace compris par le cercle polaire nord se soustrait lui-même au soleil, jusqu'à ce qu'il soit entierement derriere l'horizon solaire, lorsque la terre arrive au premier dégré de l'écrevisse; ce qui fait voir que tous les Pays compris dans cet espace, n'ont point de jour du tout, pendant que les Pays qui sont dans le cercle polaire sud, étant maintenant du côté de l'horizon solaire exposé au soleil, n'ont point du tout de nuit. Maintenant le rayon solaire donne directement sur le tropique du capricorne, que le soleil paroît (ou est dit) décrire, par la rotation de la terre. L'index du soleil étant aussi dans le capricorne, & marquant en même-tems le onziéme jour de Decembre, fait voir que nous avons le jour le plus court à Londres, dont la mesure est marquée par l'index horaire.

La terre étant toujours portée en avant, le rayon solaire décrira les paralléles qui sont au-dessus, & sera à l'équateur, lorsque la terre entrera dans la balance, (& que le soleil paroîtra dans le belier). Alors l'horian solaire divisera tous les paralléles en deux arcs égaux, le diurne nocturne, le pole étant à présent dans le plan de l'horizon solaire. Ensuite à mesure que la terre va en avant, une plus grande partie du cercle posaire nord sort du côté du soleil, les arcs diurnes, & par conséquent les jours dans notre hémisphére nord croissent, jusqu'à ce qu'à la fin la terre arrive au premier dégré du capricorne, d'où elle est partie au commencement; ensuite l'axe de la terre revient encore à la même situation qu'il avoit au

commencement par rapport au foleil.

3°. O T E Z la terre & son horizon solaire, & mettez-y une autre terre de trois pouces de diametre, dont le centre soit toujours dans le plan de l'écliptique. Cette terre ayant un méridien gradué, & des pointes, (pour représenter les Habitans), perpendiculairement placées dans les tropiques, l'équateur & quelques paralléles entr'eux; le rayon solaire, (un peu raccourci pour servir à cette terre), sera voir plus clairement en quel tems le soleil est perpendiculaire à chacun de ces Habitans, & de combien il est plus ou moins oblique à ceux qui sont hors des tropiques en dissérentes saisons, en plantant aussi des pointes sur ces Pays. Le rayon solaire



Notes fur marquera aussi exactement les degrés de la déclinaison du foleil sur les Ve. Leçon, dégrés du méridien de ce globe.

> 4°. O TEZ ce globe, & placez-en un autre d'yvoire, qui n'a que deux pouces de diametre, sur lequel la carte du monde est gravée avec un horior d'argent, pour le placer aisément selon la situation de chaque Pays. Par e moyen de ce globe, avec son horizon différemment situé, & du ray n folaire, on verra tous les phénoménes de la sphère droite, oblique & paralléle. Ayant placé l'horizon pour un Pays, vous voyez aisément par le rayon solaire, en quel tems le soleil est au-dessus ou au-dessous de l'horizon de ce Pays, & en quel point de la bouffole il fe leve dans ce Pays chaque jour de l'année. S'il a une amplitude ou non, si elle est nord ou fud, & combien elle est plus grande ou plus petite dans une latitude que dans l'autre; c'est-à-dire, en quel tems & combien le soleil se leve & se couche plus nord ou plus sud par rapport aux vrais points d'est &

co qu'il foit enuerement dernere l'honzon folaire, soricue la ter 5°. PLACEZ de nouveau la petite terre, & l'ayant mise au premier dégré du capricorne, placez l'index horaire à XII. vers le foleil, avec le méridien de Londres. Ensuite vous ferez attention qu'un plan qui passe par l'axe de la terre, & par l'étoile polaire, (à une distance immense), passe aussi par le Méridien de Londres & par le centre du soleil. Ayant donc arrêté le mouvement annuel, afin que la terre puisse tourner autour de son axe sans sortir de sa place, chaque tour de la manivelle entraînera le Méridien de Londres, jusqu'à ce qu'il revienne à sa premiere place, & que Londres fasse face à l'étoile polaire, comme auparavant; c'est-à-dire, que cette Ville revienne dans le plan d'où elle étoit fortie; c'est ce qu'on appelle le jour des étoiles. Mais comme ici le soleil est dans le même plan l'axe de la terre, & l'étoile polaire; le jour des étoiles est le même du foleil : parce que le Méridien de Londres arrive au centre du soleil en même-tems qu'il arrive à l'étoile polaire. Mais comme cela dépend de l'immobilité de la terre, la chose n'est pas vraye dans le fait, & ainsi pour connoître ce qui arrive réellement, il faut imprimer à la terre le mouvement annuel. Un tour de la manivelle donne non-feulement à la terre un tour sur son axe, mais il la fait avancer presque d'un dégré dans l'écliptique. Si maintenant on observe le Méridien de Londres, on trouvera qu'il n'est pas encore arrivé au rayon solaire, parce que quoiqu'il foit arrivé au plan qui passe par le centre de la terre & par l'étoile polaire, ce plan ne passe plus par le centre du soleil, parce que le centre de la terre a quitté sa place, & s'est mû in consequentia; de sorte que la manivelle doit s'avancer un peu plus, avant que le Méridien de Londres, (qui a fait tout le tour pour une révolution journaliere des étoiles), arrive au rayon folaire, pour faire un jour folaire, qui est plus long que la révolution des étoiles, de l'espace de 4 minutes de tems. Ainsi la terre tourne autour de son axe en 23 heures & 56 minutes; mais chaque Pays qui a midy, ou le soleil au sud, doit faire plus que d'une révolution autour de l'axe pour revenir à midy. Cette différence entre le jour folaire & la

révolution des étoiles, est si petite, qu'on peut à peine s'en appercevoir dans une simple révolution; mais si l'on fait 19 tours de la manivelle, la Ve. Leço ces 15 différences faisant une heure, (prises toutes ensemble), on verra que précisément après 15 tours, le plan passant par la terre, & par l'étoile polaire, laisse si loin le soleil, que le rayon solaire au lieu de poir au Méridien de Londres, ne pointe qu'à celui qui est immédiatement afant, & qui est une heure plus à l'est, & l'aiguille horaire au bas, qui marque XII. ne marque que la révolution diurne des étoiles; mais il faut par le moyen de la manivelle, la porter au nombre 1. avant que de pointer au centre du soleil. Si la terre est portée sur un mois dans sa course annuelle, l'index horaire étant à XII. s'écartera du midy solaire de deux heures de la révolution des étoiles : après 3 mois il s'écartera de 6 heures ; après 6 mois de 12 heures, ou étant à minuit du soleil il marquera le midy des étoiles; & c'est la raison pourquoi les émiles auprès du foleil, (qui chaque jour à midy feroient visibles autour du soleil, s'il étoit totalement écliplé, mais qui sont invisibles, parce que leur lumiere est absorbée par celle du soleil), après 6 mois sont visibles à minuit. Au bout de 9 mois, l'index horaire s'écarte du soleil de 18 heures, & après 12 mois, ou après une révolution annuelle de la terre, il s'en écarte de 24 ou de rien du tout ; c'est-à-dire, que la révolution annuelle des étoiles est plus courte d'un jour que l'année solaire; ce jour étant composé de toutes les différences, ou de 360 fois 4 minutes, & plus exactement de 365 \frac{1}{4} fois 3 minutes & 56 fecondes and any make us: analytick and amalg no allowion

une, (ou le mois penodique), et un peu moindre que

6°. RAMENEZ la terre au premier dégré du capricorne, ôtez le rayon solaire, & fixez un petit index dans un trou du soleil, pour représenter une de ses taches, qui nous ont sait connoître le tems de sa révolution autour de son axe. Arrêtez le mouvement annuel, & placez ce nouve index solaire vis-à-vis du Méridien de Londres, ou de l'index horaire un XII. Après 25 tours & 1/4, l'index solaire reviendra, & sera dirigé vers le centre de la terre ; mais le Méridien de Londres, & l'index horaire qui est dans son plan, ira au-delà de XII. jusqu'à VI. Cela fait voir le tems absolu de la révolution du soleil autour de son axe. Placez chaque chose comme auparavant, & faites aller le mouvement annuel; observant que comme l'index solaire est dirigé au centre de la terre, il est aussi dirigé au premier dégré du capricorne. Tournez la manivelle 25 - fois, & vous verrez que l'index solaire ne pointe pas encore au centre de la terre, (quoiqu'en pointant au premier dégré du capricorne, que la terre a maintenant quitté, le foleil paroisse avoir fait une révolution entiere autour de son axe); mais il faut encore près de deux tours de la manivelle. pour que cela arrive. C'est la raison pour laquelle les Astronomes, qui ne croyent pas le mouvement de la terre, ont compté, en observant une tache du soleil, une révolution du soleil autour de son axe, lorsqu'ils ont vû de la terre la tache placée dans le même point du disque du soleil, où ils l'avoient observée au commencement, & delà vient qu'ils ont prétendu que le soleil employoit environ 27 jours à tourner autour de son

NOTES sur axe; mais cette révolution n'est qu'apparente, & la révolution réelle

7º. OTEZ la pointe ou l'index de la surface du soleil, faites revenir la au tropique du capricorne, & arrêtez le mouvement annuel. Ensuite fur Pribite lunaire abc, fixez la tige de la lune, & placez-y la lune ed, qui est représentée par une petite balle d'argent, dont le diametre est 2 de celui de la balle qui représente la terre, (selon la vraye proportion que ces corps ont dans la nature), ayant un côté clair, pour représenter le côté de la lune, que nous voyons toujours, & l'autre côté gravé pour représenter celui qui n'est jamais vû de la terre. Placez le côté clair de la lune vers la terre, son corps étant placé exactement entre le soleil & la terre, comme dans le tems de la nouvelle lune, & tournez ensuite la manivelle. Vous verrez, 1°. Que 27 tours i feront parcourir à la lune toute son orbite, & la feront revenir au même point; ce qui fait voir que la période de la lune est de 27 jours & près de 8 heures. 2°. Que le même côté de la lune est toujours tourné vers la terre, l'hémisphére gravé de la balle lui étant toujours opposé. 3°. Que la lune ne tourne qu'une fois autour de son axe, pendant qu'elle fait une révolution autour de la terre; & 4°. Que le mois périodique seroit le même que le synodique, si la terre n'avoit point de mouvement annuel; c'est-à-dire, que la révolution de la lune en comptant depuis la nouvelle ou pleine lune, ne finiroit qu'à la nouvelle ou pleine lune suivante : au lieu que dans le réel la période de la lune, (ou le mois périodique), est un peu moindre que 27 jours & 1/2; mais le mois synodique, ou le tems écoulé depuis la nouvelle lune jusqu'à la nouvelle lune fuivante, ou depuis la pleine lune jufqu'à la pleine lune suivante, est d'environ 29 ½ jours, parce que dans le tems d'une révolution, la brre est portée si avant dans l'écliptique, que lorsque la lune a achevé ra periode autour de la terre, elle n'est plus dans la ligne qui joint les centres de la terre & du foleil; mais qu'elle doit se mouvoir encore plus de 2 jours sur son orbite, pour être dans cette ligne. On voit cela aisément dans la machine; car si l'on place la terre au premier dégré du capricorne, & la lune entre la terre & le foleil, & qu'ayant fait aller le mouvement annuel, on tourne la manivelle 27 ; fois, la terre se trouvera si avancée dans l'écliptique, que quoique la lune ait achevé sa période, elle ne sera pas encore dans une même ligne avec le foleil; mais fi vous appliquez un fil sur le centre de la lune & de la terre, & un autre sur le centre du soleil & fur le premier dégré du capricorne, (qui est la ligne d'où la terre & la lune font parties), vous trouverez ces deux fils paralléles; ce qui fait voir que la lune a réellement fini sa période, quoiqu'elle ne paroisse pas l'avoir fait par rapport au soleil. Mais si vous donnez à la manivelle un peu plus de 2 tours, vous acheverez le mois synodique, en portant la lune de nouveau entre le soleil & la terre, & le lieu de la terre sur l'écliptique, vous fera voir qu'elle a avancé de 29 jours & demi.

P. CONDUISEZ la terre au premier dégré de l'écrevisse; & ayant mis

mis fur la lune le bonnet noir qui lui appartient, avec son côté convexe opposé au soleil comme en e, placez la lune entre la terre & le soleil; la Ve Leçon c'est-à-dire, dans le point de la nouvelle lune : ensuite tournant la manivelle, vous aurez successivement toutes les phases de la lune, selon, qu'elles arrivent, pendant que la lune tournant autour de la terre son orbite, est aussi portée avec la terre autour du soleil. Car, i Le bonnet noir représentant la partie obscure de la lune, couvre entierement tout son hémisphére blanc, qui est tourné vers la terre, faisant voir par-là comment la nouvelle lune nous est invisible; ensuite après quelques tours de la manivelle, vous verrez qu'une petite partie de l'hémisphére blanc sort de dessous le bonnet, (c'est-à-dire, de l'ombre), & forme un croissant. A mesure que vous avancerez, vous verrez le premier quartier, & après 7 tours la lune à demi pleine; & ensuite sortant toujours de plus en plus de dessous le bonnet, jusqu'à ce qu'à 14 tours & 1/2, vous ayez le phénomène de la pleine lune, lorsque l'hérisphére blanc est entierement hors du bonnet, & que la terre est entre le soleil & la lune. A mesure que vous continuerez à tourner, vous verrez décroître par dégrés les phases de la lune, jusqu'à ce que vous ayez de nouveau la nouvelle lune; & maintenant vous pourrez voir tous ces phénoménes dans le même-tems,

9°. OTEZ le foleil, & mettez à sa place la lanterne qui appartient au Planetaire, laquelle a deux verres convexes, (fans lesquels on ne peut pas avoir les rayons paralléles, convergents, ou divergents, avec assez de vivacité), pour faire voir comment la terre & la lune font éclairées par le soleil, & pour démontrer les phénomènes des éclipses. Rendez la chambre obscure, & vous verrez clairement les phénoménes du jour & de la nuit, avec les faisons & phases de la lune ci-dessus mentionnées, sans l'horiz. solaire ou le bonnet noir de la lune, dont on ne fait usage que loriquon

ne veut pas comparer la lumiere & l'obscurité. Lorsqu'on employe la plus grande terre avec des pointes pour représenter d'une manière convenable les Habitans, on voit clairement ce que les Géographes disent sur les Habitans de la terre, par rapport à leurs ombres, tels que sont ceux qu'ils appellent Ascéens, Amphiscéens, & Heteroscéens; on pourra aussi mieux comparer ensemble les jours & les saisons des Antæciens, Periæciens, & Antipodes: comme aussi (lorsqu'on fait usage de la terre d'hyvoire, avez son horizon d'argent), on verra clairement comment le foleil paroît s'élever au-dessus de notre horizon, & se coucher audesfous, avec amplitude, ou sans amplitude, les rayons réels de la lumiere faisant maintenant ce que les rayons solaires de fil de cuivre ne faisoient qu'imiter auparavant. Il y a aussi une invention d'une plaque d'argent que l'on mer sur un point de la surface de la terre, & qui tourne avec elle, pour faire voir la distinction entre l'horizon sensible & rationel d'un Pays; mais en même-tems pour faire remarquer que la distance immense du soleil est cause que ces deux horizons se consondent presque, & que le lever & coucher du foleil est le même au même moment par rapport aux deux horizons.

Tome I.

comme ils arrivent dans le Ciel.

Rodd

NOTES IN

La lumiere secondaire de la lune (c'est-à-dire, celle qui étant ressechie de la terre, tombe sur la partie obscure de l'hemisphére de la lune qui est tournée vers la terre, & y produit une clarté soible telle que celle que nous recevons de la lune) par laquelle dans un tems serein, au croissant déclin de la lune, nous voyons le reste du disque de la lune d'une couleur sombre & tannée, (& même quelquesois nous voyons de cette maniere la lune entiere au moment qu'elle est nouvelle) se voit très-bien ici par la lumiere de la lanterne, & l'on voit aussi comment la terre en tournant devient une lune par rapport à la lune.

Pour faire voir les phénomèmes des éclipses; 1°. Placez la petite terre, la lune étant sur sa tige, & la lanterne à sa place; vous verrez comment la lune en paffant entre le foleil & la terre, jette son ombre sur certaines parties de la terre, dont les habitans ont une éclipse totale du soleil dans les endroits où l'ombre passe, & une éclipse partielle dans la Penombre ou auprès de l'ombre. Lorsque la lune étant pleine passe de l'autre côté de la terre, en sorte qu'elle perd sa lumiere par l'interposition du corps de la terre; c'est-à-dire, à mesure qu'elle traverse l'ombre de la terre, il y a une éclipse totale de lune, qui pendant tout le tems de sa durée est visible à tous les habitans de l'hemisphére de la terre, qui est tourné vers la lune dans ce tems-là. Mais quoique cette position du Planetaire sasse voir en quoi consiste l'éclipse du soleil & de la lune, elle ne représente pas ce qui arrive réellement eû égard au tems des éclipses; car elle fait voir une éclipse dans chaque nouvelle & pleine lune, au lieu que nous avons rarement plus de quatre éclipfes dans toute une année, & que souvent nous n'en avons pas tant. La raison en est, que quoique la terre artificielle & la lune de la machine ayent une juste proportion l'une avec l'autre, l'orbite de la lune est 10 fois plus petite qu'elle ne devroit l'être à pro-Pertico de ces corps : outre cela l'orbite de la lune n'est pas dans le plan de l'écliptique, mais elle forme avec elle un angle d'environ 5 degrés; de forte qu'à moins que la lune ne soit dans les nœuds ou auprès des nœuds, (qui sont les points où l'orbite de la lune coupe le plan de l'écliptique) au tems qu'elle est pleine ou nouvelle, il n'y a point d'éclipse; parce que l'ombre de la lune passe au nord en-dessus, ou au sud en-dessous du globe de la terre en nouvelle lune, & que la lune passe au nord en-dessus, ou au fud en-deflous de l'ombre de la terre en pleine lune. Il est vrai que quelques faifeurs d'Orreryes ont fait monter & descendre la lune dans sa route, sur une orbite inclinée comme il convient, & qu'outre cela ils ont fait mouvoir les nœuds de cette orbite en arrière ou in antecedentia, (c'est-à-dire de l'est à l'ouest) par une révolution de dix-neuf ans, comme il arrive dans la nature; mais n'ayant pas augmenté l'orbite de la lune, ni placé des balles plus petites pour la lune & la terre, ils n'ont pas évité cet inconvenient des écliples trop fréquentes. D'autres pour l'éviter ont donné à l'orbite de la lune une inclinaison triple ou quadruple, détruisant une verité pour en expliquer une autre.

Je fais voir encore dans mon Planetaire, la vraye inclinaison de l'orbite de la lune, le mouvement des nœuds & la vraye grandeurde l'orbite relativement aux corps, & par conséquent les vrais phénoménes qui ont rapport au tems

& à la quantité des éclipses, en faisant les changemens suivans.

Pôte la lune & la terre, & sur le cercle d'argent np (qui est divisé en dix-neuf parties correspondantes aux dix-neuf ans du mouvement des la Ve. Lecon. nœuds) je fixe une orbite de fil doré bien délié, bien incliné dans ces nœuds fur ce cercle comme il convient, avec deux petites lunes, qui auffi-bien que la petite terre, que l'on y place en même-tems, ont une juste proportion avec la grandeur de l'orbite : & ensuite par le moyen d'un petit morçeau; de papier blanc, attaché derriere la terre au tems de la nouvelle luncitées ombres de la terre & de la lune font voir s'il y aura une éclipse de folcil ou non; si l'éclipse sera totale ou partielle, de longue ou de courte durée, & si elle sera au nord ou au sud; en tenant de même le papier derriere la lune au tems de la pleine lune, on verra s'il y aura une éclipse de lune ou non; & s'il y a une éclipse, de quelle espece, &c.

10°. Il y a des parties fixées au Planétaire qui font voir en quoi consissent les parallaxes, & comment on doit les observer, telles que les parallaxes annuelles, mensales & diurnes. Ce qui fait voir évidemment comment on a tenté de decouvrir par ces méthodes les distances du soleil & des étoiles fixes, fans pouvoir y réuffir parfaitement, mais qu'on a réuffi à decouvrir celle de la lune. Il y a auffi une invention pour faire voir ce que l'on entend par la longitude à la mer par où l'on voit qu'on la trouvera à la fin par la rencontre de la lune avec les étoiles fixes, lorsque la théorie de la lune iera dans sa perfection. J'ai aussi inventé une partie additionnelle pour faire voir la celidrographie sur le Planétaire; c'est-à-dire, les Phénoménes des taches de Venus, du jour & de la nuit, & des saisons dans cette planéte, qui (selon les découvertes de M. Bianchini) tourne en vingt-quatre jours & huit heures, autour d'un axe incliné de quinze degrés sur le plan de l'orbite de cette planéte, cet axe continuant toujours d'être paralléle à lui-même. Il y a aussi un fil de métal pour représenter un rayon perpendiculaire du soleil, & un horizon solaire pour faire voir la spirale sensible que le soleil doit paroître décrire chaque jour à un habitant de Venus. On pour mettre la lanterne au lieu du soleil, &c. mais j'ai differé de mettre cette machine additionnelle à mon *Planétaire*, pour attendre si les observations des autres Astronomes auront confirmé les nouvelles & grandes découvertes de M. Bianchini.

Quelques-uns de nos Astronomes m'avoient détourné de publier ici ma celidographie, revoquant en doute les découvertes de Bianchini; mais notre illustre President Martin Folkes, m'ayant appris que M. Bianchini, qu'il connoît parfaitement, est trop exact pour se tromper dans les Observations Astronomiques, & trop honnête homme pour rien publier contre la verité, l'aicruqu'il étoit à propos de Jonner ici la Dissertation suivante.

DISSERTATION sur la Planéte de Venus, selon les découvertes de Bianchini, telle qu'elle est représentée par l'Ouvrage à rouës de mon Planétaire.

Sa révolution autour du foleil est, comme on le sçavoit auparavant, de près de 225 jours.

Qqqij

Notes fur Sa révolution autour de son axe est de 24 jours 8 heures, & non pas de le Ve. Leçon. 23 heures, comme on l'avoit crû ci-devant.

Le globe terrestre de Venus a ses particularités remarquables.

1. L'ANGLE de son axe avec le plan de l'écliptique est de 15 degrés.

Les tropiques sont éloignés du pole de 15 degrés, ou de l'équateur de 75.

LES cercles polaires sont éloignés de 15° de l'équateur ou de 75° des poles.

- 4. Le plan de l'horizon solaire au jour le plus long fait un angle de r5 avec l'équateur.
 - 5. La plus grande déclinaison du soleil est de 75 degrés.
 - 6. Il n'y a que 9 1/4 jours dans chaque révolution autour du foleil.
- 7. Pour mettre les jours à un compte rond, il faut ajouter de quatre en quatre ans une année biffextile qui en la prenant dans les quatre quartiers d'une révolution, fait l'année biffextile de Venus de dix jours de cette planéte qui valent 7 ½ mois de notre année terrestre.
- 8. Le plus long jour pour le pole nord contient 4 5 révolutions diurnes apparentes du foleil. Quoiqu'à la rigueur à celui qui feroit au pole nord, chaque point de l'horizon paroîtroit au sud, cependant on peut fixer un point du fud, & celui-là regleroit les autres points cardinaux pour cette position de la sphére. Si l'on appelle meridien celui qui passe par le soleil & par le zenith, lorsque le soleil est dans sa plus grande hauteur, & si l'on appelle sud le point où ce meridien coupe l'horizon, on aura l'est, ouest & le nord sur l'horizon avec les phénomenes suivans. Le soleil se levera à 22 1 degrés nord depuis l'est, sous un angle d'un peu moins de és avec l'horizon, & se mouvant dans une spirale, après qu'il se fera avancé de 112 1/2 degrés (qui se mesureront sur l'horizon) il passera au meridien à la hauteur de 10 degrés; ensuite faisant une révolution entière, il passera au même meridien à la hauteur de 42 1 degrés : faisant une autre révolution, il repassera au meridien à la hauteur de 75 degrés ou de 15° de distance au zenith : de-là il descendra de nouveau par la même spirale, & en descendant il coupera le meridien à la hauteur de 42 🚦 degrés; 🐉 enfin dans sa cinquiéme révolution, il coupera le meridien à la hauteur de 10 dégrés, & s'avancera de 112 ;, il se levera par une amplitude nord de 22 1 degrés.
- 9. Les phénoménes au pole sud seront les mêmes que ceux-ci mutatis mutandis.
- 10. Supposons maintenant que le globe artificiel qui représente Venus soit rectifié pour un endroit sous le tropique où le soleil est verticale dans sa plus grande déclinaison nord au colure des solstices; lorsqu'un horizon solaire, dont le pole est au point solsticial est aussi l'horizon rationel; nommons ce colure le meridien, & nous observerons les phénomenes suivans.



Le soleil se levera avec une amplitude nord de 7 1 degrés, & se mouvant toujours dans une spirale visible (dans cette position & dans toutes les la V. Lec autres de la sphére) il viendra au meridien la premiere fois avec une hauteur de 25 degrés; ensuite sans se coucher, il viendra la seconde sois au meridien à la hauteur de 57 ; degrés; la troisséme fois, il viendra au meridien jusqu'au zenith; la quatriéme fois il passera au meridien ave hauteur de 57 ½ degrés; la cinquiéme fois il y passera à la hauteur de 25 degrés, & à la fin il se couchera avec une amplitude nord de 7 ½ degrés; dans l'autre moitié de l'année il sera nuit pour ce pays.

- 11. Pour l'autre hemisphère qui est sud, le lieu dans le tropique où le foleil est vertical au folstice, aura les mêmes phénoménes, excepté que le colure des folstices ne sera pas dans le même meridien où il étoit de l'autre côté, mais 45 degrés plus ouest.
- N. B. Dans un an les points des solstices dans l'hemisphère avancent de 90 degrés; de sorte que quoique la spirale où se fait le mouvement apparent du soleil, soit de la même espece dans chaque année de Venus, cependant elle n'est pas tout-à-fait la même, (c'est-à-dire, que le soleil ne passera pas verticalement sur les mêmes endroits) jusqu'à ce que quatre révolutions annuelles de Venus ayent été achevées.
- 12. Les phénomenes dans l'équateur ne seront pas les mêmes dans chaque degré, parce que le jour est une trop grande partie de l'année; il nous faut donc confiderer ici deux points de l'équateur. Le premier sera celui qui est coupé par un colure qui passe par le point solsticial du tropique nord, & là les phénoménes du foleil feront les suivans. Lorsque le soleil est dans les fignes nords, il fe leve le premier jour avec 13 degrés d'amplitude nord enfuite il vient au meridien avec 10 degrés de déclinaison, ou avec une hauteur de 80 degrés : marchant dans la spirale, il se couche avec 18 degrés d'amplitude nord. Le jour suivant il se leve avec 35 de d'amplitude nord, il arrive au meridien avec 42 1 degrés de déclination, (ou à la hauteur de 47 ½ degrés) & il se couche avec 50 ½ degrés d'amplitude nord. Le troisième jour il se leve avec 67° d'amplitude nord, vient au meridien avec une déclinaison de 75°, (qui est sa plus grande declinaison, & alors sa hauteur n'est que de 15°) & il se couche avec une amplitude nord de 67 degrés revenant vers l'équateur. Le quatriéme jour il se leve avec amplitude nord de 50 ½ degrés, arrive au meridien avec 35 ½ degrés de déclinaison, (ou avec 47 ½ degrés de hauteur) & se couche avec 35 ½ degrés de déclinaison nord. Le cinquième jour il se leve avec 18 degrés d'amplitude nord, vient au meridien avec 10° de déclinaison, (ou 80 de hauteur) & se couche avec 3° d'amplitude nord.
- N. B. Ces apparences depuis 3 degrés d'amplitude nord du soleil à son premier lever le premier jour, jusqu'à 3° d'amplitude nord à son coucher le cinquiéme jour arrivent durant 1 d'une revolution diurne de plus que la moitié d'une révolution annuelle de Venus.
- 13. Les mêmes phénomènes arrivent mutatis mutandis, lorsque le soleile est dans les signes sud.

otes fur

14. LES phénoménes de l'endroit de l'équateur où le foleil est au zenith Leçon. à midi, le premier jour qu'il commence sa demie année seront les suivans. Le premier jour le soleil se leve à environ 8 4 degrés sud depuis l'est, arrive au meridien dans le zenith sans déclinaison, & se couche environ 8 1/4 degrés nord depuis l'ouest. Le second jour il se leve avec 24 1/4 degrés d'amplitude nari, arrive au meridien avec 32 1 degrés de déclinaison, (ou 57 1 degrés de hauteur) & se couche avec 40 1/4 degrés d'amplitude nord. Le troisième jour il se leve avec 56 4 degrés d'amplitude nord, vient au meridien avec 65° de déclinaison, (ou 25° de hauteur) & se couche avec 73 1 degrés d'amplitude nord. Le quatriéme jour le soleil se leve avec 62 1 degrés d'amplitude nord, vient au meridien avec 52 1/2 degrés de déclinaison, (ou 37 1/2 degrés de hauteur) & se se couche avec 40 ½ degrés d'amplitude nord. Le cinquieme jour le soleil se leve avec environ 27° d'amplititude nord, vient'au meridien avec 20° de déclinaison, (ou à 70° de hauteur) & se couche avec 12° d'amplitude nord. Cela arrive lorsque le soleil est dans les signes nord, de même mutatis mutandis, lorsqu'il est dans les signes sud.

> De tout cela il suit qu'il n'y a point de sphére droite ou paralléle sur ce globe; le mouvement apparent du soleil étant très-oblique à un observateur au pole ou à l'équateur, aussi-bien que dans tout autre endroit.

15. A l'égard du mouvement annuel, le soleil paroît parcourir chaque signe du zodiaque en 18 jours, & presque i de nos jours terrestres; ce qui fait un peu plus que 3 d'un jour de Venus.

16. Si l'on veut me permettre de considerer les causes finales, voici mes conjectures. Peut-être que l'inclinaison de l'axe de Venus, & le nombre impair de 9 1/4 jours dans sa révolution annuelle qui donne au soleil une déclinaison si grande & si prompte, ont été ainsi reglés pour empêcher les effets trop grands de la chaleur du foleil, (qui à raison de la moindre antance de Venus, doit être deux fois plus grande qu'elle n'est sur la terre) en empêchant que le foleil ne tombe perpendiculairement sur les mêmes pays deux jours de suite; car ici le soleil paroît ne suivre la même route qu'une fois dans quatre ans. Outre cela les nuits étant plus longues, donnent

le tems au sol échauffé de la planéte de se refroidir.

Si l'on compare ceci avec Jupiter, & qu'on le considere de même par voye de conjecture, on trouvera que la situation de son axe & la vîtesse de sa révolution autour de cet axe est très-bien imaginée pour augmenter l'effet de la chaleur du soleil dont la quantité diminue beaucoup par sa distance. La chaleur du foleil dans Jupiter n'est que 1 de ce qu'elle est sur la terre: mais alors comme l'axe de Jupiter est perpendiculaire à son écliptique, le foleil éclaire perpendiculairement ou à fort peu près, sur la plus grande partie de la surface de Jupiter, en sorte que par sa lumiere constante dans le même endroit, il doit avec le tems l'échauffersuffssamment; & peut-être que lesbandes de Jupiter ne sont que des vapeurs élevées de son terrein échauffé. Laprompte révolution de Jupiter autour de son axe qui rend le jour un Speu moins long que cinq heures, ne donne pas aux parties qui ont été échauffées pendant le jour, le tems de se refroidir trop vîte pendant la nuit.

Si l'on dit qu'auprès des poles de Jupiter il doit y faire bien froid, je répons que le foleil les éclaire tous les jours, ce qui n'est pas le cas de la Ve Lecon, notre terre où les nuits sont longues de la moitié d'une année, & peutêtre que les parties polaires sont habitées par des animaux différens de ceux qui vivent dans les zones torrides & temperées.



La machine qui fait voir méchaniquement comment les planétes & les cornétes par un rayon mené du soleil, décrivent des aires proportionnelles aux tems, & que j'ai promise dans la 6e note sur la Leçon 5. appartient au Planétaire : Ainsi je vais la décrire ici. Voyez Planche 29. Figures 7 & 8.

La 7e Figure représente la surface supérieure d'un chassis de bois ou d'une caisse d'horloge à roues, liée par quatre vis. ETFV est une platine circulaire d'argent divifée en 88 parties (le nombre 88 étant celui des jours du tems periodique de mercure) avec une manivelle HG & un index GE. JKPPLM est une platine ovale d'argent divisé en un même nombre de parties que la platine circulaire, avec un canal ou rainure pour y faire mouvoir une petite balle ou planéte P. S représente le soleil dans l'un de ses foyers, L le perihelie, & J l'aphelie. S O est un index d'acier qui passant par la planéte P, la porte dans le canal elliptique, avec une vîtesse réciproquement proportionnelle à sa dissance de S. La pattie SP de cet index qui est interceptée entre le soleil & la planéte où entrent S & P, represente le rayon vecteur, (dont on a déja parlé) qui devient continuellement plus court à mesure que la planéte vient de l'aphelie au perihelie, & qui s'allonge par degrés à mesure que la planéte va du perihelie à l'aphelie. La partie PO de l'index qui va au-delà de la planéte, & dont l'extrémité O décrit le cercle OQRJN, n'est d'aucune conséquence dans notre consideration astronomique. Si une planéte (comme par exemple Mercure) se meut dans une orbite circulaire, concentrique au solem, décrira non-seulement des aires égales en tems égaux, mais aussi des arcs égaux; ensuite en tournant uniformément la manivelle H, l'extrémité de l'index en E représentera exactement le mouvement d'une telle planéte; mais si la planéte se meut dans une ellipse qui a dans unde ses foyers le soleil, & que le perihelie soit 6 sois plus proche que l'aphelie, la planéte partant de l'aphelie J, aura un mouvement acceleré dans la direction JKPL, & depuis L elle aura un mouvement retardé passant de M en J, & ainsi dans toutes ses révolutions elle changera continuellement de vîtesse, décrivant des aires égales en tems égaux. On en fait l'égalité & on la prouve de la maniere suivante. La planéte P avec son index qui la traverse, étant portée en J, placez l'index GE en E; ensuite par le moyen la manivelle H, portez l'index à 10 degrés, ou de E en T, & vous verrez en même-tems que la planéte dans l'ellipse n'ira que de J en K à 3 1 divisions, le rayon vecteur s'étant mû de SJ en SK, par ou l'aire SJK a été décrite. Ensuite si la planéte est placée au perihelie L (ou l'on pourra la porter en tournant la manivelle H jusqu'à ce que l'index arrive en F) le rayon vecteur sur l'ellipse sera alors SL: & si l'index de la platine circulaire qui représente le tems du mouvement, est porté en avant depuis F (44 degrés) en V

Notes fur (54 degrés) la planéte décrira depuis L tout l'arc LM, ou 20 degrés, Leçon. en marchant 6 fois plus vîte qu'elle ne faisoit au commencement depuis J, & le rayon vecteur décrivant l'aire SLM d'autant plus grande que SJK, que SL est plus court que n'est SJ, ce qui rend cette derniere aire SLM égale à la premiere SJK, & la vîtelle de la planéte en raison réciproque de la distance. Si l'on prend un lieu intermédiaire dans la courbe de l'ellipse, par exemple, le point p, pendant que l'index sur la platine circulaire se meut de 10 degrés, la planéte décrira l'arc elliptique pP, & le rayon vetteur

décrira l'aire p S P égale aux aires précedentes.

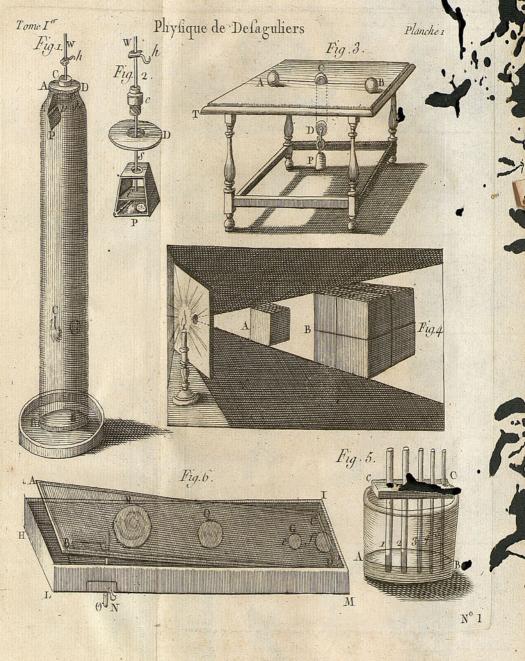
Maintenant pour faire voir l'artifice de la machine, il faut ôter la planche supérieure du chassis, comme dans la Figure 8. où les platines circulaires & ovales, la manivelle de la planéte & les aiguilles ne sont representées que par des lignes ponctuées pour marquer leurs places. Sous la barre ou chevalet VG, il y a deux ovales QT & ON, qui se meuvent l'une autour de l'autre par le moyen d'une corde de boyau qui passe dans une rainure fur leur épaisseur, se croitant en K. Ces ovales ont leurs centres de mouvement sur leurs foyers alternatifs S & J. Le soleil & le centre du mouvement du rayon vecteur est fixé au-dfsus de S. Si l'on place la manivelle en J centre de l'autre ellipse NO, la partie de la circonference de l'ellipse QT, qui touche celle de l'ellipse NO, sera portée circulairement avec des vîtesses proportionnelles aux distances de J, ou à la longueur des lignes JK, J4, J3, J2, J1, &c. qui représentent des leviers inégaux. Mais dans la situation présente representée dans la figure, la vîtesse de la planéte P dans le perihelie est la plus grande de toutes; car PS étant égale à SK, P à la vîtesse du point K, qui est porté par le plus long levier JK. Lorsque l'ellipse NO a fait un demi tour, l'ellipse QT change de fituation, son point V venant en s où il est poussé par le levier Ji, six foisplus court qu'auparavant, & la planéte ayant glissé le long de son Attis Secteur jusqu'à son extrémité, est au-dessus du point J de son aphelie où elle a trois fois moins de vîtefle. On peut concevoir aifément le reste par rapport à la différente fituation des ovales en examinant avec soin la figure. Quant aux deux rouës dont le nombre des dents est égal (peu importe quel que soit ce nombre) on ne s'en sert que pour tenir le cercle & l'ovale sur la surface de la machine (Figure 7.) à la distance convenable, & pour donnerà la planéte & à l'index de la platine circulaire la même direction.

N. B. Les ovales de bois & la platine ovale d'argent au-dessus de la machine doivent être semblables; mais il faut que ce soient des especes d'ellipse. J'en ai pris une ici plus excentrique qu'aucune orbite de planéte, uniquement pour rendre les phénomenes plus sensibles, quoiqu'elle ne soit pas aussi excentrique que celles des cométes qui auroient passé les bornes de la machine.

FIN de la Description du Planetaire.



TABL



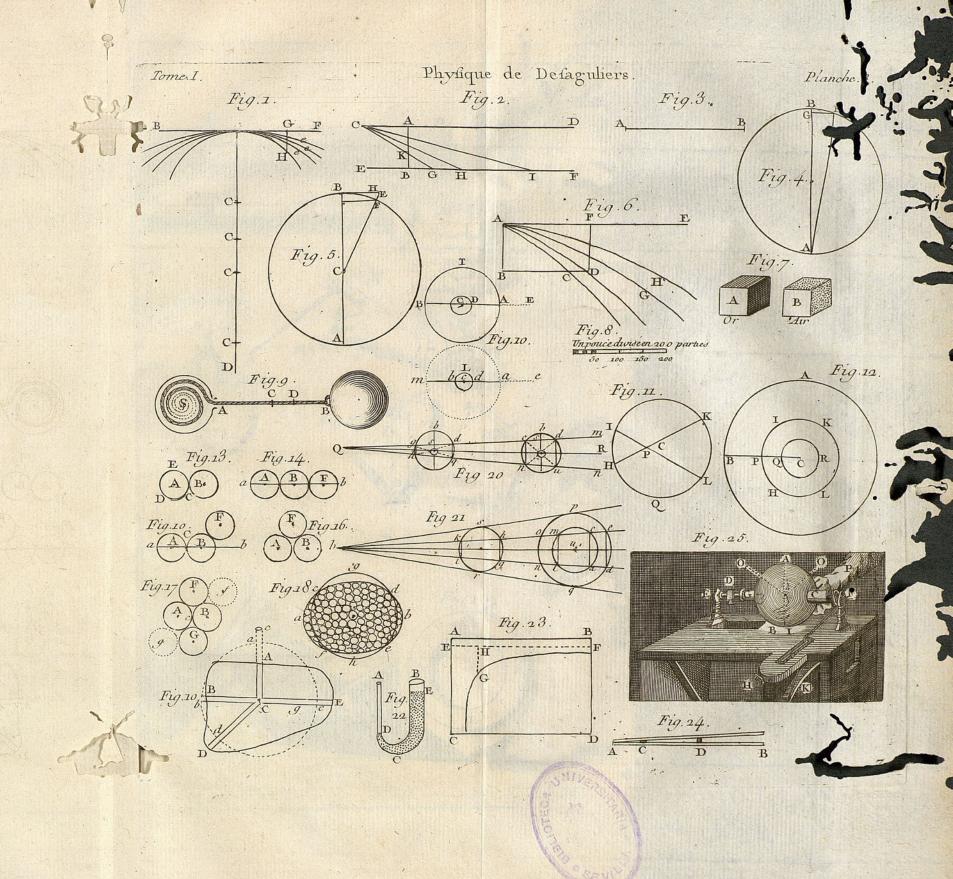


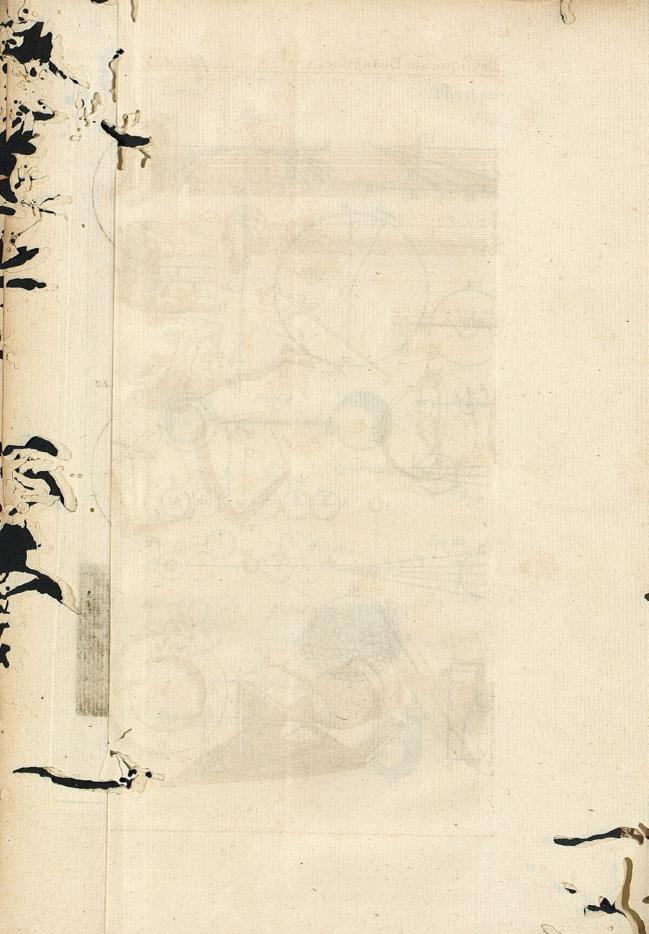


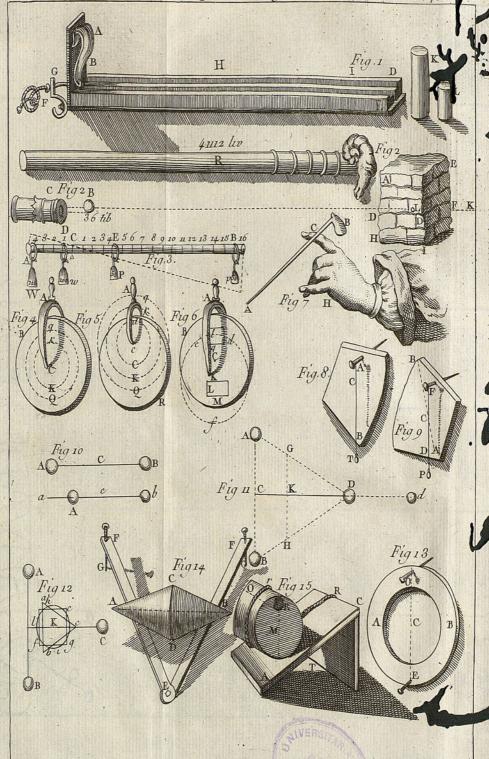












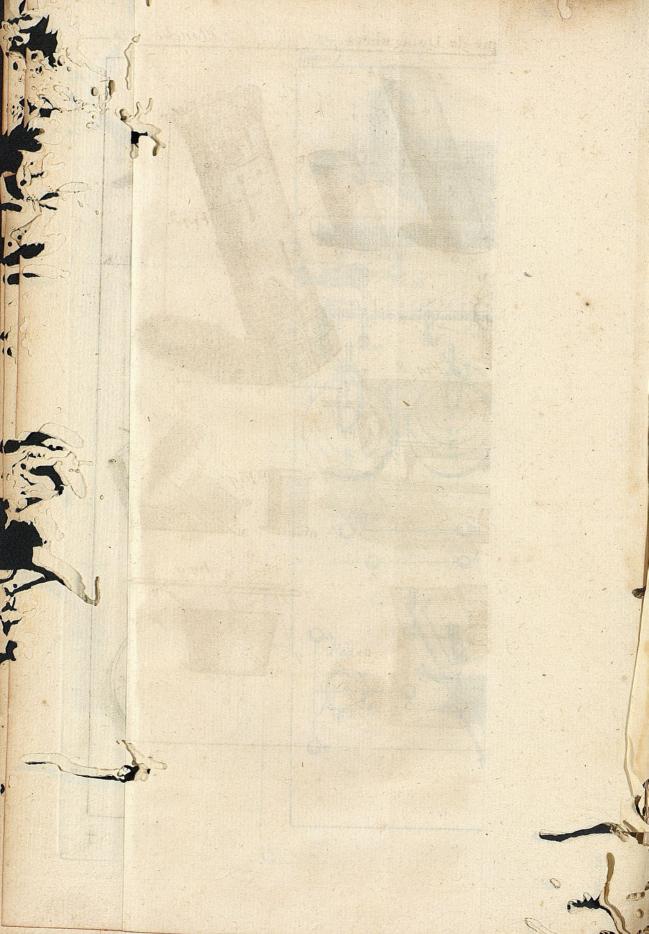
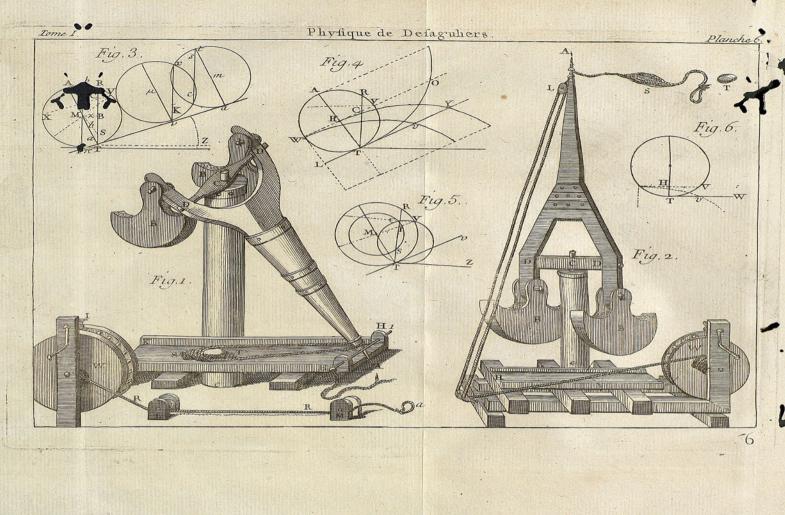


Planche . . Physique de Desaguliers: Tome I Fig.1. Fig. 2. Fig. 8. Fig.9. Fig.5. 0.0



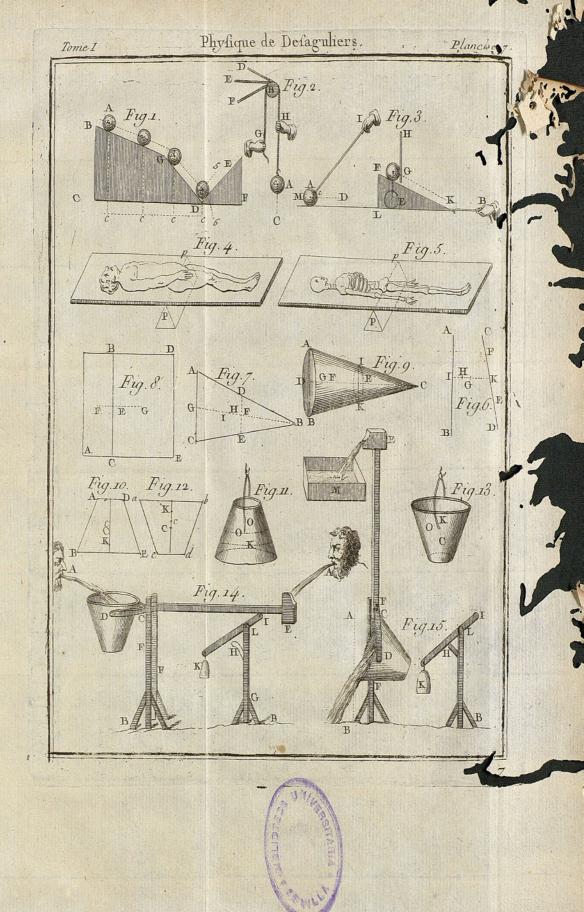




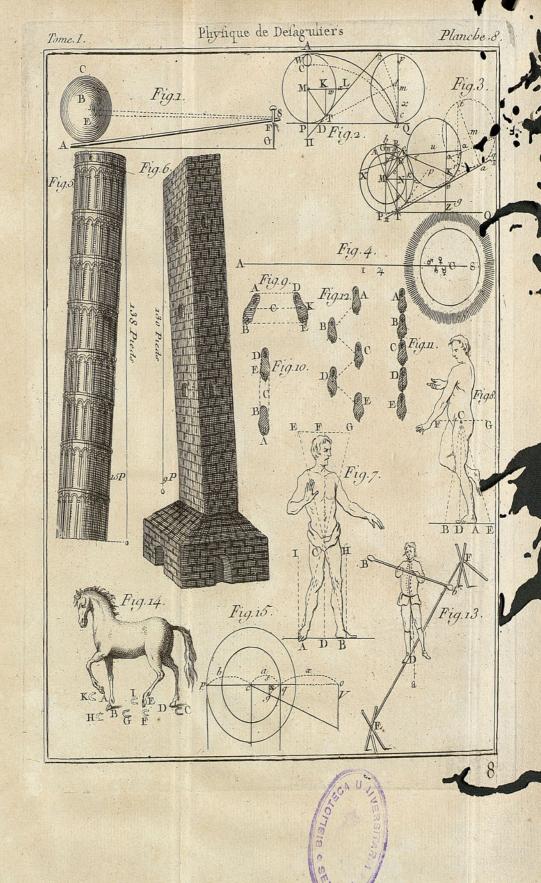




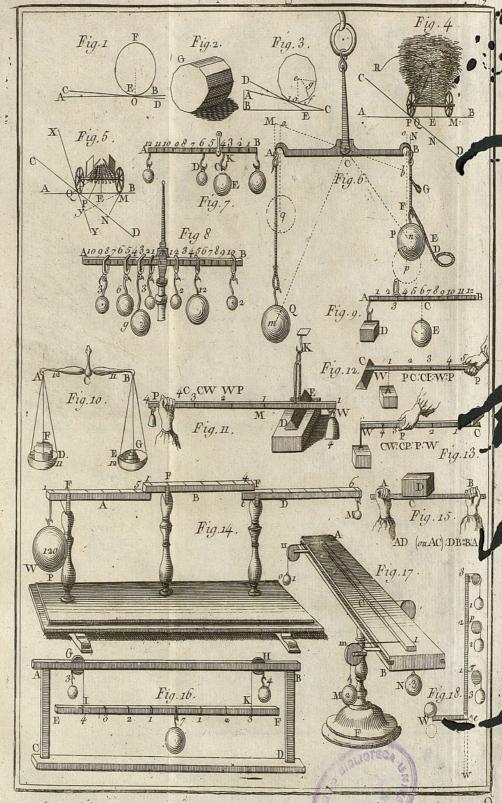










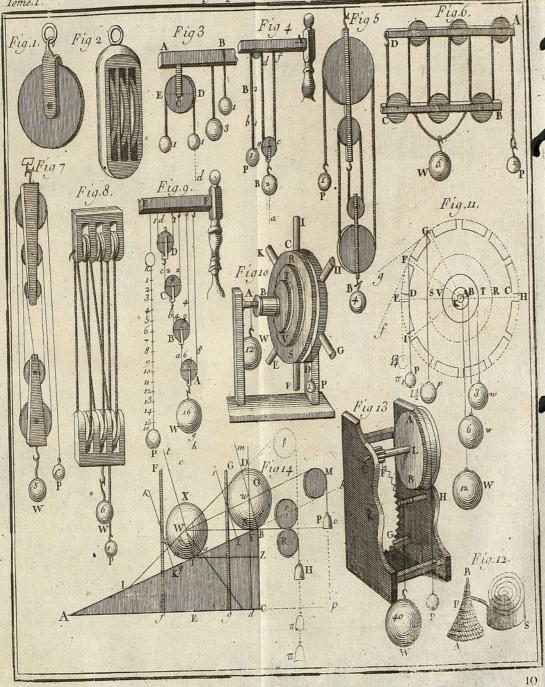


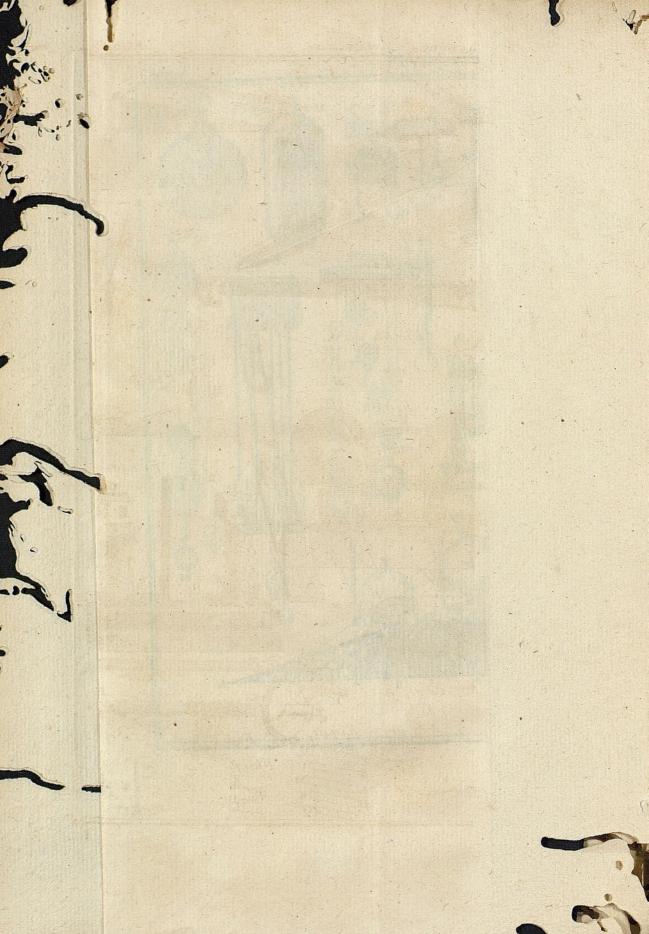


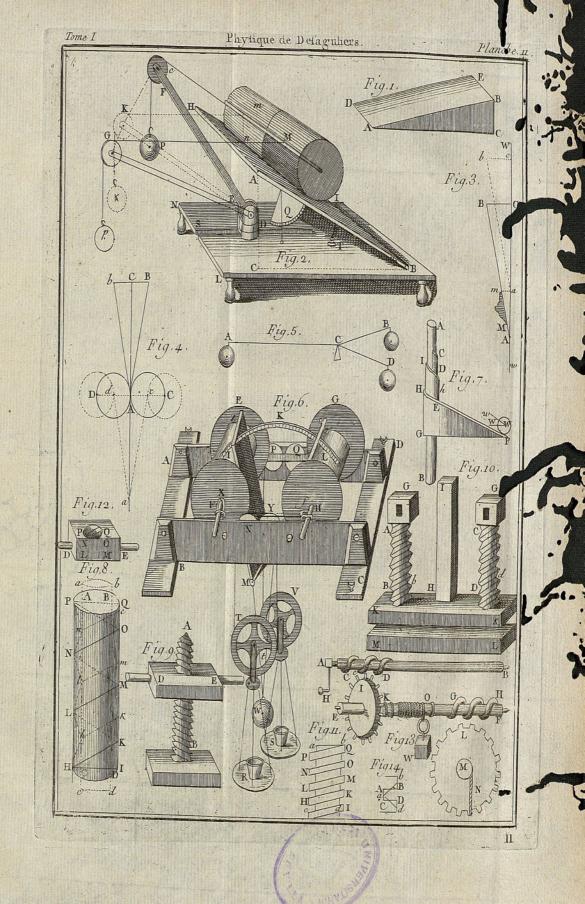
- Physique de Desaguliers

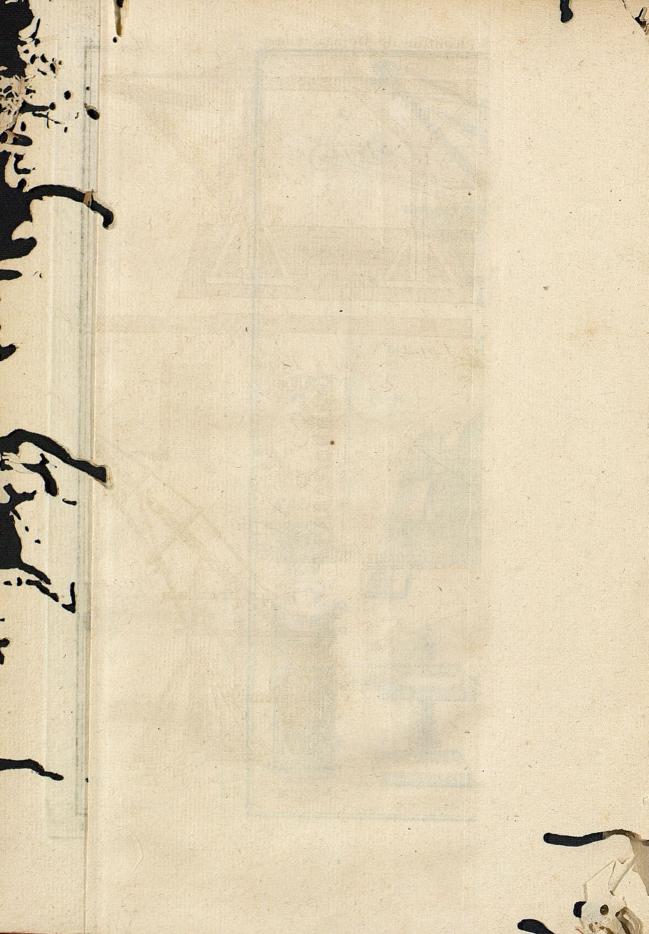
Planche 10

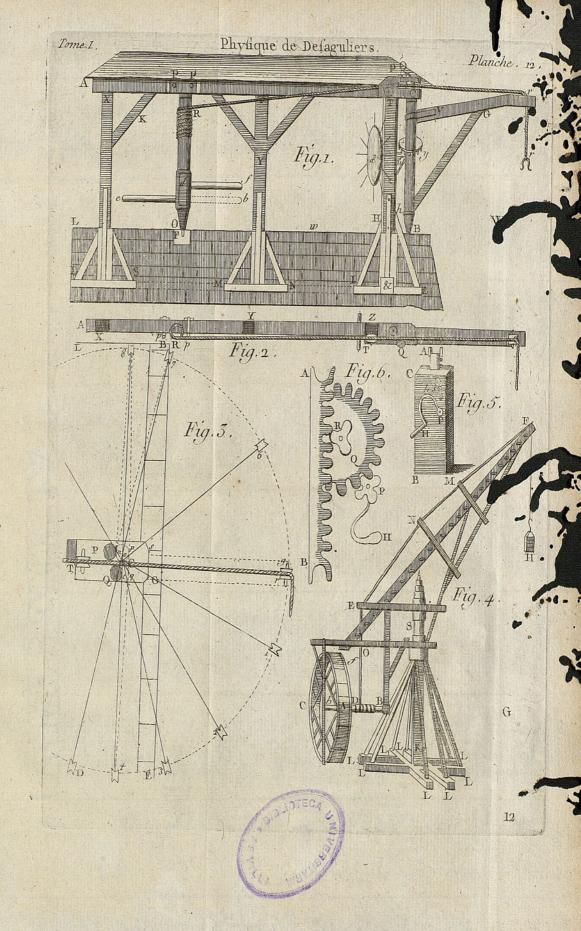


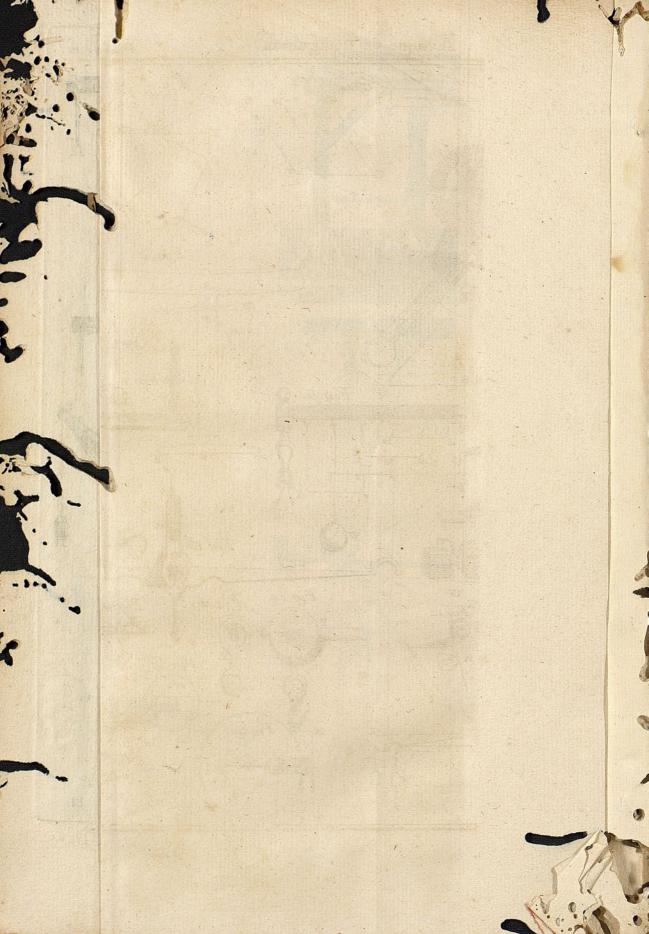


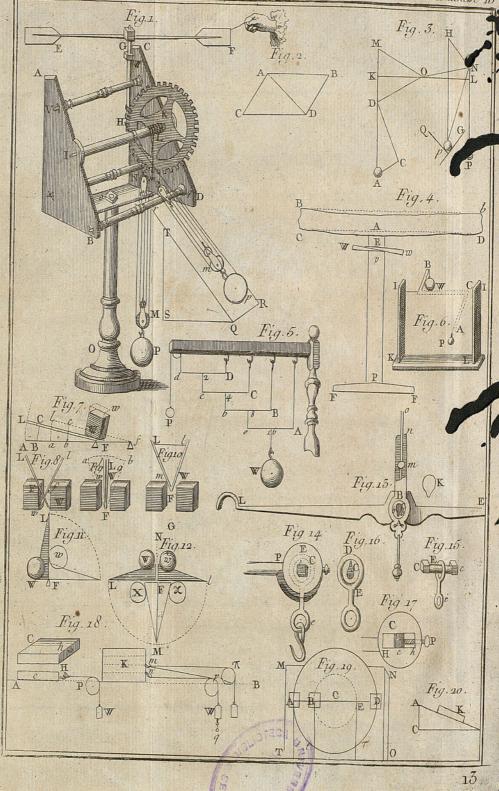


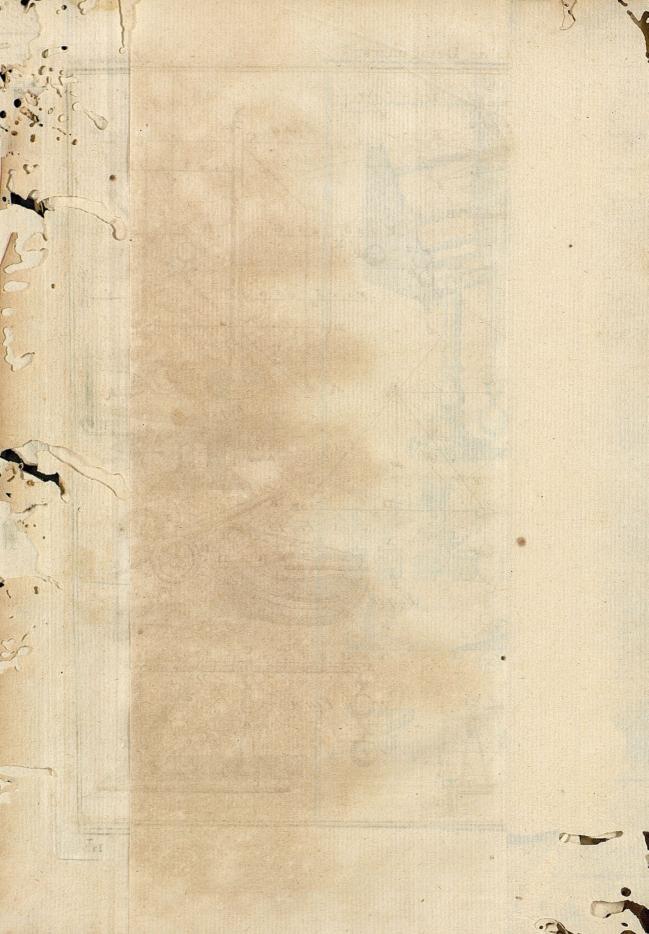


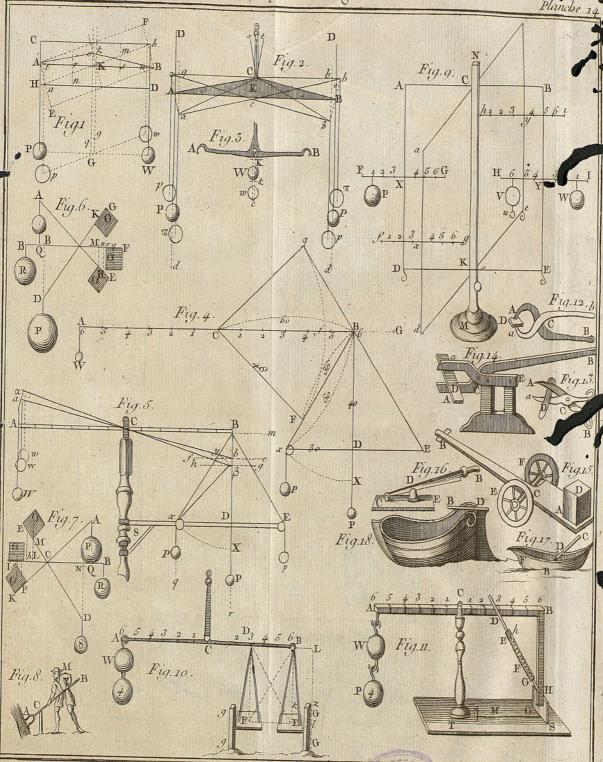




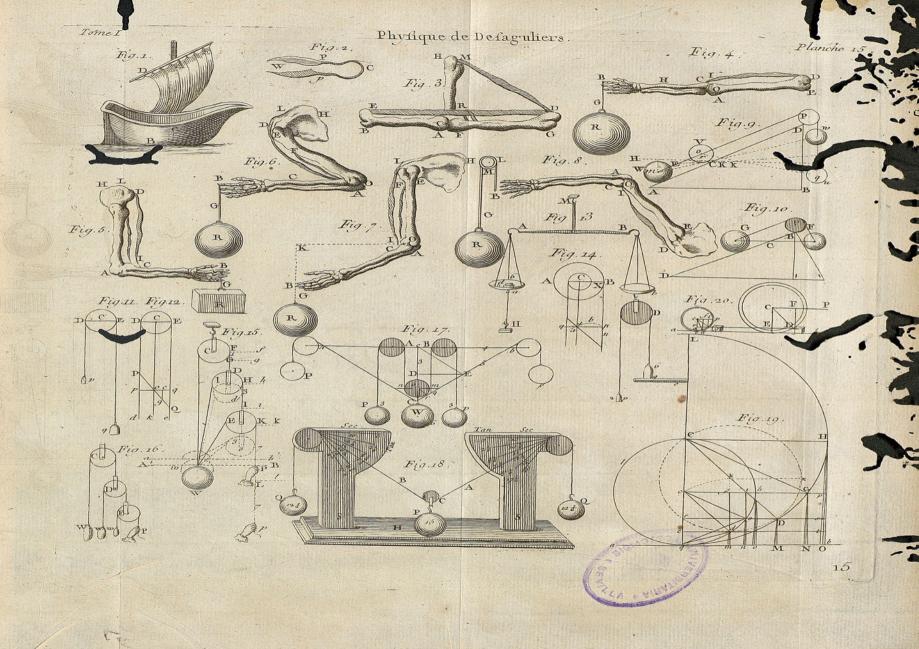




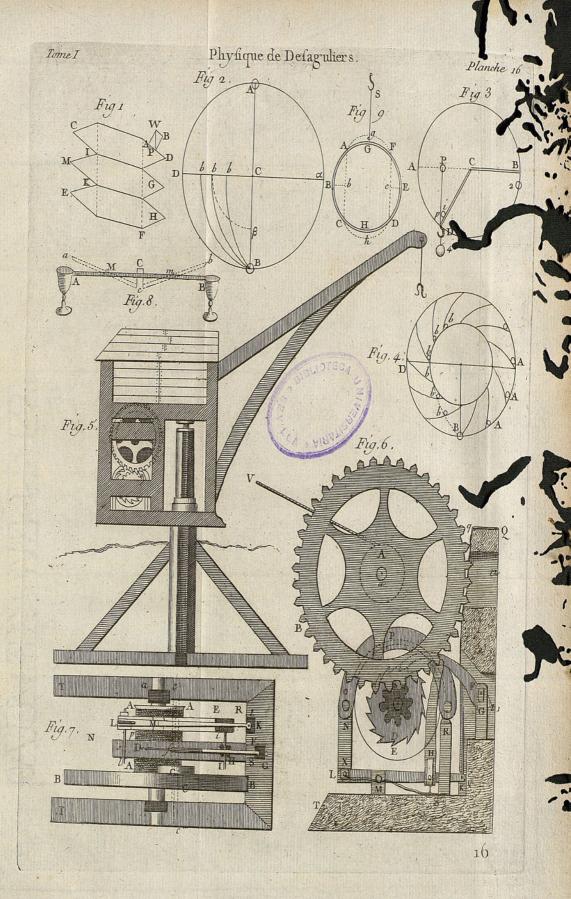




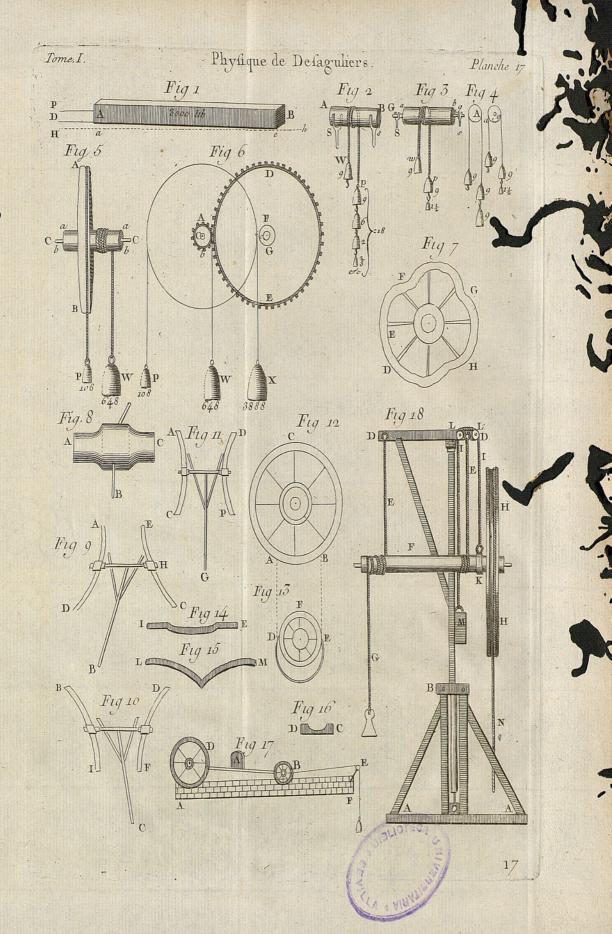


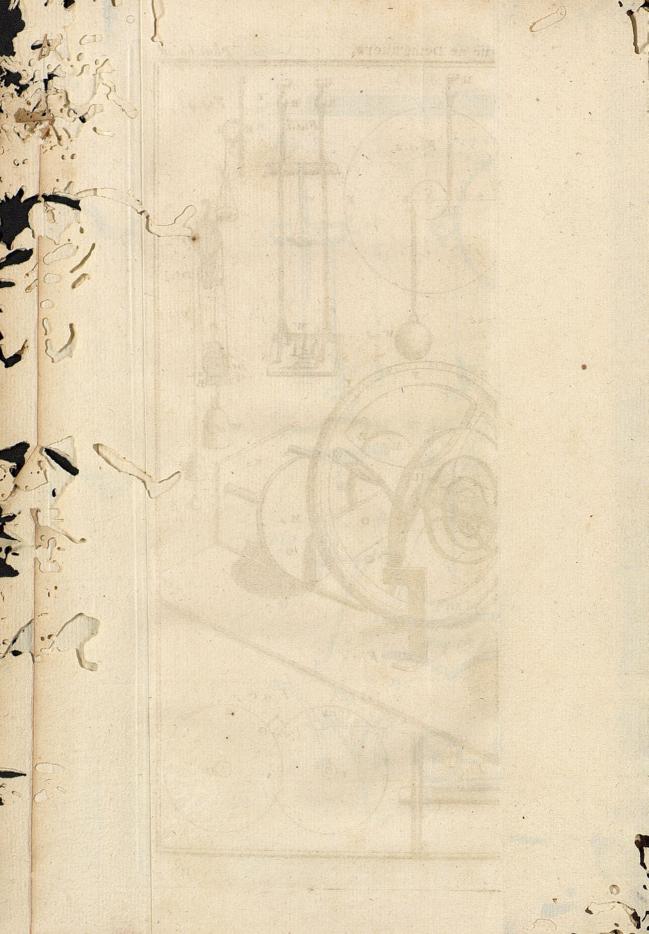


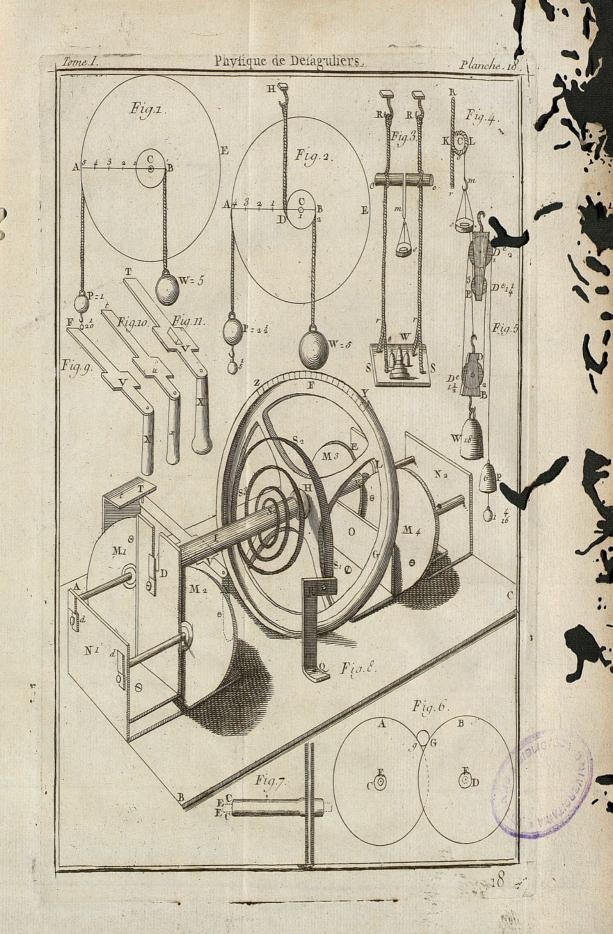








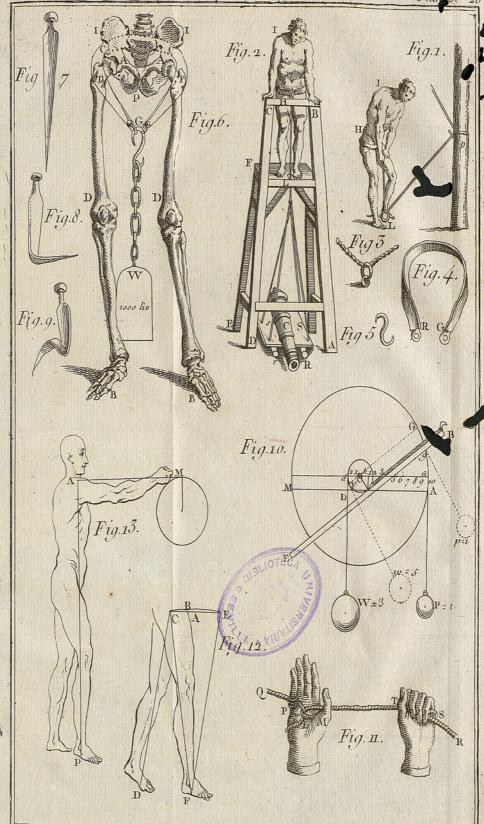




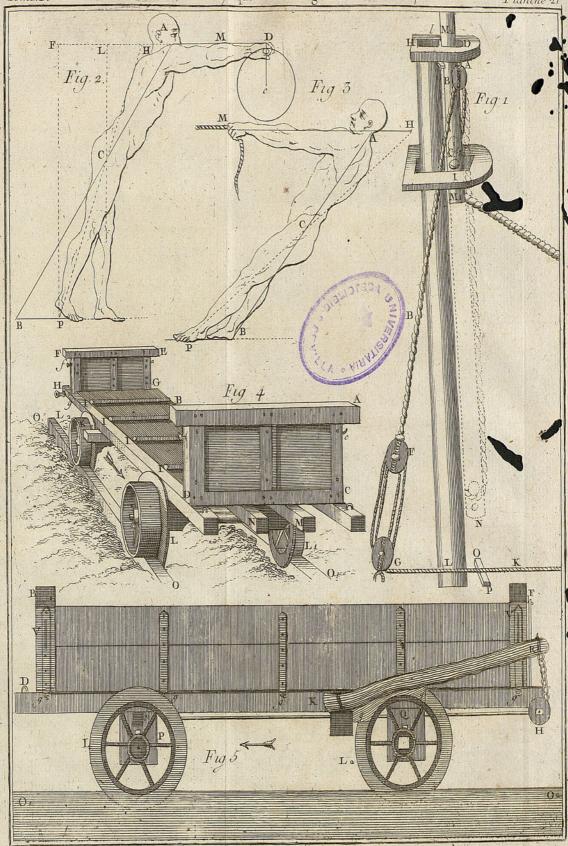




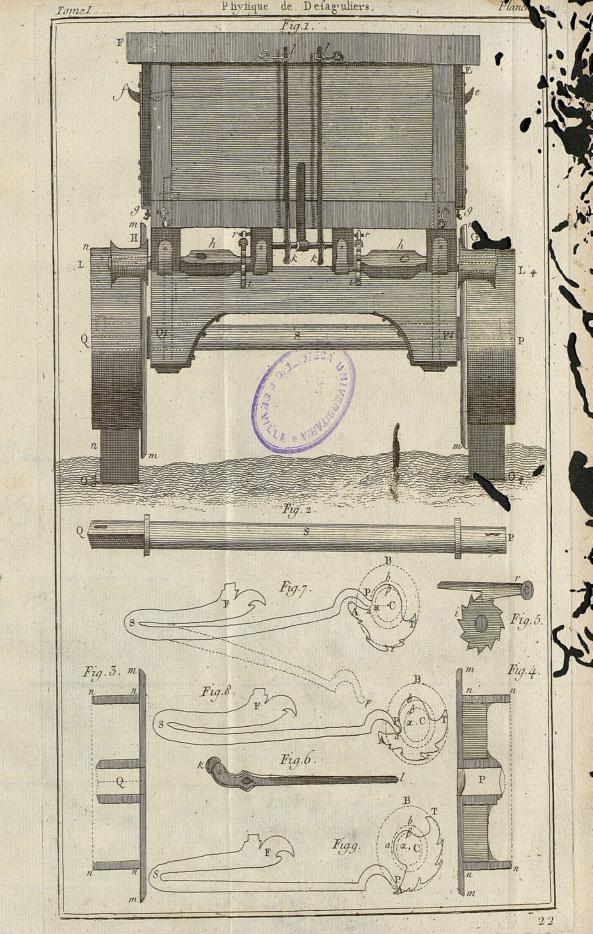




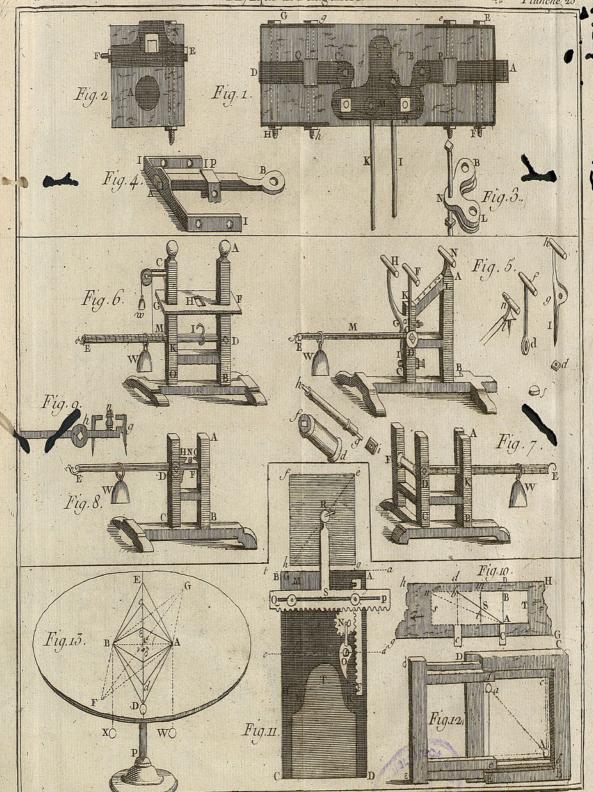




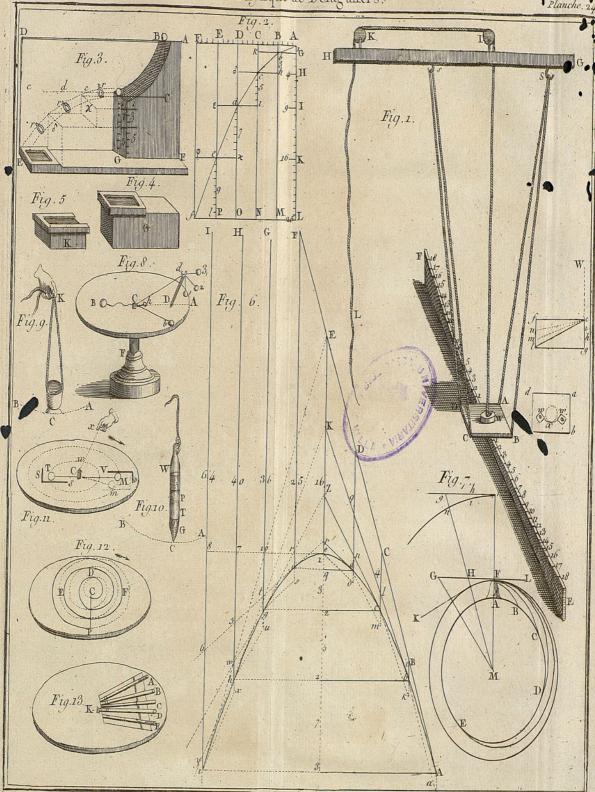




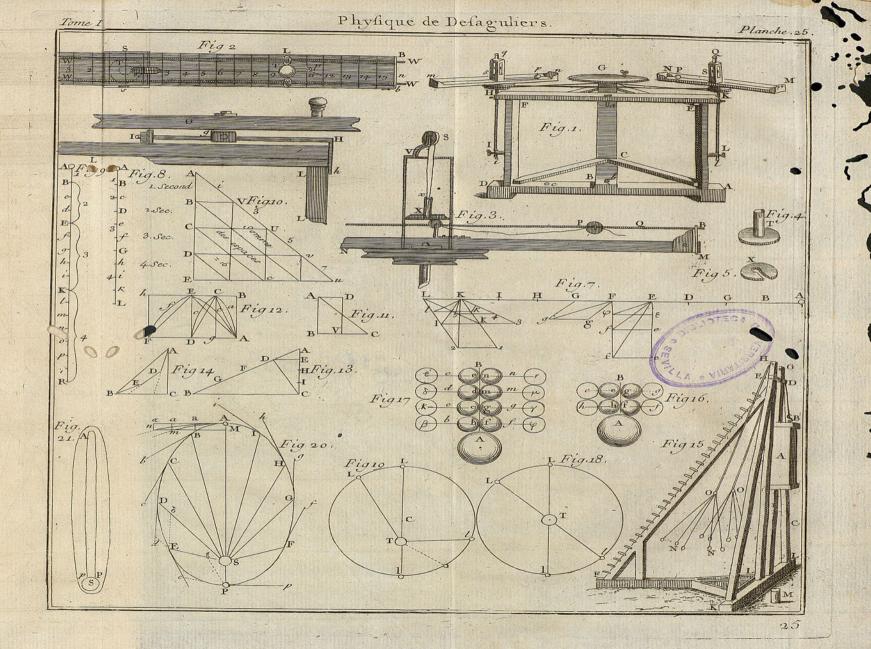




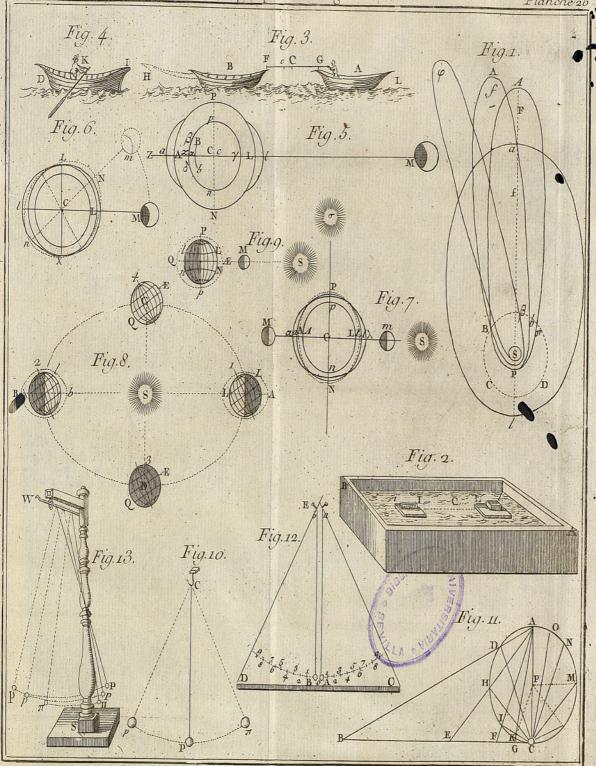




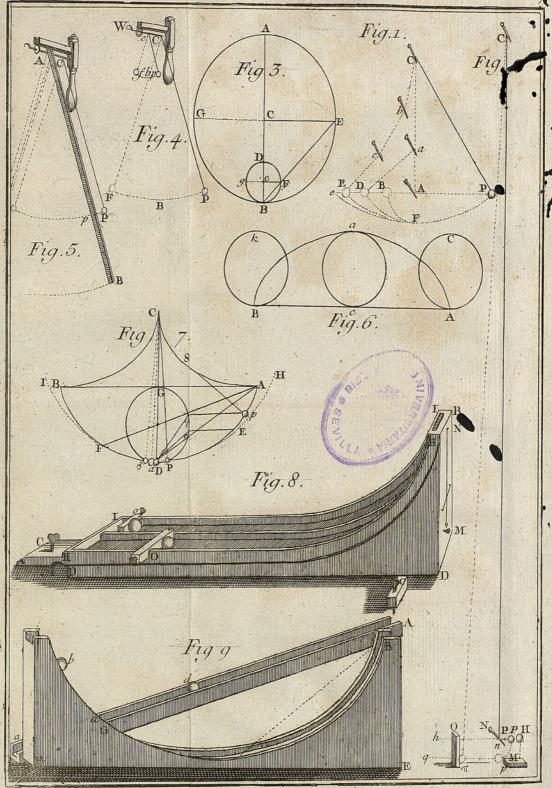




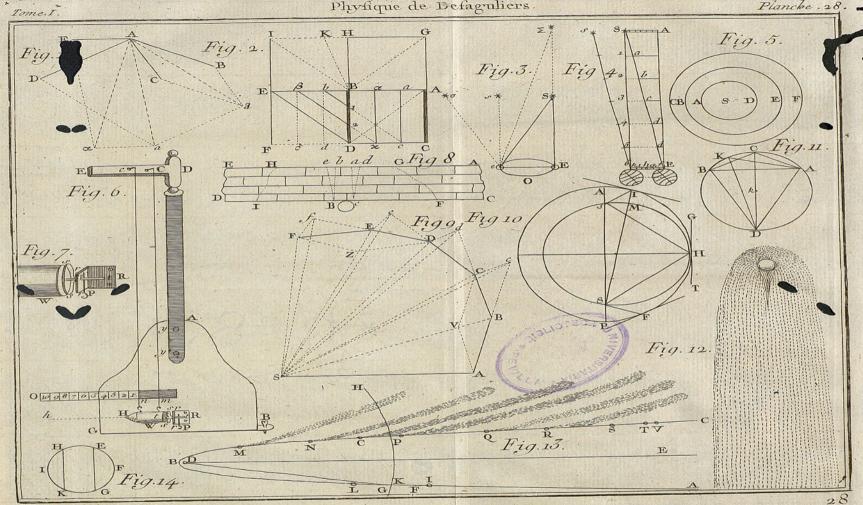




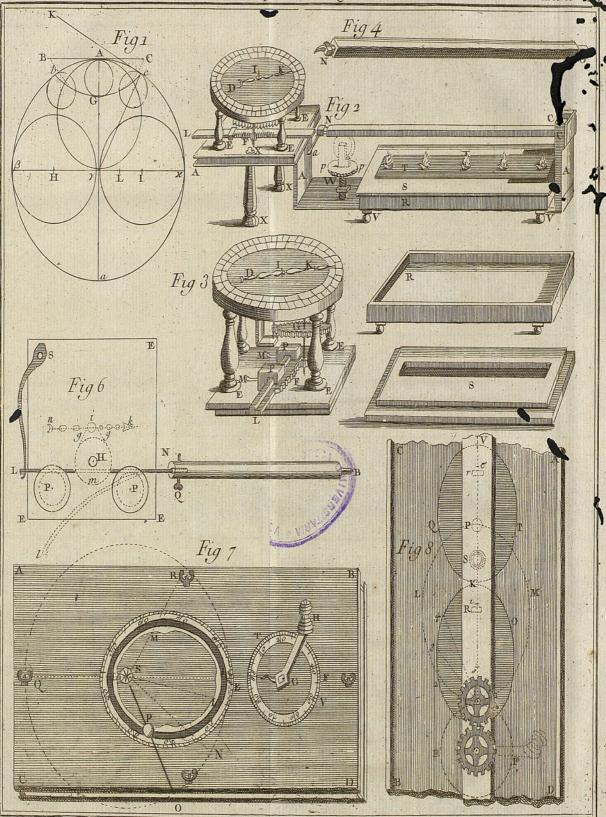




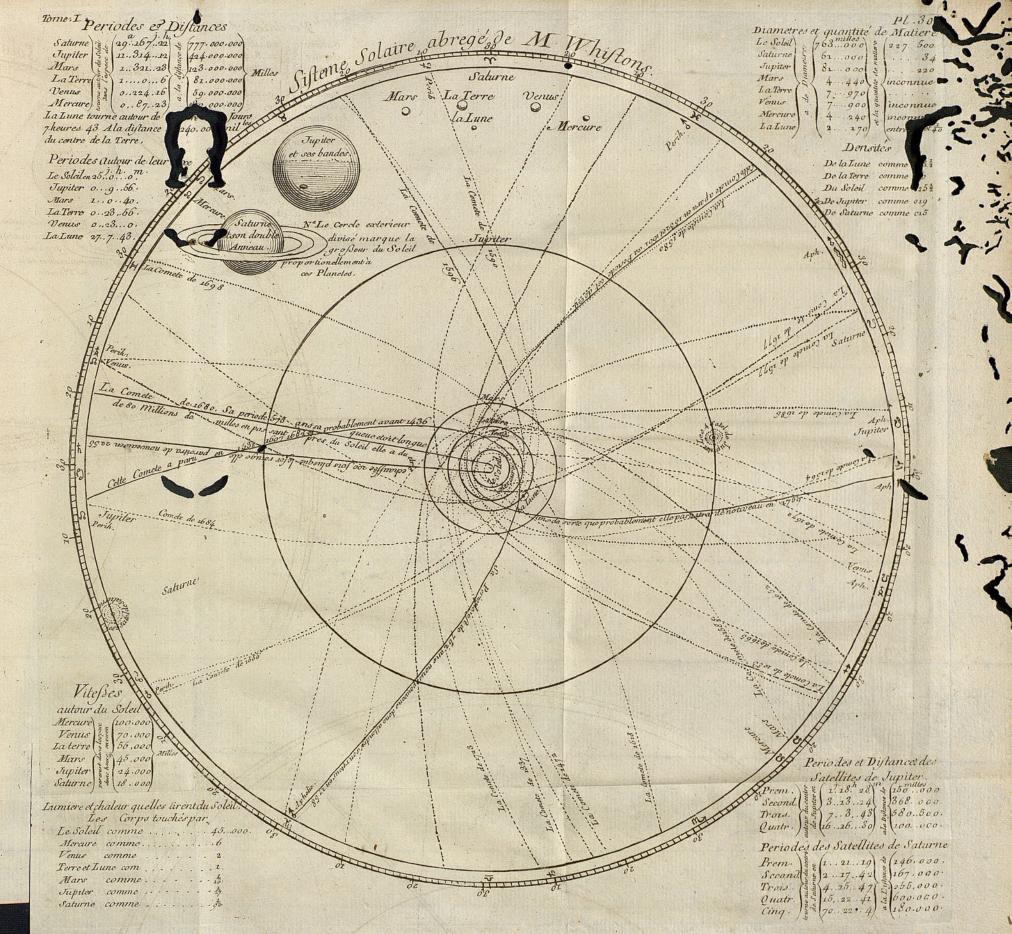




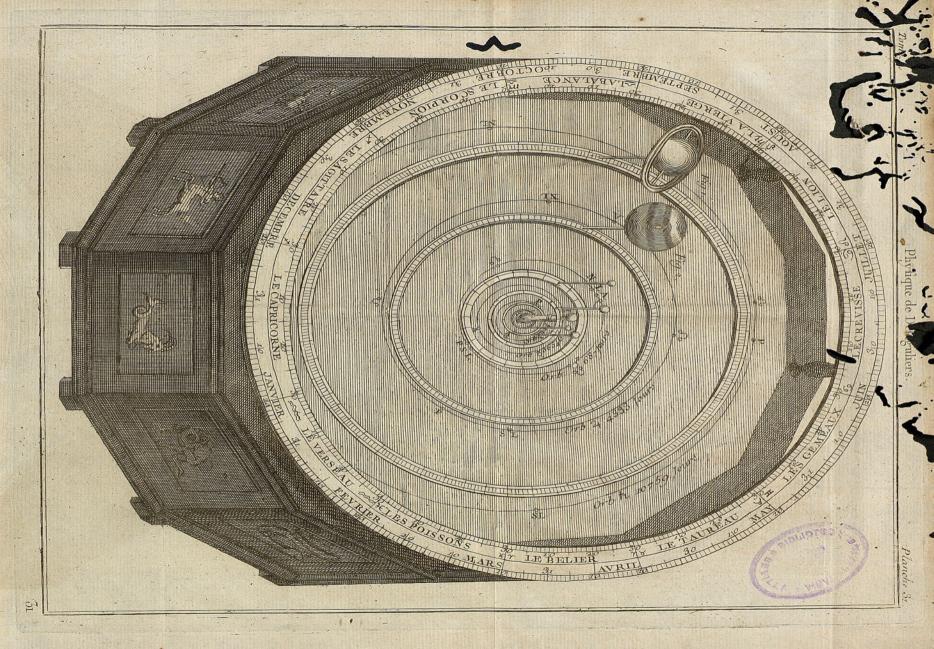


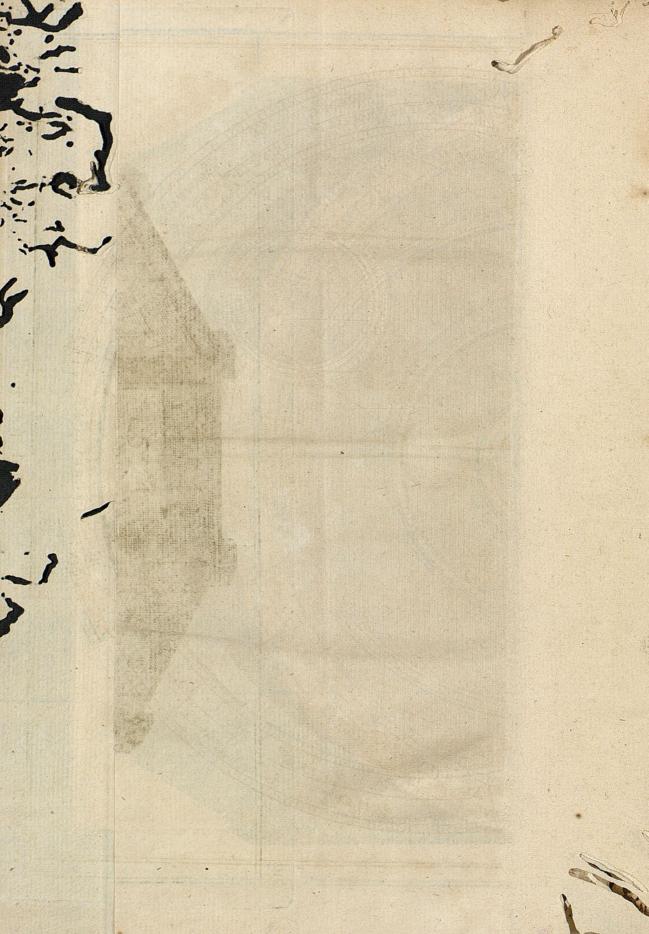


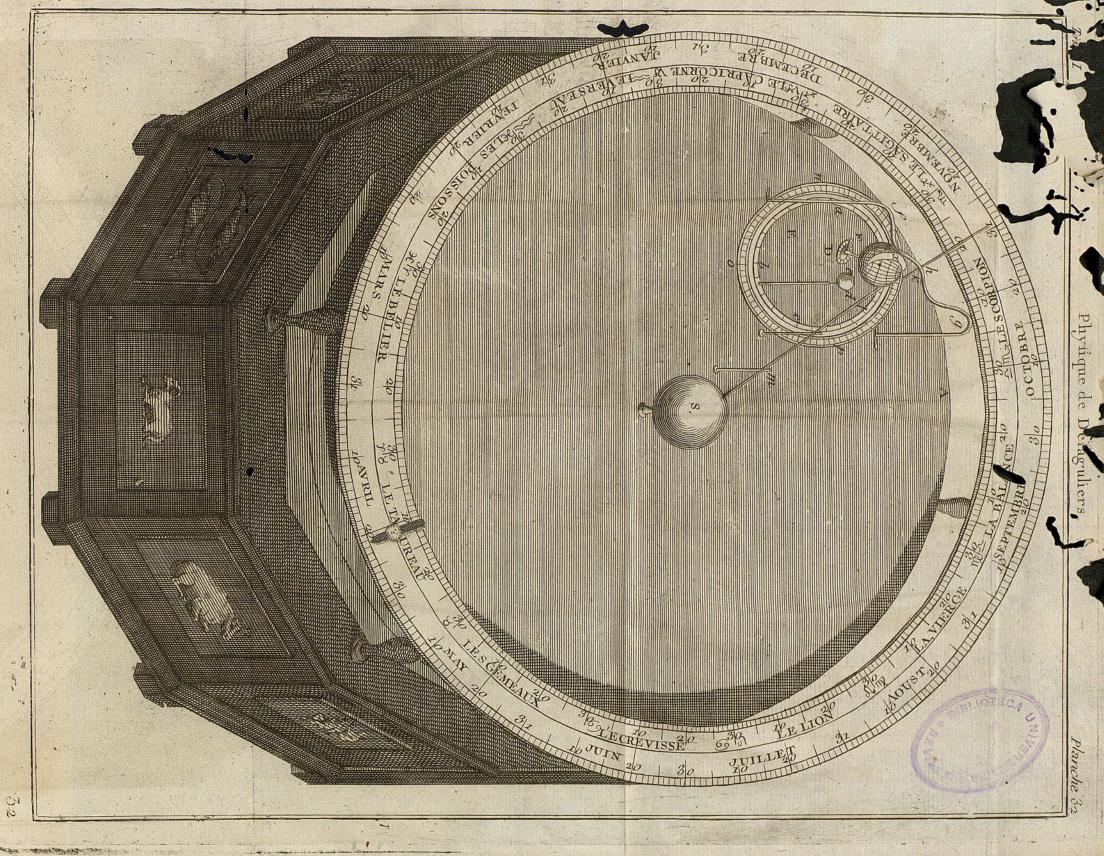




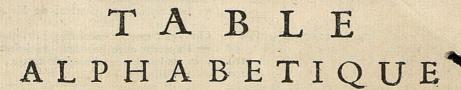












DU PREMIER VOLUME.

CCELERATION des corps en mou-	Attraction muruelle des
A vement, Pages 336, 340	- Expériences qui mon
- Appliqué à sa chure des corps, 333	agit,
Action de la pesanteur des Planétes & des	- La proportion double
Cométes, 376, 377, 378, 379	action,
- Du Soleil & de la Lune sur la mer, 392,	Attraction de cohésion
303	Plus forte dans le con
- Des mêmes fur les Planétes & Cométes,	- Très-confiderable d
182	criftal & de plomb,
- Egale & contraire à la réaction, 382	- Expérience avec de l'
182	deux verres plans,
- Equilibre, 96	deux verres plans, - Avec les fluides qui
Air fa refiftance 268	petits tubes de verre,
Aissieux des Charretes, doivent être à angles	le fucre,
droits fur les moyeux, sans être jamais	- Avec l'esprit de vin
courbes, 214, 215, 216	entre deux verres plan
Angle d'application pour un levier ou une	bolique,
	- Prouvée par l'expérie
De traction, 154	
Animalcules, il y en a plus dans une seule	- Du fil de fer & du fi
laite de carpe qu'il n'y a d'hommes fur	- Prouvée par la pratiq
toute la terre . 28	
- La peritesse inconcevable des globules	- Elle rend les goutes
de leur lang,	
Aphelie, les Planétes & les Cométes s'y meu-	Ses Loix,
vent plus l'entement, 374	Attraction magnetique,
Archimede, son problème pour élever la	Electrique,
terre. & le calcul dudit problème, 69	- Ce n'est pas une qualit
Astronomie, aires astronomiques expliquées,	Avis utile fur les machine
372	Aurore boccale,
- Découvertes par Kepler proportionnelles	Axis in penitrochio , exp
	machine,
- Prouvées par Isaac Nevuton, 441	Composée -
Observations aftronomiques de M. Brad-	- Jointe avec une vis
ley prouvant le mouvement de la terre,	- Réduite au levier
420	- Son frottement,
Atomes, ce que c'est,	- Nouvelle invention de
Tome I.	
LUIIIC Los	

Attraction mutuelle des corps ;	P
- Expériences qui montrent comme	ent elle
	, 8, 9
- La proportion double réciproque	de fon
action,	IQ
Attraction de cohésion,	II
Plus forte dans le contact,	ibida
Très-confiderable dans les bal	
criftal & de plomb,	1.7
- Expérience avec de l'huile d'orang	
deux verres plans,	12
- Avec les fluides qui s'élevent d	ans les
petits tubes de verre, dans le pain	& dans
le lucre,	13
- Avec l'esprit de vin coloré qui	s'éleve
entre deux verres plans en figure	hiper
bolique,	ibid.
- Prouvée par l'expérience du vif a	rgent
	14
- Du fil de fer & du fil d'agent,	15
- Prouvée par la pratique de la sou	dure -
	16
- Elle rend les goutes d'eau sphéri	iques 2
	ibid.
Ses Loix,	ibid.
Attraction magnetique	17
Electrique,	18.
- Ce n'est pas une qualité occulte	22
Avis utile fur les machines,	500
Aurore boccale,	31
Axis in penitrochio, expériences sur	cette:
machine,	TOS:
Composée ,	T37
- Jointe avec une vis	ibid
- Réduite au levier ,	ibido
— Son frottement,	T422
- Nouvelle invention de M. Perssuli	bonc
Rre	10

TAB	L E. 499
Plufieurs de ses proprietés, 405	- Centripete,
Les vibrations du pendule fur elles font	- D'inactivité ou d'inertie
Isochrones, ibid.	- Mouvante,
- Expériences avec des tuyaux en forme de	- Expériences pour prouver toutes ces for-
cycloïde, 406	ces,
Cycloïde à bases courbes, ou épicycloïdes	Force des hommes, la meilleure maniere de
& quelques-unes de leurs proprietés, 457	l'appliquer pour ramer, 266
Cylindre chargé de maniere qu'il remonte	- Très-mal appliquée en ramant avec u exe
fur un plan incliné,	horizontal qui a les rames verticales comme
- Examen détaillé de ses proprietés, 82	les rais d'une rouë, ibid.
THE SECOND SECON	- Très-grande lorsque est exercée par les
D	muscles qui tendent les jambes & les cuisses,
	ibid.
	- Comparée par une nouvelle invention,
DESTR de vaincre dans les disputes, grand obstacle au progrès des Scien-	305
grand obstacle au progrès des Scien-	- De cinq hommes égales à la force d'un
ces,	cheval,
Diametres & distances des planétes, 476,	- Des hommes & des chevaux examinée &
D: 0: 1: 477	comparée,
Direction, ligne de	- Le même par M. de la Hire, avec des
Divisibilité de la matiere à l'infini, quoi-	remarques sur sa differration, 285
qu'elle ne soit pas actuellement divisée à	- Articles des Transactions Philosophiques
l'infini,	concernant la dispute au sujet de la force
De la quantité, on démontre qu'elle va à	mouvante,
l'infini, Duffilité de l'or	- De l'action de la poudre avec un bouler
Ductilité de l'or,	de vingt-quatre , 455
to be a substitute of the subs	Forces requifes pour plier les cordes, 241
	Frondes, 360 Frottement, rend la cire d'Espagne transpa-
TOULEMENS, ceux de l'affir facidis	rente; rend in elle d'Espagne stampa-
E COULEMENS, ceux de l'affor faccion produisent des corpuscules d'une peti-	- Les communs Machinistes n'y font pas assez
tesse inconcevable, 28	d'attention, 140
- Ceux des Cométes & des Planetes dans	- Inévitable, ibid.
les espaces celestes, 381	- Très-petit dans le levier, 141
- Ils font très-considerable dans l'atmos-	- Quel égard il faut y avoir dans la balance,
phere du foleil, ibid.	ibid.
Electricité,	- Très-grand dans les poulies, 144
- Prouvée par le tube qui attire & repousse	- Peu considerable dans le tour, 145
les feuilles d'or soit dans l'air, soit dans le	- Aussi bien que dans le plan incliné, ibid.
vuide,	- Examiné plus au long dans les machines
- Prouvée par le globe de verre qui donne	& les cordes,
une lumiere rouge, lorsqu'il est frotté,	- Il n'est point relatif à la quantité des
ibid.	furfaces qui se touchent, mais des poids
- Plusieurs expériences électriques de M.	qui se pressent l'un l'autre dans leur mou-
Etienne Gray, 42	vement,
F	- Resistance qui en resulte, ihid.
一 " " " " " " " " " " " " " " " " " " "	— Sa quantité fur une poutre que l'on traîne
L'IGURE de la terre, 409, 472	fur le terrein,
- De la portion d'un fluide ne peut pas être	Table des frottemens des traîneaux, 205
alterée par la pression d'un autre fluide	Des poulies & des cordes
Avtorious	- Des poulies & des cordes , 249
Flammes de l'esprit de vin usitées dans le	- Quantité du frottement égale à environ un tiers du poids, 268
pyrometre, 467	Comment on peut le diminuer dans les
Force absolue,	charettes, ibid.
- Acceleratrice, ibid.	Machine pour montrer le frotement sur
- Centrifuge, 324	les differentes surfaces, & combien on peur
	D :

Rrrij

500. T. A.	BLE.
le diminuer sur l'aissieu des rouës , 270	Joyce , force prodigieuse de cet homme , 274
- Méthode très-exacte de calculer sa quan-	
tité, 198	The second second
C	
· ·	
C / The Land of the land	L ABOUREURS Anglois generalement plus forts que les François, 273
GRUES, 127	plus forts que les François, 273
Leur potence est très-incommode sur les	Lampes roulantes,
Fands chemins,	Levier, fes differentes especes, 102
Grue de M. Allen très-avantageule, 188	— Homodrome & héterodome , 158
Grue de la feconde espece , 129	
Goutes d'eau rendues sphérique par l'attrac-	Recourbé, Ligne parabolique, 312
Goutes d'huile d'orange qui s'élevent entre	— De direction , 76
deux verres plans,	Longueur du pendule de deux secondes, 400
- Six proprietés de ces goutes, 38	Lumiere, fa resistance,
	- Sa densité diminue, à mesure que les
White Hall Hard Bear	quarrés des distances de corps illuminés
	augmentent,
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	- Elle est repoussée par le verre & autres
TYPERBOLE, figure hyperbolique des	corps ,
goutes d'eau entre deux verres plans,	Lune, poids des corps sur sa surface, 33
T: 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	Elle éleve l'eau de la mer aux endroits
Figure hyperbolique renverfée avec du	où elle est verticale, & aux antipodes de ces endroits, 386
vif argent, 40	ces endroits, Cette action considerée hydrostarique
Hommes, leur action confideré méchanique- ment, 90	300
Leur force en tirant une manivelle verti-	Réponse aux objections contre cette
cale est moindre en haut qu'en bas, 256	doctrine,
- La force de cinq hommes égale à celle	M
d'un cheval, 273	A11
Examen de la force des hommes & des	M
chevaux avec differentes applications, 254	MACHINES simples, 92
Differtation de M. de la Hire lur ce lujet,	Machines composées, 124
Tudes de force frits per des hommes qui	— A feaux pour élever l'eau, 8 — Du fieur Neusham pour éteindre les in-
— Traits de force faits par des hommes qui ne font que des illusions, 274	cendies,
me font que des illulions, 274 — Ils ne surpossent pas la puissance d'un	- Nouvellement inventée pour éprouver la
homme moderément fort, 276	force de differens hommes, & celle des
Traits de force vrayement extraordinaire	membres du même homme, 305
de Thomas Topham , 299	- Pour montrer si le frottement dépend de
	la quantité de la surface frottée, ou du
	poids qui presse les surfaces ensemble, 271
<u> </u>	- Appellée un pyrometre, 467
	- Nouvellement inventée par l'Auteur pour
NCLINAISON, les corps inclinés ne	montrer méchaniquement, comment les
fçauroient tomber, tandis que leur ligne	cométes & planétes par un rayon tiré du
de direction traverse leur base, 59 — Plan incliné, 112	foleil, décrivent des aires proportionnelles
P. Co. C.	au tems, 485 — Curieuse à Daerby pour devider la soye,
	- Currence & Baerry pour desider in 10yes,
- Son action & celle du coin, 166	Marées de l'équinoxe, 394
- Tours inclinées qui ne tombent point, 61	- Du folftice, ibid.
Inertie, force d'inertie, 304	- Baffes & hautes caufées par l'action du
Infinis, ils ne sont pas tous égaux. 25	foleil & de la lune selon leur position
Instrumens ordinaires réduits au levier, 158	differente, 391
Intenfité de la puissance,	- Quel est leur retardement journalier, ibid.

TABLE.

283

Maffe, 43
Matiere, ce que c'est,
En quel sens les Cartésiens entendent ce
mot, ibid.
Elle est la même dans tout les corps, 3
Divisible sans être actuellement divisée
à l'infini,
Elle subsiste la même dans tous les chan-
gemens naturels & artificiels des corps, 23
La plus petite de ses parties peut enve-
Topper la sphére de Saturne, 27
Elle est divisée en parties d'une petitesse
inconcevable, 28
- Il y en a moins dans l'univers que de
vuide,
Subtile des Cartésiens, quand on accor-
deroit fon existance, elle ne prouveroit
pas le plein, 69
Méchanique, 95
Puissance méchaniques, ibid.
Toutes réunies dans une seule machine,
131
Mercure, ou vif argent sa resistance, 24
Il est attiré un peu par le verre, mais
Quelques expériences de son attraction
par M. Jean Jurin, ibid.
SETT: CO
Molecules, ce que c'est, 4 Momentum, quantité de mouvement, 45
Momentum, quantité de mouvement, 45
vîtesse, ibid.
Des corps tombans proportionnel à leur
vîtesse, & non à la hauteur d'où ils tom-
bent, 351
Nouvelle & ancienne opinion comparées
enfemble, 430
Mouton pour enfoncer les pilotis, 361
Mouvement distingué de la vîtesse, 46
Défini en general & en particulier, 67
Sa quantité,
Composé lorsqu'un corps est poussé par
deux ou plusieurs forces à la fois, 132
Perpetuel impossible, 183
Ses Loix felon Newton, 304
Ier Loy, ibid.
2e Loy,
3e Loy, 383.
Application aux marées, 385
Expérience pour expliquer le mouve-
Expérience pour expliquer le mouve- ment composé avec la réponse à une objec-
tion contre le mouvement de la terre, 310
Du boulet de canon en ligne paraboli-
que, 312
Des projectiles appliqué au mouvement
and a la lane
de la lune,
de la lune, 322 Expériences pour montrer que la pefan-

teur & la force projectile suffisent pour que les planétes continuent leur mouvement dans leurs orbites, 330 --- Acceleration de mouvement expliquée, 336 --- Des corps sur un plan incliné, & ce qui en resulte par rapport au pendule, 352 Muscles, leur action, 160 --- Calcul de la force du biceps & du chieus, ibm. --- Extenseurs des jambes & des cuisses; la

N

maniere de les bien appliquer,

Nouvelle & ancienne opinion, voyez mod mentum.

0

BSERVATIONS de plusieurs étoiles fixes qui prouvent le mouvement de la terre par M. Bradley, 420 Oranges Voyez. Goutes
Orreries, machines ainsi appellées qui donnent de très-fausses idées des phénomenes celestes, 479 Oscillation, Voyez Centre.

P

PARABOLE, ligne que parcourent l corps jettés horizontalement ou obl	es
corps jettes norizontalement ou obl	1-
quement,	I
Mouvement parabolique du boulet o	le
canon,	
Parallaxe des étoiles fixes ne peut pas êti	re
observée exactement avec nos instrumens	
42	I
Pendule, fon mouvement déduit du mouve	e-
ment des corps fur un plan incliné, 35	
Allongé ou racourci par la chaleur o	u
le froid,	
- Sa veritable longueur pour les feconde	
45	
Comment la percussion oblique & direct	
occasionnent l'erreur,	986
Perihelie, 37	
Periode des Planétes, 47	
Pesanteur de la sursace au centre de la planéte	,
elle diminue comme la distance au centre, 3	5
- Son action fur les planétes & cométe	es
rend leur mouvement regulierement acce	-
leré & retardé, 37	

	502	A
	Mutuelle de la terre & de ses par	ties .
	The Hot support to be to the o	1454
	Pilotis,	361
i de	Plan incliné,	IIZ
	Planétes, leur mouvement dans leurs orl	
	plus prompt au perihelie, plus le	nt à
	l'aphelie,	374
	Elles ne sçauroient conserver leur n	nou-
4	ement dans un milieu resistant,	381
1	Elles ne pourroient tourner dans	
	tourbillons de matiere,	425
	Planétaire, nouvelle machine pour moi	atrer
	le mouvement & la plûpart des appa	ren_
	ces des corps celeftes,	475
	Ses parties qui montent outre le lyf	tême
	general, le lyitême particulier de Ju	piter
	avec ses satellites, de Saturne avec	c fes
	fatellites,	478
	Elles montrent le mouvement de la	terre
	& de la lune autour du foleil, les écl	
	& tous les phénomenes respectifs de	
	trois corps,	482
	Platine de fusil,	110
	Portefaix,	284
	- Plus forts en Turquie qu'en Anglete	rre,
	50.0050×15000000000000000000000000000000	ibid.
	Pression de deux corps sur l'axe d'une p	oulie
	timple, & d'une poulie double,	173
	Projectiles se meuvent en ligne paraboli	que,
		5 x x
	Les Loix de mouvement appliqué	
	celui de la lune, ibid. &	Juiv.
	Poudre à canon fa force,	440
,	Son action fur la bréche,	455
	Poulies,	105
	Leur frottement très-grand',	144
	Combinées,	177
	Moufles de plusieurs poulies ;	106
	Leur frottement ,	248
	Puissance, fa définition,	135
	Ce mot appliqué improprement,	135
	Puissances méchaniques réduites au le	100000000000000000000000000000000000000
	7	132
	Pyromettre pour mesurer l'effet de la ch	
	& du froid fur les méraux,	467
		the
	Q	

UALITE's occultes inconnues chez les Nevotoniens, Quantité, demontrée divisible à l'infini, 25

R Ars de rouës doivent être incliné	5 9
1	14
Repulsion des corps,	7
Resistance du mercure, de l'eau, de l'air	9
de la lumiere & autres fluides,	3
Qui resulte du frottement,	I
	4 E
	38
Plus grande que celle du plomb en ce	r-
	39
	do
10. 10. 10. 10. 10. 10. 10. 10. 10. 10.	II.
	96
	13
Les plus grandes font les plus avant	
geuses, 2	20
S	
SCORPIONS, machine comparée canon,	-
comparee comparee	au
Callon	14

Seau d'eau, on l'empêche de tomber en supportant son centre de gravité, Solftice, Voyez Marées Suppositions necessaires pour entendre la méchanique, Système du monde, 475

ABLE de frottement, Voyez Frottement. --- Des forces requifes pour plier des cordes de differentes diametres, --- De l'effet de la chaleur & de la flamme fur les metaux , 460 Tems périodique des Planetes, Terre plus haute vers l'Equateur que vers les poles, --- Expérience qui l'explique , --- Son mouvement annuel prouvé par M. Bradley , --- Sa figure n'est point oblongue, mais · comme un sphéroïde applati, 472 Tortue des Soldats Romains, 284 Tourbillons de Descartes contraires à la raifon & à l'expérience, 328 Tours inclinées qui ne tombent point, бI Traction, angle de, 167 Traîneaux, 205 Tube de verre frotté, 41

TABLE. 503 --- Du poids différente de la vîtesse de la puissance, Volan fon usage & application, 258
--- Il n'ajoute rien à la force de la puissance, 258 V I F argent, Voyez Mercure. mais il regle fon mouvement, ibid. Vis, Calcul de fa force, 119 - Joint à la vis pour frapper les monnoyes, 358 364 120 Vuide prouvé par expérience,

--- Il y en a plus que de matiere,
--- Son existence sensible par la difference for la difference de la differen ibid. -- Son grand frottement, Son avantage,
Appliquée à la percussion, 122 125 -- Jointe à une rouë, -- Son fil quarré & aigu, 126 pesanteur des corps de même volume, 127 Vîtesse, ce que c'est, 45



